



This is a digital copy of a book that was preserved for generations on library shelves before it was carefully scanned by Google as part of a project to make the world's books discoverable online.

It has survived long enough for the copyright to expire and the book to enter the public domain. A public domain book is one that was never subject to copyright or whose legal copyright term has expired. Whether a book is in the public domain may vary country to country. Public domain books are our gateways to the past, representing a wealth of history, culture and knowledge that's often difficult to discover.

Marks, notations and other marginalia present in the original volume will appear in this file - a reminder of this book's long journey from the publisher to a library and finally to you.

Usage guidelines

Google is proud to partner with libraries to digitize public domain materials and make them widely accessible. Public domain books belong to the public and we are merely their custodians. Nevertheless, this work is expensive, so in order to keep providing this resource, we have taken steps to prevent abuse by commercial parties, including placing technical restrictions on automated querying.

We also ask that you:

- + *Make non-commercial use of the files* We designed Google Book Search for use by individuals, and we request that you use these files for personal, non-commercial purposes.
- + *Refrain from automated querying* Do not send automated queries of any sort to Google's system: If you are conducting research on machine translation, optical character recognition or other areas where access to a large amount of text is helpful, please contact us. We encourage the use of public domain materials for these purposes and may be able to help.
- + *Maintain attribution* The Google "watermark" you see on each file is essential for informing people about this project and helping them find additional materials through Google Book Search. Please do not remove it.
- + *Keep it legal* Whatever your use, remember that you are responsible for ensuring that what you are doing is legal. Do not assume that just because we believe a book is in the public domain for users in the United States, that the work is also in the public domain for users in other countries. Whether a book is still in copyright varies from country to country, and we can't offer guidance on whether any specific use of any specific book is allowed. Please do not assume that a book's appearance in Google Book Search means it can be used in any manner anywhere in the world. Copyright infringement liability can be quite severe.

About Google Book Search

Google's mission is to organize the world's information and to make it universally accessible and useful. Google Book Search helps readers discover the world's books while helping authors and publishers reach new audiences. You can search through the full text of this book on the web at <http://books.google.com/>

Euclidis Elementorum Libri ex versione Arab.
Lionardo Fusini

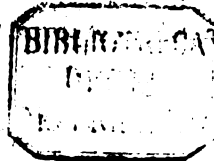
A. gr
590.

1594

Auct. Gr. Vet. 101. p. 536.



كتاب تحرير اصول لاوقليدس
من تأليف خوجه
نصير الدين الطوسي





وبه نشق ونستعين.

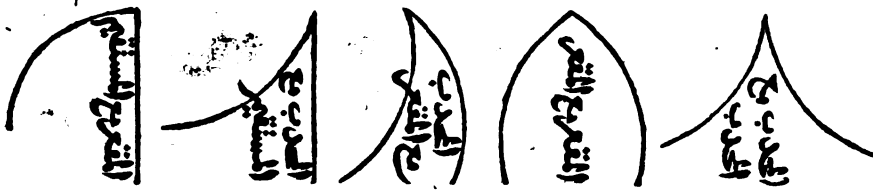
وبعد فان العلوم الرياضية التي هي واسطة عقد الحكمة النظرية تنقسم الى اربعة اقسام الهندسة والامرثماطيق والموسيقى والمجسطي وهو غايتها وكان كتاب الاصول الذي يقال له الاستقص لتحليل ساير العلوم الرياضية اليه في سالف الايام مرتبا على خمس عشرة مقالة قال بعض ملوك اليونان الي حله فاستعصي عليه فاخذ يتنسم اخبار الكتاب من كل وارد من اهل العلم عليه فاشار بعضهم الي رجل في بلد الصور يقال له اقليدس انه مبرز في علمي الهندسة والحساب فطلبه الملك وامره بتهديب الكتاب وترتيبه فهذبه ورتبه على ثلث عشرة مقالة واشتهر الكتاب باسمه وحذف المقالتين الاخيرتين لان مسائلهما كانت من المقدمات التي يتوقف عليها براهين نسب الاجسام المذكورة في المقالة الثالثة عشر وكيفية رسم الاشكال المذكورة فيها بعضها في بعض وكانت كلها تستبين منا ومن غيرها ومن المقالات المقدمة عليها وكان الكتاب موضوعا لان يوضع فيه الاصول دون الفروع اذ هي غير متناهية ولذلك عدت قصايا لم تتبين الا في هذا العلم من الاصول الموضوعه لما كانت ظاهرة البيان من مسائيل الكتاب ثم نشا بعد زمان بعسقلان رجل يقال له انسقلاوس برز في العلوم الرياضية والحق المقالتين بالكتاب بعد تهذيبهما قصار الكتاب بهما خمس عشرة مقالة ثم نقل الي العربية مرتبا على خمس عشرة مقالة واشتهر من النسخ المنقولة نسختان بين علما هذه الصناعة احديهما في التي اصاحها ثابت بن قرة الحراني والاخري في التي نقلها واصاحها حجاج بن مطر ثم اخذ في تهذيب الكتاب جماعة كثيرة من المتأخرين طلبا للايجاز والايضاح فحذف بعضهم دعاوي اشكال الكتاب وقنع بالمثال وبعضهم حذف بعض مسائله اعتقادا منه بانه معلوم من باقي الكتاب وبعضهم جمع اشكالا عدة في شكل واحد وبعضهم استخرج من القوة الي الفعل بعض ما امله اقليدس

أقلب دس مما يتوقف عليه براهين أشكال الكتاب اعتمادا على اذهان من
يحاول حله ومراعاة لطريقته في هذا الكتاب وبعضهم مع ذلك اشار
الي عدد الاشكال المتقدمة مما يتوقف عليه براهين الاشكال المتأخرة
بالرقوم من حروف ابجد فجعل بعضهم الحروف في متن الكتاب وبعضهم
كتبها على الحواشي وفي اثنا السطور فلما تداولته الايدي صحت الحروف
التي كانت في المتن وتركت التي كانت على الحواشي وفي اثنا السطور وكان
الكتاب من الكتب المحتاجة الي التفسير والايضاح لبسهل بذلك علي
الطلبة الانتفاع به ثم اني لما تأملت فيما حكته قوي عزمي علي ان ارتب
الكتاب علي ثلث عشرة مقالة كما فعله اقلب دس واسلك فيه طريقة
جامعة بين المتن والشرح واستخرج جميع ما هو بالقوة الي الفعل مما يتوقف
عليه براهين شكله وافصل مقدماتها بعضها عن البعض علي ترتيب
صناعي وانبه علي اختلاف وقوع كل شكل له اختلاف وقوع وعلي
الاستبانة ان كانت واميز عنها مسایل المقالتين الاخرتين بالاشارة اليها
واحيل علي كل شكل يقع مقدمة لبراهين بعض اشكال الكتاب
بالكتابة لبالرقوم واذكر عدده فقط ان كانت المقدمة والنتيجة من مقالة
واحدة وعدد المقالة مع ذلك ان كانتا من مقالتين واكرر شكلا واحدا
مرارا كثيرة في مسئلة واحدة اذا وقع الاحتياج اليه ليكون الكتاب
بذلك كاملا في نصابه وجامعا لمقاصد طلابه واسأل الله تعالى في جميع ذلك
العصمة عن العواري في الرواية والصون عن طغيان العلم في الكتابه انه
علي كل ذلك قدير وبالإجابة جدير وها انا شرعت فيما حكته

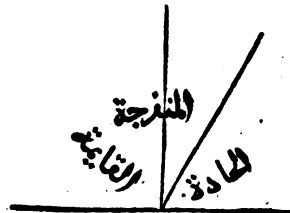
المقالة الاولى في البعثة شكل

لكل علم موضوع ومباد ومسایل وموضوع كل علم ما يبحث فيه عن
اعراضه الذاتية وهي المجالات التي يلحق الشيء لذاته او لجزوه او لما
يساويه من المجالات الخارجة عنه والمبادي اما حدود موضوعاته او قضايا
هي مقدمات براهين مسائله اما مبنيه في ذلك العلم من غير ان يستلزم الدور
او في علم اخر ويقدم في اوائل الكتب مجردة عن البراهين وقد يقدم
معها لاعلي انها من براهين ذلك العلم ويسمي مصادرات واصولا موضوعه
واما مبنيه بذواتها ويسمي علوما متعارفه والمسایل هي قضايا يبرهن
فيه علي اثبات محولاتها لموضوعاتها او سلبها عنها وموضوع هذا العلم
الكم المتصل والمنفصل من حيث يعرض لجزياتهما بعضها الي بعض نسب
واضافة ^١ واما الحدود ^٢ النقطة شي ما ذو وضع لا ينقسم في الخارج
والمعني بالوضع كون الشيء قابلا للاشارة اليه ^٣ والخط عظم له

طول فقط والمتناهي منه انما ينتهي بالنقطة \odot والعظم كم من شأنه ان يشترك اجزاؤه في حد او حدود \odot والخط مستقيم ان كانت النقط التي تفرض عليه بعضها علي مقابلة البعض ومنحن ان لم يكن كذلك \odot والسطح او البسيط عظم له طول وعرض فقط وما كان منه متناهي انما ينتهي بالخط او النقطة \odot والسطح مستوي ان كانت الخطوط المستقيمة المفروضة او التي يمكن فرضها عليه كيف كان تكون بعضها علي مقابلة بعض \odot ومحدب او مقعر ان لم يكن كذلك ويشملها غير المستوي والزاوية المسطحة هي انفراج احد الخطين عن الاخر الكائنين في سطح المتصلين علي نقطة من غير ان يتحدا خطا واحدا وكل من الخطين المحيطين بها ان كان مستقيما فهي المستقيمة الخطين والا فهي غير مستقيمة الخطين سوا كان الخطان المحيطان بها اتفقا محدبا او مقعراهما في جهة او اختلفا وكان احدهما مستقيما والاخر منحنيا محدب المنحني مع المستقيم او مقعرو \odot وهذه صورتها \odot



واذا قام خط مستقيم علي خط مستقيم بحيث لا مبل له الي احد جانبيه فكل واحد من الزاويتين المتساويتين الحادثتين عن جنبه يسمى قائمة ويقال لهما قائمتان ويقال ان كل خط من الخطين عمود علي صاحبه \odot فان مال الخط الي احد جانبيه حدثت زاويتان مختلفتان تسمى التي في جهة المبل حادة والاخرى منفرجة وهي اعظمها وهذه صورتها

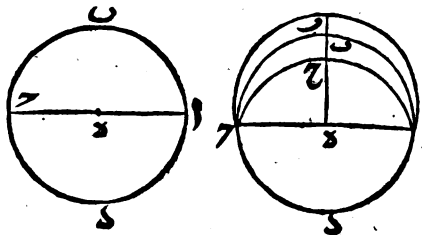


كل خطين مستقيمين كائنين في سطح مستوي اخرجا في جهتهما الي غير النهاية فلا يخلوا اما ان لا يتلاقيا او يتلاقيا فالاولان يقال لهما المتوازيان والاخران يقال لهما المتسامتان وانه علي ان القسمة منحصرة في هذين القسمين ان شا الله تعالى \odot ثم الزاوية بحسب اوضاعها بعضها عند بعض ستة اقسام متقابلتان ومتبادلتان ومتلاقيتان ومتتاليتان والداخلتان في جهة ومتقاطعتان لبيكن سطح حده متوازي الاضلاع وقطع خط اب المستقيم ضلعي حده والمتقابلين علي نقطتي ح ط فالمتقابلتان علي ثلاثة انواع الاولى كزاويتي ا ح ط والثانية كزاويتي ر ح ط والثالثة كزاويتي ا ح ط ويسمى الاخرتين بالخارجية والداخلية والمتبادلتان هي كزاويتي ح ط و ط ح والمتلاقيتان هي كل زاويتين

الاولي

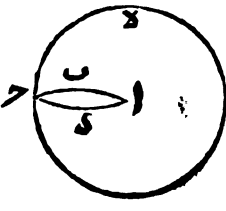
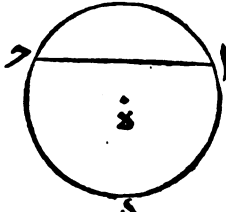
زاويتين يتلاقيان علي نقطة فقط كزاويتي $\widehat{ح ح ط}$ و $\widehat{ح ح د}$ والمتقابلتان
 كزاويتي $\widehat{د ح ط}$ و $\widehat{د ح د}$ والداخلتان في
 جهة واحدة كزاويتي $\widehat{د ح ط}$ و $\widehat{د ح د}$ وهذه
 والمتقاطعتان كزاويتي $\widehat{أ ب ح}$ و $\widehat{د ب ح}$ وهذه
 صورتها $\textcircled{\hspace{1cm}}$ وتسمى النهايات حدودا
 والشكل ما احاط به حد او حدود $\textcircled{\hspace{1cm}}$
 والدائرة سطح مستوي يحيط به خط واحد

يمكن ان يفرض في داخله نقطة جميع الخطوط المستقيمة الخارجة منها الي
 المحيط متساوية فالخط يسمى محيطها والنقطة مركزها والخطوط المستقيمة
 الخارجة منها الي المحيط انصاف اقطارها والخط المستقيم المار بالمركز
 المنتهي في جهته الي المحيط قطرها وهو ينصفها وهي تحدث من ادراة
 خط مستقيم محدود في سطح مستوي حتى يعود الي وضعه الاول $\textcircled{\hspace{1cm}}$ واستبان
 من هذا ان لنا ان نرسم علي أي نقطة وباي بعدد دائرة $\textcircled{\hspace{1cm}}$ ولنضع لبيان
 ذلك دائرة محيطها خط $\widehat{أ ب ح}$ ومركزها نقطة $\textcircled{\hspace{1cm}}$ وقطرها $\widehat{أ ح}$ فاقول ان



خط $\widehat{أ ح}$ ينصف الدائرة لانا اذا
 ركبنا شكل $\widehat{أ د ح}$ علي شكل $\widehat{أ ب ح}$ فان
 خط $\widehat{أ د ح}$ ينطبق علي خط $\widehat{أ ب ح}$
 والا يقع داخله او خارجه واياما
 كان فانخرج خط $\textcircled{\hspace{1cm}}$ المستقيم

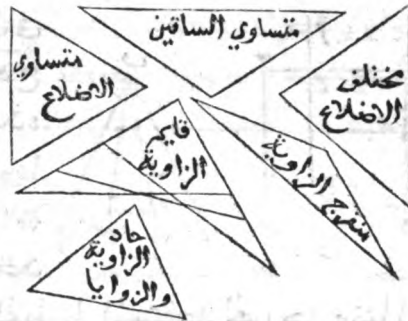
فيقطع الخطوط الثلاثة علي نقط $\widehat{ح ب ر}$ فيكون كل واحد من خطي $\widehat{ر ح}$
 $\widehat{ح ك ط}$ و $\widehat{ب ك ط}$ فيصير الجز مثل كله هذا خلف فقطر $\widehat{أ ح}$ ينصف الدائرة
 وذلك ما اردنا ان نبين $\textcircled{\hspace{1cm}}$ واستبان منه ان الزوايا الاربعة التي يحيط
 بكل منها القطر ونصف المحيط متساوية $\textcircled{\hspace{1cm}}$ فنصف الدائرة شكل
 مسطح يحيط به القطر ونصف المحيط $\textcircled{\hspace{1cm}}$ وكل خط مستقيم يقسم
 الدائرة بقسمين يسمى وترًا وما افرز من المحيط يسمى قوسًا $\textcircled{\hspace{1cm}}$ فقطعه
 الدائرة شكل يحيط به خط مستقيم وقوس افرزها الخط من المحيط
 فالقطعه التي فيها المركز اعظمهما $\textcircled{\hspace{1cm}}$ ولينقطع خط



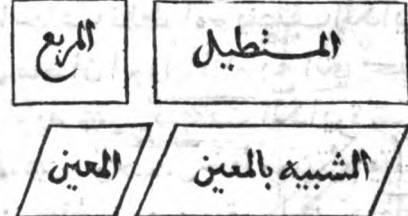
$\widehat{أ ح}$ المستقيم دائرة $\widehat{أ ب ح}$ فهو وتر لكل من قطعتي
 $\widehat{أ ب ح}$ و $\widehat{أ د ح}$ وهذه اعظمهما لان فيها نقطة $\textcircled{\hspace{1cm}}$ المركز
 وكل واحد من خطي $\widehat{أ ب ح}$ و $\widehat{أ د ح}$ اللذين افرزهما
 خط $\widehat{أ ح}$ من المحيط يسمى قوسًا ويقطع الدائرة ثلث
 النصف والتي هي اكبر منه او اصغر منه $\textcircled{\hspace{1cm}}$ لا يحيط
 خطان مستقيمان بسطح والا فليحيط خطا $\widehat{أ ب ح}$
 $\widehat{أ د ح}$ بسطح $\widehat{أ ب ح}$ فنرسم علي نقطة $\textcircled{\hspace{1cm}}$ وبعدها $\widehat{أ ح}$
 دائرة $\textcircled{\hspace{1cm}}$ فيكونا زاويتا $\widehat{أ ب ح}$ و $\widehat{أ د ح}$ متساويتان

بالاستنباطه فالجز يساوي كله هذا خلف وذلك ما اردنا ان نبين

واول الاشكال المستقيمة الخطوط
المثلث وهو ما يحيط به ثلثة خطوط
مستقيمة ثم ذو الاربعة الاضلاع
وهو الذي يحيط به اربعة خطوط
مستقيمة ثم ذو الاضلاع الخمسة
ويقال له الخمس ثم المسدس ثم السبع
وهلم جرا اما المثلث فينقسم الي

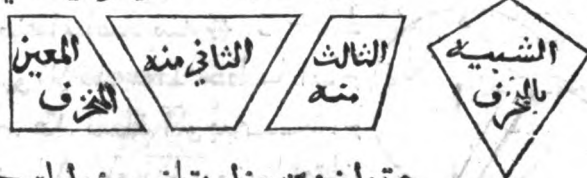


ستة اقسام بحسب الاضلاع والزوايا اما بحسب الاضلاع فان كانت
اضلاعه متساوية يسمى متساوي الاضلاع وان كان اثنان منها فقط
متساويين يسمى متساوي الساقين والا يسمى مختلف الاضلاع
واما بحسب الزوايا يسمى قائم الزاوية ان كانت زاوية من زواياه
فقط قائمة ويسمى منفرجة الزاوية ان كانت زاوية من زواياه فقط
منفرجة ويسمى حاد الزوايا ان كانت كل واحدة من زواياه حادة
واما ذو الاربعة الاضلاع فينقسم الي قسمين احدهما ان كل متقابلين
من اضلاعه متوازيين والثاني ان لا يكون كذلك اما القسم الاول فانه
المربع وهو الذي كل واحد من زواياه قائمة وجميع اضلاعه متساوية
ومنه المستطيل وهو كل شكل ذي اربعة اضلاع كل من زواياه قائمة وكل
ضلعين من اضلاعه المتقابلين متساويان ومنه المعين وهو كل شكل
ذي اربعة اضلاع متساوية ولبست زاوية من زواياه قائمة وكل متقابلين
من اضلاعه متساويان وكل من زواياه



المتقابلة متساوية ومنه الشبيه
بالمعين وهو كل شكل ذي اربعة
اضلاع كل متقابلين منها متساويان
ولبست زاوية من زواياه قائمة

والمقابلتين منها متساويتان وهذه صورتها
فينقسم الي قسمين احدهما ان يكون ضلعان من اضلاعه المتقابلة
متوازيين والضلعان الباقيان متلاقبان بالقوة والثاني ان لا يوجد
ضلعان من اضلاعه متوازيين اما الاول فهو المعين ويقال له المنحرف
وهو علي ثلثة اقسام احدها ان يكون ضلعان من اضلاعه متوازيين
وضلعان غير متوازيين وزاويتان من زواياه قائمتان وزاوية منفرجة

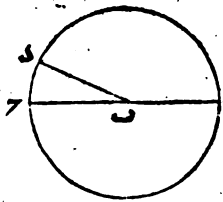


والاخرى حادة
والثاني ان يكون
ضلعان من اضلاعه
متوازيين وزاويتان من زواياه حادتان متساويتان
والباقيتان

والباقبتان منفرجتان متساويتان ٥ والثالث ان يكون ضلعان من اضلاعه متوازيين والباقبين غير متوازيين وزاويتان من زاويه منفرجتان مختلفتان والباقبتان حادتان مختلفتان وهذه صورتها ٥ واما الثاني فيسمى الشبيه بالمحرف وهذه صورته ٥

الاصول الموضوعية

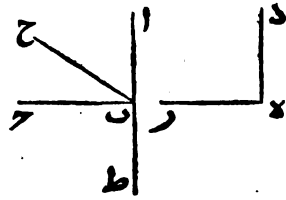
واما الاصول الموضوعية فقد تبين في العلم الالهي ان كل واحد من النقطة والخط المستقيم والمستدير والسطح المستوي والمستدير موجود لاستلزام وجود الكرة المتحركة اياها وهو محدد الجهات وجودها ٥ والفصل المشترك من كل خطين نقطة لانها نهاية كل منهما ٥ وبين كل سطحين خط لانها نهاية كل منهما ٥ لئلا ان نفرض علي كل خط وسطا كان نقطة لانه منتهى الاشارة الحسبه ٥ ولئلا ان نصل بين كل نقطتين بخط مستقيم كان او غيره ٥ كل نقطتين لئلا ان نفرض بينهما نقطتا علي سمتهما ونفرض ان ينطبق علي احد النقطتين نقطة ونسرها الي النقطة الاخرى بحيث تجتاز علي النقطة المفروضة عليهما مسامتة اياها في جميع زمان حركتها الي ان تنتهي الي النقطة الاخرى فسير كل نقطة خط مستقيم لانه طول ولا عرض له والنقطة التي تفرض عليه بعضها علي مقابلة بعض ٥ واستبان منه ان لئلا ان نفرض خطا مارا باي نقطة تفرض ولا يمكن ان يتصل خطان مستقيمان بخط مستقيم في جهة واحدة من احدي نهايتيه كل منهما علي استقامته بحيث يكون كل واحد معه خطا مستقيما والا فليكن الخط المستقيم ا ب



والمتمصل به علي استقامته خط ب د ونرسم علي نقطة ب وببعد اقصر خط من الخطوط ا ب ب د دائرة ا د وكل واحد من خطي ا ب ب د خط مستقيم مارا بمركز الدائرة منته في جهته الي المحيط وكل منهما قطر دائرة ا د فلدائرة واحدة

نصفان احدهما اعظم من الاخر هذا خلف وذلك ما اردنا ان نبين ٥ لئلا ان نخرج خطا مستقيما ذا نهاية علي استقامته الي اي حد شئنا في جهته لانا لو فرضنا نقطة علي الخط كانت مع نقطة النهاية علي سمت واحد ثم نفرض نقطتين شئنا علي سمت النقطتين المفروضتين ونفرض انطبقا نقطة علي النقطة المفروضة اولا ونسرها بحيث تجتاز علي النقطة المفروضة فسيرها خط مستقيم والخطوط المستقيمة والسطوح المستوية ينطبق كل علي مثله كل زاوية قائمة مستقيمة الخطين فهي متساوية لكل زاوية قائمة مستقيمة الخطين غيرها ليكن كل من زاويتي ا ب د د ر قائمة ونفرض انطبقا د علي نقطة ب بحيث ينطبق

خط دة علي خط أب فان انطبف خط دة علي خط بـ فقد حذف
الخبر والا فليقع فيما بين خطي أب بـ كخط
بـ ح ونخرج أب علي استقامته في جهة بـ الي
نقطة ط فلان خط بـ المستقيم وقع علي خط
أب ط وزاوية أبـ ح قائمة فزاوية حـ بـ ط ايضا
قائمة اذ لا مبل لخط بـ الي احدي جهتي آ ط



ولان خط بـ ح وقع علي خط آ ط وحدث عن احدي جانبيه زاوية
أبـ ح القائمة فلا مبل له الي احد جهتي آ ط والا لكانت زاوية أبـ ح
حاددة او منفرجة وهي قائمة هذا خلف فزاوية أبـ ح تساوي زاوية
حـ بـ ط لكن زاوية أبـ ح اصغر من زاوية أبـ ح فهي اصغر من زاوية حـ بـ ط
المساوية لزاوية أبـ ح فزاوية حـ بـ ط المساوية لزاوية أبـ ح اصغر من
زاوية حـ بـ ط فبصير كل الشئ اصغر من جزءه هذا خلف فالحكم ثابت
وذلك ما اردنا ان نبين $\text{كل واحد من المقادير يزداد بازدياد اجزائه}$
فلو كانت اجزاء مقدار واحد غير متناهية العدد وهي متساوية
المقدار فذلك المقدار غير متناه فلا شئ من المقادير المتناهية يمكن ان
ينقسم الي اقسام متساوية المقدار غير متناهية العدد فكل مقدارين
محدودين من جنس واحد مختلفين بالعظم والصغر فالعظيم اما مثل
الصغير ومثل فضلة هي اصغر من الصغير واما ضعف الصغير او ضعفه
مع فضلة هي اصغر من الصغير واما اضعاف الصغير او اضعافه مع
فضلة هي اصغر من الصغير وكل مقدارين محدودين مختلفين بالعظم
والصغر فالصغير يصير اعظم من العظيم بالتضعيف مرة بعد اخرى
والا لا يمكن جود مقدار محدود ان ينقسم الي اجزاء متساوية المقدار
غير متناهية العدد وذلك محال لما مر $\text{كل خطين مستقيمين وقع}$
 $\text{عليهما خط مستقيم وصير الزاويتين الداخلتين في جهة واحدة من}$
 $\text{الخط اقل من قائمتين فان الخطين اذا اخرجا في تلك الجهة الي غير النهاية}$
 فهما يتلاقيان وهذه القضية لبست من العلوم المتعارفة بل هي من
القضايا التي تحتاج الي اقامة البرهان علي صحتها ببعض مسایل الكتاب
من غير دور وقد استنبطت لا ثباتها برهاننا اذ كره في موضع يلبي
ايراده به ان شا الله تعالى

العلوم المتعارفة

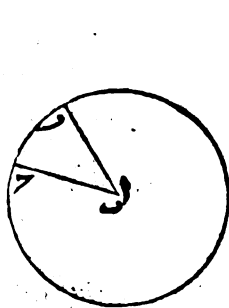
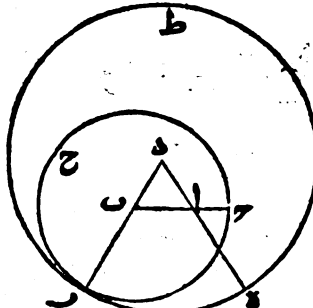
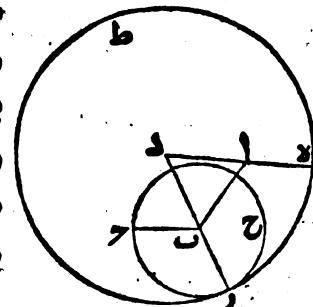
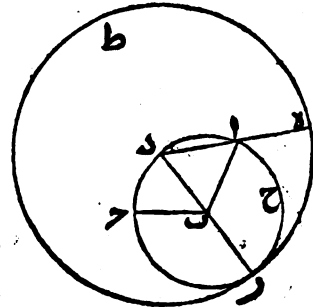
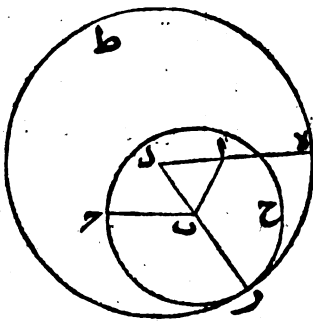
واما العلوم المتعارفة $\text{الاشياء المساوية لشي واحد متساوية}$
 $\text{واذا مزيد علي المتساوية حصلت متساوية}$ واذا نقص من المتساوية
متساوية بقيت متساوية $\text{واذا مزيدت علي غير المتساوية او نقص}$
 $\text{عنه المتساوية حصلت او بقيت غير متساوية}$ $\text{الاشياء التي في اضعاف}$
بعدة

1

مثلاً متساوي الاضلاع

پ

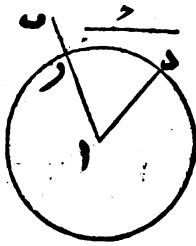
فلان ب مركز دايرة حـ رـ خط بـ حـ خط
 بـ رـ ولان دـ مركز دايرة وـ طـ خط دـ حـ خط
 دـ رـ فاذا القينا منهما خطي دـ اـ دـ بـ المتساويين
 كل من نظيره يبقـي خط اـ حـ خط بـ رـ وكان
 بـ حـ خط بـ رـ خط اـ حـ خط بـ حـ وذلك منا
 اردنا ان نبـين
 ولهذا الشكل اختلاف وقوع فان نقطة آ اما
 ان تقع مبانيه لبـ حـ او غير مبانيه والمبانيه
 اما غير مسامتة لبـ حـ او مسامتة له وغير
 المبانيه اما علي الخط او علي طرفه فعلي
 تقدير الاول والثاني خط آ بـ ان كان اصغر
 من خط بـ حـ فحيط الدايرة حـ رـ يكون
 نقطة آ كما مثلنا وان كان مساويا له فيمر علي
 نقطة آ وان كان اعظم منه فيقطع خط آ بـ
 وعلي تقدير الثالث فلا يحتاج الي ان نصل
 بين نقطتي آ بـ بخط مستقيم والعمل
 والبرهان في الكل واحد وعلي التقدير الرابع
 نرسم علي نقطة آ وببعد آ دايرة حـ رـ ونصل
 بين نقطتي آ بـ و رـ بخط مستقيم فهو مساو
 لخط بـ حـ وهذه صورتها



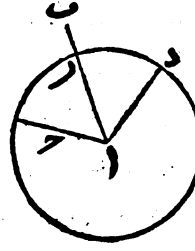
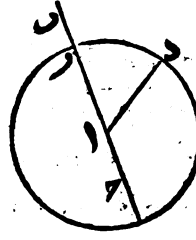
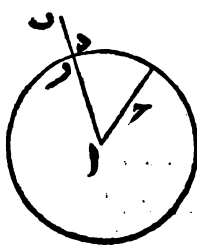
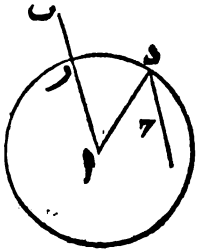
كل خطين مستقيمين مختلفين في الطول

فلنا ان نفصل من اطولهما مثل اقصرهما

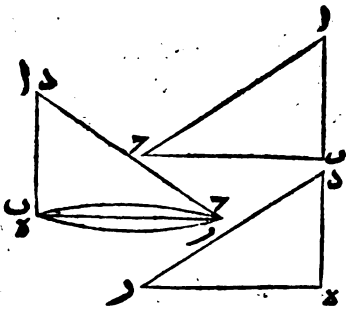
ولكن الاطول آ بـ والاقصر حـ رـ فنضيف الي نقطة آ خط آ دـ يساوي
 خط حـ بالشكل المتقدم ونرسم علي نقطة آ وببعد آ دايرة دـ رـ فيقطع
 محيطها خط آ بـ علي نقطة وـ ولكن نقطة رـ فيمر محيطها علي خط آ بـ
 فليمر علي نقطة رـ فاقول ان خط آ رـ خط حـ رـ برهانه فلان آ مركز
 دايرة



دايرة رد فخط آر كخط آد وكان خط ح كخط آد فخط
آر كخط ح وذلك ما اردنا ان نبين
ولهذا الشكل اختلاف وقوع لان من الجايران ينطبق
خط آد على خط آب الا ان البرهان واحد
ولو ضوحه لم نورد له شـ كلاً



كل مثلثين تساوي ضلعان وزاوية بينهما
ضلعين وزاوية بينهما من الاخرى كل لنظيره
فالضلعين الباقيين والزوايا الباقية المتناظرة
متساوية والمثلث كالمثلث

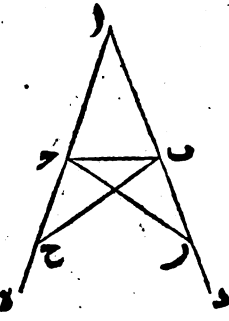


ولكن ضلعاً آب آح وزاوية باح من
مثلث آب ح يساوي ضلعي ده در و
زاوية در من مثلث ده ر كل لنظيره
فاقول ان ضلع باح كضلع در وزاوية
ابح كزاوية ده ر وزاوية ابح كزاوية
دره ومثلث ابح كمثلث ده ر

برهانهم فلانا اذا ركبنا مثلث
ابح على مثلث ده ر بحيث يماس بحيث يقع نقطة ب على نقطة د
وضلع آب على ضلع ده فيقع نقطة آ على نقطة د لتساوي ضلعي
اب ده فينطبق ضلع آح على ضلع در لتساوي زاوية باح دره
تقع نقطة ح على نقطة ر لتساوي ا ح در فينطبق ب ح على ر والا
لوقع داخل المثلث او خارجه وايا ما كان يلزم احاطة خطين
مستقيمين بسطح هذا خلف فاضلاع مثلث ابح وزواياه انطبقت
على اضلاع مثلث ده ر وزواياه كل على نظيره فالحكم ثابت وذلك ما
اردنا ان نبين

كل زاويتين فوق القاعدة من كل مثلث

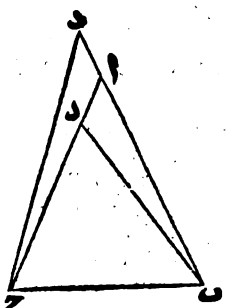
متساوي الساقين متساويتان وكذلك اللتان
تحدثان تحتها ان اخرج الساقان علي استقامتهما
في جهة القاعد



فليكن المثلث ABC متساوي ساق AB AC واخرج
في جهة القاعدة BC الي D و E AE بغير نهايه
فاقول ان زاويتي ABC ACB متساويتان وكذلك
زاويتا ACD ABE برهانه نرسم علي خط BD
نقطة R كيف ما اتفق ونفصل من A AR كخط AR
بالشكل الثالث ونصل BR CR خطين مستقيمين فلان ضلعي AB AC
من مثلث ABR يساويان ضلعي AC AB من مثلث ACB كل لنظيره
وزاوية BAC مشتركة بين المثلثين فبالشكل الرابع قاعدة BC قاعدة
 BC وزاوية ABC كزاوية ACB وزاوية ABR كزاوية ACB فاذا القينا
 AB AC المتساويين من ABR ACB المتساويين يبق BR CR متساويين ولان
ضلعي BR CR وزاوية BRC من مثلث BCR يساوي ضلعي BR CR
 BC وزاوية BCR من مثلث BCR فبالشكل المتقدم زوايا مثلث
 BCR تساوي زوايا مثلث BCR كل لنظيره فاذا القينا زاويتي BCR
 BCR المتساويتين من زاويتي ABC ACB المتساويين يبق زاوية ABR
متساوية لزاوية ACB وكانت زاوية BCR كزاوية BCR فالحكم
ثابت وذلك ما اردنا ان نبين \square وهذا الشكل يلقب بالمأموني \square

كل مثلث تساوت الزاويتان اللتان فوق

القاعدة منه فوتراهما متساويان



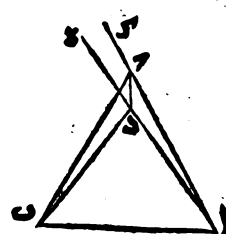
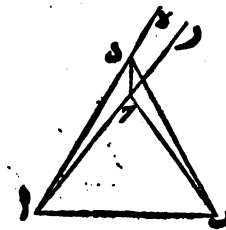
ولیکن زاويتا ABC ACB متساويتين فاقول ان
ضلع AB كضلع AC برهانه والا لكان احدهما
اعظم من الاخر فليكن الاعظم AB نفصل منه DC
كضلع AB بالشكل الثالث ونصل DB بخط
مستقيم فلان ضلع BA من مثلث ABD كضلع DC
من مثلث DCB وضلع BD مشترك بينهما وزاوية ABD كزاوية
 DCB فبالشكل الرابع مثلث ABD يساوي مثلث DCB فالحكم
جزء هذا خلف فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين \square واذا
اخرجنا

اخرجنا \overline{AB} على استقامته في جهة \overline{A} الى غير النهاية وفصلنا منه \overline{BD} مساويا لخط \overline{AC} بالشكل الثالث ووصلنا بين نقطتي \overline{D} \overline{C} بخط مستقيم ينتظم عليه البرهان المذكور

كل خطين مستقيمين خرجا من طرف خط مستقيم وتلاقيا على نقطة في احدي جهتيه فلا يمكن ان يخرج من تلك النقطتين خطان اخران مستقيمان في تلك الجهة بعينها يساوي كل منهما نظيره من الخطين الاولين ويتلاقيان على غير ملتقي الخطين الاولين

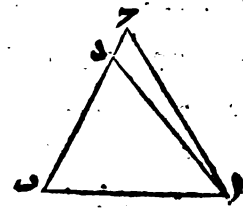


فلنخرج من نقطتي \overline{A} \overline{B} على خط \overline{AB} المستقيم خطا \overline{AC} \overline{BD} المستقيمان الملتقيان على نقطة \overline{C} \overline{D} ونخرج من \overline{D} نقطتي \overline{A} \overline{B} ايضا في جهة \overline{C} خطا \overline{AD} \overline{BD} خطاي كخط \overline{AC} \overline{BD} كخط \overline{AC} \overline{BD} فاقول ان خطي \overline{AD} \overline{BD} لا يمكن ان يلتقيا على غير نقطة \overline{C} برهانه فان امكن ذلك فيلتقيا على نقطة \overline{D} ونصل بين \overline{D} \overline{C} بخط مستقيم فلتساوي ضلعي \overline{AC} \overline{AD} تساوي زاوية \overline{DCA} التي هي اعظم من زاوية \overline{DCB} زاوية \overline{DCA} بالشكل الخامس فزاوية \overline{DCA} اعظم من زاوية \overline{DCB} وايضا فلتساوي ضلعي \overline{BD} \overline{BC} تساوي زاوية \overline{DCB} التي هي اصغر من زاوية \overline{DCA} زاوية \overline{DCB} بالشكل الخامس فزاوية \overline{DCB} اصغر من زاوية \overline{DCA} وفي اعظم منها هذا خلف فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين



ولهذا الشكل اختلاف وقوع فان نقطة \overline{D} اما ان تقع خارج مثلث \overline{ABC} ويقطع احد ضلعي \overline{DA} \overline{DB} احد ضلعي \overline{CA} \overline{CB} او لا واما ان تقع داخل مثلث \overline{ABC} واما ان تقع على احد ضلعي \overline{CA} \overline{CB} اما الاول فقد بينا استحالة واما الثاني فنخرج فيه خطي \overline{AD} \overline{BD} على استقامتهما في جهة \overline{D} الى نقطتي \overline{A} \overline{B} واما في الثالث فالي نقطتي \overline{A} \overline{B} ونصل بين نقطتي \overline{D} \overline{C} بخط مستقيم فلان في الثاني زاويتا \overline{BDC} \overline{ADC} من مثلث \overline{BDC} متساويتان بالشكل الخامس وزاويتا \overline{BDC} \overline{ADC}

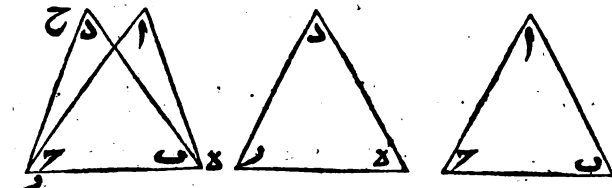
متساويتان بالشكل الخامس ايضا فيكون زاوية $\angle د$
 المساوية لزاوية $\angle د$ التي هي اعظم من زاوية $\angle د$
 المساوية لزاوية $\angle د$ اعظم من زاوية $\angle د$ وهي
 اصغر منها هذا خلف ومثله تبين الخلف في الثالث
 واما الرابع فليقع نقطة $\angle د$ على خط $\angle د$ قبل
 اخراجه او بعده فيكون احد الخطين المتساويين اعظم او اصغر من
 الاخر هذا خلف $\angle د$



كل مثلثين تساوت اضلاعهما المتناظرة
 فهما متساويان وزواياهما المتناظرة متساوية

ليكن اضلاع $\angle د$ $\angle د$ $\angle د$ تساوي اضلاع $\angle د$ $\angle د$ $\angle د$
 من مثلث $\angle د$ لنتبره فاقول ان المثلثين متساويان وان زوايا $\angle د$
 $\angle د$ $\angle د$ $\angle د$ كزوايا $\angle د$ $\angle د$ $\angle د$ متساوية على التناظر برهانه فلانا
 اذا ركبنا مثلث $\angle د$

على مثلث $\angle د$
 بحيث ينطبق ضلع
 $\angle د$ على ضلع $\angle د$
 ونقطتا $\angle د$ على

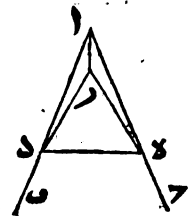


نقطتي $\angle د$ فلا بد وان يقع نقطة $\angle د$ على نقطة $\angle د$ والا فليقع على نقطة
 اخري كنقطة $\angle د$ مثلاً فليخرج خطي $\angle د$ $\angle د$ المستقيمين في جهة $\angle د$
 من نقطتي $\angle د$ $\angle د$ مع خروج $\angle د$ $\angle د$ المستقيمين من قبة المتساويين لهما
 في تلك الجهة لعينها مع اختلاف الميلي هذا خلف بالشكل المتقدم
 فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين

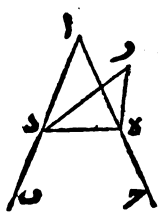
ط

لنا ان نصف كل زاوية مستقيمة الخطين

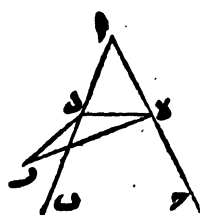
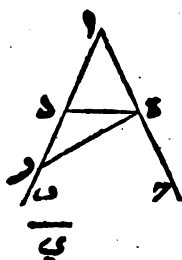
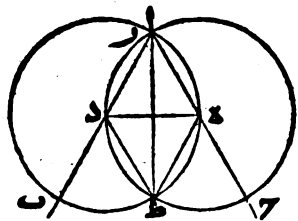
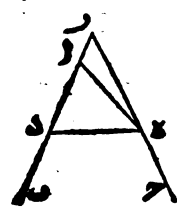
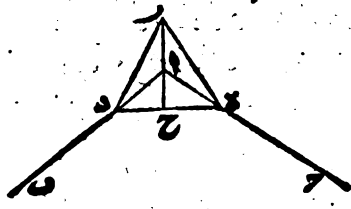
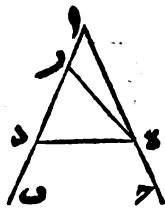
وليكن زاوية $\angle د$ مستقيمة الخطين فاقول لنا ان نصفها برهانه
 نرسم على ضلع $\angle د$ نقطة كـ $\angle د$ ونفصل من ضلع $\angle د$ $\angle د$
 كـ $\angle د$ بالشكل الثالث ونصل بين نقطتي $\angle د$ $\angle د$ بخط مستقيم ونرسم على $\angle د$
 مثلث $\angle د$ متساوي الاضلاع بالشكل الاول ونصل
 بين نقطتي $\angle د$ $\angle د$ بخط مستقيم فلان ضلعي $\angle د$ $\angle د$ من
 مثلث $\angle د$ متساويان ضلعي $\angle د$ $\angle د$ من مثلث $\angle د$
 وضلع $\angle د$ مشترك بينهما فزاويتا $\angle د$ $\angle د$ متساويتان
 بالشكل المتقدم فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين
 ولهذا



ولهذا الشكل اختلاف وقوع فان نقطة ر اما ان تقع في جهة مثلث آده
من خط ده اوفي مقابلها فعلي تقدير القسم الاول اما ان يقع نقطة ر
داخل مثلث آده او خارجه مع قطع احد ضلعي دره ر احد ضلعي
اد اه او مع انطباق احد ضلعي دره ر علي احد ضلعي آده او لا مع
قطعه احدهما واما ان يقع علي احد ضلعي آده او علي نقطة آ فعلي
الاول نصل بين نقطتي آ ر بخط مستقيم ونبين بمثل ما بينا تنصيف
زاوية باح وعلي الثاني والثالث يلزم ان يكون احدي زاويتي دره
رود المتساويتين اعظم من احدي زاويتي آده اود المتساويتين والاخري
اصغر من الاخري هذا خلف وعلي الرابع نصل بين نقطتي آ ر بخط
مستقيم ونخرجه علي استقامته الي ضلع ده فبنتهي اليه علي نقطة ح
ويبين بالشكل المتقدم ان زاويتي دره ر من مثلي آدره ر متساويان
ثم تبين بالشكل الرابع ان قاعدة رح من مثلث رحه كقاعدة ح د من
مثلث رح د ثم تبين بالشكل المتقدم زاوية داح من مثلث ادح كزاوية
داح وعلي الخامس تبين الخلف بمثل ما بينا في القسم الثاني وعلي
السادس يكون نقطة ر علي تقاطع الدائرتين رسمنا لهما مثلث دطه
ولكن نقطة ط علي تقاطعهما الاخر ونصل بينهما وبين كل واحدة
من نقطة ر د بخط مستقيم ثم تبين بالشكل المتقدم ان زاوية درط
من مثلث درط كزاوية درط من مثلث رطه واما

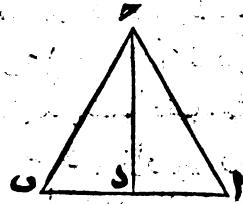


علي تقدير القسم الثاني فاما ان يقع نقطة ر فيما بين
ضلعي آ ب آح او علي احدهما او خارجه عنهما والاول
ببناء والثاني والثالث تبين الخلف فبهما بمثل ما
ببناء في القسم الثاني من القسم الاول وهذا صورتهما



كل خط مستقيم محدود مفروض لنا ان ننصفه
ليكن آ ب خط مستقيم محدود نرسم عليه مثلث آ ب ح متساوي

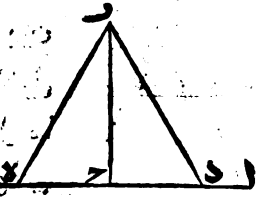
الاضلاع بالشكل الاول وننصف زاوية $\angle A$ بالشكل المتقدم بخط AD المستقيم ونخرجه الى ان ينتهي الى خط AB فليبتنه على نقطة D فاقول ان خطي DA و DB متساويان برهانه فلان ضلعي DA و DB وزاوية $\angle A$ من مثلث ADB تساوي ضلعي DB و BC وزاوية $\angle B$ ب AD فبالشكل الرابع قاعدة AD كقاعدة DB



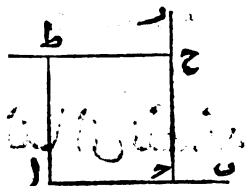
وذلك ما اردنا ان نبين واستبان منه ان متي نصفت زاوية مستقيمة الخطين يحيط بها ضلعان متساويان من اي مثلث فان الخط المنصف للزاوية ينصف قاعدتها و هي تتصف قاعدة زاوية مستقيمة الخطين يحيط بها ضلعان متساويان و وصل بين نقطتي الزاوية والقسمه بخط مستقيم فذلك الخط ينصف الزاوية

كل نقطة على اي خط مستقيم مفروض غير متناه في طرفيه او في احدها لنا ان نخرج من تلك النقطة عمودا على ذلك الخط

ليكن الخط AB والنقطة C ونرسم على خط AB نقطة D كيف اتفق ونفصل من خط AB خط CD مثل CD بالشكل الثالث ونرسم على خط CD مثلث DE متساوي الاضلاع بالشكل الاول ونصل CE بخط مستقيم فاقول



ان خط CE عمود على خط AB برهانه فلان اضلاع CD و DE متساوية على التناظر فبالشكل الثامن وزاوية $\angle CDE$ و $\angle CED$ خط CE عمود على خط AB وذلك ما اردنا ان نبين ولنا ان نبين هذا الشكل بوجه اخر فلان ضلعي CD و DE متساويان يكون زاويتا $\angle CDE$ و $\angle CED$ متساويين بالشكل الخامس فبكون ضلعا CD و DE يساويان ضلعي CE و CE وزاوية $\angle CDE$ و $\angle CED$ فبالشكل الرابع وزاويتا $\angle CDE$ و $\angle CED$ متساويتان فخط CE عمود على AB و اقول ان كانت قاعدة على طرف خط AB و اردنا ان نخرج منها عمودا على خط AB من غير اخراج خط AB في جهة A لنا ذلك فنخرج من نقطة على خط AB عمودا عليه كما مثلنا وليكن هو عمود CE ونخرج من نقطة ما على عمود CE عمودا عليه كما مثلنا وليكن عمود

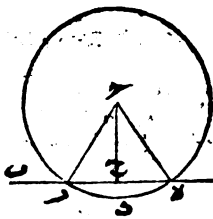


عمود $\overline{ح\ ط}$ ونخرجه علي استقامة في جهة $\overline{ط}$ الي غير النهاية ونفصل منه $\overline{ح\ ط}$ مساويا لخط $\overline{أ\ ح}$ بالشكل الثالث ونصل بين نقطتي $\overline{أ\ ط}$ بخط مستقيم فاقول ان زاوية $\overline{ط\ أ\ ح}$ قائمة والا لكانت حادة او منفرجة فان كانت حادة كان خطا $\overline{أ\ ط}$ $\overline{ح\ ر}$ موضوعان علي التقارب في جهة $\overline{ح}$ لان زاوية $\overline{أ\ ح\ ر}$ قائمة فيكون خط $\overline{أ\ ح}$ اعظم من عمود $\overline{ح\ ط}$ وهما متساويان هذا خلف وان كانت منفرجة وزاوية $\overline{أ\ ح\ ر}$ قائمة كان خطا $\overline{أ\ ط}$ $\overline{ح\ ر}$ موضوعان علي التباعد في جهة $\overline{ح}$ فيكون خط $\overline{أ\ ح}$ اصغر من عمود $\overline{ح\ ط}$ وهما متساويان هذا خلف فزاوية $\overline{ط\ أ\ ح}$ قائمة فاط عمود علي $\overline{أ\ ب}$ وهو المطلوب وهذه صورتها

ب

كل نقطة مفروضة علي سطح مفروض فيه خط مستقيم غير محدود في طرفيه ولا تكون النقطة علي الخط المفروض لنا ان نخرج من تلك النقطة

الي الخط ع



ليكن الخط $\overline{أ\ ب}$ والنقطة $\overline{ح}$ فنرسم نقطة $\overline{د}$ في الجهة المقابلة لجهة $\overline{ح}$ من خط $\overline{أ\ ب}$ ونرسم علي $\overline{ح}$ وببعد $\overline{ح\ د}$ دائرة $\overline{د\ ر}$ فيمربحها علي نقطتي $\overline{ر\ ه}$ من خط $\overline{أ\ ب}$ ونصل بين $\overline{ح}$ وكل واحد من نقطتي $\overline{ر\ ه}$ بخط مستقيم وننصف خط $\overline{ه\ ر}$ علي نقطة $\overline{ز}$ ونصل بينها وبين نقطة $\overline{ح}$ بخط مستقيم فاقول ان خط $\overline{ح\ ز}$ عمود علي $\overline{ه\ ر}$ برهانه فلان اضلاع مثلث $\overline{ه\ ح\ ز}$ تساوي اضلاع مثلث $\overline{ح\ ز\ ر}$ كل لنظيره فبالشكل الثامن زواياها المتناظرة متساوية فزاوية $\overline{ح\ ز\ ه}$ كزاوية $\overline{ح\ ز\ ر}$ ريخرج عمود علي خط $\overline{أ\ ب}$ وتبين بوجه ابسط فننصف زاوية $\overline{ر\ ح\ ه}$ بخط مستقيم بالشكل التاسع ونخرجه الي ان ينتهي الي خط $\overline{أ\ ب}$ بنقطة $\overline{ح}$ فنقول ان خط $\overline{ح\ ز}$ عمود علي $\overline{أ\ ب}$ برهانه فلان ضلعي $\overline{ح\ ه}$ $\overline{ح\ ر}$ وزاوية $\overline{ه\ ح\ ز}$ من مثلث $\overline{ه\ ح\ ز}$ يساوي ضلعي $\overline{ح\ ر}$ $\overline{ح\ ه}$ وزاوية $\overline{ر\ ح\ ه}$ من مثلث $\overline{ر\ ح\ ه}$ كل لنظيره فبالشكل الرابع زواياها المتناظرة متساوية فزاوية $\overline{ح\ ز\ ه}$ كزاوية $\overline{ح\ ز\ ر}$ فخط $\overline{ح\ ز}$ عمود علي خط $\overline{أ\ ب}$ وذلك ما اردنا ان نبين

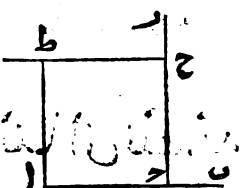
كل خط مستقيم وقع علي خط مستقيم فان

وذلك ما اردنا ان نبين
 واستبان منه ان متي نصفت زاوية مستقيمة
 الخطين يحيط بها ضلعان متساويان من اي
 مثلث فان الخط النصف للزاوية ينصف قاعدتها و هي تتصف قاعدة
 زاوية مستقيمة الخطين يحيط بها ضلعان متساويان و وصل بين نقطتي
 الزاوية والقمم بخط مستقيم فذلك الخط ينصف الزاوية

كل نقطة علي اي خط مستقيم مفروض غير
متناه في طرفيه او في احدها لنا ان نخرج
من تلك النقطة عمودا على ذلك الخ

ليكن الخط AB والنقطة C ونرسم على خط
 AC نقطة D كيف اتفق ونفصل من خط CB
 خط DE مثل DC بالشكل الثالث ونرسم على
 DE خط DE مثلث DE متساوي الاضلاع
 بالشكل الاول ونصل CE بخط مستقيم فاقول
 ان خط CE عمود على خط AB برهانه فلان اضلاع مثلثي CE و DE
 متساوية على التناظر فبالشكل الثامن وزاوية CE وزاوية DE فخط
 CE عمود على خط AB وذلك ما اردنا ان نبين
 ولنا ان نبين هذا الشكل بوجه اخر فلان ضلعي CE و DE متساويان
 يكون زاويتا CE و DE متساويتين بالشكل الخامس فبكون ضلعا CE و DE
 يساويان ضلعي CE و DE وزاوية CE وزاوية DE فبالشكل الرابع
 وزاويتا CE و DE متساويتان فخط CE عمود على AB واقول ان
 كانت قاعدة على طرف خط AB واردا ان نخرج

منها عمودا علي خط \overline{AB} من غير اخراج خط \overline{AB} في
جهة \overline{A} لئلا ذلك فنخرج من نقطة علي خط \overline{AB}
عمودا عليه كما مثلنا وليكن هو عمود \overline{CD} ونخرج من
نقطة \overline{B} علي عمود \overline{CD} عمودا عليه كما مثلنا وليكن
عمود

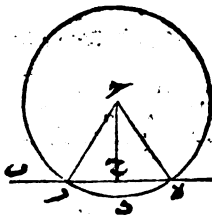


عمود $\overline{ح ط}$ ونخرجه علي استقامة في جهة $\overline{ط}$ الي غير النهايه ونفصل منه $\overline{ح ط}$ مساويا لخط $\overline{آ ح}$ بالشكل الثالث ونصل بين نقطتي $\overline{آ ط}$ بخط مستقيم فاقول ان زاوية $\overline{ظ آ ح}$ قائمة والا لكانت حادة او منفرجة فان كانت حادة كان خطا $\overline{آ ط}$ $\overline{ح ر}$ موضوعان علي التقارب في جهة $\overline{ح}$ لان زاوية $\overline{آ ح ر}$ قائمة فيكون خط $\overline{آ ح}$ اعظم من عمود $\overline{ح ط}$ وهما متساويان هذا خلف وان كانت منفرجة وزاوية $\overline{آ ح ر}$ قائمة كان خطا $\overline{آ ط}$ $\overline{ح ر}$ موضوعان علي التباعد في جهة $\overline{ح}$ فيكون خط $\overline{آ ح}$ اصغر من عمود $\overline{ح ط}$ وهما متساويان هذا خلف فزاوية $\overline{ظ آ ح}$ قائمة فاط عمود علي $\overline{آ ب}$ وهو المطلوب وهذه صورتها

ب

كل نقطة مفروضة علي سطح مفروض فيه خط مستقيم غير محدود في طرفيه ولا تكون النقطة علي الخط المفروض لنا ان نخرج من تلك النقطة

الي الخط عمودا



ليكن الخط $\overline{آ ب}$ والنقطة $\overline{ح}$ فنرسم نقطة $\overline{د}$ في الجهة المقابلة لجهة $\overline{ح}$ من خط $\overline{آ ب}$ ونرسم علي $\overline{ح}$ وببعد $\overline{ح د}$ دائرة $\overline{د ر ه}$ فيمحيطها علي نقطتي $\overline{ر ه}$ من خط $\overline{آ ب}$ ونصل بين $\overline{ح}$ وكل واحد من نقطتي $\overline{ر ه}$ بخط مستقيم وننصف خط $\overline{ه ر}$ علي نقطة $\overline{ز}$ ونصل بينها وبين نقطة $\overline{ح}$ بخط مستقيم فاقول ان خط $\overline{ح ز}$ عمود علي $\overline{ه ر}$ برهانه فلان اضلاع مثلث $\overline{ه ح ز}$ تساوي اضلاع مثلث $\overline{ح ز ر}$ كل لنظيره فبالشكل الثامن زواياها المتناظرة متساوية فزاوية $\overline{ح ز ه}$ كزاوية $\overline{ح ز ر}$ ريخرج عمود علي خط $\overline{آ ب}$ وتبين بوجه ابسط فننصف زاوية $\overline{ر ح ه}$ بخط مستقيم بالشكل التاسع ونخرجه الي ان ينتهي الي خط $\overline{آ ب}$ بنقطة $\overline{ح}$ فنقول ان خط $\overline{ح ز}$ عمود علي $\overline{آ ب}$ برهانه فلان ضلعي $\overline{ه ح}$ $\overline{ز ح}$ وزاوية $\overline{ه ح ز}$ من مثلث $\overline{ه ح ز}$ يساوي ضلعي $\overline{ح ز}$ $\overline{ز ر}$ وزاوية $\overline{ح ز ر}$ من مثلث $\overline{ح ز ر}$ كل لنظيره فبالشكل الرابع زواياها المتناظرة متساوية فزاوية $\overline{ح ز ر}$ كزاوية $\overline{ح ز ه}$ فخط $\overline{ح ز}$ عمود علي خط $\overline{آ ب}$ وذلك ما اردنا ان نبين

كل خط مستقيم وقع علي خط مستقيم فان

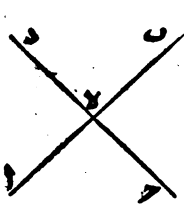
الزاويتين الحادثتين عن جنبتى الخط الواقع
قايمتان او مساويتان لقائمتين

فلينقع خط \overline{AB} المستقيم على \overline{CD} المستقيم فليحدث
زاويتي \overline{ABC} \overline{ABD} فاقول انهما اما قايمتان او مساويتان
لقائمتين برهانه فلان خط \overline{AB} اما ان يكون عمودا على خط \overline{CD} او لم
يكن فان كان عمودا عليه كانت زاويتا \overline{ABC} \overline{ABD} قايمتين وان لم يكن
عمودا فيخرج من نقطة \overline{B} عمود \overline{BE} على خط \overline{CD} بالشكل الحادي عشر
فتنقسم زاوية \overline{ABC} المنفرجة الى زاويتي \overline{ABE} القائمة وزاوية \overline{EBD}
الحادة فاذا اضفنا الحادة الى زاوية \overline{ABD} صارتا قائمة وزاوية \overline{ABC}
الباقية من زاوية \overline{ABC} قائمة فزاويتا \overline{ABD} \overline{ABC} معا لكائمتين فالحكم
ثابت وذلك ما اردنا ان نبين

كل خطين مستقيمين يتصلان عن جنبتى
اي خط مستقيم بنقطة عليه وكانت الزاويتان
الحادثتان قايمتين او مساويتين لهما فكل من
الخطين على استقامة الاخر

فلينصل بنقطة \overline{B} من خط \overline{AB} عن جنبتيه خطا
 \overline{BC} \overline{BD} واحاطا معه بزاويتي \overline{ABC} \overline{ABD} فاقول ان
خط \overline{BD} ويصير معه خطا مستقيما برهانه والا فليكن مع \overline{BC}
خطا مستقيما فزاويتا \overline{ABC} \overline{ABD} اما قايمتان او مساويتان لهما بالشكل
المتقدم وكانت زاويتا \overline{ABC} \overline{ABD} قايمتين او مساويتين لهما فاذا القينا
زاوية \overline{ABC} المشتركة بقية \overline{ABD} كزاوية \overline{ABD} فالحزب مساو لكله
هذا خلف فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين ولهذا الشكل
اختلاف وقوع فان خط \overline{BC} يمكن ان يقع بين خطي \overline{AB} \overline{BD} او تحتهما

كل زاويتين متقابلتين من اربع زوايا الحادثة
عن تقاطع كل خطين مستقيمين متساويان
والزوايا

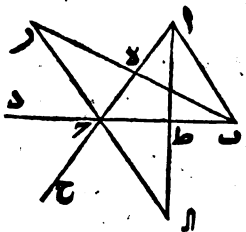


والزوايا الاربع الحادثة كاربع قوايم

فلينقطع خطا \overline{AB} \overline{CD} علي نقطة ϵ فاقول ان زاوية \overline{ADE} كزاوية \overline{DEB} المقابلة لها برهانها فلان كل واحد من زاويتي \overline{ADE} \overline{DEB} مع زاوية \overline{DEB} كقايمتين

بالشكل الحادي عشر فاذا القينا زاوية \overline{DEB} المشتركة تبقي زاوية \overline{ADE} مساوية لزاوية \overline{DEB} وبمثله تبين ان زاوية \overline{ADE} كزاوية \overline{DEB} المقابلة لها وقد ظهر مما ذكرنا ان الزوايا الاربع كاربع قوايم وذلك ما اردنا ان نبين وقد استبان من هذا ان الخطوط المتقاطعة لو كانت اكثر من اربع فان الزوايا الحادثة من تقاطع الجميع جميعها مساوية لاربع قوايم وان جميع الزوايا الحادثة من خروج ثلاثة خطوط واكثر في سطح من اي نقطة كايه فيه تساوي اربع قوايم ولا يكون شي من السطح خارجا من تلك الزوايا التي تساوي اربع قوايم

كل واحدة من الزوايا الحادثة من اخراج اي ضلع من اضلاع اي مثلث مستقيم الاضلاع علي استقامته اعظم من كل واحدة من الزاويتين



الداخلتين المتقابلتين لها

ولنخرج ضلع \overline{BC} من اضلاع مثلث \overline{ABC} علي استقامته الي \overline{D} فاقول ان زاوية \overline{ADC} اعظم من كل واحدة من زاويتي \overline{ABC} \overline{ACB} برهانها نصف

ضلع \overline{AC} علي نقطة ϵ بالشكل العاشر ونصل بين نقطتي \overline{B} \overline{E} بخط مستقيم ونخرج علي استقامته في جهة ϵ الي غير النهاية ونفصل من خط \overline{BE} \overline{DE} كخط \overline{BE} بالشكل الثالث ونصل بين نقطتي \overline{D} \overline{E} بخط مستقيم فلان زاويتي \overline{ADE} \overline{DEB} متساويتان بالشكل المتقدم فضلعا \overline{DE} \overline{DE} وزاوية \overline{ADE} من مثلث \overline{ADE} تساوي ضلعي \overline{DE} \overline{AE} وزاوية \overline{ADE} من مثلث \overline{ADE} فزاوية \overline{DEB} مساوية لزاوية \overline{ADE} بالشكل الرابع وزاوية \overline{ADC} اعظم من زاوية \overline{DEB} فهي اعظم من زاوية \overline{ADE} فاذا اخرج ضلع \overline{AC} الي نقطة ϵ في جهة ϵ يحدث زاوية \overline{ACE} ونفصل ضلع \overline{BE} علي نقطة ϵ بالشكل العاشر ونصل بين نقطتي \overline{A} \overline{E} بخط مستقيم ونخرج في جهة ϵ الي غير النهاية ونفصل منه خط \overline{AE} مثل \overline{AE}

بالشكل الثالث ونصل بين نقطتي α β بخط مستقيم وتبين بمثل ما
بيننا ان زاوية α كزاوية $\alpha\beta\gamma$ وزاوية β ح $\alpha\beta\gamma$ اعظم من زاوية α
المساوية لزاوية $\alpha\beta\gamma$ فزاوية α المساوية لزاوية $\alpha\beta\gamma$ بالمثل
المتقدم اعظم من زاوية $\alpha\beta\gamma$ وبمثل ما بيننا تبين المطلوب اذا اخرجنا
ضلعي $\alpha\beta$ $\beta\gamma$ وذلك ما اردنا ان نبين β واستبان منه انه لا يمكن
ان يوجد زاويتان متساويتان في جهة واحدة الحادثتان من خروج
خطين مستقيمين من نقطة في سطح الى خط مستقيم في ذلك السطح β

كل زاويتين من اي مثلث مستقيم الاضلاع
اي زاويتين كانتا فانهما معا اقل من قائمتين

ولكن مثلث $\alpha\beta\gamma$ مستقيم الاضلاع فاقول ان كل
واحدة من زاويتي $\alpha\beta\gamma$ $\beta\gamma\alpha$ معا وزاويتي $\alpha\beta\gamma$ $\beta\gamma\alpha$
 $\beta\alpha\gamma$ معا وزاويتي $\beta\alpha\gamma$ $\gamma\alpha\beta$ معا اقل من قائمتين
برهانه نخرج ضلع $\beta\gamma$ الى δ في جهة γ فلان زاويتي $\alpha\beta\gamma$ $\beta\gamma\delta$
متساويتان لقائمتين بالشكل الثالث عشر وزاوية $\alpha\beta\gamma$ اعظم من كل
واحدة من زاويتي $\beta\gamma\delta$ $\gamma\delta\alpha$ بالمثل المتقدم فكل من زاويتي $\beta\alpha\gamma$ $\gamma\alpha\delta$
 $\alpha\beta\gamma$ معا ومن زاويتي $\alpha\beta\gamma$ $\beta\gamma\delta$ معا اقل من قائمتين وبمثله تبين
البواقي وذلك ما اردنا ان نبين β

كل اطول ضلع من اضلاع اي مثلث مستقيم
الاضلاع فانه يوتر الزاوية العظمي من زواياه

ليكن ضلع $\alpha\beta$ من مثلث $\alpha\beta\gamma$ المستقيم الاضلاع
اطول من ضلع $\alpha\gamma$ فاقول ان زاوية $\alpha\beta\gamma$ اعظم من
زاوية $\alpha\gamma\beta$ برهانه نفصل من ضلع $\alpha\beta$ $\alpha\delta$
يساوي ضلع $\alpha\gamma$ بالشكل الثالث ونصل $\delta\gamma$ بخط مستقيم فلان زاوية
 $\alpha\delta\gamma$ التي هي اصغر من زاوية $\alpha\beta\gamma$ كزاوية $\alpha\delta\gamma$ بالشكل الخامس وزاوية
 $\alpha\delta\gamma$ اعظم من زاوية $\alpha\beta\gamma$ بالشكل السادس عشر فزاوية $\alpha\beta\gamma$ اعظم
كثيرا من زاوية $\alpha\gamma\beta$ وذلك ما اردنا ان نبين وبمثله تبين لو كان الاعظم غيره

كل زاوية عظمي من زوايا كل مثلث مستقيم
الاضلاع

الاضلاع فوترها الضلع الاطول من باقي اضلاعه



فلنكن زاوية \overline{ABC} اعظم من زوايا مثلث \overline{ABC} المستقيم الاضلاع فاقول ان ضلع \overline{AB} اعظم اضلاعه برهانه والا لكان مساويا لضلع \overline{AC} مثلا فيكون

زاوية \overline{CBA} كزاوية \overline{ACB} بالشكل الخامس وهي اعظم منها هذا خلف او كان اصغر منه فيكون زاوية \overline{ABC} اعظم من زاوية \overline{ACB} بالشكل المتقدم وهي اصغر منها هذا خلف وبمثله يبين كونه اعظم البواقي فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين

كل ضلعين من اضلاع اي مثلث كان فهما

مع اطول من الثالث



ليكن المثلث \overline{ABC} فاقول ان ضلعي \overline{AB} \overline{AC} معا

اعظم من \overline{BC} برهانه نخرج \overline{BA} في جهة \overline{A} على استقامته الى غير النهاية ونفصل منه \overline{AD} كالـ بالشكل الثالث ونصل بين نقطتي \overline{C} \overline{D} بخط مستقيم فلان \overline{AD} \overline{AC} يكون زاوية \overline{ADC} التي هي اصغر من زاوية \overline{ACB} كزاوية \overline{ACB} بالشكل الخامس فزاوية \overline{BCD} اعظم من زاوية \overline{ACB} فضلع \overline{BD} المساوي لضلعي \overline{AB} \overline{AC} اعظم من ضلع \overline{BC} وبمثله يبين البواقي وذلك ما اردنا ان نبين

الـ

كل خطين مستقيمين خرجا من طرفي اي

ضلع من اضلاع اي مثلث مستقيم الاضلاع

والتقياد اخله فانهما معا اصغر من الضلعين

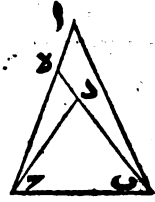
الباقين معا والزاوية التي يحيط بها الخطان اعظم

من الزاوية التي يحيط بها الضلعان الباقيان



فلنخرج خطا \overline{BD} \overline{CD} من طرفي ضلع \overline{BC} من اضلاع مثلث \overline{ABC} والتقيا على نقطة \overline{D} داخله فاقول ان خطي \overline{BD} \overline{CD} معا اصغر من \overline{AB} \overline{AC} معا وان زاوية \overline{BDC} اعظم من زاوية \overline{BAC} برهانه نخرج خط \overline{BD}

على استقامته في جهة د فبنتهي الى ضلع آ على
نقطة بين نقطتي آ لانه لو انتهت الى نقطة اخرى يلزم
احاطه خطين مستقيمين بسطح وليكن نقطة ه فلان
ضلي آه أب معا اعظم من ب ه بالشكل المتقدم ونجعل د ر
مشترا فضلعا أب آر معا اعظم من ه ب ه د معا وضلعا
ه د ه د معا اعظم من د ر بالشكل المتقدم ونجعل ب د مشتركا فضلعا
ه ب ه د معا اعظم من ضلي د ب د د معا فضلعا أب آر اعظم كثيرا
من ضلي د ب د د معا وايضا فلان زاوية ب د ر الخارجة من مثلث
ه د ر اعظم من زاوية د ه ر التي في اعظم من زاوية ه أب بالسادس عشر
فزاوية ب د ر اعظم كثيرا من زاوية ب آ ر وذلك ما اردنا ان نبين ه
الب

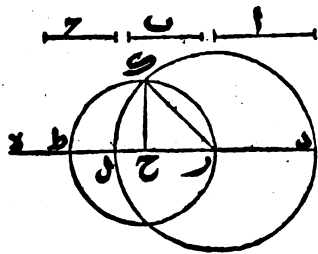
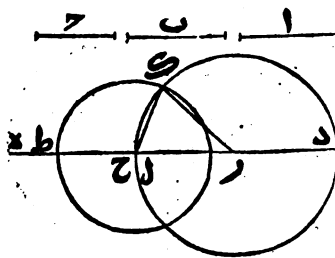


لنا ان نرسم على كل خط مستقيم غير متناه
في جهتيه اوجهة فقط مثلث مستقيم الاضلاع
يساوي كل ضلع منها احد ثلثه خطوط
متناهية مستقيمة مفروضة كل اثنين منها

اعظم من الثالث ه



ليكن الخط المستقيم د ه والخطوط
المفروضة آ ب ر فنصل من خط د ه
د ر يساوي آ و ر ح يساوي ب و ح ط
يساوي ر بالشكل الثالث ونجعل ر
مركزا وندير ببعد د ر دائرة د آ فلا بد
وان يقطع محيطها خط د ه ولتقطع على نقطة ل ونجعل نقطة ح مركزا
وندير ببعد ح ط دائرة ط ل فبتقطع محيطها محيط دائرة د آ على نقطة ل
ونصل بينهما وبين كل واحدة من نقطتي ر ح بخط مستقيم فاقول ان
مثلث ا ر ح هو المطلوب برهانه فلان ر مركز دائرة ا د فخط ا ر
خط د ر وخط آ ر خط د ر فخط ا ر يساوي خط آ ر فلان ح مركز دائرة
ط ل فخط ا ح خط ح ط وخط ر ح خط ح ط فخط ا ح يساوي خط ر ح
وكان ر ح مساويا لخط ب فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين ه
ولهذا الشكل اختلاف وقوع في بادي النظر بعضها ممكن الوجود وذلك
لان نقطة ل اما ان يقع بين نقطتي ر ح او على نقطة ح او بين ح ط او
على



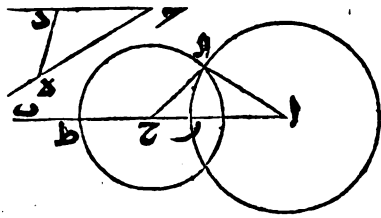
علي نقطة او بين نقطتي ط ح اما الاول فاما
ان يكون ح ط مساويا لح ل او اقل منه او
مساويا لح د او اعظم منه او مساويا لح ر او
د ر او اصغر ح ر او اعظم منه او اقل من ح د
فعلي الاول تكون دائرة ط ا مماسه لدائرة
د ا وعلي الثاني يقطع محيطها خط د ه بين
نقطتي ح ل وعلي الثالث يماس محيط دائرة
ط ا نقطة د وعلي الرابع يجاوزها فعلي
المقادير الاربعة لا يتقاطع الدائرتان لا تنفء
الشرط المذكور وهو كون كل من الخطين من
الخطوط الثلاثة معا اطول من الثالث فلا

يمكن المثلث وعلي الخامس والسادس يكون المثلث متساوي الساقين
وعلي تقديري السابع والثامن يكون المثلث مختلف الاضلاع واما
الثاني فاما ان يكون خط ح ط مساويا لخط ح د او اعظم منه او
مساويا لح ر او اصغر منه او اعظم منه او اقل من ح د فعلي التقدير الاول
يماس محيط دائرة ط ا نقطة د وعلي الثاني يجاوزها فلا يمكن رسم
المثلث لا تنفء الشرط المذكور وعلي الثالث يكون المثلث متساوي
الاضلاع وهو علي تقديري الرابع والخامس ويكون المثلث متساوي
الساقين واما الثالث فاما ان يكون ح ط مساويا لح د او اعظم منه او
مساويا لح ر او اعظم بقدر ح ل او اقل منه او اكبر مع انه اقل من ح د
او يكون اقل من ح ر فعلي تقدير الاول محيط دائرة ط ا يماس نقطة د
وعلي الثاني يجاوزها وعلي تقدير الثالث والرابع يكون المثلث
متساوي الساقين وعلي الخامس والسادس مختلف الاضلاع واما
القسم الرابع والخامس فيمتنعان لا تنفء الشرط المذكور

الح

لنا ان نرسم علي اي نقطة من خط مستقيم مفروض
غير متناه في جهتيه او في جهة زاوية مستقيمة
الخطين كزاوية مفروضة مستقيمة الخطين

ليكن الخط المفروض ا ب والزاوية المفروضة ح فنرسم علي ضلعها نقطتي
د ه كيف اتفقا ونصل بينهما بخط مستقيم ونفصل من خط ا ب خط
ا ر كخط ح د وخط ا ح كخط ح ه وخط ح ط كخط د ه بالشكل الثالث
ونرسم علي نقطة آ وببعد ا ر دائرة ر ا ا وعلي نقطة ح وببعد ح ط



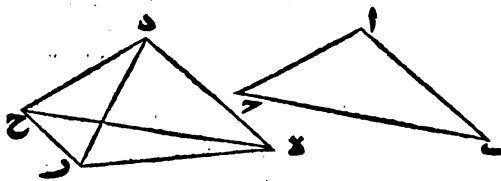
دايرة ط Δ فلا يقطع محيطها خط $\Delta\Gamma$
 علي نقطة Δ فيكون مماسه لدايرة $\Delta\Gamma$
 ولا علي نقطة بين نقطتي $\Delta\Gamma$ ولا تحيط
 دايرة $\Delta\Gamma$ بمماسه اياها ولا تحيط بها
 غير مماسه والا لكان في الاولين خط $\Delta\Gamma$
 خطي $\Delta\Gamma$ او اعظم منهما وفي الاخيرين خط $\Delta\Gamma$ خطي $\Delta\Gamma$
 او اعظم منهما اذا جعلنا خطا واحدا والكل ممنوع بالشكل العشرين
 فمحيط دايرة ط Δ يقطع محيط دايرة $\Delta\Gamma$ فليقطع علي نقطة Δ ونصل
 بينهما وبين كل واحد نقطتي $\Delta\Gamma$ بخط مستقيم فاقول ان زاوية $\Delta\Gamma$
 كزاوية $\Delta\Gamma$ برهانه فلان نقطة Δ مركز دايرة $\Delta\Gamma$ فالزاوية $\Delta\Gamma$ و
 كان $\Delta\Gamma$ كضلع $\Delta\Gamma$ ولان $\Delta\Gamma$ مركز دايرة ط Δ فخط $\Delta\Gamma$ كخط $\Delta\Gamma$ وكان
 ضلع $\Delta\Gamma$ كخط $\Delta\Gamma$ فخط $\Delta\Gamma$ كضلع $\Delta\Gamma$ وكان خط $\Delta\Gamma$ بالقرض كضلع
 $\Delta\Gamma$ فبالشكل الثامن مثلثا $\Delta\Gamma$ $\Delta\Gamma$ متساويان وزواياهما المتناظرة
 متساوية فزاوية $\Delta\Gamma$ كزاوية $\Delta\Gamma$ فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين
 ولهذا الشكل اختلاف وقوع فان نقطة Δ يمكن ان تقطع بين نقطتي Δ
 $\Delta\Gamma$ وحينئذ نقطه لا يمكن ان يقع بين نقطتي $\Delta\Gamma$ $\Delta\Gamma$ او علي نقطة $\Delta\Gamma$ والا
 يلزم ان يكون احد اضلاع المثلث اعظم من الضلعين الباقيين او
 مساويا لهما فيصير دايرة $\Delta\Gamma$ محيطه بدائرة $\Delta\Gamma$ مماسه اياها او غير
 مماسه فتقع نقطة ط خارجهما في جهة $\Delta\Gamma$ بحيث يكون خط $\Delta\Gamma$
 اصغر من خطي $\Delta\Gamma$ $\Delta\Gamma$ اذا جعلنا خطا واحدا ويمكن ان تقع نقطة $\Delta\Gamma$
 علي نقطة $\Delta\Gamma$ وحينئذ خط $\Delta\Gamma$ لا جايز ان يكون مساويا لقطر دايرة
 $\Delta\Gamma$ او اعظم والا لزم ان يكون احد اضلاع مثلث مساويا للضلعين
 الباقيين او اعظم منهما فتصير دايرة ط Δ مماسه لدايرة $\Delta\Gamma$ او محيطه بها
 او محيطه بها غير مماسه اياها فلا يمكن رسم المثلث وقد بينا في الشكل
 العشرين ان ضلعي كل مثلث اعظم من الثالث فخط $\Delta\Gamma$ يكون اصغر
 من قطر دايرة $\Delta\Gamma$ فتتقاطع دايرة $\Delta\Gamma$ $\Delta\Gamma$ ويتم العمل ويمكن ان يقع
 خارج نقطتي $\Delta\Gamma$ $\Delta\Gamma$ وحينئذ لا يمكن ان يكون خط $\Delta\Gamma$ مساويا لخط $\Delta\Gamma$
 او اصغر منه ولا مساويا لخطي $\Delta\Gamma$ $\Delta\Gamma$ اذا جعلنا خطا واحدا او اعظم
 منهما والا يلزم بعض المحالات المذكورة

لقد

كل مثلث مستقيم الاضلاع يساوي ضلعان
 منه ضلعين من مثلث اخر مستقيم الاضلاع و
 كانت

كانت الزاوية التي يحيط بها الضلعان الاولان اعظم
من الزاوية التي يحيط بها الضلعان الاخران
فقاعدة العظمي اعظم من قاعدة الصغري

ليكن ضلعان AB AC من مثلث ABC كضلي DE DF من مثلث DEF و
زاوية BAC اعظم من زاوية EDF فاقول ان قاعدة BC اعظم من قاعدة
 EF برهانه نعمل علي نقطة G من خط DE زاوية BAE BAF بالشكل



المتقدم ونفصل DC CA
بالشكل الثالث ونصل بين
نقطتي E C بخط مستقيم
وكذلك بين نقطتي G F بخط

مستقيم فلان ضلي AB AC وزاوية BAC تساوي ضلي DE DF وزاوية
 BAC كل لنظيره فقاعدة BC كقاعدة ED بالشكل الرابع ولان كل
واحد من ضلي DE DF يساوي ضلع AC تكون زاوية EDC EDF التي هي
اعظم من زاوية EDF EDC كزاوية EDC التي هي اصغر من زاوية EDC EDF بالشكل
الخامس فزاوية EDC EDF اعظم من زاوية EDC EDF فضلع BC EF اعظم من ضلع
 EF بالشكل التاسع عشر فقاعدة BC المساوية لضلع EF اعظم من
قاعدة EF وذلك ما اردنا ان نبين

ولهذا الشكل اختلاف وقوع فان قاعدة BC اما ان تقع فوق قاعدة
وه او تنطبق عليها او تقع تحتها اما الاول فقد ببناء واما الثاني
فظاهر واما الثالث فنخرج ضلي DE DF علي استقامتهما في جهة E F
نقطتي G H لا بغير نهاية ونصل بين نقطتي E H EG مستقيم فلان زاوية
طرح التي هي اصغر من زاوية EDC EDF اعظم من زاوية EDC EDF بالشكل



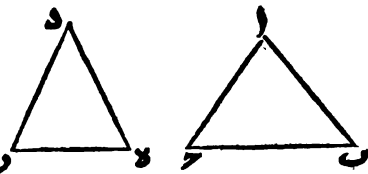
الخامس فقاعدة BC المساوية
لقاعدة BC اعظم من قاعدة EF
بالشكل التاسع عشر وهذه
صورته

الـ

كل مثلث مستقيم الاضلاع يساوي ضلعان
منها ضلعين من مثلث اخر مستقيم الاضلاع و
كانت قاعدة الزاوية التي يحيط بها الضلعان الاولان

اعظم من قاعدة الزاوية التي تحيط بها الضلعان
الاخران فزاوية القاعدة العظمي اعظم من زاوية

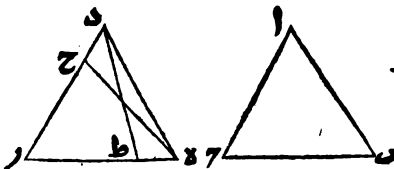
قاعدة الصغرى



لكن ضلعا \overline{AB} من مثلث $\triangle ABC$
المستقيم الاضلاع يساويان ضلعي \triangle
 \triangle من مثلث \triangle المستقيم الاضلاع وقاعدة \overline{BC} اعظم من قاعدة \triangle
فاقول ان زاوية $\angle A$ اعظم من زاوية $\angle D$ برهانه لانه لو لم يكن كذلك
لكانت زاوية $\angle A$ مساوية لزاوية $\angle D$ او اصغر منها فان كانت
مساوية لكانت قاعدة \overline{BC} كقاعدة \triangle بالشكل الرابع وهي اعظم منها
هذا خلف وان كانت اصغر منها لكانت قاعدة \triangle اعظم من قاعدة
 \triangle بالشكل المتقدم وهي اصغر هذا خلف فالحكم ثابت وذلك ما اردنا
ان نبين \square

كل مثلث مستقيم الاضلاع يساوي زاويتان
وضلع زاويتين وضلعا من مثلث اخر مستقيم
الاضلاع فان الاضلاع والزوايا الباقية المتناظرة
منهما متساوية وان الزاويتين الباقيتين
المتناظرة منهما ايضا متساويتين والمثلث كالمثلث

لكن زاويتا \triangle \triangle من مثلث
 \triangle المستقيم الاضلاع يساويان
زاويتا \triangle \triangle من مثلث \triangle
المستقيم الاضلاع وضلع احدهما



كضلع من الاخر سواء كانا \triangle \triangle والواقعان بين الزاويتين المذكورتين
او كانا \triangle \triangle او \triangle \triangle فاقول ان الاضلاع الباقية المتناظرة منهما متساوية
وكذلك الزاويتين والمثلث كالمثلث برهانه وليكن اولا ضلع \triangle
كضلع \triangle فتركب مثلث \triangle \triangle على مثلث \triangle \triangle بحيث تقع نقطة \triangle
على نقطة \triangle وضلع \triangle \triangle على ضلع \triangle \triangle فتقع نقطة \triangle على نقطة \triangle
لتساوي ضلعي \triangle \triangle فبنطبق ضلع \triangle \triangle على ضلع \triangle \triangle در لتساوي زاويتي
 \triangle \triangle

أرب دره فنقط آ اما منطبق علي نقطة د أو لا فان انطبقت فبنطبق
ضلع أب علي ضلع ده ويثبت الحكم وان لم ينطبق فليبنطبق علي نقطة
بين نقطتي د ر ولتكن نقطة ح ونصل بين نقطتي ح ه بخط مستقيم
فلان ضلعي ح ر رة وزاوية ح رة من مثلث همرح يساوي ضلعي آ ح رب
وزاوية آ ح رب من مثلث آ ح رب كل لنظيره فبالشكل الرابع يكون زاوية
ح رة كزاوية آ ح رب وكانت زاوية د رة كزاوية آ ح رب فبكون زاوية ح رة
كزاوية د رة فبكون جزء الشيء مثل كله هذا خلف ثم لبيكن ضلع آ ح
كضلع د ر فتركب مثلث آ ح رب علي مثلث د رة بحيث ينطبق نقطة
ح علي ر وضلع آ ح علي ضلع د ر فنطبق نقطة آ علي نقطة د لتساوي
ضلعي آ ح د ر وضلع آ ح علي ضلع د ر لتساوي زاويتي آ ح د رة فاما
ان ينطبق ب علي نقطة ه أو لا ينطبق فان انطبقت فليبنطبق ب آ علي
ضلع ده ويحصل المطلوب وان لم ينطبق نقطة ب آ علي نقطة ه
فليبنطبق علي نقطة بين نقطتي ه ر ولبيكن نقطة ط ونصل بين نقطتي
د ط بخط مستقيم فلان ضلعي د ر رط وزاوية د رط من مثلث د رط
تساوي ضلعي آ ح رب وزاوية آ ح رب من مثلث آ ح رب كل لنظيره فتصير
زاوية د ر ط كزاوية آ ح رب بالشكل الرابع وكانت زاوية د ر ط كزاوية آ ح رب
فزاوية د ط ر الخارجة من مثلث د ه ط كزاوية د ه ط هذا خلف
بالشكل السادس عشر وكذلك تبين اذا كان ضلع آ ب كضلع ده فالحكم
ثابت وذلك ما اردنا ان نبين

ولهذا الشكل اختلاف وقوع فان نقطة ح يمكن ان يقع بين نقطتي د
ر أو خارجة عنهما في جهة د ونقطة ط يمكن ان تقع بين نقطتي ه ر
أو خارجة عنهما في جهة ه والبيان في الكل واحد

الر

كل خطين مستقيمين وقع عليهما خط
مستقيم وكانت المتبادلتان من الزوايا الحادثة

متساويتين فهما متوازيان

لبيكن آ ب د ه خطين مستقيمين وقع عليهما
خط ه ر المستقيم وقطعهما علي نقطتي ح ط

وصير زاوية آ ح ط كزاوية د ط ح المتبادلتين فاقول ان خطي آ ب د ه
متوازيان برهانه والا فليلتقيا في احدي جهتهما ولبيكن الالتقاء
علي نقطة آ في جهة ب د فبكون زاوية آ ح ط الخارجة من مثلث ح ط
كزاوية ح ط آ الداخلة وهي اعظم منها بالشكل السادس عشر هذا

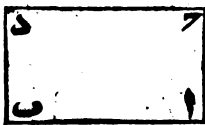
خلف وبمثله نبين امتناع الالتقاء في جهة $\overline{آ}$ فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين

كل خطين مستقيمين وقع عليهما خط مستقيم وكانت الزاوية الخارجة من الزوايا الحادثة كالداخله المقابله لها والزاويتان الداخلتان في جهة من الخط الواقع علي الخطين كقائمتين فهما متوازيان

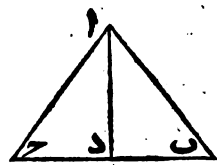
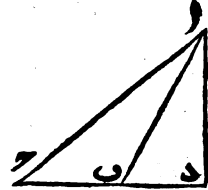
فلينكن خط $\overline{هـ}$ المستقيم وقع علي خطي $\overline{آ}$ $\overline{ح}$ المستقيمين وقطعهما علي نقطتي $\overline{ط}$ $\overline{ح}$ وكانت زاوية $\overline{هـ}$ $\overline{ب}$ الخارجة كزاوية $\overline{د}$ $\overline{ط}$ $\overline{ح}$ الداخليه وزاويتا $\overline{ب}$ $\overline{ح}$ $\overline{ط}$ $\overline{ح}$ كقائمتين فاقول ان خطي $\overline{آ}$ $\overline{ح}$ متوازيان برهانه فلان زاوية $\overline{آ}$ $\overline{ح}$ $\overline{ط}$ كزاوية $\overline{هـ}$ $\overline{ب}$ بالشكل الخامس عشر وزاوية $\overline{د}$ $\overline{ط}$ $\overline{ح}$ كزاوية $\overline{هـ}$ $\overline{ب}$ فزاويتا $\overline{آ}$ $\overline{ح}$ $\overline{ط}$ $\overline{ح}$ متساويتان فخطا $\overline{آ}$ $\overline{ح}$ متوازيان بالشكل المتقدم ولان زاوية $\overline{ب}$ $\overline{ح}$ $\overline{ط}$ مع زاوية $\overline{د}$ $\overline{ط}$ $\overline{ح}$ كقائمتين وزاوية $\overline{ب}$ $\overline{ح}$ $\overline{ط}$ مع زاوية $\overline{آ}$ $\overline{ح}$ $\overline{ط}$ كقائمتين بالشكل الثالث عشر فزاوية $\overline{آ}$ $\overline{ح}$ $\overline{ط}$ كزاوية $\overline{د}$ $\overline{ط}$ $\overline{ح}$ فبالشكل المتقدم $\overline{آ}$ $\overline{ح}$ يوازي $\overline{هـ}$ وذلك ما اردنا ان نبين

اقول وههنا ذكر موضع البرهان لان الموعود ببيانه في اول المقالة وهو مبني علي ثلث مقدمات وثلاثة اشكال المقدمة الاولى كل خطين مستقيمين موضوعين في سطح مستوي خطي $\overline{آ}$ $\overline{ح}$ وقع عليهما خطوط مستقيمة كخطوط $\overline{هـ}$ $\overline{ز}$ $\overline{ح}$ $\overline{ط}$ $\overline{ل}$ $\overline{م}$ $\overline{ن}$ $\overline{س}$ $\overline{ع}$ $\overline{د}$ واحد منها عمود علي خط $\overline{ح}$ وقاطع خط $\overline{آ}$ علي زاويتي حادة ومنفرجة ويكون الزوايا الحواد كلها في جهة $\overline{ب}$ $\overline{د}$ والمنفرجات في جهة $\overline{آ}$ فاقول ان خطي $\overline{آ}$ $\overline{ح}$ موضوعان علي التقارب في جهة $\overline{ب}$ ما دام لم يتقاطعا وعلي التباعد في جهة $\overline{آ}$ وتكون الاعمدة متصاعدة في جهة $\overline{ب}$ الي التقاطع ومتعاطمة في جهة $\overline{آ}$ ويكون عمود $\overline{هـ}$ $\overline{ز}$ اعظم من عمود $\overline{ح}$ $\overline{ط}$ وهو من عمود $\overline{آ}$ $\overline{ح}$ وهو من عمود $\overline{م}$ $\overline{ن}$ وهو من عمود $\overline{س}$ $\overline{ع}$ ويكون عمود $\overline{س}$ $\overline{ع}$ اصغر من عمود $\overline{م}$ $\overline{ن}$ وهو من عمود $\overline{آ}$ $\overline{ح}$ وايضا فان كان كل واحد من الخطوط المستقيمة الواقعة علي الخطين المستقيمين اعمدة علي احدهما وكانت متعاطمة ان اخذنا نعتبر بعضها الي بعض في احدي جهتي

جهتي الخطين ومصاغرة ان اخذنا نعتبر في الجهة الاخرى من جهتي
الخطين فان الخطين المستقيمين موضوعان علي التباعد في جهة تعاضل
الاعمدة وعلي التقارب في الجهة الاخرى وهي جهة تصاهر الاعمدة الي ان
يتقاطع الخطان الماران كل واحد من الخطوط المستقيمة التي هي اعمدة علي
احد الخطين قاطعا لذلك الخط علي زوايا قائمة لا يكون لذلك الخط مبدل
الي الاعمدة ولا عنها فبكون كل واحد من الاعمدة قاطعا للخط الاخر من
الخطين المستقيمين علي زاويتين احدهما حادة والاخرى منفرجة
ويكون جميع زوايا الحادة الي جهة تقارب الخطين وجميع زوايا المنفرجة الي
جهة تباعدها ويكون لذلك الخط مبدل الي كل واحد من الاعمدة في جهة
التقارب ومبدل عن كل واحد منها في جهة التباعد وهاتان القصبتان
بديهيتهما استعمالهما بعض المهندسون من المتقدمين والمتأخرين علي
انهما بديهيتهما **والمقدمة الثانية** كل خطين مستقيمين خارجا
من طرفي خط مستقيم في جهة واحدة عمودين عليه وكانا متساويين
وصل بين طرفيهما بخط مستقيم فكل واحدة من الزاويتين الحادثتين
من العمودين والخط المستقيم الواصل بين طرفيهما قائمة لئلا يكون الخط
المستقيم **أ ب** والعمودان المتساويان **أ د** و **ب د** وصل
بين نقطتي **د** طرفيهما بخط مستقيم فاقول ان كل
واحدة من زاويتي **أ د ب** و **ب د ح** قائمة برهانه فلانه
لو لم يكن زاوية **أ د ب** قائمة لكانت اما حادة او منفرجة فان كانت حادة
كان خطا **أ ب** **د** موضوعين علي التقارب في جهة **د** فبكون عمود **أ د** اعظم
من عمود **ب د** بالمقدمة الاولى وهما متساويان هذا خلف وان كانت
منفرجة كان خطا **أ ب** **د** موضوعين علي التباعد في جهة **د** فبكون
عمود **أ د** اصغر من عمود **ب د** بالمقدمة الاولى وهما متساويان هذا خلف
فزاوية **أ د ب** قائمة وبمثله تبين ان زاوية **ب د ح** قائمة
واقول ايضا ان خط **د** يساوي خط **أ ب** برهانه فلان **د** لو لم يكن
ك**أ ب** لكان اصغر منه او اعظم فان كان اصغر يلزم ان يكون خطا **أ ب** **د**
موضوعين علي التقارب في جهة **د** وعلي التباعد في جهة **ب** فبكون زاوية
أ ب د او **ب أ د** حادة وزاوية **د ب أ** او زاوية **أ د ب** منفرجة بالقصبة
الثانية من المقدمة الاولى وهما قائمتان هذا خلف وان كان **د** اعظم
من **أ ب** كان خطا **أ ب** **د** موضوعين علي التقارب في جهة **ب** وعلي
التباعد في جهة **د** فبكون زاوية **د ب أ** حادة او **أ د ب** حادة وزاوية **أ ب د**
او **ب أ د** منفرجة بالقصبة الثانية من المقدمة الاولى وهما قائمتان هذا
خلف **المقدمة الثالثة** كل مثلث مستقيم الاضلاع فان زواياه
الثلاث لكائمتين ولين **أ ب** **ب ج** من مثلث **أ ب ج** قائمة فاقول ان
ب أ د **ب ج د** لكائمتين برهانه نخرج من نقطة **د** عمود **د** علي ضلع **ب ج**



باستبانة الشكل المحادي عشر ونفصل منه $\overline{ح د}$ يساوي $\overline{أ ب}$ بالشكل الثالث ونصل بين نقطتي $\overline{أ د}$ بخط مستقيم فخط $\overline{أ د}$ كخط $\overline{ب ح}$ وزاوية $\overline{أ د ح}$ قائمة بالمقدمة الثانية فلان ضلعي $\overline{أ ب}$ $\overline{ب ح}$ وزاوية $\overline{أ ب ح}$ من مثلث $\overline{أ ب ح}$ مساوية لضلعي $\overline{أ د ح}$ وزاوية $\overline{أ د ح}$ كل لنظيره فبالشكل الرابع زاوية $\overline{أ د ح}$ كزاوية $\overline{ب أ ح}$ وزاوية $\overline{ب ح د}$ المساوية لزاويتي $\overline{ب ح أ}$ $\overline{د ح أ}$ قائمة فزاويتنا $\overline{ب أ ح}$ $\overline{ب ح أ}$ كقائمة فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين ثم ليكن زاوية منفرجة فاقول ان الزوايا الثلث من مثلث $\overline{أ ب ح}$ كقائمتين برهانه فلان زاوية $\overline{أ ب ح}$ منفرجة وزاويتي كل مثلث اقل من قائمتين بالشكل السابع عشر فزاوية $\overline{أ ب ح}$ حادة واذا وقع خط مستقيم فالزاويتان المحاديتان كقائمتين بالشكل الثالث عشر وزاوية $\overline{أ ب ح}$ حادة فالزاوية المجاورة لها منفرجة فاذا اخرجنا من نقطة $\overline{أ}$ عمود $\overline{أ د}$ علي ضلع $\overline{ب ح}$ بالشكل الثاني عشر فلا يمكن ان يقع علي اخدي نقطتي $\overline{ب ح}$ والا لكانت زاوية $\overline{أ ب ح}$ او زاوية $\overline{أ ح ب}$ قائمة وليست ولا يمكن ان يقع بين نقطتي $\overline{ب ح}$ او علي ضلع $\overline{ب ح}$ بعد اخراجه في جهة $\overline{ح}$ والا يلزم ان يكون زاويتنا مثلث وهما زاويتا $\overline{أ ب د}$ $\overline{أ ح د}$ او زاويتان احدهما $\overline{أ د ح}$ المجاورة لزاوية $\overline{أ ب ح}$ والثانية زاوية $\overline{أ د ح}$ اعظم من قائمتين وهما اصغر منهما بالشكل السابع عشر فبقع علي ضلع $\overline{ب ح}$ بعد اخراجه في جهة $\overline{ب}$ فيكون كل واحد من مجموع زاويتي $\overline{د أ ب}$ $\overline{د أ ح}$ و $\overline{د أ ح}$ $\overline{د أ د}$ كقائمة فاذا القينا زاوية $\overline{د أ ب}$ المشتركة تبقي زاوية $\overline{أ ب د}$ متساوية لزاويتي $\overline{ب أ ح}$ $\overline{أ د ح}$ $\overline{أ د ب}$ لكن زاويتي $\overline{أ ب د}$ $\overline{أ د ب}$ كقائمتين بالشكل الثالث عشر فزاوية $\overline{أ ب ح}$ مع زاويتي $\overline{ب أ ح}$ $\overline{أ د ح}$ كقائمتين وذلك ما اردنا ان نبين ثم ليكن زوايا مثلث $\overline{أ ب ح}$ كلها حواد فاقول ان زوايا المثلث كقائمتين برهانه نخرج من نقطة $\overline{أ}$ عمود $\overline{أ د}$ علي ضلع $\overline{ب ح}$ بالشكل الثاني عشر فلا يقع علي احد نقطتي $\overline{ب ح}$ والا لكانت القائمة حادة ولا علي $\overline{ب ح}$ بعد اخراجه في اخدي جهتيه والا لكانت زاويتنا مثلث اعظم من قائمتين وهما اما زاويتا $\overline{أ ب د}$ $\overline{أ ح د}$ او زاويتا $\overline{أ د ح}$ $\overline{أ د ب}$ وي اصغر من قائمتين بالشكل السابع عشر فبقع بين نقطتي $\overline{ب ح}$ $\overline{ب د}$ فيكون زاويتنا $\overline{أ ب د}$ $\overline{أ د ب}$ كقائمة وزاويتنا $\overline{أ د ب}$ $\overline{أ د ح}$ كقائمة ايضا بالشكل الاول من هذه المقدمة فبكون جميع زوايا مثلث $\overline{أ ب ح}$ كقائمتين وذلك ما اردنا ان نبين واذا تقررت هذه المقدمات فنقول ليكن الخطان المستقيمان اللذان وقع عليهما خط مستقيم خطي $\overline{أ ب}$ $\overline{ح د}$ والخط الواقع عليهما خط $\overline{ه ح}$ قاطعا اياهما علي نقطتي $\overline{ه ح}$ ولتصير زاويتي



زاويتي بـ دـ حـ اقل من قائمتين فلا يخلو اما ان يكون احدهما قائمة والاخري حادة او يكونا حادتين او احدهما منفرجة والاخري حادة

فان الخطين علي التقدير الثلاثة اذا اخرجنا علي استقامتهما في جهة بـ دـ الي غير النهاية فانهما يتلاقيان برهانه اما الاول فليكن زاوية بـ دـ حـ حادة وزاوية دـ حـ عـ قائمة ونرسم علي خط بـ دـ نقطة حـ كهب ما وقعت ونخرج منها خط حـ طـ عمودا علي خط دـ رـ

بالشكل الثاني عشر فهو اما ان ينطبق علي خط دـ رـ او يقع علي نقطة بين نقطتي دـ رـ او فيما بين نقطتي دـ رـ او علي نقطة خارجة عنهما في جهة دـ والتقدير الرابع محال والا لزم ان يكون زاويتا حـ طـ عـ حـ طـ من مثلث حـ طـ دـ اعظم من قائمتين لان زاوية حـ طـ دـ منفرجة بالشكل الثالث هذا خلف ثم

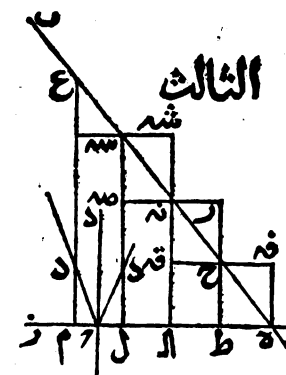
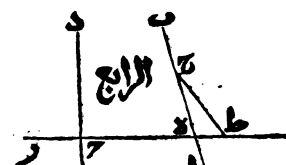
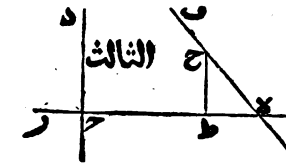
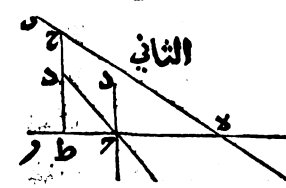
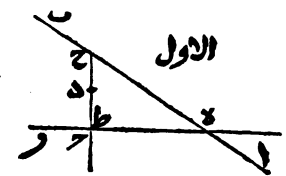
خط دـ رـ اذا اخرج في جهة دـ علي استقامته يلقي خط ا بـ علي التقدير الاول وذلك ظاهر وعلي التقدير الثاني لا يمكن ان يلقي خط دـ رـ عمود حـ طـ والا فليبقه علي نقطة دـ فليكون زاويتان من المثلث الحادث هما دـ حـ طـ دـ حـ كـ قائمتين وهما اقل منهما بالشكل السابع عشر هذا خلف ولا يمكن ان يلقي خط دـ رـ والا يلزم احاطة خطين مستقيمين بسطح فهو يلقي خط ا بـ وعلي التقدير الثالث

نضعف دـ طـ مرة بعد اخري الي ان نصير اعظم من خط دـ رـ وفي خطوط دـ طـ ا لـ لـ م ونفصل من خط بـ حـ خطوطا كل واحد منها يساوي خط دـ حـ بالشكل الثالث وفي خطوط حـ نـ دـ سـ عـ ويكون عدتها مع خط دـ حـ لعدة اقسام خط دـ مـ ونخرج من نقطة دـ عمود دـ قـ بالشكل الحادي عشر ونفصل منه قـ دـ مثل حـ طـ بالشكل الثالث ونصل بين نقطتي قـ دـ بخط مستقيم فليكون كل من زاويتي دـ قـ حـ قـ حـ طـ قائمة وضلع قـ دـ كضلع دـ طـ بالمقدمة الثانية ونخرج من نقطة نـ عمود نـ ا علي دـ رـ

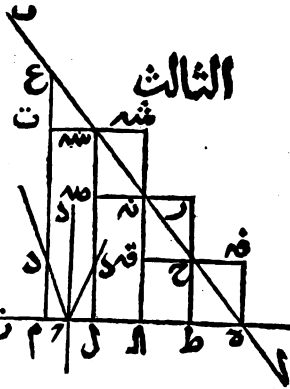
بالشكل الثاني عشر ولان خطي دـ بـ دـ رـ موضوعان علي التباعد في جهة بـ يكون عمود نـ ا اعظم من عمود حـ طـ بالمقدمة الاول فنفصل منه خط ا قـ كعمود حـ طـ بالشكل الثالث ونصل بين نقطتي حـ قـ بخط مستقيم وكل من زاويتي طـ حـ قـ ا قـ حـ قائمة وضلع طـ ا كضلع حـ قـ بالمقدمة

الثالث وفي خطوط حـ نـ دـ سـ عـ ويكون عدتها مع خط دـ حـ لعدة اقسام خط دـ مـ ونخرج من نقطة دـ عمود دـ قـ بالشكل الحادي عشر ونفصل منه قـ دـ مثل حـ طـ بالشكل الثالث ونصل بين نقطتي قـ دـ بخط مستقيم فليكون كل من زاويتي دـ قـ حـ قـ حـ طـ قائمة وضلع قـ دـ كضلع دـ طـ بالمقدمة الثانية ونخرج من نقطة نـ عمود نـ ا علي دـ رـ

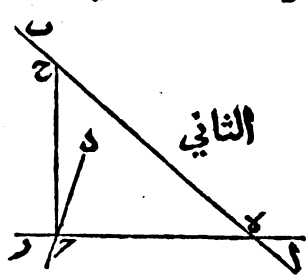
بالشكل الثاني عشر ولان خطي دـ بـ دـ رـ موضوعان علي التباعد في جهة بـ يكون عمود نـ ا اعظم من عمود حـ طـ بالمقدمة الاول فنفصل منه خط ا قـ كعمود حـ طـ بالشكل الثالث ونصل بين نقطتي حـ قـ بخط مستقيم وكل من زاويتي طـ حـ قـ ا قـ حـ قائمة وضلع طـ ا كضلع حـ قـ بالمقدمة



الثانية وكانت زاوية ط ح ق قائمة فخط ق ح علي سمت خط ح ق بل
خط ق ح واخذ بالشكل الرابع العشر ولما كانت زاوية ح ق ا
قائمة تكون زاوية ح ق ن قائمة بالشكل الثالث
عشرون وايضا فح ن المتقابلتان متساويتان
بالشكل الخامس عشر وضلع ح ن من مثلث
ح ن ق كضلع ح ن من مثلث ح ق ن فبالشكل
السادس والعشرين ضلع ق ح كضلع ح ق
وكان ضلع ط ا كضلع ح ق فضلع ط ا كضلع
ق ح وكان ضلع ط ح كضلع ح ق فضلع ط ح
كضلع ط ا فعود ن ا وقع علي نقطة ا من
خط ح ن ونخرج من نقطة س عمود ش ل علي ضلع ح ن بالشكل الثاني
عشر ونفصل خط ص ل كخط ن ا بالشكل الثالث لان خط ص ل اعظم
من ن ا بالمقدمة الاولى ونصل بين نقطتي ن ص بخط مستقيم فكل
واحد من زاويتي ا ن ص ل ص ن قائمة وضلع ا ل كضلع ن ص بالمقدمة
الثانية ونخرج عمود ح ط في جهة ح علي استقامته الي غير النهاية
ونفصل منه ط ر مثل ن ا بالشكل الثالث ونصل بين نقطتي ر ن بخط
مستقيم فكل من زاويتي ط ر ن ا ن ر قائمة وضلع ط ا كضلع ر ن بالمقدمة
الثانية فلان زاوية ل ص ن قائمة تكون زاوية ن ص س قائمة بالشكل
الثالث عشر فكل واحد من زاويتي ح ر ن ن ص س قائمة وزاويتي
ح ن ر ص ن متساويتان بالشكل الخامس عشر وضلعا ن ح ن س
متساويان فبالشكل السادس والعشرون ضلع ن ص من مثلث ن ص س
كضلع ن ر من مثلث ن ر ص فط ا مثل ن ص وكان ا ل مثل ن ص فط ا
مثل ا ل فعود س ل واقع علي نقطة ل من خط ح ن ونخرج ا ن في جهة
ن علي استقامته الي غير النهاية ونفصل منه ا ش مثل ل س بالشكل
الثالث ونصل بين نقطتي ش س بخط مستقيم فكل واحد من زاويتي
ا ش س ل س ش قائمة وضلع ا ل كضلع ش س بالمقدمة الثانية ونخرج
من نقطة ع عمود ع م علي خط ر ه بالشكل الثاني عشر ولان ع م اعظم من
ل س بالمقدمة الاولى فنصل منه ت م كضلع ل س بالشكل الثالث
ونصل س ت بخط مستقيم فكل واحد من زاويتي ل س ت م ت س
قائمة فخط ش ت خط مستقيم بالشكل الرابع عشر وضلع ل م كضلع
س ت بالمقدمة الثانية وزاوية م ت س قائمة فزاوية س ت ع قائمة
وزاويتي ش س ن ع س متساويتان بالشكل الخامس عشر وضلعا
ن س س ع متساويان فبالشكل السادس والعشرين ضلع س ت كضلع
س ش فضلع ا ل كضلع ل م بمثل ما تقدم فعود ع م واقع علي نقطة
م من خط ح ن فخط ح د انحصر بين عمودي س ل ع م فاذا اخرجناه في
جهة

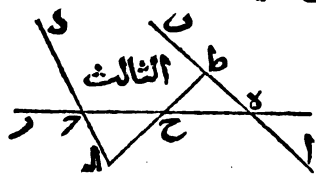


جهة د علي استقامته لا يمكن ان يلقي احد عمودي سـ ل عـ م والا فليكن
علي نقطة د فيكون في مثلث د ح م او د ح ل زاويتان قائمتين وهما زاويتا
د ل ح او د ح م او د ح ل وكل زاويتي مثلث اقل منهما بالشكل السابع
عشر هذا خلف فخط ح د يلقي خط ا ب واما الثاني وهو ان يكون
كل واحدة من زاويتي ب هـ د حـ حادة فلان زاوية د حـ حادة يكون
زاوية د حـ ر منفرجة بالشكل الثالث عشر ونخرج من نقطة ح عمود
حـ ر علي خط د ر في جهة د باستبانة الشكل الحادي عشر فبقع بين
ضلعي د ر فاذا اخرجناه في جهة ح علي استقامته يلقي خط ا ب
بالشكل المتقدم فليلقه علي نقطة ح فاذا اخرجنا خط د ح في جهة



د علي استقامته يلقي خط ا ب بين نقطتي د
ح وذلك ظاهر لامتناع احاطة خطين
مستقيمين بسطح واما الثالث وهو ان يكون
زاوية ب هـ د حادة وزاوية د حـ ر منفرجة
فلان زاويتي ب هـ د حـ ر اقل من قائمتين
وزاويتا د حـ ر والمجاورة لهما معا قائمتين

بالشكل الثالث عشر فزاوية حـ ر المجاورة لزاوية د حـ ر اعظم من زاوية
ب هـ د ونرسم علي خط هـ ر نقطة ح كلف ما وقعت ونخرج منها عمود
حـ ط الي خط د ب بالشكل الثاني عشر فلا يقع علي نقطة د وذلك ظاهر
ولا علي خط ا هـ والا لكانت زاويتا مثلث

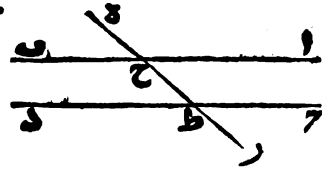


اعظم من قائمتين وقد بين في الشكل السابع
عشر انهما اقل منهما هذا خلف فليقع علي
نقطة ط ونخرج خط ط ح علي استقامته في

جهة ح الي ا فلان زاوية ح ط هـ القائمة مع زاوية هـ ح ط اقل من
قائمتين بالشكل السابع عشر وزاوية هـ ح ط الحادة كزاوية حـ ر ا بالشكل
الخامس عشر وزاوية حـ ر المجاورة لزاوية د حـ ر اقل من قائمة فكل واحدة
من زاويتي حـ ر ا و حـ ر المجاورة لزاوية د حـ ر حادة فخطا حـ ر ا اذا
اخرجنا في جهة ا يتلاقبان بالشكل الثاني من الشكل المتقدمين فليبتلعا
علي نقطة ا ولان زوايا كل مثلث مستقيم الاضلاع قائمتين فزاويتي
هـ ح ط حـ ر ا متساويتان بالشكل الخامس عشر وزاوية حـ ر ا اعظم من زاوية
ح ط هـ فزاوية هـ ح ط القائمة اعظم من زاوية حـ ر ا لان الزوايا الثالث
كل مثلث مستقيم الاضلاع قائمتين بالمقدمة الثالثة فهي حادة وزاوية
ب ط ا قائمة بالشكل الثالث عشر فاذا اخرجنا خطا ا ب حـ ر في جهة ب د
فهما يتلاقبان بالشكل الاول من الشكلين في جهة واحدة من الخط الواقع
لقائمتين وذلك ما اردنا ان نبين ونعود الي تقرير مسایل الكتاب

ط

كل خط مستقيم وقع على خطين مستقيمين
متوازيين فالمتبادلتان من الزوايا الحادثة متساويتان
والخارجة كالداخلة المقابلة لها والداخلتان في
جهة من الخط كقائمتين

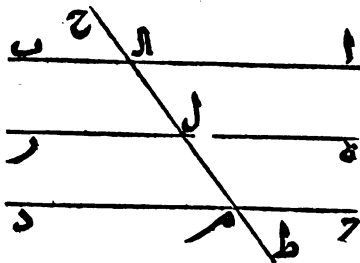


لكن خط $\overline{د ح}$ المستقيم وقع على خطي $\overline{أ ب}$
 $\overline{ح ط}$ المتوازيين على نقطتي $\overline{ح ط}$ فاقول ان
زاوية $\overline{أ ح ط}$ كزاوية $\overline{د ط ح}$ المبادلة لها وان زاوية $\overline{ه ح ب}$ كزاوية $\overline{ح ط د}$
الخارجة والداخلة وان داخلة $\overline{ب ح ط}$ كقائمتين برهانها فلان
زاوية $\overline{أ ح ط}$ لو لم يكن كزاوية $\overline{د ط ح}$ لكانت اعظم منها او اصغر فان
كانت اعظم وهي مع زاوية $\overline{ب ح ط}$ كقائمتين بالشكل الثالث عشر فزاويتا
 $\overline{ب ح ط}$ $\overline{ح ط د}$ يكونان اقل من قائمتين فخط $\overline{أ ب}$ $\overline{ح د}$ اذا اخرجا في جهة
 $\overline{د}$ فانهما يتلاقبان بالقصبة التي برهانها عليهما وهما متوازيين هذا خلف
وان كانت زاوية $\overline{أ ح ط}$ اصغر من زاوية $\overline{د ط ح}$ فزاويتا $\overline{ح ط ح}$ $\overline{د ط ح}$
معا كقائمتين بالشكل الثالث عشر فزاويتا $\overline{ح ط ح}$ $\overline{أ ح ط}$ معا اقل قائمتين
فخط $\overline{أ ب}$ $\overline{ح د}$ ان اخرجا في جهة $\overline{أ}$ فانهما يتلاقبان بالقصبة وهما
متوازيان هذا خلف فزاويتا $\overline{أ ح ط}$ $\overline{ح ط د}$ متساويتان وزاوية $\overline{ه ح ب}$
كزاوية $\overline{أ ح ط}$ بالشكل الخامس عشر فزاويتا $\overline{ه ح ب}$ $\overline{ح ط د}$ متساويتان
وزاوية $\overline{ب ح ط}$ مع زاوية $\overline{أ ح ط}$ كقائمتين بالشكل الثالث عشر فهي مع
زاوية $\overline{ح ط د}$ كقائمتين فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين
واستبان منه ان كل خطين مستقيمين في سطح مستو اما متوازيان واما
متسامتان لانه اذا وقع عليهما خط مستقيم فالزوايتان الحادتان
الداخلتان في جهة واحدة من الخط الواقع اما قائمتان او اقل منهما
فعلى التقدير الاول هما متوازيان وعلى التقدير الثاني ملتقبان اذا اخرجا
في تلك الجهة فهما متسامتان وهذا ما وعدنا التنبيه عليه

ل

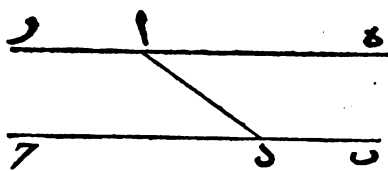
جميع الخطوط الموازية لخط بعينه ولا يكون تلك
الخطوط على سمت واحد فهي متوازية

لكن خطا $\overline{أ ب}$ $\overline{ح د}$ موازيين لخط $\overline{د ح}$ فاقول انهما متوازيان برهانها
لنقطع خط $\overline{ح ط}$ المستقيم خطوط $\overline{أ ب}$ $\overline{ح د}$ على نقط $\overline{أ ل}$ $\overline{م فلان}$
زاوية



زاوية $\overline{ال}$ كزاوية $\overline{رل}$ وزاوية $\overline{دم}$ كزاوية $\overline{ول}$ بالشكل المتقدم وزاويتا $\overline{ال}$ $\overline{دم}$ متساويتان فخط $\overline{اب}$ يوازي خط $\overline{حد}$ بالشكل السابع والعشرين وذلك ما اردنا ان نبين $\frac{لا}{لا}$

لنا ان نخرج من اي نقطة في سطح خطا موازيا لخط مستقيم مفروض في ذلك السطح مباين للنقطة المفروضة

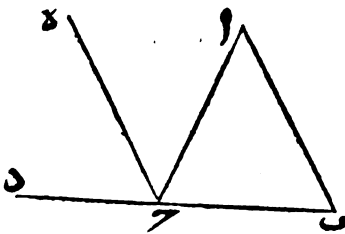


ليكن النقطة $\overline{ا}$ والخط $\overline{ب-ح}$ فاقول لنا ان نخرج من نقطة $\overline{ا}$ خطا موازيا لخط $\overline{ب-ح}$ برهانه نرسم علي خط

$\overline{ب-ح}$ نقطة كيف انفق ونصل بينها وبين نقطة $\overline{ا}$ بخط مستقيم ونعمل علي نقطة $\overline{ا}$ من خط $\overline{اد}$ زاوية $\overline{ادب}$ بالشكل الثالث والعشرين ونخرج $\overline{ا}$ في جهة $\overline{ا}$ علي استقامته الي حيث شينا فليكنه $\overline{ا-ه}$ فلان زاوية $\overline{ادب}$ كزاوية $\overline{ادب}$ فخط $\overline{ه-ر}$ موازي $\overline{ب-ح}$ بالشكل السابع والعشرين وذلك ما اردنا ان نبين $\frac{لا}{لا}$

ب

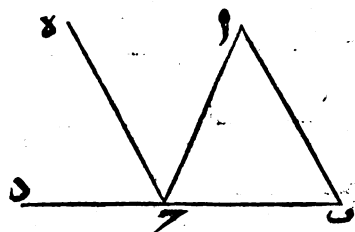
كل مثلث مستقيم الاضلاع اخرج من احدي اضلاعه خط فالزاوية الخارجة تساوي مجموع الزاويتين الداخلتين المقابلتين لها وان الزوايا الثلاث من اي مثلث مساوية لقائمتين $\frac{لا}{لا}$



لنخرج ضلع $\overline{ب-ح}$ من مثلث $\overline{اب-د}$ الي $\overline{د}$ علي استقامته فاقول ان زاوية $\overline{احد}$ كمجموع زاويتي $\overline{اب-ح}$ $\overline{ب-د}$ وان هاتين الزاويتين مع زاوية $\overline{احب}$ كقائمتين برهانه نخرج من نقطة $\overline{ح}$ خط $\overline{ح-ه}$

يوازي $\overline{اب}$ بالشكل المتقدم فلان زاوية $\overline{احه}$ كزاوية $\overline{احب}$ وزاوية $\overline{احد}$

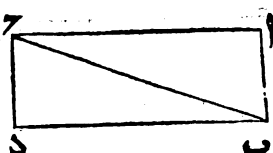
كزاوية $\overline{أ ب ح}$ بالتاسع والعشرين فزاوية
 $\overline{أ ح د}$ كزاويتي $\overline{أ ب ح}$ $\overline{ب أ ح}$ ولان زاويتي
 $\overline{أ ب ح}$ $\overline{أ ح د}$ كقائمتين بالشكل الثالث عشر
 فزاوية $\overline{أ ح د}$ كزاويتي $\overline{أ ب ح}$ $\overline{ب أ ح}$ فهما
 مع زاوية $\overline{أ ب ح}$ كقائمتين فالحكم ثابت



وذلك ما اردنا ان نبين

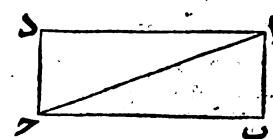
جميع الخطوط المستقيمة المتقابلة الواقعة بين
 اطراف الخطوط المتوازية المتساوية ومتوازية

ولنصل بين اطراف خطي $\overline{أ ب}$ $\overline{ح د}$ المتوازيين
 المتساويين خطا $\overline{أ د}$ فاقول انهما متوازيان
 متساويان برهانه انا نصل بين نقطتي $\overline{ب ح}$
 بخط مستقيم فلان زاويتي $\overline{أ ب ح}$ $\overline{ب ح د}$ من



مثلثي $\overline{أ ب ح}$ $\overline{أ ح د}$ متساويتان بالشكل التاسع والعشرين لتوازي ضلعي
 $\overline{أ ب}$ $\overline{أ ح}$ وضلعا $\overline{أ ب}$ $\overline{أ ح}$ متساويان وضلع $\overline{ب ح}$ مشترك فبالشكل
 الرابع ضلع $\overline{أ ح}$ كضلع $\overline{ب د}$ فزاوية $\overline{أ ب ح}$ كزاوية $\overline{أ ح د}$ فبالشكل التاسع
 والعشرين $\overline{أ ب}$ يوازي $\overline{ب د}$ فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين

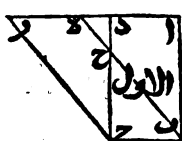
كل ضلعين متقابلين والزائتين المتقابلتين
 من اي السطوح المتوازية الاضلاع متساويان
 واقطارها تنصفها



ليكن $\overline{أ ب ح د}$ متوازي الاضلاع فاقول كلا من ضلعي
 $\overline{أ ب}$ $\overline{أ ح}$ المتقابلين متساويان وكلا من زاويتي $\overline{أ ب د}$ $\overline{أ ح د}$
 $\overline{أ ب ح}$ $\overline{أ ح د}$ المتقابلتين متساويتين برهانه نصل $\overline{أ ح}$ بخط
 مستقيم فلان زاويتي $\overline{أ ب ح}$ $\overline{أ ح د}$ متساويتان زاويتا $\overline{أ ب ح}$ $\overline{أ ح د}$ من مثلث
 $\overline{أ ب ح}$ كل لنظيرتها بالشكل التاسع والعشرين وضلع $\overline{أ ح}$ مشترك فبالشكل
 السادس والعشرين الاضلاع والزوايا الباقية المناظرة متساوية
 فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين

جميع السطوح المتوازية الاضلاع الكائنة على

١
٤
٥
٦
٧
٨
٩
١٠
١١
١٢
١٣
١٤
١٥
١٦
١٧
١٨
١٩
٢٠
٢١
٢٢
٢٣
٢٤
٢٥
٢٦
٢٧
٢٨
٢٩
٣٠
٣١
٣٢
٣٣
٣٤
٣٥
٣٦
٣٧
٣٨
٣٩
٤٠
٤١
٤٢
٤٣
٤٤
٤٥
٤٦
٤٧
٤٨
٤٩
٥٠
٥١
٥٢
٥٣
٥٤
٥٥
٥٦
٥٧
٥٨
٥٩
٦٠
٦١
٦٢
٦٣
٦٤
٦٥
٦٦
٦٧
٦٨
٦٩
٧٠
٧١
٧٢
٧٣
٧٤
٧٥
٧٦
٧٧
٧٨
٧٩
٨٠
٨١
٨٢
٨٣
٨٤
٨٥
٨٦
٨٧
٨٨
٨٩
٩٠
٩١
٩٢
٩٣
٩٤
٩٥
٩٦
٩٧
٩٨
٩٩
١٠٠



لَبِڪُن سَطْحًا اَبَدًا بَدْرًا مَتَوَارِيَا
الْاَضْلَاعُ كَانِيْنٍ عَلٰى قَاعِدَةٍ بَدْرًا فِى جِهَةِ

ولهذا الشكل اختلاف وقوع فان نقطة e يمكن ان يقع بين نقطتي d و a و علي نقطة d او فيما بين

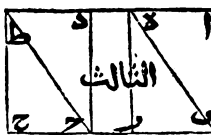
جميع السطوح المتوازية الاضلاع الكائنة على

متوازنين بعينها متساوية



علي قاعدتي بـ حـ مـ حـ المتساويتين فاقول انهما

لتوازي خط ب ح لوقوعهما



بين خطي ϵ و $\bar{\epsilon}$ المتوازيين
المتساويين بالشكل الثالث
والثلثين فلان كلامنا سطحي $\bar{\epsilon}$

ح ۱۰ یساوی سطح بط فہما متساویان و ذک ما اردنا ان نبین ۱۰

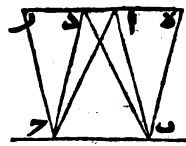
ولهذا الشكل اختلاف وقوع فان نقطة \bar{e} اما ان تقع بين نقطتي \bar{d} و \bar{r} او على نقطة \bar{d} او فيما بين نقطتي \bar{a} و \bar{d} هكذا والبيان كالاول والباقي ظاهر منه

كر

جميع المثلثات الكائنة على قاعدة واحدة في جهة

واحدة وبين خطين متوازيين بعينها متساوية

ليكن مثلثا $\bar{a}\bar{b}\bar{c}$ و $\bar{d}\bar{e}\bar{f}$ على قاعدة $\bar{b}\bar{c}$ وبين خطي $\bar{a}\bar{d}$ و $\bar{b}\bar{e}$ المتوازيين فاقول انهما متساويان برهانه نخرج من نقطتي \bar{b} و \bar{c} خط $\bar{b}\bar{e}$ موازيا لخط $\bar{a}\bar{d}$ وخط $\bar{c}\bar{f}$ متوازيا لـ $\bar{b}\bar{d}$ بالشكل الواحد والثلاثين



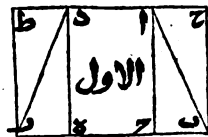
ونخرجهما في جهة \bar{e} و \bar{r} على استقامتهما ونخرج $\bar{a}\bar{d}$ على استقامته في جهته الى نقطتي \bar{e} و \bar{r} فلان زاوية $\bar{e}\bar{a}\bar{b}$ مع الزاوية المجاورة لزاوية $\bar{a}\bar{b}\bar{c}$ كقائمتين بالشكل التاسع والعشرين لموازية $\bar{a}\bar{d}$ و $\bar{b}\bar{e}$ فزاوية $\bar{a}\bar{b}\bar{e}$ و $\bar{b}\bar{e}\bar{r}$ اقل من قائمتين فخط $\bar{a}\bar{d}$ يتلاقحان فليبتقبا على نقطه \bar{e} ومثله تبين التقاء $\bar{a}\bar{d}$ و $\bar{c}\bar{f}$ على نقطة \bar{r} فسطحا $\bar{a}\bar{b}\bar{c}$ و $\bar{d}\bar{e}\bar{f}$ المتوازي الاضلاع متساويان بالشكل الخامس والثلاثين وهما منصفان بخطي $\bar{a}\bar{d}$ و $\bar{b}\bar{e}$ بالشكل الرابع والثلاثين فسطح $\bar{a}\bar{b}\bar{c}$ ضعف مثلث $\bar{a}\bar{b}\bar{e}$ وسطح $\bar{b}\bar{e}\bar{r}$ ضعف مثلث $\bar{d}\bar{e}\bar{r}$ والسطحان متساويان فمثلثا $\bar{a}\bar{b}\bar{c}$ و $\bar{d}\bar{e}\bar{f}$ متساويان وذلك ما اردنا ان نبين

لح

جميع المثلثات الكائنة على قواعد متساوية في جهة

واحدة وبين خطين متوازيين بعينها متساوية

ليكن مثلثا $\bar{a}\bar{b}\bar{c}$ و $\bar{d}\bar{e}\bar{f}$ على قاعدتي $\bar{b}\bar{c}$ و $\bar{e}\bar{f}$ من خط $\bar{b}\bar{e}$ المتساويين وبين خطي $\bar{a}\bar{d}$ و $\bar{b}\bar{e}$ المتوازيين فاقول انهما متساويان برهانه نخرج من نقطتي \bar{b} و \bar{c} في جهة $\bar{a}\bar{d}$ خط $\bar{b}\bar{e}$ موازيا لـ $\bar{a}\bar{d}$ وخط $\bar{c}\bar{f}$ موازيا لـ $\bar{b}\bar{d}$ بالشكل الاول



لضلع $\bar{d}\bar{e}$ بالشكل الواحد والثلاثين ونخرجهما على استقامتهما ونخرج $\bar{a}\bar{d}$ على استقامته في جهته الى نقطتي \bar{e} و \bar{r} فلان زاوية $\bar{e}\bar{a}\bar{b}$ مع زاوية $\bar{a}\bar{b}\bar{c}$ المجاورة لزاوية $\bar{a}\bar{b}\bar{c}$ كقائمتين بالشكل التاسع والعشرين فزاوية $\bar{a}\bar{b}\bar{e}$ و $\bar{b}\bar{e}\bar{r}$ اقل من قائمتين فخط $\bar{a}\bar{d}$ يتلاقحان فليبتقبا على نقطة \bar{e} ومثله تبين ان خطي $\bar{a}\bar{d}$ و $\bar{b}\bar{e}$ اذا اخرجا على استقامتهما في جهة \bar{e} يتلاقحان فليبتقبا على نقطة \bar{e} فسطحا $\bar{a}\bar{b}\bar{c}$ و $\bar{d}\bar{e}\bar{f}$ المتوازي الاضلاع متساويان بالشكل السادس



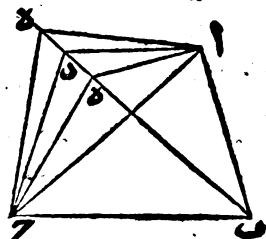
السادس



السادس والثلاثين وهما ضعفا مثلثي $\overline{أ ب ح}$ دور بالشكل الرابع والثلاثين فهما متساويان وذلك ما اردنا ان نبين ولهذا الشكل اختلاف وقوع فان نقطة $هـ$ يمكن ان يقع بين نقطتي $ح$ $ر$ او علي نقطة $ح$ او بين نقطتي $ب$ $ح$

وهكذا والاول ببناء والباقي ظاهر من
لظ

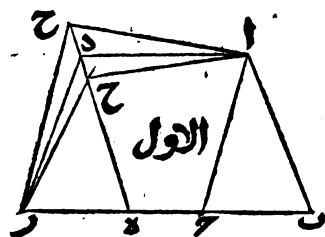
جميع المثلثات المتساوية الكاينة علي قاعدة واحدة في جهة واحدة كاينة بين خطين متوازيين بعينهما



ليكن مثلثا $\overline{أ ب ح}$ $\overline{د ب ح}$ الكاينان علي قاعدة $\overline{ب ح}$ في جهة $\overline{أ د}$ متساويين فاقول انهما بين خطين متوازيين بعينهما برهانه نصل بين نقطتي $أ د$ بخط مستقيم فهو مواز لقاعدة $\overline{ب ح}$ والا لكان المتوازي لها خط $\overline{أ هـ}$ المنتهي

الي خط $\overline{ب د}$ لكون زاويتي $\overline{أ ب د}$ $\overline{أ ب ح}$ من قائمتين ان مجموع زاويتي $\overline{أ ب ح}$ $\overline{أ ب د}$ كقائمتين بالشكل التاسع والعشرين فلينته علي نقطة $هـ$ فنصل بين نقطتي $ح$ $هـ$ بخط مستقيم فثلث $\overline{ب ح هـ}$ كمثلث $\overline{أ ب ح}$ بالشكل السابع والثلاثين وكان مثلث $\overline{ب د ح}$ مساويا لمثلث $\overline{أ ب ح}$ فثلث $\overline{ب ح هـ}$ يساوي مثلث $\overline{د ب ح}$ فالجزء مثل الكل وذلك ما اردنا ان نبين
ولهذا الشكل اختلاف وقوع فان نقطة $هـ$ اما ان تقع بين نقطتي $ب$ $د$ او خارجا عنهما في جهة $د$ والبيان في الكل واحدا

جميع المثلثات المتساوية الكاينة علي قواعد متساوية من خط بعينه في جهة واحدة فهي بين خطين متوازيين بعينهما

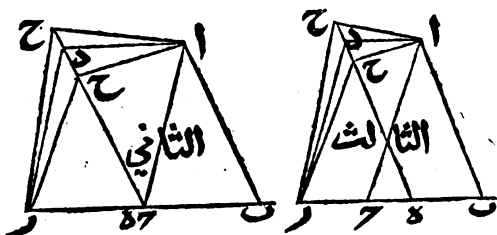


خطين متوازيين بعينهما

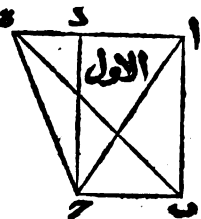
ليكن مثلثا $\overline{أ ب ح}$ $\overline{د ب ح}$ دور علي قاعدتي $\overline{ب ح}$ $\overline{د ب ح}$ برهانه نصل بين نقطتي $أ د$ بخط مستقيم فاقول انهما بين خطين متوازيين

انه مواز لخط $\overline{ب ر}$ والا لكان الموازي له خط $\overline{أ ح}$ المنتهي الي خط $\overline{د هـ}$ وعلي نقطة $ح$ ونصل $\overline{ح ر}$ بخط مستقيم فثلث $\overline{ب ح ر}$ كمثلث $\overline{أ ب ح}$ بالشكل الثامن والثلاثين وكان مثلث $\overline{د ب ح}$ مساويا له فيكون مثلث $\overline{ب ح ر}$ كمثلث

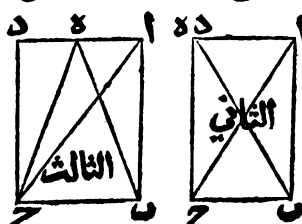
دور حجر الشيء يساوي كله هذا خلف فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان
نبين ولهذا الشكل اختلاف
وقوع فان نقطة ح اما ان يقع
بين نقطتي د ر او خارجا
عنهما في جهة د مع وقوع
نقطة د بين نقطتي ح ر او
علي نقطة ح او بين نقطتي ب ح هكذا والبيان في الكل واحد



جميع السطوح المتوازية الاضلاع والمثلثات الكائنة
على قاعدة واحدة في جهة واحدة وبين خطين
متوازيين بعينهما فان اي سطح هو ضعف اي
مثلث من تلك المثلثات



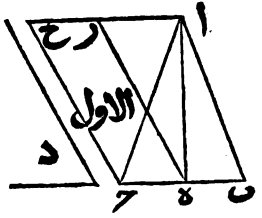
ليكن سطح ا ب ح د المتوازي الاضلاع ومثلث د ب ح
علي قاعدة ب ح وبين خطي ب ح آ د المتوازيين
فاقول ان سطح ا ح ضعف مثلث ب ح د برهانه
نصل بين نقطتي ا ح بخط مستقيم فنلثا ا ب ح د متساويان بالشكل
السابع والثلاثين و سطح ا ب ح د ضعف مثلث ا ب ح بالشكل الرابع
والثلاثين فهو ضعف مثلث ب ح د وذلك ما
اردنا ان نبين ولهذا الشكل اختلاف
وقوع فان نقطة د اما ان تقع خارجا عن
نقطتي آ د او علي احدهما او فيما بينهما
هكذا والبيان في الكل واحد



لنا ان نرسم سطح متوازي الاضلاع يساوي مثلث
مستقيم الاضلاع المفروض وتكون زاوية من زوايا
السطح كزاوية مفروضة مستقيم الخطين

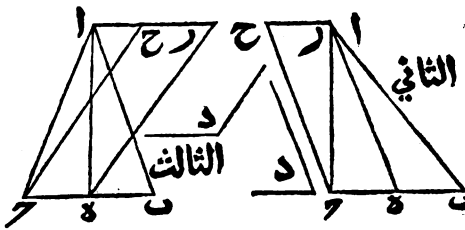
ليكن المثلث ا ب ح والزاوية د فننصف ب ح علي نقطة د بالشكل
العاشر ونصل بين نقطتي ا د بخط مستقيم ونرسم علي نقطة د من خط

د زاوية د زاوية د المفروضة بالشكل الثالث والعشرين ونخرج
من نقطة د خط د ح في جهة آ يوازي د ومن نقطة آ خط آ ح في
جهة ح يوازي ب بالشكل الواحد والثلاثين



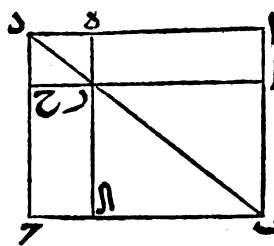
فلان زاوية ح آ د مع الزاوية المجاورة لزاوية
أ ب ك قائمتين بالشكل التاسع والعشرين فزاويتا
ح آ د أقل من قائمتين فخطي آ ح د
يتلاقيان اذا اخرجنا علي استقامتهما في جهة ح

فلينلاقيا علي نقطة ح ولنقطع خط آ ح علي نقطة ر لان زاويتي
ح آ د هـ ك قائمتين بالشكل التاسع والعشرين فاقول ان سطح د ح ك مثلث
أ ب ر هـ انه فلان مثلثي أ ب هـ د هـ متساويان بالشكل الثامن والثلاثين
فمثلث أ ب د ضعف مثلث أ هـ د وسطح د ح ك ضعف مثلث أ هـ د بالشكل
المتقدم فسطح د ح ك مثلث أ ب د



وزاوية د هـ ك زاوية د فالحكم
ثابت وذلك ما اردنا ان نبين
ولهذا الشكل اختلاف وقوع
فان ضلع د هـ اما ان يقع بين
ضلعي أ هـ د او ينطبق علي ضلع أ هـ او يقطع أ ب هكذا والبرهان
في الكل واحد

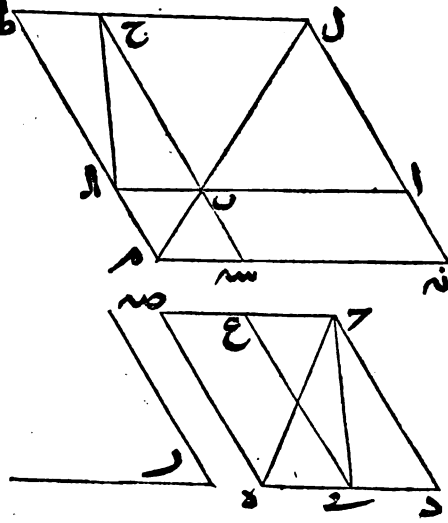
كل سطحين متوازي الاضلاع يقعان في سطح
متوازي الاضلاع عن جنبتَي قطره يشاركانه في
زاويتين ويتصلان علي نقطة من القطرفهما متساويان



ليكن سطحا أ هـ ر ط ح ر ا د المتوازي الاضلاع
يقعان في سطح أ ب د المتوازي الاضلاع ط
ويشاركانه في زاويتي ب أ د ب د ويتصلان علي
نقطة ر من قطر ب د فاقول انهما متساويان
برهانه فلان مثلثي ب أ د ب د متساويان

وكذلك مثلثا ب ط ر ب ا د ومثلثا د هـ ر د ح ر بالشكل الرابع والثلاثين
فاذا اتينا مثلثي د هـ ر ب ط ر من مثلث ب أ د ومثلثي ب ا د ر د ح ر من
مثلث د ح ر يبقى سطح أ ر ك سطح ر د وذلك ما اردنا ان نبين
ويقال لسطحي أ ر ر المممان ولاي واحد منهما مقيم
مد

لنا ان نرسم علي كل خط مستقيم محدود سطحا
متوازي الاضلاع يساوي مثلثا مفروضا واحدي
زاويا كزاوية مفروضة



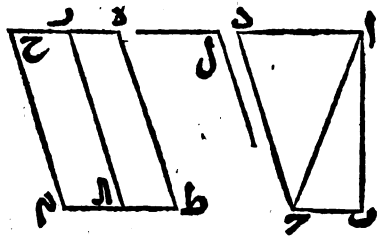
ليكن الخط المفروض \overline{AB} و
المثلث المفروض $\triangle ABC$ والزاوية
المفروضة عليها نقطة Γ فاقول
لنا ان نرسم علي خط \overline{AB} سطحا
متوازي الاضلاع يساوي مثلث
 $\triangle DEF$ ويساوي احدي زواياه
زاوية Γ برهانه نصف ضلع
 \overline{DE} علي نقطة Γ ونصل Γ بـ
بخط مستقيم ونرسم علي خط

\overline{DE} سطح $\triangle DEF$ المتوازي الاضلاع يساوي مثلث $\triangle ABC$ وتكون
زاوية $\angle E$ منه كزاوية $\angle B$ بالشكل الثاني والاربعين ونخرج \overline{AB} في
جهة \overline{B} علي استقامته الي غير النهاية ونرسم علي نقطة \overline{B} من الخط
المخرج زاوية $\angle ABC$ كزاوية $\angle E$ بالشكل الثالث والعشرين ونفصل
من \overline{B} خطا كخط \overline{DE} وليكن $\overline{B\Gamma}$ ونفصل $\overline{B\Gamma}$ كخط \overline{DE} بالشكل
الثالث ونخرج من نقطتي Γ \overline{AC} خطي \overline{AC} \overline{AD} في جهة \overline{B} من خط
 \overline{AB} موازي لخطي $\overline{B\Gamma}$ $\overline{B\Gamma}$ بالشكل الواحد والثلاثين فلانا اذا وصلنا
بين نقطتي Γ \overline{AC} بخط مستقيم كانت الزاوية المجاورة لزاوية $\angle ABC$ مع
زاوية $\angle ACB$ كقائمتين بالشكل التاسع والعشرين فزاويتي $\angle ACB$ $\angle ACB$
اقل من قائمتين فخطا \overline{AC} \overline{AD} يتلاقيان فليتلقيا علي نقطة Γ فسطح
 $\triangle ABC$ يساوي سطح $\triangle DEF$ ويبين ذلك بانطباق واحداهما علي الاخر بحيث
ينطبق خط \overline{DE} علي خط $\overline{B\Gamma}$ ونقطة \overline{E} علي نقطة \overline{B} ونقطة \overline{D} علي
نقطة \overline{A} فتنطبق ضلع \overline{DE} علي ضلع $\overline{B\Gamma}$ لتساوي زاويتي $\angle E$ $\angle B$
 $\angle ABC$ فتنطبق نقطة \overline{E} علي نقطة \overline{B} لتساوي خطي \overline{DE} $\overline{B\Gamma}$
فبنطبق ضلع \overline{DE} علي ضلع \overline{AC} لتساوي زاويتي $\angle D$ $\angle C$
فبنطبق ضلع \overline{DE} علي ضلع \overline{AD} لان كل واحدة من زاويتي $\angle D$ $\angle C$
 $\angle ABC$ $\angle ACB$ كقائمتين بالشكل التاسع والعشرين وزاوية $\angle E$ $\angle B$
كزاوية $\angle B$ فتنطبق نقطة \overline{D} علي نقطة \overline{A} لتساوي ضلعي \overline{AD} \overline{AC}
 \overline{DE} فبنطبق ضلع \overline{DE} علي ضلع \overline{AC} والا يلزم خطين مستقيمين
بسطح هذا خلف ونخرج خط \overline{AC} في جهة \overline{B} علي استقامته الي غير
النهاية

النهاية ونفصل منه $\overline{ح ل}$ يساوي $\overline{أ ب}$ بالشكل الثالث ونصل بين نقطتي $\overline{ل ب}$ بخط مستقيم ونصل بين نقطتي $\overline{آ ل}$ بخط مستقيم فهو مواز لخط $\overline{ال ط}$ بالشكل الثالث والثلاثين فزاويتا $\overline{ال ط}$ $\overline{ال ط ل}$ كقائمتين بالشكل التاسع والعشرين فزاويتا $\overline{ال ط ل}$ $\overline{ب ل ط}$ اقل من قائمتين فاذا اخرجنا خطي $\overline{ل ب}$ $\overline{ال ط}$ الى جهة $\overline{ب ل}$ فانهما يتلاقيان فليبتل قبا على نقطة $\overline{م}$ ونخرج منها خط $\overline{م ن}$ موازيا لخط $\overline{ل ط}$ بالشكل الواحد والثلاثين فلان زاوية المجاورة لزاوية $\overline{م ل ط}$ مع زاوية $\overline{ل م ن}$ كقائمتين بالشكل التاسع والعشرين فزاويتا $\overline{ال م ل م}$ $\overline{ل م ن}$ اقل من قائمتين فاذا اخرجنا خطا $\overline{ل م}$ $\overline{م ن}$ الى جهة $\overline{ن م}$ فهما يتلاقيان فليبتل قبا على نقطة $\overline{ن}$ ونخرج $\overline{ب ح}$ الى جهة $\overline{ب ع}$ على استقامته الى ان ينتهي الى خط $\overline{م ن}$ فليبتل الى نقطة $\overline{س ه}$ فلان $\overline{م م م}$ $\overline{س ه م}$ $\overline{ح ل}$ بالشكل المتقدم وسط $\overline{ع ه}$ كسطح $\overline{ح ل}$ فقيم $\overline{اس ه}$ كسطح $\overline{ع ه}$ وكان مثلث $\overline{ح د ه}$ كسطح $\overline{ع ه}$ فقيم $\overline{اس ه}$ كمثلث $\overline{ح د ه}$ وزاوية $\overline{أ ب س ه}$ من مقيم $\overline{اس ه}$ كزاوية $\overline{ح ب ل}$ بالشكل الخامس عشر وكانت زاوية $\overline{ر ك زاوية ح ب ل}$ فزاوية $\overline{أ ب س ه}$ كزاوية $\overline{ر ف}$ بالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين و واستبان منه انه اذا كان سطح كثير الاضلاع المستقيم فان لنا ان نرسم على خط مستقيم محدود سطحا متوازيا لاضلاع يساويه وتكون احدي زواياه كزاوية مفروضة لان كثير الاضلاع اذا كان ذا اربعة اضلاع ينقسم الى مثلثين واذا كان ذا خمسة اضلاع فالي ثلث مثلثات وان كان ذا ستة اضلاع فالي اربعة مثلثات وعلي هذا النسق ينقص اعداد المثلثات عن اعداد الاضلاع بعددين ثم اقول

مد

لنا ان نرسم على كل خط مستقيم مفروض محدود سطحا تكون متوازي الاضلاع المستقيمة يساوي سطحا مفروضا مستقيم الاضلاع ويساوي احدي



زواياه زاوية مفروضة و

ليكن السطح المفروض $\overline{أ ب ح د}$ والزاوية المفروضة $\overline{ل}$ والخط المفروض $\overline{ط}$ فاقول لنا ان نرسم

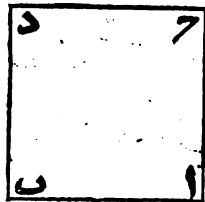
على خط $\overline{ط ط}$ سطحا متوازيا لاضلاع يساوي سطح $\overline{أ ب ح د}$ واحدي زواياه كزاوية $\overline{ل}$ برهانه نصل بين نقطتي $\overline{آ ح}$ بخط مستقيم ونرسم على $\overline{ط ط}$ $\overline{ط ل}$ المتوازي الاضلاع يساوي مثلث $\overline{أ ب ح}$ وزاوية

ر هـ ط منه كزاوية ل بالشكل المتقدم ونرسم علي ر ل المساوي لخط هـ ط
بالشكل الرابع والثلاثين سطح ر ل م ح المتوازي الاضلاع مساويا لثلث
ا ح د وزاوية ح ر ل منه كزاوية ر هـ ط بالشكل المتقدم فلان زاويتي ر هـ ط
هـ ر ل كقائمتين بالشكل التاسع والعشرين وزاوية ح ر ل كزاوية ر هـ ط
فزاويتا هـ ر ل ح ر ل كقائمتين فخط هـ م ح خط مستقيم بالشكل الرابع عشر
فزاوية ح ر ل كزاوية ر ل ط بالشكل التاسع والعشرين وبهذا الشكل
ايضا ح ر ل مع زاوية ر ل م كقائمتين فزاويتا ر ل ط ر ل م كقائمتين فخط
ط ل م خط مستقيم بالشكل الرابع عشر ولان سطح هـ ل كثلث ا ب ح فسطح
هـ م كسطح ا ح وزاوية ح هـ ط كزاوية ل وضلعا هـ ط ح م موازيان ضلع
ر ل فهما متوازيان فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين
وهذا الشكل لم يذكره الحجاج في كتابه وقد وجد في نسخة ثابت
والحق انه لا يحتاج اليه بعد الشكل المتقدم وذلك لان طريقة اقليدس
في كتابه هذا انه اذا كان شكل او مقدمة شكل يستبين من الاشكال
المتقدمة لم يجعله شكلا من اشكال كتابه ولا نخرج المقدمة من القوة الي
الفعل بل لم يذكر شيئا منها اعتمادا علي اذهان من يحاول حل كتابه
هذا لانه يتكلم علي الاصول اذ هي مضبوطة والفروع لانهاية لها وانا
اسقطته ايضا من اصل الكتاب وجعلته استبانة من الشكل المتقدم
وان كنت ذكرته بالفعل لان طريقي في هذا الكتاب تقتضي ذلك

مو

لنا ان نعمل علي كل خط مستقيم محدود مربعاً

فلينكن الخط ا ب فخرج من نقطة آ عليه عمود ا ح
باستبانة الشكل الحادي عشر ونفصل منه خط ا ح
نخط ا ب بالشكل الثالث ونخرج من نقطتي ب ح في
جهة زاوية ح ا ب خطين موازيين لخطي ا ح ا ب
كل لنظيره بالشكل الواحد والثلاثين فهما يتلاقيان



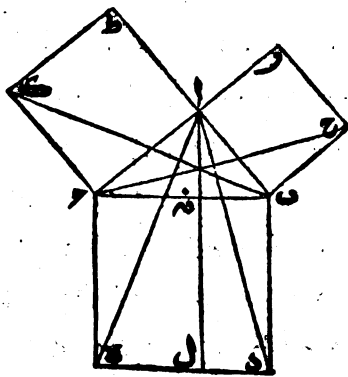
لانا اذا وصلنا بين نقطتي ب ح بخط مستقيم كانت زاوية د ح ب مع
الزاوية المجاورة لزاوية ا ب ح كقائمتين بالشكل التاسع والعشرين فزاويتا
د ح ب د ب ح اقل من قائمتين فليلتقيا علي نقطة د فلان زاوية ح ا ب
قائمة فكل واحدة من زاويتي ا ب د ب د قائمة بالشكل التاسع والعشرين
والاضلاع المتقابلة من سطح ا د متساوية بالشكل التاسع والثلاثين فالحكم
ثابت وذلك ما اردنا ان نبين

مز

كل مثلث قائم الزاوية فان مربع وترها يساوي

مجموع

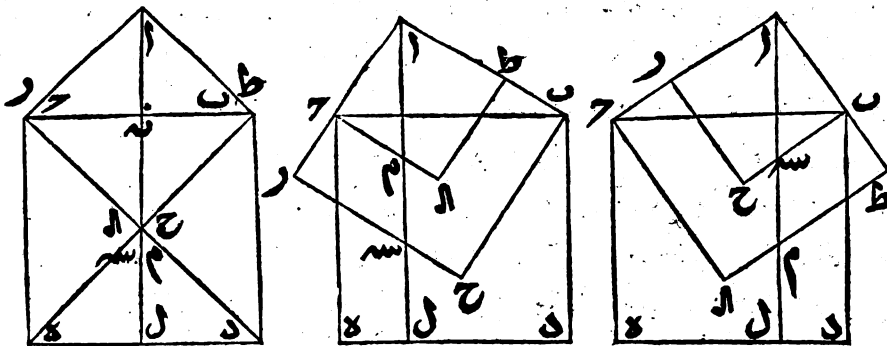
مجموع مربعي الضلعين المحيطين بها



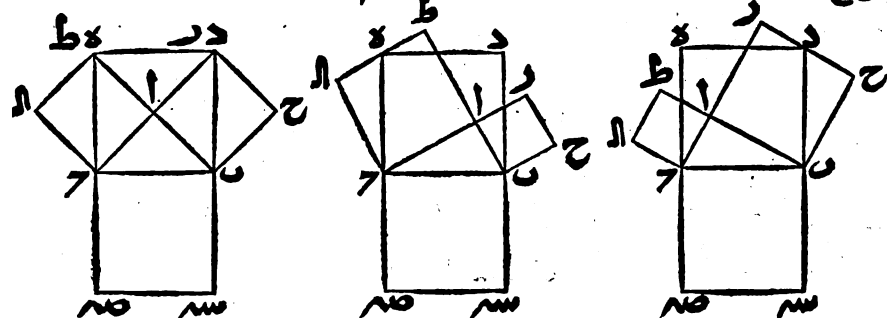
ليكن الزاوية $\overline{ب\alpha\gamma}$ من مثلث $\overline{أب\gamma}$
 قائمة فاقول ان مربع $\overline{ب\gamma}$ يساوي مجموع
 مربعي $\overline{أ\gamma}$ $\overline{أ\beta}$ برهانه نريه على اضلاع
 مثلث $\overline{أب\gamma}$ مربعات $\overline{ب\delta\gamma}$ $\overline{أ\delta\gamma}$
 $\overline{أ\beta\gamma}$ بالشكل المتقدم ونخرج من نقطة α
 خط $\overline{أ\lambda}$ موازيا لخط $\overline{ب\delta}$ بالشكل الواحد
 والثلاثين فلان زاويتي $\overline{أ\beta\delta}$ $\overline{أ\lambda\gamma}$ كفايتين
 بالشكل التاسع والعشرين وزاوية $\overline{أ\beta\delta}$
 اعظم من قائمة فزاوية $\overline{ب\alpha\gamma}$ اصغر منها

فخط $\overline{أ\lambda}$ يقطع خط $\overline{ب\gamma}$ اذا اخرجناه على استقامته في تلك الجهة
 الى غير النهاية فليقع خط $\overline{ب\gamma}$ على نقطة η ولينته الى خط $\overline{أ\delta}$ على
 نقطة ι ونصل بين كل واحدة من نقطتي α η ι γ δ β بخط مستقيم
 فلان كل واحدة من زوايا $\overline{أ\beta\gamma}$ $\overline{أ\delta\gamma}$ قائمة فخط $\overline{أ\lambda}$ خط
 مستقيم وكذلك $\overline{أ\beta}$ $\overline{أ\gamma}$ بالشكل الرابع عشر ولان كل واحدة من زاويتي
 $\overline{أ\beta\gamma}$ $\overline{أ\delta\gamma}$ قائمة فخط $\overline{أ\lambda}$ يوازي خط $\overline{ب\gamma}$ ولان كل واحدة من زاويتي
 $\overline{أ\beta\gamma}$ $\overline{أ\delta\gamma}$ قائمة فخط $\overline{أ\lambda}$ يوازي $\overline{أ\delta}$ بالشكل الثامن والعشرين واذا
 اخذنا زاوية $\overline{أ\beta\gamma}$ مع كل واحدة من زاويتي $\overline{أ\beta\delta}$ $\overline{أ\delta\gamma}$ يكون زاوية
 $\overline{أ\beta\delta}$ $\overline{أ\delta\gamma}$ $\overline{أ\beta\gamma}$ من مثلي $\overline{أ\beta\gamma}$ وطلعا $\overline{أ\beta}$ $\overline{أ\gamma}$ كضلعي $\overline{أ\beta\gamma}$
 $\overline{أ\beta}$ فبالشكل الرابع مثلث $\overline{أ\beta\delta}$ مثلث $\overline{أ\delta\gamma}$ $\overline{أ\beta\gamma}$ لكن سطح $\overline{أ\beta\delta}$ المتوازي
 الاضلاع ضعف مثلث $\overline{أ\beta\delta}$ ومربع $\overline{أ\gamma}$ ضعف مثلث $\overline{أ\delta\gamma}$ $\overline{أ\beta\gamma}$ بالشكل
 الواحد والاربعين فربع $\overline{أ\beta}$ كسطح $\overline{أ\beta\delta}$ ولان كل واحدة من زاويتي
 $\overline{أ\beta\gamma}$ $\overline{أ\delta\gamma}$ قائمة فمناخذ زاوية $\overline{أ\beta\gamma}$ مع كل واحدة منها فتكون زاويتا
 $\overline{أ\beta\delta}$ $\overline{أ\delta\gamma}$ متساويتين والاضلاع المحيطة بهما متساوية على التناظر
 فبالشكل الرابع مثلث $\overline{أ\beta\delta}$ $\overline{أ\delta\gamma}$ $\overline{أ\beta\gamma}$ لكن مربع $\overline{أ\gamma}$ ضعف مثلث
 $\overline{أ\beta\delta}$ ووسط $\overline{أ\gamma}$ ضعف مثلث $\overline{أ\delta\gamma}$ $\overline{أ\beta\gamma}$ بالشكل الواحد والاربعين فربع
 $\overline{أ\gamma}$ كسطح $\overline{أ\delta\gamma}$ فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين
 ولهذا الشكل اختلاف وقوع فان مربع $\overline{ب\gamma}$ اما ان يقع في جهة القاعدة
 من زاوية $\overline{أ\beta\gamma}$ او ينطبق على مثلث $\overline{أ\beta\gamma}$ وعلى التقديرين فربعا
 $\overline{أ\beta}$ $\overline{أ\gamma}$ اما ان يقع غير منطبقين على مثلث $\overline{أ\beta\gamma}$ او منطبقين عليه او
 يقع مربع $\overline{أ\gamma}$ منطبقا عليه ومربع $\overline{أ\beta}$ غير منطبق او بالعكس وهذه
 ثمانية اوجه اما الاول فقد ببناء وله ثلاثة اوضاع بحسب ضلعي $\overline{أ\beta}$ $\overline{أ\gamma}$
 بالتساوي والصغر والكبر وذلك ظاهر واما الثاني فضلع $\overline{أ\gamma}$ اما ان يكون
 مساويا لضلع $\overline{أ\beta}$ او اعظم او اصغر منه فنقطة η اما ان ينطبق على

نقطة \bar{c} او يقع خارجا عن نقطتي \bar{a} و \bar{b} وفيما بينهما وكذلك نقول في ضلعي $\bar{a}\bar{b}$ ونقطة \bar{p} فنصل بين كل واحدة من نقطتي $\bar{d}\bar{c}$ و \bar{e} بخط مستقيم في الصور الثلاث فلان كل واحدة من زوايا $\bar{a}\bar{b}\bar{c}$ و $\bar{b}\bar{c}\bar{d}$ و $\bar{c}\bar{d}\bar{e}$ قائمة فنلقي زاوية $\bar{b}\bar{c}\bar{d}$ من زاويتي $\bar{a}\bar{b}\bar{c}$ و $\bar{b}\bar{c}\bar{d}$ و زاوية $\bar{c}\bar{d}\bar{e}$ من زاويتي $\bar{b}\bar{c}\bar{d}$ و $\bar{c}\bar{d}\bar{e}$ في الصور الثلاث تبقي زاوية $\bar{a}\bar{b}\bar{c}$ كزاوية $\bar{c}\bar{d}\bar{e}$ و زاوية $\bar{a}\bar{b}\bar{c}$ كزاوية $\bar{c}\bar{d}\bar{e}$ و الاضلاع المحيطة بالاولين والاخرين متساوية على التناظر فبالشكل الرابع كل من زاويتي $\bar{b}\bar{c}\bar{d}$ و $\bar{c}\bar{d}\bar{e}$ كزاوية $\bar{a}\bar{b}\bar{c}$ فكل منهما قائمة فخط $\bar{d}\bar{c}$ مستقيم وكذلك خط $\bar{p}\bar{e}$ بالشكل الرابع عشر ولنقطع خطي $\bar{d}\bar{r}$ و $\bar{p}\bar{e}$ خط $\bar{n}\bar{l}$ على نقطتي \bar{m} و \bar{s} و ضلع $\bar{a}\bar{b}$ يوازي خط $\bar{d}\bar{r}$ و ضلع $\bar{a}\bar{c}$ يوازي خط $\bar{p}\bar{e}$ بالشكل الثامن والعشرين فبالشكل الخامس والثلاثين كل واحد من مربع $\bar{a}\bar{b}\bar{c}$ و $\bar{b}\bar{c}\bar{d}$ و $\bar{c}\bar{d}\bar{e}$ يساوي سطح $\bar{a}\bar{d}$ وكل من مربع $\bar{a}\bar{b}\bar{c}$ و $\bar{b}\bar{c}\bar{d}$ و $\bar{c}\bar{d}\bar{e}$ يساوي سطح $\bar{a}\bar{e}$ فمربع $\bar{a}\bar{b}\bar{c}$ مربعي $\bar{a}\bar{d}$ و $\bar{a}\bar{e}$ وهذه صورة

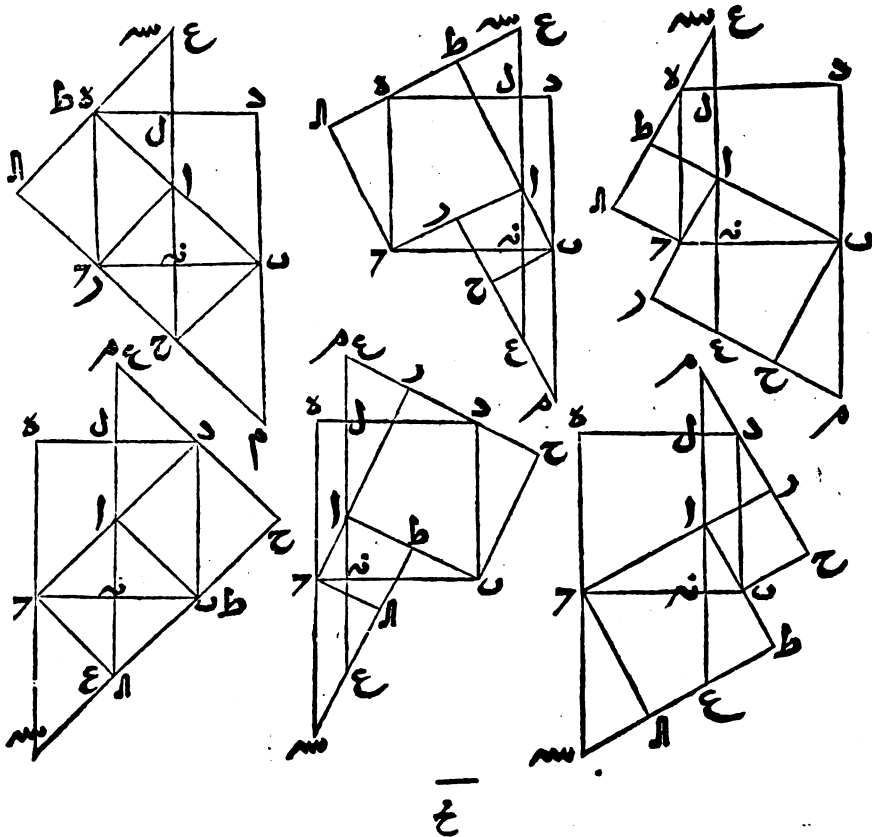


واما القسم الخامس يبين من القسم الاول لانا ان نعمل على خط $\bar{b}\bar{c}$ في جهة الاخرى من جهتيه مربعا مربع $\bar{b}\bar{c}\bar{s}\bar{m}$ يكون مربع $\bar{b}\bar{c}\bar{d}$ مساوي لمربع $\bar{b}\bar{c}\bar{s}\bar{m}$ ومربعي $\bar{a}\bar{b}\bar{c}$ و $\bar{a}\bar{d}\bar{s}\bar{m}$ مساويين لمربع $\bar{b}\bar{c}\bar{s}\bar{m}$ فمربع $\bar{b}\bar{c}\bar{d}$ يساوي مربعي $\bar{a}\bar{b}\bar{c}$ و $\bar{a}\bar{d}\bar{s}\bar{m}$ فالحكم ثابت



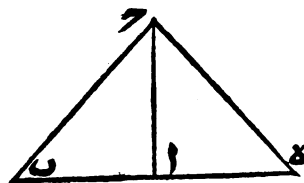
واما القسم السادس فنخرج ضلعي $\bar{b}\bar{c}$ و $\bar{c}\bar{d}$ في الصورة الاولى الى نقطتي \bar{m} و \bar{s} في جهة \bar{a} والى غير النهاية ونخرج ضلعي $\bar{d}\bar{c}$ و $\bar{e}\bar{c}$ الى نقطتي \bar{m} و \bar{s} فلان زاويتي $\bar{b}\bar{c}\bar{m}$ و $\bar{c}\bar{d}\bar{s}$ كزاويتي $\bar{a}\bar{b}\bar{c}$ و $\bar{c}\bar{d}\bar{e}$ بالشكل الثالث عشر فزاويتي $\bar{b}\bar{c}\bar{m}$ و $\bar{c}\bar{d}\bar{s}$

لِدَبْنِه ونُخْرِجْ ضِلْعَه $\overline{هـ}$ فِي جِهَةِ $\overline{ح}$ إِلَى غَيْرِ النِّهَايَةِ وَنُخْرِجْ ضِلْعَ $\overline{ط}$ إِلَى أَنْ يَلْقَى ضِلْعَ $\overline{هـ}$ عَلَى نَقْطَةِ $\overline{س}$ فَلَا نَكِلْ وَاحِدَةً مِنْ زَاوِيَتِي $\overline{أ}$ $\overline{ب}$ $\overline{ح}$ قَائِمَةً فَإِذَا اسْتَقْنَا مِنْهَا زَاوِيَةَ $\overline{ب}$ $\overline{أ}$ تَبَقِيَ زَاوِيَةُ $\overline{أ}$ $\overline{ب}$ $\overline{ح}$ كَزَاوِيَةِ $\overline{أ}$ $\overline{ب}$ $\overline{ح}$ وَزَاوِيَةُ $\overline{ب}$ $\overline{أ}$ $\overline{ح}$ تَسَاوِي زَاوِيَةَ $\overline{س}$ $\overline{أ}$ $\overline{ح}$ لِأَنَّ كُلَّ وَاحِدَةٍ مِنْهُمَا قَائِمَةٌ وَضِلْعُ $\overline{أ}$ $\overline{ح}$ كَضِلْعِ $\overline{أ}$ $\overline{ب}$ فَضِلْعُ $\overline{أ}$ $\overline{ب}$ كَضِلْعِ $\overline{أ}$ $\overline{ح}$ بِالشَّكْلِ السَّادِسِ وَالْعَشْرِينَ فَخَطَ $\overline{هـ}$ كَخَطِ $\overline{س}$ $\overline{أ}$ $\overline{ح}$ فَرُبِعُ $\overline{أ}$ $\overline{ط}$ $\overline{أ}$ $\overline{ح}$ كَشَبِيهِ بِالْمَعْنَى $\overline{أ}$ $\overline{ع}$ $\overline{س}$ $\overline{ح}$ بِالشَّكْلِ الْخَامِسِ وَالثَّلَاثِينَ وَسَطِ $\overline{ل}$ $\overline{ن}$ $\overline{هـ}$ كَشَبِيهِ بِالْمَعْنَى $\overline{أ}$ $\overline{ع}$ $\overline{س}$ $\overline{ح}$ بِالشَّكْلِ السَّادِسِ وَالثَّلَاثِينَ فَرُبِعُ $\overline{أ}$ $\overline{ط}$ $\overline{أ}$ $\overline{ح}$ كَسَطِ $\overline{ل}$ $\overline{ن}$ $\overline{هـ}$ فَرُبِعُ $\overline{د}$ $\overline{ب}$ $\overline{ح}$ مَكْرَبِي $\overline{أ}$ $\overline{ب}$ $\overline{ح}$ $\overline{أ}$ $\overline{ط}$ $\overline{أ}$ $\overline{ح}$ وَبِمِثْلِهِ نَبِينُ فِي الصُّورَةِ الثَّلَاثَةِ فَالْحُكْمُ بِإِبْرَاهِيمَ
وَأَمَّا الْقِسْمُ السَّابِعُ وَالثَّامِنُ فَبَتَيْنِ مِنَ الْخَامِسِ وَالسَّادِسِ وَهَذَا صُورُهَا



كُلُّ ضِلْعٍ مِثْلُثٍ مَرَبَعُهُ يَسَاوِي مَرَبَعِي الضِّلْعَيْنِ
الْبَاقِيَيْنِ فَإِنَّ الزَّاوِيَةَ الَّتِي يُوتَرُهَا ذَلِكَ الضِّلْعُ قَائِمَةٌ

وَلْيَكُنْ مَرَبَعُ ضِلْعِ $\overline{ب}$ $\overline{ح}$ مِنْ مِثْلُثِ $\overline{أ}$ $\overline{ب}$ $\overline{ح}$
يَسَاوِي مَرَبَعِي ضِلْعِي $\overline{أ}$ $\overline{ب}$ فَأَقُولُ أَنَّ زَاوِيَةَ
 $\overline{أ}$ $\overline{ب}$ $\overline{ح}$ قَائِمَةٌ بِرَهَانِهِ نَخْرِجُ مِنْ نَقْطَةِ $\overline{أ}$ عَمُودَ
 $\overline{أ}$ $\overline{هـ}$ عَلَى خَطِ $\overline{أ}$ $\overline{ب}$ بِاسْتِثْبَانَةِ الشَّكْلِ الْحَادِي عَشَرَ
وَنَفْصِلُ



ونفصل منه $\overline{آه}$ كآب بالشكل الثالث فبكون مربعا $\overline{آه}$ $\overline{آب}$ متساويين ونصل $\overline{حز}$ بخط مستقيم فربيع $\overline{حز}$ كمرعي $\overline{آه}$ $\overline{آه}$ بالشكل المتقدم وكان مربع $\overline{بز}$ كمرعي $\overline{آب}$ $\overline{آز}$ فربعا $\overline{بز}$ $\overline{حز}$ متساويان فوتر $\overline{بز}$ كوتر $\overline{حز}$ فاضلاع مثلثي $\overline{آب}$ $\overline{آز}$ $\overline{بز}$ المتناظرة متساوية فثلث $\overline{آب}$ كمثلث $\overline{حز}$ وسائر الزوايا كسائر الزوايا المتناشرة بالشكل الثامن فزاوية $\overline{بآز}$ المساية لزاوية $\overline{حزآ}$ القائمة قائمة وذلك ما اردنا ان نبين تمت المقالة الاولى

المقالة الثانية اربعة عشر شكلا

المصادر

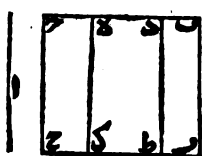
المصادرات يسمي كل ضلعين يحيطان بزاوية من اي سطح متوازي الاضلاع القائم الزوايا المحيطان بذلك السطح ويسمي مجموع المقيمين مع احد السطحين المتوازي الاضلاع الكائنين علي قطر السطح المشاركون له بزاوية وللمقيمين بضلعين العلم وانا اذا قلت سطح الخط في الخط امر يد به سطحها متوازي الاضلاع قائم الزوايا حاصل من احاطة الخطين $\overline{بـ}$ $\overline{حـ}$

الاشكال

T

كل سطح قائم الزوايا يحيط به خطان مستقيمان فانه يساوي سطوح احد الخطين في جميع اقسام الاخر

ليكن احد الخطين $\overline{آ}$ والاخر $\overline{ب}$ مقسوما علي نقطتي $\overline{د}$ $\overline{هـ}$ كيف ما اتفق فاقول ان سطح $\overline{آ}$ في $\overline{ب}$ يساوي مجموع سطوح $\overline{آ}$ في $\overline{ب د}$ $\overline{هـ ز}$ برهانه نخرج من نقطة $\overline{ب}$ عمود $\overline{ب ر}$ علي $\overline{ب}$ باستبانة الشكل الحادي عشر من الاولى ونفصل منه خط $\overline{ب ر}$ كخط $\overline{آ}$ بالشكل الثالث من الاولى



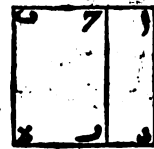
ونخرج من نقطتي $\overline{ر}$ $\overline{ح}$ خطي $\overline{ر ح}$ في جهة $\overline{ر}$ موازيين لخطي $\overline{ب ر}$ $\overline{ب ر}$ كل لنظيره بالشكل الواحد والثلاثين من الاولى فلا بد وان يتلاقيا لانا اذا وصلنا بين نقطتي $\overline{ر}$ $\overline{ح}$ بخط مستقيم كانت زاوية $\overline{ح ر ر}$ مع الزاوية المجاورة لزاوية $\overline{ر ب ر}$ كقائمتين بالشكل التاسع والعشرين من الاولى فزاويتي $\overline{ح ر ر}$ $\overline{ح ر ر}$ من قائمتين فليبتاقيا علي نقطة $\overline{ح}$ ونخرج

من نقطتي د ه خطي د ط ه آ في جهة م ح علي استقامتها موازيين لخط
ب ر بالشكل الواحد والثلاثين من الاول فيكونان متوازيين وموازيين
لخط م ح بالشكل الثلاثين من الاول الي ان ينتهيا الي خط م ح ولينتهيا الي
نقطتي ط آ فلان زاوية ر ب ح قائمة وخطا م ح ب ح متوازيان
وخطوط ب ر د ط ه آ ح متوازية فكل من الزوايا التي عند نقط د ه
ط آ ح قائمة بالشكل التاسع والعشرين من الاول
وكل من خطوط د ط ه آ ح يساوي عمود ب ر بالشكل
الرابع والثلاثين من الاول فكل منها يساوي خط آ
فسطح ب ح المساوي لسطح ب ر في ب ح يساوي سطح آ
في ب ح وسطح ب ط الحاصل من سطح ب ر في ب ح يساوي سطح آ في ب ح
وسطح د آ الحاصل من سطح د ط في د ه يساوي سطح آ في د ه وسطح ه ح
الحاصل من سطح ه آ في ه ر يساوي آ في ه ر ومجموعها يساوي سطح ب ح
فسطح آ في ب ح يساوي مجموع سطوح آ في اقسام ب ح وذلك ما اردنا ان
نبين واستبان منه ان جميع سطوح كل واحد من اقسام احد الخطين
المحدودين في كل واحد من اقسام الخط الاخر يساوي سطح احد الخطين
في الاخر



كل خط مستقيم محدود مقسوم علي نقطة او
اكثر فان مربعه يساوي مجموع سطوحه في كل

واحد من قسميه او اقسامه

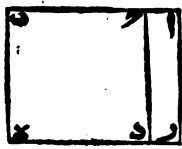


ليكن خط آ ب خطا مستقيما محدودا مقسوما علي نقطة
ح فاقول ان مربع آ ب يساوي مجموع سطحي آ ب في آ ح
ب ح برهانه نرسم علي خط آ ب مربع آ د ب بالشكل السادس
والاربعين من الاول فكل من زواياه قائمة واضلاعه متساوية ومتوازية
ونخرج من نقطة ح خط ح ر في جهة د يوازي آ د بالشكل الواحد
والثلاثين من الاول ونخرجه علي استقامته الي ان ينتهي الي خط د ه علي
نقطة ر فهو مواز لخط ب ه بالشكل الثلاثين من الاول ولان كل من آ ب د ه
قد وقعا علي آ ح ر ب المتوازية وكل من زوايا د ه ب آ قائمة فكل من
الزاويتين الواقعتين عند نقطة ر ونقطة ح قائمة بالشكل التاسع
والعشرين من الاول فسطحا آ ر ب متوازيان الاضلاع قائم الزوايا
وسطح آ ر حاصل من سطح آ د المساوي لخط آ ب في آ ح وسطح ب ر حاصل
من سطح ب ه المساوي لخط آ ب في ب ح فسطحا آ ر ب المساويان لمربع
آ ه يساويان لمجموع سطحي آ ب في آ ح ب ح فالحكم ثابت وذلك ما اردنا
ان

الثانية

ان نبين وبمثله تبين لو كانت الاقسام اكثر من اثنين

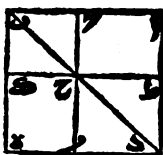
كل خط مستقيم محدود مقسوم علي نقطة فان
سطحه في احد قسميه يساوي مربع ذلك القسم



وسطه في القسم الاخر منه

ليكن الخط AB مقسوما علي نقطة C فاقول ان سطح
 AB في B يساوي مربع BC وسط BC في A
برهانه نرسم علي B مربع $BCDE$ بالشكل السادس والاربعين من
الاولي فاضلاعه المتقابلة متوازية وزواياه قوائم ونخرج من نقطة A خط
 AE في جهة D موازيا لخط BC بالشكل الواحد والثلاثين من الاولي فهو
مواز لخط CD بالشكل الثلاثين من الاولي ونخرج AD في جهة E علي
استقامتهما الي ان يتلاقيا ب A اذا وصلنا بين نقطتي A و E بخط مستقيم
كانت زاويتا BAE و DAE اقل من قائمتين لكون زاوية BCD قائمة وخط AE
مواز لخط BC فيكون زاوية BAE قائمة بالشكل التاسع والعشرين من
الاولي فليبتل قبا علي نقطة F فسطح AD متوازي الاضلاع وقائم الزوايا
ولان سطح AE حاصل من سطح AB في B و BC يساوي BE فسطح AB
في B كسطح AE وسط AD حاصل من سطح AC في C و BC يساوي CD
فسطح AC في C يساوي سطح AD ومربع AE هو مربع BE فسطح AE
يساوي مجموع مربع BC وسط AD فسطح AB في B يساوي مربع BC
وسط AC في C وذلك ما اردنا ان نبين

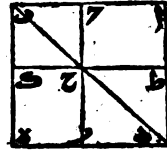
كل خط مستقيم محدود مقسوم علي نقطة فان
مربعه كجموع مربعي قسميه وضعف سطح احدها



في الاخر

ليكن الخط AB مقسوما علي نقطة C فاقول ان مربع
 AB كجموع مربعي AC و BC وضعف سطح AC في C برهانه
نرسم علي خط AB مربع $ACDE$ بالشكل السادس والاربعين من الاولي
فاضلاعه متوازية ومتساوية وزواياه قوائم ونخرج قطر BD ومن نقطة
 C خط CF موازيا لاضلع AD بالشكل الواحد والثلاثين من الاولي وضع

بـ يوازي ضلع آد فخط حر يوازي بـ بالشكل الثلثين من الاول فخط
 حر يقطع القطر وينتهي الي ضلع ده اذا اخرجناه علي استقامته في جهة
 هـ فليقطع علي نقطة حـ ولينته علي نقطة ر ونخرج من
 نقطة حـ خط الاحـ موازيا لضلع آب بالشكل
 الواحد والثلثين من الاول فهو مواز لضلع ده بالشكل
 الثلثين من الاول فاذا اخرجناه في جهته ينتهي الي
 ضلعي آد بـ فلينته علي نقطتي اـ طـ ولان الاشكال الواقعة في مربع آهـ
 متوازية الاضلاع وزوايا المربع قوايم فكل من زوايا تلك الاشكال قائمة
 بالشكل التاسع والعشرين من الاول ولان ضلعي آب آد متساويان فزاويتا
 آد آب متساويتان بالشكل الخامس من الاول وزاوية حـ بـ كزاوية
 آد حـ بالشكل التاسع والعشرين من الاول فزاويتا حـ بـ حـ
 متساويتان فضلع حـ كضلع حـ بالشكل السادس من الاول ولان
 ضلع طـ آـ يوازي ضلع آب فزاوية طـ حـ د كزاوية آد بـ بالشكل السادس
 والعشرين من الاول فزاويتا طـ د حـ طـ حـ د متساويتان فضلع طـ حـ
 كضلع طـ د بالشكل السادس من الاول والاضلاع المتقابلة من السطوح
 المتوازية الاضلاع متساوية بالشكل الرابع والثلثين من الاول فسطحا
 طـ ر حـ آـ مربعان ومتم آحـ حاصل من سطح آـ ر في حـ وحـ كسطح بـ ر
 فتم آحـ يساوي سطح آـ ر في حـ بـ ومتمما آحـ حـ متساويان بالشكل
 الثالث والاربعين من الاول فهما يساويان ضعف سطح آـ ر في حـ بـ وضلع
 آـ ر كضلع طـ حـ بالشكل الرابع والثلثين من الاول فربع آـ ر كربع طـ ر
 فربعاً ضلعي آـ حـ بـ يساويان مربعي طـ ر حـ آـ وهما مع متممي آحـ حـ
 يساوي مربع آهـ فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين
 واستبان منه ان جميع السطوح المتوازية الاضلاع الكائنة علي اقطار
 المربعات اذا كانت اضلاعها موازية لاضلاع المربعات النظير للنظير
 وان المربعات الكائنة في المربعات المشاركة لها في زاوية من زواياها انما
 يقع علي اقطارها



كل خط مستقيم محدود نصف وقسم بمختلفين
 فسطح احد القسمين في القسم الاخر مع مربع الفصل
 بين نصف الخط وتمام نصف الاخر يساوي مربع
 نصف

ليكن

الثانية

٥٣

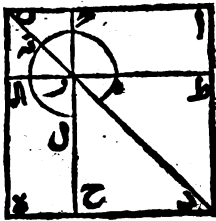
ليكن الخط \overline{AB} منصفاً علي \overline{C} ومقسوماً علي \overline{D} فاقول ان \overline{AC} سطح \overline{AE} في \overline{DB} مع مربع \overline{CD} يساوي مربع \overline{BC} برهانه نرسم علي \overline{B} مربع \overline{BDE} \overline{BDE} بالشكل السادس والاربعين من الاولي ونخرج قطر \overline{BE} ومن نقطة \overline{D} خط \overline{DC} في جهة \overline{E} موازياً للضلع \overline{DE} بالشكل الواحد والثلاثين من الاولي فهو مواز للضلع \overline{BE} بالشكل الثلاثين من الاولي ونخرج الي ان يقطع القطر وينتهي الي ضلع \overline{DE} فليقطع علي نقطة \overline{H} ولينته الي نقطة \overline{G} ونخرج من نقطة \overline{H} خط \overline{HL} موازياً للخط \overline{AB} بالشكل الواحد والثلاثين من الاولي فهو مواز للضلع \overline{BE} بالشكل الثلاثين من الاولي ونخرجه في جهته الي ان ينتهي الي ضلع \overline{BE} علي نقطة \overline{I} ويقطع ضلع \overline{DE} علي نقطة \overline{L} ونخرجه في تلك الجهة الي غير النهاية ونفصل منه \overline{IL} كخط \overline{AC} بالشكل الثالث من الاولي ونصل بين نقطتي \overline{A} \overline{I} بخط مستقيم فهو مواز للضلع \overline{HL} بالشكل الثالث والثلاثين من الاولي فكل من سطحي \overline{AD} \overline{AE} مربع باستبانة الشكل المتقدم ولان خط \overline{AC} كخط \overline{BC} فسطح \overline{AD} كسطح \overline{BC} بالشكل السادس والثلاثين من الاولي ومتم \overline{AC} ركنهم \overline{AC} بالشكل الثالث والاربعين من الاولي باحد مربع \overline{AD} مشتركاً بينهما فسطح \overline{AD} كسطح \overline{BC} فسطح \overline{AD} كسطح \overline{BC} فاذنا متم \overline{AC} مشتركاً بين سطحي \overline{AD} \overline{BC} كان سطح \overline{AC} كعلم من \overline{BC} وسطح \overline{AC} حاصل من سطح \overline{AD} في \overline{DC} وضلع \overline{DB} كضلع \overline{DC} فسطح \overline{AD} في \overline{DB} كسطح \overline{AC} وكان علم من \overline{BC} كسطح \overline{AC} فسطح \overline{AD} في \overline{DB} كعلم من \overline{BC} ولان خط \overline{CD} كخط \overline{AC} بالشكل الرابع والثلاثين من الاولي فربع \overline{CD} يساوي مربع \overline{AC} وهو مع علم من \overline{BC} كربع \overline{BC} فسطح \overline{AD} في \overline{DB} مع مربع \overline{CD} يساوي مربع \overline{BC} وبذلك ما اردنا ان نبين

و
كل خط مستقيم محدود نصف وزيد عليه
خط اخر مستقيم محدود علي استقامته فسطح الخط
مع الزيادة في الزيادة ومربع النصف معاً يساويان

مربع نصف الخط مع الزيادة
ليكن الخط \overline{AB} منصفاً علي \overline{C} والمزيد عليه خط \overline{BD} علي استقامته فاقول ان سطح \overline{AD} في \overline{DB} مع مربع \overline{BC} كربع \overline{CD} برهانه نرسم علي \overline{CD} مربع \overline{CDE} بالشكل السادس

الثانية

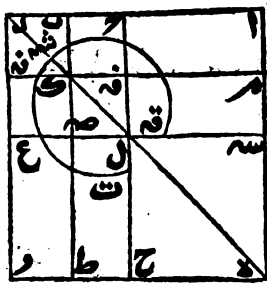
ينتهي الى ضلعي $آد$ $ب$ فلينتهي علي نقطتي $ط$ $آ$ فكل من سطحي $ط$ $ح$ $آ$ مربع باستبانة الشكل الرابع فلان متمي $آر$ $ر$ متساويان بالشكل الثالث والاربعين من الاول وناخذ مربع $ح$ $آ$ مشتركا بينهما فيكون سطح $آ$ $ك$ سطح $ح$ $ر$ ووسط $آ$ $ح$ من سطح $آب$ في $ب$ $آ$ لكن $ب$ $ح$ يساوي



$ب$ $آ$ لان سطح $ح$ $آ$ مربع فسطح $آب$ في $ب$ $ح$ كسطح $آ$ $ر$ وكان سطح $ح$ $ر$ كسطح $آ$ $ك$ فضعف سطح $آب$ في $ب$ $ح$ يساوي علم $م$ $ن$ $س$ مع مربع $ح$ $آ$ وضيع $آ$ $ر$ يساوي ضلع $ط$ $ر$ بالشكل الرابع والثلاثين من الاول فربع $آ$ $ر$ يساوي مربع $ط$ $ح$ فاذا اضفناه الي علم $م$ $ن$ $س$

يحصل مربع $آ$ $ر$ فربع $ط$ $ح$ اذا اضفناه الي علم $م$ $ن$ $س$ ومربع $ح$ $آ$ يحصل ضعف سطح $آب$ في $ب$ $ح$ ومربع $آ$ $ر$ اذا اضفناه اليها ايضا يحصل مربعا $آ$ $ر$ فضعف سطح $آب$ في $ب$ $ح$ مع مربع $آ$ $ر$ يساويان مربعي $آ$ $ر$ فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين

كل خط مستقيم محدود مقسوم علي نقطة ما فان سطحه في احد قسميه اربع مرات مع مربع قسمه الاخر يساوي مربع الخط كله اذا ازيد عليه خط اخر مستقيم علي استقامته مساويا للقسم الذي ضرب الخط كله فيه

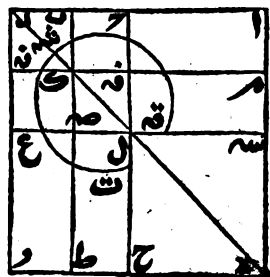


لكن الخط $آب$ مقسوما علي نقطة $ح$ ونريد عليه خط $ب$ $د$ المستقيم علي استقامته مساويا لخط $ب$ $ح$ فاقول ان سطح $آب$ في $ب$ $ح$ اربع مرات مع مربع $آ$ $ر$ يساوي مربع $آد$ برهانه نرسم علي $آد$ مربع $آه$ $د$ بالشكل السادس

والاربعين من الاول ونخرج قطر $ده$ ومن نقطتي $ح$ $ب$ خطي $ح$ $ط$ $ب$ في جهة $ه$ موازيين لخط $آه$ بالشكل الواحد والثلاثين من الاول فهما متوازيان وموازيان لخط $د$ $ر$ بالشكل الثلاثين من الاول ونخرجهما علي استقامتهما في تلك الجهة الي ان ينتهيا الي خط $ه$ $ر$ فلينتهيا الي نقطتي $ح$ $ط$ فيقطعان القطر فليقطعاه علي نقطتي $ل$ $آ$ ونخرج منهما خطي $ع$ $ل$ $س$ فلام في جهتهما موازيين لضع $آد$ بالشكل الواحد والثلاثين من الاول

فهما متوازيان وموازيان لخط $\overline{هـ ر}$ بالشكل الثلاثين من الاولي فلينتهبا
الي خطي $\overline{ا هـ}$ $\overline{د ر}$ علي نقط $\overline{س هـ}$ $\overline{ع م}$ $\overline{ن هـ}$ فيقطعان خطي $\overline{ح ب}$ $\overline{ط ر}$
فليقطعاهما علي نقطتي $\overline{ق هـ}$ $\overline{ص هـ}$ فباستبانة الشكل الرابع يكون $\overline{س ط و ح}$
 $\overline{س ح ق هـ}$ $\overline{ب ن هـ}$ $\overline{ح ل ا ع}$ مربعات فضلع $\overline{ح د}$ كضلع $\overline{د ع}$ و $\overline{ب ح}$

يساوي $\overline{ب ا}$ فجميع سطوح $\overline{ب ن هـ}$ $\overline{ح ل ا ع}$
 $\overline{ق هـ}$ مربعات متساويات ولان $\overline{ب ح}$ كخط $\overline{ب ا}$
فسطح $\overline{ا ب}$ في $\overline{ب ح}$ يساوي مقيم $\overline{ا ل}$ ولان
مقيم $\overline{ا ل}$ $\overline{ا ر}$ متساويان بالشكل الثالث
والاربعين من الاولي فهما معا يساويان
ضعف سطح $\overline{ا ب}$ في $\overline{ب ح}$ ولان سطح $\overline{ا هـ}$ $\overline{م ل}$
متساويان وكذلك $\overline{ل ط هـ}$ بالشكل السادس



والثلاثين من الاولي ومتهما $\overline{م ل ط هـ}$ متساويان بالشكل الثالث والاربعين
من الاولي فالسطوح الاربعة $\overline{و ي ا هـ}$ $\overline{م ل ط هـ}$ $\overline{ص ر}$ متساويان فاذا
ضيف مربع $\overline{ق هـ}$ الي سطح $\overline{م ل}$ حصل سطح $\overline{م هـ}$ مساويا لسطح $\overline{ا ل}$
بالشكل السادس والثلاثين من الاولي واذا اضيف مربع $\overline{ب ن هـ}$ الي سطح $\overline{ل ط هـ}$
يكون الحاصل منهما سطحا مساويا لسطح $\overline{ا ر}$ بالشكل السادس والثلاثين
من الاولي فعلم $\overline{ق هـ}$ $\overline{س هـ}$ $\overline{ع م}$ $\overline{ن هـ}$ اربعة امثال سطح $\overline{ا ل}$ المساوي لاربعة
امثال سطح $\overline{ا ب}$ في $\overline{ب ح}$ وخط $\overline{ا ح}$ يساوي خط $\overline{س ل}$ بالشكل الرابع
والثلاثين من الاولي وسطح $\overline{س ح}$ مربع $\overline{س ل}$ فربع $\overline{ا ح}$ يساوي مربع
 $\overline{س ح}$ وعلم $\overline{ق هـ}$ $\overline{س هـ}$ مع مربع $\overline{س ح}$ يساويان سطح $\overline{ا ر}$ اعني مربع $\overline{ا د}$ وهما
يساويان اربعة امثال سطح $\overline{ا ب}$ في $\overline{ب ح}$ مع مربع $\overline{ا ح}$ فاربعة امثال سطح
 $\overline{ا ب}$ في $\overline{ب ح}$ مع مربع $\overline{ا ح}$ يساويان مربع $\overline{ا د}$ وذلك ما اردنا ان نبين ط

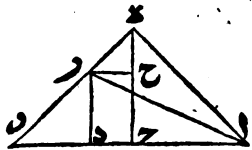
كل خط مستقيم محدود نصف وقسم بمختلفين

فان مربعي قسميه كضعف مربع النصف مع

ضعف مربع الفصل بين النصف وكل واحد

من قسميه هـ

ليكن الخط $\overline{ا ب}$ منصفنا علي $\overline{ح}$ ومقسوما بمختلفين
علي $\overline{د}$ فاقول ان مربعي $\overline{ا د}$ $\overline{ب د}$ معا كضعف مربع
 $\overline{ا ح}$ مع ضعف مربع $\overline{ح د}$ برهانه نخرج من نقطة $\overline{ح}$ عمود $\overline{ح هـ}$ علي خط
 $\overline{ا ب}$ بالشكل الحادي عشر من الاولي ونفصل منه $\overline{ح هـ}$ مثل $\overline{ا ح}$ بالشكل
الثالث

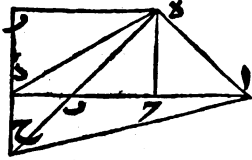


من الاولى ونصل بين كل من نقطتي آه بـ بخط مستقيم فلان كل واحد
من ضلعي آح حـ حـ متساويان فكل من زاويتي حـ آه حـ حـ حـ حـ حـ حـ
متساويتان بالشكل الخامس من الاولى وكل من زاويتي آح حـ حـ حـ حـ حـ حـ
فكل من زوايا آه حـ حـ حـ حـ حـ حـ نصف قائمة بالشكل الثاني والثلاثين من
الاولى فزاوية آه بـ قائمة وتخرج من نقطة د في جهة هـ خط دـ ر موازيا
لخط حـ بالشكل الواحد والثلاثين من الاولى فينتهي الي ضلع بـ هـ بين
نقطتي بـ هـ والا يلزم احاطة خطين مستقيمين بسطح او كون الموازي
ملاقبا لما هو مواز له هذا خلف فلينته علي نقطة ر فزاوية ر د ب
كزاوية بـ حـ القائمة بالشكل التاسع والعشرين من الاولى فزاوية ر د ب
قائمة وكانت زاوية حـ بـ نصف قائمة فزاوية د ر ب نصف قائمة بالشكل
الثاني والثلاثين من الاولى فضلع ر د كضلع د ب بالشكل السادس من
الاولى فنصل من حـ حـ مثل د ر بالشكل الثالث من الاولى ونصل بين
نقطتي ر حـ بخط مستقيم وكذلك بين نقطتي آ ر فخط حـ حـ مساو وموازي
لخط حـ د بالشكل الثالث والثلاثين من الاولى ولان زاويتي حـ ر حـ حـ حـ
كزاويتي حـ بـ حـ حـ بالشكل التاسع والعشرين من الاولى وزاوية حـ ر ب
قائمة وزاوية حـ بـ حـ نصف قائمة فزاوية حـ ر حـ قائمة وزاوية حـ ر ب نصف
قائمة وكانت زاوية حـ ر حـ نصف قائمة فضلع حـ كضلع حـ ر بالشكل
السادس من الاولى ولان كل واحدة من زوايا آه حـ حـ حـ حـ حـ حـ حـ حـ حـ حـ
قائمة ومربعاً آح حـ حـ كـ حـ حـ بالشكل السابع والاربعين من الاولى وهما
ضعف مربع آح حـ حـ لتساوي آح حـ حـ ومربعاً حـ حـ حـ حـ حـ حـ حـ حـ حـ حـ حـ حـ
السابع والاربعين من الاولى وهما ضعف مربع حـ حـ حـ حـ حـ حـ حـ حـ حـ حـ حـ حـ
مربع حـ
السابع والاربعين من الاولى فضلع مربع آح حـ حـ حـ حـ حـ حـ حـ حـ حـ حـ حـ حـ
يساويان مربع آح حـ
مربع آح حـ
يساويان ضعف مربعي آح حـ

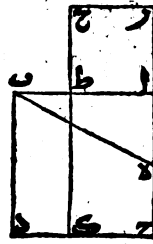
٢٤

كل خط مستقيم محدود نصف ويزيد عليه خط
مستقيم علي استقامته فربع الخط مع الزيادة ومربع
الزيادة معا يساويان ضعف مربع النصف وضعف
مربع النصف مع الزيادة معا

ليكن الخط $آب$ منصفا علي $ح$ وزيد عليه $بَد$ المستقيم علي استقامته
 فاقول ان مربع $آد$ مع مربع $بَد$ يساويان ضعف مربع $آح$ وضعف
 مربع $حَد$ معا برهانه نخرج من نقطة $ح$ عمود $هـ$ علي $آح$ بالشكل
 الحادي عشر من الاولي ونفصل منه $هـ$ كـ $آ$ بالثالث من الاولي ونصل بين
 $هـ$ وكل من نقطتي $آ$ $ب$ بخط مستقيم ونخرج من
 نقطتي $د$ $هـ$ في جهتي $د$ $ر$ خط $در$ موازيا لخط $هـ$
 وخط $هـ$ موازيا لخط $آح$ بالشكل الواحد والثلثين من الاولي فهما يتلاقيان لان زاوية $هـ$ $ح$
 قائمة فكل واحدة من زاويتي $هـ$ $ح$ $د$ قائمة بالشكل التاسع والعشرين
 من الاولي فاذا وصلنا بين نقطتي $هـ$ $د$ بخط مستقيم تكون زاويتا $هـ$ $د$
 اقل من قائمتين فليبتل قبا علي نقطة $ر$ ولان زاوية $هـ$ $ح$ قائمة فزاوية $هـ$ $د$
 قائمة بالشكل التاسع والعشرين من الاولي فزاويتا $ب$ $هـ$ $د$ اقل من
 قائمتين فاذا اخرجنا خطي $هـ$ $ب$ $ر$ في جهة $د$ فليبتل قبا علي
 نقطة $ح$ ونصل بين نقطتي $آ$ $ح$ بخط مستقيم ولان اضلاع $آ$ $ح$ $هـ$ $ب$
 متساوية فكل من زاويتي $آهـ$ $آهـ$ $هـ$ $ب$ $ح$ $هـ$ متساويتان بالشكل
 الخامس والثلثين من الاولي ولان كلا من زاويتي $آهـ$ $هـ$ $ب$ قائمة فكل من
 زوايا $آهـ$ $آهـ$ $هـ$ $ب$ $ح$ $هـ$ نصف قائمة بالشكل الثاني والثلثين من الاولي
 اذ بين فيه ان جميع زوايا مثلث كقائمتين فزاوية $آهـ$ $ب$ قائمة ولان زاوية
 $ب$ $د$ قائمة فزاوية $ب$ $د$ $ح$ قائمة بالشكل الثالث عشر من الاولي ولان زاوية
 $ب$ $هـ$ نصف قائمة فزاوية $د$ $ب$ $ح$ المقابلة لها نصف قائمة بالشكل
 الخامس والعشرين من الاولي ولان زاوية $هـ$ $ح$ قائمة وزاوية $هـ$ $ب$ نصف
 قائمة فزاوية $ح$ $هـ$ $ب$ نصف قائمة وزاوية $هـ$ $ح$ قائمة فزاوية $هـ$ $ب$ $ح$ نصف
 قائمة بالشكل الثاني والثلثين من الاولي فضلعا $هـ$ $ر$ $ح$ متساويان ولان
 كل واحدة من زاويتي $د$ $ب$ $ح$ $ب$ $ح$ $د$ نصف قائمة يكون ضلعا $ب$ $د$ $ح$
 متساويين بالشكل السادس من الاولي ولان $ح$ $د$ يساوي $هـ$ $ر$ بالشكل
 الرابع والثلثين من الاولي ومربع $هـ$ $ح$ مكرعي $هـ$ $ر$ $ح$ بالشكل السابع
 والاربعين من الاولي وهما ضعف مربع $هـ$ $ر$ اعني ضعف مربع $ح$ وبمثله
 تبين ان مربع $آهـ$ ضعف مربع $آح$ فضعف مربع $آح$ مع ضعف مربع
 $ح$ $د$ مربع $آح$ ومربع $آد$ $د$ $ح$ المساويان لمربعي $آد$ $د$ $ب$ $مربع$ $آح$ بالشكل
 السابع والاربعين من الاولي فربعا $آد$ $د$ $ب$ معا يساويان ضعف مربع
 $آح$ مع ضعف مربع $ح$ $د$ فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين
 وانما بينت هذا الشكل بمقدمات اقل مما في الاصل فاقول نخرج من
 نقطتي $آ$ $د$ عمودي $آهـ$ $د$ $ح$ علي $آد$ في جهة واحدة منه باستبانة الشكل
 الحادي عشر من الاولي ونخرجهما علي استقامتهما في تلك الجهة وندير
 علي نقطة $آ$ وبعده $آ$ دائرة $هـ$ فبقطع محيطها عمود $آهـ$ فليقطع علي
 نقطة



هـ ر يساوي بـ بالشكل الثالث من الاولي فلان ضلعي
 ا ب آه معا اعظم من بـ بالشكل العشرين من الاولي وبـ
 يساوي هـ ر فضلعا ا ب آه معا اعظم من هـ ر فاذا القينا
 آه المشترك يبقى ا ب اعظم من آ ر ونرسم على خط آ ر
 في جهة مربع آ د مربع ا ر ح ط بالشكل السادس
 والاربعين من الاولي فنقطة ط يقع بين نقطتي آ ب فلان



اضلاع المربع متوازية بالشكل الخامس والاربعين من الاولي فضلع ح ط
 يوازي ضلع ر ر فبوازي ضلع بـ بالشكل الثلثين من الاولي فاذا
 اخرجنا ح ط في جهة ط على استقامته ينتهي الى ضلع د ر فليبتنه على
 نقطة آ فاقول ان سطح ا ب في ب ط كمربع ا ط برهانه فلان خط آ ر
 نصف على هـ ر ويزيد عليه ح ط ا ر المستقيم المتناهي على استقامته يكون
 سطح ح ر في ا ر مع مربع آه مساوي مربع هـ ر بالشكل السادس لكن خط
 بـ مساو لخط هـ ر فسطح ح ر في ا ر اعني سطح ح ر مع مربع آه يساويان
 مربع بـ ومربعي آه ا ب معا يساويان مربع بـ بالشكل السابع
 والاربعين من الاولي فسطح ح ر مع مربع آه يساويان مربعي ا ب آه معا
 فاذا القينا مربع آه المشترك بينهما بقى مربع ا ب مساويا لسطح ح ر فاذا
 القينا سطح آ ر المشترك بين سطحي ح ر ب يبقى مربع ا ح مساويا لسطح
 ط د وهو حاصل من سطح بـ د المساوي لخط ا ب في ب ط فسطح ا ب في
 ب ط يساوي مربع ا ح الذي هو مربع خط ا ط فالحكم ثابت وذلك
 ما اردنا ان نبين

يب

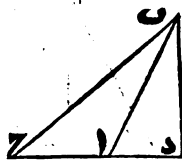
كل مثلث منفرج الزاوية فان مربع الضلع
 الذي يوترها اعظم من مربعي الضلعين المحيطين
 بها بضعف سطح احدها فيما وقع منه بعد
 اخراجه في جهة المنفرجة بينها وبين طرف العمود
 الخارج من طرف الضلع الاخر على الضلع الخارج

ليكن المثلث ا ب ح وزاوية ب ا ح من زواياه منفرجة ونخرج من
 احد طرفي ا ب ا ح عمودا على الاخر فليخرج من نقطة ب عمود بـ د
 على ضلع ا ح بالشكل الثاني عشر من الاولي فلا يقع على نقطة آ والا
 كانت القائمة كالمنفرجة ولا على نقطة ح والا كانت زاوية ب ا ح قائمة
 وهي

الثانية

٩٤

وفي حادة لان زاويتي $\overline{ب\alpha\gamma}$ و $\overline{ب\alpha\delta}$ معا اقل من قائمتين بالشكل السابع عشر من الاولي وزاوية $\overline{ب\alpha\gamma}$ منفرجة فزاوية $\overline{ب\alpha\delta}$ حادة فالزاوية المجاورة لزاوية $\overline{ب\alpha\delta}$ منفرجة بالشكل الثالث عشر من الاولي ولا يقع فيما بين نقطتي α و γ ولا خارجا عنهما في جهة δ والا يلزم ان يكون زاويتا مثلث اعظم من قائمتين وهما اقل منهما بالشكل السابع عشر من الاولي فيقع علي ضلع $\overline{\alpha\gamma}$ بعد اخراجه في جهة α فاقول ان مربع $\overline{ب\alpha}$ اعظم من مربعي $\overline{\alpha\gamma}$ و $\overline{\alpha\delta}$ بضعف سطح $\overline{\alpha\gamma}$ في α برهانه فلان مربع $\overline{ب\alpha}$ يساوي مربعي $\overline{ب\delta}$ و $\overline{د\alpha}$ بالشكل السابع والاربعين من الاولي ومربع $\overline{\alpha\gamma}$ مع ضعف سطح $\overline{\alpha\gamma}$ في α يساوي مربع $\overline{د\alpha}$ بالشكل الرابع فربع $\overline{ب\alpha}$ يساوي مربعان $\overline{ب\delta}$ و $\overline{د\alpha}$ مع ضعف سطح $\overline{\alpha\gamma}$ في α لكن مربع $\overline{\alpha\gamma}$ يساوي مربعي $\overline{ب\delta}$ و $\overline{د\alpha}$ بالشكل السابع والاربعين من الاولي فربع $\overline{ب\alpha}$ يساوي مربعي $\overline{\alpha\gamma}$ و $\overline{\alpha\delta}$ وضعف سطح $\overline{\alpha\gamma}$ في α فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين



مربع كل ضلع يوتر الزاوية الحادة من اي مثلث كان اصغر من مربعي الضلعين المحيطين بها بضعف سطح احدها فيما يقع منه بين الزاوية الحادة والعمود الخارج من طرف الضلع الاخر عليه

ليكن المثلث $\overline{\alpha\beta\gamma}$ والزاوية الحادة $\overline{\alpha\beta\gamma}$ ونخرج من احد طرفي احد ضلعي $\overline{\alpha\beta}$ عمودا علي الاخر فلنخرج من نقطة α عمود $\overline{\alpha\delta}$ علي ضلع $\overline{ب\gamma}$ بالشكل الثاني عشر من الاولي فلا يقع علي احدي نقطتي β و γ ان كانت زاوية $\overline{\alpha\beta\gamma}$ ايضا حادة لانه حينئذ تكون الحادة قائمة هذا خلف ولا خارجا عنها لان الزاوية المجاورة للحادة منفرجة بالشكل الثالث عشر من الاولي فليزوم ان يكون زاويتا مثلث اعظم من قائمتين وهما اقل



منهما بالشكل السابع عشر من الاولي فتقع فيما بين نقطتي β و γ وان كانت زاوية $\overline{\alpha\beta\gamma}$ قائمة فعمود $\overline{\alpha\delta}$ ينطبق علي ضلع $\overline{\alpha\gamma}$ ونقطة δ علي نقطة γ وان كانت منفرجة فالعمود يقع علي ضلع $\overline{ب\gamma}$ بعد اخراجه في جهة γ بمثلث ما ببناء في الشكل المتقدم فاقول ان مربع $\overline{\alpha\beta}$ اصغر من مربعي $\overline{\alpha\gamma}$ و $\overline{\alpha\delta}$ بضعف سطح $\overline{ب\gamma}$ في β برهانه اما القسم الاول فلان

ونرسم علي $\overline{ب}$ نصف دائرة $\overline{ب ط ر}$ ونخرج $\overline{د ه}$ علي استقامته الي ان ينتهي الي محيط $\overline{ب ط ر}$ فلينته الي نقطة $\overline{ط}$ ونصل $\overline{ح ط}$ بخط مستقيم فاقول ان $\overline{ه ط}$ ضلع مربع يساوي شكل $\overline{آ بر ه ا نه}$ فلان $\overline{ب ر}$ نصف علي نقطه $\overline{ح}$ وقسم بمختلفين علي نقطة $\overline{ه}$ فسطح $\overline{ب ه}$ في $\overline{ه ر}$ مع مربع $\overline{ح ه}$ يساوي مربع $\overline{ح ر}$ بالشكل الخامس لكن $\overline{ح ر}$ يساوي $\overline{ح ط}$ فسطح $\overline{ب ه}$ في $\overline{ه ر}$ مع مربع $\overline{ح ه}$ يساوي مربع $\overline{ح ط}$ لكن زاوية $\overline{د ه ب}$ قائمة فزاوية $\overline{ب ه ط}$ المجاورة لها قائمة بالشكل الثالث عشر من الاول في ربع $\overline{ه ح ط}$ يساوي ان مربع $\overline{ح ط}$ بالشكل السابع والاربعين من الاول فسطح $\overline{ب ه}$ في $\overline{ه ر}$ مع مربع $\overline{ح ه}$ يساوي ان مربع $\overline{ه ح ط}$ فاذا القينا مربع $\overline{ه ح}$ المشترك يبقي مربع $\overline{ه ط}$ مساويا لسطح $\overline{ب ه}$ في $\overline{ه ر}$ المساوي لـ $\overline{د ه}$ فيكون مساويا لسطح $\overline{ب د}$ وكان سطح $\overline{آ ك سطح ب د}$ فربع $\overline{ه ط}$ كسطح $\overline{آ ك}$ فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين ☞ وبهذا الشكل يخرج حدود الصم تمت المقالة الثانية والحمد لله بلان ☞ اية ☞

المقالة الثالثة في خمسة عشر كتابا

الحدود

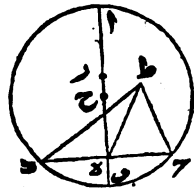
الدوائر المتساوية هي التي اقطارها وانصاف اقطارها متساوية كل خط مستقيم يلقي الدائرة ولا يقطعها وان اخرج في جهته فهو مماس لتلك الدائرة والدوائر المتساوية هي المتلاقية الغير المتقاطعة ☞ بعد الوتر من المركز هو العود الخارج من المركز الي الوتر الاوتار المتساوية الابعاد عن مركز الدائرة هي الاوتار التي تكون الاعمدة الخارجة من المركز اليها متساوية والاوتار التي هي ابعاد من المركز هي التي اعمدها طول وزاوية القطعة زاوية يحيط بها الوتر وقوس ذلك الوتر ويقال للوتر قاعدة القطعة والزاوية التي في القطعة هي التي يحيط بها خطان مستقيمان يخرجان من طرفي قاعدة القطعة وينتهيان الي نقطة ما علي قوس تلك القطعة كل خطين مستقيمين يخرجان من نقطة ما علي محيط دائرة وينتهيان الي طرفي قوس من محيطها فالزاوية التي يحيط بها ذلك الخطان يقال لها انها علي تلك القوس وقطاع الدائرة شكل يحيط به خطان مستقيمان يخرجان من مركزها وقوس ينفر منهما من محيط ذلك المركز والقطع المتشابهة هي التي تقبل زوايا متشابهة

الاشكال

٢

كل دائرة مفروضة لنا ان نجد مركزها

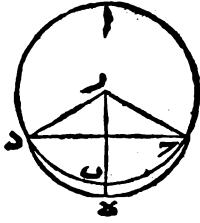
لتكن الدائرة المفروضة دائرة AB ونفرض علي محيطها نقطتي $د$ متباينتين ونصل بينهما بخط مستقيم وننصفه علي نقطة $هـ$ بالشكل العاشر من الاول ونخرج منها عمود $آه$ علي خط $د$ بالشكل الحادي عشر من الاول ونخرجه في جهته الي ان ينتهي الي المحيط فلينته الي نقطتي $أ$ $ب$ وننصف خط AB علي نقطة $ح$ بالشكل العاشر من الاول فاقول انها مركز دائرة AB برهانه فان لم تكن هي المركز لكنت نقطة اخري اما علي خط AB او علي سطح الدائرة فان كانت علي خط AB وليكن بين نقطتي $أ$ $ح$ مثلاً وهي نقطة $ر$ فيكون $آر$ نصف AB وكان $آح$ نصف AB فيكون $آر$ يساوي $آح$ فالجزء يساوي كله هذا خلف وان كانت علي سطح الدائرة وليكن نقطة $ط$ فنصل بينها وبين كل واحد من نقطتي $د$ بخط مستقيم فلان نقطة $ط$ مركز الدائرة $هـ$ $آب$ يكون خطا $دط$ $هـط$ متساويين وخط $د$ $هـ$ $ط$ مشترك بين مثلثي $د$ $هـ$ $ط$ $د$ $هـ$ $ط$ فالزوايا المتناظرة منها متساوية بالشكل الثامن من الاول فزاوية $د$ $هـ$ $ط$ كزاوية $د$ $هـ$ $ط$ فزاوية $د$ $هـ$ $ط$ قائمة وكانت زاوية $آه$ قائمة فيكون جزء الشيء مساوياً لأكمله هذا خلف فالمركز هو نقطة $ح$ وذلك ما اردنا ان نبين $ين$ واستبان منه كل وتر نصف وتر اخر من دائرة وقام عليه علي زوايا قائمة فانه يمر بالمركز $ز$



كل خط مستقيم واصل بين نقطتين علي محيط
اتي دائرة كانت فانه واقع داخل تلك الدائرة

ليكن علي محيط دائرة AB نقطتا $د$ ووصل بينهما بخط $د$ المستقيم فاقول انه يقع داخل دائرة AB برهانه فلانه لو لم يقع خط $د$ داخلها لوقع خارجها او علي محيطها اما الاول فنجد مركز الدائرة بالشكل المتقدم وليكن نقطة $ر$ ونرسم علي خط $د$ نقطة $هـ$ كيف ما اتفق ونصل بين المركز وكل واحدة من نقطتي $د$ $هـ$ بخط مستقيم فخط $ره$ لابد ان يقطع المحيط فليقطعه علي نقطة $ب$ فلان زاويتي $ره$ $د$ متساويتان بالشكل

بالشكل الخامس من الاول لتساوي ساقى $\overline{ر د}$ وزاوية $\overline{ر د ح}$ الخارجة
من مثلث $\overline{ر د ح}$ اعظم من زاوية $\overline{ر د ب}$ بالشكل السادس عشر من الاول



فيكون زاوية $\overline{ر د ح}$ التي هي اعظم من زاوية $\overline{ر د ب}$
المساوية لزاوية $\overline{د ح ب}$ اعظم من زاوية $\overline{ر د ب}$ فيكون
 $\overline{ر ح}$ المساوي لخط $\overline{ر ب}$ اعظم من ضلع $\overline{ر د}$ بالشكل
التاسع عشر من الاول فخط $\overline{ر ب}$ يكون اعظم من
ضلع $\overline{ر د}$ فيكون جزء الشيء اعظم من كله هذا
خلف واما الثاني فيكون زاويتا $\overline{ر د ب}$ و $\overline{ر ح ب}$



متساويتين بالشكل الخامس من الاول ويكون زاوية
 $\overline{ر د ح}$ كزاوية $\overline{ر ح ب}$ بالشكل الخامس من الاول فيكون
مساوية لزاوية $\overline{ر ح ب}$ فيكون زاوية $\overline{ر د ح}$ الخارجة
من مثلث $\overline{ر د ح}$ مساوية لزاوية $\overline{ز د ب}$ وهي اعظم

منها بالشكل السادس عشر من الاول هذا خلف فالحكم ثابت وذلك

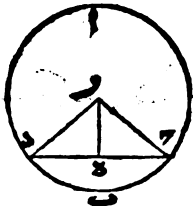
ما اردنا ان نبين

واستبان منه انه لا شيء من الخطوط المستقيمة يمكن ان ينطبق على محيط

دايرة وبالعكس

كل خط مستقيم خرج من مركز اي دايرة وانتهى
الى اي وتر كان فيها فان كان عمودا على الوتر فهو
ينصفه وان كان ينصفه فهو عمود عليه

ليكن خط $\overline{ر د}$ وتر في دايرة $\overline{ا ب}$ وخرج من نقطة $\overline{ر}$ المركز لدايرة
 $\overline{ا ب}$ خط $\overline{ر د}$ المستقيم وانتهى الى وتر $\overline{ر د}$ على نقطة $\overline{د}$ فاقول ان كان $\overline{ر د}$

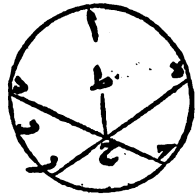


عمودا على وتر $\overline{ر د}$ فهو ينصف $\overline{ر د}$ وان كان ينصفه
فهو عمود عليه برهانه نصل بين كل واحدة من
نقطتي $\overline{ر د}$ وبين المركز بخط مستقيم اما الاول
فلان زاويتي $\overline{ر د ح}$ و $\overline{ر د ب}$ من مثلثي $\overline{ر د ح}$ و $\overline{ر د ب}$ متساويتان
وكذلك زاويتا $\overline{ر د ب}$ و $\overline{ر د ح}$ بالشكل الخامس

من الاول وضلع $\overline{ر د}$ مشترك بين المثلثين فبالشكل السادس والعشرين
من الاول ضلع $\overline{ر د}$ كضلع $\overline{د ح}$ واما الثاني فلان الاضلاع المتناظرة من
مثلثي $\overline{ر د ح}$ و $\overline{ر د ب}$ متساوية فزاوية $\overline{ر د ح}$ كزاوية $\overline{ر د ب}$ بالشكل الثامن
من الاول فخط $\overline{ر د}$ عمود على وتر $\overline{ر د}$ وذلك ما اردنا ان نبين

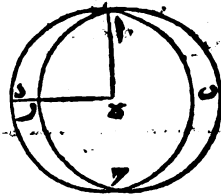
كل وترين في اي دايرة قطع احدها الاخر علي
غير المركز فلا يمكن ان يتناصفا

ليكن دايرة AB قد تقاطع فيها وتر CD علي نقطة H غير المركز
فاقول لا يمكن ان يتناصفا برهانه فان امكن فليتناصفا
علي نقطة H ونجد مركزها بالشكل الاول وهو
نقطة P ونصل CH بخط مستقيم فلان PH نصف
كل واحد من وترين CD و DE علي نقطة H يكون عمودا
عليها بالشكل المتقدم فيكون كل واحدة من زاويتي
 PHC و PHD قائمة فيكون جزء الشيء يساوي كله هذا خلف فالحكم
ثابت وذلك ما اردنا ان نبين



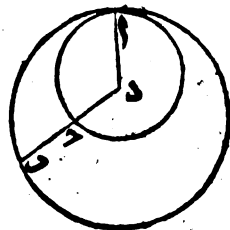
كل دايرتين متقاطعتين في سطح واحد فلا يمكن
ان يكون مركزاهما واحدا

ليكن دايرتا AB و AC قد تقاطعتا علي نقطتي A و C فاقول لا يمكن ان
يكون مركزاهما واحدا برهانه فان امكن فليكن
نقطة E مركزاهما فنصل بينهما وبين كل واحدة
من نقطتي A و C بخط مستقيم فخط AE يقطع قوس
 AC علي نقطة و ليكن نقطة R فلان E مركز دايرة
 AB يكون ER مساويا لخط AE ولان E مركز دايرة
 AC يكون ER مساويا لـ AE فيكون ER مساويا
لهذا خلف فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين



كل دايرتين متماستين لا يمكن ان يكون
مركزاهما واحدا

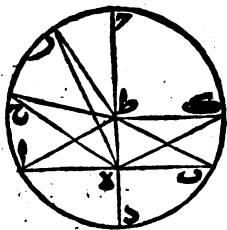
ليكن دايرتا AB و AC متماستين علي نقطة A فاقول
لا يمكن ان يكون مركزاهما واحدا في الوضع
برهانه فان كان التماس من خارج فهو ظاهرا انه لا
يمكن ان يكون مركزاهما واحدا واما اذا كان من
داخل



داخل فان امكن فليكن نقطة $\bar{د}$ ونصل بينها وبين كل واحدة من
نقطتي $\bar{آ}$ $\bar{ب}$ بخط مستقيم خط $\bar{دب}$ يقطع محيط دائرة $\bar{آح}$ فليقطع على
نقطة $\bar{ح}$ فلان كل واحد من خطي $\bar{دب}$ $\bar{دح}$ يساوي $\bar{دآ}$ فهما متساويان
خط $\bar{دح}$ يساوي $\bar{دب}$ فالجزء يساوي كله هذا خلف فالحكم ثابت وذلك
ما اردنا ان نبين

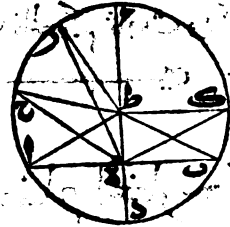
اطول الخطوط المستقيمة المختلفة الاوضاع الخارجة
من اي نقطة مفروضة في اي دائرة غير مركزها
في الوضع المنتهية الى محيطها هو المار بالمركز
واقصرها الباقي منه والا قرب الى الاطول اطول من
الابعد واي خط يفرض من احد جنبي الخط الاطول
من الخطوط المستقيمة الخارجة من تلك النقطة
الى المحيط فانه لا يوجد ما يساويه من الخطوط
المستقيمة الخارجة منه الى المحيط في الجانب
الاخر من الخط الاطول الا خط واحد فقط او خطوط

مستقيمة متحدة الوضع



ليكن في دائرة $\bar{آب}$ نقطة $\bar{د}$ غير مركزها في
الوضع ونجد مركزها بالشكل الاول وليكن
نقطة $\bar{ط}$ ونصل بينها وبين $\bar{د}$ بخط مستقيم ونخرجه
في جهته على استقامته الى ان ينتهي الى المحيط ولينته الى نقطتي $\bar{ح}$ $\bar{ز}$
ونخرج من نقطة $\bar{د}$ الى المحيط خطوط $\bar{دز}$ $\bar{دح}$ $\bar{دآ}$ المستقيمة ونصل بين
نقطة $\bar{ط}$ وبين كل واحدة من نقط $\bar{ز}$ $\bar{ح}$ $\bar{آ}$ الكائنه على المحيط بخط
مستقيم فاقول ان اطول الخطوط الخارجة من نقطة $\bar{د}$ الى المحيط خط $\bar{دح}$
واقصرها خط $\bar{دز}$ و $\bar{دز}$ اطول من $\bar{دح}$ وهو من $\bar{دآ}$ واي خط يفرض من
خطوط $\bar{دز}$ $\bar{دح}$ $\bar{دآ}$ في جهة $\bar{آ}$ من خط $\bar{دح}$ الا خط واحد ان خطوط

مستقيمة متحدة الوضع متساوية برهانها فلان ضلعي $\overline{ط ر ط}$ معا
اعظم من ضلع $\overline{ه ر}$ بالشكل العشرين من الاولي و $\overline{ط ر}$ يساوي $\overline{ط ه}$
فاخذ $\overline{ط ه}$ مشترك بينهما فخط $\overline{ه ر}$ يساوي ضلعي
 $\overline{ط ر ط}$ معا و هما اعظم من $\overline{ه ر}$ فخط $\overline{ه ر}$ اعظم من
خط $\overline{ه ر}$ وبمثله تبين ان خط $\overline{ه ر}$ اعظم من شكل
واحد من خطي $\overline{ح ه ا ه}$ ولان ضلعي $\overline{ط ر ط}$
يساويان ضلعي $\overline{ط ح ط}$ و زاوية $\overline{ر ط ه}$ اعظم من
زاوية $\overline{ح ط ه}$ فقاعدة $\overline{ه ر}$ اعظم من قاعدة $\overline{ح ه}$



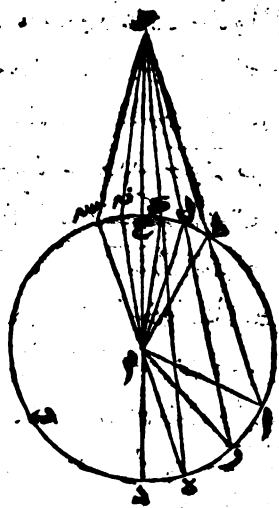
بالشكل الرابع والعشرين من الاولي وبمثله تبين ان خط $\overline{ح ه}$ اعظم من
خط $\overline{ه ا}$ ولان ضلعي $\overline{ط ه ا}$ معا اعظم من ضلع $\overline{ط ا}$ المساوي لخط $\overline{ط د}$
بالشكل العشرين من الاولي فاذا القينا $\overline{ط ه}$ المشترك بين $\overline{ط د}$ و خطي
 $\overline{ط ه ا}$ يبق $\overline{ه ا}$ اعظم من $\overline{ه د}$ وبمثله تبين ان كل واحد من خطي $\overline{ه ر ح}$
اعظم من $\overline{ه د}$ فخط $\overline{ه ر}$ اعظم كثيرا من خط $\overline{ه د}$ واي خط مستقيم نخرج
من نقطة $\overline{ه}$ الى المحيط ولنرسم على نقطة $\overline{ط}$ من خط $\overline{ه ط}$ زاوية $\overline{ه ط ب}$
كزاوية $\overline{ه ط ا}$ بالشكل الثالث والعشرين من الاولي ونخرج خط $\overline{ط ب}$
على استقامته الى جهة $\overline{ب}$ الى ان ينتهي الى المحيط على نقطة $\overline{ب}$ ونصل
بين نقطتي $\overline{ب ه}$ بخط مستقيم فضلعا $\overline{ط ب ط ه}$ يساويان ضلعي $\overline{ط ا ط ه}$
والزاوية التي بين الاولين يساوي الزاوية التي بين الآخرين فقاعدة
 $\overline{ب ه}$ كقاعدة $\overline{ه ا}$ بالشكل الرابع من الاولي ولا يمكن ان يكون خط
اخر مستقيم ما يخرج من $\overline{ه}$ الى المحيط دايرة $\overline{ا ب ح}$ في جهة $\overline{ب}$ من خط
 $\overline{ه د}$ مساويا لخط $\overline{ه ا}$ ومباينا لخط $\overline{ج ه}$ في الوضع والا فليكن خط $\overline{ه ا}$
مساويا لخط $\overline{ه ا}$ ونصل $\overline{ط ا}$ بخط مستقيم فيكون اضلاع مثلثي $\overline{ط ه ا}$
 $\overline{ط ا ب}$ المتناظرة فيكون زاوية $\overline{ا ط ه}$ كزاوية $\overline{ا ط ب}$ بالشكل الثامن من الاولي
وكانت زاوية $\overline{ب ط ه}$ كزاوية $\overline{ا ط ه}$ بالشكل الثامن والثلاثين من الاولي
فزاوية $\overline{ا ط ه}$ الكل يساوي زاوية $\overline{ب ط ه}$ الذي هو جزء هذا خلفه
فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين

واستبان منه ان الاوتار الخارجة من نقطة على محيط دايرة كانت فان
اطولها المار بالمركز والاقراب الى الاطول من الابعاد وكل وتر منها الكاين
في احد جانبي الوتر الاطول لا يساويه في الجانب الاخر من الوتر
الاطول الا وتر واحد او فوق واحد متحد الوضع

اطول جميع الخطوط المستقيمة المختلفة الازضاع
الخارجة من كل نقطة خارجة من اي دائرة

القاطعة

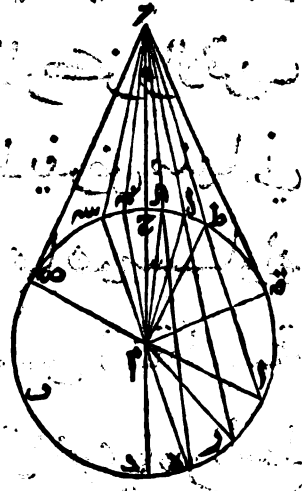
القاطعة ايها هو المار بالمركز والاقرّب اليه اطول
من الابعّد عنه واقصر جميع المنتهية اليها الغير
القاطعة هو الذي على مسامتة المركز والاقرّب
اليه اقصر من الابعّد عنه واي خط يفرض منها في
احد جهتي المسامتة للمركز لا يوجد ها هو مساو له
من الخطوط المستقيمة الخارجة من النقطة
الخارجة من الدائرة عن الجهة الاخرى من الخط
المسامت اياه قاطعة كانت الخط او منتهية الا الخط
واحد فقط او خطوط متعددة الوضوع



ليكن الدائرة $أ ب$ والنقطة الخارجة عنها $ح$
ونجد مركزها بالشكل الاول وليكن النقطة $م$
ونصل بينها وبين نقطة $ح$ بخط مستقيم
ونخرج على استقامته في جهة $م$ الى ان ينتهي
الى المحيط فليكنه على نقطة $د$ وليقطع المحيط
الادني على نقطة $ح$ ونخرج من نقطة $ح$ جهة
الادني على المستقيمة في جهة الدائرة الى ان يقطع
المحيط الادني على نقطة $ل$ $آ$ $ط$ وينتهي الى
المحيط الاقصي على نقطة $ر$ $أ$ وليكن
الخطوط المستقيمة الخارجة من نقطة $ح$
لمنتهية الى الدائرة غير قاطعة ايها خطوط

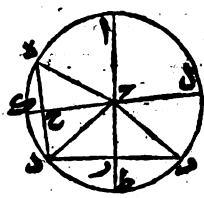
ح $ح$ $ح$ $ح$ فاقول ان خط $ح د$ اطول القاطعة $و ح$ الاقرّب منه
اطول من $ح ر$ وهو من $ح آ$ وان خط $ح ح$ اقصر من $ح ل$ وهو من $ح ل$ وهو
من $ح ط$ برهانه نصل بين المركز وبين كل واحدة من نقطة $ر$ $أ$ بخط
مستقيم فلان $ح م$ $م$ اعني $ح د$ معا اطول من $ح$ بالشكل العشرين من
الاولي فخط $ح د$ اطول من خط $ح$ وبمثله تبين ان خط $ح د$ اطول من $ل$
واحد من خطي $ح ر$ $ح آ$ ولان ضلعي $ح م$ $م$ مكافئ ل $ح م$ $م$ $ر$ كل

لنظير وزاوية حـمـه اعظم من زاوية حـمـه بقاعدة حـمـه اطول من قاعدة حـمـه
 بالشكل الرابع والعشرين من الاولي وبمثله تبين ان خط حـمـه اطول من خط
 حـمـه ونصل بين المراكز وبن كل واحد من نقط حـمـه خط مستقيم فلان
 ضلعي حـمـه اطول من حـمـه بالشكل العشرين
 من الاولي و حـمـه يساوي حـمـه المخرج اقصر من
 حـمـه وبمثله تبين ان حـمـه اقصر من كل واحد من
 خطي حـمـه ولان حـمـه المخرج اقصر من
 حـمـه المخرج مع الشكل الواحد والعشرين من
 الاولي و حـمـه يساوي حـمـه المخرج حـمـه اقصر من
 حـمـه وبمثله تبين ان خط حـمـه اقصر من حـمـه
 ونرسم على نقطة حـمـه من خط حـمـه زاوية حـمـه
 كزاوية حـمـه بالشكل الثالث والعشرين من
 الاولي ونخرج خط حـمـه في جهة حـمـه الى ان ينتهي
 الى المحيط على نقطة حـمـه ونصل حـمـه بخط
 مستقيم فلان زاوية حـمـه كزاوية حـمـه والاضلاع المحيطة بالزاويتين
 المتناظرة متساوية فقاعدة حـمـه كقاعدة حـمـه بالشكل الرابع من الاولي
 ولا يمكن ان يخرج من نقطة حـمـه خط اخر مستقيم ينتهي الى محيط الدائرة
 ولا يقطعها في جهة حـمـه من خط حـمـه ويباين وضعه وضع حـمـه ويكون
 مساويا لخط حـمـه والا فليكن خط حـمـه ونصل حـمـه بخط
 مستقيم فلان اضلاع حـمـه كاضلاع حـمـه المتناظرة
 بالشكل الثامن من الاولي فزاوية حـمـه كزاوية حـمـه وكانت زاوية
 حـمـه كزاوية حـمـه فزاوية حـمـه كزاوية حـمـه فالجزء يساوي كله هذا
 خلف فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين
 واستبان منه اذا خرج من نقطة حـمـه خط يماس دائرة حـمـه مثلا
 لنا ان نخذ خطا اخر مستقيما ينتهي الى الدائرة مساويا لخط حـمـه
 في الجهة الاخرى من خط حـمـه وذلك بان نصل بين نقطتي حـمـه بخط
 مستقيم فيحدث زاوية حـمـه ونرسم على نقطة حـمـه من خط حـمـه زاوية
 مساوية لزاوية حـمـه في الجهة الاخرى من خط حـمـه بالشكل الثالث
 والعشرين من الاولي وليكن في زاوية حـمـه ونخرج ضلع حـمـه الى ان
 ينتهي الى المحيط فليكنه الى نقطة حـمـه منه ونصل بينها وبين نقطة حـمـه
 مستقيما فخط حـمـه يساوي خط حـمـه بالشكل الرابع من الاولي فاذا ركبنا
 نصف دائرة حـمـه على نصف دائرة حـمـه فبنطبق قوس حـمـه على
 قوس حـمـه لما بيننا في صدر المقالة الاولي فبنطبق نقطة حـمـه على نقطة
 حـمـه والا لانطبق على نقطة بين نقطتي حـمـه او خارجه عنهما في جهة
 حـمـه فليكون حـمـه اما اقصر من حـمـه او اطول وكان مساويا له هذا خلف
 فبنطبق



فينطبق نقطة α على نقطة β وخط $\alpha\beta$ على $\alpha\beta$ والا لا حاطا
بسطة مستو هذا خلف فاذا يخرج خط $\alpha\beta$ في جهة α لا يقطع الدائرة
لان $\alpha\beta$ المنطبق على خط $\alpha\beta$ اذا يخرج في تلك الجهة لا يقطعها لانه
يماس الدائرة فخط $\alpha\beta$ يماس دائرة $\alpha\beta$ ولا يمكن ان يماسها خط اخر
مستقيم يخرج من نقطة α على نقطة بين نقطتي $\alpha\beta$ او خارجا عنهما
لانه لو وجد مماسا فاذا خرج مع احد خطي $\alpha\beta$ في جهة الدائرة
فلا بد وان يحبطا بسطة هذا خلف اذا الخط المماس للدائرة لا يقطعها
او لا يلقي الدائرة وفرض انه مماسها هذا خلف فكل نقطة خارجة عن
دائرة فلا يمكن ان يماسها من الخطوط المستقيمة الخارجة منها الى الدائرة
الا خطان مستقيمان فقط احدهما من احد جانبي الخط المسامة
لمركزها والاخر من الجانب الاخر منه $\alpha\beta$

كل نقطة في اي دائرة خرج منها الى محيطها
خطوط مستقيمة متساوية فوق اثنين فان النقطة



مركزها $\alpha\beta$

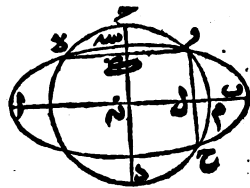
ليكن الدائرة $\alpha\beta$ والنقطة الكائنه فيها α والخطوط
المستقيمة المتساوية الخارجة منها الى المحيط $\alpha\beta$
 $\alpha\beta$ فاقول ان نقطة α مركز دائرة $\alpha\beta$ برهانه نصل

بين نقطة α وبين كل واحدة من نقطتي $\alpha\beta$ بخط مستقيم وننصف
 $\alpha\beta$ على نقطة α و $\alpha\beta$ على نقطة α بالشكل العاشر من الاولي ونصل بين
نقطة α وبين كل واحدة من نقطتي $\alpha\beta$ بخط مستقيم فلان اضلاع
مثلثي $\alpha\beta$ و $\alpha\beta$ المتناظرة متساوية فبالشكل الثامن من الاولي زاوية
 $\alpha\beta$ و $\alpha\beta$ كزاوية $\alpha\beta$ وبمثلها تبين ان زاوية $\alpha\beta$ كزاوية $\alpha\beta$ من
مثلثي $\alpha\beta$ و $\alpha\beta$ فخط $\alpha\beta$ عمود على خط $\alpha\beta$ وخط $\alpha\beta$ عمود على خط
 $\alpha\beta$ فنخرج من خطي $\alpha\beta$ في جهته الى ان ينتهي الى المحيط فلينته خط
 $\alpha\beta$ الى نقطتي $\alpha\beta$ وخط $\alpha\beta$ الى نقطتي $\alpha\beta$ فباستبانة الشكل الاولي
كل من خطي $\alpha\beta$ الى المركز فنقطة α الفصل المشترك بينهما مركز
لدائرة $\alpha\beta$ وذلك ما اردنا ان نبين $\alpha\beta$

واورد ثابت بن قرة برهانا اخر لهذا الشكل في كتابه وحكي انه وجده
في بعض النسخ اليونانية تركت ذكره لان برهان الكتاب البسيط
والبراهين على اشكال الكتاب كثيرة استنبطها المتقدمون والمتأخرون
والالبق بالاياد من البراهين في كتاب الاصول ليس الا ما هو لا بسط $\alpha\beta$

لا يمكن ان تقطع دائرة اخري علي اكثر من نقطتين
سوا كانتا في سطح واحد او في سطحين متقاطعين

والا فليقطع دائرة AB دائرة CD علي نقطة E AC فاقول ان هذا غير
ممكّن برهانه نصل بين نقطة R وبين كل واحدة من نقطتي E AC بخط
مستقيم وننصف RE علي نقطة A و RC علي
نقطة L بالشكل العاشر من الاولي ونخرج من
نقطة A علي RE عمود AN ومن نقطة L علي خط
 RC عمود LN بالشكل الحادي عشر من الاولي
ونخرج كل منهما في جهته الي ان ينتهي الي المحيط



فليبتئ AN الي محيط دائرة CD علي نقطتي CD والي محيط دائرة AB
علي نقطة S من قوس DR و LN الي محيط دائرة AB علي نقطتي AB والي
محيط دائرة CD علي نقطة M من قوس RC فلانا اذا وصلنا بين نقطتي
 AN بخط مستقيم كانت كل واحدة من زاويتي NAL NLA اقل من قائمة
لان كلا من زاويتي NAL NLA قائمة فجمعهما اقل من قائمتين فخطا
 AN LN يتلاقيان فليبتئ علي نقطة T فلان RE وتر لكل واحد من
قوسي RE RS فباستبانة الشكل الاولي خط CD يمر بكل واحد من
مركزي دائرتي AB CD ويمثله تبيين ان خط AB يمر بكل واحد من مركزي
دائرتي AB CD والفصل المشترك بين خطي AB CD الذي هو نقطة T
مركز لكل واحد من دائرتي AB CD فيكون الدائرتين المتقاطعتين
مركز واحد هذا غير ممكن بالشكل الخامس واما اذا كانت في السطحين
المتقاطعين وذلك ظاهر انها لا يتقاطعان الا علي نقطتين فالحكم ثابت
وذلك ما اردنا ان نبين

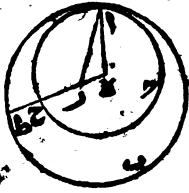
وقد اورد ثابت بن قرة برهانا اخر لهذا الشكل تركناه كما ذكرناه
في اخر الشكل المتقدم

يب

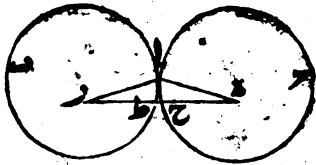
كل دائرتين متماستين احاطت احدهما
بالاخرى اولم يحيط فان الخط المستقيم المار بمركزيهما
يمر بنقطة التماس

ليكن دائرة AB مماس دائرة AC علي نقطة A ومركز دائرة AB E ومركز
دائرة

دايرة $\overline{آح}$ روليكن دايرة $\overline{آب}$ هي المحيط فاقول ان الخط المستقيم الواصل بين نقطتي $\overline{آ}$ و $\overline{ر}$ يمر بنقطة $\overline{آ}$ برهانه اما الاول فلانه لو لم يمر بنقطة $\overline{آ}$ لقطع خط $\overline{آر}$ بعد اخراجه في جهة $\overline{ر}$ محيط دايرة $\overline{آح}$ علي نقطة $\overline{ح}$ ومحيط $\overline{آب}$ علي نقطة $\overline{ط}$ ونصل بين نقطة $\overline{آ}$ وبين كل واحدة من نقطتي $\overline{ر}$ بخط مستقيم فلان خطي $\overline{آر}$ و $\overline{آح}$ المتساويين لخط $\overline{آح}$ لكون



ار $\overline{آر}$ متساويين اعظم من $\overline{آح}$ بالشكل العشرين من الاول و $\overline{آط}$ يساوي $\overline{آح}$ فخط $\overline{آح}$ المتساوي لخطي $\overline{آر}$ و $\overline{آط}$ اعظم من خط $\overline{آح}$ فالحزب اعظم من كله هذا خلف واما برهان الثاني فلان $\overline{آح}$ و $\overline{آر}$ معا اعظم من $\overline{آح}$ و $\overline{آر}$ بالشكل العشرين من الاول

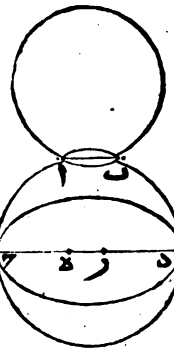


وخط $\overline{آح}$ يساوي $\overline{آح}$ وخط $\overline{آر}$ يساوي $\overline{آح}$ فخط $\overline{آح}$ و $\overline{آر}$ معا اعظم من خط $\overline{آح}$ فالحزب اعظم من كله هذا خلف فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين

يب

كل دايرتين وقع بينهما تماس من داخل او من خارج فانه لا يكون علي نقطة واحدة فقط

ليكن دايرة $\overline{آب}$ تماس دايرة $\overline{آد}$ فاقول ان تماسهما علي نقطة واحدة فقط برهانه فان امكن علي اكثر منها فليكن علي نقطتي $\overline{آد}$ من داخل او علي نقطتي $\overline{آب}$ من خارج اما الاول فلان دايرتي $\overline{آب}$ و $\overline{آد}$ متماسكتان فيكون مركزاهما مختلفتي الوضع بالشكل



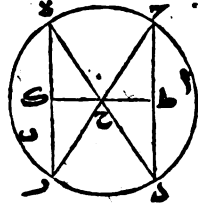
السادس فنجدهما بالشكل الاول وليكونا نقطتي $\overline{آ}$ و $\overline{د}$ ونصل بينهما بخط $\overline{آد}$ المستقيم ونخرجه في جهتيه علي استقامته فيمر علي نقطتي $\overline{آ}$ و $\overline{د}$ اعني موضع تماسهما بالشكل المتقدم فلان $\overline{آد}$ مركز دايرة $\overline{آب}$ ف $\overline{آد}$ مثل $\overline{آد}$ ف $\overline{آد}$ اطول من $\overline{آد}$ لان $\overline{آد}$ اطول منه ولان $\overline{آد}$ مركز دايرة $\overline{آد}$ ف $\overline{آد}$ مثل $\overline{آد}$ وكان $\overline{آد}$ اطول من $\overline{آد}$ فهو اطول من $\overline{آد}$

فجزء الشيء اعظم من كله هذا خلف واما الثاني فلان كلا من نقطتي $\overline{آ}$ و $\overline{د}$ علي كل واحد من محيطي دايرتي $\overline{آب}$ و $\overline{آد}$ فالخط المستقيم الواصل بينهما يكون وتوازي كل واحدة منهما بالشكل الثاني وكل وتريكون في احديهما فهو خارج عن الاخر فيكون خط $\overline{آد}$ داخلا في كل واحدة من دايرتي $\overline{آب}$ و $\overline{آد}$ وخارجا عنهما هذا خلف فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين

ح

جميع الاوتار الواقعة في الدائرة الواحدة ان كانت
متساوية كانت ابعادها عن مركزها وبالعكس

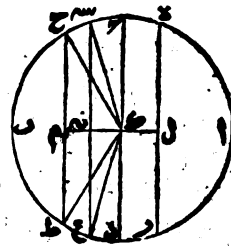
ليكن في دائرة AB وتر CD فنجد مركزها بالشكل الاول وليكن
 H ونخرج منه علي وتر CD عمودي CH بالشكل الثاني عشر من
الاولي فاقول ان CD مساويا لهر فعمود CH كعمود CH وبالعكس
برهانه اما الاول نصل بين C وكل واحدة من نقط D ونحيط
مستقيم فلان اضلاع مثلثي CDH و CHD المتناظرة متساوية فبالشكل الثامن
من الاول زاوية CHD كزاوية DCH ولان CH نصف
وتر CD و CH نصف وتر CD بالشكل الثالث ووتر
 CD و CH متساويان فضلعا CH و CH وزاوية CHD من
مثلث CHD يساوي ضلعي CH وزاوية DCH من
مثلث DCH فقاعدت CH كقاعدة CH بالشكل
الرابع من الاول واما الثاني وهو بين ان عمودي CH ان كانا متساويين
كان وتر CD كوتر CD فلان كلا من زاويتي CHD و CHD قائمة فربع CH
يساوي مربعي CH و CH وكذلك مربع CH المساوي لمربع CH يساوي
مربعي CH و CH بالشكل السابع والاربعين من الاول فاذا اسقطنا من مربع
 CH مربع CH ومن مربع CH مربع CH يكون الباقي من مربع CH هو
مربع CH ومن مربع CH مربع CH فربع CH يساوي مربع CH و CH
يساوي CH و CH و CH ضعفاهما متساويان وذلك ما اردنا ان نبين
واستبان منه ان كل وتر في دائرة فان بعد اصغرهما عن مركزها اعظم
من بعد اعظمهما



يد

قطر كل دائرة اطول الاوتار الواقعة فيها قطرها
والاقر ب اليه اطول من الابعد منه

ليكن خط CD قطر دائرة AB وتر EF اقرب اليه
من وتر GH فاقول ان قطر CD اطول منهما وان CD
اطول من CH برهانه نصف CD علي نقطة H
بالشكل العاشر من الاول وفي المركز ونخرج منها
عمودي CH و CH علي وتر EF بالشكل الثاني عشر
من الاول ولان وتر EF اقرب الي المركز من وتر GH يكون عمود CH اطول
من عمود CH باستبانة الشكل المتقدم فنصل من عمود CH الي CH مثل عمود
 CH بالشكل

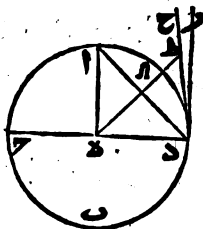


ال بالشكل الثالث من الاول وتخرج من نقطة ن وتر س ع يوازي قطر
رد في جهته على الاستقامته الى ان ينتهي الى المحيط بالشكل الواحد
والثلاثين من الاول فوتر س ع ر متساويان بالشكل المتقدم ونصل
بين نقطة آ وكل من نقط س ح ع ط بخط مستقيم فلان ضلعي الس ع آ
معا اعني رد اعظم من س ع بالشكل العشرين من الاول فقطر رد اطول
من كل واحد من وتري س ع ر ولان ضلعي الس ع آ يساويان ضلعي
آ ح ط وزاوية س ع آ اعظم من زاوية ح ط قوس س ع المساوي لهر
اطول من وتر ح ط بالشكل الرابع والعشرين من الاول فالحكم ثابت
وذلك ما اردنا ان نبين

يد

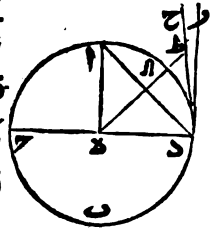
كل خط مستقيم خرج من طرف اي قطر دائرة
عمودا عليه فانه يقع خارج الدائرة ولا يقع بينه
وبين محيطها خط اخر مستقيم وكل زاوية حادة
مستقيمة الخطين فهي اصغر من زاوية نصف الدائرة
واعظم من الزاوية التي يحيط بها العمود والمحيط

ليكن دائرة آ ب قطرها رد وقد خرج من نقطة د اعني طرفه عمود د ر
فاقول انه يقع خارج دائرة آ ب ولا يقع بينه وبين محيط آ د خط اخر
مستقيم وكل زاوية حادة مستقيمة الخطين فهي اصغر من زاوية آ د ر
التي هي زاوية قطعة آ د ر واعظم من الزاوية التي يحيط
بها العمود ومحيط آ د برهانه والا فليقع العمود داخل
دائرة آ ب وتخرجه حتي يقطع المحيط وليقطعه على
نقطة آ ونصف قطر رد على نقطة ع بالشكل العاشر
من الاول فهي المركز ونصل بينها وبين نقطة آ بخط
مستقيم فلان ضلعي آ ع د متساويان يكون زاويتا ع د آ



د آ د متساويتين بالشكل الخامس من الاول وزاوية د آ د قائمة فزاوية د آ د
قائمة فزاويتا مثلث يساويان قائمتين وهما اصغر منهما كما بين في الشكل
السابع عشر من الاول هذا خلف فعمود د ر يقع خارج الدائرة وايضا
فليقع بينه وبين محيط آ د خط مستقيم ان امكن وليكن هو خط د ح
فتخرج من نقطة ع عليه عمود ه ط بالشكل الثاني عشر من الاول فلا يقع
على نقطة د والا يلزم ان يكون جزء الشئ مساويا لكله لانه حينئذ

تكون زاوية ح د ر التي هي المحادة قائمة هذا خلف ولا علي خط د ح بعد
اخر اجه علي استقامته في جهة د لان الزاوية المجاورة لزاوية ح د ر
المحادة منفرجة بالشكل الثالث عشر من الاولي فبلزم ان يكون زاويتا
مثلث اعظم من قائمتين وهما اصغر منهما بما يبين في الشكل السابع عشر
من الاولي فيقع عمود ه ط علي خط د ح في جهة ح ولينقطع المحيط علي
نقطة آ فزاوية ه د ط حادة لانها اصغر من زاوية ه د ر القائمة فبالشكل
الثامن عشر من الاولي يكون ضلع ه د اعني ه آ اعظم من
ه ط فيكون جزء الشيء اعظم من كله هذا خلف وايضا
فان زاوية آ د ه اعني زاوية القطعة لو لم يكن اعظم من
كل زاوية حادة مستقيمة الخطين لكانت اما مساوية
لها او اصغر منها فان كان الاول ينطبق خط مستقيم
علي قوس د آ وهو محال باستبانة الشكل الثاني وان كان
الثاني فيقع بين عمود د ر ومحيط آ د خط مستقيم لان الزاوية المحادة
المستقيمة الخطين قد فرضت انها اعظم من زاوية آ د ر اعني زاوية
القطعة وهي اصغر من زاوية ر د ر القائمة هذا خلف وايضا فان زاوية
آ د ر اصغر من اي زاوية حادة مستقيمة الخطين والا لكانت مساوية لها
فبصح انطباق الخط المستقيم علي محيط آ د علي تقدير التساوي وقد
بيننا استحالة او يقع بين عمود ر د ومحيط آ د خط مستقيم علي تقدير
ان يكون اعظم وقد تبين استحالة ايضا بالحكم ثابت وذلك ما اردنا
ان نبين



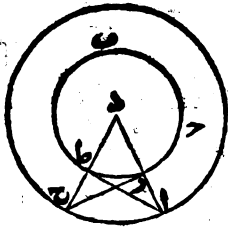
واستبان منه ان كل خط مستقيم خرج من طرف قطري دائرة عمودا عليه
فانه يماس الدائرة وان لنا ان نرسم علي نقط غير متناهية تفرض علي
خط ه ر قبل اخر اجه او بعد اخر اجه في جهته ر دواير غير متناهية
نصف قطر كل منها بقدرها يقع من خط د ر وما يتصل به بين النقطة
التي نرسم عليها الدواير وبين نقطة د ويكون عمود د ر عمودا علي قطر كل
دائرة منها ومحيط كل دائرة منها يقع بين عمود د ر ومحيط دائرة آ د
وان نرسم علي نقط غير متناهية تفرض علي خط د ه دواير غير متناهية
قطر كل منها بقدرها يقع من خط د ه بين النقطة التي نرسم عليه
الدائرة وبين نقطة د ويكون عمود د ر عمودا علي قطر كل دائرة منها
ومحيط دائرة آ د يقع بين عمود د ر وبين كل واحد من محيط تلك الدوائر

يو

كل نقطة ودائرة هما في سطح واحد والنقطة
خارجة عن الدائرة فان لنا ان نخرج منها خطا

مستقيما

مستقيماً يماس تلك الدائرة



ليكن النقطة $أ$ والدائرة $د$ ومركزها $د$ فنصل بين نقطتي $أ د$ بخط مستقيم فيقطع محيطها على نقطة $ر$ ونرسم على نقطة $د$ وببعد $أ د$ دائرة $أ ح$ ونخرج من نقطة $ر$ طرف قطر $د ر$ عمود $م ح$ عليه

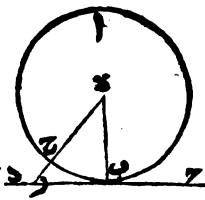
بالشكل الحادي عشر من الأولي ونخرج العمود على استقامته إلى أن ينتهي إلى محيط $أ ح$ ولينته على نقطة $ح$ ونصل بين نقطتي $د ح$ بخط مستقيم فيقطع محيط $ب ح$ على نقطة $ط$ ونصل بين نقطتي $أ ط$ بخط مستقيم فاقول أن خط $أ ط$ يماس دائرة $د$ برهانه فلان ضلعي $د أ د ط$ من مثلث $أ د ط$ يساويان ضلعي $د ح$ من مثلث $د ح ر$ كل لنظيرة وزاوية $د$ مشتركة بين كل واحد من الضلعين فيالشكل الرابع من الأولي زاوية $أ ط د$ تساوي زاوية $ح ر د$ القائمة فزاوية $أ ط د$ قائمة فخط $أ ط$ عمود على قطر $د$ فهو يماس دائرة $ب ح$ باستبانة الشكل المتقدم فالحكم ثابت وذلك ما أردنا أن نبين

واستبان منه أن كل زاوية يحيط بها الخط المستقيم المماس للدائرة الخارج من نقطة خارجة عنها ونصف قطرها الواصل بين مركزها ونقطة التماس قائم

ير

كل خط مستقيم واصل بين مركزي دائرة يماسها خط مستقيم وبين نقطة التماس فهو عمود

على الخط المماس

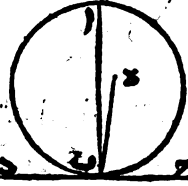


ليكن الدائرة $أ ب$ ومركزها نقطة $د$ وخط $د$ المستقيم يماسها على نقطة $ب$ ووصل بين نقطتي $ب د$ بخط مستقيم فاقول أن خط $ب د$ عمود على خط $د$

برهانه فان لم يكن $د ب$ عمودا على $د$ فليكن العمود عليه خط $د ر$ وليكن قد قطع محيط دائرة $أ ب$ على نقطة $ح$ فلان زاوية $د ب ر$ قائمة فزاوية $د ب ر$ حادة بالشكل السابع عشر من الأولي فضلع $ب د$ المساوي لخط $د ح$ أطول من $د ر$ بالشكل التاسع عشر من الأولي فخط $د ح$ أعظم من $د ر$ فالجزء أعظم من كله هذا خلف فالحكم ثابت وذلك ما أردنا أن نبين

ج

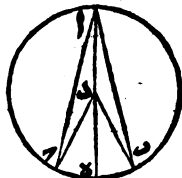
كل خط مستقيم يماس دائرة وخرج من نقطة
التماس خط مستقيم عمودا على الخط المماس فهو يمر
بمركز الدائرة ان اخرج فيها



ليكن خط $\overline{ح د}$ المستقيم يماس دائرة $\overline{أ ب}$ على نقطته $\overline{ب}$
وخرج من نقطة $\overline{ب}$ خط $\overline{أ ب}$ المستقيم عمودا على خط
 $\overline{ح د}$ في جهة الدائرة فاقول انه يمر بمركز دائرة $\overline{أ ب}$
برهانه فلانه ان لم يمر بمركز الدائرة لم يكن نقطة اخرى وليكن مركز
دائرة $\overline{أ ب}$ نقطة $\overline{ه}$ فنصل بينها وبين نقطة $\overline{ب}$ بخط مستقيم فهو عمود
على خط $\overline{ح د}$ بالشكل المتقدم فتكون زاوية $\overline{ه ب ح}$ مساوية لزاوية $\overline{أ ب ح}$
فجزء الشيء يساوي كله هذا خلف بالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين
نط

كل زاوية على مركز دائرة فهو ضعف الزاوية التي
على محيطها ان كانتا على قوس واحدة من محيطها

ليكن زاوية $\overline{ب د ح}$ على مركز دائرة $\overline{أ ب ح}$ وزاوية $\overline{ب أ ح}$ على محيطها
فاقول ان الزاوية المركزية ضعف المحيطية برهانه نصل بين $\overline{أ د}$ بخط

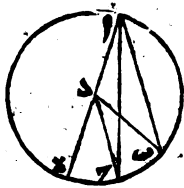
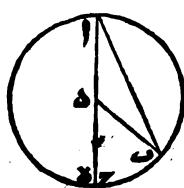


مستقيم ونخرجه على استقامته في جهة $\overline{د}$ الى ان
ينتهي الى المحيط على نقطة $\overline{ه}$ فلان اضلاع $\overline{د ب د ح}$ و $\overline{د أ د ح}$
متساوية فكل من زاويتي $\overline{أ ب د}$ و $\overline{أ د ب}$ $\overline{أ د ح}$ و $\overline{ب د ح}$
متساويتان بالشكل الخامس من الاول فزاويتي $\overline{أ ب د}$ و $\overline{أ د ب}$
 $\overline{أ د ب}$ ضعف زاوية $\overline{ب أ د}$ وزاويتي $\overline{أ د ب}$ و $\overline{أ د ح}$ ضعف

زاوية $\overline{ح أ د}$ ولان زاوية $\overline{ب د ه}$ تساوي زاويتي $\overline{أ ب د}$ و $\overline{أ د ب}$ وزاوية $\overline{ح د ه}$
تساوي زاويتي $\overline{أ د ح}$ و $\overline{ب د ح}$ بالشكل الثاني والثالثين من الاول فزاوية $\overline{ب د ح}$
ضعف زاوية $\overline{ب أ ح}$ وذلك ما اردنا ان نبين

ولهذا الشكل اختلاف وقوع فان خط $\overline{أ ه}$ يمكن ان يقع بين خطي $\overline{ب د}$
 $\overline{د ح}$ ويمكن ان ينطبق على احدها ويمكن ان يقع خارجا عنهما اما
الاول فقد ببناء واما الثاني فلان ضلعي $\overline{ب د}$ و $\overline{د أ}$ متساويان يكون زاويتا
 $\overline{أ ب د}$ و $\overline{أ د ب}$ متساويتين فهما ضعف زاوية $\overline{ب أ د}$ فزاوية $\overline{ب د ه}$ الخارجة
من مثلث $\overline{أ ب د}$ تساوي زاويتي $\overline{أ ب د}$ و $\overline{أ د ب}$ بالشكل الثاني والثالثين من
الاولي فهي ضعف زاوية $\overline{ب أ د}$ واما الثالث فلان ضلعي $\overline{ب د}$ و $\overline{د أ}$
متساويان يكون زاويتا $\overline{أ ب د}$ و $\overline{أ د ب}$ متساويتين فهما ضعف زاوية $\overline{ب أ د}$
وزاوية

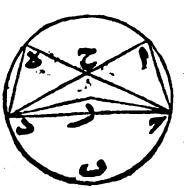
وزاوية $\widehat{ب د ه}$ الخارجة تساوي زاويتي $\widehat{ب ا د}$ $\widehat{ا ب د}$ بالشكل الثاني والثالثين
من الاول فهي تساوي ضعف زاوية $\widehat{ب ا د}$ وايضا فلان ضلعي $\widehat{ح د د ا}$
متساويان تكون زاويتا $\widehat{ح ا د}$ $\widehat{ا ح د}$ متساويتين وهما ضعف زاوية $\widehat{ح ا د}$
وزاوية $\widehat{ح د ه}$ الخارجة تساوي زاويتي $\widehat{ح ا د}$ $\widehat{ا ح د}$ بالشكل الثاني والثالثين



من الاول فهو يساوي ضعف زاوية
 $\widehat{ح ا د}$ وكانت زاوية $\widehat{ب د ه}$ تساوي
ضعف زاوية $\widehat{ب ا د}$ فاذا استقطنا
من زاوية $\widehat{ب د ه}$ زاوية $\widehat{ح د ه}$ ومن
زاوية $\widehat{ب ا د}$ زاوية $\widehat{ح ا د}$ يبقی زاوية

$\widehat{ب د ه}$ ضعف زاوية $\widehat{ب ا د}$ وهذه صورتها

جميع الزوايا الواقعة في قطعة واحدة من دائرة واحدة

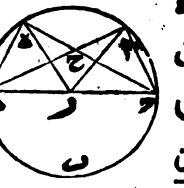
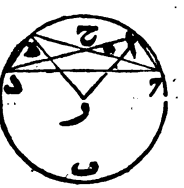


متساوية

لكن في قطعة $\widehat{ح ا د}$ من دائرة $\widehat{ا ب د}$ زاويتا $\widehat{ح ا د}$ $\widehat{ا ح د}$
فاقول انهما متساويتان برهانهم نجد مركز دائرة $\widehat{ا ب د}$
بالشكل الاول وليكن $\widehat{ر}$ ونصل $\widehat{ر ح}$ $\widehat{ر د}$ بخطين

مستقيمين فزاوية $\widehat{ح ر د}$ ضعف كل واحدة من زاويتي $\widehat{ح ا د}$ $\widehat{ا ح د}$ بالشكل
المتقدم فهما متساويتان

ولهذا الشكل اختلاف وقوع فان قطعة $\widehat{ح ا د}$ يمكن ان تكون اكثر من
نصف دائرة ويمكن ان تكون اقل منه ويمكن ان تكون نصف دائرة
اما الاول فقد ببناء واما الثاني فلا بد وان يقع التقاطع بين ضلعين من
اضلاع زاويتي $\widehat{ح ا د}$ $\widehat{ا ح د}$ ويقع بين ضلعي $\widehat{ح ا د}$ $\widehat{ا ح د}$ علي نقطة $\widehat{ح}$ ونصل
بين كل واحدة من نقطتي $\widehat{ا}$ $\widehat{ه}$ وبين المركز بخط مستقيم فيكون زاوية $\widehat{ا ر ه}$



ضعف كل واحدة من زاويتي $\widehat{ح ا د}$ $\widehat{ا ح د}$
بالشكل المتقدم فهما متساويتان
وزاويتا $\widehat{ح ا د}$ $\widehat{ا ح د}$ المتقابلتان
متساويتان بالشكل الخامس عشر من
الاولي فبصر زاويتا $\widehat{ح ا د}$ $\widehat{ا ح د}$

متساويتين بالشكل الثاني والثالثين من الاول اذ بين فيه ان جميع زوايا
اي مثلث كثايمتين واما الثالث فبين بمثل ما بينا وهذه صورتها

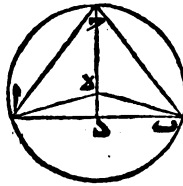
كل ذي اربعة اضلاع يقع في دائرة فان كل

متساويتان برهانه نركب قطعة $\overline{ا ب}$ علي قطعة $\overline{ح د}$ بحيث ينطبق
نقطة $\overline{آ}$ علي نقطة $\overline{ح}$ ونقطة $\overline{ب}$ علي نقطة $\overline{د}$ ويكون كل واحدة منهما
من القاعدة في جهة واحدة فلا يمكن ان يختلف قوسا $\overline{ا ب}$ $\overline{ح د}$ والا
فيختلفا ويلزم المحذور المذكور في الشكل المتقدم فبنطبق قوس $\overline{ا ب}$
علي قوس $\overline{ح د}$ ويثبت الحكم وذلك ما اردنا ان نبين

قد

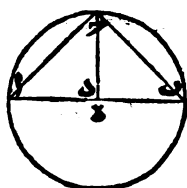
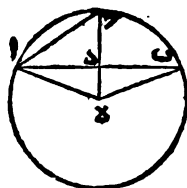
اي قطعة مفروضة من دائرة لنا ان نقيمها دائرة

ليكن القطعة $\overline{ا ب}$ فننصف قاعدة $\overline{ا ب}$ علي نقطة $\overline{د}$ بالشكل العاشر من
الاولي ونخرج منها عمود $\overline{د ح}$ علي $\overline{ا ب}$ في جهة $\overline{ح}$ بالشكل الحادي عشر من
الاولي ونخرج في تلك الجهة الي ان ينتهي الي قوس $\overline{ا ب}$
فلينته علي نقطة $\overline{ح}$ ونصل $\overline{ا ح}$ بخط مستقيم ونرسم علي
نقطة $\overline{آ}$ من خط $\overline{ا ح}$ زاوية $\overline{ح آ د}$ في جهة $\overline{د}$ كزاوية $\overline{ا ح د}$
بالشكل الثالث والعشرين من الاول فلان زاوية $\overline{ا ح د}$
قائمة تكون زاوية $\overline{د ح آ}$ قائمة بالشكل السابع عشر من



الاولي فزاويتا $\overline{د ح آ}$ و $\overline{ا ح د}$ المتساويتان اقل من قائمتين فاذا اخرجنا خطي
 $\overline{ح د آ}$ في جهة $\overline{د}$ علي استقامتهما يلتقيان فليلتقيا علي نقطة $\overline{ه}$ فلان
زاويتي $\overline{د ح آ}$ و $\overline{ا ح د}$ متساويتان يكون ضلعا $\overline{د ح}$ و $\overline{د ه}$ متساويين بالشكل
السادس من الاول ونصل $\overline{ب ه}$ بخط مستقيم فلان خط $\overline{ح د}$ عمود علي خط
 $\overline{ا ب}$ فكل من زاويتي $\overline{ب د ه}$ و $\overline{ا د ه}$ قائمة بالشكل الثالث عشر من الاول وضلع
 $\overline{د ب}$ كضلع $\overline{د ا}$ وضلع $\overline{د ه}$ مشترك بين مثلثي $\overline{ب د ه}$ و $\overline{ا د ه}$ فبالشكل الرابع
من الاول قاعدة $\overline{ب ه}$ كقاعدة $\overline{ا ه}$ فحز المسوي لاه يساوي $\overline{ب ه}$ فخطوط
 $\overline{ب ه}$ و $\overline{ا ه}$ متساوية فاذا جعلنا نقطة $\overline{ه}$ مركزا وادرنا عليه دائرة ببعد
 $\overline{ه ا}$ فيمر محيطها علي نقط $\overline{ا ح ب}$ بالشكل التاسع فالحكم ثابت وذلك ما
اردنا ان نبين

ولهذا الشكل اختلاف وقوع فان خط $\overline{ا ه}$ اما ان يقع خارجا عن خطي
 $\overline{ا ب}$ و $\overline{ا ح}$ وذلك اذا كانت القطعة اقل من نصف الدائرة واما ان ينطبق



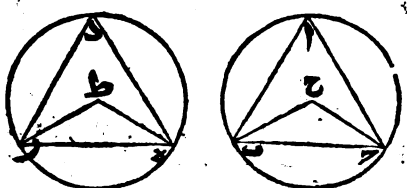
علي خط $\overline{ا ب}$ بحيث يقع نقطة $\overline{ه}$
علي نقطة $\overline{د}$ وذلك اذا كانت القطعة
نصف الدائرة واما ان يقع فيما
بين خطي $\overline{ا ب}$ و $\overline{ا ح}$ وذلك اذا كانت
اعظم من نصفها والاولي ببناء

والثاني والثالث يظهر بهانه مما ذكرناه وهذه صور

قد

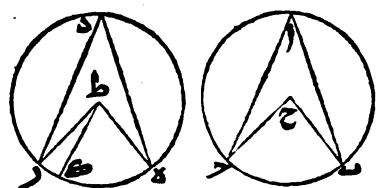
جميع الزوايا المتساوية الكائنة علي محيطات الدوائر
المتساوية او علي مركزها فهي اما تقع علي قوسي
متساوية من تلك الدوائر

ليكن زاويتنا $\angle \text{ب ح د}$ و $\angle \text{ط}$
المتساويتان علي مركز دائرتي ا ب د
و د ه ر المتساويتين وزاويتنا $\angle \text{ب ا ح}$ و د ه ر
المتساويتان علي محيطهما فاقول ان قوسي ب ح و د ه ر متساويتان برهانه
نصل ب د و ه ر خطين مستقيمين فلان ضلعي ب ح ح د من مثلث ب ح د
يساويان ضلعي ط د من مثلث ط د ر كل لنظيره لانها انصاف
اقطار الدائرتين المتساويتين وزاوية ب ح د يساوي زاوية ط د ر
فبالشكل الرابع من الاولي قاعدة ب د تساوي قاعدة ه ر وزاوية ب ح د
ضعف زاوية ب ا ح وضعف اي زاوية تقع في قطعة ب ا ح وزاوية ط د ر
المساوية لزاوية ب ح د ضعف زاوية د ه ر وضعف اي زاوية تقع في
قطعة د ه ر بالشكل التاسع عشر فقطعتنا ب ا ح و د ه ر متشابهتان وهما
كائنتان علي قاعدتي متساويتين فهما متساويتان بالشكل الثالث
والعشرين فاذا القيناها من دائرتي ب ا ح و د ه ر كلا من نظيرتها يبقي قوس
 ب ح مساوية لقوس د ه ر وان فرضنا التساوي لزاويتي ب ا ح و د ه ر يلزم
تساوي زاويتي ب ح د و ط د ر لان كلا منهما ضعف كل واحدة من زاويتي
 د ه ر المتساويتين بالشكل العشرين ويتم المطلوب بمثل ما بينا وذلك
ما اردنا ان نبين



جميع الزوايا الكائنة علي قوسي متساوية من دوائر
متساوية مركزية كانت او محيطية فهي متساوية

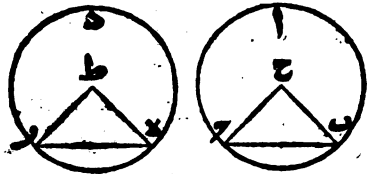
ليكن زاويتنا $\angle \text{ب ح د}$ و $\angle \text{ط}$ كائنتين علي قوسي ب ح و د ه ر المتساويتين من
دائرتي ا ب د و د ه ر المتساويتين فاقول
انهما متساويتان برهانه فان لم يكونا
متساويتين لكانت احديهما اعظم
من الاخرى ولتكن الاعظم زاوية
 ط د ر فنرسم علي نقطة ط من خط ط د
زاوية $\angle \text{ط ا ح}$ كزاوية $\angle \text{ب ح د}$ بالشكل الثالث والعشرين من الاولي فقوس
 ب ح و ا ح يساوي



ولا يساوي قوس $\overline{ب ح}$ بالشكل المتقدم وكانت قوس $\overline{د ر}$ كقوس $\overline{ب ح}$
فقوس $\overline{د ر}$ يساوي قوس $\overline{د ر}$ فالجز يساوي كله هذا خلف فزاوية $\overline{ب ح د}$
كزاوية $\overline{ط ر و}$ وكل منهما ضعف المحيطين الكائنين علي قوسي $\overline{ب ح د}$ و
كل لنظيرته بالشكل التاسع عشر فزاويتا $\overline{ب آ د}$ و $\overline{د ر المحيطةتان}$
متساويتان وذلك ما اردنا ان نبين

جميع الاوتار المتساوية في الدوائر المتساوية تفصل
قوسا متساوية العظمي للعظمي والصغري للصغري

لهكن وترا $\overline{ب ح د}$ من دائرتي $\overline{أ ب د}$ و $\overline{د ر}$ المتساويتين متساويتين فاقول
ان كل واحدة من قوسي $\overline{ب ح د}$ و $\overline{ب آ د}$ يساوي نظيرتها من قوسي $\overline{د ر د ر}$

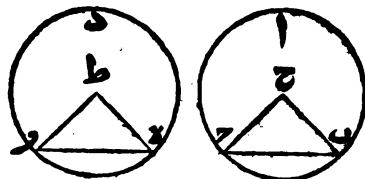


المفصلة بالوترين برهانه نجد مركز
الدائرتين وتكن نقطتي $\overline{ح ط}$ بالشكل
الاول نصل بين $\overline{ح}$ وبين كل واحدة من
نقطتي $\overline{ب ح د}$ بخط مستقيم وكذلك
نصل بين $\overline{ط}$ وبين كل واحدة من

نقطتي $\overline{د ر}$ بخط مستقيم فاضلاع مثلث $\overline{ب ح د}$ كاضلاع مثلث $\overline{ط ر د}$
المتناظرة فبالشكل الثامن من الاولي زاوية $\overline{ب ح د}$ كزاوية $\overline{ط ر د}$ فقوسا
 $\overline{ب ح د}$ و $\overline{د ر}$ متساويتان بالشكل الخامس والعشرين والتساوي الدائرتين
يكون قوسا $\overline{ب آ د}$ و $\overline{د ر}$ متساويتين وذلك ما اردنا ان نبين

جميع القوسي المتساوية من الدوائر المتساوية اوتارها

متساوية



لهكن قوسا $\overline{ب ح د}$ و $\overline{د ر}$ من دائرتي $\overline{أ ب د}$
و $\overline{د ر}$ المتساويتين متساويتين فاقول
ان وتر $\overline{ب ح د}$ كوتر $\overline{د ر}$ برهانه نجد

مركز الدائرتين بالشكل الاول وليكونا نقطتي $\overline{ح ط}$ ونصل بين نقطتي
 $\overline{ح ط}$ وبين نقط $\overline{ب ح د}$ و $\overline{د ر}$ بخطوط مستقيمة فلان زاويتي $\overline{ب ح د}$ و $\overline{ط ر د}$
علي قوسي $\overline{ب ح د}$ و $\overline{د ر}$ المتساويتين من دائرتي $\overline{أ ب د}$ و $\overline{د ر}$ المتساويتين فهما
متساويتان بالشكل السادس والعشرين والاضلاع المتناظرة المحيطة هما
متساوية فبالشكل الرابع من الاولي وترا $\overline{ب ح د}$ و $\overline{د ر}$ متساويان وذلك ما
اردنا ان نبين

ط

اي قوس مفروضة لنا ان ننصفها



ليكن القوس $\overline{ب-ا}$ وترها $\overline{ب-ا}$ فاقول لنا ان ننصفها
برهانه نصف $\overline{ب-ا}$ علي نقطة $\overline{د}$ بالشكل العاشر
من الاولي ونخرج منها عمود $\overline{د-ا}$ علي وتر $\overline{ب-ا}$ بالشكل الحادي عشر من
الاولي ونخرجه في جهة القوس الي ان ينتهي اليها فليكنه علي نقطة $\overline{ح}$
ونصل بينها وبين كل واحدة من نقطتي $\overline{ب}$ $\overline{ا}$ بخط مستقيم فلان ضلعي
 $\overline{د-ب}$ $\overline{د-ا}$ وزاوية $\overline{ا-د-ب}$ تساوي ضلعي $\overline{د-ب}$ $\overline{د-ا}$ وزاوية $\overline{ا-د-ب}$ كل لنظيره
فضلع $\overline{ا-ب}$ كضلع $\overline{ا-ب}$ بالشكل الرابع من الاولي فقوس $\overline{ا-ب}$ كقوس $\overline{ا-ب}$
بالشكل السابع والعشرين وذلك ما اردنا ان نبين

ل

كل زاوية مستقيمة الخطين تقع في قطعة قائمة

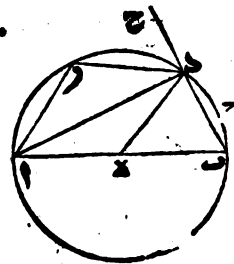
ان كانت القطعة نصف دائرة وحادة ان كانت اعظم

منه ومنفرجة ان كانت اصغر منه وزاوية القطعة

منفرجة ان كانت اعظم من النصف وحادة ان لم

تكن اعظم من النصف سواء كانت القطعة نصف

دائرة او اصغر منه



ليكن قطعة $\overline{ا-ب}$ من دائرة $\overline{ا-ب}$ نصفها ونرسم علي
قوس $\overline{ا-ب}$ نقطة $\overline{ح}$ كيف ما اتفق ونصل بينها وبين كل
واحدة من نقطتي $\overline{ا}$ $\overline{ب}$ بخط مستقيم فاقول ان زاوية
 $\overline{ا-د-ب}$ قائمة برهانه نصف قطر $\overline{ا-ب}$ علي نقطة $\overline{ز}$
بالشكل العاشر من الاولي فهي المركز ونصل بين نقطتي $\overline{د}$ $\overline{ح}$ بخط مستقيم
فخطوط $\overline{د-ب}$ $\overline{د-ا}$ متساوية فلان $\overline{د-ب}$ يساوي $\overline{د-ا}$ تكون زاويتي $\overline{د-ب-ا}$ $\overline{د-ا-ب}$
 $\overline{د-ب-ا}$ متساويتين بالشكل الخامس من الاولي فهما ضعف زاوية $\overline{د-ب-ا}$
وبمثله تبين ان زاويتي $\overline{د-ا-ب}$ $\overline{د-ب-ا}$ متساويتان وبمجموعهما ضعف زاوية
 $\overline{د-ا-ب}$ فيكون مجموع زاويتي $\overline{ا-د-ب}$ $\overline{ب-د-ا}$ المعادلة لقائمتين بالشكل الثاني
والثلاثين من الاولي ضعف زاوية $\overline{ا-د-ب}$ فهي قائمة وبمثله تبين ان كل
زاوية تقع في نصف دائرة قائمة واذا اخرجنا خط $\overline{ب-د}$ في جهة $\overline{د}$ علي
استقامته

استقامته الى نقطة ح يكون زاوية ادح قائمة بالشكل الثالث عشر من
الاولي وايضا فلان كل زاويتي مثلث اقل من قائمتين بالشكل السابع
عشر من الاولي وزاوية ادب قائمة فزاوية ابد حادة وجميع الزوايا التي
تقع في قطعة واحدة متساوية بالشكل العشرين فالزاوية التي تقع في
قطعة اعظم من النصف هي حادة وايضا ان رسمنا علي قوس آد نقطة ر
كيف ما اتفق ونصل بينها وبين كل واحدة من نقطتي آد بخط مستقيم
حدث في دائرة ابد ذوا ربعة اضلاع ابد ر فبكون زاويتا ابد آد
من زوايا معا متساويتان لقائمتين بالشكل الحادي والعشرين وزاوية
ابد حادة فزاوية آد منفرجة وجميع الزوايا الواقعة في قطعة واحدة
متساوية بالشكل العشرين فالزاوية الواقعة في قطعة هي اصغر من نصف
دائرة منفرجة وايضا فلان زاوية ادب قائمة فزاوية ادح منفرجة
فزاوية القطعة التي هي اعظم من نصف دائرة منفرجة ولان زاوية ادح
قائمة فزاوية آد التي هي زاوية قطعة آد ر حادة فالزاوية التي هي زاوية
قطعة هي اقل من نصف الدائرة حادة فاذا اخرجنا عمودا من نقطة ب
علي قطر ابد يقع خارج دائرة ابد بالشكل الخامس عشر فبكون
زاوية ابد حادة فالزاوية التي هي زاوية قطعة هي نصف دائرة حادة
وذلك ما اردنا ان نبين

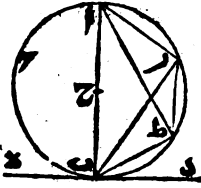
واستبان منه ان محيط كل دائرة قسم بقسمي كم كانت القسي فان الزوايا
المحيطية الواقعة في تلك الدائرة علي تلك القسي تساوي قائمتين فان
كانت الزوايا الواقعة علي تلك القسي مركزية فانها يساوي اربع قوائم
لما بين في الشكل التاسع عن ان الزاوية المركزية ضعف المحيطية
فاقسام محيط اي دائرة تقع قواعد لاربع قوائم مركزية ولقائمتين
المحيطيتين من الزوايا الواقعة فيها

لا

كل خط مستقيم يماس دائرة وخرج من نقطة
التماس في جهة الدائرة خط مستقيم فاصل للدائرة
الي قطعتين فهما يقبلان زاويتين مساويتين
للزاويتين اللتين يحدثان عن جنبي الخط الفاصل
علي التماس

لكن دائرة ابد يماسها خط ده المستقيم علي نقطة ب وخرج منها

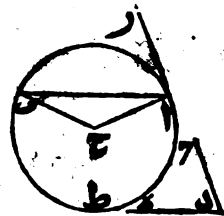
خط $\overline{ب ر}$ المستقيم فاصلا لها الي $\overline{ر ا ب}$ $\overline{ر ط ب}$ فاقول ان قطعة $\overline{ر ا ب}$ تقبل
زاوية تساوي زاوية $\overline{ر ب د}$ وقطعة $\overline{ر ط ب}$ تقبل زاوية تساوي زاوية
 $\overline{ر ب د}$ برهانه نجد مركزها بالشكل الاول وليكن نقطة $\overline{ح}$ ونصل $\overline{ب ح}$
بخط مستقيم ونخرج $\overline{ح}$ الي ان ينتهي الي المحيط ولينته
علي نقطة $\overline{آ}$ ونصل بينها وبين نقطة $\overline{ر}$ بخط مستقيم
فزاوية $\overline{ا ر ب}$ قائمة بالشكل المتقدم وكل من زاويتي
 $\overline{ا ب د}$ $\overline{ا ب د}$ قائمة بالشكل السابع عشر وزاوية $\overline{ر ب ا}$
تمام زاوية $\overline{ر ا ب}$ من قائمة اذ زوايا كل مثلث كقائمتين
بالشكل الثاني والثلاثين من الاول وفي بعينها تمام
زاوية $\overline{ر ب د}$ من قائمة فزاوية $\overline{ر ا ب}$ الواقعة في قطعة $\overline{ر ا ب}$ تساوي
زاوية $\overline{ر ب د}$ ونرسم علي قوس $\overline{ر ط ب}$ نقطة $\overline{ط}$ فكيف اتفق ونصل
بينها وبين كل واحدة من نقطتي $\overline{ر ب}$ بخط مستقيم فلان زاويتي $\overline{ر ب د}$
 $\overline{ر ب د}$ كقائمتين بالشكل الثالث عشر من الاول وزاويتي $\overline{ر ط ب}$ $\overline{ر ا ب}$
المتقابلتين من ذي اربعة اضلاع $\overline{ا ر ط ب}$ كقائمتين بالشكل الواحد
والعشرين وزاوية $\overline{ر ا ب}$ كزاوية $\overline{ر ب د}$ فزاوية $\overline{ر ط ب}$ كزاوية $\overline{ر ب د}$
فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين



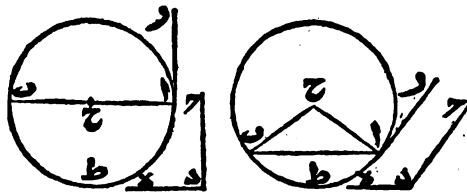
لب

كل خط مستقيم محدود مفروض لنا ان نعمل
عليه قطعة دائرة تقبل زاوية تساوي زاوية مفروضة

ليكن الخط $\overline{ا ب}$ والزاوية $\overline{ح د ه}$ فنرسم علي نقطة $\overline{آ}$ من خط $\overline{ا ب}$ زاوية
 $\overline{ر ا ب}$ تساوي زاوية $\overline{ح د ه}$ بالشكل الثالث والعشرين من الاول ونخرج من
نقطة $\overline{آ}$ عمود $\overline{ا ح}$ علي خط $\overline{ا ر}$ باستبانة الشكل
الحادي عشر من الاول ونعمل علي نقطة $\overline{ب}$ من خط
 $\overline{ا ب}$ زاوية كزاوية $\overline{ب ا ح}$ بالشكل الثالث والعشرين
من الاول ونخرج خطي $\overline{ا ح}$ $\overline{ب ح}$ في جهة $\overline{ح}$ الي ان
يلتقيا لان زاوية $\overline{ح ا ب}$ التي هي فصل زاوية $\overline{ب ا ر}$
علي قائمة اقل منها فزاويتي $\overline{ا ب ح}$ $\overline{ا ب ح}$ اقل من
قائمتين فليلتقيا علي نقطة $\overline{ح}$ فخط $\overline{ا ح}$ $\overline{ب ح}$ متساويان بالشكل السادس
من الاول فاذا جعلنا نقطة $\overline{ح}$ مركزا واهرنا عليها ببعد $\overline{ا ح}$ دائرة $\overline{ا ط ب}$
فمحيطها يمر علي نقطة $\overline{ب}$ ولان $\overline{ا ح}$ عمود علي $\overline{ا ر}$ فهو مماس دائرة $\overline{ا ط ب}$
علي نقطة $\overline{ا}$ باستبانة الشكل الخامس عشر فقطعة $\overline{ا ط ب}$ تقبل زاوية
كزاوية $\overline{ر ا ب}$ المساوية لزاوية $\overline{ح د ه}$ بالشكل المتقدم فالحكم ثابت
وذلك ما اردنا ان نبين



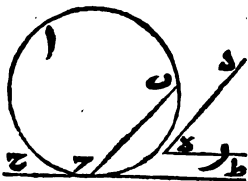
ولهذا



ولهذا الشكل اختلاف وقوع
فان عمود \overline{AC} يقع بين ضلعي \overline{AB}
أر ان كانت زاوية \overline{RAB}
منفرجة وخارجا عنهما ان
كانت حادة وينطبق علي
خط \overline{AB} ان كانت قائمة

فنصف خط \overline{AB} علي نقطة \overline{C} وندير بعد \overline{C} دائرة \overline{AT} وهذه صورها

لنا ان فصل من اي دائرة مفروضة قطعة تقبل



زاوية تساوي زاوية ما مفروضة

لكن الدائرة \overline{AB} والزاوية \overline{DOR} فاقول لنا ان
فصل من دائرة \overline{AB} قطعة تقبل زاوية كزاوية
 \overline{DOR} برهانه نفرض نقطة \overline{P} خارج الدائرة
ونخرج منها خط \overline{PC} يماس الدائرة علي نقطة \overline{C} بالشكل السادس عشر
ونرسم علي نقطة \overline{C} من خط \overline{PC} في جهة الدائرة زاوية كزاوية \overline{DOR}
بالشكل الثالث والعشرين من الاولي وهي زاوية \overline{PCB} ونخرج \overline{CB} علي
استقامته الي ان يلقي المحيط علي نقطة \overline{B} فقطعة \overline{BC} تقبل زاوية
تساوي زاوية \overline{BPC} المساوية لزاوية \overline{DOR} بالشكل الواحد والثلاثين
فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين

لـ

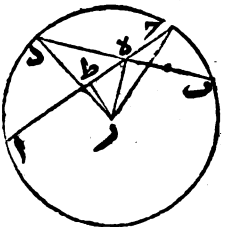
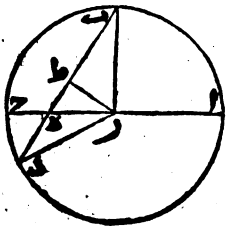
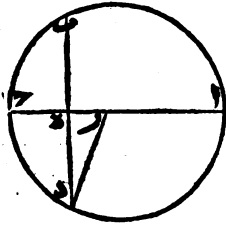
كل وترين يتقاطعان في دائرة فان سطح احد

قسمي احد الوترين في قسمة الاخر منه كسطح احد

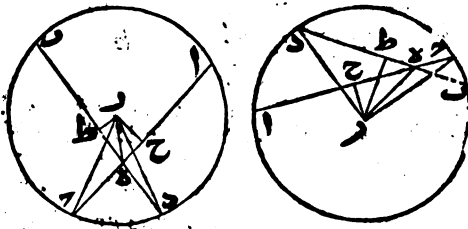
قسمي الوتر الاخر في قسمة الاخر منه

فلبتقاطع وتر \overline{AC} علي نقطة \overline{E} في دائرة \overline{AB} فاقول ان سطح \overline{AE} في \overline{AC}
كسطح \overline{BE} في \overline{BC} برهانه فلنجد مركز الدائرة بالشكل الاول ولين
نقطة \overline{O} ونصل بينها وبين نقطة \overline{D} بخط مستقيم ولان كل واحد من
الوترين اما ان يكون قطرا او احد هما فقط قطرا منصف للوتر او غير
منصف له واما ان لا يكون شي منهما قطرا منصف احد هما الاخر او
غير منصف فهذه خمسة اقسام اما الاول فلان انصاف القطر كل
دائرة متساوية فسطوح بعضها في بعض متساوية واما الثاني فلان \overline{AC}

نصف علي $\bar{ر}$ وقسم علي $\bar{هـ}$ بمختلفين يكون سطح $\bar{آه}$ في $\bar{هـ}$ مع مربع $\bar{ره}$ متساويين لمربع $\bar{رح}$ اعني $\bar{رد}$ بالشكل الخامس من الثانية ومربع $\bar{ره}$ $\bar{هـ}$ يساويان مربع $\bar{رد}$ بالشكل السابع والاربعين من الاول فسطح $\bar{آه}$ في $\bar{هـ}$ مع مربع $\bar{ره}$ يساويان مربعي $\bar{ره}$ $\bar{هـ}$ $\bar{د}$ لكن مربع $\bar{هـ}$ $\bar{د}$ يساوي سطح $\bar{به}$ في $\bar{هـ}$ لان قطر $\bar{آه}$ منصف لوتر $\bar{بد}$ علي نقطة $\bar{هـ}$ لانه عمود عليه بالشكل الثالث فاذا القينا مربع $\bar{ره}$ المشترك يبقي سطح $\bar{آه}$ في $\bar{هـ}$ مساويا لسطح $\bar{به}$ في $\bar{هـ}$ وهذا صورته واما الثالث فنخرج من نقطة $\bar{ر}$ عمود $\bar{رط}$ علي وتر $\bar{بد}$ بالشكل الثاني عشر من الاول فننصفه علي نقطة $\bar{ط}$ بالشكل الثالث فلان وتر $\bar{آه}$ $\bar{بد}$ نصف علي نقطتي $\bar{رط}$ وقسما بمختلفين علي نقطة $\bar{هـ}$ سطح $\bar{آه}$ في $\bar{هـ}$ مع مربع $\bar{ره}$ كمربع $\bar{رح}$ بل $\bar{رد}$ وسطح $\bar{به}$ في $\bar{هـ}$ مع مربع $\bar{طه}$ كمربع $\bar{طد}$ بالشكل الخامس من الثانية ونجعل مربع $\bar{رط}$ مشتركا بين سطح $\bar{به}$ في $\bar{هـ}$ ومربع $\bar{طه}$ وبين مربع $\bar{طد}$ فيكون سطح $\bar{به}$ في $\bar{هـ}$ مع مربعي $\bar{طه}$ $\bar{طد}$ يساوي مربعي $\bar{طه}$ $\bar{طد}$ لكن مربع $\bar{طه}$ $\bar{طد}$ يساويان مربع $\bar{رد}$ ومربع $\bar{طه}$ $\bar{طد}$ يساويان مربع $\bar{ره}$ بالشكل السابع والاربعين من الاول فسطح $\bar{به}$ في $\bar{هـ}$ مع مربع $\bar{ره}$ يساويان مربع $\bar{رد}$ وكان سطح $\bar{آه}$ في $\bar{هـ}$ مع مربع $\bar{ره}$ يساويان مربع $\bar{رد}$ فاذا القينا مربع $\bar{ره}$ المشترك يبقي سطح $\bar{آه}$ في $\bar{هـ}$ يساوي سطح $\bar{به}$ في $\bar{هـ}$ وهذه صورته واما الرابع وهو ان لا يكون شي من الوترين قطرا ويكون احدهما وهو $\bar{آه}$ ينصف $\bar{بد}$ علي نقطة $\bar{هـ}$ ونصل بين نقطة $\bar{ر}$ وبين كل واحدة من نقطتي $\bar{هـ}$ $\bar{د}$ بخط مستقيم ونخرج من نقطة $\bar{ر}$ عمود $\bar{رط}$ علي وتر $\bar{آه}$ بالشكل الثاني عشر من الاول فننصفه بالشكل الثالث ويكون خط $\bar{ره}$ عمودا علي وتر $\bar{بد}$ بالشكل الثالث لانه نصفه فسطح $\bar{آه}$ في $\bar{هـ}$ مع مربع $\bar{طه}$ يساويان مربع $\bar{طد}$ بالشكل الخامس من الثانية فننصف $\bar{آه}$ اليه مربع $\bar{طه}$ فسطح $\bar{آه}$ في $\bar{هـ}$ مع مربعي $\bar{طه}$ $\bar{طد}$ يساوي مربعي $\bar{طه}$ $\bar{طد}$ لكن مربع $\bar{طه}$ $\bar{طد}$ يساويان مربع $\bar{رح}$ بل مربع $\bar{رد}$ ومربع $\bar{ره}$ يساوي مربعي $\bar{طه}$ $\bar{طد}$ بالشكل السابع والاربعين من الاول فسطح $\bar{آه}$ في $\bar{هـ}$ مع مربع $\bar{ره}$ يساويان مربع $\bar{رد}$ ومربع $\bar{ره}$ $\bar{هـ}$ $\bar{د}$ يساويان مربع $\bar{رد}$ بالشكل السابع والاربعين من الاول فاذا القينا مربع $\bar{ره}$ يبقي سطح $\bar{آه}$ في $\bar{هـ}$ يساوي مربع $\bar{هـ}$ $\bar{د}$ المساوي لسطح $\bar{به}$ في $\bar{هـ}$ وهذا صورته واما الخامس وهو ان لا يكون شي من الوترين قطرا ولا ينصف اخذهما الاخر فنخرج من نقطة $\bar{ر}$ التي في مركز دائرة $\bar{آب}$ عمودي $\bar{رح}$ $\bar{رط}$ علي



رط على وتري آ بـ بالشكل الثاني عشر من الاول ونصل بين نقطة ر
وبين كل واحدة من نقط د هـ بخط مستقيم وكل واحد من عمودي مرح
رط اما ان يقع في احدي جهتي ره الاخرى في الجهة الاخرى منه او يقع
كلاهما في احدي جهتي ره فبعض لهذا القسم وضعان ولا يختلف
البرهان بذلك لان سطح آه في د هـ مع مربع ح هـ يساويان مربع ج هـ وسطح
ب هـ في د هـ مع مربع ط هـ يساويان مربع ط د بالشكل الخامس من
الثانية فاذا اضفنا مربع مرح تارة الي مربع ح هـ وتارة الي مجموع سطح آه
في د هـ ومربع ح هـ واذا اضفنا مربع رط تارة الي مربع ط هـ وتارة الي
مجموع سطح ب هـ في د هـ ومربع ط هـ



صام بمجموع مربعي مرح ح هـ
مساويا لمجموع سطح آه في د هـ مع
مربعي مرح ح هـ وصام بمجموع
مربعي رط ط هـ مساويا لمجموع
سطح ب هـ في د هـ مع مربعي رط

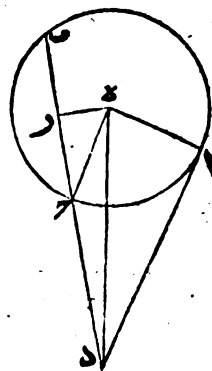
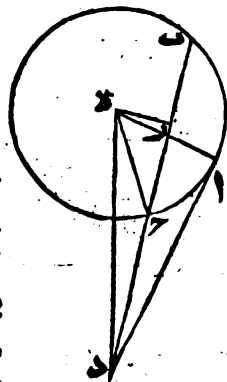
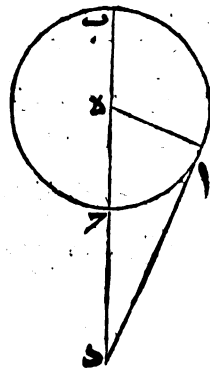
ط هـ لئلا يكون مربع ره يساوي كل واحد من مجموع مربعي مرح ح هـ ومجموع
مربعي رط ط هـ ومربع ره يساوي مربعي مرح ح هـ ومربع ره يساوي
مربعي رط ط هـ بالشكل السابع والاربعين من الاول فسطح آه في د هـ
مع مربع ره يساويان مربع ره بل مربع ره وسطح ب هـ في د هـ مع
مربع ره يساويان مربع ره فاذا القينا مربع ره المشترك يبق سطح آه
في د هـ مساويا لسطح ب هـ في د هـ وذلك ما اردنا ان نبين

له

كل خطين مستقيمين خرجا من نقطة خارجة
من دائرة احدهما قاطعا محيطها من الجانب الاقرب
ومنتهيا اليه من الجانب الابعد والاخر يماسه على
نقطة فسطح القاطع كله فيما وقع منه خارج الدائرة
يساوي مربع المماس

لكن الدائرة آ بـ والنقطة الخارجة د والخط القاطع د بـ ولين
قد قطع محيطها في الجانب الاقرب على نقطة هـ وانتهى اليه في الجانب
الابعد على نقطة ب والخط المماس د آ ونقطة المماس آ فاقول ان سطح
ب د في د هـ يساوي مربع آ د برهانه فلان خط د بـ اما ان يمر بالمركز او

فيما بينه وبين نقطة التماس او خارجا عنهما اما الاول فنجد المربع
بالشكل الاول وليكن نقطة هـ فهو ينصف قطر حـ ونصل آه بخط
مستقيم فلان زاوية هـ آد قائمة باستبانة الشكل
السادس عشر وخط حـ منصف علي نقطة هـ ونزيد
عليه خط دح المستقيم علي استقامته فسطح بد في
دح مع مربع هـ المساوي لآه يساويان مربع دح
بالشكل السادس من الثانية ومربع دح يساوي مربعي
آد آه بالشكل السابع والاربعين من الاول فاذا القينا
مربع هـ من مجموع سطح بد في دح ومربع آه من
مجموع مربعي آه آد يبق سطح بد في دح مساويا
لمربع آد وهذه صورته واما الثاني وهو ان يكون
خط بد واقعا فيما بين نقطتي آه فنخرج من نقطة هـ عمود هـ ر علي خط
بد بالشكل الثاني عشر من الاول فنناصف وتر بـ ر بالشكل الثالث
ونصل بين نقطة هـ وبين كل واحدة من نقطتي آه بخط مستقيم فلان
بـ ر نصف ونزيد فيه خط حـ د المستقيم علي
استقامته فسطح بد في دح مع مربع ر د يساويان
مربع ر د ونضيف اليه مربع هـ ر فسطح بد في دح
مع مربعي ر د هـ يساوي مربعي ر د هـ لكن مربع
هـ المساوي لمربع آه يساوي مربعي هـ ر د ومربع
هـ د يساوي مجموع مربعي هـ ر د ومجموع مربعي آه آد
بالشكل السابع والاربعين من الاول فسطح بد في دح
مع مربع آه يساويان مربع هـ د ويساويان مربعي
آه آد المتساويين لمربع هـ د فاذا القينا مربع آه مشترك
يبقى سطح بد في دح مساويا لمربع آد وهذه صورته واما الثالث وهو
ان يكون خط بد خارجا عن نقطتي آه فنخرج من نقطة هـ اليه عمود
هـ ر بالشكل الثاني عشر من الاول فنناصف وتر بـ ر
علي ر بالشكل الثالث ونصل بين نقطة هـ وبين كل
واحدة من نقطتي آه بخط مستقيم فلان بـ ر
نصف علي ر ونزيد فيه حـ د علي استقامته فسطح
بد في دح مع مربع ر د يساويان مربع ر د بالشكل
السابع من الثانية ونضيف اليه مربع هـ ر فسطح بد
في دح مع مربعي ر د هـ يساوي مربعي ر د هـ لكن
مربع هـ المساوي لمربع آه يساوي مربعي ر د هـ
ومربع هـ د يساوي مربعي ر د هـ ويساوي مربعي آه
آد بالشكل السابع والاربعين من الاول فسطح بد في دح مع مربع هـ
المساوي



المساوي لمربع آه يساويان مربع هـ المساوي لمربعي آه آد فسطح باد
في دح يساوي مربع آد وذلك ما اردنا ان نبين وهذه صورتها هـ
واستبان منه ان كل خط مستقيم من الخطوط المستقيمة الغير المتناهية
الخارجة من نقطة خارجة من اي دائرة كانت قاطعة محيطها من الجانب
الاقرب اليها ومنتبهة اليها من الجانب الابعد فان سطح جميع ذلك الخط
فيما وقع منه بين النقطة وبين الدائرة يساوي مربع خط مستقيم
يخرج من تلك النقطة وينتهي الي تلك الدائرة مماسا اياها هـ
واستبان ايضا ان السطوح الغير متناهية الحاصلة من سطح تلك
الخطوط المذكورة فيما وقع منها بين النقطة وبين الدائرة يساوي
بعضها بعضا لان كل واحد منها يساوي مربع الخط المماس والاشياء
المساوية لشي واحد متساوية
واستبان ايضا ان شكل خطين مستقيمين خارجين من نقطة خارجة
من اي دائرة وكانت احدهما قاطع اياها على الوجه المذكور والاخر
منتبها اليه غير قاطع ومكان سطح جميع القاطع فيما وقع منه بين
الدائرة وبين النقطة مساويا لمربع الخط المنتهية هـ
فان الخط المنتهية يساوي الخط المستقيم الخارج من تلك النقطة المماس
للدائرة وكل خط مستقيم خارج من نقطة خارجة من اي دائرة كانت
منتبها اليها مساويا لخط المستقيم الخارج من تلك النقطة مماسا اياها
فانه مماس تلك الدائرة لانه اما منطبق على الخط المماس او غير منطبق
فان كان الاول فظاهر وان كان الثاني فيكون ايضا مماسا للدائرة باستبانة
الشكل الثامن وهو ان كل نقطة خارجة من اي دائرة فانه يمكن ان يخرج
منها خطين مستقيمين مماسان محيطها من جنبتين المماس بالمركز ولا يمكن ان
يخرج منها خط ثالث مماس تلك الدائرة هـ
والفصل الخامس لما لا خط هذه المعاني لم يذكر الشكل الذي للحققة ثابت بن
قرو في اخر هذه المقالة وان استعمله في الشكل العاشر من المقالة الرابعة انه
طدته في هذا الكتاب انه يستعمل كثيرا من المقدمات ولم يذكر في الكتاب
اذا كانت معلومة مما تقدم من مسايله نفسها او بطريق الاستبانة
وهـ

تكو

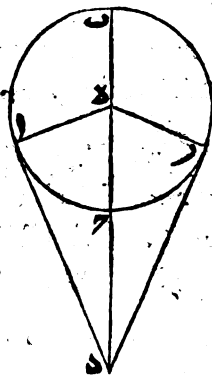
ان كل خطين مستقيمين خارجا من نقطة خارجة
من دائرة احدهما قاطعا اياها والاخر منتبها اليها
غير قاطع وكان سطح جميع القاطع فيما هو خارج

ثم عرج الدائرة مساويا لمربع المنتهي فان الخط

المنتهي يماس الدائرة

والطائفت بن قرة لما راي ان اقليدس استعمله في الشكل المذكور المحقق
بآخر هذه المقالة واللايف بالطريقة التي شكلها اقليدس في هذا الكتاب
ان لا تفرد هذا الشكل بالذكر مع وجود هذه الاستبانة وكذلك الخراج
لم يذكره في نسخة لمساويين موجودا في النسخ اليونانية والسريانية
القديمة ونحن اشرنا اليه بالاستبانة ليعلم انه ليس من اصل الكتاب وليس
استعمل في الشكل العاشر من المقالة الرابعة ثم ان اذكر الغرضان الذي
تذكره الشاب

ليكن سطح خط $ب د$ المستقيم الخارج من نقطة $د$ الخارجة من دائرة
 $ا ب ح$ في دح منه مساويا لمربع خط $ا د$ المستقيم الخارج من نقطة $د$
المنتهي الي دائرة $ا ب ح$ علي نقطة $ا$ فاقول ان خط $ا د$ يماس دائرة $ا ب ح$
علي نقطة $ا$ برهانه نخرج من نقطة $د$ خط $د ر$ المستقيم
مماسا لدائرة $ا ب ح$ علي نقطة $ر$ بالشكل السادس
عشر ونصل بين نقطة $د$ مركز دائرة $ا ب ح$ وبين كل
واحدة من نقطتي $ا ر$ بخط مستقيم فلان سطح $ب د$ في
دح يساوي مربع $ا د$ بالفرض ويساوي مربع $د ر$
المماس لما بينا في هذا الشكل الذي سبق بكون $ا د$
دح متساويين وخطا $ا ه$ و $ر ه$ متساويان وخط $د ه$
مشترك بين مثلثي $ا د ه$ و $ر د ه$ فاضلاع المثلثين المتناظرة
متساوية فزوايا $ه$ المتناظرة ايضا متساوية بالشكل
الثامن من الاولي فزاوية $د ا ه$ تساوي زاوية $د ر ه$ القائمة باستبانة الشكل
السادس عشر فزاوية $د ا ه$ قائمة فخط $ا د$ يماس دائرة $ا ب ح$ باستبانة
الشكل الخامس عشر وهذه صـ



تمت المقالة الثالثة بعون الله

المقالة الرابعة في ما كانت من اشكال

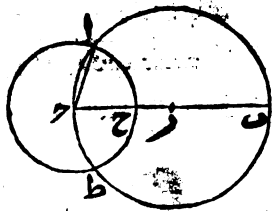
الحدود

اذا كان محيط دائرة بماس جميع اضلاع شكل مضلع او جميع زواياه او جميع اضلاع شكل مضلع بماس جميع زوايا مضلع اخر يقال للمحيط منهما انه مرسوم علي المحيط والمحاط انه مرسوم في المحيط ط

الاشكال

كل دائرة مفروضة معلومة لنا ان نرسم فيها وتر يساوي خطا مستقيما معلوما مفروضا ليس باطول من قطر

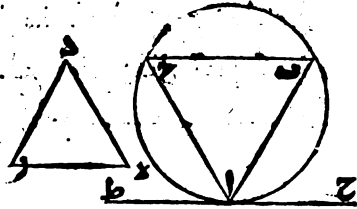
ليكن الدائرة AB والخط المفروض DE فنجد مركز الدائرة بالشكل الاول من الثالث وليكون نقطة $ر$ ونرسم علي محيطها نقطة وليكن نقطة $ب$ ونصل بينها وبين المركز بخط مستقيم ونخرجه في جهة $ر$ الي ان ينتهي الي نقطة $ح$ اعني محيط جانبها الاخر محيط $ب$ قطرها فان كان الخط المفروض مساويا لخط $ب$ فهو المطلوب والا فنصل منه خطا يساوي خط DE بالشكل الثالث من الاول وليكن هو خط $ح$ ونرسم علي نقطة $ح$ وببعد $ح$ دائرة $اح$ فيقطع محيطها محيط دائرة $اب$ علي نقطتي $آ$ ونصل بين نقطتي $آ$ بخط مستقيم فهو يقع داخل دائرة $اب$ بالشكل الثاني من الثالثة فلان خط $آ$ يساوي $ح$ وكان DE يساوي $ح$ فخط $آ$ يساوي DE فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين



كل دائرة مفروضة معلومة لنا ان نرسم فيها مثلثا يساوي كل واحدة من زواياه لنظيرتها من

زوايا مثلث آخر مفروض معلوم

ليكن الدائرة $أ ب ح$ والمثلث $د ه ر$ ونرسم خط $ح ط$ المستقيم مماسا للدائرة $أ ب ح$ على نقطة $أ$ بالشكل السادس عشر من الثالثة ونرسم على نقطة $أ$ من خطي $أ ح$ $أ ط$ زاوية $ب أ ح$ يساويان زاويتي $د ه ر$ $د ه ر$ بالشكل الثالث والعشرين من الأولى



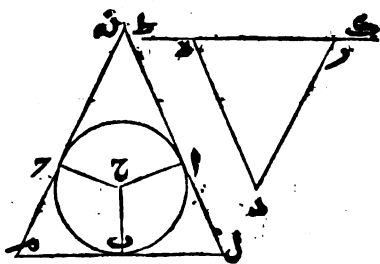
ولأن الزاوية التي يحيط بها خط $أ ح$ وقوس $أ ب$ أصغر من كل زاوية حادة مستقيمة الخطين وكذلك الزاوية التي يحيط بها خط $أ ط$ وقوس $أ ح$ بالشكل الحادي عشر من الثالث فكل من

خطي $أ ب$ $أ ح$ يقع داخل دائرة $أ ب ح$ فنخرجها على استقامتهما إلى أن يلتقيا بحيط الدائرة على نقطتي $ب ح$ ونصل بينهما بخط مستقيم فهو يقع داخل الدائرة بالشكل الثاني من الثالثة فقول أن كل واحدة من زوايا مثلث $أ ب ح$ تساوي لنظيرتها من زوايا مثلث $د ه ر$ برهانه فلأن كل واحد من خطي $أ ب$ $أ ح$ خرج من نقطة $أ$ التي عليها وقع القوس بين خط $ح ط$ ودائرة $أ ب ح$ قاطعا إياها فبالشكل الواحد والثلاثين من الثالثة تكون زاوية $أ ب ح$ مساوية لزاوية $ب أ ح$ المساوية لزاوية $د ه ر$ وزاوية $أ ب ح$ مساوية لزاوية $ح أ ط$ المساوية لزاوية $د ه ر$ فزوايا $أ ب ح$ $أ ب ح$ يساويان زاويتي $د ه ر$ $د ه ر$ وجميع زوايا أي مثلث مستقيم الأضلاع يساوي قائمتين بالشكل الثاني والثلاثين من الأولى فزاوية $ب أ ح$ تساوي زاوية $د ه ر$ ب جميع أضلاع مثلث $أ ب ح$ واقعة داخل الدائرة ومحيطها بماس زواياه على نقط $أ ب ح$ فالحكم ثابت وذلك ما أردنا أن نبين

كل دائرة مفروضة لنا أن نرسم عليها مثلثا

تساوي كل واحدة من زواياه لنظيرتها من زوايا

مثلث مفروض



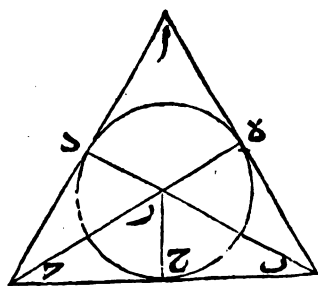
ليكن الدائرة $أ ب ح$ والمثلث $د ه ر$ فقول لنا أن نرسم على دائرة $أ ب ح$ مثلثا تساوي كل واحدة من زواياه زاوية $د ه ر$ نظيرتها من زوايا مثلث $د ه ر$ برهانه نخرج ضلع $د ه ر$ من مثلث $د ه ر$ على استقامته في جهته إلى نقطتي $ط آ$ ونجد

ونخذ مركز دائرة $\overline{أ ب}$ بالشكل الاول من الثالثة وليكن نقطة $\overline{ح}$ ونصل بينها وبين نقطة $\overline{ب}$ من محيط دائرة $\overline{أ ب}$ بخط مستقيم ونرسم على نقطة $\overline{ح}$ زاوية $\overline{ب ح أ}$ مساوية لزاوية $\overline{د ه ط}$ وزاوية $\overline{ب ه د}$ مساوية لزاوية $\overline{د ر أ}$ بالشكل الثالث والعشرين من الاول ونخرج $\overline{ح أ}$ على استقامتهما الى ان ينتهيا الى المحيط فلينتهيا على نقطتي $\overline{آ ر}$ ونخرج من نقط $\overline{أ ب ر}$ اعمدة $\overline{آ ل ب م ح ن}$ على انصاف اقطار $\overline{أ ح ب ح ر ح}$ باستبانة الشكل الحادي عشر من الاول فيكون كل من الاعمدة $\overline{أ ب}$ دائرة $\overline{أ ب}$ باستبانة الشكل الخامس عشر من الثالثة فاذا اخرجنا كل واحد منها على استقامته في جهته يلي الباقيين وذلك لانا اذا وصلنا $\overline{أ ب}$ $\overline{أ ر ب}$ يكون كل زاويتين من الزوايا المحاذية التين يحيط بهما احد الاوتار مع العمودين من الاعمدة اقل من قائمتين وليكن التقاء الاعمدة على نقط $\overline{م ن}$ نحدث مثلث $\overline{ن د ل م}$ مرسوما على دائرة $\overline{أ ب}$ ولانا اذا وصلنا بين نقطتي $\overline{ل ح}$ بخط مستقيم حدث مثلثا $\overline{أ ل ح ب ل ح}$ وزوايا كل مثلث كقائمتين بالشكل الثاني والثلاثين من الاول وزاوية $\overline{ح آ ل}$ من مثلث $\overline{أ ل ح}$ قائمة فزاويتا $\overline{أ ل ح}$ من مثلث $\overline{أ ل ح}$ كقائمة وزاوية $\overline{ح ب ل}$ من مثلث $\overline{ب ل ح}$ قائمة فزاويتا $\overline{أ ل ح}$ من مثلث $\overline{أ ل ح}$ كقائمة وزاوية $\overline{ب ل ح}$ من مثلث $\overline{ب ل ح}$ قائمة فزاويتا $\overline{ب ل ح}$ منه كقائمة فزاويتا $\overline{أ ب}$ كقائمتين وبمثلته تبين ان زاويتي $\overline{ح ب ر}$ $\overline{ح م ب}$ كقائمتين لكن كل واحدة من زاويتي $\overline{د ه ط}$ $\overline{د ر د ر ه}$ $\overline{د ر أ}$ كقائمتين بالشكل الثالث عشر من الاول فزاوية $\overline{د ه ر}$ كزاوية $\overline{أ ل م}$ وزاوية $\overline{ح م ب}$ كزاوية $\overline{د ر ه}$ فزاوية $\overline{ل ن م}$ الباقية من مثلث $\overline{ن د ل م}$ كزاوية $\overline{د ر ه}$ من مثلث $\overline{د ه ر}$ لما قلنا ان كل مثلث فان زواياه الثلث كقائمتين بالشكل الثاني والثلاثين من الاول فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين

د

كل مثلث مستقيم الاضلاع مفروض لنا ان

نرسم فيه دائرة



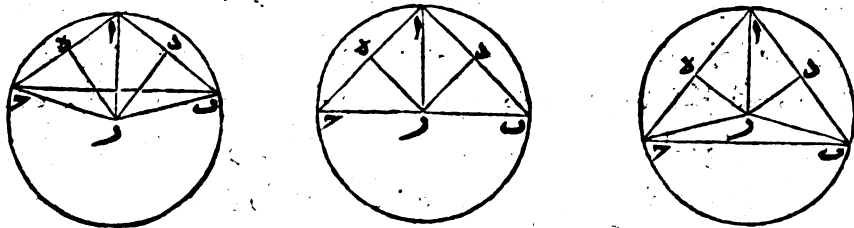
ليكن المثلث $\overline{أ ب ج}$ فننصف كل واحدة من زاويتي $\overline{أ ب ج}$ $\overline{أ ج ب}$ بخطي $\overline{ب ر ج م}$ بالشكل التاسع من الاول فلان مجموع زاويتي $\overline{أ ب ج}$ $\overline{أ ج ب}$ اقل من قائمتين بالشكل السابع عشر من الاول فخطا $\overline{ب ر ج م}$ يلتقيان قلبلتقيان على نقطة $\overline{ر}$ داخل مثلث $\overline{أ ب ج}$ والا يلزم احاطة خطين مستقيمين بسطح لوان التقيا خارج المثلث او على احد ضلعي $\overline{أ ب ج}$ هذا

فهي منفرجة فزاوية Γ حادة بالشكل الثالث عشر من الاولي فعمود
 Γ حنبذ اما ان يقع على نقطة Γ او على ضلع Γ بعد اخراجه في جهة
 Γ وذلك غير ممكن لما بينا او على نقطة بين نقطتي Γ او على نقطة Γ
 او على نقطة Γ او على ضلع Γ بعد اخراجه في جهة Γ في الصور الرابع
 يكون عمود Γ مساويا لعمود Γ لما بينا فهو مساو لعمود Γ لان الزاوية
 العظمى من كل مثلث يوترها الضلع الاطول بالشكل التاسع عشر من
 الاولي يكون ضلع Γ في الصورة الاولي اعظم من عمود Γ فهو اعظم من
 عمود Γ فبكون جزء مقدر اعظم منه هذا خلف وفي الصورة الثانية
 يلزم ان يكون Γ مساويا لعمود Γ فبكون مساويا لعمود Γ فبكون
 جزء مقدر مساويا له هذا خلف وفي الصور في الثالثة والرابعة يكون
 في مثلث Γ زاوية Γ قائمة وزاوية Γ منفرجة فبيلزم ان يكون
 زاويتا مثلث اعظم من قائمتين وهما اصغر منهما بالشكل السابع عشر من
 الاولي هذا خلف فعمود Γ انما يقع على ضلع Γ فيما بين نقطتي Γ
 وحنبذ تبين ان عمود Γ انما يقع على ضلع Γ فيما بين نقطتي Γ لانه
 حنبذ لا يمكن ان يقع على Γ ولا على ضلع Γ بعد اخراجه في جهة Γ
 لما بينا ولا على نقطة Γ والا لكان ضلعا Γ Γ متساويين لانها مساويان
 ضلع Γ لما بينا فبكون زاويتا Γ Γ متساويين بالشكل الخامس من
 الاولي لكن زاوية Γ التي هي اصغر من الزاوية المجاورة لزاوية Γ
 القائمة حادة فتكون زاوية Γ القائمة حادة هذا خلف ولا يمكن ان
 يقع على ضلع Γ بعد اخراجه في جهة Γ لانه حنبذ يقطع ضلع Γ
 فليقطع على نقطة Γ فلان زاوية Γ قائمة فزاوية Γ تكون حادة
 بالشكل السابع عشر من الاولي فبكون ضلع Γ اعظم من ضلع Γ
 المساوي لضلع Γ فبكون ضلع Γ جزء Γ واعظم منه هذا خلف
 فاعمد Γ Γ متساوية فاذا جعلنا نقطة Γ مركزا ورسمنا عليه
 ببعد Γ مثلا دائرة Γ فان محيطها يمر على نقطتي Γ فاضلاع
 مثلث Γ Γ Γ دوائر Γ باستبانة الشكل الخامس عشر من الثالثة
 فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين
 واستبان منه ان كل خطين مستقيمين ينصفان زاويتين من اي زاويا
 مثلث فانهما ان اخرجتا الى داخل المثلث يتلاقيان على نقطة وتلك
 النقطة مركز المثلث واي الاعمدة الخارجة منها الى اضلاع المثلث
 متساوية

كل مثلث مفروض مستقيم الاضلاع لنا ان

نرسم عليه دأية

ليكن المثلث ABC فننصف ضلعي AB AC علي نقطتي D E بالشكل
 العاشر من الأولي ونخرج من نقطتي D E عمودي DF EG علي ضلعي AB AC
 بالشكل الحادي عشر من الأولي فلانا اذا وصلنا بين نقطتي D E بخط
 مستقيم كانت زاويتي DEF DEG اقل من قاطعتين فاذا اخرج العمودان
 في جهة وترب DF يلتقيان فليلتقيا علي نقطة R ونصل BR CR بخطوط
 مستقيمة فلان زاوية BCR كزاوية ACR و ABR ACR كضلع AD وضلع
 DR مشترك بين مثلثي BCR ACR فبالشكل الرابع ضلع BR كضلع CR
 وبمثلته تبين ان ضلع BR كضلع CR فاضلاع BR CR الثلاثة متساوية
 فاذا جعلنا نقطة R مركزا وادرفا بعيدا احد الاضلاع دائرة فان محيطها
 يمر علي نقط B C A فاضلاع مثلث ABC يقع داخلها بالشكل الثاني من
 الثالثة فمحيطها يماس زواياه علي نقط A B C فالحكم ثابت وذلك مسا
 اردنا ان تبين

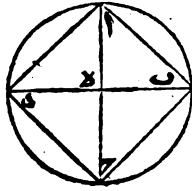


ولهذا الشكل اختلاف وقوع لما بين في الشكل الثلثين من الثالثة ان
 الزاوية المنفرجة انما تقع في قطعة هي اقل من النصف والقائمة في قطعة
 هي النصف والمحاددة في قطعة هي اعظم من النصف وزاوية BAC ان كانت
 منفرجة يقع مركز الدائرة خارج مثلث ABC وان كانت قائمة يقع
 علي ضلع BC وان كانت حادة يقع داخل مثلث ABC والبيان في
 الشكل واخيرا

كل دائرة مفروضة لنا ان نرسم فيها مربعا

ليكن الدائرة ABC فنجد مركزها بالشكل الاول من الثالثة وليكن
 نقطة D ونصل بينها وبين نقطة علي محيطها وليكن نقطة A بخط
 مستقيم ونخرجه علي استقامته الي ان ينتهي الي المحيط فلينته علي نقطة
 E ونخرج من المركز علي قطر AC عمود DB بالشكل الحادي عشر من الأولي
 ونخرج في جهته الي ان ينتهي الي المحيط فلينته علي نقطتي B D ونصل
 بين نقط A B C D بخطوط مستقيمة فهي تقع داخل دائرة ABC بالشكل
 الثاني

الثاني من الثالثة فاقول ان شكل $\overline{أ ب ح د}$ مربع برهانه فلان ضلعي $\overline{أ ب}$ و $\overline{أ ح}$ متساويان فبالشكل الخامس من الاولي زوايا $\overline{أ ب أ}$ و $\overline{أ ح أ}$ متساويتان ولان كل مثلث فان زواياه الثلث كقائمتين بالشكل الثاني والثالثين من

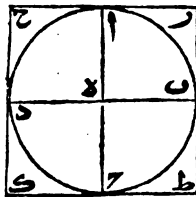


الاولي وزاوية $\overline{أ ب}$ قائمة فكل واحدة من زاويتي $\overline{أ ب}$ و $\overline{أ ح}$ نصف قائمة وبمثلته تبين ان كل واحدة من زوايا $\overline{أ ب ح}$ و $\overline{أ ح د}$ و $\overline{أ د أ}$ نصف قائمة فكل واحدة من زوايا $\overline{أ ب ح}$ و $\overline{أ ح د}$ و $\overline{أ د أ}$ قائمة ولان نقطة $\overline{أ}$ مركز دائرة $\overline{أ ب ح د}$ فضلعا $\overline{أ ب}$ و $\overline{أ ح}$ وزاوية $\overline{أ ب}$ من مثلث $\overline{أ ب ح}$ تساوي ضلعي $\overline{أ ب}$ و $\overline{أ ح}$ وزاوية

$\overline{أ ح}$ من مثلث $\overline{أ ب ح}$ كل لنظيره فبالشكل الرابع من الاولي يكون ضلع $\overline{أ ب}$ كضلع $\overline{أ ح}$ وبمثلته تبين ان كل واحد من ضلعي $\overline{أ د}$ و $\overline{أ ح}$ يساوي ضلع $\overline{أ ب}$ فاضلاع $\overline{أ ب ح د}$ متساوية فذو اربعة اضلاع $\overline{أ ب ح د}$ مربع فمحيط دائرة $\overline{أ ب ح د}$ ملاق لزوايا المربع علي نقط $\overline{أ ب ح د}$ وغير قاطع ضلعا من اضلاعه فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين

كل دائرة مفروضة لنا ان نرسم عليها مربعا

لتكن الدائرة $\overline{أ ب ح د}$ فنجد مركزها بالشكل الاول من الثالثة ولتكن نقطة $\overline{أ}$ ونصل بين نقطة $\overline{أ}$ علي محيطها وبين المركز بخط مستقيم ونخرجه الي ان ينتهي الي محيطها وليتجه الي نقطة $\overline{د}$



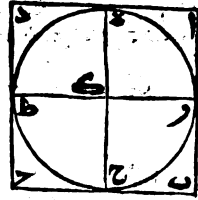
و لنخرج من نقطة $\overline{أ}$ عمودا علي قطر $\overline{أ ب}$ بالشكل الحادي عشر من الاولي ونخرجه في جهته الي ان ينتهي الي المحيط وليتجه الي نقطتي $\overline{أ ح}$ ونخرج من نقط $\overline{أ ب ح د}$ عمدة علي قطري $\overline{أ ح}$ فهي تماس دائرة $\overline{أ ب ح د}$ باستبانة الشكل الخامس عشر من

الثالثة ولانا اذا اخرجنا اوتار $\overline{أ د}$ و $\overline{أ ح}$ كانت كل من الزاويتين اللتين يحيط بهما وتر منها وعمودان من الاعمدة المذكورة اقل من قائمتين فاذا اخرجنا الاعمدة في الجهتين علي استقامتها فلا بد وان يتلاقى بعضها بعضا فليبتلاني علي نقط $\overline{أ ح}$ و $\overline{أ د}$ فاقول ان شكل $\overline{أ ب ح د}$ مربع برهانه فلان كل واحدة من الزوايا التي عند نقط $\overline{أ ب ح د}$ قائمة بالشكل التاسع عشر من الثالثة وكل واحدة من الزوايا التي عند نقطة $\overline{أ}$ قائمة بالشكل الثالث عشر من الاولي فبالشكل الثامن والعشرين من الاولي ضلعا $\overline{أ ب}$ و $\overline{أ ح}$ متساويان فبالشكل الثاني والثالثين من الاولي وضلعا $\overline{أ ب}$ و $\overline{أ ح}$ متساويان فكل واحد من سطوح $\overline{أ ب ح د}$ و $\overline{أ ح د}$ و $\overline{أ د ح}$ و $\overline{أ ح د}$ متوازي الاضلاع فبالشكل

للمربع والثلاثين من الاولي ضلعاً $\overline{رط}$ $\overline{ح}$ $\overline{ا}$ يساويان قطر $\overline{ا ح}$ فهما متساويان
وضلعاً $\overline{م ر ج}$ $\overline{ط}$ $\overline{ا}$ يساويان قطر $\overline{ب د}$ فهما متساويان والقطران متساويان
فاضلاع $\overline{م ر ج}$ $\overline{ح}$ $\overline{ا}$ $\overline{ط}$ $\overline{ر}$ من شكل $\overline{ر ا}$ متساوية ولان كل واحدة من
الزوايا التي عند نقطة $\overline{ه}$ قائمة فكل واحدة من الزوايا التي عند نقط $\overline{ر ح}$
 $\overline{ا ط}$ قائمة بالشكل الرابع والثلاثين من الاولي فذوا اربعة اضلاع $\overline{ر ا}$ مربع
فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين

كل مربع مفروض لنا ان نرسم فيه دائرة

ليكن المربع $\overline{ا ب د ح}$ فننصف كل واحد من ضلعي $\overline{ا ب}$ $\overline{ا د}$ علي نقطتي $\overline{ر ه}$
بالشكل العاشر من الاولي ونخرج من كل واحدة من نقطتي $\overline{ر ه}$ عمودي $\overline{ر ط}$
 $\overline{ه ح}$ علي ضلعي $\overline{ا ب}$ $\overline{ا د}$ بالشكل الحادي عشر من الاولي
ولان كل واحدة من زوايا $\overline{ط ر ا}$ $\overline{ر ب ح}$ $\overline{ح ه ا}$ قائمة
وكل واحدة من زوايا المربع ايضا قائمة فعود $\overline{ط ر}$
يوازي كل واحد من ضلعي $\overline{ا ب}$ $\overline{ا د}$ وعمود $\overline{ه ح}$ يوازي
كل واحد من ضلعي $\overline{ا ب}$ $\overline{ا د}$ بالشكل الثامن والعشرين
من الاولي فاذا اخرجنا العمودين الي داخل المربع علي

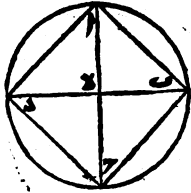


استقامتهما ينتهي عمود $\overline{ر ط}$ الي ضلع $\overline{د ح}$ فلينته الي نقطة $\overline{ط}$ وعمود $\overline{ه ح}$
الي ضلع $\overline{ب ا}$ فلينته الي نقطة $\overline{ح}$ ولا بد ان يتقاطعا فلينتقاطعا علي نقطة
الفاقول انها مركز دائرة يحيط بها المربع برهانه ولان اضلاع مربع $\overline{ا ح}$
متساوية فانصافها متساوية فخطوط $\overline{ا ر ب}$ $\overline{ا ه د}$ متساوية وكل
واحد من سطوح $\overline{ا ا د ا ب}$ $\overline{ا ب}$ متوازي الاضلاع فالاضلاع المتقابلة من
كل منها متساوية بالشكل الرابع والثلاثين من الاولي فخطوط $\overline{ا ر ا ه ا ط}$
 $\overline{ا ح}$ متساوية فاذا جعلنا نقطة $\overline{ا}$ مركزا ورسمنا عليه ببعد خط $\overline{ا ر}$ دائرة
فان محيطها يمر علي نقط $\overline{ر ه ط ح}$ ولان كل واحدة من الزوايا التي عند
نقطتي $\overline{ر ه ط ح}$ قائمة واضلاع المربع متوازية فكل من الزوايا التي عند نقطتي
 $\overline{ح ط}$ قائمة بالشكل التاسع والعشرين من الاولي فاضلاع المربع تماس
الدائرة علي نقط $\overline{ط ه ر ح}$ باستبانة الشكل الخامس عشر من الثالثة
فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين

كل مربع مفروض لنا ان نرسم عليه دائرة

ليكن المربع $\overline{ا ب د ح}$ فنخرج منه قطري $\overline{ا ح}$ $\overline{ب د}$ فلا بد ان يتقاطعا
فلينتقاطعا علي نقطة $\overline{ه}$ فاقول انها مركز دائرة تحيط بمربع $\overline{ا ب د ح}$ برهانه
فلان ضلعي $\overline{ا ب ا د}$ وزاوية $\overline{ب ا د}$ من مثلث $\overline{ا ب د}$ مساوية لضلعي $\overline{ا ب}$
 $\overline{ب د}$ وزاوية

بـ $\overline{بـ}$ وزاوية $\overline{أ بـ}$ من مثلث $\overline{أ بـ}$ فبالشكل الرابع من الاولي قاعدة
بـ $\overline{بـ}$ كقاعدة $\overline{أ بـ}$ وزاوية $\overline{أ بـ}$ كزاوية $\overline{بـ أ}$ وبمثلته تبين ان زاوية $\overline{أ بـ}$



من مثلث $\overline{أ بـ}$ كزاوية $\overline{د بـ}$ من مثلث $\overline{بـ د}$ فكل
من ضلعي $\overline{أ بـ}$ يساوي ضلعي $\overline{بـ د}$ بالشكل السادس من
الاولي فهما متساويان فكل منهما نصف قطر $\overline{أ بـ}$ وكان
قطرا $\overline{أ بـ}$ $\overline{بـ د}$ متساويين فضلعا $\overline{بـ د}$ $\overline{د بـ}$ متساويان
فاضلاع $\overline{أ بـ}$ $\overline{بـ د}$ $\overline{د بـ}$ متساوية فاذا جعلنا نقطة

مركزا ونرسمنا عليها ببعد $\overline{أ بـ}$ مثلاً دائرة فان محيطها يمر على نقط $\overline{أ بـ}$ $\overline{د بـ}$
فاضلاع مربع $\overline{أ بـ د}$ واقعة داخل دائرة $\overline{أ بـ د}$ بالشكل الثاني من
الثالثة فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين

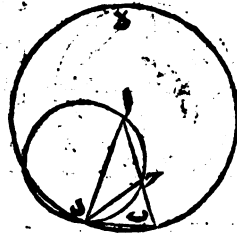
وبين في اصلي الثابت والحاج هذا الشكل بهذا الطريق فلان ضلع $\overline{أ بـ}$
كضلع $\overline{أ د}$ تكون زاويتا $\overline{أ بـ د}$ $\overline{أ د بـ}$ متساويتين بالشكل الخامس من
الاولي وزاوية $\overline{بـ أ د}$ قائمة وكل مثلث زواياه الثلث كقائمتين بالشكل
الثاني والثلثين من الاولي فكل من زاويتي $\overline{أ بـ د}$ $\overline{أ د بـ}$ نصف قائمة وبمثلته
تبين ان كل واحدة من زوايا $\overline{أ بـ د}$ $\overline{أ د بـ}$ $\overline{بـ د}$ نصف قائمة فيكون
ضلع $\overline{بـ د}$ كضلع $\overline{د بـ}$ وضلع $\overline{أ بـ}$ كضلع $\overline{د بـ}$ وضلع $\overline{أ بـ}$ كضلع $\overline{أ د}$ بالشكل
السادس من الاولي فليكون اضلاع $\overline{أ بـ د}$ $\overline{أ د بـ}$ $\overline{بـ د}$ $\overline{د بـ}$ $\overline{د بـ}$ $\overline{بـ د}$ متساوية فاذا
جعلنا نقطة $\overline{د}$ مركزا وادرنّا ببعد $\overline{أ بـ}$ دائرة فان محيطها يمر على نقط
 $\overline{أ بـ د}$ $\overline{أ د بـ}$ $\overline{بـ د}$

واستبان منه ان مربع نصف قطر الدائرة المحيطة بالمربع نصف مربع
ضلع المربع لان اضلاع المثلثات الواقعة في مربع $\overline{أ بـ د}$ متساوية على
التناظر فبالشكل الثامن من الاولي زواياه المتناظرة متساوية فمربع ضلع
ضعف مربع نصف قطر المحيط بالدائرة بالشكل السابع والاربعين من
الاولي

لنا ان نعمل مثلثا متساوي الساقين كل واحدة
من الزاويتين اللتين عند القاعدة ضعف الزاوية
التي عند راسه

ليكن $\overline{أ بـ}$ خطا مستقيما محدودا مفروضا فنقسمه على نقطة $\overline{د}$ قسمه
يكون سطح $\overline{أ بـ}$ في $\overline{بـ د}$ كمربع $\overline{أ بـ د}$ بالشكل الحادي عشر من الثانية ونرسم
على نقطة $\overline{أ}$ وببعد $\overline{أ بـ}$ دائرة $\overline{بـ د}$ ونرسم فيها وتر $\overline{بـ د}$ يساوي خط
 $\overline{أ بـ}$ بالشكل الاول ونصل $\overline{أ د}$ فاقول ان مثلث $\overline{أ بـ د}$ هو المطلوب برهانه
نصل $\overline{د بـ}$ بخط مستقيم ونرسم على مثلث $\overline{أ بـ د}$ دائرة $\overline{أ بـ د}$ بالشكل

الخامس فلان $\overline{ب\alpha}$ و $\overline{ب\delta}$ قد خرجا من نقطة $\overline{ب}$ الخارجة عن دائرة
 $\overline{ا\delta}$ و $\overline{ب\alpha}$ قاطع اياها $\overline{ب\delta}$ ومنته اليها وسط $\overline{ا\beta}$ في $\overline{ب\delta}$ كربع $\overline{ب\delta}$ فخط
 $\overline{ب\delta}$ يماس دائرة $\overline{ا\delta}$ باستبانة الشكل الخامس
 والثلثين من الثالثة فخط $\overline{ح\delta}$ خارج من نقطة
 القماس قاطعا للدائرة الى قطعتي $\overline{ح\alpha}$ و $\overline{ح\delta}$ فزاوية
 $\overline{ح\alpha}$ كزاوية $\overline{ح\delta}$ بالشكل الواحد والثلثين
 من الثالثة وزاوية $\overline{ب\delta}$ كزاويتي $\overline{ح\alpha}$ و $\overline{ح\delta}$ بالشكل
 الثاني والثلثين من الاولى فزاوية $\overline{ب\delta}$ كزاوية
 $\overline{ا\delta}$ لكون زاوية $\overline{ح\delta}$ كزاوية $\overline{ا\delta}$ كزاوية $\overline{ا\delta}$
 بالشكل الخامس من الاولى لكون ضلعي $\overline{ا\beta}$ و $\overline{ا\delta}$ متساويين وزاويتي $\overline{ح\delta}$
 $\overline{ح\alpha}$ متساويتان فضلع $\overline{ح\delta}$ كضلع $\overline{ح\alpha}$ بالشكل السادس من الاولى
 فضلعا $\overline{ح\alpha}$ و $\overline{ح\delta}$ متساويان فزاويتي $\overline{ح\alpha}$ و $\overline{ح\delta}$ متساويتان بالشكل الخامس
 من الاولى فزاوية $\overline{ح\alpha}$ اعني زاوية $\overline{ح\delta}$ مع زاوية $\overline{ح\alpha}$ ضعف زاوية
 $\overline{ح\alpha}$ وهما اعني زاويتي $\overline{ح\alpha}$ و $\overline{ح\delta}$ كزاوية $\overline{ا\delta}$ المساوية لزاوية $\overline{ا\delta}$ فكل
 من زاويتي $\overline{ا\delta}$ و $\overline{ا\delta}$ ضعف زاوية $\overline{ا\delta}$ فالحكم ثابت وذلك ما اردنا
 ان نبين

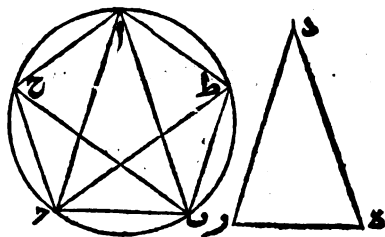


ان نبين
 واستبان منه ان كل واحدة من زاويتي $\overline{ا\delta}$ و $\overline{ا\delta}$ المتساويتين من مثلث
 $\overline{ا\delta}$ خمسا قايمتين لان كل واحدة منهما ضعف زاوية $\overline{ا\delta}$ وزاويا كل
 مثلث كقايمتين لما تبين في الشكل الثاني والثلثين من الاولى ويقال لهذا
 المثلث مثلث الخ

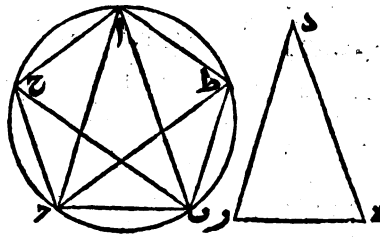
كل دائرة مفروضة لنا ان نرسم فيها خمسا

متساوي الاضلاع والزوايا

ليكن الدائرة $\overline{ا\beta}$ فنعمل مثلث
 الخمس بالشكل المتقدم وهو مثلث
 $\overline{ا\delta}$ وكل واحدة من زاويتي $\overline{ا\delta}$ و $\overline{ا\delta}$
 ضعف زاوية $\overline{ا\delta}$ ونرسم في دائرة



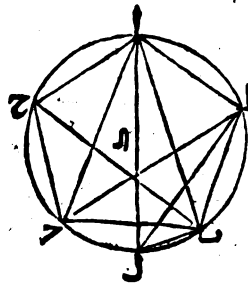
$\overline{ا\beta}$ مثلث $\overline{ا\beta}$ زواياه تساوي زوايا مثلث $\overline{ا\delta}$ بالشكل الثاني وتكون
 زاوية $\overline{ا\beta}$ منه تساوي زاوية $\overline{ا\delta}$ من مثلث $\overline{ا\delta}$ وننصف كلا من زاويتي
 $\overline{ا\beta}$ و $\overline{ا\beta}$ بخطي $\overline{ب\gamma}$ و $\overline{ح\gamma}$ المستقيمين بالشكل التاسع من الاولى
 ونخرجهما الى ان يلقيا المحيط علي نقطتي $\overline{ح\gamma}$ و $\overline{ط\gamma}$ ونصل $\overline{ا\gamma}$ و $\overline{ا\gamma}$ و $\overline{ا\gamma}$
 بخطوط مستقيمة فاقول ان شكل $\overline{ا\gamma}$ و $\overline{ا\gamma}$ و $\overline{ا\gamma}$ متساوي الاضلاع
 والزوايا برهانه فلان كلا من زاويتي $\overline{ا\gamma}$ و $\overline{ا\gamma}$ من مثلث $\overline{ا\gamma}$ منصفه
 وكل



وكل منها ضعف زاوية $\overline{ب\alpha\gamma}$ فزاويا
 $\overline{ب\alpha\gamma}$ $\overline{ا\beta\gamma}$ $\overline{ح\beta\gamma}$ $\overline{ا\gamma\delta}$ $\overline{ب\gamma\delta}$ الخمس
 متساوية فمسي $\overline{ا\gamma}$ $\overline{ح\gamma}$ $\overline{ب\gamma}$ $\overline{ط\alpha}$
 الخمس متساوية بالشكل الخامس
 والعشرين من الثالثة فالخمس متساوي
 الاضلاع وكل واحد من تلك الاوتار

واقع داخل دائرة $\overline{ا\beta}$ بالشكل الثاني من الثالثة وكل من زواياه انما يقع
 على ثلث قسي من قسي الخمس المتساوية فزاويا الخمس متساوية بالشكل
 السادس والعشرين من الثالثة وفيه $\overline{ط\alpha}$ $\overline{ا\gamma}$ $\overline{ح\gamma}$ $\overline{ب\gamma}$ $\overline{ط\alpha}$
 بالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين

واستبان منه ان مربع وتر زاوية الخمس مع مربع وتر المعشر يساويان
 اربعة امثال مربع نصف قطر دائرة الخمس وذلك



لانا نجد مركز دائرة الخمس بالشكل الاول من
 الثالثة وليكن نقطة $\overline{ا}$ ونصل بينها وبين نقطة $\overline{ط}$
 $\overline{ا}$ بخط مستقيم ونخرجه على استقامته الى ان
 ينتهي الى المحيط على نقطة $\overline{ل}$ ونصل بينها وبين
 نقطة $\overline{ب}$ بخط مستقيم فتحصل زاوية $\overline{ا\beta\gamma}$ قائمة
 بالشكل الثالين من الثالثة فمربع $\overline{ا\beta}$ المساوي

لاربعة امثال مربع $\overline{ا\alpha}$ بالشكل الرابع من الثانية يكون مساويا لمربعي
 $\overline{ا\beta}$ وتر زاوية الخمس ومربع $\overline{ب\alpha}$ وتر المعشر بالشكل السابع والاربعين
 من الاولى

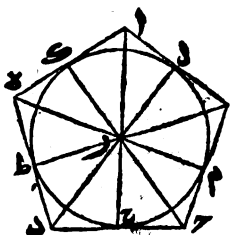
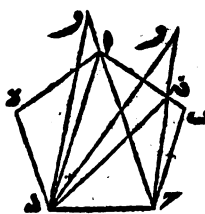
واستبان منه ايضا ان زاوية الخمس المتساوي الاضلاع الواقع في الدائرة
 تساوي قائمة وخمس قائمة لان اذا وصلنا بين نقطتي $\overline{ط}$ $\overline{ل}$ بخط مستقيم
 كانت زاوية $\overline{ا\beta\gamma}$ قائمة بالشكل الثلثين من الثالثة وزاوية $\overline{ل\beta\gamma}$ خمس
 قائمة لان المحيط بازاء قائمتين باستبانة الشكل الثلثين من الثالثة فمربع
 $\overline{ب\alpha}$ خمس نصف المحيط

$\overline{ب\beta}$
 كل دائرة مفروضة لنا ان نرسم عليها خمسا

متساوي الاضلاع والزوايا

ليكن الدائرة $\overline{ا\beta}$ فنرسم فيها خمس $\overline{ا\beta}$ $\overline{ا\gamma}$ $\overline{ا\delta}$ $\overline{ا\epsilon}$ $\overline{ا\zeta}$ بالشكل المتقدم ونجد
 مركزها بالشكل الاول من الثالثة وهو نقطة $\overline{م}$ ونصل بينها وبين كل
 واحد من نقط $\overline{ا\beta}$ $\overline{ا\gamma}$ $\overline{ا\delta}$ $\overline{ا\epsilon}$ $\overline{ا\zeta}$ بخط مستقيم فيحدث مثلثات $\overline{ا\beta\gamma}$ $\overline{ا\gamma\delta}$ $\overline{ا\delta\epsilon}$ $\overline{ا\epsilon\zeta}$ $\overline{ا\zeta\beta}$
 $\overline{م\beta}$ $\overline{م\gamma}$ $\overline{م\delta}$ $\overline{م\epsilon}$ $\overline{م\zeta}$ متساوية بالشكل الثامن من الاولى لتساوي اضلاعها

ان نرسم في دائرة



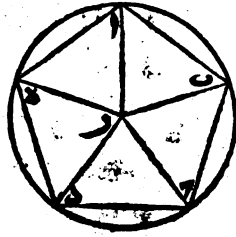
ليكن الخمس $أ ب ح د هـ$ ولننصف زاويتي $ب ح د$ $ح د هـ$ بالشكل التاسع من الاولي بخطي $ح د ر$ فهما يلتقيان داخل الخمس والا فليكن الالتقاء خارج الخمس فلنخرج خط $ح ر$ علي نقطة $ن$ من خط $أ ب$ او علي نقطة $آ$ ونصل خطي $د ن$ $هـ ن$ $د آ$ $هـ آ$ في مثلث $ب ح ن$ ضلعي $ب ح$ $ح ن$ وزاوية بينهما يساوي ضلعي $د ح$ $ح ن$ وزاوية بينهما من مثلث $د ح ن$ فبالشكل الرابع من الاولي زاوية $ح ب ن$ المساوية لزاوية $ح د هـ$ يساوي

زاوية $ح د ن$ هذا خلف وايضا فلان ضلعي $ب ح$ $ح ر$ وزاوية بينهما من مثلث $ب ح ر$ يساوي ضلعي $د ح$ $ح ر$ وزاوية $د ح ر$ بينهما من مثلث $د ح ر$ فبالشكل الرابع من الاولي زاوية $أ ب ح$ المساوية لزاوية $ح د هـ$ تساوي زاوية $ح د آ$ هذا خلف وبمثله تبين ان خط $د ر$ لا يمكن ان يخرج علي نقطة بين نقطتي $آ$ $هـ$ او علي نقطة بين نقطتي $د$ $هـ$ وان خطي $ح د ر$ $د ر$ لا يمكن التقائهما علي نقطة من احد ضلعي $أ ب$ $ب ح$ فلا بد وان يلتقيان داخل الخمس فليقتبا علي نقطة $ر$ ونخرج منها اعمدة علي كل واحد من اضلاع الخمس بالشكل الثاني عشر من الاولي وهي خطوط $ر ح$ $ر د$ $ر ل$ $ر م$ فاقول انها متساوية برهانه نصل $ر هـ$ $ر آ$ $ر ب$ بخطوط مستقيمة فلان ضلع $ب ح$ $ح ر$ وزاوية $ح$ التي بينهما من مثلث $ب ح ر$ يساوي ضلعي $د ح$ $ح ر$ وزاوية $ح$ التي بينهما من مثلث $د ح ر$ فبالشكل الرابع من الاولي قاعدة $ب ر$ كقاعدة $د ر$ وزاوية $ح ب ر$ كزاوية $ح د ر$ لكن زاوية $ح د ر$ نصف زاوية $ح د هـ$ المساوية لزاوية $ح ب آ$ فزاوية $ح ب ر$ نصف زاوية $ح ب آ$ وبمثله تبين ان كل واحدة من زوايا الخمس الباقية منصفة بالخطوط المستقيمة الخارجة من نقطة $ر$ اليها ولان زاويتي $ر ح د$ $ر ح ب$ من مثلث $ر ح د$ يساويان زاويتي $ر ح د$ $ر ح ب$ من مثلث $ر ح ب$ فكل نظيرتها وضلع $ح ر$ مشترك بينهما فبالشكل السادس والعشرين من الاولي عمود $ر م$ كعمود $ر ح$ وبمثله تبين ان اعمدة $ر ط$ $ر ل$ $ر م$ متساوية ومتساوية لعمودي $ر م$ $ر ح$ فالاعمدة الخمسة متساوية فاذا جعلنا نقطة $ر$ مركزا ورسمنا عليها ببعد احد الاعمدة دائرة فحيطها يمر علي نقط $ح$ $ط$ $ل$ $م$ $ب$ واضلاع الخمس عمود علي الاعمدة فهي تماس الدائرة باستبانة الشكل الخامس عشر من الثالثة فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين

يد

كل مخمس مفروض متساوي الاضلاع والزوايا

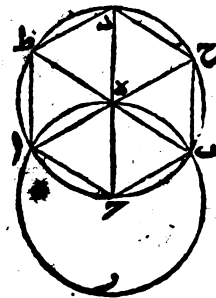
لنا ان نرسم عليه دائرة



ليكن الخمس $أ ب ح د هـ$ فننصف كل واحدة من
زاويتي $ح د$ بخطي $ح و د ر$ بالشكل التاسع من
الاولي فليبتقان علي نقطة داخل الخمس يمثل ما
بين في الشكل المتقدم فليبتقيا علي نقطة $ر$ فنصل
بينها وبين كل واحدة من نقط $أ ب$ بخط مستقيم فلان ضلعي $ب ر$ $ح ر$
وزاوية $ح$ بينهما من مثلث $ر ب ح$ تساوي ضلعي $د ر$ $ح ر$ وزاوية $ح$ بينهما
من مثلث $ر د ح$ فبالشكل الرابع من الاول قاعدة $ب ر$ كقاعدة $د ر$
بمثله تبين ان خطوط $أ ب ر ح د ر$ متساوية فاذا رسمنا علي نقطة $ر$
بعيد احد الخطوط دائرة فحسبها يمر علي نقط $أ ب ح د هـ$ فالخمس ملاق
للدائرة بنقط زواياه واضلاعه واقعة داخل الدائرة بالشكل الثاني من
الثالثة فالدائرة المرسومة علي الخمس محبطة به وذلك ما اردنا ان نبين

كل دائرة مفروضة لنا ان نرسم فيها مسدسا

متساوي الاضلاع والزوايا



ليكن الدائرة $أ ب ح د هـ ز$ ونحدد مركزها بالشكل الاول
من الثالثة وليكن نقطة $هـ$ ونصل بينها وبين نقطة
 $ز$ علي محبطينا بخط مستقيم ونخرجه علي استقامته
في جهة المركز الي ان يلقي المحيط فليلقه علي نقطة $د$
فخط $ح د$ قطر لدائرة $أ ب ح د هـ ز$ ونرسم علي نقطة $ز$
وبعد $ح د$ دائرة $أ ب ر$ فبقطع محبطينا محيط دائرة $أ ب ح د هـ ز$ داخل
دائرة $أ ب ر$ بالشكل الثاني من الثالثة فليقطع علي نقطتي $أ ب$ ونصل بين
المركزين وبين كل واحد منهما بخط مستقيم لما بينا في الشكل الاول من
الاولي ونخرجه علي استقامته الي ان ينتهي الي محيط دائرة $أ ب ح د هـ ز$ ولينته
خط $آ هـ$ علي نقطة $ح$ وخط $ب هـ$ علي نقطة $ط$ ونصل $أ ح$ $ب ط$ $ح ط$
 $ط آ$ بخطوط مستقيمة فبقع الاوتار داخل الدائرة بالشكل الثاني من
الثالثة فلان نقطتي $ح ط$ مركزان لدائرتي $أ ب ر$ $أ ب ح د هـ ز$ المتساويتين
فانصاف اقطارها متساوية فاضلاع مثلثي $أ ح هـ$ $ب ح هـ$ متساوية فزواياها
المتناظرة وغير المتناظرة متساوية بالشكل الخامس والثامن من الاول
فزاوية $أ هـ$ مساوية لزاوية $ح هـ ب$ فزاويتا $ط هـ د$ $ح هـ د$ المقابلتان لها
متساويتان بالشكل الخامس عشر من الاول فزوايا $الاربعة$ وهي زوايا $أ هـ ح$
 $ح هـ ب$ $ب هـ ط$ متساوية ولان زوايا كل واحد من مثلثي $أ هـ ح$ $ب هـ ط$
متساوية

متساوية فكل زاويتين من أي مثلث منهما ضعف الباقية لكن زاوية $\overline{أهـ}$ تساوي زاويتي $\overline{أحـ}$ و $\overline{أدـ}$ بالشكل الثاني والثلاثين من الأولي وهما ضعف زاوية $\overline{أهـ}$ فزاوية $\overline{أهـ}$ ضعف زاوية $\overline{أحـ}$ وزاوية $\overline{طـهـ}$ تساوي زاوية $\overline{أهـ}$ فزاوية $\overline{أهـ}$ أيضا تساويها ولذلك تبين أن زاوية $\overline{حـبـ}$ تساوي زاوية $\overline{أهـ}$ فالزوايا الست التي عند نقطة $\overline{هـ}$ متساوية فقسها متساوية بالشكل الخامس والعشرين من الثالثة فإوتارها متساوية بالشكل الرابع من الأولي لأن الزوايا التي عند نقطة $\overline{هـ}$ متساوية والاضلاع المحيطة بكل واحدة منهما متساوية فاضلاع $\overline{مسـدس}$ $\overline{أحـبـحـطـد}$ متساوية وكل زاوية من زواياه على أربع قسي متساوية من دائرة واحدة فزواياه متساوية بالشكل السادس والعشرين من الثالثة فمحيط دائرة $\overline{أبـحـ}$ ملاق للمسدس على نقط زواياه وغير قاطع إياه فالحكم ثابت وذلك ما اردنا أن نبين

وتبين هذا الشكل في أصلي الثابت والحاج بمثل ما أقول فلان كل واحد من مثلثي $\overline{أهـ}$ و $\overline{بـهـ}$ متساوية الاضلاع فتكون زوايا كل واحد منهما متساوية بالشكل الخامس من الأولي ولان زوايا كل مثلث كقائمتين بالشكل الثاني والثلاثين من الأولي فكل واحدة من زوايا مثلثي $\overline{أهـ}$ و $\overline{بـهـ}$ ثلث قائمتين وزاويتنا $\overline{أهـ}$ و $\overline{أدـ}$ كقائمتين بالشكل الثالث عشر من الأولي وزاوية $\overline{دـهـ}$ كزاوية $\overline{بـهـ}$ بالشكل الخامس عشر من الأولي فهي ثلث قائمتين فتبقي زاوية $\overline{أهـ}$ ثلث قائمتين وبمثله تبين أن كل واحدة من زاويتي $\overline{أهـ}$ و $\overline{دـهـ}$ ثلث قائمتين وأنا استعملت في بيان هذا الشكل بعد الاشتراك في البيان الشكل الثامن من الأولي والحكم الأول من الشكل الثاني والثلاثين من الأولي وهم استعملوا بعد الاشتراك في البيان الشكل الثالث عشر من الأولي والشكل الثاني والثلاثين من الأولي بحكمه فيباني أبسط من بـ

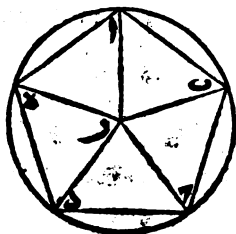
ويمكن أن نرسم على دائرة مسدسا وفي المسدس وعلىه دائرة على قياس ما مر في الخ

واستبان منه أن نصف قطر كل دائرة يوتر محيطها ست مرات وان وتر مسدسها يساوي نصف قطرها

واستبان منه أيضا أن كل دائرة نرسم على نقطة من محيط دائرة ببعد نصف قطرها فانها يقع من محيط كل واحدة منهما في الدائرة الأخرى هو ثلث المحيط

واستبان أيضا أن زاوية المسدس المتساوي الاضلاع والزوايا قائمة وثلث قائم

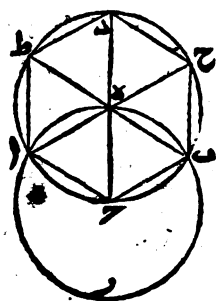
لنا ان نرسم عليه دائرة



ليكن الخمس $أ ب ج د هـ$ فننصف $أ ب$ وكل واحدة من
زاويتي $أ د ب$ بخطي $أ د$ وبالشكل التاسع من
الاولي فليبتقان علي نقطة داخل الخمس بمثل ما
بين في الشكل المتقدم فليبتقبا علي نقطة $ر$ فنصل
بينها وبين كل واحدة من نقط $أ ب ج د هـ$ بخط مستقيم فلان ضلعي $أ ب ج د هـ$
وزاوية $أ ب ج د هـ$ بينهما من مثلث $أ ب ج د هـ$ تساوي ضلعي $أ د ب ج د هـ$ وزاوية $أ ب ج د هـ$ بينهما
من مثلث $أ د ب ج د هـ$ فبالشكل الرابع من الاول قاعدة $أ ب ج د هـ$ كقاعدة $أ د ب ج د هـ$
بمثله تبين ان خطوط $أ ب ج د هـ$ متساوية فاذا رسمنا علي نقطة $ر$
بعد احد الخطوط دائرة فحيطها يمر علي نقط $أ ب ج د هـ$ فالخمس ملاق
للدائرة بنقط زواياه واضلاعه واقعة داخل الدائرة بالشكل الثاني من
الثالثة فالدائرة المرسومة علي الخمس محبطة به وذلك ما اردنا ان نبين

كل دائرة مفروضة لنا ان نرسم فيها مسدسا

متساوي الاضلاع والزوايا



ليكن الدائرة $أ ب ج د هـ ز$ ونجد مركزها بالشكل الاول
من الثالثة وليكن نقطة $هـ$ ونصل بينها وبين نقطة
 $ز$ علي محيطها بخط مستقيم ونخرجه علي استقامته
في جهة المركز الي ان يلقي المحيط فليبقه علي نقطة $د$
خط $ز د$ قطر لدائرة $أ ب ج د هـ ز$ ونرسم علي نقطة $ز$
وبعد $ز$ دائرة $أ ب ج د هـ ز$ فبقطع محيطها محيط دائرة $أ ب ج د هـ ز$ ويقع داخل
دائرة $أ ب ج د هـ ز$ بالشكل الثاني من الثالثة فليقطع علي نقطتي $أ ب ج د هـ ز$ ونصل بين
المركزين وبين كل واحدة منهما بخط مستقيم لما بينا في الشكل الاول من
الاولي ونخرجه علي استقامته الي ان ينتهي الي محيط دائرة $أ ب ج د هـ ز$ ولينته
خط $أ هـ$ علي نقطة $ح$ وخط $ب د$ علي نقطة $ط$ ونصل $أ ح ب د ط$
 $ط$ بخطوط مستقيمة فيقع الاوتار داخل الدائرة بالشكل الثاني من
الثالثة فلان نقطتي $ز هـ$ مركزان لدائرتي $أ ب ج د هـ ز$ المتساويتين
فانصاف اقطارها متساوية فاضلاع مثلثي $أ ح ب د ط$ متساوية فزواياها
المتناظرة وغير المتناظرة متساوية بالشكل الخامس والثامن من الاول
فزواوية $أ هـ$ مساوية لزاوية $ز هـ$ فزوايتا $ط هـ د$ والمقابلتان لها
متساويتان بالشكل الخامس عشر من الاول فزوايا الاربع وهي زوايا $أ هـ$
 $ز هـ د ط$ متساوية ولان زوايا كل واحد من مثلثي $أ هـ د$ $ز هـ د$
متساوية

متساوية فكل زاويتين من أي مثلث منهما ضعف الباقية لكن زاوية $\overline{أهـ}$ تساوي زاويتي $\overline{أحـ}$ و $\overline{أدـ}$ بالشكل الثاني والثلاثين من الأولي وهما ضعف زاوية $\overline{أهـ}$ فزاوية $\overline{أهـ}$ ضعف زاوية $\overline{أحـ}$ وزاوية $\overline{طـهـ}$ تساوي زاوية $\overline{أهـ}$ فزاوية $\overline{أهـ}$ أيضا تساويها ولذلك تبين أن زاوية $\overline{حـبـ}$ تساوي زاوية $\overline{أهـ}$ فالزوايا التي عند نقطة $\overline{هـ}$ متساوية فقسها متساوية بالشكل الخامس والعشرين من الثالثة فإثباتها متساوية بالشكل الرابع من الأولي لأن الزوايا التي عند نقطة $\overline{هـ}$ متساوية والاضلاع المحيطة بكل واحدة منهما متساوية فاضلاع $\overline{مسـدس}$ $\overline{أحـبـدطـ}$ متساوية وكل زاوية من زواياه على أربع قسي متساوية من دائرة واحدة فزواياه متساوية بالشكل السادس والعشرين من الثالثة فمحيط دائرة $\overline{أبـحـ}$ ملاق للمسدس على نقط زواياه وغير قاطع إياه فالحكم ثابت وذلك ما اردنا أن نبين

وتبين هذا الشكل في أصلي الثابت والحاج بمثل ما أقول فلان كل واحد من مثلثي $\overline{أهـ بـهـ}$ متساوية الاضلاع فتكون زوايا كل واحد منهما متساوية بالشكل الخامس من الأولي ولان زوايا كل مثلث كقائمتين بالشكل الثاني والثلاثين من الأولي فكل واحدة من زوايا مثلثي $\overline{أهـ بـهـ}$ ثلث قائمتين وزاويتا $\overline{أهـ بـهـ}$ كقائمتين بالشكل الثالث عشر من الأولي وزاوية $\overline{دـهـ طـ}$ كزاوية $\overline{بـهـ دـ}$ بالشكل الخامس عشر من الأولي فهي ثلث قائمتين فتبقي زاوية $\overline{أهـ طـ}$ ثلث قائمتين ويمثله تبين أن كل واحدة من زاويتي $\overline{أهـ حـ}$ و $\overline{أهـ دـ}$ ثلث قائمتين وأنا استعملت في بيان هذا الشكل بعد الاشتراك في البيان الشكل الثامن من الأولي والحكم الأول من الشكل الثاني والثلاثين من الأولي وهم استعملوا بعد الاشتراك في البيان الشكل الثالث عشر من الأولي والشكل الثاني والثلاثين من الأولي بحكمه فيباني أبسط من بيـ

ويمكن أن نرسم على دائرة مسدسا وفي المسدس وعلبه دائرة على قياس ما مر في المحـ

واستبان منه أن نصف قطر كل دائرة يوتر محيطها ست مرات وان وتر مسدسها يساوي نصف قطرها

واستبان منه أيضا أن كل دائرة نرسم على نقطة من محيط دائرة ببعد نصف قطرها فانها يقع من محيط كل واحدة منهما في الدائرة الاخرى هو ثلث المحيط

واستبان أيضا أن زاوية المسدس المتساوي الاضلاع والزوايا قائمة وثلث قائمـ

كل دائرة مفروضة لنا ان نرسم فيها شكلا ذا خمسة

عشر ضلعاً متساوية



فلتكن الدائرة $أ ب$ فنجد مركزها بالشكل الاول من الثالثة ولتكن نقطة $هـ$ ونرسم على نقطة $ز$ من محيطها وببعد $هـ$ دائرة $أ ح$ فتقطع دائرة $أ ب$ لما بيننا في الشكل الاول من الاولى فلتقطع على نقطتين بالشكل العاشر من الثالثة ولتكن نقطتي $آ$ فنصل بينهما بخط $آ ح$ المستقيم فهو وتر ثلث دائرة $أ ب$ باستبانة الشكل المتقدم ونرسم في دائرة $أ ب$ نجسا متساوي الاضلاع والزوايا بالشكل الحادي عشر وليكن احد اضلاع خط $أ ب$ فاذا توهمنا محيط دائرة $أ ب$ مقسوماً بخمسة عشر قسماً متساوية انقسمت قوس $أ ب$ بخمسة اقسام منها وقوس $أ ب$ بثلاثة اقسام فيكون حصة قوس $ب ح$ قسمان فننصفها بالشكل التاسع والعشرين من الثالثة على نقطة $د$ ونصل وتر $ب د$ فلو رسمنا في الدائرة امثال وتر $ب د$ متتالبة بالشكل الاول الى ان نعود الى المبدأ يقيم الشكل $ب د$ ولما ان نرسم على الدائرة هذا الشكل وفيه وعليه دائرة كما رسمنا في الخامس وذلك ما اردنا ان نبين

تمت المقالة الرابعة بعون الله وتوفيقه

المقالة الخامسة عشر وشكلا

تقدير احد المقدارات بالآخر وذلك لا يتأني الا اذا كانا متجانسين هو اضافة احد هما الى الاخر في القدر فالنسبة اضافة واحد المقدارين المتجانسين الى الاخر في القدر فان قدرة مرة واحدة فهي المساواة او مرات ولم يبق من الاخر فضلة فهي باعتبار المقدر الى المقدر جزء وبالعكس ضعف او اضعاف وان بقيت فضله وشكلنا بقدر بها وبكل فضله بعدها المقدور وكل فضله تلبيها فاما ان ينتهي الى فضله تستعرف بالتقدير ما يلبيها قبلها واما ان لا ينتهي فان انتهى فكل من المقدارين اضعاف لمقدار بعينه فهو بقدرها ويقال لهما المشترك وان لم ينتهيه فهما متبايتان اي ليس احدهما بقدر الاخر ولا ثالث بقدرها

اما الاول

أما الأول فليكن \bar{c} قدر \bar{a} وبقي منه \bar{a} وهو قدر \bar{d}
 وبقي منه \bar{c} وهو قدر \bar{a} وأفناء فاقول ان \bar{c} بقدر كل
 واحد من مقداري \bar{a} \bar{b} برهانه ان \bar{c} قدر \bar{a} وهو قدر
 \bar{d} فخر بقدر \bar{d} وبقدر نفسه فخر بقدر \bar{c} فبقدر \bar{b} الذي
 قدره \bar{c} فخر بقدر \bar{b} وكان قدر \bar{a} فخر بقدر \bar{a} وكان
 قدر قدر \bar{c} فهو بقدر مقداري \bar{c} \bar{d} وكل منهما اضعاف
 لخر فخر اجزاء \bar{a} \bar{b}

وأما الثاني فلانهما لو اشترك كانت الفضلات بالتقدير ينتهي الي فصله
 تقدير التي يلها قبلها والمقدر خلافة هذا خلا — ف
 كل مقدارين يمكن ان تفصل بعضهما علي بعض بالتضعيف فهما من
 نوع واحد لانه يستلزم تقدير احدهما بالآخر او تقدير بعض من
 احدهما بالآخر ويكون لكل منهما نسبة الي صاحبه باحد الوجوه الاربعة
 وبالعكس فكل مقدارين متجانسين لاحدهما الي الآخر نسبة قطاعا علي
 احد الوجوه الاربعة فان وقعت مثل تلك النسبة بعينها من غير تفاوت
 اصلا بين دينك المقدارين بعينهما او بين مقدار منهما ومقدار اخر
 غيرهما او بين مقدارين اخرين غيرهما يقال لهذه المقادير بذلك الاعتبار
 المتناسبة فالتناسب نسابة النسب ولكل نسبة حدان احدهما
 المنسوب ويسمى مقدما والآخر المنسوب اليه ويسمى تالبا فان جعل
 التالي مقدما في نسبة اخري والمقدم تالبا فيها بعينها فاقبل ما يقع فيه
 التناسب حينئذ المقادرات وان كانا اربعة مقادير في الحقيقة وهذه
 انما يتاتي في النسب المتساوية والمتماثلة وان جعل التالي مقدما ولم
 يجعل المقدم تالبا لتالبه بل جعل تالبة شي اخر فاقبل ما يقع فيه
 التناسب ثلثة مقادير وان كانت اربعة في الحقيقة — ف
 وكل واحد من المقادير المتناسبة هي التي اذا اخذ للاول والثالث
 منها اي اضعاف كانت من الاضعاف والغير المتناهيبة بعده واحده
 والثاني والرابع اي اضعاف كانت بعده واحده مما لانهايه له فان
 اضعاف الاول اذا كانت زايده علي اضعاف الثاني كانت اضعاف الثالث
 زايده علي اضعاف الرابع وان كانت مساوية كانت مساوية وان كانت
 ناقصة عنه كانت ناقصة عنه اذا احدثت الاضعاف — الي الولا —
 ليكن نسبة \bar{a} الي \bar{b} كنسبة \bar{c} الي \bar{d} واحد لآخر اضعاف بعده ما وفي
 \bar{e} رولب \bar{d} اضعاف بعده ما وفي \bar{c} فاقول ان كان \bar{e} زايده علي \bar{c} كان
 \bar{b} زايده علي \bar{d} وان كان مساويا كان مساويا وان كان ناقصا كان ناقصا
 برهانه فلان نسبة \bar{a} الي \bar{b} كنسبة \bar{c} الي \bar{d} فان كان \bar{a} زايده علي \bar{b} كان
 \bar{c} زايده علي \bar{d} وان كان مساويا له كان مساويا وان كان ناقصا كان ناقصا
 و \bar{e} ر اضعاف لآخر بعده واحده فان كان \bar{e} زايده علي \bar{b} كان \bar{c} زايده

علي د وان كان مساويا كان مساويا وان كان ناقصا كان ناقصا وح ط اضعاف لب د بعده واحده فان كان د زائدا علي ح كان ر زائدا علي ط وان كان مساويا كان مساويا وان كان ناقصا كان ناقصا وذلك ما اردنا ان نبين ه واذا كانت اربعة مقادير ولبست نسبة الاول الي الثاني كنسبه الثالث الي الرابع فلبس يمكن اذا اخذ اي اضعاف للاول والثالث متساوية العدة وللثاني والرابع كذلك ان يكون اضعاف الاول لا يزيد علي اضعاف الثاني الا ويزيد اضعاف الثالث علي اضعاف الرابع ولا يساويه الا ويساويه ولا ينقص عنه الا وينقص عنه

فلينكن نسبه آ الي ب لبست كنسبه ح الي د واخذ لآ اي اضعاف كانت متساوية العدة وهي ر ولب د اي اضعاف كانت متساوية العدة وهي ح ط فلان ر لا يزيد علي ح الا ويزيد ر علي ط ولا يساويه الا ويساويه ولا ينقص عنه الا وينقص عنه وهما اضعاف متساوية لآ ح ط لا يزيد علي ح الا ويزيد ح علي ط لا يساويه الا ويساويه ولا ينقص عنه الا وينقص عنه وح ط هما اضعاف متساوية لقريري ب د فالأ يزيد علي ب الا ويزيد ح علي د ولا يساويه الا ويساويه ولا ينقص عنه الا وينقص عنه وكان آ زائدا علي ب وح غير زائدا علي د او كان متساويا لب وح غير مساويا لد او كان آ ناقضا عن ب وح غير ناقص عن د في الوضع هذا خلف فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين ه

والشكل كالمتقدم

فاستبان منه وما يقدر انه اذا كانت اربعة مقادير من جنس واحد او الاول والثاني من جنس والثالث والرابع من جنس اخر وكان اي اضعاف اخذ الاول والثالث متساوية العدة مما لانهاية له واي اضعاف اخذ الثاني والرابع مما لانهاية له علي الولا كانت اضعاف الاول لا تزيد علي اضعاف الثاني الا وتزيد اضعاف الثالث علي اضعاف الرابع ولا يساويه الا وتساويه ولا ينقص عنها الا وينقص عنها كانت نسبة الاول الي الثاني كنسبة الثالث الي الرابع ع اذا كان اربعة مقادير وهي آ ب ح د من جنس واحد او الاول والثاني من جنس والثالث والرابع من جنس اخر وكان اي اضعاف اخذ للاول والثالث وهما آ ح متساوية العدة مما لانهاية له وهي ر واي اضعاف اخذ الثاني والرابع وهما ب د متساوية العدة مما لانهاية له وهي ح ط وكانت اضعاف الاول زائدا علي اضعاف الثاني واطعاف الثالث غير زائدا

زايدة على اضعاف الرابع فاقول ان نسبة \bar{A} الى \bar{B} اعظم من نسبة \bar{C} الى \bar{D} برهانه فلان \bar{A} اعظم من \bar{C} و \bar{B} ليس باعظم من \bar{D} فنسبة \bar{A} الى \bar{C} اعظم من نسبة \bar{A} الى \bar{D} وهما اضعاف متساوية العدده لقدرى \bar{A} فنسبة \bar{A} الى \bar{C} اعظم من نسبة \bar{C} الى \bar{D} و \bar{C} هو اضعاف متساوية العدده لقدرى \bar{B} فنسبة \bar{A} الى \bar{B} اعظم من نسبة \bar{C} الى \bar{D} وذلك ما اردنا ان نبيـ

كل مقادير متناسبه على الولاء كم كانت فان كانت ثلثة كانت نسبة الاول الى الثالث كنسبته متناه بالتكرير وان كانت خمسة كانت مربعة وعلى هذا القياس بالغاما بلغت وتكلم على النسبة المولقة في صدر المقالة السادسة ان شاء الله تعالى فبظهر منه تكرر النسبة المقادير المتسعة في النسبة والنظير ان يقال فيها نسبة المقدم الى تاليه كنسبة مقدم اخر الى تاليه وهكذا بالغاما بلغت ولا يتصرفها مقدم تاليا وبالعكس

عكس النسبة هو ان نجعل التالى مقديا للمقدم والمقدم تاليا للتالى ابدال النسبة هو ان نصيب المقدم الى المقدم والتالى الى التالى تركيب النسبة هو ان نجعل المقدم والتالى معا مقديا للتالى بعينه تفصيل النسبة هو نسبة فصل المقدم على التالى الى التالى قيست النسبة هو نسبة المقدم الى فضله على التالى نسبة المساواة ان يكون صنفان من المقادير المتناسبة متساوية العدده كل اثنين كل اثنين من احدهما على نسبة نظيرتهما من الاخر فتؤخذ الاطراف متناسبة على نسق ما فهمما وتترك الاوساط والتناسبة المنتظمة منها ان يكون نسبة مقدم الى تاليه من صنف كنسبة مقدم الى تاليه من صنف اخر ونسبة الثاني من الصنف الاول الى شي اخر كنسبة تالي الصنف الاخر الى شي اخر والتناسبة المضطربة منها ان يكون نسبة مقدم الى تاليه من صنف كنسبة مقدم الى تاليه من صنف اخر ونسبة الثاني من الصنف الاول الى شي اخر كنسبة شي اخر الى المقدم من الصنف الاخر

الاشكال

اي مقادير كانت فان كان في الاول منها من اضعاف الثاني بقدرها في الثالث من اضعاف الرابع فان في جميع الاول والثالث من اضعاف الثاني والرابع

بقدر ما في أحدهما من أضعاف صاحبيه

لكن في $\bar{A}\bar{B}$ من أضعاف \bar{C} مثل ما في \bar{C} من أضعاف \bar{A} فاقول
 أن مجموع $\bar{A}\bar{B}$ \bar{C} من أضعاف مجموع \bar{C} مثل ما في $\bar{A}\bar{B}$ مثل من
 أضعاف \bar{C} برهانه أنا نقسم $\bar{A}\bar{B}$ بمقدار \bar{C} فلتكن أقسامه
 $\bar{A}\bar{C}$ \bar{B} ونقسم \bar{C} بمقدار \bar{C} ولتكن أقسامه \bar{C} \bar{D} في
 كل واحد من $\bar{A}\bar{B}$ \bar{C} \bar{D} ضعف قرينه فلان $\bar{A}\bar{C}$ مثل \bar{C} و \bar{C} \bar{D}
 مثل \bar{C} فمجموع $\bar{A}\bar{C}$ \bar{C} مثل مجموع \bar{C} ولان \bar{C} \bar{D} مثل \bar{C} و \bar{C} \bar{D}
 مثل \bar{C} فمجموع \bar{C} \bar{D} مثل مجموع \bar{C} \bar{D} في مجموع $\bar{A}\bar{B}$ \bar{C} ضعف
 مجموع \bar{C} وذلك ما أردنا أن نبين

ب

إذا كانت بمقادير في الأول منها من أضعاف الثاني
 مثل ما في الثالث من أضعاف الرابع وفي الخامس
 من أضعاف الثاني مثل ما في السادس من أضعاف
 الرابع ففي مجموع الأول والخامس من أضعاف الثاني
 مثل ما في مجموع الثالث والسادس من أضعاف الرابع

لكن في $\bar{A}\bar{B}$ الأول من أضعاف \bar{C} الثاني مثل ما في \bar{D} الثالث
 من أضعاف \bar{C} الرابع وفي $\bar{B}\bar{C}$ الخامس من أضعاف \bar{C} الثاني
 مثل ما في \bar{D} السادس من أضعاف \bar{C} الرابع فاقول أن في جمع
 $\bar{A}\bar{B}$ \bar{C} من أضعاف \bar{C} مثل ما في جمع \bar{D} من أضعاف \bar{C} برهانه
 فلان عدد ما في $\bar{A}\bar{B}$ من أضعاف \bar{C} يساوي عدد ما في \bar{D} من
 أضعاف \bar{C} وعدد ما في $\bar{B}\bar{C}$ من أضعاف \bar{C} يساوي عدد ما في
 \bar{D} من أضعاف \bar{C} وإذا أزيد على المتساويين المتساويان حصلا
 متساويين فإني $\bar{A}\bar{B}$ \bar{C} من أضعاف \bar{C} مثل ما في \bar{D} من أضعاف
 \bar{C} وذلك ما أردنا أن نبين

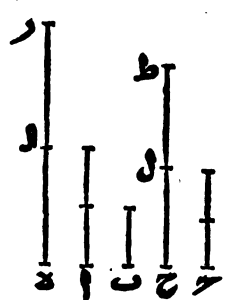
وأستبان منه أن المحكم المذكور لا يقتصر على المقادير الستة
 بل لو كان في الأول والخامس والسابع والتاسع من أضعاف
 الأول مثل ما في الثالث والسادس والثامن والعاشر من أضعاف الرابع
 وعلي هذا النسب إلى أي حد نريد فإن البرهان ينتظم عليه

ج

إذا كانت

اذا كانت اربعة مقادير في الاول منها من اضعاف
الثاني مثل ما في الثالث من اضعاف الرابع واخذ
للاول والثالث اضعاف كم كانت متساوية العدة فان
في اضعاف الاول من الثاني مثل ما في اضعاف

الثالث من الرابع ع



ليكن في آ الاول من اضعاف ب الثاني مثل ما في ح
الثالث من اضعاف د الرابع واخذ لآ اضعافا
متساوية بعدة واحدة وفي ح ط فاقول ان في
د من اضعاف ب مثل ما في ح ط من اضعاف د
برهانه نقسم د بقدر آ بك د فكل واحد
منهما يساوي آ ونقسم ح ط بقدر د بل ح ل ط فكل واحد منهما
يساوي د فلان في د من اضعاف ب مثل ما في ح ل من اضعاف د وفي
ل من اضعاف ب مثل ما في ل ط من اضعاف د ففي جميع د من اضعاف
ب مثل ما في جميع ح ط من اضعاف د بالشكل الثاني وذلك ما
اردنا ان نبين

واستبان منه ان الحكم لا يقتصر على المقادير الستة لو كانت ثمانية او
عشرة او اثني عشر وعلى هذا النسق الى اي حد فان البرهان ينتظم
عليه

اذا كانت مقادير نسبة الاول منها الى الثاني كنسبة
الثالث الى الرابع واخذ للاول والثالث اضعاف
متساوية العدة كم كانت وللثاني والرابع اضعاف
متساوية العدة كم كانت فان نسبة اضعاف الاول الى
اضعاف الثاني كنسبة اضعاف الثالث الى اضعاف

الرابع ع

لتكن نسبة آ الاول الي ب الثاني كنسبة ح الثالث
الي د الرابع واخذ لـ اضعاف كم كانت بعدة
واحدة وهي هـ رولب د اضعاف كم كانت بعدة
واحدة وهي ح ط فاقول ان نسبة هـ الي ح كنسبة مـ
الي ط برهانه ناخذ له راضعا كم كانت بعدة
واحدة وهي لـ م ونح ط اضعافا كم كانت بعدة
واحدة وهي نـ سـ ففي لـ من اضعاف آ مثل ما في
مـ من اضعاف ح وفي نـ من اضعاف ب مثل ما في
سـ من اضعاف د بالشكل المتقدم ونسبة آ الي ب
كنسبة ح الي د فلـ م اما مساويان لنـ سـ معا
او زائدان عليهما او ناقصان عنهما لذلك فاي
اضعاف اخذ له رـ كم كانت بعدة واحدة واي
اضعاف اخذ لـ طـ كم كانت بعدة واحدة
فاضعاف الاولين اما مساوية لاضعاف الاخرين
او زائدة عليهما واما ناقصة عنها معا فتحكم
المصادرة نسبة هـ الي ح كنسبة رالي ط وذلك ما
اردنا ان نبين



واستبان منه ان الحكم لا يقتصر علي اربعة مقادير
متناسبة بل ينتظم البرهان ولو كانت المتناسبة ستة او ثمانية او عشرة
وعلي هذا النسق الي اي حد اريد

اذا كان مقداران احدهما اضعاف الآخر بعدة
ما ونقص منها مقداران احدهما اضعاف الآخر
بتلك العدة النظير من النظير في الباقي من
الاضعاف اضعاف الباقي من الاجزاء وبتلك العدة

ايضا

ليكن اب اضعاف حـ د بعدة ما ونقص منها هـ حـ رواه اضعاف حـ ر
بتلك العدة فاقول ان بـ اضعاف لـ د بتلك العدة بعينها برهانه ناخذ
اـ ط اضعافا لـ د بتلك العدة فلان في هـ من اضعاف حـ ر مثل ما في اـ ط من
اضعاف دـ في جميع طـ هـ من اضعاف حـ د مثل ما في هـ من اضعاف حـ ر
بالشكل

بالشكل الاول وكان في $\bar{A}\bar{B}$ من اضعاف $\bar{C}\bar{D}$ مثل ما في $\bar{A}\bar{E}$ من
 اضعاف $\bar{C}\bar{F}$ $\bar{P}\bar{Q}$ متساويا فاذا القينا $\bar{A}\bar{E}$ المشترك بينهما
 منهما يبق $\bar{A}\bar{P}$ مساويا لـ $\bar{B}\bar{Q}$ وكان في $\bar{A}\bar{P}$ من اضعاف $\bar{R}\bar{D}$ مثل
 ما في $\bar{A}\bar{B}$ من اضعاف $\bar{C}\bar{D}$ فلي $\bar{B}\bar{Q}$ من اضعاف $\bar{R}\bar{D}$ مثل ما في
 $\bar{A}\bar{B}$ من اضعاف $\bar{C}\bar{D}$ وذلك ما اردنا ان نبين
 واستبان منه انه اذا نقص من المقدارين الباقيين او من
 المتقوسين مقداران احدهما اضعاف الاخر بتلك العدة
 النظير من النظير مرة بعد اخرى الى ما لا نهاية له فان الباقي
 في كل مرة ففهما اضعاف لنظيره بتلك العدة ويكون كل
 واحد منهما لا نهاية له فردا من افراد الدعوي المذكور في
 اصل الكتاب

وان كان مقداران كل منهما اضعاف المقدار آخر بعدة
 واحدة ونقص من كل واحد منهما مقدار هو اضعاف
 لذلك المقدار الآخر بعدة واحدة النظير للنظير
 فالباقي من كل واحد من المقدارين اما مساو لذلك
 المقدار الآخر واما اضعاف له بعدة واحدة النظير

لنظير
 لئكن $\bar{A}\bar{B}$ اضعاف له بعدة ما ورد اضعاف لـ $\bar{C}\bar{D}$ بتلك
 العدة بعينها ونقص من $\bar{A}\bar{B}$ اضعافا له بعدة ما وتر من
 $\bar{C}\bar{D}$ اضعافان لـ $\bar{C}\bar{D}$ بتلك العدة بعينها فاقول ان $\bar{C}\bar{B}$
 $\bar{P}\bar{Q}$ اما مساويان لـ $\bar{R}\bar{D}$ واما اضعاف لهما بعدة واحدة
 برهاننا نأخذ $\bar{A}\bar{C}$ مساويا لـ $\bar{A}\bar{B}$ كان $\bar{C}\bar{B}$ مساويا لـ $\bar{A}\bar{B}$ اضعافا لـ $\bar{C}\bar{D}$
 اضعاف $\bar{C}\bar{B}$ لـ $\bar{C}\bar{D}$ في $\bar{A}\bar{C}$ من اضعاف $\bar{C}\bar{D}$ مثل ما في $\bar{C}\bar{P}$ من اضعاف
 $\bar{R}\bar{D}$ اما مثل لـ $\bar{A}\bar{B}$ او امثال لـ $\bar{C}\bar{D}$ بعدة ما ورد $\bar{C}\bar{P}$ مثل لـ $\bar{A}\bar{B}$ او امثال لـ $\bar{C}\bar{D}$
 العدة بعينها فبالشكل الثاني عدة اضعاف $\bar{A}\bar{B}$ لـ $\bar{C}\bar{D}$ لعدة اضعاف $\bar{A}\bar{P}$ لـ $\bar{R}\bar{D}$
 وكان عدة اضعاف $\bar{A}\bar{B}$ لـ $\bar{C}\bar{D}$ كعدة اضعاف $\bar{C}\bar{D}$ لـ $\bar{R}\bar{D}$ و $\bar{A}\bar{P}$ $\bar{C}\bar{D}$ متساويان فاذا
 القينا $\bar{C}\bar{P}$ المشترك بينهما منهما يبق $\bar{A}\bar{C}$ مثل $\bar{A}\bar{C}$ و $\bar{A}\bar{C}$ مثل $\bar{R}\bar{D}$ ان كان
 $\bar{C}\bar{B}$ مثل $\bar{C}\bar{D}$ و اضعاف لـ $\bar{C}\bar{D}$ اضعاف $\bar{C}\bar{B}$ لـ $\bar{C}\bar{D}$ فقط مثل $\bar{R}\bar{D}$ ان كان

حـ مثل ء او اضعاف لـ بعدة اضعاف حـ ب لـ وذلك ما اردنا ان نبين

كل واحدة من نسب المقادير المتساوية الى مقدار واحد متساوية وكل واحدة من نسب مقدار واحد

الى اي المقادير المتساوية متساوية

ليكن آ ب متساويين فاقول ان نسبة آ الى ح كنسبة ب اليه ونسبة ح الى آ كنسبته الى ب برهانه ناخذ لا ب اي اضعاف كانت متساوية العدة وهي د ء ولح اي اضعاف اتفقت بعدة ما وهي ر فان كان د يساوي ر كان ء يساويه وان كان زايذا عليه كان ء زايذا عليه وان كان ناقصا عنه كان ء ناقصا عنه وبالعكس اي ان كان ر مساويا لد كان مساويا له وان كان زايذا على د كان زايذا على ء وان كان ناقصا عن د كان ناقصا عن ء وذلك انما كان كذلك لان اي اضعاف اخذت لا ب تكون متساوية ان كانت بعدة واحدة فآ ب مقادير اذا اخذ لا ب اضعاف باي عدة ولح اضعاف باي عدة فان كانت اضعاف آ زايذا على اضعاف ح كانت اضعاف ب زايذا على اضعاف ح وان كانت مساوية كانت مساوية وان كانت ناقصة كانت ناقصة فتحكم المصادرة نسبة آ الى ح كنسبة ب اليه ونسبة ح الى آ كنسبته الى ب بهذا البيان ايضا وذلك ما اردنا ان نبين

ح

كل مقدارين مختلفين فان نسبة الاعظم منهما

الي ثالث اعظم من نسبة اصغرها اليه ونسبة

الثالث الي اصغرها اعظم من نسبته الي اعظمها

ليكن آ ب ح مقدارين مختلفين وآ ب اعظمهما ود مقدار ثالث فاقول ان نسبة آ ب الى د اعظم من نسبة ح اليه ونسبة د الى ح اعظم من نسبته الي آ ب برهانه نفصل من آ ب مثل ح بالشكل الثالث من الاول وهو ب ء فمن قدرتي آ ء ب الذي لبس باعظم من الاخر وليكن هو آ لا يخلوا اما ان يكون اعظم من د اوليس اعظم منه فان كان اعظم



اعظم منه نأخذ له اضعافا كم كانت وان لم يكن اعظم فنضعفه حتى يزيد
 اضعافه على د وليكن الاضعاف مرح ولناخذ لكل واحد من قدري
 بـ اضعافا بعدة ما في مرح من اضعاف آة وليكونا قدري ح ط ال
 فهما متساويان لتساوي قدري بـ ح فلان في مرح من اضعاف آة مثل
 ما في ح ط اضعاف بـ في رط من اضعاف آة مثل ما في مرح من
 اضعاف آة بالشكل الاول فعدة اضعاف رط لقدر آة لعدة اضعاف
 ال لقدر ح ولان كل واحد من قدري بـ ح اما مساو لقدر آة او
 اعظم منه فكل واحد من قدري ح ط ال اما مساو لقدر مرح او اعظم
 منه فكل واحد من قدري ح ط ال اعظم من قدر د فليضعف د على
 الولا الى اول قدر نريد على ال ولتكن هي م نة سه فقدرته اما مساو
 لقدر ال او اصغر منه بمقدار هو اصغر من د فاذا زيد على نة مقدار
 يساوي د صار سه فقدر سه اعظم من ال واذا زدنا مرح الذي هو
 اعظم من د على ح ط المساوي لكل حصل رط فزط اعظم من سه
 وال ليس باعظم من سه فنسبة آة الي د اعظم من نسبة ح اليه ولان
 سه الذي هو اضعاف د على الولا يزيد على ال الذي هو اضعاف ح
 على الولا ولا يزيد على رط الذي هو اضعاف آة فنسبة د الي ح اعظم
 من نسبة د الي آة وذلك ما اردنا ان نبين

ط

كل واحد من المقادير التي نسبة كل واحد منها
 الي مقدار واحد متساوية فهي متساوية وكل واحد
 من المقادير التي نسبة مقدار واحد الي كل واحد منها
 متساوية فهي متساوية

ليكن نسبة آ الي ح كنسبة ب اليه فاقول ان آ يساوي ب
 برهانه لان آ لو لم يكن مساويا لب كان اما اعظم منه او
 اصغر فيكون نسبة آ الي ح اعظم من نسبة ب اليه او اصغر
 بالشكل المتقدم وكانت نسبة آ الي ح كنسبة ب اليه هذا
 خلف وان كانت نسبة ح الي آ كنسبته الي ب فآ ب متساويان والا لكان
 احدهما وليكن آ اعظم من ب او اصغر منه فيكون نسبة ح الي ب اعظم
 من نسبته الي آ او اصغر بالشكل المتقدم وكانت نسبة ح الي ب كنسبته
 الي آ هذا خلف فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين

س

كل مقادير فان كانت نسبة مقدار منها الي ثالث اعظم من نسبتها اليه فهو اعظمها وان كانت نسبة الثالث الي احدها اعظم من نسبته الي البواقي فهو

اصغره

ليكن نسبة \bar{A} الي \bar{B} اعظم من نسبة \bar{B} الي \bar{C} فاقول ان \bar{A} اعظم من \bar{B} برهانه والا لكان \bar{B} مساويا لـ \bar{A} او اصغر منه فيكون نسبة \bar{A} الي \bar{C} حبيذ كنسبة \bar{B} اليه بالشكل السابع او اصغر من نسبة \bar{B} اليه بالشكل الثامن هذا خلف لان المقدر خلافهما وايضا ليكن نسبة \bar{B} الي \bar{A} اعظم من نسبته الي \bar{C} فـ \bar{B} اصغر من \bar{A} والا لكان مساويا له او اعظم منه فيكون نسبة \bar{B} الي \bar{C} كنسبته الي \bar{A} بالشكل السابع او اصغر من نسبته اليه بالشكل الثامن هذا خلف لان المقدر ايضا خلافهما فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين

جميع النسب المساوية لنسبة واحدة فتلك النسب

متساوية

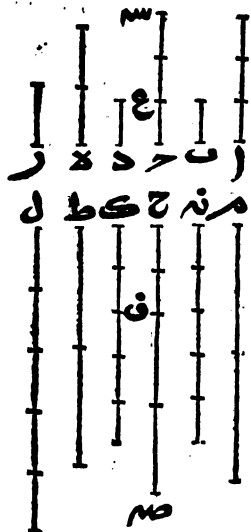
ليكن نسبة \bar{A} الي \bar{B} كنسبة \bar{C} الي \bar{D} ونسبة \bar{E} الي \bar{F} كنسبة \bar{G} الي \bar{H} فاقول ان نسبة \bar{A} الي \bar{B} كنسبة \bar{E} الي \bar{F} برهانه فلانا اذا اخذنا لـ \bar{A} و \bar{B} اي اضعاف اتفقت بعدة واحدة مما لا يتناهي ولتكن هي \bar{C} طـ \bar{A} ولبـ \bar{D} راي اضعاف اتفقت بعدة واحدة مما لا يتناهي ولتكن هي لـ مـ \bar{E} ونسبة \bar{A} الي \bar{B} كنسبة \bar{C} الي \bar{D} فان كان \bar{C} زائدا علي لـ كان طـ زائدا علي مـ وان كان مساويا له كان مساويا له وان كان ناقصا عنه كان ناقصا عنه ونسبة \bar{E} الي \bar{F} كنسبة \bar{G} الي \bar{H} فان كان لـ زائدا علي مـ كان طـ زائدا علي مـ وان كان مساويا له كان مساويا له وان كان ناقصا عنه كان ناقصا عنه فان كان لـ اضعاف بعدة واحدة لقدرتي آة ولـ مـ اضعاف بعدة واحدة لقدرتي

لقدرتي ب ر ق ا ب ر اربعة مقادير اي اضعاف اخذت للاول والثالث
بعده واحدة والثاني والرابع بالطريق المذكور فان كانت اضعاف
الاول زائدة علي اضعاف الثاني كانت اضعاف الثالث زائدة علي
اضعاف الرابع وان كانت مساوية كانت مساوية وان كانت ناقصة
كانت ناقصة فتحكم المصادرة نسبة آ الي ب كنسبة ة الي م وذلك
ما اردنا ان نبين

يب

كل واحد من المقادير التي نسبة الاول منها الي
الثاني كنسبة الثالث الي الرابع ونسبة الثالث
الي الرابع اعظم من نسبة الخامس الي السادس
فنسبة الاول الي الثاني منها اعظم من نسبة

الخامس الي السادس



لتكن نسبة آ الي ب كنسبة ح ر ة الي د ونسبة
ح ر ة الي د اعظم من نسبة ة الي م فاقول ان
نسبة آ الي ب اعظم من نسبة ة الي ر برهانه
فلان نسبة ح ر ة الي د اعظم من نسبة مقدار
هو اصغر من ح ر ة الي د بالشكل الثامن فلتكن
نسبة ع ر ة من ح ر ة الي د كنسبة ة الي م
ونضعف ما ليس باعظم من جناخيه من
مقدراي ح ر ع ر ة وليكن هو ح ر ة الي ان
يصير اعظم من د وليكن هو ح ر ف ونضعف
ع ر ة بتلك العدة وليكن هو ف ر ة فلان في

ف ر ح من اضعاف ح ر ع مثل ما في ف ر ة من اضعاف ع ر ة ففي ح ر ة من
اضعاف ح ر ة مثل ما في ف ر ة من اضعاف ع ر ة بالشكل الاول فلان في
ح ر ة اعني اضعاف ح ر ع اعظم من د و ف ر ة اضعاف ل ع ر ة بتلك العدة
و ع ر ة اما اعظم من ح ر ع او مساوية ف ف ر ة اعظم من د فنضعف د
مرة بعد اخري الي ان يصير اعظم من ف ر ة اما بمقدار د او بما هو
اصغر من مقدرا د وهو مقدار ل م ولناخذ لمقدار ة اضعافا بعدة ما
في ف ر ة من اضعاف ع ر ة والمقدار ر اضعافا بعدة ما في آ من اضعاف
د و بما ط ل فلان نسبة ع ر ة الي د كنسبة ة الي ر واخذ لكل واحد من

الاول والثالث اضعاف بعدة واحدة وهما حصة ط والثاني والرابع
اضعاف بعدة واحدة وهما ق ل غني كان فحصة اعظم من هـ كان ط اعظم
من ل وان كان مساويا كان متساويا وان كان ناقصا كان ناقصا لكن فحصة
لبس بزايد علي لا فقط لبس بزايد علي ل ولان ح فم اعظم من د فحصة
يكون اعظم من لا وناخذ لمقدار آ اضعافا بعدة ما في حصة من اضعاف
حصة وهو م وناخذ لمقدار ب اضعافا بعدة ما في ل من اضعاف وهو ن
ولان نسبة آ الي ب كنسبة حصة الي د واخذ الاول والثالث منها
اضعاف بعدة واحدة وهما م حصة والثاني والرابع اضعاف بعدة واحدة
وهما نه الا فان كان م زائدا علي نه كان حصة زائدا علي لا وان كان
مساويا كان مساويا وان كان ناقصا كان ناقصا لكن حصة اعظم من لا فم
اعظم من نه والا لكان مساويا له او اصغر منه فكان حصة مساويا لك
او اصغر منه وهو اعظم منه هذا خلف فم اعظم من نه فلاب ه ز اربعة
مقادير اخذ الاول والثالث منها وهما آ اضعاف بعدة واحدة وهما
م ط والثاني والرابع اضعاف بعدة واحدة وهما نه ل واضعاف الاله
زايد علي اضعاف الثاني واضعاف الثالث غير زائد علي اضعاف الرابع
فنسبة آ الي ب اعظم من نسبة ه الي ر وذلك ما اردنا ان نبين .

وَأَسْتَبَانَ مِنْهُ إِذَا كَانَتْ نَسَبَةُ الْأَوَّلِ

الى الثاني كنسبة الثالث الى الرابع

ونسبة الثالث الى الرابع اعظم من

نسبة الخامس الى السادس وكانت

نسبة الخامس الى السادس كنسبة

السابع الى الثامن فان نسخة الاول الي

الثاني اعظم من نسبة السابع الى الثامن

ولیکن فی مقالنا نسبتہ الیٰ ہر کنسبتہ

فَإِلَى رُوَيْبِكُنْ فِي شَهْرٍ مِّنْ أَضْعَاقِهَا

مثل ما في اضعاف ط من اضعاف ه وفي

ت من اضعاف ركباني ل من اضعاف

رونسبه ه الي م كنسبه م الي ر فان

کان ط زاید اعلیٰ ل کان شه زاید اعلیٰ

إِنْ كَانَ نَافِصًا كَانَ نَافِصًا لِلْبَنِّ ط عِبْر

ي ت ح سه د ر ا ر ب ع د م ع ا د ي ر ا ح د
ا ن م ا ن ي ت ا ل ي ق ا ل ح د ي ه ا

اصناف متساوية العدد ولها حصة شـ

اصناف منسايه العده وها ان
علايه انشا في آيه ان

علي اصحاب النبي وفي الو واصحاب

اصداى رو پيے ن فسيبه ۷ سہ اي د
اعضاء



اعظم من نسبة قـ الى ر فنسبة آ الى ب اعظم من نسبة قـ الى ر
 وظهر منه ايضا انه اذا كانت نسبة مقادير وكانت نسبة الاول الى الثاني
 اعظم من نسبة الثالث الى الرابع ونسبة الثالث الى الرابع كنسبة
 الخامس الى السادس فان نسبة الاول الى الثاني اعظم من نسبة الخامس
 الى السادس من حـ كـ

جميع المقادير المتناسبة ان يكون نسبة مقدم
 واحد منها الى ثالثة كنسبة جميع مقدماتها الى

ثالثها



لتكن نسبة آ الى ب كنسبة حـ الى د كنسبة
 آ الى ر فاقول ان نسبة آ الى ب كنسبة مجموع
 آ حـ الى مجموع ب د ر برهانه ناخذ لـ حـ
 اضعافا كم كانت بعدة واحدة وفي حـ طـ آ
 ولـ بـ دـ ر اضعافا كم كانت بعدة واحدة
 وفي لـ مـ نـ ونسبة آ الى ب كنسبة حـ الى د
 وكنسبة هـ الى ر فزيادة حـ طـ آ على لـ مـ نـ
 ونقصانها منها ومساواتها لها معا ولان في حـ
 من اضعاف آ مثل ما في طـ من اضعاف حـ
 وفي لـ من اضعاف هـ وفي لـ من اضعاف بـ
 مثل ما في مـ من اضعاف دـ وفي نـ من اضعاف

ر فلي حـ من اضعاف آ مثل ما في مجموع حـ طـ آ من اضعاف مجموع آ حـ
 وفي لـ من اضعاف بـ مثل ما في مجموع لـ مـ نـ من اضعاف مجموع بـ دـ ر
 بالشكل الاول فان حـ زائدا على لـ كان مجموع حـ طـ آ زائدا على مجموع لـ
 مـ نـ وان كان ناقصا كان ناقصا وان كان مساويا كان مساويا فنسبة آ الى ب
 كنسبة مجموع آ حـ الى مجموع بـ دـ ر وذلك ما اردنا ان نبين

يد

اذا كانت اربعة مقادير متناسبة فالاول ان كان
 اعظم من الثالث كان الثاني اعظم من الرابع وان كان
 مساويا كان مساويا وان كان اصغر كان اصغر

الاول والثالث اضعاف بعدة واحدة وهما فصة ط والثاني والرابع اضعاف بعدة واحدة وهما ال فان كان فصة اعظم من ال كان ط اعظم من ل وان كان مساويا كان مساويا وان كان ناقصا كان ناقصا لكن فصة ليس بزايد على ال فط ليس بزايد على ل ولان ح ف اعظم من د فصة يكون اعظم من ال وناخذ لمقدار ا اضعافا بعدة ما في ح فصة من اضعاف ح فصة وهو م وناخذ لمقدار ب اضعافا بعدة ما في ال من اضعاف وهو ن ولان نسبة ا الي ب كنسبة ح فصة الي د واخذ الاول والثالث منها اضعاف بعدة واحدة وهما م ح فصة والثاني والرابع اضعاف بعدة واحدة وهما ن ال فان كان م زائدا على ن كان ح فصة زائدا على ال وان كان مساويا كان مساويا وان كان ناقصا كان ناقصا لكن ح فصة اعظم من ال فم اعظم من ن والا لكان مساويا له او اصغر منه فكان ح فصة مساويا لـ ك او اصغر منه وهو اعظم منه هذا خلف فم اعظم من ن فـ ا ب د ر اربعة مقادير اخذ الاول والثالث منها وهما آ ا ا اضعاف بعدة واحدة وهما م ط والثاني والرابع اضعاف بعدة واحدة وهما ن ل واضعاف الاول زايد على اضعاف الثاني واضعاف الثالث غير زايد على اضعاف الرابع فنسبة ا الي ب اعظم من نسبة د الي ر وذلك ما اردنا ان نبين ق

وَأَسْتَبَانَ مِنْهُ إِذَا كَانَتْ نَسَبَةُ الْأَوَّلِ

إلى الثاني كنسبة الثالث إلى الرابع

ونسبة الثالث الى الرابع اعظم من

نسبة الخامس الى السادس وكانت

نسبة الخامس الى السادس كنسبة

السابع الى الثامن فان نسبة الاول الي

الثاني اعظم من نسبة السابع الى الثامن

ولیکن فی مقالنا نسبة ء ای مر كنسبة

فہ الی رولپکن فی شہ من اضعا قہ

مثل ما في اضعاف ط من اضعاف ه وفي

ت من اضعاف ركباني ل من اضعاف

رونسبة ه الي من نسبة قه الي ر فان

کان ط زاید اعلیٰ ل کان شه زاید اعلیٰ

ان کان ناصبا کان ناصبا لمن ط عبیر

ي ن م د ر ا ر ب ع م ع ا د ي ر ا ح د

اصناف متساوية العدد ونهاج ص ش

اصناف متساوية العدد ولكن

علي أصحائي الثاني وفي الو واصلي

اصداى رو پيے ن فسيبه جسه اي د



وان كان مساويا كان مساويا و

بد علی ل فشه غیر زاید علی

ول والثالث منها وهما حصة

خذ الثاني والرابع وهما د

ضعاف الاول وهي حصه زائدة

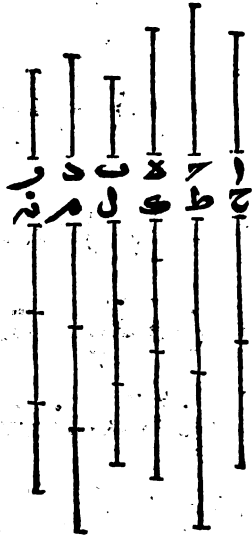
الث و هـ ش م غ م ز ا ن دة ع د

5. **Conclusions**

130

اعظم من نسبة مـ الي ر فنسبة آ الي ب اعظم من نسبة مـ الي ر
 وظهر منه ايضا انه اذا كانت نسبة مقادير وكانت نسبة الاول الي الثاني
 اعظم من نسبة الثالث الي الرابع ونسبة الثالث الي الرابع كنسبة
 الخامس الي السادس فان نسبة الاول الي الثاني اعظم من نسبة الخامس
 الي السادس من خمسة

جميع المقادير المتناسبة ان يكون نسبة مقدم
 واحد منها الي ثلاثة كنسبة جميع مقدماتها الي
 ثلثها



لتكن نسبة آ الي ب كنسبة ح الي د ونسبة
 مـ الي ر فاقول ان نسبة آ الي ب كنسبة مجموع
 آ ح مـ الي مجموع ب د ر برهانه ناخذ لآ ح مـ
 اضعافا كم كانت بعدة واحدة وفي ح ط آ
 ولب د ر اضعافا كم كانت بعدة واحدة
 وفي ل م ر ونسبة آ الي ب كنسبة ح الي د
 ونسبة مـ الي ر فزيادة ح ط آ علي ل م ر
 ونقصانها منها ومساواتها لها معا ولان في ح
 من اضعاف آ مثل ما في ط من اضعاف ح
 وفي ل من اضعاف مـ وفي ل من اضعاف ب
 مثل ما في مـ من اضعاف د وفي مـ من اضعاف
 ر ففي ح من اضعاف آ مثل ما في مجموع ح ط آ من اضعاف مجموع آ ح مـ
 وفي ل من اضعاف ب مثل ما في مجموع ل م ر من اضعاف مجموع ب د ر
 بالشكل الاول فان ح زائدا علي ل كان مجموع ح ط آ زائدا علي مجموع ل م ر
 مـ وان كان ناقصا كان ناقصا وان كان مساويا كان مساويا فنسبة آ الي ب
 كنسبة مجموع آ ح مـ الي مجموع ب د ر وذلك ما اردنا ان نبين

يد

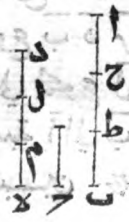
اذا كانت اربعة مقادير متناسبة فالاول ان كان
 اعظم من الثالث كان الثاني اعظم من الرابع وان كان
 مساويا كان مساويا وان كان اصغر كان اصغر

ليكن نسبة \bar{A} الى \bar{B} كنسبة \bar{C} الى \bar{D} فاقول ان كان \bar{A} اعظم من \bar{C} كان \bar{B} اعظم من \bar{D} وان كان \bar{A} مساويا لـ \bar{C} كان \bar{B} مساويا لـ \bar{D} وان كان \bar{A} اصغر من \bar{C} كان \bar{B} اصغر من \bar{D} برهانه وليكون \bar{A} اعظم من \bar{C} فلان بالتقديم نسبة \bar{C} الى \bar{D} كنسبة \bar{A} الى \bar{B} فنسبة \bar{A} الى \bar{B} اعظم من نسبة \bar{C} الى \bar{D} بالمثل الثالث من فبالشكل الثاني عشر نسبة \bar{C} الى \bar{D} اعظم من نسبته الى \bar{B} فبالشكل العاشر \bar{B} اعظم من \bar{D} وان كان \bar{A} مساويا لـ \bar{C} فـ \bar{B} مساو لـ \bar{D} لان نسبة \bar{A} الى \bar{D} حينئذ تكون كنسبة \bar{C} الى \bar{D} بالشكل السابع عشر وكانت نسبة \bar{A} الى \bar{B} كنسبة \bar{C} الى \bar{D} فنسبة \bar{A} الى \bar{D} كنسبته الى \bar{B} بالشكل الحادي عشر فـ \bar{B} يساوي \bar{D} بالشكل التاسع وان كان \bar{A} اصغر من \bar{C} فـ \bar{B} اصغر من \bar{D} لان نسبة \bar{A} الى \bar{B} كنسبة \bar{C} الى \bar{D} ولان \bar{C} اعظم من \bar{A} يكون نسبة \bar{C} الى \bar{D} اعظم من نسبة \bar{A} الى \bar{D} بالشكل الثامن فبالشكل الثاني عشر نسبة \bar{A} الى \bar{B} اعظم من نسبة \bar{A} الى \bar{D} فبالشكل العاشر \bar{B} اصغر من \bar{D} وذلك ما اردنا ان نمـ



كل واحدة من الاجزاء التي عدة اضعافها متساوية فان نسبة تلك الاجزاء بعضها الى بعض كنسبة اضعافها بعضها الى بعض على التوالي

ليكن \bar{A} ب اضعاف \bar{C} بعدة ما وده اضعاف \bar{B} بتلك العدة فاقول ان نسبة \bar{C} الى \bar{B} كنسبة \bar{A} الى \bar{D} برهانه نقسم \bar{A} بقدر \bar{C} فليكن اقسامه \bar{A} ح ط ب ونقسم \bar{D} بـ \bar{B} وليكن اقسامه \bar{D} ل م مـ فلان مقادير \bar{A} ح ط ب \bar{D} ل م مـ متساوية وكذا مقادير \bar{B} ل م مـ \bar{C} ط ب \bar{A} ح ط ب متساوية فاذا اخذنا لمقادير \bar{C} ط ب اضعافا متساوية العدة كم كانت مما لا يتناهي ولمقادير \bar{B} ل م مـ اضعافا متساوية العدة كم كانت مما لا يتناهي فانه ان كانت اضعاف \bar{C} زائدة على اضعاف \bar{B} كانت اضعاف \bar{A} ط ب زائدة على اضعاف \bar{D} ل م مـ وان كانت ناقصة كانت ناقصة وان كانت مساوية كانت مساوية فنسبة \bar{C} الى \bar{B} كنسبة \bar{A} الى \bar{D} واذا اخذنا لمقادير \bar{A} ح ط ب اضعافا متساوية العدة كم كانت مما لا يتناهي ولمقادير \bar{D} ل م مـ اضعافا متساوية العدة كم كانت مما لا يتناهي فانه ان كانت اضعاف \bar{A} ح ط ب زائدة على اضعاف \bar{D} ل م مـ كانت اضعاف \bar{C} ط ب زائدة على اضعاف \bar{B} ل م مـ



علي اضعاف مـ وان كانت ناقصة كانت ناقصة وان كانت مساوية
كانت مساوية فنسبة آح الي دل كنسبة ح ط الي لم وكنسبة ط ب
الي مـ فبالشكل الثالث عشر نسبة جميع آب الي جميع ده كنسبة ط ب
الي مـ فبالشكل الحادي عشر نسبة حـ الي ر كنسبة آب الي ده فالحكم
تأبث وذلك ما اردنا ان نبين

يو

اربعة مقادير متناسبة هي بعد الابدال متناسبة

ليكن نسبة آ الي ب كنسبة حـ الي د فاقول بالابدال نسبة آ الي حـ
كنسبة ب الي د برهانه ناخذ لآب اضعافا ما متساوية العدة كم
كانت العدة وهي ر ولحـ د اضعافا ما متساوية العدة كم
كانت العدة وهي ح ط فلان ر اضعاف لآب بعدة
واحدة فنسبة آ الي ر كنسبة آ الي ب بالشكل المتقدم
ونسبة حـ الي د كنسبة آ الي ب فنسبة آ الي ر كنسبة حـ
الي د بالشكل الحادي عشر ولان ح ط اضعاف لحـ د بعدة
واحدة فنسبة حـ الي ط كنسبة حـ الي د بالشكل المتقدم
وكانت نسبة حـ الي ر كنسبة حـ الي د فنسبة آ الي ر
كنسبة حـ الي ط بالشكل الحادي عشر فان كان ر زايذا
علي حـ كان ر زايذا علي ط وان كان مساويا له كان
مساويا له وان كان ناقصا عنه كان ناقصا عنه بالشكل الرابع
عشر فآب حـ د اربعة مقادير اذا اخذ للاول والثالث
وهما آ ب اي اضعاف كانت بعدة واحدة ما لانهاية له
والثاني والرابع اي اضعاف كانت ما لانهاية له بعدة

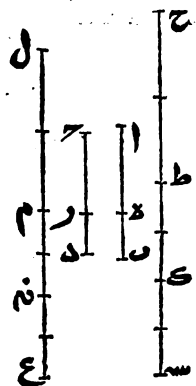
واحدة وهما حـ د وكان لا يزيد اضعاف آ علي اضعاف حـ الا ويزيد
اضعاف ب علي اضعاف حـ ولا يساويه الا ويساويه ولا ينقص عنه الا
وينقص عنه فنسبة آ الي حـ كنسبة ب الي د وذلك ما اردنا ان نبين
وينبغي ان تعلم ان الابدال انما تجري في المقادير التي من نوع واحد

جميع المقادير المتناسبة المركبة اذا فصلت كانت

ايضا متناسبة

ليكن نسبة آب الي ب كنسبة حـ د الي د بالتركيب فاقول ان نسبة آ
الي ب كنسبة حـ الي د بالتفصيل برهانه ناخذ لكل واحد من
مقادير آ ب حـ د اضعافا بعدة واحدة كم كانت العدة وهي ح ط

ط لا لم منه فلان في ح ط من اضعاف آه مثل ما في ط لا من اضعاف
 ه ب وفي لم من اضعاف حر مثل ما في م نه من اضعاف رد في جميع ح لا
 ل نه من اضعاف اب رد مثل ما في ط لا م نه من اضعاف ه ب رد بالشكل
 الاول واضعاف ط لا لب كاضعاف م نه لرد فاضعاف ح لا لاب كاضعاف
 ل نه لرد وناخذ ايضا المقداري ه ب رد اي اضعاف كانت بعدة واحدة
 مما لا يتناهي وفي الـ نه نع في ط لا الاول من اضعاف ه ب الثاني مثل ما
 في م نه الثالث من اضعاف رد الرابع وفي الـ نه
 الخامس من اضعاف ه ب الثاني مثل ما في نه ع
 السادس من اضعاف رد الرابع في جميع ط سه الاول
 والخامس من اضعاف ه ب الثاني مثل ما في جميع مع
 الثالث والسادس من اضعاف رد الرابع بالشكل
 الثاني وكان في ح لا من اضعاف اب مثل ما في ل نه من
 اضعاف رد ونسبة اب الي ه ب كنسبة رد الي رد
 فاب به رد در اربعة مقادير متناسبة فاذا اخذت
 للاول والثالث اضعاف بعدة واحدة كم كانت
 العدة مما لانهاية له والثاني والرابع اضعاف بعدة واحدة كم كانت
 العدة مما لانهاية له فان كانت اضعاف الاول زايدة علي اضعاف الثاني
 كانت اضعاف الثالث زايدة علي اضعاف الرابع وان كانت مساوية
 كانت مساوية وان كانت ناقصا كانت ناقصا فتكون زيادة ح لا ل نه علي
 ط سه م ع ونقصا عنها ومساواتهما لهما معا فاذا القينا ط لا م نه المشترك
 يكون ان كان ح ط زايدا علي الـ سه كان لم زايدا علي نه ع وان كان ناقصا
 كان ناقصا وان كان مساويا كان مساويا فاه ه ب حر رد اربعة مقادير اذا
 اخذ للاول والثالث وهما آه حر اي اضعاف متساوية العدة مما لانهاية له
 والثاني والرابع وهما ه ب رد اي اضعاف متساوية العدة مما لانهاية له
 وكانت اضعاف الاول لا تزيد علي اضعاف الثاني الا وتزيد اضعاف
 الثالث علي اضعاف الرابع ولا تساويه الا وتساويه ولا تنقص عنه الا
 وتنقص عنه فنسبة آه الي ه ب كنسبة حر الي رد وذلك ما اردنا ان نبين



كل المقادير المتناسبة المفصلة اذا ركت

كانت متناسبة

ليكن نسبة اب الي ب ح كنسبة ده الي ه ر فاقول بالتركيب نسبة آه الي
 ح ب كنسبة در الي ر ه برهانه فلانه لو لم يكن كذلك لكانت نسبة آه
 الي ح ب كنسبة در الي مقدار اعظم او اصغر من ه ر وليكن الي ما هو
 اصغر

۱۹

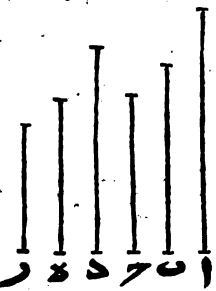
النسبة النظير من النظر

5

125

كان الاول من الصنف الآخر اعظم من الآخر منه
وان كان مساويا كان مساويا وان كان اصغر كان اصغره

ليكن $\bar{A} \bar{B} \bar{C} \bar{D}$ ر صنفين من المقادير بعدة واحدة ونسبة \bar{A} الى \bar{B}
كنسبة \bar{D} الى \bar{E} ونسبة \bar{B} الى \bar{C} كنسبة \bar{E} الى \bar{F} فاقول ان كان \bar{A} اعظم
من \bar{C} كان \bar{D} اعظم من \bar{F} وان كان \bar{A} مساويا لـ \bar{C} كان \bar{D} مساويا لـ \bar{F} وان
كان \bar{A} اصغر من \bar{C} كان \bar{D} اصغر من \bar{F} برهانه فان كان \bar{A} اعظم من \bar{C} فلان
نسبة \bar{D} الى \bar{E} كنسبة \bar{A} الى \bar{B} ونسبة \bar{A} الى \bar{B} اعظم
من نسبة \bar{C} الى \bar{B} بالشكل الثامن فبالشكل الثاني
عشر نسبة \bar{D} الى \bar{E} اعظم من نسبة \bar{C} الى \bar{B} ونسبة
 \bar{C} الى \bar{B} كنسبة \bar{R} الى \bar{S} فنسبة \bar{D} الى \bar{E} اعظم من
نسبة \bar{R} الى \bar{S} باستبانة الشكل الثاني عشر فبالشكل
العاشر \bar{D} اعظم من \bar{R} وان كان \bar{A} مساويا
لـ \bar{C} فلان نسبة \bar{D} الى \bar{E} كنسبة \bar{A} الى \bar{B} و \bar{A} يساوي
 \bar{C} فنسبة \bar{C} الى \bar{B} كنسبة \bar{A} الى \bar{B} بالشكل السابع فبالشكل الحادي
عشر نسبة \bar{D} الى \bar{E} كنسبة \bar{C} الى \bar{B} ونسبة \bar{C} الى \bar{B} كنسبة \bar{R} الى \bar{S}
بالمخلاف فنسبة \bar{D} الى \bar{E} كنسبة \bar{R} الى \bar{S} بالشكل الحادي عشر فد يساوي
 \bar{R} بالشكل التاسع وان كان \bar{A} اصغر من \bar{C} فلان بالمخلاف نسبة \bar{D} الى \bar{E}
كنسبة \bar{C} الى \bar{B} و \bar{A} ونسبة \bar{B} الى \bar{A} اعظم من نسبة \bar{B} الى \bar{C} بالشكل
الثامن فبالشكل الثاني عشر نسبة \bar{D} الى \bar{E} اعظم من نسبة \bar{B} الى \bar{C} ونسبة
 \bar{B} الى \bar{C} كنسبة \bar{R} الى \bar{S} فنسبة \bar{D} الى \bar{E} اعظم من نسبة \bar{R} الى \bar{S} باستبانة
الشكل الثاني عشر فبالشكل العاشر \bar{D} اصغر من \bar{R} فالحكم ثابت وذلك
ما اردنا ان نبين



ما

كل اثنين من صنف علي نسبة اثنين من الصنف
الآخر واضطربت النسبة في المساواة ان كان الاول
من الصنف الاول اعظم من الآخر منه كان الاول
من الصنف الآخر اعظم من الآخر منه وان كان
مساويا كان مساويا وان كان اصغر كان اصغره

ليكن

ليكن $\bar{A} \bar{B} \bar{C}$ و \bar{D} ر صنفين المقادير بعدة واحدة ونسبة \bar{A} الى \bar{B} كنسبة \bar{E} الى \bar{R} ونسبة \bar{B} الى \bar{C} كنسبة \bar{D} الى \bar{E} فاقول ان كان \bar{A} اعظم من \bar{C} كان \bar{D} اعظم من \bar{R} وان كان مساويا كان مساويا وان كان ناقصا كان ناقصا برهانه فلان نسبة \bar{E} الى \bar{R} كنسبة \bar{A} الى \bar{B} و \bar{A} اعظم من \bar{C}



فنسبة \bar{A} الى \bar{B} اعظم من نسبة \bar{C} الى \bar{B} بالشكل الثامن فنسبة \bar{E} الى \bar{R} اعظم من نسبة \bar{C} الى \bar{B} بالشكل الثاني عشر وبالحلاف نسبة \bar{C} الى \bar{B} كنسبة \bar{E} الى \bar{D} فنسبة \bar{E} الى \bar{R} اعظم من نسبة \bar{E} الى \bar{D} باستبانة الشكل الثاني عشر ف \bar{D} اعظم من \bar{R} بالشكل العاشر وان كان \bar{A} مساويا ل \bar{C} فلان نسبة \bar{E} الى \bar{R} كنسبة \bar{A} الى \bar{B} و \bar{A} مساو ل \bar{C} فنسبة \bar{C} الى \bar{B}

كنسبة \bar{A} الى \bar{B} بالشكل السابع فبالشكل الحادي عشر نسبة \bar{E} الى \bar{R} كنسبة \bar{C} الى \bar{B} وبالحلاف نسبة \bar{E} الى \bar{D} كنسبة \bar{C} الى \bar{B} فبالشكل الحادي عشر نسبة \bar{E} الى \bar{R} كنسبة \bar{E} الى \bar{D} ف \bar{D} مساو ل \bar{R} متساويان بالشكل التاسع وان كان \bar{A} اصغر من \bar{C} فبالحلاف نسبة \bar{E} الى \bar{D} كنسبة \bar{C} الى \bar{B} ونسبة \bar{C} الى \bar{B} اعظم من نسبة \bar{A} الى \bar{B} بالشكل الثامن فبالشكل الثاني عشر نسبة \bar{E} الى \bar{D} اعظم من نسبة \bar{A} الى \bar{B} ونسبة \bar{A} الى \bar{B} كنسبة \bar{E} الى \bar{R} فنسبة \bar{E} الى \bar{D} اعظم من نسبة \bar{E} الى \bar{R} باستبانة الشكل الثاني عشر ف \bar{D} اصغر من \bar{R} بالشكل العاشر وذلك ما اردنا ان نبين

الب

كل صنفين من المقادير متساويي العدة كم كانت العدة كل اثنين من صنف على نسبة اثنين من صنف آخر وانتظمت النسبة في المساواة نسبة الاول من الصنف الاول الى الآخر منه كنسبة الاول الآخر الى الآخر منه

ليكن نسبة \bar{A} الى \bar{B} كنسبة \bar{D} الى \bar{E} ونسبة \bar{B} الى \bar{C} كنسبة \bar{E} الى \bar{R} فاقول ان نسبة \bar{A} الى \bar{C} كنسبة \bar{D} الى \bar{R} برهانه ناخذ ل \bar{D} ب \bar{E} ح راي اضيفاف كانت بعدة واحدة وهي ح ل ط م لانه فبالشكل الرابع نسبة ح الى ط كنسبة ل الى م ونسبة ط الى ل كنسبة م الى ن فح ط ل م ن صنفان من المقادير كل اثنين من صنف على نسبة اثنين من صنف

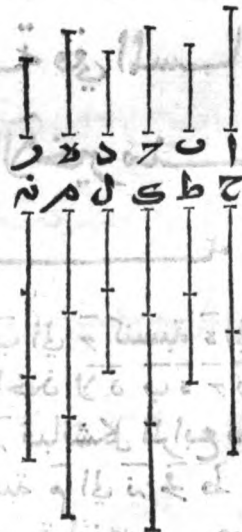
آخر وانتظمت النسبة فبالشكل العشرين ان
كان ح زائدا على آ كان ل زائدا على نـ وان
كان مساويا كان مساويا وان كان ناقصا كان ناقصا
فأ ح د ر أربعة مقادير اخذ للاول والثالث
وهما آ د اضعاف متساوية العدة كم كانت مما
لانهاية له وهي ح ل والثاني والرابع وهما ح ر
اضعاف متساوية العدة كم كانت مما لانهاية
له وهي آ نـ واضعاف الاول ان كانت زائدة على
اضعاف الثاني كانت اضعاف الثالث زائدة
على اضعاف الرابع وان كانت مساوية كانت
مساوية وان كانت ناقصة كانت ناقصة فنسبة
آ الي ح كنسبة د الي ر وذلك ما اردنا ان نبين



ح

كل صنفين من المقادير متساويين العدة كم
كانت العدة كل اثنين من صنف علي نسبة اثنين
من صنف آخر واضطربت النسبة في المساواة
نسبة الاول من الصنف الاول الي الآخر منه
كنسبة الاول من الصنف الآخر الي الآخر منه

ليكن نسبة آ الي ب كنسبة د الي ر ونسبة ب
الي ح كنسبة د الي هـ فاقول ان نسبة آ الي ح
كنسبة د الي ر برهانه ناخذ لمقدار آ ب د
اضعافا ما هي اضعاف كانت بعدة واحدة وهي
ح ط ل ولح د ر اضعافا ما هي اضعاف كانت
بعدة واحدة وهي آ م نـ فبالشكل الخامس
عشر نسبة ح الي ط كنسبة آ الي ب ونسبة د
الي ر كنسبة آ الي ب فبالشكل الحادي عشر
نسبة ح الي ط كنسبة د الي ر ونسبة م الي نـ
كنسبة د الي ر فبالشكل الحادي عشر نسبة
ح الي ط كنسبة م الي نـ ولان ب د ح د أربعة
مقادير



مقادير متناسبة واخذ الاول والثالث منها اضعاف بعدة واحدة وهي
 ط ل وكذلك الثاني والرابع وهي آ م فبالشكل الرابع نسبة ط الى آ
 كنسبة ل الى م وكانت نسبة ح الى ط كنسبة م الى ن فبالشكل
 الحادي والعشرين ان كان ح زائدا على آ كان ل زائدا على ن وان كان
 مساويا كان مساويا وان كان ناقصا كان ناقصا فآ د ر اربعة مقادير اذا
 اخذ للاول والثالث وهما آ د اضعاف متساوية العدد كم كانت وهي ح
 ل ولثاني والرابع وهما ح ر اضعاف متساوية العدد كم كانت وهي آ ن
 فاضعاف الاول ان كانت زائدة على اضعاف الثاني كانت اضعاف الثالث
 زائدة على اضعاف الرابع وان كانت مساوية كانت مساوية وان كانت
 ناقصة كانت ناقصة فنسبة آ الى ح كنسبة د الى م
 وان اخذنا لمقادير آ ب ح د ر اضعافا ما بعدة واحدة كانت نسبة ح
 الى ط كنسبة م الى ن ونسبة ط الى آ كنسبة ل الى م بالشكل الرابع
 ثم يتم البرهان بالشكل الواحد والعشرين كان البرهان أبسط والثابت
 بنقرة بينه في كتابه كما بيناه اولاً وذلك ما اردنا ان نبين

المد

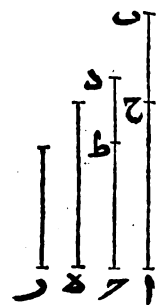
كل مقادير نسبة الاول منها الى الثاني كنسبة
 الثالث الى الرابع ونسبة الخامس الى الثاني كنسبة
 السادس الى الرابع فنسبة الاول والخامس معاً الى
 الثاني كنسبة الثالث والسادس معاً الى الرابع

ليكن نسبة آ ب الى ح كنسبة د ه الى م ونسبة ب ح الى ح كنسبة ط
 الى ر فاقول ان نسبة آ ح الى ح كنسبة د ط الى ر برهانه
 فلان نسبة آ ب الى ح كنسبة د ه الى م وبالحلاف نسبة
 ح الى ب ح كنسبة ر الى ط فبالشكل الثاني والعشرين
 نسبة آ ب الى ب ح كنسبة د ه الى ط وبالتركيب نسبة
 آ ح الى ب ح كنسبة د ط الى ط بالشكل الثاني عشر
 ونسبة ب ح الى ح كنسبة ط الى م فبالشكل الثاني
 والعشرين نسبة آ ح الى ح كنسبة د ط الى ر وذلك ما
 اردنا ان نبين

كد

كل اربعة مقادير متناسبة من نسبة الاول الى

الثاني كنسبة الثالث إلى الرابع والاول اعظمها
والرابع اصغرهما فان الاول والرابع معاً اعظم من
الثاني والثالث معاً



ليكن نسبة $أ ب$ إلى $ح د$ كنسبة $أ$ إلى $ر$ وأب اعظمها
ور اصغرهما فاقول ان $أ ب$ ر معاً اعظم من $ح د$ بهرانه
نفصل من $أ ب$ $أ ح$ مثل $ه$ ومن $ح د$ $ح ط$ مثل $ر$ بالشكل
الثالث من الاول فلان نسبة $أ ب$ إلى $ح د$ كنسبة $ه$ إلى $ر$
فاذا اخذ لمقداري $أ ب$ $ه$ اي اضعاف اثنين متساوية
العدة مما لا يتناهي ولمقداري $ح د$ $ر$ اي اضعاف امكنت مما لا يتناهي
متساوية العدة فان كانت اضعاف $أ ب$ زائدة علي اضعاف $ح د$ كانت
اضعاف $ه$ زائدة علي اضعاف $ر$ وان كانت ناقصة كانت ناقصة وان
كانت مساوية كانت مساوية وأح يساوي $ه$ و $ح ط$ يساوي $ر$ فاي
اضعاف اخذت لمقداري $أ ب$ $أ ح$ متساوية العدة مما لا يتناهي ولمقداري
 $ح د$ $ح ط$ اي اضعاف اثنين متساوية العدة مما لا يتناهي فان كانت
اضعاف $أ ب$ زائدة علي اضعاف $ح د$ كانت اضعاف $أ ح$ زائدة علي
اضعاف $ح ط$ وان كانت ناقصة كانت ناقصة وان كانت مساوية كانت
مساوية فنسبة $أ ب$ إلى $ح د$ نسبة $أ ح$ إلى $ح ط$ فاذا نقصنا $أ ح$ $ح ط$ من
 $أ ب$ $ح د$ كانت نسبة $أ ب$ إلى $ح د$ كنسبة $ح ب$ إلى $ط د$ بالشكل التاسع
عشر واذا بدلنا كانت نسبة $أ ب$ إلى $ح ب$ كنسبة $ح د$ إلى $ط د$ بالشكل
السادس عشر لكن أب اعظم من $ح د$ ف $ح ب$ اعظم من $ط د$ بالشكل الرابع
عشر فاذا اضعفنا مجموع $أ ح$ $ح ط$ تارة إلى $ب ح$ حصل مجموع $أ ب$ $ح ط$ وتارة
اخرى إلى $ط د$ حصل مجموع $أ ح$ $ح د$ فيكون مجموع $أ ب$ $ح ط$ اعظم من
مجموع $أ ح$ $ح د$ لكن مجموع $أ ب$ $ح ط$ يساوي مجموع $أ ب$ $ر$ ومجموع $أ ح$ $ح د$
يساوي مجموع $ح د$ $ف ب$ ر معاً اعظم من $ح د$ معاً وذلك ما اردنا ان نبين

تمت المقالة الخامسة ولله الشكر على الاعانة

بسم الله الرحمن الرحيم الشارح لاثني عشر كتابا

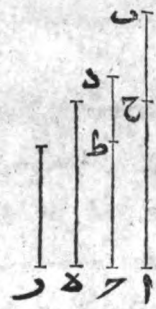
صدر

السطوح المتشابهة هي السطوح التي زواياها متساوية والاضلاع المحيطة بتلك الزوايا على التناظر ايضا متناسبة
السطوح المتكافئة الاضلاع هي السطوح التي يشتمل كل منها على مقدم وتال من حدود النسبة
ارتفاع الشكل هو العمود الخارج من نقطة زاوية في راسه على اضلاع هو قاعدته

فان كانت كل واحدة من الراويتين اللتين فوق القاعدة حادة فالعمود يقع بين ضلعي الزاوية وان كانت احدهما قائمة فالعمود على احد ضلعي الزاوية وان كانت منفرجة فالعمود يقع خارج من ضلعي الزاوية على القاعدة بعد اخراجه في جهة الزاوية المنفرجة
الخط المقسوم على نسبة ذات وسط وطرفين هو الخط المقسوم بمختلفين تكون نسبة الخط كله الى اطول قسميه كنسبة اطول قسميه الى اصغرها
النسبة هي الكمية الحاصلة من اضافة احد انواع الكم الى ما هو من نوعه وتضعيف الكمية بعضها ببعض اي ضرب بعضها في بعض امرين للاعداد والمقادير ايضا بعد ان يفرض مقدار من نوع ذلك المقدار الذي برا من تقديره

فهيكون نسبة ذلك المقدار المفروض الى المقادير التي من نوعه كنسبة الواحد الى الاعداد وسيبضح هذا المعنى في صدر المقالة العاشرة فتألف النسبة من نسبتين متفقتي النوع هو تحصيل نسبة تكون نسبة مقدارها الى احد النسبتين كنسبة مقدارها النسبة الاخرى الى الواحد وتجزيتها بنسبة لان النسبة مقدار وتضعيف مقدار وتجزيته باجزاء مقدار اخر ظاهره تحصيل نسبة تكون نسبة مقدارها الى الواحد كنسبة الجزء الى الجزء بها فحصل هذا المعنى امرين للنسبة اي قسمة نسبة على نسبة الا ان الحكم ارادوا ان يبرهنوا على ان نسبة اي مقدار الى مقدار اخر من نوعه مولفه من نسب غير متناهية وعلى عكس هذا المعنى اي يبرهنوا على ان النسبة المولفة من النسب الغير المتناهية في قوة نسبه بسببه لتكن ثلثه مقادير وهي $\bar{A} \bar{B} \bar{C}$ فاقول ان نسبة اي مقدار منها ولتكن \bar{A} الى مقدار اخر منها اي مقدار كان من الباقيين وليكن \bar{C} مولفه من النسبتين الباقيتين نسبة \bar{A} الى \bar{B} ونسبة

الثاني كنسبة الثالث إلى الرابع والاول اعظمها
والرابع اصغرها فان الاول والرابع معاً اعظم من
الثاني والثالث معاً



ليكن نسبة $\overline{أ ب}$ إلى $\overline{ح د}$ كنسبة $\overline{أ ب}$ إلى $\overline{ر و}$ اعظمها
ور اصغرها فاقول ان $\overline{أ ب}$ ر معاً اعظم من $\overline{ح د}$ برهانها
نفصل من $\overline{أ ب}$ $\overline{أ ح}$ مثل $\overline{ه}$ ومن $\overline{ح د}$ مثل $\overline{ر}$ بالشكل
الثالث من الاول فلان نسبة $\overline{أ ب}$ إلى $\overline{ح د}$ كنسبة $\overline{ه}$ إلى $\overline{ر}$
فاذا اخذ لمقداري $\overline{أ ب}$ $\overline{ه}$ اي اضعاف اثنين متساوية
العدة مما لا يتناهي ولمقداري $\overline{ح د}$ $\overline{ر}$ اي اضعاف امكنت مما لا يتناهي
متساوية العدة فان كانت اضعاف $\overline{أ ب}$ زيادة علي اضعاف $\overline{ح د}$ كانت
اضعاف $\overline{ه}$ زيادة علي اضعاف $\overline{ر}$ وان كانت ناقصة كانت ناقصة وان
كانت مساوية كانت مساوية و $\overline{أ ح}$ يساوي $\overline{ه}$ و $\overline{ح ط}$ يساوي $\overline{ر ف}$ اي
اضعاف اخذت لمقداري $\overline{أ ب}$ $\overline{أ ح}$ متساوية العدة مما لا يتناهي ولمقداري
 $\overline{ح د}$ $\overline{ح ط}$ اي اضعاف اثنين متساوية العدة مما لا يتناهي فان كانت
اضعاف $\overline{أ ب}$ زيادة علي اضعاف $\overline{ح د}$ كانت اضعاف $\overline{أ ح}$ زيادة علي
اضعاف $\overline{ح ط}$ وان كانت ناقصة كانت ناقصة وان كانت مساوية كانت
مساوية فنسبة $\overline{أ ب}$ إلى $\overline{ح د}$ نسبة $\overline{أ ح}$ إلى $\overline{ح ط}$ فاذا نقصنا $\overline{أ ح}$ من
 $\overline{أ ب}$ $\overline{ح د}$ كانت نسبة $\overline{أ ب}$ إلى $\overline{ح د}$ كنسبة $\overline{ح ب}$ إلى $\overline{ط د}$ بالشكل التاسع
عشر واذا بدلنا كانت نسبة $\overline{أ ب}$ إلى $\overline{ح ب}$ كنسبة $\overline{ح د}$ إلى $\overline{ط د}$ بالشكل
السادس عشر لكن $\overline{أ ب}$ اعظم من $\overline{ح د}$ ف $\overline{ح ب}$ اعظم من $\overline{ط د}$ بالشكل الرابع
عشر فاذا اضعفنا مجموع $\overline{أ ح}$ $\overline{ح ط}$ تارة إلى $\overline{ب ح}$ حصل مجموع $\overline{أ ب}$ $\overline{ح ط}$ وتارة
اخرى إلى $\overline{ط د}$ حصل مجموع $\overline{أ ح}$ $\overline{ح د}$ ف يكون مجموع $\overline{أ ب}$ $\overline{ح ط}$ اعظم من
مجموع $\overline{أ ح}$ $\overline{ح د}$ لكن مجموع $\overline{أ ب}$ $\overline{ح ط}$ يساوي مجموع $\overline{أ ب}$ $\overline{ر و}$ ومجموع $\overline{أ ح}$ $\overline{ح د}$
يساوي مجموع $\overline{ح د}$ $\overline{ف ب}$ ر معاً اعظم من $\overline{ح د}$ معاً وذلك ما اردنا ان نبين

تمت المقالة الخامسة ولله الشكر على الاعانة

بسم الله الرحمن الرحيم السكاد اثنتان وثلاثون

صدر

السطوح المتشابهة هي السطوح التي زواياها متساوية والاضلاع المحيطة بتلك الزوايا على التناظر ايضا متساوية $\frac{ا ب}{ا ب}$ السطوح المتكافئة الاضلاع هي السطوح التي يشتمل كل منها على مقدم وتال من حدود النسبة $\frac{ا ب}{ا ب}$ ارتفاع الشكل هو العمود الخارج من نقطة زاوية في راسه على اضلاع هو قاعدته $\frac{ا ب}{ا ب}$

فان كانت كل واحدة من الراويتين اللتين فوق القاعدة حادة فالعمود يقع بين ضلعي الزاوية وان كانت احداهما قائمة فالعمود على احد ضلعي الزاوية وان كانت منفرجة فالعمود يقع خارج من ضلعي الزاوية على القاعدة بعد اخراجه في جهة الزاوية المنفرجة $\frac{ا ب}{ا ب}$ الخط المقسوم على نسبة ذات وسط وطرفين هو الخط المقسوم بمختلفين تكون نسبة الخط كله الى اطول قسميه كنسبة اطول قسميه الى اصغرهما $\frac{ا ب}{ا ب}$ النسبة هي الكمية الحاصلة من اضافة احد انواع الكم الى ما هو من نوعه وتضعيف الكمية بعضها ببعض اي ضرب بعضها في بعض امرين للاعداد والمقادير ايضا بعد ان يعرض مقدار من نوع ذلك المقدار الذي برا من تقديره $\frac{ا ب}{ا ب}$

فهيكون نسبة ذلك المقدار المفروض الى المقادير التي من نوعه كنسبة الواحد الى الاعداد وسيبضح هذا المعنى في صدر المقالة العاشرة فتألف النسبة من نسبتين متفقتي النوع هو تحصيل نسبة تكون نسبة مقدارها الى احد النسبتين كنسبة مقدارها النسبة الاخرى الى الواحد وتجزيتها بنسبة لان النسبة مقدار وتضعيف مقدار وتجزيته باجزاء مقدار اخر ظاهر في تحصيل نسبة تكون نسبة مقدارها الى الواحد كنسبة الجزء الى الجزء بها فحصل هذا المعنى امرين للنسبة اي قسمة نسبة على نسبة الا ان الحكم ارادوا ان يبرهنوا على ان نسبة اي مقدار الى مقدار اخر من نوعه مولفه من نسب غير متناهية وعلى عكس هذا المعنى اي يبرهنوا على ان النسبة المولفة من النسب الغير المتناهية في قوة نسبة بسيطه لتكن ثلثه مقادير وهي $\frac{ا ب}{ا ب}$ فاقول ان نسبة اي مقدار منها وتكن $\frac{ا ب}{ا ب}$ الى مقدار اخر منها اي مقدار كان من الباقيين وليكن $\frac{ا ب}{ا ب}$ مولفه من النسبتين الباقيتين نسبة $\frac{ا ب}{ا ب}$ الى $\frac{ا ب}{ا ب}$ ونسبة

بَ الي حَ برهانه لتكن نسبة آ الي بَ كنسبة د الي الواحد المفروض
 من المقادير ليعرف تقدرها به ونسبة بَ الي حَ كنسبة د
 الي الواحد ونضعف د به اي نضرب د في د فيحصل
 حَ فاقول ان نسبة آ الي حَ كنسبة ر الي الواحد اي ان ر
 هو قدر نسبة آ الي حَ فلان نسبة آ الي بَ كنسبة د الي
 الواحد ولان ر حاصل من تضعيف د به يكون نسبة ر
 الي د كنسبة د الي الواحد فبالشكل الحادي عشر من
 الخامسة نسبة آ الي بَ كنسبة ر الي د ونسبة بَ الي
 حَ كنسبة د الي الواحد فبالمساواة المنتظمة نسبة آ الي حَ
 كنسبة ر الي الواحد بالشكل الثاني والعشرين من
 الخامس وكذلك نقول في غيرها من مقادير آ بَ و ايضا
 اي نسبة مولفة من نسب فكل نسبة تساويها فانها تكون
 مولفة من نسب تساوي تلك النسب
 وتكون نسبة حَ الي طَ كنسبة آ الي حَ فاقول ان نسبة حَ
 الي طَ مولفة من نسبتين متساويتين لنسبتي آ الي بَ وبَ
 الي حَ برهانه وتكون نسبة آ الي بَ كنسبة حَ الي آ باستبانة
 الشكل العاشر من هذه المقالة فبالخلاف نسبة بَ الي آ كنسبة آ الي حَ
 ونسبة آ الي حَ كنسبة حَ الي طَ فبالمساواة المنتظمة نسبة بَ الي حَ
 كنسبة آ الي طَ بالشكل الثاني والعشرين من الخامسة وكانت نسبة
 آ الي بَ كنسبة حَ الي آ ونسبة حَ الي طَ مولفة من نسبة حَ الي آ ومن
 نسبة آ الي طَ لما بينا فنسبة حَ الي طَ مولفة من نسبتين متساويتين
 لنسبتي آ الي بَ وبَ الي حَ وذلك ما اردنا ان نبين
 واذا فرضنا اربعة مقادير من نوع واحد كآ بَ حَ د فاقول ان نسبة آ الي
 د مولفة من نسبة آ الي بَ ومن نسبة بَ الي حَ ومن
 نسبة حَ الي د برهانه فلان نسبة آ الي د مولفة من
 نسبة آ الي حَ ومن نسبة حَ الي د بما يقدر وكانت نسبة
 آ الي حَ مولفة من نسبة آ الي بَ ومن نسبة بَ الي حَ
 فنسبة آ الي د مولفة من نسبة آ الي بَ ومن نسبة بَ
 الي حَ ومن نسبة حَ الي د وهكذا الي ما لانهاية له والتجزية
 عكس التضعيف ومثله تبين في الاعداد وفيها لا يحتاج الي فرض
 الواحد كما في المقادير لان كل قدر يستعمل علي الواحد وهو بعده

ب
ا
الواحد

د
ح
ر

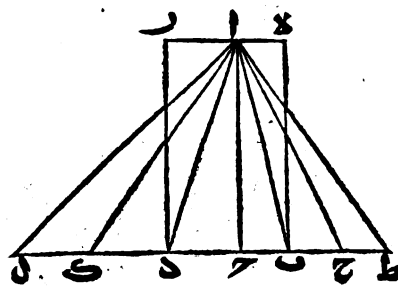
ط
ا
ح

د
ب
ا
ح

الاشكال

جميع السطوح المتوازية الاضلاع والمثلثات اذا كانت
ارتفاعاتها متساوية كانت نسب بعضها الي بعض
كنسب قواعدها بعضها الي بعض علي الولا

ليكن سطحها $\overline{هـ ح ر}$ المتوازي الاضلاع ومثلثا $\overline{ا ب ح}$ ارفعها
واحدا فاقول ان نسبة سطح $\overline{هـ ح ر}$ الي سطح $\overline{ح ر د}$ او نسبة مثلث $\overline{ا ب ح}$ الي
مثلث $\overline{ا ب د}$ كنسبة قاعدة $\overline{ب ح}$ الي قاعدة $\overline{ح د}$ برهانه نخرج خط $\overline{ب د}$
في جهته علي استقامته الي غير النهاية ونفصل من احدها امثال $\overline{ب ح}$ كم

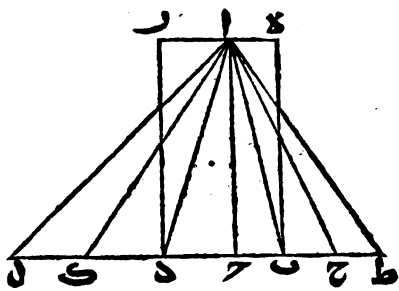


شينا وهي $\overline{ب ح ح ط}$ ومن الاخر امثال
 $\overline{ح د}$ كم شينا وهي $\overline{د ا ل}$ ونصل بين
آ وبين كل واحدة من النقط الحادثة
بخطوط $\overline{ا ط}$ $\overline{ا ح}$ $\overline{ا ل}$ المستقيمة
فلان خطي $\overline{هـ ر ط ل}$ متوازيان
ومثلثات $\overline{ا ط ح}$ $\overline{ا ح ب}$ $\overline{ا ب د}$ فيما
بينهما علي قواعدها متساوية فهي

متساوية وكذلك مثلثات $\overline{ا ل د}$ $\overline{ا د ح}$ متساوية بالشكل الثامن
والثلثين من الاول فمثلثات $\overline{ا ط ح}$ $\overline{ا ح ب}$ $\overline{ا ب د}$ اعني مثلث $\overline{ا ط ح}$ ثلثة
امثال $\overline{ا ب ح}$ وكذا قواعده $\overline{ط ح}$ $\overline{ح ب}$ $\overline{ب د}$ اعني قاعدة $\overline{ط ح}$ ثلثة امثال
قاعدة $\overline{ب ح}$ ومثلثات $\overline{ا ل د}$ $\overline{ا د ح}$ اعني مثلث $\overline{ا ل د}$ ثلثة امثال مثلث
 $\overline{ا د ح}$ وقواعد $\overline{ل د}$ $\overline{ا د د ح}$ اعني قاعدة $\overline{ح ل}$ ثلثة امثال قاعدة $\overline{ح د}$ فان كان
مثلث $\overline{ا ط ح}$ زائدا علي مثلث $\overline{ا ل د}$ كانت قاعدة $\overline{ط ح}$ زائدة علي
قاعدة $\overline{ل د}$ والا لكانت قاعدة $\overline{ط ح}$ مساوية لقاعدة $\overline{ل د}$ وانقص منها
فان كانت مساوية لها كان مثلث $\overline{ا ط ح}$ مساويا لمثلث $\overline{ا ل د}$ بالشكل
الثامن والثلثين من الاول وكان مثلث $\overline{ا ح ل}$ زائدا عليه هذا خلف وان
كانت انقص منها نفصل من قاعدة $\overline{ح ل}$ ما يساوي $\overline{ط ح}$ بالشكل الثالث
من الاول ونصل بين آ وموضع القسمة بخط مستقيم فيكون مثلث
المحاذث مساويا لمثلث $\overline{ا ط ح}$ بالشكل الثامن والثلثين من الاول وكان
مثلث $\overline{ا ط ح}$ اعظم من مثلث $\overline{ا ح ل}$ فيكون جزء الشيء اعظم من كله هذا
خلف وان كان مساويا كانت مساوية وان كان ناقصا كانت ناقصة بمثل
ما مر فمثلثا $\overline{ا ب ح}$ ارفع وقاعدتا $\overline{ب ح}$ $\overline{ح د}$ اربعة مقادير اذا اخذ للاول
والثالث وهما مثال $\overline{ا ب ح}$ وقاعدة $\overline{ب ح}$ اي اضعاف كانت متساوية
العدة والثاني والرابع وهما مثلث $\overline{ا د ح}$ وقاعدة $\overline{ح د}$ اي اضعاف كانت
متساوية العدة فان كانت اضعاف الاول زائدة علي اضعاف الثاني

كانت اضعاف الثالث زائدة على اضعاف الرابع وان كانت مساوية
كانت مساوية وان كانت ناقصة كانت ناقصة فنسبة مثلث $\overline{أ ب ح}$ الى
مثلث $\overline{أ ر د}$ كنسبة قاعدة $\overline{ب ح}$ الى قاعدة $\overline{ر د}$ وسط $\overline{ه ر}$ ضعف مثلث
 $\overline{أ ب ح}$ وسط $\overline{ح ر}$ ضعف مثلث $\overline{أ ر د}$ بالشكل الواحد والرابعين من الاولي

ونسبة الاضعاف كنسبة الاجزا
بالشكل الخامس عشر من الخامس
فنسبة سطح $\overline{ه ر}$ الى سطح $\overline{ح ر}$ كنسبة
مثلث $\overline{أ ب ح}$ الى مثلث $\overline{أ ر د}$ وكانت
نسبة قاعدة $\overline{ب ح}$ الى قاعدة $\overline{ر د}$
كنسبة مثلث $\overline{أ ب ح}$ الى مثلث
 $\overline{أ ر د}$ فبالشكل الحادي عشر من



الخامس نسبة سطح $\overline{ه ر}$ الى سطح $\overline{ح ر}$ كنسبة قاعدة $\overline{ب ح}$ الى قاعدة $\overline{ر د}$
فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين
وأستبان منه ان كل سطحين متوازيي الاضلاع يحصلان من سطح الخطين
المستقيمين المحدودين في خط ثالث مستقيم محدود فان نسبة احد
السطحين الى الآخر كنسبة احد الخطين الى الآخر الى الولا وان سطح الخط
المستقيم المحدود في الخطين المستقيمين المحدودين المتساويين
متساويان وبالعكس

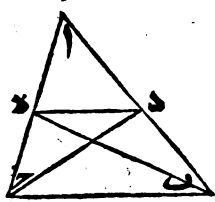
مثلا سطح $\overline{أ ح}$ هو الحاصل من سطح $\overline{أ ب}$ في $\overline{ب ح}$ و $\overline{ب د}$ ضعف نصف $\overline{ب ح}$
فاقول ان سطح $\overline{أ ب}$ في $\overline{ب ح}$ يساوي سطح $\overline{ب د}$ في $\overline{ب ه}$ وذلك لان نسبة سطح
 $\overline{ه ر}$ الى سطح $\overline{أ ه}$ كنسبة $\overline{ب د}$ الى $\overline{ب أ}$ ونسبة $\overline{ب ح}$ الى $\overline{ب ه}$ كنسبة $\overline{ب د}$ الى
 $\overline{ب ر}$ فبالشكل الحادي عشر من الخامس نسبة سطح $\overline{ه ر}$ الى سطح $\overline{أ ه}$ كنسبة
 $\overline{ب ح}$ الى $\overline{ب ه}$ ونسبة سطح $\overline{أ ح}$ الى سطح $\overline{أ ه}$ كنسبة $\overline{ب ح}$ الى $\overline{ب ه}$ فبالشكل
الحادي عشر من الخامس نسبة سطح $\overline{ه ر}$ الى $\overline{أ ه}$ كنسبة سطح $\overline{أ ح}$ الى سطح
 $\overline{أ ه}$ فبالشكل التاسع من الخامس سطح $\overline{أ ح}$ متساويان

ومن هذا يتبين ان السطحين الحاصلين من
سطح الخط المستقيم وسط نصف ذلك الخط
بعينه في خطين مختلفين اذا كانا متساويين
كان احد الخط المختلفين ضعف الخط
الآخر وهذه صورته
وأن سطح الخط في خط اخر يساوي سطح
ضعف ذلك الخط في نصف الخط المضروب فـ
مثل سطح $\overline{أ ح}$ هو سطح $\overline{أ ب}$ في $\overline{ب ح}$ و $\overline{ب د}$ ضعف $\overline{ب ح}$

ب

كل

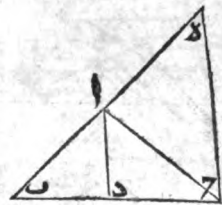
كل مثلث مستقيم الاضلاع خرج من نقطة
على ضلع من اضلاعه خط مستقيم الى ضلع اخر
من الضلعين الباقيين فان كان الخط الخارج
موازيا للضلع الباقي قد قسم الخط الضلعين على
نسبة واحدة وان قسمهما على نسبة واحدة فالخط
مواز للضلع الباقي



ليكن مثلث ABC وخرج من نقطة D الكائنة على
ضلع AB خط DE المستقيم الى نقطة E على ضلع AC
فاقول ان كان DE موازيا للضلع BC كانت نسبة BD
الى DA كنسبة CE الى EA وان كانت نسبة BD الى DA كنسبة CE الى EA
فان خط DE يوازي BC برهانه ليكن DE يوازي BC فنصل DC و
بخطين مستقيمين فيكون مثلث DEC و DEB متساويين بالشكل السابع
والثلثين من الاول ونسبة BD الى DA كنسبة مثلث BD الى مثلث DAE
بالشكل المتقدم لان العمود الخارج من نقطة E الى ضلع AB ارتفاع
المثلثين ونسبة مثلث DEC الى مثلث DAE كنسبة مثلث DEC الى
مثلث DAE بالشكل السابع من الخامسة فبالشكل الحادي عشر من
الخامسة نسبة BD الى DA كنسبة مثلث DEC الى مثلث DAE ونسبة CE
الى EA كنسبة مثلث DEC الى مثلث DAE بالشكل المتقدم لان العمود
الخارج من نقطة D الى ضلع AC ارتفاع المثلثين فنسبة BD الى DA
كنسبة CE الى EA بالشكل الحادي عشر من الخامسة وليكن نسبة BD
الى DA كنسبة CE الى EA فلان نسبة مثلث BD الى مثلث DAE كنسبة
 BD الى DA بالشكل المتقدم ونسبة CE الى EA كنسبة BD الى DA فبالشكل
الحادي عشر من الخامسة نسبة مثلث BD الى مثلث DAE كنسبة CE الى EA
الى EA ونسبة مثلث DEC الى مثلث DAE كنسبة CE الى EA بالشكل
المتقدم فبالشكل الحادي عشر من الخامسة نسبة مثلث BD الى مثلث
 DAE كنسبة مثلث DEC الى مثلث DAE فنلث BD الى DA متساويان
بالشكل التاسع من الخامسة فخط DE يوازي ضلع BC بالشكل التاسع
والثلثين من الاول فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين

كل خط مستقيم خرج من زاوية من زوايا اي
مثلث مستقيم الاضلاع الي وترها فان نصفها كانت
نسبة احد قسمي الوتر الي الاخر كنسبة احد
الضلعين المحيطين بالزاوية الي الآخر وان كانت
نسبة احد قسمي وتر الزاوية الي الآخر كنسبة احد
الضلعين المحيطين بها الي الآخر فان الخط

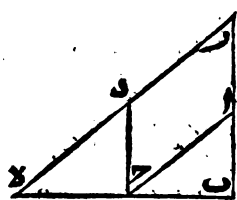
المستقيم ينصفه



ليكن المثلث ABC وخرج من زاوية B خط AD
المستقيم وانتهى الي ضلع AC علي نقطة D فاقول ان
خط AD ان نصف زاوية B كانت نسبة BD الي
 DC كنسبة BA الي AC وان كانت نسبة BD الي DC كنسبة BA الي AC
كانت زاويتا BAD و ADC متساويتين يرهانه فليكن AD نصف زاوية
 B فنخرج من نقطة C خط CE في جهة A موازيا لخط AD بالشكل
الواحد والثلاثين من الاولي ونخرج BA في تلك الجهة فلان الزاوية
المجاورة لزاوية CAD مع زاوية ACE كقائمتين بالشكل التاسع والعشرين
من الاولي فزاوية ACE مع الزاوية المجاورة لزاوية BAC اقل من قائمتين
فخطا BA و CE يلتقيان فليلتقيا علي نقطة E فلان زاوية ACE كزاوية
 BAD بالشكل السابع والعشرين من الاولي وزاوية CAD كزاوية BAD
فزاوية ACE كزاوية CAD وزاوية ACE كزاوية CAD بالشكل التاسع
والعشرين من الاولي فزاويتا ACE و CAD متساويتان فضلع AC كضلع
 AE بالشكل السادس من الاولي ونسبة BD الي DC كنسبة BA الي AE
بالشكل المتقدم ونسبة ضلع BA الي AE كنسبته الي ضلع AE بالشكل
السابع من الخامسة فبالشكل الحادي عشر من الخامسة نسبة BD الي DC
كنسبة BA الي AE وليكن نسبة BD الي DC كنسبة BA الي AE فنخرج
من نقطة C خط CE موازيا لخط AD بالشكل الواحد والثلاثين من
الاولي فلان الزاوية المجاورة لزاوية CAD مع زاوية ACE كقائمتين بالشكل
التاسع والعشرين من الاولي فزاوية ACE مع الزاوية المجاورة لزاوية
 BAC اقل من قائمتين فخطا BA و CE ان اخرجا علي استقامتهما في جهة A
يلتقيان

يلتقيان فليلتقيا على نقطة هـ فلان نسبة بـأ إلى آه كنسبة بـد إلى دـر
بالشكل المتقدم وكانت نسبة بـأ إلى آح كنسبة بـد إلى دـر فبالشكل
المحادي عشر من الخامسة نسبة بـأ إلى آه كنسبته إلى آح فآه متساويان
بالشكل التاسع من الخامسة فزاوية آـهـ تساوي زاوية آـحـ بالشكل
الخامس من الأولي وزاوية بـأـد تساوي زاوية بـهـر بالشكل التاسع
والعشرين من الأولي وكانت زاوية آـهـ كزاوية بـهـر فزاوية بـأـد
كزاوية آـهـ وزاوية دـأـح كزاوية آـهـ بالشكل التاسع والعشرين من
الأولي فزاوية بـأـد كزاوية دـأـح فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين هـ

كل مثلثين تساوت زواياها المتناظرة فواتر

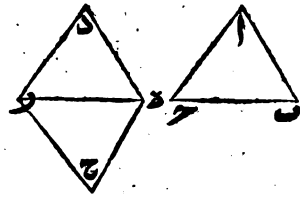


الزوايا المتناظرة منها متناسبة هـ

لتكن زاوية بـ من مثلث آـبـر تساوي زاوية
دـ من مثلث دـهـر وزاوية بـأـر زاوية دـهـر وزاوية
آـر بـ زاوية دـهـر فاقول ان نسبة بـأ إلى آـه كنسبة
بـأ إلى دـر ونسبة آـر إلى دـهـر فانه نجعل ضلع بـر على استقامة
ضلع دـهـر بحيث يتحد نقطتا ر من مثلثي آـبـر دـهـر فيصير ضلع آـبـ
موازيًا لضلع دـر وضلع آـر لضلع دـهـر بالشكل الثامن والعشرين من
الأولي لتساوي كل من زاويتي آـبـر دـهـر آـر دـهـر ولان زاوية آـر بـ
المساوية لزاوية دـهـر مع زاوية آـبـر اقل من قائمتين بالشكل السابع
عشر من الأولي فزاويتنا آـبـر دـهـر معا اقل من قائمتين فاذا اخرجنا ضلعي
آـر دـهـر في جهتي آـد فانهما يلتقيان فليلتقيا على نقطة ر فيحصل ذو
اربعة اضلاع آـد ر متوازي الاضلاع فضلع آـر يساوي ضلع دـر
وضلع دـهـر يساوي ضلع آـمـ من اضلاعه بالشكل الرابع والثلاثين من
الأولي فنسبة بـأ إلى دـر كنسبته إلى آـر بالشكل السابع من الخامسة
ونسبة آـر إلى دـهـر كنسبة بـأ إلى آـر بالشكل الثاني فبالشكل المحادي
عشر من الخامسة نسبة بـأ إلى دـر كنسبة بـأ إلى آـه ولان نسبة آـر إلى
دـهـر كنسبة بـأ إلى دـهـر بالشكل السابع من الخامسة ونسبة بـأ إلى دـهـر
كنسبة بـأ إلى دـهـر بالشكل الثاني فبالشكل المحادي عشر من الخامسة
نسبة آـر إلى دـهـر كنسبة بـأ إلى دـهـر فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين هـ

كل مثلثين يناسب اضلاعهما النظائر فزواياها

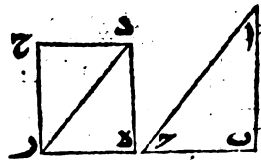
متساوية على التناسل



ليكن نسبة $\overline{أب}$ من مثلث $\overline{أب ح}$ الى $\overline{د ح}$ من
 مثلث $\overline{د ح ب}$ كنسبة $\overline{أ ح}$ الى $\overline{د ر}$ وكنسبة $\overline{ب ح}$
 الى $\overline{د ر}$ فاقول ان زاوية $\overline{أ ب ح}$ كزاوية $\overline{د ح ب}$
 زاوية $\overline{أ ب ح}$ كزاوية $\overline{د ح ب}$ وزاوية $\overline{ب أ ح}$ كزاوية $\overline{د ر ح}$ فلهذا نعمل على
 نقطتي $\overline{د ر}$ من ضلع $\overline{د ح}$ زاويتي $\overline{د ح ب}$ و $\overline{د ر ح}$ كزاويتي $\overline{أ ب ح}$ و $\overline{أ ح ب}$ بالشكل
 الثالث والعشرين من الاول فلان زاويتي $\overline{أ ب ح}$ و $\overline{أ ح ب}$ المساويتين لزاويتي
 $\overline{د ر ح}$ و $\overline{د ح ب}$ اقل من قائمتين بالشكل السابع عشر من الاول فاذا اخرجنا
 $\overline{د ح}$ من $\overline{د ر ح}$ على استقامتهما في جهة $\overline{ح}$ يلتقيان فليلتقيا على نقطتي $\overline{ح}$ فزاوية
 $\overline{ب أ ح}$ تساوي زاوية $\overline{د ر ح}$ بالشكل الثاني والثلاثين من الاول اذ بين فيه ان
 كل مثلث فان زواياه الثلث كقائمتين فلان نسبة $\overline{أ ب}$ الى $\overline{د ح}$ كنسبة $\overline{ب ح}$
 الى $\overline{د ر}$ بالشكل المتقدم وكانت نسبة $\overline{أ ب}$ الى $\overline{د ح}$ كنسبة $\overline{ب ح}$ الى $\overline{د ر}$
 فبالشكل الحادي عشر من الخامسة نسبة $\overline{أ ب}$ الى $\overline{د ح}$ كنسبة $\overline{أ ح}$ الى $\overline{د ر}$ ف $\overline{د ح}$
 يساوي $\overline{د ر}$ بالشكل التاسع من الخامسة ومثله تبين ان ضلع $\overline{د ر ح}$ يساوي
 ضلع $\overline{د ر ب}$ وضلع $\overline{د ر ح}$ مشترك بين مثلثي $\overline{د ر ح}$ و $\overline{د ر ب}$ فبالشكل الثامن من
 الاول زاوية $\overline{د ر ب}$ كزاوية $\overline{د ر ح}$ وزاوية $\overline{د ر ب}$ كزاوية $\overline{د ر ح}$ وزاوية $\overline{د ر ب}$
 كزاوية $\overline{د ر ح}$ بل زاوية $\overline{د ر ح}$ كزاوية $\overline{أ ب ح}$ وزاوية $\overline{د ر ب}$ كزاوية
 $\overline{أ ح ب}$ وزاوية $\overline{د ر ح}$ كزاوية $\overline{ب أ ح}$ فزاوية $\overline{أ ب ح}$ كزاوية $\overline{د ر ح}$ وزاوية
 $\overline{أ ح ب}$ كزاوية $\overline{د ر ب}$ وزاوية $\overline{ب أ ح}$ كزاوية $\overline{د ر ح}$ فالحكم ثابت وذلك ما
 اردنا ان نبين

كل مثلثين تساوت زاويتان منهما وتناسب
 الاضلاع المحيطة بهما فالزوايا الباقية منهما متساوية

على التناسل

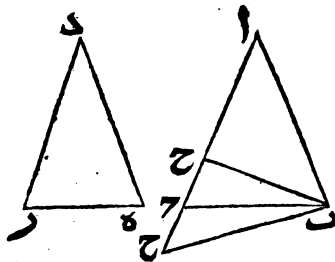


ليكن زاويتا $\overline{أ ب ح}$ و $\overline{د ر ح}$ من مثلثي $\overline{أ ب ح}$ و $\overline{د ر ح}$
 متساويتين ونسبة $\overline{أ ب}$ الى $\overline{د ح}$ كنسبة $\overline{أ ح}$ الى $\overline{د ر}$
 فاقول ان زاوية $\overline{أ ب ح}$ كزاوية $\overline{د ر ح}$ وزاوية $\overline{ب أ ح}$ كزاوية $\overline{د ر ح}$ فلهذا نعمل على
 نرسم على نقطة $\overline{د ر}$ من ضلع $\overline{د ر ح}$ زاوية $\overline{د ر ح}$ كزاوية $\overline{أ ب ح}$ وعلى نقطة
 $\overline{د ر ح}$ زاوية $\overline{د ر ح}$ كزاوية $\overline{أ ح ب}$ بالشكل الثالث والعشرين من الاول
 ولان كل زاويتي مثلث اقل من قائمتين بالشكل السابع عشر من الاول
 فزاويتا $\overline{د ر ح}$ و $\overline{د ر ب}$ اقل من قائمتين فاذا اخرج $\overline{د ح}$ من $\overline{د ر ح}$ على
 استقامتهما

استقامتهما فانهما يلتقيان فليلتقيا على نقطة ح ولان زوايا كل مثلث
كقائمتين بالشكل الثاني والثلاثين من الاولي فزاوية د ح ر كزاوية ا ب ح
فزاويا مثلث ا ب ح تساوي زوايا مثلث م د ح فبالشكل الرابع نسبة
ا ب الى د ح كنسبة ا ح الى د ر وكانت نسبة ا ب الى د ح كنسبة ا ح الى
د ر فبالشكل الرابع نسبة ا ب الى د ح كنسبة ا ح الى د ر وكانت نسبة
ا ب الى د ح كنسبة ا ح الى د ر فبالشكل الحادي عشر من الخامسة نسبة
ا ب الى د ح كنسبته الى د ح فبالشكل التاسع من الخامسة ضلع د ح كضلع
د ح وزاوية ح د ر تساوي زاوية د ح ر وضلع د ح مشترك بين مثلثي د ح ر
د ح ر فمثلثا د ح ر متساويان وسائر الزوايا كسائر الزوايا بالشكل
الرابع من الاولي فزاوية د ح ر كزاوية د ح ر وكانت زاوية ا ب ح كزاوية
د ح ر فزاوية ا ب ح كزاوية د ح ر وزاوية د ح ر كزاوية د ح ر وكانت زاوية
ا ب ح مساوية لزاوية د ح ر فزاوية ا ب ح كزاوية د ح ر وذلك ما اردنا
ان نبين

كل مثلثين تساوت زاويتان منهما وتناسبت
الاضلاع المحيطة بزاويتين اخرتين منهما وكانت
كل واحدة من الزاويتين الباقيتين منهما اما اصغر
من قائمة اوليست باصغر من قائمة فان الزوايا الباقية

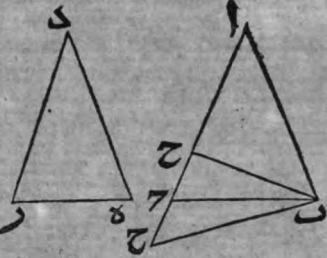
منهما متساوية على التناظر



ليكن زاويتا ا ب ح د ح ر من مثلثي ا ب ح
د ح ر متساويتين ونسبة ا ب الى د ح كنسبة
ب ح الى د ر وكل واحدة من زاويتي ا ب ح
د ح ر اما اصغر من قائمة اوليست باصغر من

قائمة فاقول ان زاوية ا ب ح كزاوية د ح ر وزاوية ا ب ح كزاوية د ح ر
برهانه فلان زاوية ا ب ح ان لم تكن كزاوية د ح ر فاما ان تكون اصغر
منها او اعظم وعلى التقديرين نرسم على نقطة ب من ضلع ا ب زاوية
ا ب ح كزاوية د ح ر بالشكل الثالث والعشرين من الاولي فاذا اخرجنا
ضلع ب ح الى ضلع ا ح فلا بد وان ينتهي اليه فعلي التقدير الاول يقع
نقطة ح من ضلع ا ح بين نقطتي ا ح وعلى التقدير الثاني خرجا عنهما
في جهة ح ولان زوايا كل مثلث كقائمتين بالشكل الثاني والثلاثين من الاولي

تكون زاوية $\overline{أ ب}$ كزاوية $\overline{د ر ه}$ فبالشكل الرابع نسبة $\overline{ب ح}$ الي $\overline{د ه}$ كنسبة $\overline{أ ب}$ الي $\overline{د ه}$ فبالشكل الحادي عشر من الخامسة نسبة $\overline{ب ح}$ الي $\overline{د ه}$ كنسبة $\overline{ب ح}$ الي $\overline{د ه}$ بعينه فب $\overline{ب ح}$ متساويان بالشكل التاسع من الخامسة فزاوية $\overline{ب ح}$ كزاوية $\overline{ب ح}$ بالشكل الخامس من الاولي وكل واحدة من زاويتي $\overline{أ ب}$ $\overline{د ر ه}$ اما قائمة او منفرجة او



حادة فعلي التقدير الاول ان كانتا قائمتين او منفرجتين معا يلزم ان يكون زاويتا $\overline{ب ح}$ $\overline{ب ح}$ قائمتين او اعظم منهما وهما اصغر من قائمتين بالشكل السابع عشر من الاولي هذا خلف وان كانت حادتين فيكون زاوية $\overline{ب ح}$ حادة فتكون زاوية $\overline{ب ح}$ منفرجة بالشكل الثالث عشر من الاولي وهي مساوية لزاوية $\overline{د ر ه}$ الحادة هذا خلف وعلي التقدير الثاني كل واحدة من زاويتي $\overline{أ ب}$ $\overline{د ر ه}$ اما قائمة او منفرجة فان كانتا قائمتين او حادتين يلزم ان يكون زاوية $\overline{ب ح}$ قائمة او منفرجة بالشكل الثالث عشر من الاولي فتكون $\overline{ب ح}$ $\overline{ب ح}$ كقائمتين او اعظم منهما وهما اصغر منهما بالشكل السابع عشر من الاولي وان كانتا منفرجتين تكون زاوية $\overline{ب ح}$ حادة بالشكل الثالث عشر من الاولي فتكون زاوية $\overline{ب ح}$ حادة فتكون زاوية $\overline{د ر ه}$ حادة والتقدير انهما منفرجة هذا خلف فزاوية $\overline{أ ب}$ كزاوية $\overline{د ر ه}$ وكانت زاوية $\overline{ب ح}$ مساوية لزاوية $\overline{د ر ه}$ فزاوية $\overline{أ ب}$ كزاوية $\overline{د ر ه}$ بالشكل الثاني والثلاثين من الاولي بالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين

اقول وليكن لبيان فائدة القيد المذكور وهو قوله وكل واحدة من الزاويتين الباقيتين منهما اصغر من قائمة او لبست باصغر من قائمة مثلثا $\overline{أ ب}$ $\overline{د ر ه}$ مثلثي مخمس زواياها واضلاعهما النظائري متساوية فهما متشابهان وليكن زاويتا $\overline{ب ح}$ $\overline{د ر ه}$ رأسهما فيكون نسبة $\overline{أ ب}$ الي $\overline{د ه}$ كنسبة $\overline{ب ح}$ الي $\overline{د ه}$ ولان زاوية $\overline{أ ب}$ المساوية لزاوية $\overline{أ ب}$ بالشكل الخامس من الاولي اقل من قائمة لان كل زاويتي مثلث اقل من قائمتين بالشكل السابع عشر من الاولي فهي حادة وهي ضعف زاوية $\overline{ب ح}$ فهي ايضا حادة والا لكانت زاويتا $\overline{ب ح}$ $\overline{ب ح}$ اعظم من قائمتين وهما اصغر منهما بالشكل السابع عشر من الاولي هذا خلف فالزاوية المجاورة لكل واحدة منهما منفرجة بالشكل الثالث عشر من الاولي فاذا اخرجنا من نقطة $\overline{ب}$ عمود $\overline{ب ط}$ علي ضلع $\overline{أ ح}$ بالشكل الثاني عشر من الاولي فلا يقع علي احدي نقطتي $\overline{أ ح}$ لان زاويتي $\overline{ب ح}$ $\overline{ب ح}$ حادتين ولا خارجا عنهما والا يلزم ان يكون زاويتا مثلث اعظم من قائمتين والزاوية المجاورة لكل واحدة

واحدة من زاويتي $\overline{ب\alpha\gamma}$ $\overline{ب\alpha\delta}$ منفرجة بالشكل الثالث عشر من الاولي
وهما اصغر منهما بالشكل السابع عشر من الاولي هذا خلف فيقع فيما
بين نقطتي α γ ولان زوايا كل مثلث تساوي قائمتين بالشكل الثاني
والثلثين من الاولي وزاوية $\overline{ب\alpha\gamma}$ كزاوية $\overline{ب\alpha\delta}$ وزاوية $\overline{ب\gamma\alpha}$ اعظم
من زاوية $\overline{ب\alpha\delta}$ فزاوية $\overline{ب\gamma\alpha}$ اصغر من زاوية $\overline{ب\alpha\delta}$ فاذا ركبنا مثلث
 $\overline{ب\alpha\gamma}$ علي مثلث $\overline{ب\alpha\delta}$ بحيث ينطبق



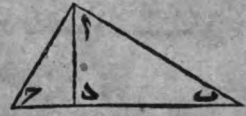
ضلع $\overline{ب\alpha}$ علي نفسه فينطبق ضلع $\overline{ب\gamma}$
علي ضلع $\overline{ب\alpha}$ لتساوي زاويتي $\overline{ب\gamma\alpha}$ $\overline{ب\alpha\delta}$
فيقع ضلع $\overline{ب\gamma}$ فيما بين ضلعي $\overline{ب\alpha}$ $\overline{ب\delta}$
فيقع نقطة γ فيما بين نقطتي α δ وليقع علي

نقطة α فخط $\overline{ا\alpha}$ مساو لضلع $\overline{ب\gamma}$ فاذا وصلنا بين نقطتي α δ بخط
مستقيم حدث مثلث $\overline{ب\alpha\delta}$ فيكون بالشكل الرابع من الاولي ضلع $\overline{ب\alpha}$
كضلع $\overline{ب\gamma}$ وزاوية $\overline{ب\gamma\alpha}$ كزاوية $\overline{ب\alpha\delta}$ فهي حادة فزاوية $\overline{ا\alpha\delta}$
المجاورة لها منفرجة بالشكل الثالث عشر من الاولي فهي اعظم من زاوية
درة ولان نسبة $\overline{ا\alpha}$ $\overline{ب\gamma}$ الي $\overline{ا\delta}$ كنسبة $\overline{ب\gamma}$ $\overline{ب\alpha}$ الي $\overline{ا\delta}$ فكون زاوية $\overline{ا\alpha\delta}$
المنفرجة كزاوية درة الحادة هذا خلف وزاويتا $\overline{ا\alpha\delta}$ $\overline{ا\delta\alpha}$ درة متساويتان
ولان $\overline{ب\alpha}$ $\overline{ب\gamma}$ متساويان فاي اضعاف اخذنا $\overline{ب\alpha}$ $\overline{ب\gamma}$ متساوية العدة
كم كانت العدة مما لا يتناهي ولهر ايضا كذلك فان كانت اضعاف $\overline{ب\alpha}$
زايدة علي اضعاف $\overline{ب\gamma}$ كانت اضعاف $\overline{ب\gamma}$ زايدة علي اضعاف $\overline{ب\alpha}$ وان
كانت مساوية لها كانت مساوية وان كانت ناقصة عنها كانت ناقصة
فنسبة $\overline{ب\alpha}$ الي $\overline{ا\delta}$ كنسبة $\overline{ب\gamma}$ الي $\overline{ا\delta}$ فبالشكل الحادي عشر من الخامسة
فنسبة $\overline{ا\alpha}$ الي $\overline{ا\delta}$ كنسبة $\overline{ب\alpha}$ الي $\overline{ا\delta}$ فلو لا القيد المذكور لكانت زاوية
 $\overline{ا\alpha\delta}$ المنفرجة كزاوية درة الحادة وكانا مثلثا $\overline{ا\alpha\delta}$ $\overline{ا\delta\alpha}$ درة من مثلثات
المتشابهة وليس الامر كذلك فقيد لاخراج امثال هذه المثلثات والله
اعلم

كل مثلث قائم الزاوية $\overline{ب\alpha\gamma}$ خرج من نقطة زاوية
القائمة عمود الي وترها فان العمود يقسم المثلث الي
مثلثين مشابهيين للمثلث الاعظم ومتشابهين

ليكن المثلث $\overline{ب\alpha\gamma}$ وزاوية $\overline{ب\alpha\gamma}$ منه قائمة وخرج من نقطة α عمود $\overline{ا\alpha}$
الي وتر $\overline{ب\gamma}$ فحدث مثلثا $\overline{ا\alpha\gamma}$ $\overline{ا\alpha\beta}$ فاقول انهما يشبهان مثلث $\overline{ب\alpha\gamma}$
ومتشابهان برهانه فلان زوايا كل مثلث كقائمتين بالشكل الثاني

والثلثين من الاولي وكل واحدة من زوايا $\overline{ب\alpha\delta}$ $\overline{ب\alpha\gamma}$ قائمة و $\overline{أ\beta\gamma}$ مشتركة بين مثلث $\overline{أ\beta\delta}$ والمثلث الاعظم وزاوية $\overline{أ\gamma\delta}$ مشتركة بين مثلث $\overline{أ\gamma\delta}$ والمثلث الاعظم فزاوية $\overline{ب\alpha\delta}$ كزاوية $\overline{أ\gamma\delta}$ وزاوية $\overline{أ\delta\gamma}$ كزاوية $\overline{أ\gamma\delta}$ فبالشكل الرابع نسبة $\overline{أ\beta}$ الي $\overline{ب\alpha}$ كنسبة $\overline{أ\delta}$ الي $\overline{ب\delta}$ وكنسبة $\overline{أ\delta}$ الي $\overline{أ\gamma}$ ونسبة $\overline{ب\gamma}$ الي $\overline{أ\gamma}$ كنسبة $\overline{أ\delta}$ الي $\overline{أ\gamma}$ وكنسبة $\overline{ب\alpha}$ الي $\overline{أ\delta}$ فثلثا $\overline{أ\delta}$ $\overline{أ\gamma}$ يشبهان مثلثا $\overline{أ\beta\delta}$ وبالشكل الرابع ايضا نسبة $\overline{ب\delta}$ الي $\overline{أ\delta}$ كنسبة $\overline{أ\delta}$ الي $\overline{أ\gamma}$ وكنسبة $\overline{أ\beta}$ الي $\overline{أ\gamma}$ فثلثا $\overline{أ\delta}$ $\overline{أ\gamma}$ متشابهان وذلك ما اردنا ان نبين

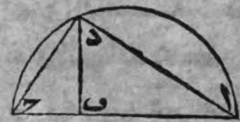


واستبان منه ان كل واحد من الضلعين المحيطين بالزاوية القائمة من المثلث الاعظم وسط في النسبة بين قاعدة العمود وبين القسم الذي يلي ذلك الضلع منها وان العمود وسط في النسبة بين قسمي القاعدة

ط

كل خطين مستقيمين محدودين مفروضين لنا ان نجد خطا مستقيما وسطا في النسبة بينهما

ليكن الخطان $\overline{أ\beta}$ $\overline{أ\gamma}$ فاقول لنا ان نجد خطا مستقيما وسطا بينهما في النسبة برهانه ليكن خطا $\overline{أ\beta}$ $\overline{أ\gamma}$ متصلين بنقطة $\overline{ب}$ احدهما علي استقامته الاخر فننصف خط $\overline{أ\gamma}$ المحاصل من اتصاله احدهما بالشكل العاشر من الاولي ونرسم عليه نصف دائرة $\overline{أ\delta\gamma}$ ونخرج من نقطة $\overline{ب}$ عمود $\overline{ب\delta}$ علي $\overline{أ\gamma}$ بالشكل الحادي عشر من الاولي ونخرجه علي استقامته الي المحيط فبنتهي اليه علي نقطة $\overline{د}$ ونصل بينهما وبين كل من نقطتي $\overline{أ}$ $\overline{د}$ بخط مستقيم فزاوية $\overline{أ\delta\gamma}$ قائمة بالشكل الثلثين من الثالثة فعمود $\overline{ب\delta}$ وسط في النسبة بين خطي $\overline{أ\beta}$ $\overline{أ\gamma}$ باستبانة الشكل المتقدم وذلك ما اردنا ان نبين



٢

كل خطين مستقيمين محدودين مفروضين لنا ان نجد خطا ثالثا لهما في النسبة

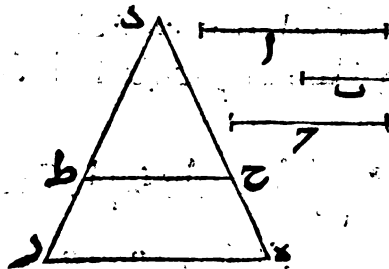
ليكن الخطان $\overline{أ\beta}$ $\overline{أ\gamma}$ فان كانا متساويين نفرض في سطهما نقطتين ونصل بينهما بخط مستقيم ونخرجه في احدي جهتيه الي غير النهاية ونفصل منه خطا كاحدهما بالشكل الثالث من الاولي فهو ثالثهما في النسبة لانا اذا اخذنا

اخذنا لها اضعاها متساوية العدة كم كانت فان كانت اضعاها الاول زايدة علي اضعاها الثاني كانت اضعاها الثالث الذي هو الثاني في الوضع زايدة علي اضعاها الرابع الذي هو الثالث في الوضع وان كانت ناقصة عنها كانت ناقصة وان كانت مساوية لها كانت مساوية وان لم يكونا متساويين فبتصل احدهما بالاخر بنقطة آ بحيث يحيطان بزواوية ما ولخرج آ ب علي استقامته في جهة ب الي ما لانهاية



له ونفصل منه ب ب يساوي آ بالشكل الثالث من الاول ونصل ب ب بخط مستقيم ونخرج آ في جهة ح علي استقامته ونخرج من نقطة ع في تلك الجهة ايضا خط د د موازيا لخط ب ب بالشكل الواحد والثلاثين من الاول فهما يلتقيان فليبقا علي نقطة د وذلك لانا اذا وصلنا ح ح بخط مستقيم يكون زاويتا ح د د اقل من قائمتين لان زاوية ح د د مع الزاوية المجاورة لزاوية ح ب ب كقائمتين بالشكل التاسع والعشرين من الاول فلان نسبة آ ب الي آ ح كنسبة آ ب الي ب ع بالشكل السابع من الخامسة وبالشكل الثاني نسبة آ ح الي ح د كنسبة آ ب الي ب ع فبالشكل الحادي عشر من الخامسة نسبة آ ب الي آ ح كنسبة آ ح الي ح د فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين

واستبان منه انه لو كانت ثلاثة خطوط مستقيمة محدودة مفروضة كخطوط آ ب ب لكان لنا ان نحدد خطا مستقيما رابعا لها في النسبة فيخرج من نقطة د خطي د د در في جهة واحدة الي غير النهاية محيطين يزواوية ما ونفصل من د د ح ح يساويان خطي آ ب ومن د د ح ح مساويا لخط ح ح بالشكل الثالث من



الاولي ونصل ج ط بخط مستقيم ونخرج من نقطة د خط د در في جهة ط موازيا لخط ح ط بالشكل الواحد والثلاثين من الاول فهو يلقي خط د ر اذا اخرج د ر في جهة ر لانا اذا وصلنا د ر بخط مستقيم يكون زاوية ط د ر

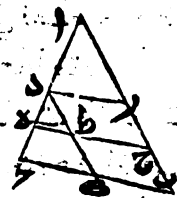
مع الزاوية المجاورة لزاوية ط ح ح كقائمتين بالشكل التاسع والعشرين من الاول فزاويتا ط د ر ر ط اقل من قائمتين فليبق علي نقطة ر فلان آ يساوي د ح وب يساوي ح ع فاذا اخذنا لا ود ح اضعاها متساوية العدة كم كانت ول ب و ح اضعاها متساوية العدة كم كانت فان كانت اضعاها آ زايدة علي اضعاها ب كانت اضعاها د ح زايدة علي اضعاها ح وان كانت ناقصة كانت ناقصة وان كانت مساوية كانت مساوية فبنسبة آ الي ب كنسبة د ح الي ح ونسبة د ط الي ط كنسبة د ح الي ح

١

منه جز

كقسمه خط آخر مستقيم وتكون نسبة اقسامه

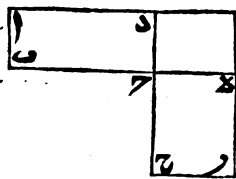
لهكن الخط المفروض \overline{AB} والخط المقسوم بنقطتي \overline{AC}
 خط \overline{AD} فاقول لنا ان نقسم \overline{AB} كنسبة \overline{AC} وتكون نسبة
 اقسام \overline{AB} كنسبة اقسام \overline{AC} برهانه فاجعل \overline{AB} مع
 \overline{AD} محيط زاوية ما وليكن هي زاوية \overline{BAD} ونصل \overline{BD} بخط مستقيم
 ونخرج



ونخرج من نقطتي د ه خطي د ر ه ح متوازيين لخط ب ح ومن نقطة د
خط د آ يوازي ب بالشكل الواحد والثلاثين من الاولي فخطا د ر ه ح
متوازيان بالشكل الثلاثين من الاولي فليبتنه خطا د ر ه ح الي خط آ ب علي
نقطتي ر ح ولينقطع خط د آ خطي ه ح ب علي نقطتي ط آ فسطحا
ب ط ط ر متوازيين الاضلاع فرح يساوي د ط وب ح يساوي ط آ
بالشكل الرابع والثلاثين من الاولي فلان نسبة آ ر الي ر ح كنسبة آ د الي
د ه وايضا فلان ر ح يساوي د ط و ح ب يساوي ط آ فاذا اخذنا لرح
ح ب اضعافا متساوية العدد كم كانت ولد ط ط آ اضعافا متساوية
العدد كم كانت فان كانت اضعايف ر ح زايدة علي اضعايف د ط كانت
اضعايف ح ب زايدة علي اضعايف ط آ فان كانت مساوية لها كانت
مساوية وان كانت ناقصة كانت ناقصة فنسبة ر ح الي ح ب كنسبة
د ط الي ط آ وايضا فلان نسبة د ه الي ه ح كنسبة د ط الي ط آ بالشكل
الثاني ونسبة ر ح الي ح ب كنسبة د ط الي ط آ فبالشكل الحادي عشر
من الخامسة نسبة د ه الي ه ح كنسبة ر ح الي ح ب فالحكم ثابت وذلك ما
ان نبين

كل سطحين متوازيين الاضلاع تساوت زاويتان
منهما فان كانا متساويين كانت الاضلاع المحيطة
بالزاويتين متناسبة علي التكافؤ وان كانت الاضلاع
المحيطة بهما متناسبة علي التكافؤ فالسطحان متساويان

ليكن سطحا آ ب ح د ر ه متوازيين الاضلاع وزاويتا ب ح د ه ح منها
متساويتان فاقول ان كان سطح آ ح كسطح ح ر فان
نسبة ب ح الي ح ه كنسبة ح ر الي ح د وان كانت
نسبة ب ح الي ح ه كنسبة ح ر الي ح د فالسطحان
متساويان برهانه فيتم سطح ه د بان نخرج خطي
ر ه آ علي استقامتهما فيلتقيان لنخرجهما علي اقل



من قايمتين لو وصلنا د ه بخط مستقيم فان كان السطحان متساويين فلان
نسبة ب ح الي ح ه كنسبة سطح ب د الي سطح د ه بالشكل الاول ونسبة سطح
ح د الي سطح ه د كنسبة سطح آ ح الي سطح د ه بالشكل السابع من الخامسة
فبالشكل الحادي عشر من الخامسة نسبة ب ح الي ح ه كنسبة سطح ح د الي
سطح ه د ونسبة ح ر الي ح د كنسبة سطح ح ر الي سطح ه د فبالشكل

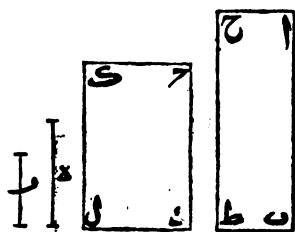
الحادي عشر من الخامسة نسبة بـ الى حـ كنسبة حـ الى دـ وان
كانت نسبة بـ الى حـ كنسبة حـ الى دـ فلان نسبة سطح بـ الى سطح
دـ كنسبة بـ الى حـ بالشكل الاول ونسبة حـ الى دـ كنسبة بـ الى
حـ فنسبة سطح بـ الى سطح دـ كنسبة حـ الى دـ بالشكل الحادي عشر
من الخامسة ونسبة سطح حـ الى سطح هـ كنسبة حـ الى دـ فبالشكل
الحادي عشر من الخامسة ايضا نسبة سطح بـ الى سطح دـ كنسبة سطح
حـ الى سطح هـ فسطح بـ كسطح حـ بالشكل التاسع من الخامسة فالحكم
ثابت وذلك ما اردنا ان نـ

حـ كنسبة دـ الى حـ بـ فلان نسبة مثلث ا ب ح الى مثلث ب ح د كنسبة
ا ح الى حـ دـ بالشكل الاول ونسبة دـ الى حـ بـ كنسبة ا ح الى حـ دـ فنسبة
مثلث ا ب ح الى مثلث ب ح د كنسبة دـ الى حـ بـ بالشكل الحادي عشر
من الخامسة ونسبة مثلث د ح د الى مثلث ب ح د كنسبة دـ الى حـ بـ
بالشكل الاول فنسبة مثلث ا ب ح الى مثلث ب ح د كنسبة مثلث د ح د
الى مثلث ب ح د بالشكل الحادي عشر من الخامسة ايضا فبالشكل التاسع
من الخامسة مثلث ا ب ح كمثلث د ح د وذلك ما اردنا ان نبين

يه

كل اربعة خطوط مستقيمة محدودة مفروضة
فان كانت متناسبة كان سطح الاول في الرابع كسطح
الثاني في الثالث وان كان سطح الاول في الرابع كسطح
الثاني في الثالث فانها متناسبة

لكن نسبة ا ب الى ح د كنسبة هـ الى ر فاقول ان سطح ا ب في ر كسطح
ح د في هـ وان كان سطح ا ب في ر كسطح ح د في هـ كانت نسبة ا ب الى ح د
كنسبة هـ الى ر برهانه نخرج من نقطتي آ ح عمودي آ ح د على



خطي ا ب ح د في جهة واحدة من خطي
ا ب ح د باستبانة الشكل الحادي عشر من
الاولي ونفصل من العمودين آ ح مثل ر و ح آ
مثل هـ بالشكل الثالث من الاول ونخرج من
نقطة ح خط ح ط يوازي ا ب في جهة ب
ومن نقطة ب خط ب ط يوازي آ ح في جهة

ح ط بالشكل الواحد والثلاثين من الاول فيهما يتلاقبان لانا اذا وصلنا
ب ح بخط مستقيم كانت زاوية ح ب ط مع الزاوية المجاورة لزاوية
ب ح آ كقائمتين بالشكل التاسع والعشرين من الاول فهي مع زاوية
ط ح ب اقل منهما فتم فلينته الى نقطة ط وبمثلثه نقيم سطح ح د لـ فلان
ر يساوي آ ح و ح آ يساوي هـ و سطح الخط في احد الخطين المتساويين
كسطح في المساوي الاخر باستبانة الشكل الاول فيكون سطح ا ب ح
يساوي سطح ا ب في ر و سطح ح ط يساوي سطح ح د في هـ لان ح آ يساوي
هـ و آ ح يساوي ر فاذا اخذ لـ هـ اضعاها متساوية العدد كم كانت
العدد و لـ آ ح ر اضعاها متساوية العدد كم كانت العدد فان كانت اضعاها
ح آ زائدة على اضعاها آ ح كانت اضعاها هـ زائدة على اضعاها ر وان

كانت مساوية لها كانت مساوية وان كانت ناقصة عنها كانت ناقصة
فنسبة $\Gamma\Delta$ الى $\Delta\alpha$ كنسبة ϵ الى Γ وكانت نسبة $\alpha\beta$ الى $\Gamma\delta$ كنسبة ϵ
الى Γ فبالشكل الحادي عشر من الخامسة نسبة $\alpha\beta$ الى $\Gamma\delta$ كنسبة $\Gamma\Delta$
الى $\Delta\alpha$ فسطح $\alpha\Gamma$ كسطح $\Gamma\delta$ بالشكل عشر لان زاويتي $\beta\alpha\Gamma$ و $\delta\Gamma\alpha$ منهما
متساويتان وان كان سطح $\alpha\Gamma$ كسطح $\Gamma\delta$ وزاويتا $\beta\alpha\Gamma$ و $\delta\Gamma\alpha$ منهما
متساويتان فنسبة $\alpha\beta$ الى $\Gamma\delta$ كنسبة $\Gamma\Delta$ الى $\Delta\alpha$ بالشكل الثالث عشر
وكانت نسبة ϵ الى Γ كنسبة $\Gamma\Delta$ الى $\Delta\alpha$ فبالشكل الحادي عشر من
الخامسة نسبة $\alpha\beta$ الى $\Gamma\delta$ كنسبة ϵ الى Γ فالحكم ثابت وذلك ما اردنا
ان نم

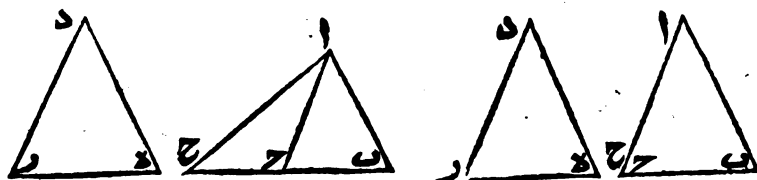
يو
كل ثلاثة خطوط مستقيمة محدودة مفروضة
فان كانت نسبة الاول الى الثاني كنسبة الثاني الى
الثالث كان سطح الاول في الثالث كمربع الثاني وان
كان سطح الاول في الثالث كمربع الثاني كانت نسبة
الاول الى الثاني كنسبة الثاني الى الثالث

ليكن الخطوط $\alpha\beta$ $\Gamma\delta$ فاقول ان كانت نسبة α الى β كنسبة β الى Γ
فان سطح $\alpha\Gamma$ في Γ كمربع β وان كان α في Γ كمربع β فنسبة
 α الى β كنسبة β الى Γ برهانه اما الاول فيكون
سطح δ في β كمربع β باستبانة الشكل الاول فترسم في
سطح الخطوط خطا مستقيما غير متناه ونفصل منه خط ϵ
كخط β بالشكل الثالث من الاول فلان نسبة α الى β
كنسبة β الى Γ و β الى δ متساويان فاذا اخذنا δ و β
اضعافا متساوية العدد كم كانت العدد و $\Gamma\delta$ اضغاف كانت مما لا
يتناهى فان كانت اضغاف δ زيادة على اضغاف Γ كانت اضغاف β
زيادة على اضغاف Γ وان كانت مساوية لها كانت مساوية وان كانت
ناقصة عنها كانت ناقصة فنسبة δ الى Γ كنسبة β الى Γ فنسبة α الى
 β كنسبة δ الى Γ بالشكل الحادي عشر من الخامسة فسطح $\alpha\Gamma$ في Γ كسطح
 β في δ اعني مربع β بالشكل المتقدم واما الثاني فليكن الضلع الاخر
من مربع β خط δ فيكون سطح $\alpha\Gamma$ في Γ كسطح β في δ فنسبة α الى β
كنسبة δ الى Γ بالشكل المتقدم وقلنا ان نسبة β الى Γ كنسبة δ الى Γ
في القسم



پیر

بیت



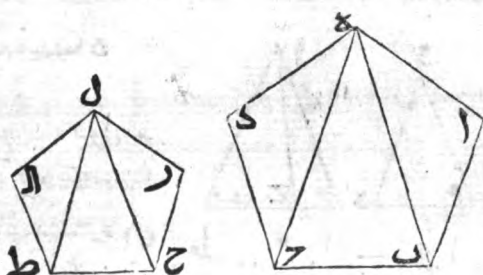
L

متشابهين وعلي وضع واحد ولك نسبة كذا السطوح المتوازية الاضلاع
التي هي اضعاف المثلثين بعدة واحدة اذ نسبة الاضلاع كنسبة الاجزاء

جميع السطوح الكثيرة الاضلاع المتشابهة تنقسم الي
مثلثات متشابهات بعدة واحدة ونسب السطوح
المتشابهة بعضها الي بعض كنسب اضلاعها

المتناظرة مثناة

ليكن سطح AB حده يشبه سطح
مرح $ط$ $ال$ فنصل بين نقطة $هـ$
وبين كل واحدة من نقطتي $ب$
 $ح$ ونصل بين نقطة $ل$ وبين كل



واحدة من نقطتي $ح$ $ط$ بخط مستقيم فاقول ان المثلثات التي يشتمل
عليها سطح $اح$ نسبة نظايرها المثلثات التي يشتمل عليها سطح $رط$ وان
نسبة سطح $اح$ الي سطح $مرط$ كنسبة ضلع من اضلاع سطح $اح$ الي نظيره
من سطح $رط$ مثناة وليكن كنسبة ضلع $ب$ $ح$ الي ضلع $ح$ $ط$ مثناة
ومثلثات السطحين بعدة واحدة برهانه فلان نسبة $اب$ الي $مرح$
كنسبة $اه$ الي $رل$ وزاوية $باه$ كزاوية $ح$ $رل$ فبالشكل السادس زاوية
 $ابه$ كزاوية $مرح$ $ل$ وزاوية $اهب$ كزاوية $رلح$ فبالشكل الرابع تكون
الاضلاع المتناظرة من مثلثي $ابه$ $ح$ $رل$ متناسبة فهما متشابهان وبمثله
تبين ان مثلث $د$ $هـ$ شبيه مثلث $الط$ وان زاوية $د$ $هـ$ كزاوية $الط$
وزاوية $ده$ كزاوية $الط$ وكانت الزاوية المتناظرة من سطحي $اب$ $د$
متساوية فزاوية $هـ$ $ب$ كزاوية $ل$ $ح$ $ط$ وزاوية $هـ$ $ب$ كزاوية $ل$ $ح$
وزاوية $ب$ $ح$ كزاوية $ح$ $ل$ $ط$ فبالشكل الرابع يكون الاضلاع المتناظرة
من مثلثي $ب$ $ح$ $ط$ متناسبة فمثلثات سطح $اح$ يشبه نظايرها من
مثلثات سطح $رط$ ولان نسبة مثلث $ابه$ الي مثلث $مرح$ كنسبة ضلع
 $ب$ $ح$ الي ضلع $ل$ $ح$ مثناة ونسبة مثلث $هـ$ $ب$ الي مثلث $ل$ $ح$ $ط$ كنسبة
ضلع $هـ$ $ب$ الي ضلع $ل$ $ح$ مثناة بالشكل السابع عشر فنسبة مثلث $ابه$
الي مثلث $مرح$ كنسبة مثلث $هـ$ $ب$ الي مثلث $ل$ $ح$ $ط$ بالشكل الحادي
عشر من الخامسة وبمثله تبين ان نسبة مثلث $هـ$ $ب$ الي مثلث $ل$ $ح$ $ط$
كنسبة مثلث $د$ $هـ$ الي مثلث $ل$ $ط$ $ال$ فنسبة سطح $اح$ الي سطح $مرط$
كنسبة مثلث $هـ$ $ب$ الي مثلث $ل$ $ح$ $ط$ بالشكل الثالث عشر من
الخامسة

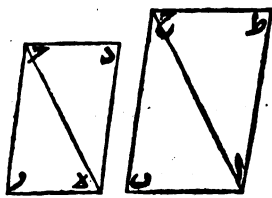
الخامسة اذ بين فيه ان نسبة جميع المقدمات الي جميع تواليه كنسبة
مقدم واحد الي تاليه ونسبة ضلع $\overline{ب\gamma}$ الي ضلع $\overline{ح\gamma}$ مثناة كنسبة
مثلث $\overline{ه\beta\gamma}$ الي مثلث $\overline{ل\gamma\delta}$ بالشكل المتقدم فبالشكل الحادي عشر
من الخامسة نسبة سطح $\overline{آ\gamma}$ الي سطح $\overline{ر\gamma}$ كنسبة ضلع $\overline{ب\gamma}$ الي ضلع $\overline{ح\gamma}$
مثناة وظاهر ان عدة مثلثات السطحين متساوية لان احد السطحين ان
كان مربعا او مخمسافيجت ان يكون الاخر مربعا او مخمسا والا يكون
زواياه مخالفة لزاويا الاخر بالصغر والكبر فلا يكونا متشابهين فالحكم
ثابت وذلك ما اردنا ان نبين
واستبان منه ان كل ثلاثة خطوط متناسبة فان نسبة الاول الي الثالث
كنسبة السطح المعمل علي الاول الي السطح المعمل علي الثاني اذا كانا
متشابهين وعمل عملا واحدا وكذلك نسبة المثلثات التي هي انصاف تلك
السطوح

يط

كل سطح مفروض مستقيم الاضلاع لنا ان نعمل

علي اي خط مستقيم سطحا شبيها به

ليكن الخط $\overline{آب}$ والسطح $\overline{ح\delta\epsilon}$ فاقول لنا ان نعمل علي خط $\overline{آب}$ سطحا



شبيها لسطح $\overline{ح\delta\epsilon}$ برهانه نصل بين نقطتي
 $\overline{آ\delta}$ بخط مستقيم ونرسم علي نقطتي $\overline{آ\beta}$
زاويتي $\overline{ب\alpha\gamma}$ $\overline{آ\beta\gamma}$ كزاويتي $\overline{ز\delta\epsilon}$ $\overline{ط\delta\epsilon}$ بالشكل
الثالث والعشرين من الاول ولان زاويتي
 $\overline{ز\delta\epsilon}$ $\overline{ط\delta\epsilon}$ اقل من قائمتين بالشكل السابع عشر

من الاول فزاويتا $\overline{ب\alpha\gamma}$ $\overline{آ\beta\gamma}$ المساويتان لهما اقل من قائمتين فاذا
اخرجنا خطي $\overline{آ\gamma}$ $\overline{ب\gamma}$ في جهة $\overline{ح}$ فانهما يلتقيان فليلتقيا علي نقطة $\overline{ح}$
ولان زوايا كل مثلث كقائمتين بالشكل الثاني والثلاثين من الاول فزاوية
 $\overline{آ\beta\gamma}$ كزاوية $\overline{ز\delta\epsilon}$ فزاويا مثلثي $\overline{آ\beta\gamma}$ $\overline{ز\delta\epsilon}$ المتناظرة متساوية فبالشكل
الرابع نسبة $\overline{آ\beta}$ الي $\overline{ز\delta}$ كنسبة $\overline{ب\gamma}$ الي $\overline{ط\delta}$ ونسبة $\overline{آ\gamma}$ الي $\overline{ح\delta}$ ونرسم
علي نقطتي $\overline{آ\gamma}$ $\overline{ب\gamma}$ من خط $\overline{آ\gamma}$ زاويتي $\overline{ح\alpha\gamma}$ $\overline{ط\alpha\gamma}$ كزاويتي $\overline{ح\delta\epsilon}$ $\overline{ط\delta\epsilon}$
ونخرج خطي $\overline{آ\delta}$ $\overline{ب\delta}$ في جهة $\overline{ط}$ علي استقامتهما فهما يلتقيان فليلتقيا
علي نقطة $\overline{ط}$ وتكون زوايا مثلثي $\overline{آ\delta\gamma}$ $\overline{ب\delta\gamma}$ المتناظرة متساوية كما بينا
وتكون نسبة $\overline{آ\delta}$ الي $\overline{ب\delta}$ كنسبة $\overline{ط\gamma}$ الي $\overline{ح\delta}$ وكنسبة $\overline{آ\gamma}$ الي $\overline{ح\delta}$ بمثل ما
تقدم من مثلثي $\overline{آ\beta\gamma}$ $\overline{ز\delta\epsilon}$ بعينه ولان زاويتي $\overline{ط\alpha\gamma}$ $\overline{ح\alpha\gamma}$ كزاويتي $\overline{ح\delta\epsilon}$ $\overline{ط\delta\epsilon}$
 $\overline{ز\delta\epsilon}$ وزاويتي $\overline{آ\beta\gamma}$ $\overline{ط\alpha\gamma}$ كزاويتي $\overline{ز\delta\epsilon}$ $\overline{ط\delta\epsilon}$ تكون زاوية $\overline{ط\alpha\gamma}$ كزاوية
 $\overline{ح\delta\epsilon}$ وزاوية $\overline{ب\gamma\delta}$ كزاوية $\overline{ز\delta\epsilon}$ فزاويا سطحي $\overline{ط\alpha\gamma}$ $\overline{ط\beta\delta}$ المتناظرة

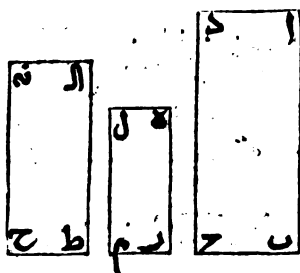
متساوية ولان نسبة $\overline{ا\ط}$ الى $\overline{د\ه}$ كنسبة $\overline{ا\ح}$ الى $\overline{ح\ه}$ ونسبة $\overline{ط\ح}$ الى $\overline{د\ه}$ كنسبة $\overline{ا\ح}$ الى $\overline{ح\ه}$ ونسبة $\overline{ا\ب}$ الى $\overline{د\ه}$ كنسبة $\overline{ا\ح}$ الى $\overline{ح\ه}$ ونسبة $\overline{ب\ح}$ الى $\overline{د\ه}$ كنسبة $\overline{ا\ح}$ الى $\overline{ح\ه}$ بالشكل الرابع فبالشكل الحادي عشر من الخامسة نسبة $\overline{ا\ط}$ الى $\overline{د\ه}$ كنسبة $\overline{ط\ح}$ الى $\overline{د\ه}$ وكنسبة $\overline{ا\ب}$ الى $\overline{د\ه}$ وكنسبة $\overline{ب\ح}$ الى $\overline{د\ه}$ فسطح $\overline{ط\ب}$ يشبه لسطح $\overline{د\ه}$ فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين

ك

جميع السطوح المستقيمة الاضلاع التي كل واحد منها يشبه سطحها واحدا بعينه فهي متشابهة

لكن سطح $\overline{ا\ب}$ حد $\overline{ا\ط}$ $\overline{ح\ه}$ يشبهان سطح $\overline{د\ه}$ فاقول انهما متشبهان برهانه فلان سطح $\overline{ا\ح}$ يشبهان سطح $\overline{د\ه}$ فزواياها تساوي زوايا سطح $\overline{د\ه}$ على التناظر والاضلاع المحيطة بتلك الزوايا متناسبة على التناظر فزوايا

سطح $\overline{ا\ب}$ حد $\overline{ا\ط}$ $\overline{ح\ه}$ متساوية على التناظر فلان سطح $\overline{ا\ح}$ $\overline{د\ه}$ متشبهان تكون نسبة $\overline{ا\ب}$ الى $\overline{د\ه}$ كنسبة $\overline{ب\ح}$ الى $\overline{د\ه}$ ولان سطح $\overline{ا\ط}$ $\overline{ح\ه}$ $\overline{د\ه}$ متشبهان تكون نسبة $\overline{د\ه}$ الى $\overline{ا\ط}$ كنسبة $\overline{ر\م}$ الى $\overline{ا\ط}$ فبالشكل الثاني



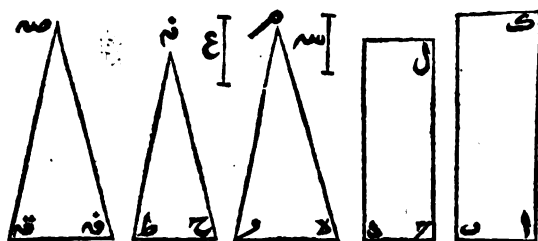
والعشرين من الخامسة نسبة $\overline{ا\ب}$ الى $\overline{ا\ط}$ كنسبة $\overline{ب\ح}$ الى $\overline{ا\ط}$ ولان سطح $\overline{ا\ح}$ $\overline{د\ه}$ متشبهان تكون نسبة $\overline{د\ه}$ الى $\overline{ا\ط}$ كنسبة $\overline{ب\ح}$ الى $\overline{ا\ط}$ ولان سطح $\overline{ا\ح}$ $\overline{د\ه}$ متشبهان تكون نسبة $\overline{ر\م}$ الى $\overline{ا\ط}$ كنسبة $\overline{ب\ح}$ الى $\overline{ا\ط}$ فبالشكل الثاني والعشرين من الخامسة نسبة $\overline{د\ه}$ الى $\overline{ا\ط}$ كنسبة $\overline{ب\ح}$ الى $\overline{ا\ط}$ وكانت نسبة $\overline{ا\ب}$ الى $\overline{ا\ط}$ كنسبة $\overline{ب\ح}$ الى $\overline{ا\ط}$ فبالشكل الحادي عشر من الخامسة نسبة $\overline{ا\ب}$ الى $\overline{ا\ط}$ كنسبة $\overline{ب\ح}$ الى $\overline{ا\ط}$ وبمثله تبين في باقي الاضلاع وذلك ما اردنا ان نبين

ا

كل اربعة خطوط عملت عليها سطوح متشابهة كل اثنين اعني الاول والثاني والثالث والرابع عملا واحدا فان كانت الخطوط متناسبة كانت السطوح المعمولة عليها متناسبة وان كانت السطوح متناسبة

كانت

لَبِئْسَ الْخَطُوبُ أَبْ حَدَ مَر حَطَ وَالسُّطُوحُ الْمَعُولَةُ عَلَيْهَا سَطِي أَبْ لَدَ
عَمَلًا وَاحِدًا وَسَطِي مَ مَر نَحَطَ عَمَلًا وَاحِدًا فَاَقُولُ اِنْ كَانَتْ نِسْبَةُ أَبْ



اگر حد کنسبہ و ر ا ل ی
ح ط کانت نسبه س ح ط
ال ب الی سطح د کنسبہ
سطح م و ر الی سطح نه ح ط
وبالعکس برهانه
نجد خطا مستقما

[illegible]

قـ اما ان تقع علي نقطة طـ او فيما بين نقطتي حـ طـ او خارجة عنهما
فيلزم ان يكون احد المثلثين اعظم من الاخر وهما متساويا او تكون
الزاوية الخارجة كالداخلية وهي اعظم منها بالشكل السادس عشر من
الاولي هذا خلف فنقطة صـ تقع علي نقطة نـ فيلزم حينئذ ان تقع
نقطة قـ علي نقطة طـ والا يلزم احد المحالين هذا خلف فنسبة هـ ر الي
حـ طـ كنسبته الي قـ هـ بالشكل السابع من الخامسة وكانت نسبة ا ب الي
حـ د كنسبة هـ ر الي قـ هـ فبالشكل الحادي عشر من الخامسة نسبة ا ب الي
حـ د كنسبة هـ ر الي حـ طـ فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين

الب

كل سطح متوازي الاضلاع فان جميع السطوح
المتوازية الاضلاع الكائنة علي قطره مشابهة له

ومتشابهة



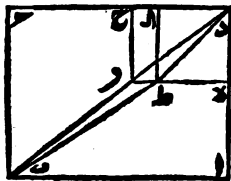
ليكن سطحاً ب ط ا هـ دراجح المتوازي الاضلاع هـ ا
الكائنان علي قطر ب د من سطح ا ح المتوازي الاضلاع
فاقول ان سطحي م ر ح ط هـ يشابهان سطح ا ح ومتشابهان
برهانهم فلان كل واحد من ضلعي ا د ط ا يوازي
ضلع ب ح فهما متوازيان بالشكل الثلثين من الاول ولان كل واحد من
ضلعي ا هـ ح ط يوازي ضلع ا ب فهما متوازيان ولان كل واحد من ضلعي
ا ح هـ ر يوازي ا د فهما متوازيان ولان كل واحد من ضلعي ر ا ا ط يوازي
د ح فهما متوازيان بالشكل الثلثين من الاول ولان خط هـ ا قطع ضلعي
ب ح ب د من اضلاع مثلث ب ح د موازياً للضلع ح د من اضلاعه وخط
ط ا قطع ضلعي ا ب ب د من اضلاع مثلث ا ب د موازياً للضلع ا د من
اضلاعه وخط ح ا قطع ضلعي ب د د ح من اضلاع مثلث ب د ح موازياً
للضلع ب ح وخط م ر ا قطع ضلعي ب د ا د من اضلاع مثلث ا ب د موازياً
للضلع ا ب من اضلاعه فبالشكل الثاني تكون نسبة ب هـ الي هـ ح و ب ط الي
ط ا و ح الي ح د و ا م ر الي ر د كنسبة ب ا الي ا د فبالتركيب نسبة ب ح الي
ح د و ب ا الي ا ط و ح د الي د ح و ا د الي د م كنسبة ب د الي د ا بالشكل السابع
عشر من الخامسة فنسبة ب ح الي ح د كنسبة ب ا الي ا ط و ح د الي د ح و ا د
الي د م بالشكل الحادي عشر من الخامسة ولان ح ا يساوي ح د و ز ا يساوي
ا ط بالشكل الرابع والثلثين من الاول فنسبة ب ح الي ح ا كنسبته الي ح د
ونسبة ب ا الي م ر ا كنسبته الي ا ط بالشكل السابع من الخامسة فبالشكل
الحادي عشر من الخامسة نسبة ب ح الي ح ا ونسبة ب ا الي م ر ا كنسبة

ح د

حد الي دح ونسبة آد الي در فاضلاع سطحي رح آح المتناظرة متناسبة ولان
ضلع مره يوازي ضلع أب وضلع آح يوازي ضلع ب ح فزاوية در آ
كزاوية دأب وزاوية رآد كزاوية آب آ وزاوية دح آ كزاوية در ب
وزاوية دآح كزاوية دب ح بالشكل التاسع والعشرين من الاولي وزاوية
آدر مشتركة فسطح مر ح شبيه بسطح آ ح وبمثله تبين ان سطح ط ه شبيه
بسطح آ ح فسطحا مر ح ط ه متشابهان بالشكل العشرين فالحكم ثابت
وذلك ما اردنا ان نبين

كل سطح متوازي الاضلاع فصل منه سطح
متوازي الاضلاع يشبهه ويشاركه في زاوية فهو

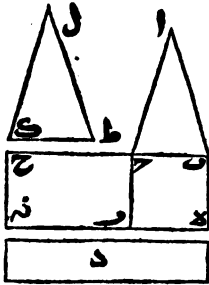
كايين على قطرة



ولبكن سطح أب ح متوازي الاضلاع وفصل منه
سطح دهر ح متوازي الاضلاع يشبه سطح آ ح
ويشاركه في زاوية د فاقول ان سطح دهر ح كايين
علي قطر سطح آ ح برهانه انا نصل در ب ر بخطين مستقيمين فخط ب ر
رد احد هما علي استقامة الآخر ويصير ان خطا واحدا مستقيما هو قطر
لسطح آ ح والا فلبكن قطره خط آخر واصل بين نقطتي ب د وهو ب ط د
فلا بد وان يقطع احد ضلعي د ر ح فليقطع ضلع د ر علي نقطة ط
ونخرج منها خط ط آ في جهة ح يوازي ضلع ب ح فهو يوازي كل واحد
من آدر ح بالشكل الواحد والثلاثين من الاولي فخط ط آ يقطع د ح فليقطع
علي نقطة آ فسطح آ ه شبيه بسطح آ ح بالشكل المتقدم فنسبة حد الي دآ
كنسبة آد الي ده وكانت نسبة حد الي دح كنسبة آد الي ده فبالشكل
الحادي عشر من الخامسة نسبة حد الي دآ كنسبته الي دح فخط دآ لخط
د ح بالشكل التاسع من الخامسة فالجزء يساوي كله هذا خلف فخط
ب ط د لا يمكن ان يقطع احد ضلعي د ر ح فهو ينطبق علي خط ب ر د
فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين

كل سطحين متوازيين الاضلاع يساوي زاويتان
منهما فان نسبة احدهما الي الآخر مولفة من نسبة

من الاول وهو سطح ب ح رة ونجعل على خط ح ر سطحا متوازي الاضلاع
يساوي سطح د وتكون زاوية ر ح منه يساوي زاوية د ب بالشكل
الرابع والاربعين من الاول وهو سطح م ح فيحدث عرض ح فلان
زاوية م ح ب مع زاوية د ب كقائمتين بالشكل
التاسع والعشرين من الاول فزاويتا ر ح م ح ب
كقائمتين فخط ب ح على استقامة خط ح بالشكل
الرابع عشر من الاول ولان زاوية د م ح كزاوية
م ح بالشكل التاسع والعشرين من الاول وزاوية
د م ح مع زاوية م ح كقائمتين بالشكل التاسع
والعشرين من الاول فزاويتا د م ح د م ح كقائمتين



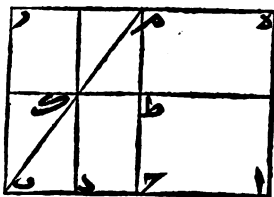
فخط د م ح مستقيم بالشكل الرابع عشر من الاول فسطحا ب ر م ح
هابين خطي ب ح د المتوازيين ونجد خطا مستقيما وسطا في النسبة
بين خطي ب ح م ح بالشكل التاسع وهو خط ط ا ونجعل عليه شكلا
شبهها ب سطح ا ب م ح بالشكل العشرين وهو سطح ل ط ا ونسبة سطح ا ب م ح الى
سطح ل ط ا كنسبة ب ح الى ط ا متناهة بالشكل الثاني عشر ونسبة ب ح الى
م ح كنسبة ب ح الى ط ا متناهة فبالشكل الحادي عشر من الخامسة نسبة
سطح ا ب م ح الى سطح ل ط ا كنسبة ب ح الى م ح ونسبة سطح ب م ح الى سطح
م ح كنسبة ب ح الى م ح فنسبة سطح ا ب م ح الى سطح ل ط ا كنسبة سطح
ب م ح الى سطح م ح بالشكل الحادي عشر من الخامسة لكن سطح ا ب م ح يساوي
سطح ب م ح فسطح ل ط ا يساوي سطح م ح بالشكل الرابع عشر من الخامسة
وكان سطح د يساوي سطح م ح فسطح ل ط ا يساوي سطح د وكان سطح ل ط ا
شبهها ب سطح ا ب م ح فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين

الو

اعظم السطوح المتوازية الاضلاع التي يضاف الي اي
خط مستقيم محدود ينقص عن تمام الخط سطوحا
شبيهة بالسطح المتوازي الاضلاع المعمول على نصف
الخط الشبيه بالسطوح التي هي سطح النقصانات

ليكن ا ب خطا مستقيما محدودا فننصفه على نقطة ح بالشكل العاشر من
الاول ونجعل خط ب م المستقيم المحدود محيطا مع خط ا ب زاوية
ونخرج من نقطة ح خط ح م موراياه بالشكل الواحد والثلاثين من الاول
ونفصل منه ح م مساويا لخط ب م بالشكل الثالث من الاول ونصل م م

الثالث والاربعين من الاول فسطح هـ ط اعظم من سطح ح ا فاذا اضفنا سطح ا ط الي سطح هـ ط حصل سطح ا م واذا اضفناه الي سطح ح ا حصل سطح ا ل فسطح ا م اعظم من سطح ا ل فلو فرضنا بين



نقطتي ب ح علي خط ب ج نقطتا غير متناهية واخر جنا من كل واحدة منها خطا موازيا لخط ب ج فانه يقطع القطر وتخرج من نقطة التقاطع خط يوازي خط ا ب واخر جنا في

جهته الي ان ينتهي الي ضلي ا هـ ب ج فانه يحدث سطوح متوازية الاضلاع غير متناهية مضافة الي خط ا ب ناقصا كل واحد منها عن خط ا ب سطحا شبيها بسطح ب م فيكون سطح ا م اعظم من كل واحد من تلك السطوح بالبيان المذكور فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين

الر

كل خط مستقيم محدود مفروض معلوم لنا

ان نضيف اليه سطحا متوازي الاضلاع مساويا

لسطح معلوم مفروض مستقيم الاضلاع ينقص عن

تمام الخط سطحا متوازي الاضلاع شبيها بسطح

معلوم مفروض متوازي الاضلاع

ليكن الخط ا ب والسطح المستقيم الاضلاع سطح ح والسطح المتوازي الاضلاع سطح د فاقول لنا ان نضيف الي خط ا ب سطحا متوازي الاضلاع

يساوي سطح ح

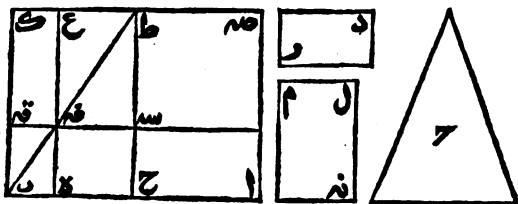
وينقص عن تمام

خط ا ب سطح

متوازي الاضلاع

شبيه سطح د

برهانه ننصف



خط ا ب علي نقطة ح بالشكل العاشر من الاول ونعمل علي خط ب ج سطحا

متوازي الاضلاع شبيها بسطح د بالشكل التاسع عشر وهو سطح ب ح ط ا

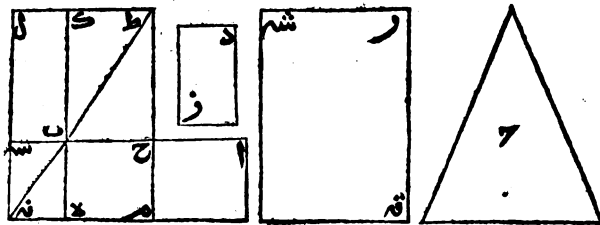
وتخرج من نقطة ا خط ا م موازيا لخط ح ط بالشكل الواحد والثلاثين من الاول وتخرج خط ا ط في جهة ط علي استقامته فهو يلقى خط ا م

لانا اذا وصلنا خط ا ط المستقيم كانت الزاوية المجاورة لزاوية ب ا ط

أَب سطح وقه الشبيه لسطح ح بالمثل الثاني والعشرين وسطح در شبهه لسطح ح أفسطح وقه شبهه بسطح در فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين

كل خط مستقيم محدود مفروض لنا ان نضيف اليه سطحاً متوازي الاضلاع يساوي سطحاً مستقيم الاضلاع مفروضاً يزيد على الخط المفروض سطحاً شبيهاً بسطح مفروض متوازي الاضلاع

ليكن الخط أَب والسطح المستقيم الاضلاع سطح ح والسطح المتوازي الاضلاع سطح در فاقول لنا ان نضيف الى خط أَب سطحاً متوازي الاضلاع يساوي سطح ح ويزيد على خط أَب سطحاً متوازي الاضلاع شبيهاً بسطح در برهانه فنصف أَب على نقطة ح بالشكل العاشر من الاول ونعمل على ح ب سطح ب ح ط المتوازي الاضلاع يشبه سطح در بالشكل التاسع عشر ونعمل على خط

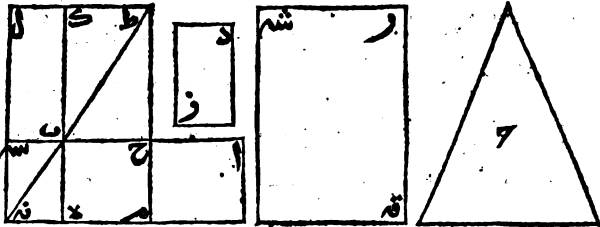


محدود مستقيم سطحاً متوازي الاضلاع يساوي سطحي ب ط ح معا باستبانة الشكل

الرابع والاربعين من الاول وبالشكل الخامس والعشرين نرسم سطحاً متوازي الاضلاع يساوي السطح المعول على الخط المستقيم المحدود المذكور ويشبه سطح در وهو سطح قه رشه فهو يشبه سطح ح بالشكل العشرين ويساوي سطحي ب ط ح معا وليكن زاوية قه رشه نظيرة زاوية ح ط أ وضلع قه رشه نظير ح ط وضلع رشه نظير ضلع ط أ فبكون نسبة قه ر الى ح ط كنسبة رشه الى ط أ وسطح قه رشه اعظم من سطح ح أ فكل من ضلعي قه رشه اعظم من نظيره من سطح ح أ والا لكانا متساويين لهما او ناقصين عنهما او احدهما زائداً على نظيره والاخر ناقصاً فبيلزم ان يكون سطح قه رشه مساوياً لسطح ح أ او اصغر منه بانطباق الاضلاع والزوايا المتناظرة بعضها على بعض او يكون احد ضلعي احد السطحين اعظم من نظيره من السطح الاخر واصغر منه بعينه هذا خلف فنخرج ح ط أ على استقامتهما في جهتي ح أ ونفصل من ط ح ط م مثل قه ر ومن ط أ ط ل مثل رشه بالشكل الثالث من الاول ونخرج من نقطة م

خط م ن يوازي ط ا ونخرجه في جهة م علي استقامته الي غير النهاية
ومن نقطة ل خط ل ن يوازي م ط بالشكل الواحد والثلاثين من الاولي
ونخرجه في جهة م علي استقامته ولانا اذا وصلنا م ل بخط مستقيم كانت
زاوية ن م ل مع الزاوية المجاورة لزاوية م ل ط كقائمتين بالشكل التاسع
والعشرين من الاولي فراويتا ن م ل م ل ن اقل من قائمتين فخطا م ن ل ن
يلتقيان فليلتقيا علي نقطة م فسطح م ل كسطح م ن بانطباق سطح م ن
علي سطح م ل بحيث ينطبق نقطة ر علي نقطة ط وضلعا م ر م ر
علي ضلعي م ط ط ل ونخرج من آ خط يوازي ح م في جهة م بالشكل
الواحد والثلاثين من الاولي ونخرجه علي استقامته فينتهي الي خط ن م
بمثل ما بينا اذا وصلنا ام بخط مستقيم ونخرج خطي ب ح ب ا علي
استقامتهما في جهة

ب فلينته ح ب الي
ضلع ن ل علي نقطة
س و ب ا الي ضلع
م ن علي نقطة ه



فسطح ح ا كاين علي

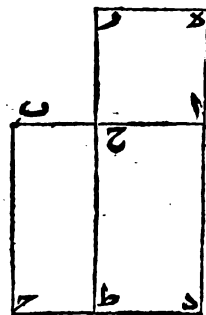
قطر سطح م ل بالشكل الثالث والعشرين فخط ن ب ط قطر لسطح م ل
فسطح ه س يشبه سطح ح ا بالشكل الثاني والعشرين وكان سطح م ر شبيها
بسطح ح ا فسطحا ه س م ر متشابهان بالشكل العشرين وكان سطح ح ا ح
يساويان سطح م ر ش م و سطح م ل يساوي سطح م ر ش م فعلم م ن ا يساوي
سطح م م م ب ل كمقيم ب م بالشكل الثالث والاربعين من الاولي و سطح
ام كمقيم ب م بالشكل السادس والثلاثين من الاولي فسطح ا ن كعلم م ن ا وكان
سطح م ر كعلم م ن ا فسطح ا ن المتوازي الاضلاع يساوي سطح م ر ويزيد علي
خط ا ب سطح ه س الشبيه بسطح م ر فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين

الط

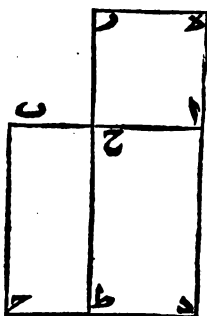
كل خط مستقيم محدود مفروض لنا ان نقسمه

علي نسبة ذات وسط وطرفين

ليكن الخط ا ب فاقول لنا ان نقسمه علي نسبة ذات
وسط وطرفين برهانه نرسم علي ا ب مربع ا ب ح د
بالشكل الخامس والاربعين من الاولي ونضرب الي
خط ا د سطحا متوازي الاضلاع يساوي مربع ا ح و
يزيد علي خط ا د سطحا متوازي الاضلاع يشبه
مربعاً بالشكل المتقدم وليكن السطح المضاف سطح ه ط والسطح المتوازي
الاضلاع



الاضلاع الذي يزيد على خط \overline{AD} سطح \overline{AE} \overline{AC} فنقطة \overline{C} لا يمكن ان يقع على نقطة \overline{B} او خارجه عن خط \overline{AB} والا يلزم ان يكون سطح \overline{E} ضعف مربع \overline{AC} او اعظم من ضعفه هذا خلف فيقع بين نقطتي \overline{AB} فيكون \overline{AE} \overline{AC} مربعاً لان مشابه المربع مربع فلان ضلع \overline{C} \overline{AC} كضلع \overline{AD} بالشكل الرابع والثلاثين من الاولي فضلع \overline{AB} كضلع \overline{C} \overline{AC} وضلع \overline{AC} كضلع سطح \overline{C} فاذا اخذ الاول والثالث وهما \overline{AB} \overline{C} \overline{AC} اضعايف متساوية العدة اي عدة كانت مما لا يتناهي والثاني والرابع وهما \overline{AC} \overline{C} \overline{AC} اضعايف متساوية العدة اي عدة كانت مما لا يتناهي فان كانت اضعايف الاول زايدة على اضعايف الثاني كانت اضعايف الثالث زايدة على اضعايف الرابع وان كانت مساوية كانت مساوية وان كانت ناقصة كانت ناقصة فنسبة \overline{AB} الى \overline{AC} كنسبة \overline{C} \overline{AC} الى \overline{C} \overline{AC} وايضا فلان سطح \overline{E} \overline{AC} \overline{C} متوازي الاضلاع وزاويتا \overline{AC} \overline{C} \overline{AC} متساويتان بالشكل الخامس عشر من الاولي فنسبة ضلع \overline{AC} الى ضلع \overline{C} \overline{AC} كنسبة \overline{C} \overline{AC} الى \overline{C} \overline{AC} بالشكل الثالث عشر فبالشكل الحادي عشر من الخامسة نسبة \overline{AB} الى \overline{AC} كنسبة \overline{AC} الى \overline{C} \overline{AC} فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين



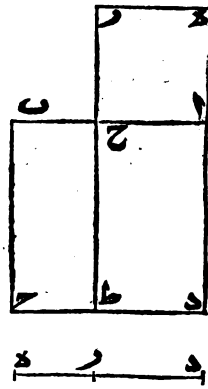
وطرفين مقسومة على نسبة واحدة اي نسبة اي خط منها الى قسمه الاعظم كنسبة قسم الاعظم من كل واحد من تلك الخطوط الى قسمه الاصغر ونسبة كل واحد من تلك الخطوط الى قسمه الاعظم ونسبة تلك الخطوط الى بعضها بعض كنسبة اقسام بعضها الى بعض النظم من النظم فجميع ما يعرض لواحد منها يعرض لكل واحد من بواقي تلك الخطوط

وط

فليكن لبيان ذلك خط \overline{DE} مقسوما على نقطة \overline{C}

بنسبة ذات وسط وطرفين وقسمه الاعظم \overline{DE} فيكون سطح \overline{AB} في \overline{BC} كمربع \overline{AC} وسط \overline{DE} في \overline{C} كمربع \overline{DE} باستبانة الشكل السادس عشر فسطحا \overline{AB} في \overline{BC} وده في \overline{C} مربع \overline{AC} \overline{DE} اربعة مقادير اذا اخذ الاول والثالث وهما سطح \overline{AB} في \overline{BC} وده في \overline{C} \overline{AC} اضعايف متساوية العدة اي عدة كانت مما لا يتناهي واخذ الثاني والرابع وهما مربع \overline{AC} \overline{DE} \overline{AC} \overline{DE} اضعايف متساوية العدة اي عدة كانت مما لا يتناهي فان كانت اضعايف الاولي زايدة على اضعايف الثاني كانت اضعايف الثالث زايدة على اضعايف الرابع وان كانت مساوية كانت مساوية وان كانت ناقصة كانت ناقصة فنسبة سطح \overline{AB} في \overline{BC} الى مربع \overline{AC} كنسبة سطح \overline{DE} في \overline{C} الى مربع \overline{DE} ولان نسبة الاضعايف اذا كانت متساوية العدة كنسبة

الاجزاء بالشكل الخامسة عشر من الخامسة فتكون نسبة اربعة امثال
 سطح \overline{AB} في $\overline{B\Gamma}$ الى مربع \overline{AC} كنسبة اربعة امثال سطح \overline{DE} في $\overline{D\Gamma}$ الى
 مربع $\overline{D\Gamma}$ فبالتركيب بالشكل السابع عشر من الخامسة نسبة اربعة
 امثال سطح \overline{AB} في $\overline{B\Gamma}$ مع مربع \overline{AC} الى مربع \overline{AC} كنسبة اربعة امثال
 سطح \overline{DE} في $\overline{D\Gamma}$ مع مربع $\overline{D\Gamma}$ الى مربع $\overline{D\Gamma}$ لكن اربعة امثال سطح \overline{AB} في
 $\overline{B\Gamma}$ مع مربع \overline{AC} يساوي مربع \overline{AB} $\overline{B\Gamma}$ اذا اتصلا خطا واحدا \overline{AB}
 واربعة امثال سطح \overline{DE} في $\overline{D\Gamma}$ مع مربع $\overline{D\Gamma}$ يساوي مربع \overline{DE} $\overline{D\Gamma}$ اذا
 اتصلا خطا واحدا بالشكل الثامن من الثانية فنسبة مربع \overline{AB} $\overline{B\Gamma}$ اذا
 اتصلا خطا واحدا الى مربع \overline{AC} كنسبة مربع \overline{DE}
 $\overline{D\Gamma}$ اذا جعلنا خطا واحدا الى مربع $\overline{D\Gamma}$ ثم نقول
 نسبة خطي \overline{AB} $\overline{B\Gamma}$ اذا اتصلا خطا واحدا الى
 خط \overline{AC} مثناة نسبة مربع \overline{AB} $\overline{B\Gamma}$ اذا اتصلا خطا
 واحدا الى مربع \overline{AC} بالشكل الثامن عشر وكانت
 نسبة مربع \overline{DE} $\overline{D\Gamma}$ اذا اتصلا خطا واحدا الى مربع
 $\overline{D\Gamma}$ كنسبة مربع \overline{AB} $\overline{B\Gamma}$ اذا اتصلا خطا واحدا
 الى مربع $\overline{D\Gamma}$ فبالشكل الحادي عشر من الخامسة
 نسبة خطي \overline{AB} $\overline{B\Gamma}$ اذا اتصلا خطا واحدا الى
 خط \overline{AC} مثناة كنسبة مربع \overline{DE} $\overline{D\Gamma}$ اذا اتصلا خطا واحدا الى مربع $\overline{D\Gamma}$
 ونسبة خطي \overline{DE} $\overline{D\Gamma}$ اذا اتصلا خطا واحدا الى خط $\overline{D\Gamma}$ مثناة كنسبة
 مربع \overline{DE} $\overline{D\Gamma}$ اذا اتصلا خطا واحدا الى مربع $\overline{D\Gamma}$ بالشكل الثامن عشر
 فبالشكل الحادي عشر من الخامسة نسبة خطي \overline{AB} $\overline{B\Gamma}$ اذا اتصلا خطا
 واحدا الى خط \overline{AC} مثناة كنسبة خطي \overline{DE} $\overline{D\Gamma}$ اذا اتصلا خطا واحدا
 الى خط $\overline{D\Gamma}$ مثناة فنسبة خطي \overline{AB} $\overline{B\Gamma}$ اذا اتصلا خطا واحدا الى
 خط \overline{AC} كنسبة خطي \overline{DE} $\overline{D\Gamma}$ اذا اتصلا خطا واحدا الى خط $\overline{D\Gamma}$
 فبالتركيب بالشكل السابع عشر من الخامسة نسبة خطوط \overline{AB} $\overline{B\Gamma}$ \overline{AC}
 اذا اتصلت خطا واحدا الى خط \overline{AC} كنسبة خطوط \overline{DE} $\overline{D\Gamma}$ اذا
 اتصلت خطا واحدا الى خط $\overline{D\Gamma}$ لكن خطوط \overline{AB} $\overline{B\Gamma}$ \overline{AC} ضعف \overline{AB}
 وخطوط \overline{DE} $\overline{D\Gamma}$ ضعف \overline{DE} ونسبة الاضعف اذا كانت متساوية
 كنسبة الاجزاء بالشكل الخامس عشر من الخامسة فنسبة \overline{AB} الى \overline{AC}
 كنسبة \overline{DE} الى $\overline{D\Gamma}$ فبالابدال بالشكل السادس عشر من الخامسة
 نسبة \overline{AC} الى $\overline{D\Gamma}$ كنسبة \overline{AB} الى \overline{DE} فبالشكل التاسع عشر من الخامسة
 نسبة $\overline{B\Gamma}$ الى $\overline{D\Gamma}$ كنسبة \overline{AB} الى \overline{DE} فبالشكل الحادي عشر من الخامسة
 نسبة \overline{AC} الى $\overline{D\Gamma}$ كنسبة $\overline{B\Gamma}$ الى \overline{DE}



ل

كل

كل مثلثين متشابهين احاطا ضلعان منهما
زاوية وكانا موازيين لضلعين اخرين منهما
النظيرين لهما في النسبة فان احدا الضلعين
الباقين منهما علي استقامة الضلع الاخر منهما *

ليكن ضلعاً $\overline{ب\Gamma}$ من مثلثي $\overline{أب\Gamma}$ و $\overline{ب\Delta\Gamma}$ احاطا بزاوية Γ واحدة
يوازي $\overline{ب\Delta}$ وكانت نسبة $\overline{أ\Gamma}$ الي $\overline{ب\Gamma}$ كنسبة $\overline{ب\Gamma}$ الي $\overline{د\Gamma}$ فاقول ان ضلع
 $\overline{أب}$ علي استقامة ضلع $\overline{ب\Delta}$ برهانه فلان ضلع $\overline{أ\Gamma}$
يوازي ضلع $\overline{ب\Delta}$ وضلع $\overline{ب\Gamma}$ يوازي ضلع $\overline{د\Gamma}$ فكل من
زاويتي $\overline{أ\Gamma\Gamma}$ و $\overline{ب\Gamma\Delta}$ يساوي زاوية Γ بالشكل التاسع
والعشرين من الاولي فهما متساويتان ونسبة $\overline{أ\Gamma}$ الي $\overline{ب\Gamma}$
كنسبة $\overline{ب\Gamma}$ الي $\overline{د\Gamma}$ فبالشكل السادس زاوية $\overline{أ\Gamma\Gamma}$

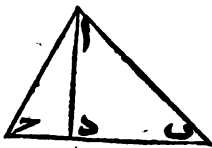


كزاوية $\overline{د\Gamma\Gamma}$ وكانت زاوية $\overline{ب\Gamma\Delta}$ كزاوية $\overline{أ\Gamma\Gamma}$ فزاوية $\overline{أ\Gamma\Gamma}$ كزاويتي
 $\overline{أ\Gamma\Gamma}$ و $\overline{ب\Gamma\Delta}$ وهما مع زاوية $\overline{أ\Gamma\Delta}$ كزاويتين بالشكل الثاني والثلاثين من
الاولي فزاويتا $\overline{أ\Gamma\Gamma}$ و $\overline{ب\Gamma\Delta}$ كزاويتين فضلع $\overline{أب}$ علي استقامة ضلع $\overline{ب\Delta}$
فضلع $\overline{أب}$ علي استقامة ضلع $\overline{ب\Delta}$ بالشكل الرابع عشر من الاولي فالحكم
ثابت وذلك ما اردنا ان نبين

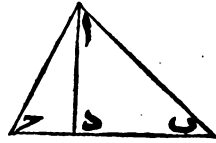
لا

كل مثلث مستقيم الاضلاع قائم الزاوية فان
الشكل المستقيم الاضلاع المضاف الي وتر القائمة
منه يساوي الشكليين المستقيمي الاضلاع المضافين
الي الضلعين المحيطين بها اذا كانا شبيهين به *

ليكن زاوية $\overline{ب\Gamma\Delta}$ من مثلث $\overline{أب\Gamma}$ قائمة فاقول ان الشكل المستقيم
الاضلاع المضاف الي ضلع $\overline{ب\Gamma}$ يساوي الشكليين
المستقيمي الاضلاع المضافين الي ضلعي $\overline{أ\Gamma}$ و $\overline{أ\Delta}$ معا
اذا كانا شبيهين بالشكل المضاف الي $\overline{ب\Gamma}$ برهانه
فلان نسبة مربع $\overline{أ\Gamma}$ الي مربع $\overline{ب\Gamma}$ كنسبة مربع
 $\overline{أ\Delta}$ الي $\overline{ب\Gamma}$ مثناة بالشكل الثامن عشر ونسبة الشكل المستقيم الاضلاع



المعول علي ضلع \overline{AB} الي الشكل المستقيم الاضلاع المعول علي \overline{B} اذا كانا متشابهين كنسبة \overline{AB} الي \overline{B} مثناة بالشكل الثامن عشر فبالشكل الحادي عشر من الخامسة نسبة مربع \overline{AB} الي مربع \overline{B} كنسبة الشكل المستقيم الاضلاع المعول علي \overline{AB} الي الشكل المستقيم الاضلاع المعول علي \overline{B} اذا كانا متشابهين وبمثل ما ذكرنا تبين ان



نسبة مربع \overline{AC} الي مربع \overline{B} كنسبة الشكل المستقيم الاضلاع المعول علي \overline{AC} الي الشكل المستقيم الاضلاع المعول علي \overline{B} اذا كانا متشابهين

فبالشكل الرابع والعشرين من الخامسة نسبة مربعي \overline{AB} \overline{AC} معا الي مربع \overline{B} كنسبة الشكلين المستقيمين الاضلاع المعولين علي ضلعي \overline{AB} \overline{AC} معا الي الشكل المستقيم الاضلاع المعول علي \overline{B} اذا كانا شبيهين به لكن مربعا \overline{AB} \overline{AC} معا كمربع \overline{B} بالشكل السابع والاربعين من الاولي بالشكلان المستقيما الاضلاع المعولان علي ضلعي \overline{AB} \overline{AC} معا يساويان

الشكل المستقيم الاضلاع المعول علي ضلع \overline{B} اذا كانا شبيهين به ونقول نخرج من نقطة \overline{A} عمودا علي ضلع \overline{B} بالشكل الثاني عشر من الاولي فيكون ضلع \overline{AB} وسطا في النسبة بين قاعدة \overline{B} و \overline{BD} الذي هو قسم منها وضلع \overline{AC} وسطا في النسبة بين قاعدة \overline{B} و \overline{CD} الذي هو قسم منها باستبانة الشكل الثامن فيكون نسبة \overline{B} الي \overline{BD} كنسبة \overline{B} الي

\overline{BA} مثناة ونسبة \overline{B} الي \overline{CD} كنسبة \overline{B} الي \overline{CA} مثناة بما تبين في صدر المقالة الخامسة فبالخلاف نسبة \overline{BD} الي \overline{B} كنسبة \overline{AB} الي \overline{B} مثناة ونسبة الشكل المعول علي \overline{AB} الي الشكل المعول علي \overline{B} كنسبة \overline{AB} الي \overline{B} مثناة بالشكل الثاني عشر فبالشكل الحادي عشر من الخامسة نسبة \overline{BD} الي \overline{B} كنسبة الشكل المعول علي \overline{AB} الي الشكل المعول علي \overline{B} اذا

كانا متشابهين ونسبة \overline{CD} الي \overline{B} كنسبة \overline{AC} الي \overline{B} مثناة ونسبة الشكل المعول علي \overline{AC} الي الشكل المعول علي \overline{B} كنسبة \overline{AC} الي \overline{B} مثناة بالشكل الثامن عشر فبالشكل الحادي عشر من الخامسة نسبة \overline{CD} الي \overline{B} كنسبة الشكل المعول علي \overline{AC} الي الشكل المعول علي \overline{B} اذا كانا متشابهين فبالشكل الرابع والعشرين من الخامسة \overline{BD} \overline{CD} معا الي \overline{B} كنسبة الشكلين المعولين علي \overline{AB} \overline{AC} معا الي الشكل المعول علي \overline{B} اذا كانا شبيهين به لكن \overline{BD} \overline{CD} يساويان \overline{B} فالشكلان المعولان علي \overline{AB} \overline{AC} معا يساويا الشكل المعول علي \overline{B} اذا كانا شبيهين به فالحكم ثابت

وذلك ما اردنا ان نبين

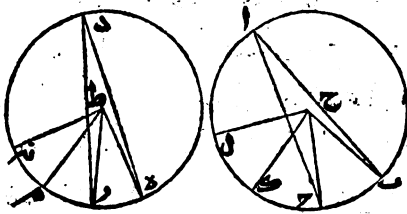
لَب

كل زاويتين في الدائرتين المتساويتين مركبتين

كانتا

كانتا محيطيين فان نسبة احديهما الي الاخرى
كنسبة قوسهما علي الـ **ولاء**

ليكن في دائرة $\overline{أ ب}$ المساوية لدائرة $\overline{د ه}$ زاوية $\overline{ب ح}$ علي المركز
وزاوية $\overline{ب آ}$ علي المحيط وفي الاخرى زاوية $\overline{ط ر}$ علي المركز وزاوية
 $\overline{ه د}$ علي المحيط فاقول ان نسبة زاوية $\overline{ب ح}$ الي زاوية $\overline{ط ر}$ او نسبة
زاوية $\overline{ب آ}$ الي زاوية $\overline{ه د}$ كنسبة قوس $\overline{ب ح}$ الي قوس $\overline{ه د}$ برهانه
نفصل من محيط دائرة $\overline{أ ب}$ امثال قوس $\overline{ب ح}$ كم شينا وليكن المفصول
قوسي $\overline{ح آ}$ لن ونفصل من محيط دائرة



$\overline{ه د}$ امثال قوس $\overline{ه د}$ كم شينا وليكن
المفصول قوسي $\overline{م ن}$ ونفصل بين
نقطة $\overline{ح}$ وبين كل واحدة من
نقطتي $\overline{ل}$ وبين نقطة $\overline{ط}$ وكل
واحدة من نقطتي $\overline{م}$ $\overline{ن}$ بخط مستقيم

فكل من زاويتي $\overline{ل ح آ}$ $\overline{ح د}$ كزاوية $\overline{ب ح}$ وكل من زاويتي $\overline{ن ط م}$ $\overline{م ط ر}$
كزاوية $\overline{ط ر}$ بالشكل السادس والعشرين من الثالثة فعدة اضعايف
زاوية $\overline{ب ح}$ لزاوية $\overline{ب ح}$ كعدة اضعايف قوس $\overline{ب ح}$ لقوس $\overline{ب ح}$ وعدة
اضعايف زاوية $\overline{ط ن}$ لزاوية $\overline{ط ر}$ كعدة اضعايف قوس $\overline{ه د}$ لقوس
 $\overline{ه د}$ فان كانت زاوية $\overline{ب ح}$ اعظم من زاوية $\overline{ط ن}$ كانت قوس $\overline{ب ح}$
اعظم من قوس $\overline{ه د}$ وان كانت مساوية كانت مساوية وان كانت ناقصة
كانت ناقصة بقوة الشكل السادس والعشرين من الثالثة فظاهر ان
زاويتي $\overline{ب ح}$ $\overline{ط ر}$ وقوسي $\overline{ب ح}$ $\overline{ه د}$ اربعة مقادير اذا اخذ الاول
والثالث اي اضعايف متساوية العدة وهما زاوية $\overline{ب ح}$ وقوس $\overline{ب ح}$
والثالث والرابع اي اضعايف متساوية العدة وهما زاوية $\overline{ط ر}$ وقوس
 $\overline{ه د}$ فان كانت اضعايف الاول زايدة علي اضعايف الثاني كانت اضعايف
الثالث زايدة علي اضعايف الرابع وان كانت مساوية كانت مساوية
وان كانت ناقصة كانت ناقصة فنسبة زاوية $\overline{ب ح}$ الي زاوية $\overline{ط ر}$
كنسبة قوس $\overline{ب ح}$ الي قوس $\overline{ه د}$ ولان زاوية $\overline{ب ح}$ ضعف زاوية $\overline{ب آ}$
وزاوية $\overline{ط ر}$ ضعف زاوية $\overline{ه د}$ بالشكل التاسع عشر من الثالثة ونسبة
الاجزاء كنسبة الاضعايف بالشكل الخامس عشر من الخامسة فنسبة
زاوية $\overline{ب آ}$ الي زاوية $\overline{ه د}$ كنسبة زاوية $\overline{ب ح}$ الي زاوية $\overline{ط ر}$ وكانت
نسبة قوس $\overline{ب ح}$ الي قوس $\overline{ه د}$ كنسبة زاوية $\overline{ب ح}$ الي زاوية $\overline{ط ر}$
فبالشكل الحادي عشر من الخامسة نسبة زاوية $\overline{ب آ}$ الي زاوية $\overline{ه د}$
كنسبة قوس $\overline{ب ح}$ الي قوس $\overline{ه د}$ وذلك ما اردنا ان نبين

تمت المقالة السادسة والله المجد وتشكره علي ما ساعد

المقالة السابعة وتسعة وثلاثون

المصادر

الكم عرض يقبل القسمة والاقسمة لذاته فان اشتركت اجزاء في حد فهو الكم المتصل والا فهو المنفصل وهو اما قار الذات وهو الذي يحصل اجزائه في الموجود معا وهو العدد وغير قار الذات وهو الذي لا يحصل اجزائه في الوجود معا وهو القول ☞ الوحدة شيء به يمتنع الوجود عن الانقسام الى اشياء تشاركه في تمام ذاتياته ☞ العدد هو الكمية المتألقة من الوحدات ويقال العدد على الواحد من حيث هو واقع في مراتب العدد ☞ كل عدد اقل من عدد آخر فانه عدة فهو جزء والمعدود اضعافه وان لم يعدد فهو اجزاء منه ☞ العدد الزوج كل عدد ينقسم بمساويين ويخالف الفرد بواحد ☞ والعدد الفرد كل عدد لا يمكن ان ينقسم بمساويين ويخالف الزوج بواحد ☞ زوج الزوج كل عدد يعدد عدد زوج مرات عدتها زوج ☞ وزوج الفرد كل عدد يعدد عدد فرد مرات عدتها زوج ☞ وفرد الفرد كل عدد يعدد عدد فرد مرات عدتها فرد ☞ العدد الاول كل عدد لا تعدد غير الواحد ☞ والعدد المركب كل عدد يعدد عدد غير الواحد ☞ والاول عند عدد كل عددين يعدد ما غير الواحد ☞ والعدد المركب عند عدد كل عددين يعدد ما مع عدد غير الواحد ☞ الاعداد المشتركة كل عددين او اعداد يعدد ما جميعا غير الواحد ☞ والاعداد المتناسبة كل عددين او اعداد لا يعدد ما مع عدد غير الواحد ☞ الضرب هو ان يوجد احد العددين بعدد احاد العدد الاخر فيكون خصه الواحد من احاد المضروب في المضروب فيه بعينه والجمع هو العدد الحاصل من الضرب العدد ☞ العدد المربع هو العدد الحاصل من ضرب عدد في مثله ويحيط به عددان متساويان ☞ العدد المكعب هو العدد المجتمع من ضرب عدد في مربعه ويحيط به ثلاثة اعداد متساوية ☞ العدد المسطح هو العدد الحاصل من ضرب عدد في عدد ما ويحيط به عددان ويقال للمضروب والمضروب فيه ضلعا المسطح ☞ العدد المجسم هو العدد الحاصل من ضرب عدد في عدد مسطح ويحيط به ثلاثة اعداد في اضلاع المجسم ☞ الاعداد المتناسبة هي الاعداد التي الاول منها مثل او اضعاف او اجزاء من الثاني كالثالث من الرابع بعينه ☞ والاعداد المسطحة والمجسمة المتشابهة هي الاعداد التي اضلاعها متناسبة ☞ العدد التام كل عدد اجزاء متساوية ☞

الشكل

الشكل

آ

كل عددين مختلفين نقص مثل الاول او امثاله من الاكثر حية بقي اقل من الاقل ثم نقص مثل الباقي او امثاله من الاقل حية بقي اقل من الباقي الاول وهكذا داما فلا ينتهيا في التناقص الي عدد بعد ما يليه قبله الي ان ينتهي الي الواحد فهما

متباينان

ليكن عددا \overline{AB} \overline{CD} مختلفين و \overline{CD} اقلهما ونقص مثل \overline{CD} او امثاله من \overline{AB} الي ان يبقى \overline{AP} اقل من \overline{CD} ونقص مثل \overline{AP} او امثاله من \overline{CD} الي ان يبقى \overline{CH} اقل من \overline{AP} ونقص مثل \overline{CH} او امثاله من \overline{AP} الي ان يبقى \overline{AA} الواحد فاقول ان عددي \overline{AB} \overline{CD} متباينان برهانهم فلا نهما لولم يتباينا لعددها عدد غيرهما وليكن هو \overline{E} فلان \overline{E} يعد \overline{CD} وهو يعد \overline{B} فهو يعد \overline{B} وكان \overline{E} يعد \overline{AB} فهو يعد \overline{A} وهو يعد \overline{D} فهو يعد \overline{D} وكان يعد \overline{CD} فهو يعد \overline{C} وهو يعد \overline{A} فهو يعد \overline{A} وكان يعد \overline{AP} فهو يعد \overline{A} الواحد هذا خلف ف \overline{AB} \overline{CD} متباينان وذلك ما اردنا ان نبين

ب

لنا ان نجد اكبر عدد يعد عددين مشتركين

مفروضين مختلفين

فليكن العددان المشتركان \overline{AB} \overline{CD} و \overline{CD} اقلهما فخذ ان عدد \overline{AB} و \overline{CD} يعد نفسه فهو اكبر عدد يعد هما اذ لا يعد \overline{CD} عدد اكبر منه وان لم يعد \overline{CD} عدد \overline{AB} فاذا سلطنا عدد الاكبر منهما بالاقل فلا بد من الانتهاء الي عدد يعد الذي يليه قبله والا لكانا متباينين بالشكل المتقدم فلنعد \overline{CD} \overline{B} من \overline{AB} ويبقى \overline{AE} منه اقل من \overline{CD} و \overline{AE}

يعد من \bar{d} ويبقى \bar{r} اقل من \bar{a} وهو يعد \bar{a} فاقول ان \bar{r} اقل عدد
يعد عددي \bar{a} \bar{b} \bar{r} برهانه اما ان \bar{r} يعدها فلانه يعد \bar{a} وهو
يعد \bar{r} \bar{r} يعد \bar{d} ويعد نفسه \bar{r} يعد \bar{r} وهو يعد \bar{b} \bar{r} يعد
 \bar{b} وكان يعد \bar{a} \bar{r} يعد \bar{a} وكان يعد \bar{r} \bar{r} يعد \bar{a} \bar{b} \bar{r} واما انه
اكثر عدد يعدها فلانه لو لم يكن الاكثر هو فليكن اكثر عدد يعدها هو
 \bar{c} فلان \bar{c} يعد \bar{d} الذي يعد \bar{b} \bar{c} يعد \bar{b} وكان يعد \bar{a} \bar{b}
 \bar{c} يعد \bar{a} وهو يعد \bar{r} \bar{c} يعد \bar{r} وكان يعد \bar{d} \bar{c} يعد \bar{r}
الاقل منه هذا خلف فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين
واستبان منه ان كل عدد يعد عددين مشتركين فهو يعد اكبر عدد
يعد

لنا ان نجد اكبر عدد يعد اي اعداد مشتركة

مفروضة مختلفة

ولیکن الاعداد المشتركة المفروضة مختلفة ولو كان
الاعداد المشتركة المفروضة \bar{a} \bar{b} \bar{r} فنجد اكبر
عدد يعد عددي \bar{a} \bar{b} بالشكل المتقدم وليكن هو عدد \bar{d} اما ان
يعد عدد \bar{r} او لا يعد فان عدده فهو اكبر يعد اعداد \bar{a} \bar{b} \bar{r} والا لكان
اكثر عدد يعدها عدد \bar{e} فـ \bar{e} يعد \bar{a} \bar{b} فيعد اكبر عدد يعدها باستبانة
الشكل المتقدم فعدد \bar{e} الاكثر من عدد \bar{d} يعد \bar{d} هذا خلف فـ \bar{d} ان عد
 \bar{r} فهو اكبر عدد يعد اعداد \bar{a} \bar{b} \bar{r} وان لم يعد عدد \bar{d} عدد \bar{r} فهما
مشتركان لانه لا بد ان يعد عدد اما اعداد \bar{a} \bar{b} \bar{r} لاشتركا فذلك
العدد يعد عددي \bar{a} \bar{b} فيعد اكبر عدد يعدها باستبانة الشكل المتقدم
فيعد عدد \bar{d} فيعد عددي \bar{r} \bar{d} فنجد اكبر
عدد يعدها بالشكل المتقدم وليكن هو عدد
 \bar{e} فـ \bar{e} لكونه يعد اكبر عدد يعد عددي \bar{a} \bar{b}
يعد \bar{a} \bar{b} فيعد اعداد \bar{a} \bar{b} \bar{r} فـ \bar{e} اكبر عدد
يعدا والا فليكن اكبر عدد اعداد \bar{a} \bar{b} \bar{r}
عدد \bar{r} فلان \bar{r} يعد \bar{a} \bar{b} \bar{r} فيعد
عدد \bar{d} باستبانة الشكل المتقدم ويعد عدد
 \bar{r} فيعد عددي \bar{d} \bar{r} فيعد اكبر عدد يعد
ها باستبانة الشكل المتقدم فيعد عدد \bar{e} الاقل منه هذا خلف فـ
اكبر عدد يعد اعداد \bar{a} \bar{b} \bar{r} وذلك ما اردنا ان نبين

كل

كل عددين مختلفين متناهيتي الاحاد فان

اقلهما جزء من اكبرها او اجزاء منه

فليكن العددان المختلفان عدد $\overline{أب}$ و $\overline{ح د}$ و $\overline{ح د}$ اقلهما فاقول ان عدد $\overline{ح د}$

جزء او اجزاء من $\overline{أب}$ برهانه فلان

$\overline{ح د}$ اما ان يعد $\overline{أب}$ او لم يعد فان عدده

فهو جزء منه وان لم يعد فلا يخلوا اما

ان يكون $\overline{أب}$ و $\overline{ح د}$ متباينين او مشتركين

فان كانا متباينين فكل واحد من احاد

$\overline{ح د}$ يعد $\overline{أب}$ فجميع $\overline{ح د}$ اجزاء من $\overline{أب}$ وان

كانا مشتركين فنجد اكرر عدده يعد

عددي $\overline{أب}$ و $\overline{ح د}$ بالشكل المتقدم وليكن

هو عدد $\overline{ه ر}$ فنقسم $\overline{ح د}$ بامثال $\overline{ه ر}$ وليكن في $\overline{ح ر}$ $\overline{ح ط}$ $\overline{ط د}$ فكل منها

يساوي $\overline{ه ر}$ و $\overline{ه ر}$ يعد $\overline{أب}$ فكل واحد من اقسام $\overline{ح د}$ يعد $\overline{أب}$ فكل

واحد منها جزء من $\overline{أب}$ فجميع $\overline{ح د}$ اجزاء من $\overline{أب}$ وذلك ما اردنا ان نبين

و استبان منه ان اجزاء الشيء يجوز ان يكون مساويا له او اعظم كالسنة

واثني عشر فان اجزاء الستة تساويها واجزاء اثني عشر انزيد منه وان كل

عدد هو اقل من اي عددين متساويين فان جزء من احدهما كجزء من

الاخر فيكون نسبته الي احدهما كنسبته الي الاخر وكذلك ان كان

مساويا لهما او اعظم منهما لان اما مثل لكل منهما او امثال لكل منهما او

امثلهما

كل عددين احدهما جزء من عدد والاخر ذلك

الجزء بعينه من عدد اخر فمجموع الاولين ذلك

الجزء بعينه من مجموع الاخرين

ط

د

ب

ب

ب

ب

ب

ب

ب

ب

ب

ب

ب

ب

ليكن $\overline{أب}$ جزء من $\overline{ح د}$ و $\overline{ح د}$ ذلك الجزء بعينه من $\overline{ح ط}$

فاقول ان مجموع $\overline{أب}$ و $\overline{ه ر}$ من مجموع $\overline{ح ط}$ ذلك الجزء

الذي كان $\overline{أب}$ او $\overline{ه ر}$ من قريبه برهانه فلان

اضعاف $\overline{ح د}$ ل $\overline{أب}$ كاضعاف $\overline{ح ط}$ ل $\overline{ه ر}$ فنقسم كلا من

عددي $\overline{ح ط}$ بامثال قريبه ولتكن في $\overline{ح ط}$ $\overline{ح د}$ $\overline{د ط}$

ل $\overline{ط}$ فكل من اقسام $\overline{ح د}$ مثل $\overline{أب}$ وكل من اقسام $\overline{ح ط}$ مثل $\overline{ه ر}$ فمجموع

ح ا ح ل معا مجموع ا ب و هـ معا مجموع ا د ل ط معا مجموع ا ب و هـ معا
والعدد واحد في مجموع ح د ط ح معا من امثال مجموع ا ب و هـ معا
مثل ما في ح د او ح ط من امثال قريبه فجزية ا ب و هـ ل ح د ح ط غير
جزية ا ب ل ح د وذلك ما اردنا ان نبين

كل عددين احدهما اجزاء من عدد والاخر
تلك الاجزاء بعينها من عدد اخر فالعددان معا
تلك الاجزاء بعينها من العددين الاخرين معا

ليكن ا ب اجزاء من ح د و هـ تلك الاجزاء بعينها من ح ط فاقول ان ا ب
و هـ معا تلك الاجزاء بعينها من ح د ح ط معا برهانه
نقسم ا ب باجزاء ح د و هـ باجزاء ح ط وهي ا ل ا ب و هـ ل
ل ر فعدة اجزاء ا ب ل ح د كعدة اجزاء و هـ ل ح ط فلان
ا ل من ح د الجزء الذي ل من ح ط فالهـ ل معا من ح د
ح ط معا كالا او هـ ل من قريبه بالشكل المتقدم ولذلك
تبين ان ا ب ل ر معا من ح د ح ط معا مثل ا ب او ل ر
من قريبه فاب و هـ معا من ح د ح ط معا الاجزاء التي كانت ا ب او هـ
من قريبه وذلك ما اردنا ان نبين

اذا كان عددان احدهما جزء من الاخر ونقص منهما
عددان احدهما ذلك الجزء بعينه من الاخر النظير
من النظير والباقي من الجزء ذلك الجزء بعينه من

الباقى من الكل
ليكن ا ب جزء من ح د ونقص منهما ا هـ ح ر و ا هـ ح ر ذلك
الجزء الذي كان ا ب من ح د فاقول ان ا ب من ح د الجزء الذي
كان ا ب من ح د برهانه نجعل ا ب جزء من ح د كاهـ من
ح ر وذلك نضعف ا ب بعدة اضعاف ح د ل ا ب فلان جزء ا هـ
من ح ل كجزء ا ب من ح ر فجزية ا ب من ح ر كجزية ا هـ من
ح ر بالشكل الخامس وكان ا ب جزءا من ح د كجزء ا هـ من ح ر فجزية ا ب
ح د فاذا

حـه فاذا القينا المشترك يبقى ردـه مثل حـه وكان بـه جزءا من حـه كجزء
آه من حـه كجزء بـه من ردـه كجزء آه من حـه وكان جزءا من حـه كجزء
آه من حـه كجزء بـه من ردـه كجزء آه من حـه وذلك ما اردنا ان نبين

كل عدد من احدى اجزائهما من الاخر ونقص منها
عدداً وكان المنقوص الاجزاء غير الاجزاء المنقوص
من الكل فالباقي من الاجزاء غير تلك الاجزاء

من الباقي من الكـل

ط
د
ب
ر
ن
ه
ل
م
ح

لـكن آه اجزاء من حـه ونقص آه من آه وجزء من حـه
وآه اجزاء من حـه كاجزاء آه من حـه فاقول ان بـه
اجزاء من حـه كاجزاء آه من حـه برهانه لـكن حـط
عدد مثل عدد آه ونقسم حـط بعدد اجزاء آه من
حـه وهي حـط وآن بعدد اجزاء من حـه وهي آل له
فلان حـط جزء من حـه كجزء آل من حـه وجزء اعظم من
حـه فحـط اعظم من آل ولـكن حـم مثل آل فـم جزء من ردـه كجزء حـم اعني
آل من حـه بالشكل المتقدم وبمثله تبين ان حـط جزء من حـه كجزء له من
حـه وجزء اعظم من حـه حـط اعظم من له ولـكن حـط مثل له انه
جزء من حـه كجزء له من حـه فحـم حـط المساوي لآل له اجزاء من حـه
كاجزاء آل انه المساوي لهـب من حـه فـه اجزاء من حـه كاجزاء بـه من
حـه وذلك ما اردنا ان نبين

ط

كل عدد من احدى اجزائهما من عدد والاخر
منهما ذلك الجزء بعينه من عدد آخر فاذا بدلنا
كان الجزء من الجزء والجزء التي يكون الكل
من الكـل

لـكن آه جزء من حـه وهـه ذلك الجزء بعينه من حـط فاقول ان آه من
هـه الجزء والجزء التي يكون حـه من حـط برهانه فلان في حـه من

امثال اب مثل ما في ح ط من امثال هـ ر فلنقسم حـ د على اب وح ط على
هـ ر فيكون الاقسام المجاذبة حـ ا لـ د حـ ل ط فكل واحد
من حـ ا لـ د مثل اب وكل واحد من حـ ل ط مثل هـ ر
فحـ ا من حـ ل الجزء او الاجزاء التي يكون لـ د من ل ط فحـ د
من ح ط الجزء او الاجزاء التي يكون حـ ا من حـ ل بالشكل
الخامس او السادس واب من هـ ر الجزء او الاجزاء التي
يكون حـ ا من حـ ل فحـ د من ح ط الجزء او الاجزاء التي
يكون اب من هـ ر وذلك ما اردنا ان نبين

د
ب
ح
ا
ل
ط
هـ
ر

كل عددين احدهما اجزاء من عدد والآخر
تلك الاجزاء بعينها من عدد آخر فاذا بدلنا
كانت الاجزاء من الاجزاء الجزء او الاجزاء التي يكون

الكل من الكل

ليكن اب اجزاء من حـ د وهـ ر تلك الاجزاء بعينها
من ح ط فاقول اذا بدلنا كان اب من هـ ر الجزء او
الاجزاء التي يكون حـ د من ح ط برهانه فلنقسم
اب هـ ر الى اجزاء حـ د ح ط وهي الـ ا لـ ب هـ ل لـ ر فلان
الـ ا من هـ ل الجزء او الاجزاء التي يكون اب من لـ ر
فبالشكل الخامس او السادس اب من هـ ر الجزء او الاجزاء التي يكون اب
من لـ ر وحـ د من ح ط الجزء او الاجزاء التي يكون اب من لـ ر بالشكل
المتقدم فاب من هـ ر الجزء او الاجزاء التي يكون حـ د من ح ط وذلك ما
اردنا ان نبين

ر
د
ب
ح
ا
ل
ط
هـ
ر

كل عددين نقص منهما عددان على نسبتها
النظير من النظير فان الباقيين على تلك النسبة

ليكن نسبة اب الى حـ د كنسبة آه الى حـ ر ونقص آه حـ ر من
نظيرتهما فاقول ان نسبة بـ هـ الى رـ د الباقيين كنسبة اب الى حـ د
برهانه فلان اب من حـ د الجزء او الاجزاء التي آه من حـ ر فبـ هـ
من رـ د الجزء او الاجزاء التي اب من حـ د بالشكل السابع
والثامن

د
ب
ح
ا
ل
ط
هـ
ر

والثامن فنسبة $\bar{ب}$ الى $\bar{ر د}$ كنسبة $\bar{آ ب}$ الى $\bar{ح د}$ وذلك ما اردنا ان نبين
 واستبان منه ان $\bar{آ ه}$ من $\bar{ح ر}$ الجزء والاجزاء التي $\bar{ب}$ من $\bar{ر د}$ فنسبة $\bar{آ ه}$ الى
 $\bar{ح ر}$ كنسبة $\bar{ب ه}$ الى $\bar{ر د}$

يب

كل اعداد متناسبة فنسبة مقدم الي تاليه

كنسبة جميع المقدمات الي جميع التوالي *

لهيكن نسبة $\bar{آ}$ الي $\bar{ب}$ كنسبة $\bar{ح}$ الي $\bar{د}$ فاقول ان نسبة
 مجموع $\bar{آ ح}$ الي مجموع $\bar{ب د}$ كنسبة $\bar{آ}$ الي $\bar{ب}$ برهانه فلان
 $\bar{آ}$ من $\bar{ب}$ الجزء والاجزاء التي $\bar{ح}$ من $\bar{د}$ فمعا من $\bar{ب د}$
 الجزء والاجزاء التي $\bar{آ}$ من $\bar{ب}$ بالشكل الخامس او
 السادس فنسبة $\bar{آ ح}$ معا الي $\bar{ب د}$ معا كنسبة $\bar{آ}$ الي $\bar{ب}$
 وذلك ما اردنا ان نبين

ين

ح

كل اربعة اعداد متناسبة اذا ابدلت كانت

ايضا متناسبة *

لهيكن نسبة $\bar{آ}$ الي $\bar{ب}$ كنسبة $\bar{ح}$ الي $\bar{د}$ فاقول اذا ابدلت
 كانت نسبة $\bar{آ}$ الي $\bar{ح}$ كنسبة $\bar{ب}$ الي $\bar{د}$ برهانه فلان $\bar{آ}$
 من $\bar{ب}$ الجزء والاجزاء التي $\bar{ح}$ من $\bar{د}$ فاذا ابدلنا كان $\bar{آ}$ من
 $\bar{ح}$ الجزء والاجزاء التي يكون $\bar{ب}$ من $\bar{د}$ بالشكل التاسع او العاشر فنسبة
 $\bar{آ}$ الي $\bar{ح}$ كنسبة $\bar{ب}$ الي $\bar{د}$ وذلك ما اردنا ان نبين
 واستبان من هذه الاشكال الثلاثة المتقدمة ان كل اربعة اعداد متناسبة
 بالتركيب فانها متناسبة بالتفصيل وبالعكس

س

لهيكن نسبة عدد $\bar{آ ب}$ الي عدد $\bar{ب ه}$ كنسبة عدد $\bar{ح د}$ الي عدد $\bar{د ز}$
 در بالتركيب فبالابدال نسبة $\bar{آ ب}$ الي $\bar{ح د}$ كنسبة $\bar{ب ه}$ الي $\bar{د ز}$
 بالشكل المتقدم فباستبانة الشكل الحادي عشر نسبة $\bar{آ ه}$ الي $\bar{ح ر}$
 كنسبة $\bar{ب}$ الي $\bar{ر د}$ فبالابدال نسبة $\bar{آ ه}$ الي $\bar{ب}$ كنسبة $\bar{ح ر}$ الي
 $\bar{ر د}$ بالتفصيل بالشكل المتقدم
 وان كانت نسبة $\bar{آ ه}$ الي $\bar{ب}$ كنسبة $\bar{ح ر}$ الي $\bar{ر د}$ بالتفصيل
 فبالابدال نسبة $\bar{آ ه}$ الي $\bar{ح ر}$ كنسبة $\bar{ب}$ الي $\bar{ر د}$ بالشكل المتقدم فبالشكل
 الثاني عشر نسبة $\bar{آ ب}$ الي $\bar{ح د}$ كنسبة $\bar{ب ه}$ الي $\bar{د ز}$ فبالابدال بالشكل
 المتقدم نسبة $\bar{آ ب}$ الي $\bar{ب ه}$ كنسبة $\bar{ح د}$ الي $\bar{د ز}$ بالتركيب

ب

يد

كل صنفين من الاعداد متساويين العدة كم
كانت العدة وكان كل اثنين من صنف على نسبة
اثنين من صنف آخر النظر من النظر ففي نسبة

المساواة متناسبة

ليكن $أ ب ح د$ ر صنفين من العدد على عدة
واحدة ونسبة $أ ب$ كنسبة $د ه$ ونسبة $ب ح$
كنسبة $ه ر$ فاقول في المساواة نسبة $أ$ الى $ح$
كنسبة $د$ الى $ر$ برهانه فلان نسبة $أ$ الى $ب$ كنسبة $د$ الى $ه$ فنسبة
 $أ$ الى $د$ كنسبة $ب$ الى $ه$ بالشكل المتقدم وكانت نسبة $ب$ الى $ح$ كنسبة
 $ه$ الى $ر$ فبالشكل المتقدم نسبة $أ$ الى $ح$ كنسبة $ب$ الى $ر$ فامر $د$ الجزء
او الجزء التي $ب$ من $ه$ و $ح$ من $ر$ الجزء او الاجزاء التي $ب$ من $ه$ ف $أ$ من $د$ الجزء
او الاجزاء التي $ح$ من $ر$ فنسبة $أ$ الى $د$ كنسبة $ح$ الى $ر$ فبالابدال نسبة
 $أ$ الى $ح$ كنسبة $د$ الى $ر$ بالشكل المتقدم وذلك ما اردنا ان نبين
واستبان منه ان النسبة المتساوية النسبة متساوية

يه


كل عدد يعد الواحد بعدة ما يعد عدد آخر
عدداً آخر فاذا ابدلنا فان الواحد يعد العد العاد
بعدة ما يعد معدود الواحد معدود العد العاد


ليكن الواحد يعد $أ ب$ بعدة ما يعد $ح د$ فاقول ان الواحد يعد $د$
بعدة ما يعد $أ ب$ برهانه فلان في $أ ب$ من الاحاد بعدة
ما في $ح د$ من امثال $ح د$ فنقسم $أ ب$ الى الاحاد و $ح د$ الى امثال
 $ح د$ وليكن احاد $أ ب$ هي $أ ح ط ب$ واقسام $ح د$ هي $ح د ل$
 $ل م فاح$ يعد $ه ا و ح ط ل ل و ط ب ل م$ بعدة واحدة ف $أ ب$
يعد $ه ر$ بعدة ما يعد $أ ح ه ا$ بالشكل الخامس والواحد
يعد $ح د$ بعدة ما يعد $أ ح ه ا$ فالواحد يعد $ح د$ بعدة ما
يعد $أ ب$ و $ح د$ وذلك ما اردنا ان نبين

يو

كل

كل عددين ضرب كل منهما في الآخر فسطحا


هما متساويان * 

ليكن $\bar{آ}$ ضرب في $\bar{ب}$ حصل منه $\bar{ح}$ وب ضرب في $\bar{آ}$ حصل منه $\bar{د}$ فاقول ان عددي $\bar{ح}$ و $\bar{د}$ متساويان برهانه فلان $\bar{آ}$ ضرب في $\bar{ب}$ حصل منه $\bar{ح}$ فالواحد يعد $\bar{ب}$ بعدة ما يعد $\bar{آ}$ فبالابدال يعد الواحد $\bar{آ}$ بعدة ما يعد $\bar{ب}$ بالشكل المتقدم ولان $\bar{ب}$ ضرب في $\bar{آ}$ حصل منه $\bar{د}$ فب يعد $\bar{د}$ بعدة ما يعد الواحد $\bar{آ}$ وكان $\bar{ب}$ يعد $\bar{ح}$ بعدة ما يعد الواحد عدد $\bar{آ}$ فب يعد $\bar{د}$ و $\bar{ح}$ بعدة واحدة فهما عددان متساويان وذلك ما اردنا ان نبين * 

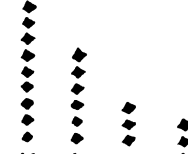
كل عددين ضرب كل واحد منهما في عدد

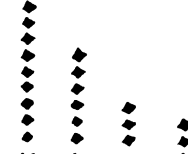
ثالث فنسبة احدها الي الآخر كنسبة المسطحين

على الاول * 

لنضرب كل من عددي $\bar{ب}$ و $\bar{آ}$ في $\bar{ح}$ وليحصل منه $\bar{د}$ و $\bar{ه}$ فاقول ان نسبة $\bar{ب}$ الي $\bar{ح}$ كنسبة $\bar{د}$ الي $\bar{ه}$ برهانه فلان $\bar{ب}$ ضرب في $\bar{ح}$ حصل منه $\bar{د}$ فعدد $\bar{ب}$ يعد $\bar{د}$ بعدة ما يعد الواحد $\bar{ح}$ ولان $\bar{ح}$ ضرب في $\bar{آ}$ حصل منه $\bar{ه}$ ف $\bar{ح}$ يعد $\bar{ه}$ بعدة ما يعد الواحد $\bar{آ}$ فنسبة $\bar{ب}$ الي $\bar{ح}$ كنسبة $\bar{د}$ الي $\bar{ه}$ فبالابدال نسبة $\bar{ب}$ الي $\bar{ح}$ كنسبة $\bar{د}$ الي $\bar{ه}$ بالشكل الثالث عشر وذلك ما اردنا ان نبين * 

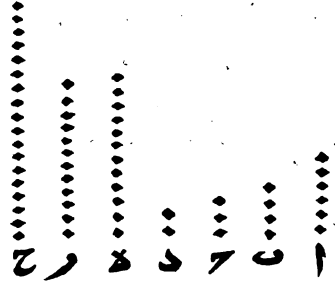
كل عدد ضرب في عددين فنسبتهما كنسبة

مسطحها على الاول * 

لنضرب $\bar{ح}$ في $\bar{آ}$ و $\bar{ب}$ وليحصل منه $\bar{د}$ و $\bar{ه}$ فاقول ان نسبة $\bar{آ}$ الي $\bar{ب}$ كنسبة $\bar{د}$ الي $\bar{ه}$ برهانه فلان مسطح $\bar{آ}$ في $\bar{ح}$ كسطح $\bar{ح}$ في $\bar{آ}$ وكذلك مسطح $\bar{ب}$ في $\bar{ح}$ كسطح $\bar{ح}$ في $\bar{ب}$ بالشكل السادس عشر ف $\bar{ه}$ هما مسطح $\bar{آ}$ و $\bar{ب}$ في $\bar{ح}$ فنسبة $\bar{آ}$ الي $\bar{ب}$ كنسبة $\bar{د}$ الي $\bar{ه}$ بالشكل المتقدم وذلك ما اردنا ان نبين * 

كل اربعة اعداد متناسبة فسطح الاول في الرابع
كمسطح الثاني في الثالث وان كان مسطح الاول في
الرابع كمسطح الثاني في الثالث فنسبة الاول الي
الثاني كنسبة الثالث الي الرابع

لتكن نسبة آ الاول الي ب الثاني كنسبة ح الثالث الي د الرابع فاقول ان
مسطح آ في د الذي هو د كمسطح ب في ح الذي هو ح والعكس برهانه
ليكن مسطح آ في ح هو ح فلان آ ضرب
في د وحصل ح د فنسبة ح الي د كنسبة
ح الي ب كنسبة ح الي د فنسبة ح الي د
كنسبة آ الي ب باستبانة الشكل الرابع
عشر ولان آ ب ضرب في ح وحصل ح د
فنسبة ح الي د كنسبة آ الي ب بالشكل



السابع عشر فنسبة ح الي د كنسبة ح الي د بالشكل الحادي عشر من
الخامس فسطح آ في د الذي هو د يساوي ر الذي هو مسطح ب في ح
وليكن ح مسطح آ في د ولان د م متساويان م اما جزء او اجزاء من د
واما ضعف او اضعاف او ضعف وجزء او ضعف و اجزاء او اضعاف
واجزاء او اضعاف و اجزاء لة او مساولة او مساو وجزء او اجزاء من د فهو
من ر كذلك فنسبة ح الي د كنسبة ح الي د ولان آ ضرب في د وحصل
منه ح د فنسبة ح الي د كنسبة ح الي د بالشكل المتقدم وباستبانة الشكل
الرابع عشر فنسبة ح الي د كنسبة ح الي د ولان آ ب ضرب في ح وحصل
منه ح د فنسبة آ الي ب كنسبة ح الي د وكانت نسبة ح الي د كنسبة
ح الي د وباستبانة الشكل الرابع عشر فنسبة آ الي ب كنسبة ح الي د وذلك
ما اردنا ان نبين

٢

كل اقل عددين علي نسبة فهما يعدان جميع
الاعداد التي علي تلك النسبة عددا واحدا المقدم
للقدم

ليكن \overline{AB} \overline{CD} علي نسبة \overline{DE} \overline{AC} \overline{BC} \overline{AD} علي تلك النسبة

9. 5. 2

ج : ج

乙 丑 丁 未

0 2 4 6 8 10

نساء الجايرية

التي امر من لد
كنيسة

سنة ١٠٠٠ الى ١٠٠١

اب الی حد و

علي نسبة أب ح

فدر جز

ما يعد حط

یہ

15

• • • • •

8 3 7 3

ل عددین علی

فہرست

لب

متن

ابرهانه لان

لولا يكون اقل عدددين علي نسبتها فليكن اقل
العدددين علي نسبتها \bar{c} فهما يعدان \bar{a} ب بعدة
واحدة بالشكل العشرين فليعدا بعدة احاد
فقد يعد \bar{a} بعدة احاد \bar{c} وبمثله نيين ان \bar{e} يعد \bar{b}
بعدة احاد \bar{d} ف**اب** مشتركان وكانا متباينين هذا
خلف فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين

كل عدد يعد احد المتباينين فهو باين الاخر *

لهذا خلف فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين

کل عددین بیانان عددًا فسطح احدہما فی

الآخر بباينه ايضا

ان د يباين برهانه فلان د لولم يتباينا لتشاركا فليعد هـ
فليعد د بر فسط في د و كان مسطح آي ب د فنسبة هـ الي آ كنسبة
ب الي ر بالشكل التاسع عشر وه يعد المباين فه يباين آ بالشكل
المتقدم فهما اقل عددين علي نسبتها بالشكل الثاني والعشرين فه يعد
ب بالشكل العشرين وكان يعد ق ب مشتركان وكنا متباينين هذا
خلف فد يباين وذلك ما اردنا ان نبين

کل عدد یباین عدد افرجه یباینه *

لهكن آيباين بـ و مربع آفاقول ان حـ يباين بـ
برهانہ فلېكن ديساوي آفلان آديبان بـ ومسطح
دفي آهو حـ يباين بـ بالشكل المتقدم وذلك ما
اردنا ان نبين

هو

کل

كل عددين كل واحد منهما يباين عددين
اخرين فسطح العددين الاولين يباين مسطح
العددين الاخرين *

لهكن كل واحد من آ ب يباين كل واحد
من ح د ومسطح آ في ب هو مسطح ح في د هو
ر فاقول ان ب يباين ر برهانه فلان كل
واحد من آ ب يباين كل واحد من ح د وفيه
يباين كل واحد من ح د بالشكل الرابع والعشرين ولان ح د يباينان ف
يباينان بالشكل الرابع والعشرين وذلك ما اردنا ان نبين *

كل عددين متباينين فربعاها متباينان وكذلك
مكعباها وما يتلوها من المراتب الي غير النهاية *

لهكن آ يباين ب ومربع آ ح ومكعبه
ومربع ب د ومكعبه ر فاقول ان ح يباين د
وه يباين ر برهانه فلان آ يباين ب فح
الذي هو مربع آ يباين ب بالشكل الخامس
والعشرين وبهذا الشكل ايضا يباين كل
واحد من آ ح د ولان كل واحد من آ ح يباين كل واحد من ب د فسطح
آ في ح وهو مبين مسطح ب في د وهو بالشكل المتقدم وبمثله تبين
فيما يتلو من المرتب وذلك ما اردنا ان نبين *

كل عددين متباينين فمجموعهما بعد
التركيب يباين كل واحد منهما وان كان مجموعهما
يباين كل واحد منهما فمتباينان *

لهكن آ ب متباينين فاقول ان آ يباين كل
واحد منهما برهانه فلان آ لو لم يباين
آ ب لكان مشاركا له فليبعدهما عدد ولهكن د

فلان د يعدد اب آح فهو يعدد بـ قـ فـ قـ بـ مشتركان وكانا متباينين هذا
خلف وبمثله تبين ان آح يباين بـ وان كان
١ ب ح
آح يباين بـ او اب قـ فـ قـ بـ متباينان والا
..... د
لكانا مشتركين فد مثلا يعدد اب بـ فبعد آح
فـ اـ يشارك بـ اب وكان يباينهما هذا خلف وبمثله تبين التشارك
وذلك ما اردنا ان نبين

قط

كل عدد مركب فلا بد وان يعدده عدد اول

ليكن آعددا مركبا فاقول لابد وان يعدده عدد اول برهانه فلان آ
عدد مركب فبعدده عدد وليكن هو ب فان كان ب عدد
٢٧
اول فقد حصل المطلوب والا فليعد بـ ح وب يعدد آ ح
يعد آ فان كان ح اول فقد حصل المطلوب والا فليعد ح
عدد آخر وهكذا دائما فلا بد وان ينتهي الي عدد اول
يعد آ والا يلزم ان يكون آ عدد امقروضا متناهي
الاحاد يعدده اعداد مشتركة غير متناهية كل واحد منها اعظم فايده
فلا ينتهي حينئذ الي الواحد فيكون احاده غير متناهية وكانت
متناهية هذا خلف فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين

ل

كل عدد فهو اما اول او يعدده عدد اول

ليكن آعددا فاقول انه اول او يعدده عدد اول برهانه فلان
آ لا يحلوا اما ان يكون اول او ليس باول فان كان اول فقد حصل
احد الامرين وهو المطلوب وان لم يكن اول فلا بد وان يكون
مركب وكل عدد مركب يعدده اول بالشكل المتقدم فالحكم
ثابت وذلك ما اردنا ان نبين

لا

كل عدد اول فهو مباين لكل عدد لا يعدده

ليكن آعددا اول وهو لا يعدد بـ فاقول ان آ يباين بـ
برهانه فلان آ لو لم يباين بـ لكن مشاركا له فبعددها عدد
فا يعدده عدد غير الواحد فهو مركب وكان اول هذا خلف
فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين

لب

كل عدد

كل عدد اول يعد عددا مسطحا اي مسطح كان

فهو يعد احد ضلعيه

لكن آ عدد اول ويعد عدد ب وهو مسطح وضلعاء د
 فاقول ان آ يعد اما ح او د برهانه فلان آ اما ان يعد ح
 او لا يده فان يعد ح فقد حصل المطلوب وان لم يعد فهو
 يباينه بالشكل المتقدم فآ اقل عددين علي نسبتهم
 بالشكل الثاني والعشرين وليكن آ يعد ب يعد احاد عدد
 ه فسطح آ في ه هو ب وكان مسطح ح في د وهو ب فنسبة آ الي ح كنسبة
 د الي ه بالشكل التاسع عشر فآ يعد د بالشكل العشرين وذلك ما
 اردنا ان نبين

كل اعداد مفروضة معلومة لنا ان نجد اقل

الاعداد علي نسبها

ليكن الاعداد المفروضة المعلومة آ ب ح فاقول لنا ان نبين كيف نجد
 اقل الاعداد علي نسبها برهانه فان كان كل واحد منها اول عند
 صاحبه او بعضه عند

بعض فهي اقل الاعداد
 علي نسبها والا فلتكن
 اقل الاعداد علي نسبها
 ه ر ح فليعد ه ر عددي
 آ ب عدد واحد علي ان

آ ب متباينان بالشكل العشرين فليعدا ه ر عددي ه والواحد يعد ه
 بعدة ما يعد ه آ و ر ب فن يعد كل واحد من عددي آ ب بالشكل
 الخامس عشر هذا خلف وان لم يكن اول بعضه عند بعض فهي
 مشتركة فنجد اكثر عدد يعدها بالشكل الثالث وليكن هو د فليعد آ
 به وب برو ح فلان مسطح د في ه ر ح هي آ ب ح فنسبة ه الي ر كنسبة
 آ الي ب ونسبة ر الي ح كنسبة ب الي ه بالشكل الثامن عشر فهي اقل
 اعداد علي نسب آ ب ح والا فلتكن اقل الاعداد علي نسبها ط آل فهي
 يعد آ ب ح عددا واحدا بالشكل العشرين فليعدا ه ر عددي ه احاد عدد
 م فالواحد يعد م بعدة ما يعد ط آ و آل ب ول ح فبالا بدال بالشكل
 الخامس عشر يعد م آ بعدة احاد ط وب بعدة احاد آل و ح بعدة احاد

ل فسطح ط في م آ وكان سطح د في هـ آ فنسبة هـ آ إلى ط كنسبة م آ إلى د بالشكل التاسع عشر لكن هـ آ أكثر من ط بالفرض فم آ أكثر من د وم يعد كل واحد من اعداد آ ب ح فهو يعد د باستبانة الشكل الثاني فالأكثر يعد الأقل هذا خلف فهـ م ح أقل اعداد يعد آ ب ح وذلك ما اردنا ان نبين

لد

كل عددين مختلفين مفروضين لنا ان نجد أقل عدد يعدده العددان المختلفان

لبيكن العددان المختلفان آ ب واصغرها آ فاقول لنا ان نجد أقل عدد يعدده آ وب برهانه وذلك لان آ لا يخلوا اما ان يعد ب او لا يعده فان

أ ب ح د هـ ز أ ب ح د هـ ز أ ب ح د هـ ز أ ب ح د هـ ز

عد آ ب وب يعد نفسه فب أقل عدد يعدده آ وب لان اي عدد يفرض أقل من ب فب لا يعده وان لم يعد آ ب فلا يخلوا اما ان يكونا متباينين او مشتركين فان كانا متباينين فنضرب آ في ب فليحصل منه ح فليعدده آ بما يعد الواحد ب فبالابدال بالشكل الخامس عشر يعد الواحد آ بما يعد ب ح فكل من آ ب يعد ح فاقول ان ح أقل عدد يعدده آ ب والا فليكن أقل عدد يعدده آ ب عدده فليعدده آ باحاده وب باحاده م فد مسطح آ في هـ ومسطح ب في م فنسبة آ إلى ب كنسبة م آ إلى هـ بالشكل التاسع عشر لكن آ ب متباينان فهما أقل عددين علي نسبتتهما بالشكل الثاني والعشرين فبعد ان كل عددين علي نسبتتهما بالشكل العشرين فآ يعد م وب يعد هـ وب ضرب في آ وم حصل منه د فنسبة آ إلى م كنسبة ح إلى د بالشكل الثامن عشر لكن آ يعد ح ويعد د فالأكثر يعد الأقل منه هذا خلف وان كانا مشتركين فنجد أقل عددين علي نسبتتهما بالشكل المتقدم وليكن هما م وتكون نسبة هـ آ إلى م كنسبة آ إلى ب فسطح آ في م كسطح ب في هـ بالشكل التاسع عشر وليكن ذلك المسطح ح فآ يعده بروب به فاقول انه أقل عدد يعدده آ ب والا فليكن أقل عدد يعدده آ ب هو د وليعدده آ ب ح وب بط فد مسطح آ في ح وب في ط فنسبة ط إلى ح كنسبة آ إلى ب بالشكل التاسع عشر وكانت نسبة هـ آ إلى م كنسبة آ إلى ب فنسبة هـ آ إلى م كنسبة ط إلى ح باستبانة الشكل الرابع عشر لكن هـ م أقل

وَرَأَيْتُ عِدَدَيْنِ عَلَى نِسْبَتِهِمَا فَتَعِدُّ طَ بِالشَّكْلِ الْعَشْرِينَ وَعِدَدُ بَ ضَرْبُ فِي طَ حَصَلَ مِنْهُمَا حَ دَ فَنِسْبَةُ طَ إِلَى طَ كَنِسْبَةِ حَ إِلَى دَ بِالشَّكْلِ الثَّامِنِ عَشَرَ لَكِنْ طَ يَعِدُّ حَ دَ فَيَعِدُّ دَ فَالْعِدَدُ الْكَثِيرُ يَعِدُّ الْإِقْلَ مِنْهُ هَذَا خَلْفَ حَ إِنْ كَانَ عِدَدُ بَ وَذَلِكَ مَا أَرَدْنَا أَنْ نُبَيِّنَ

لَهُ

كُلُّ أَقْلٍ عِدَدٍ يَعِدُّ عِدَدَانِ فَإِنَّهُ يَعِدُّ كُلَّ عِدَدٍ

يَعِدُّانِ هـ

لِيَكُنْ عِدَدُ حَ أَقْلَ عِدَدٍ يَعِدُّ بَ حَ دَ وَهِيَ يَعِدُّانِ هـ فَأَقُولُ أَنَّ حَ طَ يَعِدُّ هـ بِرَهَانِهِ وَذَلِكَ لِأَنَّ حَ طَ لَوْ لَمْ يَعِدُّ هـ فَلْيَعِدُّ هـ مِنْ هـ لِأَنَّ حَ طَ أَقْلَ مِنْ هـ فَيَبْقَى لِرَأَيْتُ أَنَّ حَ طَ فَلَانَ أَبَ حَ دَ يَعِدُّانِ حَ طَ وَهُوَ يَعِدُّ هـ فَابَ حَ دَ يَعِدُّانِ هـ وَكَانَا يَعِدُّانِ هـ فَهِيَ يَعِدُّانِ لِرَءِيسٍ وَأَقْلَ مِنْ حَ طَ فَأَقْلَ عِدَدٍ يَعِدُّ أَبَ حَ دَ هـ وَكَانَا حَ طَ أَقْلَ عِدَدٍ يَعِدُّ أَبَ حَ Dَ هَذَا خَلْفَ حَ طَ يَعِدُّ هـ وَذَلِكَ مَا أَرَدْنَا أَنْ نُبَيِّنَ

لَوْ

فَرِيدَ أَنْ نُبَيِّنَ كَيْفَ نَجِدُ أَقْلَ عِدَدٍ يَعِدُّ أَعْدَادَ

مُخْتَلِفَةً مَفْرُوضَةً فَوْقَ اثْنَيْنِ

فَلْيَكُنْ أَبَ حَ أَعْدَادَ مُخْتَلِفَةً فَوْقَ اثْنَيْنِ فَنَجِدُ أَقْلَ عِدَدٍ يَعِدُّ أَبَ بِالشَّكْلِ الرَّابِعِ وَالثَّلَاثِينَ وَهُوَ دَ حَ إِمَّا أَنْ يَعِدُّ دَ أَوْ لَا يَعِدُّه فَإِنْ عَدَّ دَ وَآبَ يَعِدُّانِهِ فَأَقُولُ أَنَّ دَ هُوَ أَقْلَ عِدَدٍ يَعِدُّ أَبَ حَ وَالْإِلْكَانُ الْإِقْلَ عِدَدُهُ فَلَانَ أَبَ يَعِدُّانِ هـ

٢٢ ٢٤

فَدَعِدُّهُ بِالشَّكْلِ الْمُتَقَدِّمِ فَالْكَثِيرُ يَعِدُّ الْإِقْلَ مِنْهُ هَذَا خَلْفَ وَأَنَّ لَمْ يَعِدُّ دَ فَنَجِدُ أَقْلَ عِدَدٍ يَعِدُّه حَ دَ بِالشَّكْلِ

الرَّابِعِ وَالثَّلَاثِينَ وَلِيَكُنْ هُوَ عِدَدُهُ فَلَانَ دَ يَعِدُّ عِدَدُهُ قَ أَبَ يَعِدُّانِهِ قَ أَبَ يَعِدُّ عِدَدُهُ فَأَقُولُ أَنَّهُ أَقْلَ عِدَدٍ يَعِدُّ أَبَ حَ وَالْإِلْكَانُ الْإِقْلَ لَمْ يَعِدُّانِ أَبَ يَعِدُّانِ رَفَعَهُ يَعِدُّهُ بِالشَّكْلِ الْمُتَقَدِّمِ وَحَ يَعِدُّ عِدَدُهُ حَ دَ يَعِدُّانِ رَفَعَهُ الْكَثِيرُ يَعِدُّ الْإِقْلَ مِنْهُ بِالشَّكْلِ الْمُتَقَدِّمِ هَذَا خَلْفَ فَتَعِدُّ أَقْلَ عِدَدٍ

يعدّه آ ب ح وذلك ما اردنا ان نبين

كل عدد يعد عدداً آخر فللمعدود جزئ سمي

للعدد العـ

الواحد
فليكن عدد آ يعده ب فاقول ان لا المعدود
جزئ سمي لب الذي يعد آ برهانه فليكن
يعد عدد ح بعده ما يعد ب آ فالواحد يعد
ب بعده بما يعد ح آ بالشكل الخامس عشر والواحد من ب الجزئ السمي
لب فح من آ جزء السمي لب وذلك ما اردنا ان نبين

كل عدد له جزئ فسمي ذلك الجزئ من الاعداد

يعد ذلك العـ

الواحد
فليكن ب جزء من آ فاقول ان العدد الذي
هو سمي جزء ب من آ يعد آ برهانه فليكن
الواحد يعد عدد ح بعده ما يعد ب آ فح
سمي جزء ب من آ فبالابدال يعد الواحد ب بعده ما يعد ح آ بالشكل
الخامس عشر فح سمي جزء ب من آ يعد آ وذلك ما اردنا ان نبين

نريد ان نبين كيف نجد اقل عدده اجزاء مفروضة

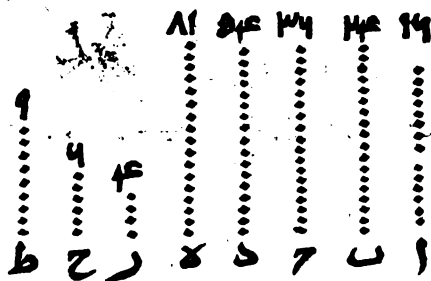
ولیکن تلك الاجزاء آ ب ح واسمها د ه فنجده اقل عدد يعده
اعداد د ه ر بالشكل السادس
والثلثين وليكن هو عدد ح فله
الاجزاء السبعة لاعداد د ه ر وهي
آ ب ح بالشكل السابع والثلثين
فاقول ان ح اقل عدده تلك
الاجزاء المفروضة برهانه فلانه
لو لم يكن ح اقل عدده له تلك الاجزاء لكان عدد آخر اقل منه له تلك
الاجزاء وليكن هو ط فده ر يعد ط بالشكل المتقدم وط اقل من ح
فط هو اقل عدد يعده د ه ر وكان ح اقل عدد يعده د ه ر هذا خلف
فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين

تمت المقالة السابعة والحمد لله وحده

الي ط ونسبة ط الي آ كما نيين في صدر المقالة السادسة لكن نسبة ح الي ط كنسبة ح الي ع ونسبة ط الي آ كنسبة د الي ر فنسبة ح الي آ مولفة من نسبة ح الي ع ومن نسبة د الي ر ونضرب د في ع فليكن الحاصل منه ل فليساوي حاصل ضرب ع في د بالشكل السادس عشر من السابعة فح ع ضربا في د حصل منه آل فنسبة آ الي ل كنسبة ح الي ع بالشكل السابع عشر من السابعة ود ر ضربا في ع حصل منه ل ب فنسبة ل الي ب كنسبة د الي ر بالشكل المذكور فنسبة آ الي ل كنسبة ح الي ط ونسبة ل الي ب كنسبة ط الي آ باستبانة الشكل الرابع عشر من السابعة فبالساواة نسبة آ الي ب كنسبة ح الي آ بالشكل الرابع عشر من السابعة ونسبة ح الي آ مولفة من نسبة ح الي ع ومن نسبة د الي ر فنسبة آ الي ب مولفة من نسبة ح الي ع ومن نسبة د الي ر وذلك ما اردنا ان نبين

كل اعداد متوالية علي نسبة واحدة كم كانت
والاول منها لا يعد الثاني فليس منها عدد يعد

الاعداد منها بعدة



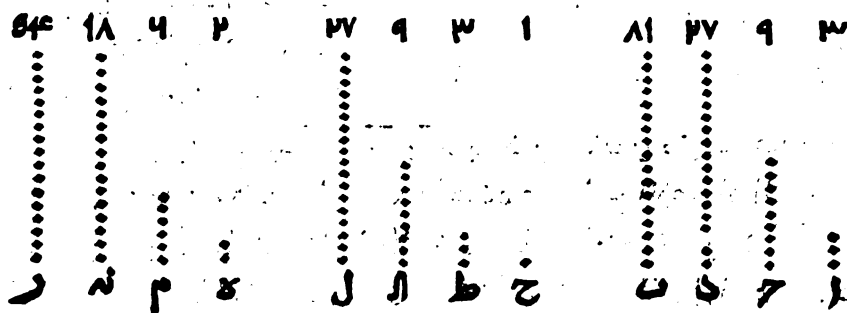
ليكن آ ب ح د ع اعداد متوالية علي نسبة واحدة ولا يعد ب فاقول ليس في هذه الاعداد عدد يعد عددا بعدة برهانه ولان نسبة كل عدد من هذه

الاعداد الي ما يليه كنسبة آ الي ب ولا يعد ب فليس منها عدد يعد العدد الذي يليه ولا يعد ايضا منها عدد عددا من الاعداد التي بعده في الرتبة لان ح اما متباينان او لا فان كانا متباينين فلا يعد ح ع والا لكانا مشتركين هذا خلف وان كانا مشتركين فناخذ اقل الاعداد علي نسبة ح د بالشكل الثاني وهي ح ط فرباين ط بالشكل الثالث فلا يعد ر ط والا لكانا مشتركين وهما متباينان هذا خلف ونسبة ح الي ع كنسبة ر الي ط بالشكل الرابع عشر من السابعة و ر لا يعد ط فح لا يعد ع فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين

كل اعداد متوالية علي نسبة واحدة كم كانت

لكن $\bar{A}\bar{B}$ \bar{C} د اعدادا متوالية علي نسبة
واحدة و \bar{A} يعد \bar{C} فاقول ان \bar{A} يعد \bar{B} ايضا
برهانه فلان \bar{A} لولم يعد \bar{B} فلا يعد \bar{C} بالشكل
المتقدم وهو يعد \bar{C} هذا خلف فالحكم ثابت
وذلك ما اردنا ان نبين

لْبَقْعِ بَيْنَ آبَ عَدَدًا حَرَدَ وَيَصِيرَانِ مَعَ آبَ مَتَوَالِبَةً عَلَى نِسْبَةٍ وَاحِدَةٍ
وَنِسْبَةٍ إِلَى رَ كُنْسِبَةٍ إِلَى بَ فَأَقُولُ أَنَّهُ يَقَعُ بَيْنَ رَ عَدَدَانِ أَيْضًا
وَيَصِيرَانِ مَعَ رَ عَلَى تِلْكَ النِّسْبَةِ بَرَهَانُهُ فَلِنَأْخُذْ أَقْلَ أَعْدَادٍ عَلَى نِسْبَةِ
أَعْدَادِ آحَدَ بَ وَنَعِدَّ بِهَا بِالشَّكْلِ الثَّانِي وَهِيَ حَ طَ أَلْ فَنَسِبَةُ حَ إِلَى لَ



192

كنسبة ح الى ط ونسبة م الى ن كنسبة ط الى لا ونسبة ن الى ز كنسبة
 لا الى ل بالشكل الثالث عشر من السابعة وكانت ا ح د ب على نسبة ح ط
 لا فاعداد م ن ه على نسبة ا ح د ب باستبانة الشكل السابع عشر من
 السابعة وبعدها ومثله تين الحكم في كل عددتين هما على نسبة ا الى ب
 فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين

ط

كل عددتين متباينين يقع بينهما اعداد كم
 كانت وتصير معهما متوالية على نسبة واحدة فانه
 يقع بين الواحد وبين كل واحد من العددين
 المتباينين اعداد بعدة ما وقع بين المتباينين
 وتصير مع الواحد وكل منهما متوالية على نسبة

واحدة

الواحد	٩	٣٠	١٢	٤٤	١٤
١	٩	٣٠	١٢	٤٤	١٤
٢	١٨	٦٠	٢٤	٨٨	٢٨
٣	٢٧	٩٠	٣٦	١٣٢	٤٢
٤	٣٦	١٢٠	٤٨	١٧٦	٥٦
٥	٤٥	١٥٠	٦٠	٢٢٠	٦٦
٦	٥٤	١٨٠	٧٢	٢٦٤	٧٦
٧	٦٣	٢١٠	٨٤	٣٠٨	٨٦
٨	٧٢	٢٤٠	٩٦	٣٥٢	٩٦
٩	٨١	٢٧٠	١٠٨	٣٩٦	١٠٦
١٠	٩٠	٣٠٠	١٢٠	٤٤٠	١١٦
١١	٩٩	٣٣٠	١٣٢	٤٨٤	١٢٦
١٢	١٠٨	٣٦٠	١٤٤	٥٢٨	١٣٦
١٣	١١٧	٣٩٠	١٥٦	٥٧٢	١٤٦
١٤	١٢٦	٤٢٠	١٦٨	٦١٦	١٥٦
١٥	١٣٥	٤٥٠	١٨٠	٦٦٠	١٦٦
١٦	١٤٤	٤٨٠	١٩٢	٧٠٤	١٧٦
١٧	١٥٣	٥١٠	٢٠٤	٧٤٨	١٨٦
١٨	١٦٢	٥٤٠	٢١٦	٧٩٢	١٩٦
١٩	١٧١	٥٧٠	٢٢٨	٨٣٦	٢٠٦
٢٠	١٨٠	٦٠٠	٢٤٠	٨٨٠	٢١٦

ليكن ا ب العددين المتباينين
 ووقع بينهما عددا ا ح د وصارا
 معهما متوالية على نسبة
 واحدة فاقول انه يقع بين
 الواحد وبين كل واحد من
 ا ب عددان ويصير الكل
 متوالية على نسبة واحدة
 برهانه نجد اقل عددتين
 على نسبة ا الى ب بالشكل
 الثالث والثلاثين من السابعة

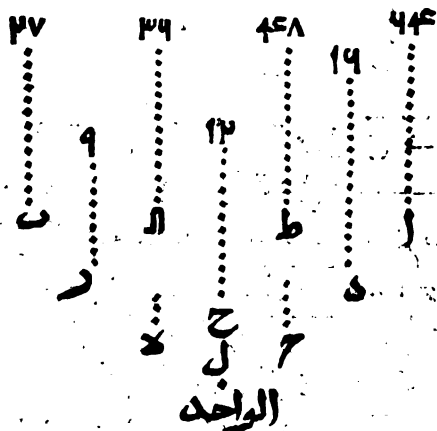
وهما م ن ونجد اقل ثلاثة اعداد متوالية على تلك النسبة وهي ح ط لا
 ولانزال نسلك هذه الطريقة حتى نجد اعدادا متوالية على نسبة
 واحدة عدتها عدة ا ح د ب بالشكل الثاني ولتكن هي اعداد ل م ن ه
 فل ه متباينان بالشكل الثالث وكل واحد من اعداد ل م ن ه ا ح د
 ب اقل الاعداد على نسبتها بالشكل الاول فل يساوي ا و ه يساوي
 ب فلان ه ضرب في نفسه وحصل منه ح فني ح من امثال ه بعدة احاد
 ه والواحد يعد ه باحاد ه فنسبة الواحد الى ه كنسبة ا الى ح وه ضرب

في ح حصل منه ل فالواحد يعد ح بعدة ما يعد ء ل كنسبة الواحد
 الى ح كنسبة ء الى ل فبالايجاد
 بالشكل الثالث عشر من
 السابعة نسبة الواحد الى ء
 كنسبة ح الى ل فح يعد ح
 بعدة احاد ء وكان ء يعد ح
 بعدة احاد ء فنسبة الواحد
 الى ء كنسبة ء الى ح وكنسبة
 ح الى ل فقد وقع بين الواحد
 واعداد متوالية على نسبة
 واحدة وعدتها عدة ما وقع
 بين عددي آ ب وبمثلة تبين
 انه يقع بين الواحد وب
 اعداد عدتها عدة ما وقع بين
 عددي آ ب وصار الجميع متوالية على نسبة واحدة فالحكم ثابت وذلك
 ما اردنا ان نبين

٢

كل عددين يقع بين كل واحد منهما وبين
 الواحد اعداد كم كانت وتصير معها متوالية على
 نسبة واحدة فانه يقع بينهما اعداد بتلك العدة
 وتصير معها متوالية على نسبة واحدة

ليكن العدادان آ ب
 والواحد ل والواقع بين ل و
 ح د وبينه بين ب ء ونسبة
 ل الى ح كنسبة ح الى د وكنسبة
 د الى آ ونسبة ل الى ء كنسبة
 الى ر ونسبة ر الى ب فاقول
 انه يقع بين آ ب عددان
 ويصيران معها متوالية على
 نسبة واحدة برهانه فلان
 نسبة الواحد الى ح كنسبة ح
 الى د والواحد

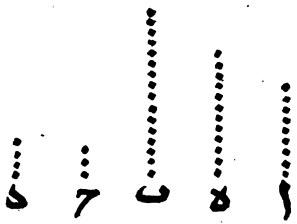


الي د والواحد يعد بعدد واحد ضرب ح في نفسه هو د فد مربع ح ولان نسبة الواحد الي ح كنسبة د الي آ والواحد يعد بعدد واحد ح فد يعد آ بعدد واحد ضرب ح في د هو آ ويمثله تبين ان ح مربع ح وان الحاصل من ضرب ح في ح هو ب ونضرب ح في ح فيحصل منه ج ونضرمها في ح فيحصل منه ط آ وتبين بمثل ما مر في الشكل الثاني ان نسبة آ الي ط كنسبة ط الي آ وكنسبة آ الي ب فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين

يا

بين كل مربعين عدد يتوالي الثلثة على نسبة واحدة ونسبة المربع الي المربع كنسبة ضلع احدهما الي ضلع آخر مثلاً

ليكن آ ب مربعين وضلع آ ح وضلع ب د ونضرب ح في د فيحصل منه ه فاقول ان نسبة آ الي ه كنسبة ه الي ب ونسبة آ الي ب كنسبة ح الي د مثلاً برهانه فلان الحاصل من ضرب ح في د كالحاصل من ضرب د في ح بالشكل السادس عشر من السابعة فلان ح د ضربا في ح وحصل منه آ ه فنسبة آ الي ه كنسبة ح الي د بالشكل السابع عشر من السابعة ويمثله تبين ان نسبة ه



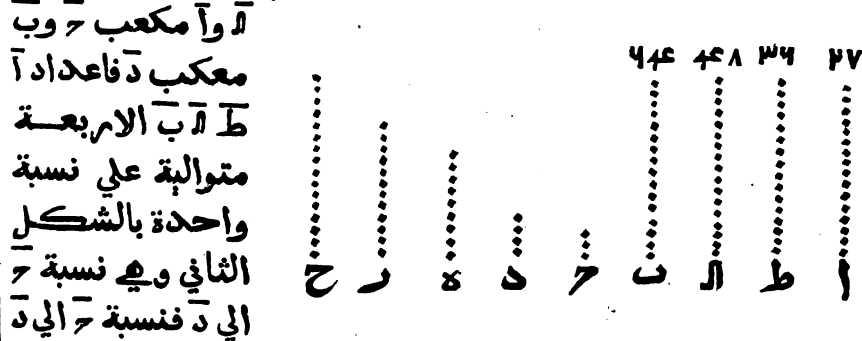
الي ب كنسبة ح الي د فنسبة آ الي ه كنسبة ه الي ب باستبانة الشكل الرابع عشر من السابعة ونسبة ح الي ه كنسبة آ الي ه فنسبة ح الي د مثلاً كنسبة آ الي ه مثلاً ونسبة آ الي ب كنسبة آ الي ه مثلاً فنسبة آ الي ب كنسبة ح الي د مثلاً باستبانة الشكل الرابع عشر من السابعة فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين

يب

بين كل مكعبين عددان يتوالي الاربعة على نسبة واحدة ونسبة المكعب الي المكعب كنسبة ضلعه الي ضلع آخر مثلاً بالتكريب

ليكن المكعبان آ ب وح وضلع آ د وضلع ب ه فيحصل اقل ثلاثة اعداد

علي نسبة ح الى د بالشكل الثاني وفيه ح فـ ح مربع حـ وح مربع د
باستبانة الشكل الثاني ونضرب كل واحد من ح د في ح فيحصل منه ط
أو مكعب ح وب



مكعب د فاعداد آ
ط ا ب الاربعة
متوالية علي نسبة
واحدة بالشكل
الثاني وفيه نسبة ح
الي د فنسبة ح الى د
مثلثة كنسبة آ الي ط مثلثة ونسبة آ الي ب كنسبة آ الي ط مثلثة فنسبة
آ الي ب كنسبة ح الي د مثلثة فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين

كل اعداد متوالية علي نسبة واحدة فربعاتها
متوالية علي نسبة واحدة وكذلك مكعباتها وما
يتلوها من المراتب الغير المتناهية

ليكن آ ب ح متوالية علي نسبة واحدة ود مربع آ وه مربع ب و
مربع ح وح مكعب آ وط مكعب ب وآ مكعب ح فاقول ان نسبة د الي



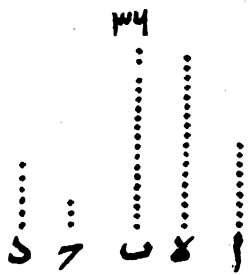
ه كنسبة ه الي ح وان فسبة ح الي ط كنسبة ط الي آ وكذلك ما يتلوها من
المراتب برهانه ليكن ل حاصل من ضرب آ في ب وم حاصل من
ضرب ب في ح ونه سه حاصل من ضرب آ في ح فـ ح حاصل من ضرب ب في ح
في م فلان نسبة ب الي ح كنسبة آ الي ب وبالشكل الحادي عشر نسبة د الي
ل كنسبة ل الي ه ونسبة ه الي م كنسبة م الي ح وكل واحدة من نسبتي د
الي ل ول الي ه كنسبة آ الي ب فكل من نسبتي د الي ل ول الي ه كنسبة ب
الي ح فنسبة د الي ل كنسبة ه الي م ونسبة ل الي ه كنسبة م الي ح فنسبة
د الي ه

د الي ء كنسبة ء الي تر بالشكل الرابع عشر من السابعة وايضا فلان ح ط
 لا مكعبات لاعداد ا ب ح وقد ضرب ا ب في ل حصل منه نه سه وب ح
 ضرب في م حصل منه ع ف بالشكل المتقدم نسبة ح الي نه ونه الي سه
 وسه الي ط كنسبة ا الي ب ونسبة ط الي ع وع الي ف وفه الي ا كنسبة ب الي
 ح فباستبانة الشكل الرابع عشر من السابعة كل واحدة من نسبة ح الي
 نه ونه الي سه وسه الي ط كنسبة ب الي ح فبهذه الاستبانة نسبة ح الي نه
 كنسبة ط الي ع ونسبة نه الي سه كنسبة ع الي ف ونسبة سه الي ط
 كنسبة ف الي ا فبالمساواة نسبة ح الي ط كنسبة ط الي ا بالشكل
 الرابع عشر من السابعة وبمثله تبين ما وراء لك من المراتب فالحكم ثابت
 وذلك ما اردنا ان نبين

يد

كل مربعين يعد احدهما الآخر فضلع العاد يعد
 ضلع المعدود وكل عدد يعد عددا فربع العاد

يعد مربع المعدود



ليكن ا ب عددين مربعين وضلع ا ح
 وضلع ب د فاقول ان عد ا ب عد ح د وان
 عد ح د علي اهما عددان فيعد مربع ح
 مربع د برهانه فنضرب ح في د فيحصل
 منه ء فلان الحاصل من ضرب ح في د يساوي

الحاصل من ضرب د في ح بالشكل السادس عشر من السابعة وح د ضربا
 في ح حصل منه آ ء وفي د حصل منه ب فنسبة آ الي ء كنسبة ح الي د
 ونسبة ء الي ب كنسبة ح الي د بالشكل السابع عشر من السابعة فنسبة آ
 الي ء كنسبة ء الي ب باستبانة الشكل الرابع عشر من السابعة وآ يعد ب فا
 يعد ء بالشكل السابع ونسبة ح الي د كنسبة آ الي ء فح يعد د وايضا ان
 ح يعد ء وآ يعد ب وليكن ا مربع ح وب مربع د وه الحاصل من ضرب
 ح في د فتبين بمثل ما بينا ان نسبة آ الي ء كنسبة ء الي ب ونسبة ح الي د
 كنسبة آ الي ء وح يعد د فا يعد ء فا يعد ب لان عاد العاد يعد
 معدودة وذلك ما اردنا ان نبين

واستبان منه انه اذا لم يعد عدد عددا لم يعد مربعه مربعه واذا لم
 يعد مربع مربع لم يعد ضلعه ضلعه

يه

كل مكعبين يعدّ أحدهما الآخر فضلع العاد يعدّ
ضلع المعداد وكل عدد يعدّ عددًا في مكعب العاد

يعد مكعب العدود ٨ ١٤ ٣٢ ٤٤ ٢ ٤٤ ٨ ١٤

لَبِكُنْ أَبَ عَدَدَيْنِ مَكْعِبَيْنِ
وَضَلَعٌ آحَ وَضَلَعٌ بَدَ
فَاقُولْ إِنَّ عَدَّ أَبَ يَعِدُ حَ دَ
وَإِنَّ عَدَّ دَ عَلَيَّ أَهْمَا عَدَدَانِ
فَيَعِدُ مَكْعَبٌ حَ مَكْعَبٌ

1
2
3
4
5
6
7
8
9
10
11
12
13
14
15
16
17
18
19
20
21
22
23
24
25
26
27
28
29
30
31
32
33
34
35
36
37
38
39
40
41
42
43
44
45
46
47
48
49
50
51
52
53
54
55
56
57
58
59
60
61
62
63
64
65
66
67
68
69
70
71
72
73
74
75
76
77
78
79
80
81
82
83
84
85
86
87
88
89
90
91
92
93
94
95
96
97
98
99
100
101
102
103
104
105
106
107
108
109
110
111
112
113
114
115
116
117
118
119
120
121
122
123
124
125
126
127
128
129
130
131
132
133
134
135
136
137
138
139
140
141
142
143
144
145
146
147
148
149
150
151
152
153
154
155
156
157
158
159
160
161
162
163
164
165
166
167
168
169
170
171
172
173
174
175
176
177
178
179
180
181
182
183
184
185
186
187
188
189
190
191
192
193
194
195
196
197
198
199
200
201
202
203
204
205
206
207
208
209
210
211
212
213
214
215
216
217
218
219
220
221
222
223
224
225
226
227
228
229
230
231
232
233
234
235
236
237
238
239
240
241
242
243
244
245
246
247
248
249
250
251
252
253
254
255
256
257
258
259
260
261
262
263
264
265
266
267
268
269
270
271
272
273
274
275
276
277
278
279
280
281
282
283
284
285
286
287
288
289
290
291
292
293
294
295
296
297
298
299
300
301
302
303
304
305
306
307
308
309
310
311
312
313
314
315
316
317
318
319
320
321
322
323
324
325
326
327
328
329
330
331
332
333
334
335
336
337
338
339
340
341
342
343
344
345
346
347
348
349
350
351
352
353
354
355
356
357
358
359
360
361
362
363
364
365
366
367
368
369
370
371
372
373
374
375
376
377
378
379
380
381
382
383
384
385
386
387
388
389
390
391
392
393
394
395
396
397
398
399
400
401
402
403
404
405
406
407
408
409
410
411
412
413
414
415
416
417
418
419
420
421
422
423
424
425
426
427
428
429
430
431
432
433
434
435
436
437
438
439
440
441
442
443
444
445
446
447
448
449
450
451
452
453
454
455
456
457
458
459
460
461
462
463
464
465
466
467
468
469
470
471
472
473
474
475
476
477
478
479
480
481
482
483
484
485
486
487
488
489
490
491
492
493
494
495
496
497
498
499
500
501
502
503
504
505
506
507
508
509
510
511
512
513
514
515
516
517
518
519
520
521
522
523
524
525
526
527
528
529
530
531
532
533
534
535
536
537
538
539
540
541
542
543
544
545
546
547
548
549
550
551
552
553
554
555
556
557
558
559
560
561
562
563
564
565
566
567
568
569
570
571
572
573
574
575
576
577
578
579
580
581
582
583
584
585
586
587
588
589
590
591
592
593
594
595
596
597
598
599
600
601
602
603
604
605
606
607
608
609
610
611
612
613
614
615
616
617
618
619
620
621
622
623
624
625
626
627
628
629
630
631
632
633
634
635
636
637
638
639
640
641
642
643
644
645
646
647
648
649
650
651
652
653
654
655
656
657
658
659
660
661
662
663
664
665
666
667
668
669
670
671
672
673
674
675
676
677
678
679
680
681
682
683
684
685
686
687
688
689
690
691
692
693
694
695
696
697
698
699
700
701
702
703
704
705
706
707
708
709
710
711
712
713
714
715
716
717
718
719
720
721
722
723
724
725
726
727
728
729
730
731
732
733
734
735
736
737
738
739
740
741
742
743
744
745
746
747
748
749
750
751
752
753
754
755
756
757
758
759
760
761
762
763
764
765
766
767
768
769
770
771
772
773
774
775
776
777
778
779
780
781
782
783
784
785
786
787
788
789
790
791
792
793
794
795
796
797
798
799
800
801
802
803
804
805
806
807
808
809
810
811
812
813
814
815
816
817
818
819
820
821
822
823
824
825
826
827
828
829
830
831
832
833
834
835
836
837
838
839
840
84

د برهانه فنضرب ح في نفسه فيحصل منه ه ونضرب ح في د
 فيحصل منه ح ونضرب د في نفسه فيحصل منه ر ونضرب د في ح
 فيحصل منه ط آ فظاهر ان ه ح ر متوالبة واط آ ب متوالبة علي نسبة
 ح الي د بالشكل السابع عشر وبالشكل الثامن عشر من السابعة وبالشكل
 الثاني عشر من الثامنة ولان آ ط آ ب متوالبة علي نسبة واحدة ويعد
 آ ب فآ يعد ط بالشكل السابع ونسبة آ الي ط كنسبة ح الي د فح يعد د
 وايضا ان عد ح د فيعد آ ب وليكن آ مكعب ح وب مكعب د وه
 الحاصل من ضرب ح في نفسه وح الحاصل من ضرب ح في د و ر الحاصل
 من ضرب د في نفسه وط آ الحاصلان من ضرب ح في ح فتبين بمثل ما
 بينا ان آ ط آ ب متوالبة علي نسبة ح الي د وايضا ان ه ح ر متوالبة علي
 نسبة ح الي د ولان ح يعد د ونسبة ح الي د كنسبة آ الي ط فآ يعد ط
 وبهذا الدليل ط يعد آ وآ ب ولان آ يعد ط وط يعد آ فآ يعد آ لكن
 آ يعد ب فآ يعد ب وذلك ما اردنا ان نبين
 واستبان منه انه اذا لم يعد عدد عددا لم يعد مكعبه مكعبه واذا لم يعد
 مكعب مكعبا لم يعد ضلعه ضلعه

۱
یو

كل عدد من مسطحين متشابهين فانه يقع بينهما عدد ويتوالي الثلاثة علي نسبة واحدة ونسبة المسطح الي المسطح كنسبة ضلع من المنسوب الي نظيره من ضلعي المنسوب اليه مشاة بالتكـ

لیکن

4. 13. 4. 4. 13. 13. 13.

1
2
3
4
5
6
7
8
9
10
11
12
13
14
15
16
17
18
19
20
21
22
23
24
25
26
27
28
29
30
31
32
33
34
35
36
37
38
39
40
41
42
43
44
45
46
47
48
49
50
51
52
53
54
55
56
57
58
59
60
61
62
63
64
65
66
67
68
69
70
71
72
73
74
75
76
77
78
79
80
81
82
83
84
85
86
87
88
89
90
91
92
93
94
95
96
97
98
99
100
101
102
103
104
105
106
107
108
109
110
111
112
113
114
115
116
117
118
119
120
121
122
123
124
125
126
127
128
129
130
131
132
133
134
135
136
137
138
139
140
141
142
143
144
145
146
147
148
149
150
151
152
153
154
155
156
157
158
159
160
161
162
163
164
165
166
167
168
169
170
171
172
173
174
175
176
177
178
179
180
181
182
183
184
185
186
187
188
189
190
191
192
193
194
195
196
197
198
199
200
201
202
203
204
205
206
207
208
209
210
211
212
213
214
215
216
217
218
219
220
221
222
223
224
225
226
227
228
229
230
231
232
233
234
235
236
237
238
239
240
241
242
243
244
245
246
247
248
249
250
251
252
253
254
255
256
257
258
259
260
261
262
263
264
265
266
267
268
269
270
271
272
273
274
275
276
277
278
279
280
281
282
283
284
285
286
287
288
289
290
291
292
293
294
295
296
297
298
299
300
301
302
303
304
305
306
307
308
309
310
311
312
313
314
315
316
317
318
319
320
321
322
323
324
325
326
327
328
329
330
331
332
333
334
335
336
337
338
339
340
341
342
343
344
345
346
347
348
349
350
351
352
353
354
355
356
357
358
359
360
361
362
363
364
365
366
367
368
369
370
371
372
373
374
375
376
377
378
379
380
381
382
383
384
385
386
387
388
389
390
391
392
393
394
395
396
397
398
399
400
401
402
403
404
405
406
407
408
409
410
411
412
413
414
415
416
417
418
419
420
421
422
423
424
425
426
427
428
429
430
431
432
433
434
435
436
437
438
439
440
441
442
443
444
445
446
447
448
449
450
451
452
453
454
455
456
457
458
459
460
461
462
463
464
465
466
467
468
469
470
471
472
473
474
475
476
477
478
479
480
481
482
483
484
485
486
487
488
489
490
491
492
493
494
495
496
497
498
499
500
501
502
503
504
505
506
507
508
509
510
511
512
513
514
515
516
517
518
519
520
521
522
523
524
525
526
527
528
529
530
531
532
533
534
535
536
537
538
539
540
541
542
543
544
545
546
547
548
549
550
551
552
553
554
555
556
557
558
559
560
561
562
563
564
565
566
567
568
569
570
571
572
573
574
575
576
577
578
579
580
581
582
583
584
585
586
587
588
589
590
591
592
593
594
595
596
597
598
599
600
601
602
603
604
605
606
607
608
609
610
611
612
613
614
615
616
617
618
619
620
621
622
623
624
625
626
627
628
629
630
631
632
633
634
635
636
637
638
639
640
641
642
643
644
645
646
647
648
649
650
651
652
653
654
655
656
657
658
659
660
661
662
663
664
665
666
667
668
669
670
671
672
673
674
675
676
677
678
679
680
681
682
683
684
685
686
687
688
689
690
691
692
693
694
695
696
697
698
699
700
701
702
703
704
705
706
707
708
709
710
711
712
713
714
715
716
717
718
719
720
721
722
723
724
725
726
727
728
729
730
731
732
733
734
735
736
737
738
739
740
741
742
743
744
745
746
747
748
749
750
751
752
753
754
755
756
757
758
759
760
761
762
763
764
765
766
767
768
769
770
771
772
773
774
775
776
777
778
779
780
781
782
783
784
785
786
787
788
789
790
791
792
793
794
795
796
797
798
799
800
801
802
803
804
805
806
807
808
809
810
811
812
813
814
815
816
817
818
819
820
821
822
823
824
825
826
827
828
829
830
831
832
833
834
835
836
837
838
839
840
84

حـ حصل منه $\bar{A}C$ فنسبة \bar{A} الى \bar{C} كنسبة \bar{A} الى \bar{E} بالشكل الثامن عشر
 من السابعة وكانت نسبة \bar{D} الى \bar{B} كنسبة \bar{A} الى \bar{E} فباستبانة الشكل
 الرابع عشر من السابعة نسبة \bar{A} الى \bar{C} كنسبة \bar{A} الى \bar{B} ولان \bar{E} ضرب في \bar{D}
 وحصل منه \bar{C} \bar{B} فنسبة \bar{C} الى \bar{B} كنسبة \bar{D} الى \bar{B} بالشكل الثامن عشر من
 السابعة فباستبانة الشكل الرابع عشر من السابعة نسبة \bar{A} الى \bar{C} كنسبة
 \bar{A} الى \bar{B} ولان نسبة \bar{A} الى \bar{E} كنسبة \bar{A} الى \bar{C} فنسبة \bar{A} الى \bar{E} مثناة كنسبة \bar{A} الى
 \bar{C} مثناة لان نسبة \bar{A} الى \bar{C} كنسبة \bar{C} الى \bar{B} فنسبة \bar{A} الى \bar{B} كنسبة \bar{A} الى \bar{C}
 مثناة فباستبانة الشكل الرابع عشر من السابعة نسبة \bar{A} الى \bar{B} كنسبة \bar{A} الى
 \bar{E} مثناة ومثله تبين ان نسبة \bar{A} الى \bar{B} كنسبة \bar{D} الى \bar{B} مثناة وذلك ما
 اردنا ان نبين

۱۰۱

كل عددين مجسمين متشابهين فانه يقع
بينهما عددان وثقوا في الاربعة علي نسبة واحدة
ونسبة المجسم الي المجسم كنسبة ضلع من اضلاع
احدهما الي ضلع كان الي نظيره من اضلاع الآخر
مثلة بالتك

لِيَكُنَّ أَبَ المجسِّمين المتشابهين وَحَدَّ اضلاعِ أَوْ حَ طَ اضلاعِ بَ
وَلِيَكُنَّ نِسْبَةُ حَ إِلَى مَرَّ كَنِسْبَةِ دَ إِلَى حَ وَكَنِسْبَةُ هَ إِلَى طَ وَلِيَكُنَّ أَلْ حَاصِلَا
مِنْ ضَرْبِ حَ فِي دَ وَلِ حَاصِلَا مِنْ ضَرْبِ مَرَّ فِي حَ وَأَلْ مُسَطَّحَانِ مُتَشَابِهَانِ
فَيَقَعُ بَيْنَهُمَا عِدَدٌ وَلِيَكُنَّ مَ وَيَتَوَالِي الثَّلَاثَةُ عَلَى نِسْبَةِ حَ إِلَى مَرَّ بِالشَّكْلِ
الْمُتَقَدِّمِ وَلِيَكُنَّ نَ هَ حَاصِلَيْنِ مِنْ ضَرْبِ هَ طَ فِي مَرَّ فَقَوْلُكَ إِنَّ نَ هَ بَ

الأربعة متوالية على نسبة واحدة وإن نسبة آ إلى ب كنسبة ح إلى د
مثلثة بالتكرير برهانه فلان آ نه حاصلان من ضرب د في آ ثم فنسبة آ

PP 1P 4 A 4 45 45 W 4 19P 94 45A PF

١
٢
٣
٤
٥
٦
٧
٨
٩
١٠
١١
١٢
١٣
١٤
١٥
١٦
١٧
١٨
١٩
٢٠
٢١
٢٢
٢٣
٢٤
٢٥
٢٦
٢٧
٢٨
٢٩
٣٠
٣١
٣٢
٣٣
٣٤
٣٥
٣٦
٣٧
٣٨
٣٩
٤٠
٤١
٤٢
٤٣
٤٤
٤٥
٤٦
٤٧
٤٨
٤٩
٥٠
٥١
٥٢
٥٣
٥٤
٥٥
٥٦
٥٧
٥٨
٥٩
٦٠
٦١
٦٢
٦٣
٦٤
٦٥
٦٦
٦٧
٦٨
٦٩
٧٠
٧١
٧٢
٧٣
٧٤
٧٥
٧٦
٧٧
٧٨
٧٩
٨٠
٨١
٨٢
٨٣
٨٤
٨٥
٨٦
٨٧
٨٨
٨٩
٩٠
٩١
٩٢
٩٣
٩٤
٩٥
٩٦
٩٧
٩٨
٩٩
١٠٠

الى $\bar{\alpha}$ كنسبة $\bar{\alpha}$ الى $\bar{\alpha}$ بالشكل الثامن عشر من السابعة ونسبة $\bar{\alpha}$ الى $\bar{\alpha}$
 كنسبة $\bar{\alpha}$ الى $\bar{\alpha}$ بالشكل المتقدم فنسبة $\bar{\alpha}$ الى $\bar{\alpha}$ كنسبة $\bar{\alpha}$ الى $\bar{\alpha}$ باستبانة
 الشكل الرابع عشر من السابعة ولان $\bar{\alpha}$ $\bar{\alpha}$ حاصلان من ضرب $\bar{\alpha}$ في $\bar{\alpha}$
 فنسبة $\bar{\alpha}$ الى $\bar{\alpha}$ كنسبة $\bar{\alpha}$ الى $\bar{\alpha}$ بالشكل السابع عشر من السابعة وكانت
 نسبة $\bar{\alpha}$ الى $\bar{\alpha}$ كنسبة $\bar{\alpha}$ الى $\bar{\alpha}$ فعبارة الشك الرابع عشر من
 السابعة نسبة $\bar{\alpha}$ الى $\bar{\alpha}$ كنسبة $\bar{\alpha}$ الى $\bar{\alpha}$ ولان $\bar{\alpha}$ $\bar{\alpha}$ حاصلان من ضرب
 $\bar{\alpha}$ في $\bar{\alpha}$ فنسبة $\bar{\alpha}$ الى $\bar{\alpha}$ كنسبة $\bar{\alpha}$ الى $\bar{\alpha}$ بالشكل الثامن عشر من السابعة
 ونسبة $\bar{\alpha}$ الى $\bar{\alpha}$ كنسبة $\bar{\alpha}$ الى $\bar{\alpha}$ بالشكل المتقدم فنسبة $\bar{\alpha}$ الى $\bar{\alpha}$ كنسبة $\bar{\alpha}$
 الى $\bar{\alpha}$ باستبانة الشكل الرابع عشر من السابعة فنسبة $\bar{\alpha}$ الى $\bar{\alpha}$ كنسبة $\bar{\alpha}$ الى
 $\bar{\alpha}$ ونسبة $\bar{\alpha}$ الى $\bar{\alpha}$ باستبانة الشكل المذكور ولان نسبة $\bar{\alpha}$ الى $\bar{\alpha}$ كنسبة
 $\bar{\alpha}$ الى $\bar{\alpha}$ فنسبة $\bar{\alpha}$ الى $\bar{\alpha}$ كنسبة $\bar{\alpha}$ الى $\bar{\alpha}$ مثلثة ونسبة $\bar{\alpha}$ الى $\bar{\alpha}$ كنسبة
 $\bar{\alpha}$ الى $\bar{\alpha}$ كنسبة $\bar{\alpha}$ الى $\bar{\alpha}$ مثلثة فاستبانة الشكل الرابع عشر من السابعة نسبة $\bar{\alpha}$ الى $\bar{\alpha}$
 كنسبة $\bar{\alpha}$ الى $\bar{\alpha}$ كنسبة $\bar{\alpha}$ الى $\bar{\alpha}$ وبمثلثه تبين ان نسبة $\bar{\alpha}$ الى $\bar{\alpha}$ مثل كل واحدة
 من نسبتي $\bar{\alpha}$ الى $\bar{\alpha}$ وذلك بما اردنا ان نبينه

كل عددين يقع بينهما عدد وبصير الثلاثة
متوالية على نسبة واحدة فهما مسطحان متشابهان

لیکن آب عددین وقع بینہما ۱۸ ۱۹ ۲۰ ۲۱ ۲۲ ۲۳ ۲۴ ۲۵ ۲۶ ۲۷ ۲۸ ۲۹ ۳۰

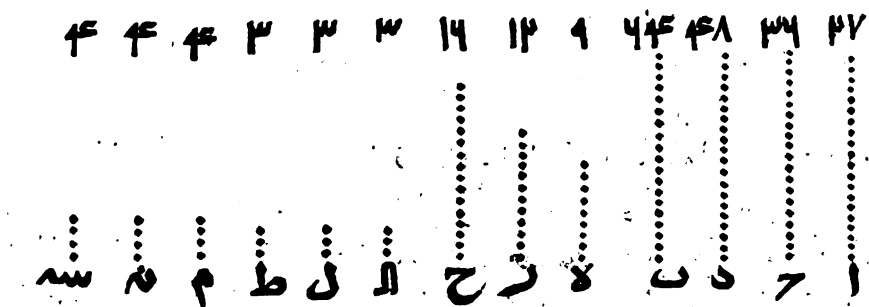
وصارت الثلاثة متوالة على نسبة
واحدة فاقول ان \overline{AB} مسطحان
متشابهان برهانه فلجد اقل
عددين على نسبة \overline{AB} الى \overline{C} بالشكل
الثالث والثلاثين من السابعة

ا ح ب د ه ز ح

وَلْيَكُونَا

وليكونا دة فهما يعدان كل عددين علي نسبتها عدا واحدا بالشكل العشرين من السابعة فد يعد آ وة فليعدا باحاد م ويعدان ح ب ايضا عدا واحدا فليعدا بعدة احاد ح فلان د يعد آ باحاد م فنسبة الواحد الي م كنسبة د الي آ فضرب د في م هو آ بالشكل التاسع عشر من السابعة ويمثله تبيين ان الحاصل من ضرب م في ح هو ب فاب مسطمان ولان م يعد ح باحاد م ود يعد ح باحاد م فنسبة الواحد الي م كنسبة م الي ح ونسبة الواحد الي ح كنسبة د الي م فضرب كل واحد من م في م ود في ح هو ح بالشكل التاسع عشر من السابعة فهذا الشكل بعينه نسبة د الي م كنسبة م الي ح فاب مسطمان متشابهان وذلك ما اردنا ان نبين

كل عددين يقع بينهما عددان وبصير الاربعة متناسبة علي نسبة واحدة فهما مجسمان متشابهان



ليكن آ ب عددين وقع بينهما عددا ح د وصارت الاربعة اليه علي نسبة واحدة فاقول ان آ ب مجسمان متشابهان برهانه فلان نسبة آ الي ح كنسبة ح الي د وكنسبة د الي ب فلنجد اقل ثلاثة اعداد علي نسبة آ الي ح ونسبة ح الي د بالشكل الثالث والثلاثين من السابعة وليكن م في م ح فح مسطمان متشابهان بالشكل المتقدم وليكن آل ضلعي م وم نه ضلعي ح ونسبة آل الي م كنسبة آل الي نه ولان م ح يعد آ ح د ب عدا واحدا فليعد م آ باحاد ط و ح ب باحاد م ونسبة الواحد الي ط كنسبة م الي آ فضرب ط في م هو آ بالشكل التاسع عشر من السابعة فم مجسم ويمثله تبيين ان ب مجسم ولان ح عده عده باحاد ط وب باحاد م فنسبة الواحد الي ط كنسبة ح الي د فد هو الحاصل من ضرب ط في ح بالشكل التاسع عشر من السابعة ويمثله تبيين ان ب هو الحاصل من ضرب

سـ في ح فنسبة ط الى سـ كنسبة د الى ب بالشكل التاسع عشر من السابعة
وكانت نسبة مـ الى ح كنسبة د الى ب فنسبة ط الى سـ كنسبة مـ الى ح
باستبانة الشكل الرابع عشر من السابعة ونسبة لـ الى مـ اول الى نـ كنسبة
مـ الى ح كما تبين في الشكل المتقدم فنسبة ط الى سـ كنسبة لـ الى مـ ولـ
الى نـ باستبانة الشكل الرابع من السابعة فـ ب مجسمان متشابهان وذلك
ما اردنا ان نبين

ك

كل ثلاثة اعداد متوالية علي نسبة واحدة اولها

مربع فتالها مربع

ليكن آ ب ح متوالية علي نسبة واحدة وآ منها مربع فاقول ان ح مربع
برهانه نأخذ اقل ثلاثة اعداد متوالية علي نسبة آ ب ح بالشكل

الثالث والثشرين من

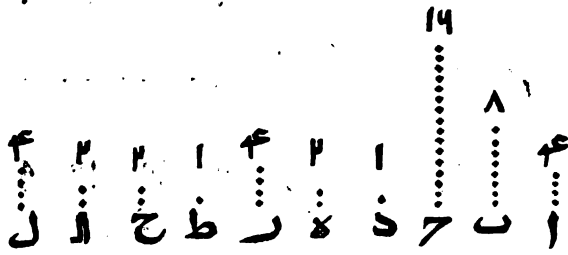
السابعة وهي د هـ ز

فكل من د هـ ز مربع

باستبانة الشكل

الثاني فد مـ

متباينان بالشكل



الثالث فهما اقول عدددين علي نسبتهم بالشكل الثاني والعشرين من

السابعة ونسبة د الى هـ كنسبة آ الى ب ونسبة هـ الى د كنسبة مـ الى ح

فبالسواة بالشكل الرابع عشر من السابعة نسبة د الى مـ كنسبة آ الى ح

فد يعد آ بعده ما يعد مـ بالشكل العشرين من السابعة وليكن ط

ضلع د وح ضلع آ و هـ ضلع مـ وان عد مربع مربعاً عد ضلع العان

ضلع المعداد بالشكل الرابع عشر فط يعد ح وليعد لـ بعده ما يعد

ط ح فنسبة لـ الى ط كنسبة ط الى ح فنسبة لـ الى ط مثناة كنسبة ط الى

ح مثناة ونسبة المربع الي المربع كنسبة ضلع المربع المنسوب الي ضلع

المربع المنسوب اليه مثناة بالشكل الحادي عشر فنسبة مربع لـ الى مربع

لـ كنسبة مربع ط الى مربع ح ود مربع ط وا مربع ح ومـ مربع هـ

وكانت نسبة د الى مـ كنسبة آ الى ح فبالابدال نسبة مـ الى ح كنسبة د الى آ

بالشكل الثالث عشر من السابعة فباستبانة الشكل الرابع عشر من

السابعة نسبة مـ الى ح كنسبة مـ بعينه الي مربع لـ فمـ مربع لـ فالحكم

ثابت وذلك ما اردنا ان نبين

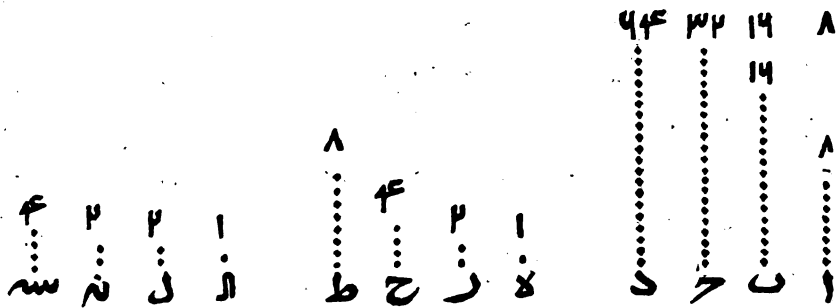
كا

كل

كل أربعة اعداد متوالية علي نسبة واحدة اولها

مكعب فرابعها مكعب

ليكن $\bar{A} \bar{B} \bar{C} \bar{D}$ متوالية علي نسبة واحدة و \bar{A} مكعب فاقول ان \bar{D} مكعب
برهانه نأخذ اربعة اعداد متوالية علي نسبة \bar{A} الي \bar{B} بالشكل الثالث
الثلاثين وهي $\bar{A} \bar{B} \bar{C} \bar{D}$ فباستبانة الشكل الثاني $\bar{A} \bar{B} \bar{C} \bar{D}$ مكعبان وهما متباينان



بالشكل الثالث فهما اقل عددين علي نسبتهم بالشكل الثاني والعشرين
من السابعة فلان نسبة \bar{A} الي \bar{B} كنسبة \bar{A} الي \bar{B} ونسبة \bar{B} الي \bar{C} كنسبة \bar{B} الي \bar{C}
الي \bar{C} ونسبة \bar{C} الي \bar{D} كنسبة \bar{C} الي \bar{D} فباالمساواة نسبة \bar{A} الي \bar{D} كنسبة \bar{A} الي
 \bar{D} بالشكل الرابع عشر من السابعة فـ \bar{D} بعد \bar{A} بعدة ما بعد \bar{D} بالشكل
العشرين من السابعة وليكن \bar{A} ضلع \bar{A} ولـ \bar{D} ضلع \bar{A} وانه ضلع \bar{D} واذا عد
مكعب عد ضلع العاد ضلع المعداد بالشكل الخامس عشر فليعد \bar{A} لـ
بعدة ما بعد \bar{D} \bar{D} فنسبة \bar{D} الي \bar{D} كنسبة \bar{A} الي \bar{D} فنسبة \bar{D} الي \bar{D} مثلثة
كنسبة \bar{A} الي \bar{D} مثلثة فنسبة مكعب \bar{D} الي مكعب \bar{D} كنسبة مكعب
 \bar{A} الي مكعب \bar{D} بالشكل الثاني عشر وكانت نسبة \bar{A} الي \bar{D} كنسبة \bar{A} الي \bar{D}
فبالابدال بالشكل الثالث عشر من السابعة نسبة \bar{A} الي \bar{D} كنسبة \bar{A} الي \bar{A}
فباستبانة الشكل الرابع عشر من السابعة نسبة \bar{A} الي \bar{D} كنسبة \bar{A} بعينه
الي مكعب \bar{D} فكعب \bar{D} يساوي \bar{D} فـ \bar{D} مكعب \bar{D} فالحكم ثابت
وذلك ما اردنا ان نبين

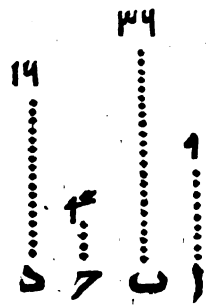
الب

كل عددين علي نسبة مربعين واحدهما مربع

فالآخر مربع

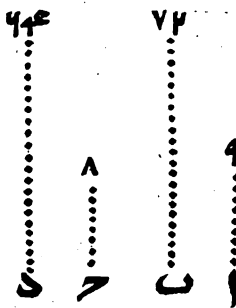
ليكن $\bar{A} \bar{B}$ مربعين ونسبة \bar{A} الي \bar{B} كنسبة \bar{C} الي \bar{D} و \bar{A} مربع فاقول ان \bar{B}
مربع برهانه فلان $\bar{C} \bar{D}$ مربعان فبقع بينهما عدد ويصير الثلاثة متوالية
علي نسبة واحدة بالشكل الحادي عشر و $\bar{A} \bar{B}$ علي نسبة $\bar{C} \bar{D}$ فبقع بينهما

عدد ويصير الثلاثة متوالية علي نسبة واحدة
بالشكل الثامن وكل ثلاثة اعداد متوالية علي نسبة
واحدة وأولها مربع فثالثها مربع بالشكل
العشرين فب مربع وذلك ما اردنا ان نبين
واستبان منه ان كل عددين علي نسبة مربعين فهما
مسطحان متشابهان
لان تبين من هذا الشكل ان كل عددين علي نسبة
مربعين وليسا احدهما مربعا فهما مستطيان متشابهان لانا بينا في برهانه
ان كل عددين علي نسبة مربعين فانه يقع بينهما عدد ويصير الثلاثة
متوالية علي نسبة وقد بين في الشكل الثامن عشر ان كل عددين يقع
بينهما عدد ويصير الثلاثة متوالية علي نسبة فهما مستطيان متشابهان
وكل مربعين فهما مستطيان متشابهان وكل عددين علي نسبة مربعين
فهما مستطيان متشابهان



كل عددين علي نسبة مكعبين واحدهما

مكعب فالآخر مكعب
ليكن α د مكعبين ونسبة α الي β كنسبة γ الي δ
وأ مكعب فاقول ان β ايضا مكعب برهانه
فلان α د مكعبان فيقع بينهما عددان ويصير
الاربعة متوالية علي نسبة بالشكل الثاني عشر
فيقع بين α β عددان ويصير الاربعة متوالية
علي نسبة بالشكل الثامن وكل عددين يقع بينهما عددان ويصير الاربعة
متوالية علي نسبة واحدهما مكعب فالآخر مكعب بالشكل الواحد
والعشرين فب مكعب وذلك ما اردنا ان نبين
واستبان منه ان كل عددين علي نسبة مكعبين فهما مجسمان متشابهان
وذلك لانا بينا في برهان هذا الشكل ان كل عددين علي نسبة مكعبين
فانه يقع بينهما عددان ويصير الاربعة متوالية علي نسبة وقد بين في
الشكل التاسع عشر ان كل عددين يقع بينهما عددان ويتوالي الاربعة
علي نسبة فهما مجسمان متشابهان وكل مكعبين فهما مجسمان متشابهان
فكل عددين علي نسبة مكعبين فهما مجسمان متشابهان
اغول ان الشكليين الذين ذكرناهما الاستبانة في هذا الشكل والشكل
الذي قبله جعلهما ثابت بن قره الشكل الرابع والعشرين والخامس
والعشرين

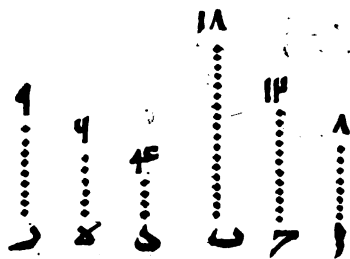


والعشرين من كتابه ولم يجعلها الحجاج شكلا من كتابه والايق بطريقه
اقل بدس في كتابه هذا ان كل ما يعلم بطريق الاستبانة او من الاشكال
المتقدمة لم يجعله شكلا من كتابه فلذلك لم يجعلها من اصل الكتاب

اد

كل مسطحين متشابهين فهما علي نسبة مربعين

ليكن آ ب مسطحين متشابهين فاقول انهما علي نسبة مربعين برهانه
فلان آ ب مسطحان متشابهان يقع بينهما عدد ويتوالي الثلاثة علي نسبة



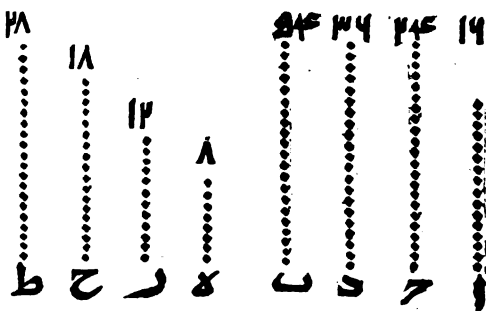
واحدة بالشكل السادس عشر وليكن
ذلك العدد ح وناخذ اقل ثلاثة اعداد
علي نسبة آ ح ب بالشكل الثالث
والثلاثين من السابعة وهي د ه ز فكل
من د ه ز مربع باستبانة الشكل الثاني
ونسبة آ الي ح كنسبة د الي ه ونسبة ح

الي ب كنسبة ه الي ز فبالمساواة نسبة آ الي ب كنسبة ه الي ز بالشكل
الرابع عشر من السابعة فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين

اله

كل مجسمين متشابهين فهما علي نسبة مكعبين

ليكن آ ب مجسمين متشابهين فاقول انهما علي نسبة مكعبين برهانه
فلان آ ب مجسمان متشابهان يقع بينهما عددان ويصير



الكل متوالبة علي نسبة
بالشكل السابع عشر
وليكن ه ح د وناخذ اقل
اعداد علي نسبة آ ح د ب
بالشكل الثالث والثلاثين

من السابعة وهي ه ح ط ف ه ط مكعبان باستبانة الشكل الثاني فلان
نسبة آ الي ح كنسبة ه الي ط ونسبة ح الي د كنسبة ط الي ز ونسبة د الي ب
كنسبة ز الي ط فبالمساواة بالشكل الرابع عشر نسبة آ الي ب كنسبة ه الي ط
ط بالشكل الرابع عشر من السابعة فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين

تمت المقالة الثامنة والحمد لله علي التوفيق

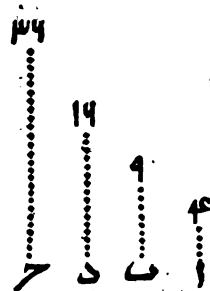
المقالة الثالثة وثلاثون في أشكال

الإشكال

كل مسطحين متشابهين فإن الحاصل من ضرب

أحدهما في الآخر مربع

ليكن \overline{AB} مسطحين متشابهين وضرب \overline{A} في \overline{B} حصل منه \overline{C} فاقول إن \overline{C} مربع برهانه نضرب \overline{A} في نفسه فيحصل منه \overline{D} فلان \overline{A} ضرب في نفسه وفي \overline{B} حصل منه \overline{C} فنسبة \overline{A} إلى \overline{B} كنسبة \overline{D} إلى \overline{C} بالشكل الثامن عشر من السابعة و \overline{AB}

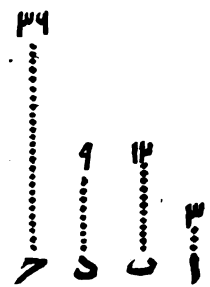


مسطحان متشابهان فيقع بينهما عدد ويتوالي الثلاثة على نسبة بالشكل السادس عشر من الثامنة فيقع بين \overline{D} عدد ويصير معها متوالية على نسبة بالشكل الثامن من الثامنة وكل ثلاثة أعداد يتوالية على نسبة أولها مربع فالثالث مربع بالشكل العشرين من الثامنة ود مربع \overline{C} مربع وذلك ما اردنا ان نبين

كل عددين مسطح أحدهما في الآخر مربع فهما

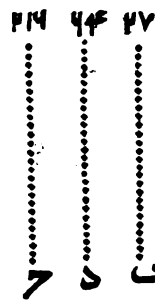
مسطحان متشابهان

ليكن مسطح \overline{A} في \overline{B} وهو مربع فاقول ان عددي \overline{AB} مسطحان متشابهان برهانه نضرب \overline{A} في نفسه فيحصل منه \overline{D} مربعاً فلان \overline{A} ضرب في نفسه وفي \overline{B} حصل منه \overline{C} فنسبة \overline{A} إلى \overline{B} كنسبة \overline{D} إلى \overline{C} بالشكل الثامن عشر من السابعة



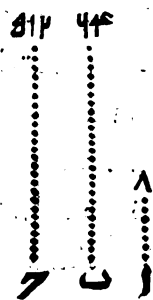
ود \overline{C} عددان مربعان وكل عددين على نسبة مربعين فهما مسطحان متشابهان باستبانة الشكل الثاني والعشرين من الثامنة ف \overline{AB} عددان مسطحان متشابهان وذلك ما اردنا ان نبين واستبان منه ان الحاصل من ضرب المربع في المربع مربع وان الحاصل من ضرب

ليكن \bar{A} مكعبا وضرب في \bar{B} فحصل \bar{C} مكعبا فاقول ان \bar{B} مكعب برهانه
 نضرب \bar{A} في نفسه فيحصل منه \bar{D} مكعبا بالشكل
 الثالث ونسبة \bar{A} الي \bar{B} كنسبة \bar{D} الي \bar{C} بالشكل
 الثامن عشر من السابعة فاق \bar{B} علي نسبة المكعبين
 وآ مكعب فاق \bar{B} مكعب بالشكل الثالث
 والعشرين من الثامنة وذلك ما اردنا ان نبين
 واستبان منه ان مسطح المكعب في غير المكعب
 غير مكعب وان كل عدد ضرب فيه مكعب
 وحصل غير المكعب فالمضروب فيه غير مكعب



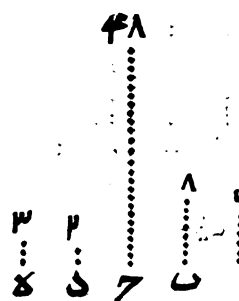
و
 كل عدد ضرب في نفسه فحصل منه مكعب

فهو مكعب
 ليكن \bar{A} ضرب في نفسه فحصل منه \bar{B} مكعب فاقول
 ان \bar{A} مكعب برهانه نضرب \bar{A} في \bar{B} فيحصل \bar{C} فخر
 مكعب فلان \bar{A} ضرب في نفسه حصل \bar{B} وآ ضرب
 في \bar{B} حصل \bar{C} فنسبة \bar{A} الي \bar{B} كنسبة \bar{B} الي \bar{C} بالشكل
 الثامن عشر من السابعة فاق \bar{B} علي نسبة مكعبين وب
 مكعب فاق \bar{B} مكعب بالشكل الثالث والعشرين من الثامنة وذلك ما اردنا
 ان نبين



كل عدد مركب ضرب في عدد آخر فالحاصل

منه عدد مجسم
 ليكن \bar{A} عددا مركبا وضرب في \bar{B} فحصل \bar{C}
 فاقول ان \bar{C} عدد مجسم برهانه فلان \bar{A}
 مركب فليعدد عدده فليعدد \bar{D} باحاد \bar{E} فاق
 حاصل من ضرب \bar{D} في \bar{E} وضرب \bar{A} في \bar{B}
 وحصل \bar{C} فخر مجسم وذلك ما اردنا ان نبين



ح
 كل اعداد مبتدئية من الواحد متوالية علي نسبة

واحدة

واحدة كم كانت فان ثالث الواحد منها مربع ثم ثالث
الثالث مربع على الاول بالغا ما بلغ ورابع الواحد
مكعب ثم رابع الرابع مكعب على الاول بالغا ما
بلي وسابع الواحد مربع مكعب ثم سابع السابع
على الاول بالغا ما بلغ مربع مكعب

لهيكن آ ب ح د هـ م اعداد متوالية على نسبة من الواحد فاقول ان ب
مربع وثالث وثالث ثالثة بالغا ما بلغ مربع ود مكعب ورابعة ورابع
رابعة بالغا ما بلغ مكعب ور

٧٢٩ ٢٤٣ ٨١ ٢٧

١
٢
٣
٤
٥
٦
٧
٨
٩
١٠
١١
١٢
١٣
١٤
١٥
١٦
١٧
١٨
١٩
٢٠
٢١
٢٢
٢٣
٢٤
٢٥
٢٦
٢٧
٢٨
٢٩
٣٠
٣١
٣٢
٣٣
٣٤
٣٥
٣٦
٣٧
٣٨
٣٩
٤٠
٤١
٤٢
٤٣
٤٤
٤٥
٤٦
٤٧
٤٨
٤٩
٥٠
٥١
٥٢
٥٣
٥٤
٥٥
٥٦
٥٧
٥٨
٥٩
٦٠
٦١
٦٢
٦٣
٦٤
٦٥
٦٦
٦٧
٦٨
٦٩
٧٠
٧١
٧٢
٧٣
٧٤
٧٥
٧٦
٧٧
٧٨
٧٩
٨٠
٨١
٨٢
٨٣
٨٤
٨٥
٨٦
٨٧
٨٨
٨٩
٩٠
٩١
٩٢
٩٣
٩٤
٩٥
٩٦
٩٧
٩٨
٩٩
١٠٠

١
٢
٣
٤
٥
٦
٧
٨
٩
١٠
١١
١٢
١٣
١٤
١٥
١٦
١٧
١٨
١٩
٢٠
٢١
٢٢
٢٣
٢٤
٢٥
٢٦
٢٧
٢٨
٢٩
٣٠
٣١
٣٢
٣٣
٣٤
٣٥
٣٦
٣٧
٣٨
٣٩
٤٠
٤١
٤٢
٤٣
٤٤
٤٥
٤٦
٤٧
٤٨
٤٩
٥٠
٥١
٥٢
٥٣
٥٤
٥٥
٥٦
٥٧
٥٨
٥٩
٦٠
٦١
٦٢
٦٣
٦٤
٦٥
٦٦
٦٧
٦٨
٦٩
٧٠
٧١
٧٢
٧٣
٧٤
٧٥
٧٦
٧٧
٧٨
٧٩
٨٠
٨١
٨٢
٨٣
٨٤
٨٥
٨٦
٨٧
٨٨
٨٩
٩٠
٩١
٩٢
٩٣
٩٤
٩٥
٩٦
٩٧
٩٨
٩٩
١٠٠

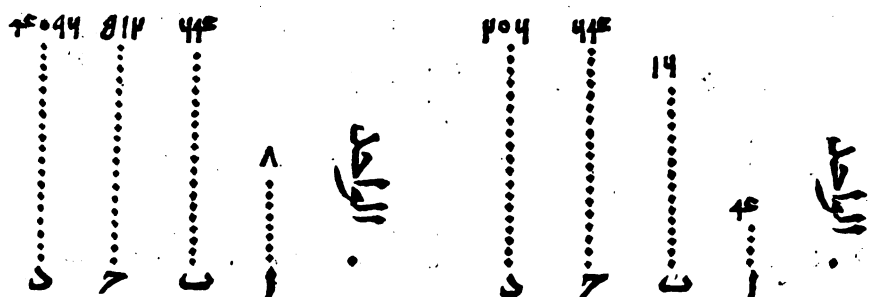
مربع مكعب وسابعة وسابع
سابعة بالغا ما بلغ مربع
مكعب برهانه فلان نسبة
الواحد الي آ كنسبة آ الي ب
فب مربع آ لان آ يعد ب
باحاد آ فالجاصل من ضرب آ في

نفسه يكون بالمصادرة ولان نسبة الواحد الي ب كنسبة ب الي د كنسبة
د الي م بالشكل الرابع عشر من السابعة فكل واحد من د وم مربع
بالشكل العشرين من الثامنة ولوبناء بالمصادرة لجاز وكان احسن ولان
نسبة الواحد الي آ كنسبة ب الي م فالجاصل من ضرب آ في ب ح فح
مكعب ونسبة الواحد الي ح كنسبة د الي ر بالشكل الرابع عشر من
السابعة وح مكعب فر مكعب بالشكل العشرين من الثامنة فر مربع
مكعب معا ومثله نيين ان سابع م مربع معا وهكذا تبين فيهما بعد
من المراتب وذلك ما اردنا ان نبين

ط

كل اعداد متوالية من الواحد على نسبة واحدة
كم كانت الاعداد فان كان الذي يلي الواحد مربعا
فالكل مربع وان كان مكعبا فالكل مكعب

ليكن الاعداد المتوالية من الواحد على نسبة $\bar{A} \bar{B} \bar{C}$ فاقول ان كان \bar{A} مربعا فكل واحد من $\bar{B} \bar{C}$ مربع وان كان مكعبا فكل واحد من $\bar{B} \bar{C}$ مكعب برهانه فان كان \bar{A} مربعا وب \bar{C} ثالث الواحد فهو مربع بالشكل



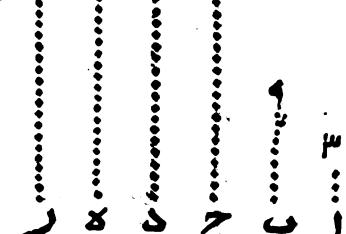
المتقدم ونسبة \bar{A} الى \bar{B} كنسبة \bar{B} الى \bar{C} وب \bar{C} على نسبة مربعين وب مربع \bar{C} مربع بالشكل الثاني والعشرين من الثامنة وبمثله تبين ما بعده وان كان \bar{A} مكعبا فب \bar{C} مكعب لان نسبة الواحد الى \bar{A} كنسبة \bar{A} الى \bar{B} فب مربع \bar{A} باستبانة الشكل التاسع عشر من السابعة و \bar{A} مكعب فب مكعب بالشكل الثالث ولان نسبة \bar{A} الى \bar{B} كنسبة \bar{B} الى \bar{C} فب \bar{C} على نسبة مكعبين وب \bar{C} مكعب \bar{C} مكعب بالشكل الثالث والعشرين من الثامنة وهذا تبين فيما بعد فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين

كل اعداد متوالية من الواحد على نسبة كم كانت الاعداد وكان الذي يلي الواحد غير مربع فليس منها عدد مربع الا ثالث من الواحد وثالث الثالث على الولاء على هذا النسق بالغ ما بلغت وان كان الذي يلي الواحد غير مكعب فليس منها عدد مكعب الا رابع الواحد ورابع الرابع على الولاء على هذا النسق بالغ ما بلغت

ليكن $\bar{A} \bar{B} \bar{C}$ من الاعداد المتوالية من الواحد على نسبة واحدة و \bar{A} غير مربع فليس منها غير $\bar{B} \bar{C}$ وان كان \bar{A} غير مكعب فليس منها غير \bar{C} مكعب على هذا النسق لو كانت الاعداد المتوالية المبتدئية من الواحد

الواحد أكثر من هذه برهانه أما أن كل واحد من \bar{b} مربع وكل واحد من \bar{c} مكعب فبالشكل الثامن لذلك ما يتلوها من المراتب على هذا النسق وأما أن غير \bar{b} لا يجوز أن يكون مربعا فلانه لو جاز

٢٧ ١١ ٣٣ ٧٢٩



ليكن \bar{c} مربعا فلان نسبة \bar{a} إلى \bar{b}

كنسبة \bar{b} إلى \bar{c} وب \bar{c} مربعان

فأ مربع بالشكل الثاني والعشرين

من الثامنة هذا خلف وبمثله

تبين في الكل وأما أن غير \bar{c} لا

يجوز أن يكون مكعبا فلانه

لو جاز ليكن \bar{c} مكعبا ونسبة \bar{a}

إلى \bar{c} كنسبة \bar{a} إلى \bar{b} بالشكل الرابع عشر من السابعة و \bar{c} مكعبان

فنسبة \bar{a} إلى \bar{c} كنسبة مكعبين و \bar{c} مكعب بالشكل الثالث

والعشرين من الثامنة هذا خلف وبمثله تبين في الكل فالحكم ثابت

وذلك ما اردنا أن نبين

كل اعداد متوالية من الواحد على نسبة فان عدد

الأقل منها يعد الأكثر منها بعدة احاد عدد منها

ليكن اعداد \bar{a} \bar{b} \bar{c} \bar{d} متوالية من الواحد على نسبة و \bar{c} يعدة فاقول

انه يعدة بعدة احاد عدد منها

برهانه فلان نسبة الواحد إلى \bar{b}

كنسبة \bar{a} إلى \bar{b} بالشكل الرابع عشر

من السابعة والواحد يعد \bar{b} بعدة

احاد \bar{b} ف \bar{c} يعدة بعدة احاد \bar{b}

وبمثله تبين في كل اقل عدد يعد

الأكثر منها فالحكم ثابت وذلك ما

اردنا أن نبين

كل اعداد توالت من الواحد على نسبة كم كانت

الاعداد وكل عدد أول يعد الأخير منها فانه يعد

العدد الذي يلي الواحد

العدد الذي يلي الواحد

العدد الذي يلي الواحد

العدد الذي يلي الواحد

العدد الذي يلي الواحد

العدد الذي يلي الواحد

العدد الذي يلي الواحد

العدد الذي يلي الواحد

العدد الذي يلي الواحد

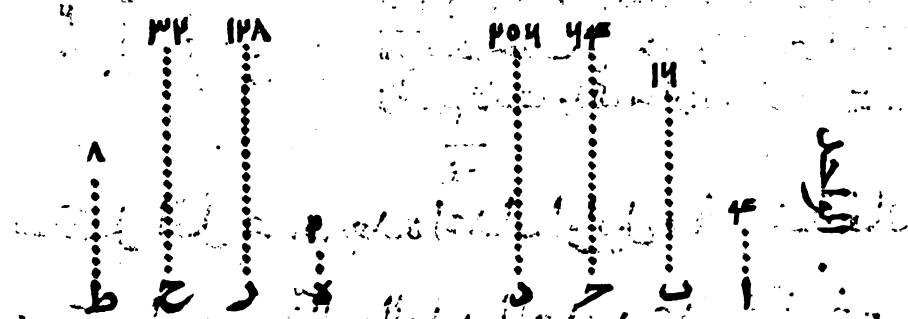
العدد الذي يلي الواحد

العدد الذي يلي الواحد

التاسعة

٢٩٢

بالشكل المتقدم هذا خلف فالعدد الأول الذي بعد عدده هو آ لا
غير وبعد د بعدة احاد م فنسبة الواحد الي ر كنسبة د الي د فد
مسطح م في ع بالشكل التاسع عشر من السابعة فنسبة آ الي ر كنسبة د
الي ح بالشكل التاسع عشر من السابعة وآ بعد د فريعد ح ولان د بعد د



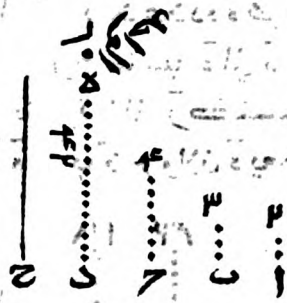
بعدد ليس هو آ ب ح فليس هو آ ولا ب فهو غير ما وليس م أول والا
لعدا الأول بالشكل المتقدم هذا خلف فهو مركب وكل مركب بعده
عدد أول بالشكل التاسع والعشرين من السابعة وذلك الأول لا يمكن ان
يكون غير آ والا لكان م فبكا بعد د فبعد آ بالشكل المتقدم هذا
خلف فذلك الأول هو آ لا غير فآ بعد م وليس بعد م ح فري في ح ح
بالشكل التاسع عشر من السابعة لان نسبة الواحد الي ح كنسبة م الي ح
ولان نسبة الواحد الي آ كنسبة ب الي ح فح مسطح آ في ب بالشكل التاسع
عشر من السابعة فنسبة آ الي م كنسبة ح الي ب بالشكل التاسع عشر من
السابعة وآ بعد م ح بعد ب وليس ح آ لان م عد د بعدد ليس هو آ
ولا ب وليس ح عدد أول ولا بعدا بالشكل المتقدم فهو مركب ولا
بعد ح غير آ كما بينا فبعد ح ب ببط فنسبة الواحد الي ط كنسبة ح الي
ب فبب مسطح ط في ح بالشكل التاسع عشر من السابعة ولان نسبة
الواحد الي آ كنسبة الي ب فآ في نفسه هو ب باستطاعة الشكل التاسع
عشر من السابعة فنسبة آ الي ح كنسبة ط الي آ وآ بعد ح فط بعد آ وهو
عدد أول هذا خلف فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبي

كل اعداد اوليل تفرض معلومة العدد فلا بد

ان يوجد عدد اول لا يكون واحدا منها

ليكن الاعداد الاوایل المقروضة آ ب م فاقول لنا ان نجد عددا اول غير
هذه الثلاثة برهنا به فليجد اول بعد م بعد اعداد آ ب م بالشكل
السادس والثلاثين من السابعة وليكن د ونزيد عليه واحدا هو م
فد ان كان اول فقد وجدنا عددا اول غير آ ب م وان لم يكن مزا عددا

أول فبعده عدد أول بالشكل الثلاثين من
السابعة وليكن الأول الذي يعد درهوج
وهو ليس واحدا من آ ب لان كل واحد
منها يعد دة فلو كان ج واحدا من آ ب
لكان يعد دة وكان يعد دة فعدد ح يعد
د هـ هذا خلف فح عدد أول غير آ ب
فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين

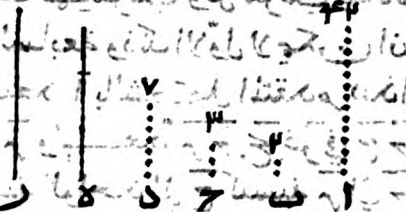


كل اقل عدد يعد اعداد او ايل مفروضة فلا

يمكن ان يعد ذلك العدد المعدود عدد أول غير

المفروضة

ليكن آ اقل عدد يعد اعداد
ب د الاو ايل فاقول لا يمكن
ان يعد آ عدد أول غير ب د
برهانها فان امكن فليعد
آ عدد أول غير ب د وليكن هو عدد د و ليعده ب ب فنسبة الواحد الى
د كنسبة آ الى آ فامسح في د بالشكل التاسع عشر من السابعة واذا
عد الأول مسطحا اعداد اضلاعه بالشكل الثاني والثلاثين من السابعة وكل
واحد من ب د يعد آ فليعد احد اضلاعه ولا يمكن ان يعد د لانه أول
فكل منها يعد ب فليعد اقل من آ فاقول عدد يعد ب د هو د هو اقل من
آ وكان هو هذا خلف فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين



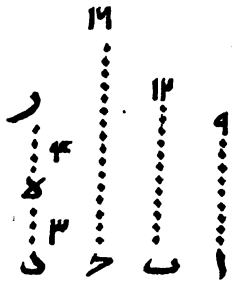
مجموع اي عددين من كل اقل ثلاثة اعداد توالى

على نسبة واحدة يباين الثالث منها

ليكن آ ب ح اقل ثلاثة اعداد توالى على نسبتها فاقول ان مجموع آ ب
يباين د ومجموع ب ح يباين ا ومجموع آ ح يباين ج برهانها نجد اقل
عددين على نسبة آ ب ح بالشكل الثالث والثلاثين من السابعة وهما د هـ
فهما متباينان بالشكل الواحد والعشرين من السابعة ونجد اقل
ثلاثة اعداد على نسبة د هـ بالشكل الثاني من الثامن فيكون طرفاها
متباينين ويكون اقل عدد على نسبة آ ب ح باستبانة الشكل الرابع عشر

من

من السابعة فتكون في $\bar{A} \bar{B}$ بعينها فأربع \bar{D} و \bar{C} مربع \bar{D} و \bar{B} مسطح
 \bar{D} في \bar{D} فلان \bar{D} يباين \bar{D} فكل منهما يباين
 \bar{D} بالشكل الثامن والعشرين من السابعة
ولان ضرب \bar{D} في \bar{D} هو تضعيف \bar{D} باحد \bar{D}
واحد \bar{D} في \bar{D} واحد \bar{D} و \bar{D} ضرب \bar{D} في \bar{D} هو
تضعيف \bar{D} باحد \bar{D} وهو مربع \bar{D} اعني \bar{A} و
تضعيف \bar{D} باحد \bar{D} هو مسطح \bar{D} في \bar{D}
اعني \bar{B} فال حاصل من ضرب \bar{D} في \bar{D} هو مجموع

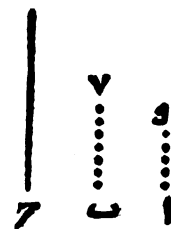


$\bar{A} \bar{B}$ فهو مباين ل \bar{D} بالشكل الرابع والعشرين من السابعة فمجموع $\bar{A} \bar{B}$
يباين \bar{C} بالشكل الخامس والعشرين من السابعة لان مربع المباين
ومثله تبين ان الحاصل من ضرب \bar{D} في \bar{D} يساوي مجموع \bar{C} وهو يباين
 \bar{A} ولان \bar{D} و \bar{D} متباينان ف \bar{D} يباين كل واحد منهما فباين مسطح احدهما
في الاخر اعني \bar{D} يباين \bar{B} بالشكل الرابع والعشرين من السابعة
فربع \bar{D} يباين \bar{B} بالشكل الخامس والعشرين من السابعة ومربع \bar{D}
هو تضعيف \bar{D} باحد \bar{D} اعني احاد \bar{D} و \bar{D} تضعيف \bar{D} باحد \bar{D}
يساوي مربع \bar{D} ومسطح \bar{D} في \bar{D} وتضعيف \bar{D} باحد \bar{D} يساوي
مربع \bar{D} ومسطح \bar{D} في \bar{D} فربع \bar{D} يساوي مجموع مربعي \bar{D} اعني
مجموع \bar{A} وضعف مسطح \bar{D} في \bar{D} اعني ضعف \bar{B} وكان مربع \bar{D} يباين
 \bar{B} ف \bar{A} مع ضعف \bar{B} يباين \bar{B} فبالشكل الثامن والعشرين \bar{A} مع \bar{B}
يباين \bar{B} فبهذا الشكل بعينه \bar{A} مع يباين \bar{B} فالحكم ثابت وذلك ما
ادري ان نبين

ير

كل عددين متباينين فلا ثالث لهما في النسبة

ليكن \bar{A} يباين \bar{B} فاقول ليس يمكن ان يكون نسبة \bar{A} الي \bar{B} كنسبة \bar{B} الي
عدد آخر برهانه فان امكن فلتكن نسبة \bar{A} الي
 \bar{B} كنسبة \bar{B} الي \bar{C} و \bar{A} باقل عددين علي نسبتها
بالشكل الثاني والعشرين من السابعة فبعد ان كل
عددين علي نسبتها بالشكل العشرين من السابعة
فا يعد \bar{B} وهو يعد نفسه ف \bar{A} ليسا متباينين هذا
خلف فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين



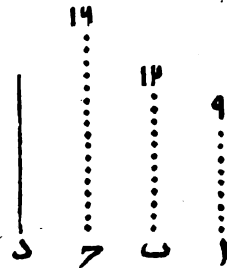
واستبان منه انا اذا اطلقنا اسم العدد علي الواحد فان كل عددين
احدهما واحد فان لهما ثالثا في النسبة

يح

كل اعداد متوالية علي نسبة كم كانت وتباين
طرفاها فنسبة الاول الي الثاني لا يمكن ان تكون
كنسبة الاخر منها الي عدد اخر غير ها *

ليكن $\bar{A} \bar{B} \bar{C}$ متوالية علي نسبة \bar{A} و \bar{B} يباين \bar{C} فلا يمكن ان تكون نسبة
 \bar{A} الي \bar{B} كنسبة \bar{C} الي عدد آخر برهانه فان
امكن فلتكن نسبة \bar{A} الي \bar{B} كنسبة \bar{C} الي \bar{D}
فبالمساواة نسبة \bar{A} الي \bar{C} كنسبة \bar{B} الي \bar{D} بالشكل
الرابع عشر من السابعة و \bar{A} اقل عددين علي
نسبتهم بالشكل الثاني والعشرين من السابعة
فبعد ان كل عددين علي نسبتهم بالشكل
العشرين منهما ف \bar{A} يعد \bar{B} ونسبة \bar{A} الي \bar{B}
كنسبة \bar{B} الي \bar{C} ف \bar{B} يعد \bar{C} ف \bar{A} يعد \bar{C} وهو يعد نفسه ف \bar{C} متشارك
وكانا متباينين هذا خلف فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين *

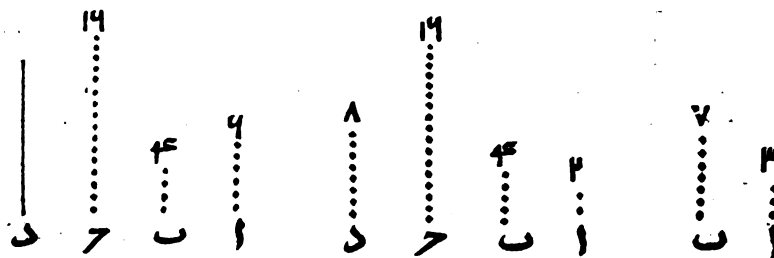
واستبان منه انا اذا اطلقنا اسم العدد علي الواحد ما كان اعداد متوالية
علي نسبة كم كانت وكان احد طرفيها واحدا فان نسبة الاول منها الي
الثاني كنسبة الاخر منها الي عدد اخر



يط

كل عددين مفروضين لنا ان نعلم انه هل يمكن
ان يكون لهما ثالث في النسبة اولا بممكن *

فليكن $\bar{A} \bar{B}$ عددين مفروضين فان كانا متباينين فلا ثالث لهما في
النسبة بالشكل السابع عشر وان لم يكونا متباينين فانا نضرب احدهما
في نسبة وليكن \bar{B} ومربعه \bar{C} فاقول ان \bar{A} ان عدد \bar{C} فيمكن ان يكون



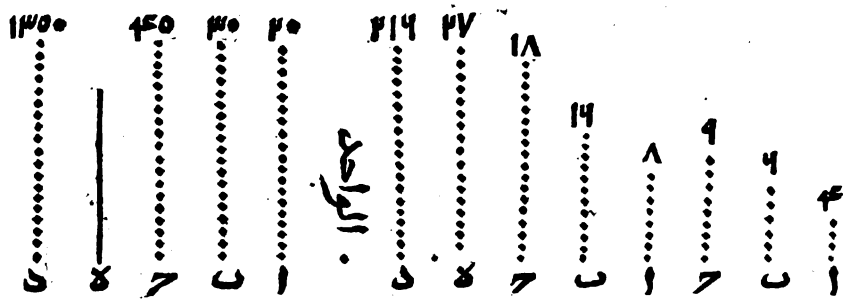
لعددي $\bar{A} \bar{B}$ ثالث في النسبة والا فلا برهانه فان عدد \bar{C} فليعد \bar{B}
فنسبة

فنسبة الواحد الى د كنسبة آ الى ح فهو مسطح د في آ وهو مربع ب
فنسبة آ الى ب كنسبة ب الى د باستبانة الشكل التاسع عشر من السابعة
وان لم يعدد آ ح فلا ثالث لآ ب في النسبة والا فليكن د ثالثهما فالحاصل
من ضرب آ في د الذي هو مربع باستبانة الشكل التاسع عشر من
السابعة فنسبة الواحد الى د كنسبة آ الى ح والواحد يعدد د فأيعدد ح
وكان لا يعدد هذا خلف فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين
واستبان منه انا اذا اطلقنا اسم العدد على الواحد فكل عددين احدهما
واحد فان لهما ثالث في النسبة بالضرورة لان العدد الذي هو غير
الواحد منهما يعدد عددا ما باحد نفسه فتكون نسبة الواحد اليه
كنسبة العدد العاد الى العدد المع

ك

كل ثلاثة اعداد مفروضة متوالية على نسبة لنا
ان نعلم انه هل يمكن ان يكون لها رابع في
النسبة

ليكن آ ب ح ثلاثة اعداد متوالية على نسبة فان كان آ يباين ح فلا يمكن
ان يوجد لها رابع في النسبة بالشكل الثامن عشر وان لم يكونا متباينين
فيكون فنضرب ب في ح فيحصل د فان عدد آ د فليعدد به فنسبة
الواحد الى د كنسبة آ الى د فالحاصل من ضرب د في آ هو د بالشكل التاسع



عشر من السابعة فنسبة آ الى ب كنسبة ح الى د بالشكل التاسع عشر من
السابعة وان لم يعدد آ د فلا رابع لاعداد آ ب ح في النسبة والا فليكن
د رابعا لها في النسبة فنسبة آ الى ب كنسبة ح الى د فسطح آ في د كسطح ب
في ح بالشكل التاسع عشر من السابعة فد مسطح آ في د فنسبة الواحد
الي د كنسبة آ الى د فأيعدد د وكان لا يعدد هذا خلف فالحكم ثابت
وذلك ما اردنا ان نبين

كل عدد زوج فصل منه عدد زوج فالباقي زوج

ليكن \overline{AB} عددا زوجا وفصل
 \overline{AB} من \overline{AB} وهو عدد زوج
 فاقول ان \overline{AC} عدد زوج برهانه

فلانا اذا نقصنا نصف عدد \overline{AB} الزوج من نصف \overline{AB} بقي \overline{AC} فلا
 نصف فهو عدد زوج وذلك ما اردنا ان نبين
 الله

كل عدد زوج فصل منه عدد فرد فالباقي

عدد فرد

ليكن \overline{AB} عددا زوجا وفصل
 منه \overline{AB} فردا فاقول ان \overline{AC} فرد برهانه فلان \overline{AB} فرد نصف منه
 واحدا وهو \overline{BC} يبغي \overline{AB} عددا زوجا فاد زوج بالشكل المتقدم فاذا
 نقصنا \overline{AC} الواحد من \overline{AD} الزوج يبغي \overline{AC} عددا فردا وذلك ما اردنا ان نبين
 الله

كل عدد فرد فصل منه عدد زوج فالباقي فرد

ليكن \overline{AB} فردا وفصل منه \overline{AB}
 زوجا فاقول ان \overline{AC} فرد برهانه
 نزيد واحدا وهو \overline{BC} على
 \overline{AB} صار \overline{AD} زوجا و \overline{AC} فردا فاد فرد بالشكل المتقدم وذلك ما اردنا
 ان نبين

كر

كل عدد فرد فصل منه عدد فرد فالباقي زوج

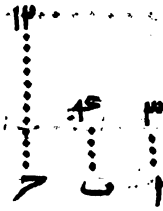
ليكن \overline{AB} عددا فردا وفصل منه
 \overline{AB} عدد فرد فاقول ان \overline{AC} زوج
 برهانه نقصنا من \overline{AB} \overline{BC}
 واحدا فبصر كل واحد من \overline{AD} عددا زوجا فاد زوج بالشكل الرابع
 والعشرين وذلك ما اردنا ان نبين

ح

مسطح كل عدد فرد في أي عدد زوج عدد زوج

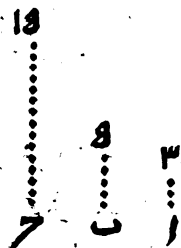
ليكن أعدادا فردا وب عدد زوجا ومسطح آ في ب
فأقول أن عدد زوج برهانه فلان في ح من امثال
عدد الفرد بعدة احاد ب الزوج فح عدد زوج
بالشكل الثاني والعشرين وذلك ما اردنا ان نبين

ط

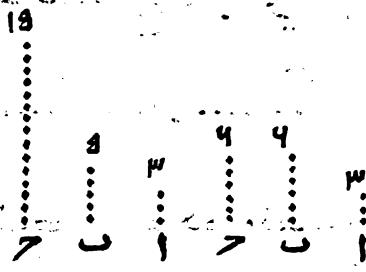


مسطح كل عدد فرد في أي عدد فرد عدد زوج

ليكن ح مسطح آ في ب الفردين فأقول ان عدد
فرد برهانه فلان في ح من امثال الفرد بعدة
احاد الفرد يكون ح عددا فردا بالشكل الثالث
والعشرين وذلك ما اردنا ان نبين
واستبان من هذين الشكلين ان كل عدد فرد عد
عددا زوجا فانه انما يعده بعدة زوج وان كل عدد

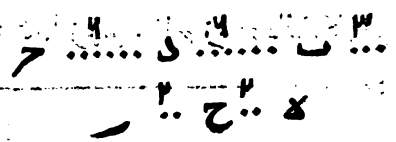


فرد عدد عددا فردا فانهما يعده بعدة زوج
اما الاول فليكن أعدادا فردا عد عدد الزوج فلا بد وان يعده بعدد
وليكن ذلك العدد هو ب فأقول انه
زوج لانه لو كان فردا لكان ح عددا
فردا بالشكل التاسع والعشرين لان
ح حينئذ حاصل من ضرب آ في ب
الفرد هذا خلف واما الثاني
فليكن آ عددا فردا عد عدد
الفرد فلا بد وان يعده بعدد
وليكن ذلك هو ب فأقول انه فرد لانه لو كان زوجا لكان ح عددا زوجا
بالشكل الثاني والعشرين لان عدد ح حينئذ حاصل من ضرب آ في ب
الزوج هذا خلف



كل عدد فرد عدد زوجا فهو انما يعد نصفه

ليكن أب عددا فردا وعد عدد ب
الزوج فأقول انه انما يعد نصف
ب برهانه فلان الفرد عد عدد
ب الزوج فهو انما يعده بعدد
زوج



زوج باستبانة احد شكله الثامن والعشرين والتاسع والعشرين وليكن ذلك العدد الزوج $\overline{هـ}$ وليكن نصف $\overline{ب}$ $\overline{د}$ ونصف $\overline{هـ}$ $\overline{ح}$ ولان في $\overline{ب}$ $\overline{ح}$ من اضعاف ابعده احدى $\overline{هـ}$ نصف $\overline{هـ}$ فأيعد $\overline{ب}$ $\overline{د}$ ابعده احدى $\overline{هـ}$ فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين

لا

كل عدد فرد يباين عددا فهو يباين ضعفه

ليكن اعدادا فردا ويباين $\overline{د}$ و $\overline{هـ}$ ضعف $\overline{د}$ فاقول ان آيباين $\overline{هـ}$ برهانه فلانه لو لم يتباينا لعد هما عدد وليكن العدد $\overline{ب}$ فلان $\overline{ب}$ يعد $\overline{أ}$ الفرد فهو عدد فرد لانه لو كان زوجا وقد عد العدد الفرد لكان اعدادا زوجا بالشكل الواحد والعشرين هذا خلف فب عدد فرد وعد $\overline{هـ}$ ضعف $\overline{د}$ فهو يعد $\overline{د}$ بالشكل المتقدم فقد عد عددي $\overline{أ}$ و $\overline{د}$ فيها مشتركان وكاتا متباينين هذا خلف فايباين $\overline{هـ}$ وذلك ما اردنا ان نبين

لب

جميع الاعداد الحاصلة من تضعيف الاثنين فالزوج

كلا منها زوج الزوج فقط

ليكن اعداد $\overline{ب}$ $\overline{د}$ هي الحاصلة من تضعيف الاثنين الذي هو اقول ان كل واحد من $\overline{ب}$ $\overline{د}$ زوج الزوج فقط برهانه ليكن الواحد مقدما علي $\overline{أ}$ فضعف الواحد $\overline{ب}$ ضعف $\overline{أ}$ و $\overline{ب}$ ضعف $\overline{د}$ فكل منها زوج واعداد $\overline{أ}$ $\overline{د}$ متوالبة من الواحد علي نسبة فاعلمها يعد اكثرها بعدد منها بالشكل الحادي عشر فكل واحد من اعداد $\overline{ب}$ $\overline{د}$

زوج الزوج ولان $\overline{أ}$ عدد اول فلا يعد $\overline{د}$ غير $\overline{أ}$ $\overline{ب}$ ولا يعد $\overline{ح}$ غير $\overline{أ}$ $\overline{ب}$ ولا يعد $\overline{ب}$ غير $\overline{أ}$ فكل واحد من اعداد $\overline{ب}$ $\overline{د}$ زوج الزوج فقط اذ لا يمكن ان يكون واحد منها زوج الزوج والفرد والا لعد احدى ها غير ها هذا خلف فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين

لج

كل عدد نصف فرد فهو زوج الفرد فقط *

لېکن عدد آب نصفه وهو آخ فردا فاقول ان آب زوج الفرد فقط اما انه زوج الفرد فلان له نصف فردا

و اما آنکه لا یکن آن یکون زوج

الزوج لانه لو كان لكان نصفه

زوجا وهو فرد هذا خلف والحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين

كل عدد لا يكون حاصلًا من تضعيف الاثنين

وله نصف ليس بفرد فهو زوج الزوج وزوج الفرد *

لَيْسَ أَبٌ عَدَدًا غَيْرَ حَاصِلٍ مِنْ تَضَعِيفِ الْاِثْنَيْنِ وَنُصْفِهِ بـ وَلَيْسَ
بِفَسْرِدٍ فَاَقُولُ اِنْ اَبَ رُجَّ الزَّوْجُ وَزَوْجُ

الفرد برهانه فلان بـ الزوج هو

نصف آب قاب زوج الزوج وهو زوج

الفرد أيضا لان $\frac{1}{b}$ ينقسم لانه زوج فلا ينتهي بالقسمة الي الواحد والآخر

لكن أب حاصلا من تضعيف الاثنين هذا خلف فبنتهي بالقسمه الي

عدد فردي عدد ب و يعدد ا ايضا المساوي لب فيعد ا ب بالشكل

الثامن والعشرين من السابعة في عدد ذلك المفرد عدد اب مرات عدتها

زوج باستبانة أحد شكلي الثامن والعشرين والتاسع والعشرين فاب زوج

الفرد وكان زوج الزوج فهو زوج الزوج وزوج الفرد وذلك ما اردنا ان نبين

18

جميع الاعداد المتوالية على نسبة كم كانت وفصل من

كل واحد من الثاني فبالاخير منها مثل الاول فان

نسبة الباقي من الثاني الى الاول كنسبة الباقي

من الاخير الى جميع الاعداد المتقدمة عليه اذا

جعلت عددا واحدا

يَكُنْ نَسَبَةً أَبَ إِلَى دَدٍ كَنَسَبَةِ دَدٍ إِلَى مَرْحٍ وَكَنَسَبَةِ مَرْحٍ إِلَى طَنْةٍ وَفَصْلٌ

من حدة مثل اب ومن طة نمة مثل اب ايضا قول ان نسفة حة الى اب

كنيسة

المقالة العشرة مائة وتسع

صدر اقسام اتم المتصل خمسة الخط والسطح والجسم التعليمي والمكان والزمان ويقال لها الاعظام فان نسب احد المتجانسين منها الى الآخر من جنسه او قدر احدهما بالآخر يقال له المدار ☞ والمقادير المشتركة خطوطا كانت او سطوحا او جساما وغيرها ☞ التي يمكن ان يقدرها مقدار واحد ☞ وغير المشتركة اي المتباينة في التي لا يمكن ان يقدرها مقدار واحد ☞ والاشتراك في المقادير يخالف الاشتراك في الاعداد فان الاعداد المشتركة هي التي يعدها عدد واحد لان يعدها الواحد وذلك لان الواحد في المقادير مقدار والواحد في الاعداد ليس بعدد ☞ والخط طول بالعقل ومربع بالقوة اي يمكن ان يحدث منه مربع ☞ الخط المشتركة في القوة هي التي يمكن ان يقدر مربعاتها سطح واحد ☞ والمتباينة في القوة هي الخطوط التي لا يمكن ان يقدر مربعاتها سطح واحد ☞ واذا وضع مقدار محدود خطا كان او سطحا او جسما او غيرها من المقادير لتقدير ساير المقادير التي من جنسه يصير بوحده منطقا وكل مقدار قدر به او بجزئه او بجزء جزئه وقع عليه اسم العدد للتقديرية ويصير بذلك منطقا ☞ فكل مقدار نسب الى المقدار الموضوع نسبة عدد الى عدد فهو منطوق ومانسب اليه من المقادير ☞ ولا تكون نسبته اليه نسبة عدد الى عدد فهو اسم اي لم يسمع كنسبته اليه اسم ينطق به بل ينطق بطريق الحدود لمحد رثلته وحده خمسة ومثل ما يقال حدر خمسة ثلث حدر خمسة واربعين وحدر واحد وربع نصف حدر خمسة وان صدق علي المنسوب النصف والثلث وعلي المنسوب اليه الواحد فان ذلك يخرج عن حيز الاصم اذا لبس هذا بواسطة اضافته الى المقدار الموضوع الذي هذه الحدود بالنسبة اليه اسم ☞ فاذا وضع خط محدود لتقدير الخطوط به فهو منطوق ☞ وكل خط قدر به او بجزئه او بجزء خرايه فهو منطوق ايضا ☞ وكل خط لا يمكن ان يقدر به ولا بجزئه ولا بجزء جزئه فهو اسم ☞ ومربع ذلك الخط الموضوع ايضا منطوق ☞ وكل سطح يقدر به او بجزئه او بجزء جزئه فهو منطوق ☞ وكل سطح لا يمكن ان يقدر به ولا بجزئه ولا بجزء جزئه فهو منطوق ايضا ☞ وكل جسم يقدر به او بجزئه او بجزء جزئه فهو منطوق ☞ وكل جسم لا يمكن ان يقدر به ولا بجزئه ولا بجزء جزئه فهو اسم ☞ ويتبين في هذه المقالة انه اذا وضع خط محدود

اصغر من المقدار الاصغر مقدمة لبعض براهين علوم الهندسة وقد يكون تلك المفصولات علي نسبة معينة كالنصف والثلث وقد لا يكون علي نسبة معينة اما الاول فخطين محدودين مختلفين بالعظم والصغر فانه اذا نقص من الاعظم جزء ما ومن الباقي ذلك الجزء بعينه وهكذا داما فانه يبق من المقدار الاعظم اقل من الاول اما الثاني فثل ما اذا عجلنا في الدائرة مربعاً فكون هو اعظم من نصف الدائرة واذا عجلنا فيها مئتي يكون فصل المئتين علي المربع اعظم من نصف فصل الدائرة علي المربع واذا عجلنا في الدائرة شكلاً ذا ست عشرة قاعدة فكون فصله علي المئتين اعظم من نصف فصل الدائرة علي المئتين واذا سلكتنا هكذا في اشكال عدد اضلاعها زوج الزوج فانه يبق من الاعظم ما هو اصغر من الاصغر وقد تكون المفصولات علي نسبة معينة في نفس الامر وقد لا تكون فحصل مما ذكرنا ان المفصولات من المقدار الاعظم قد تكون علي نسبة معينة وقد لا تكون علي نسبة معينة بل تكون معددة بنوع من التقبيد فلما لاحظ اقليدس هذا المعنى فارسل قولاً شاملاً للنوعين ليكون الدعوي كليه فقال اذا فصل من اعظم المقدارين ما هو اعظم من نصفه و من الباقي اعظم من نصفه وهكذا داما فانه يبق من الاعظم مقدار اصغر من الاصغر فقله ما هو اعظم من نصفه ومن الباقي اعظم قد يمكن ان يكون علي نسبة معينة ويمكن ان يكون علي نسبة معينة والشيخ ابو علي بن القسم البصري لما راي ان اقليدس استعمل هذا الدعوي في الشكل الثاني والتاسع والعاشر والحادي عشر من المقالة الثانية من هذا الكتاب ظن ان هذا الدعوي جزئي اورد في الشكل الاول من المقالة العاشرة استعمله في الاشكال المذكورة وصنف رسالة ذكر فيها ان هذا الدعوي جزئي قال فيها واني لما تأملت ظهر لي ان هذا الحكم كلي علي اي نسبة كانت المفصول من المفصول منه اذا كانت النسبة محفوظة وان تقبيد الدعوي بما هو اعظم من النصف ونحوه يجعل الدعوي جزئياً والشيخ احمد بن السري البغدادي قال هذا الدعوي كلي كما اشرنا اليه وعمل فيه رساله رد علي ابي علي فيها وهو حق وانا ذكرت هذا القول ليتنبه المتعلم علي ان قول اقليدس كلي يشمل قول ابي علي بن الهيثم من غير عكس وعلي قول ابي علي بن الهيثم لا يتم البرهان علي الاشكال المذكورة في المقالة الثانية عشر فهو جزئي والله اعلم بالصواب

كل مقدارين مختلفين تفصل من اعظمهما مرة بعد اخرى مثل اصغرها حتى يبق منه اصغر

الذي يقدر بـ \bar{b} فـ \bar{c} يقدر بـ \bar{a} وكان يقدر \bar{a} بـ \bar{b} فهو يقدر \bar{a} وهو يقدر
 دـ فـ \bar{c} يقدر دـ وكان يقدر دـ فـ \bar{c} الاظم يقدر دـ \bar{c} الذي هو اصغر منه
 هذا خلف فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين
 واستبان منه ان كل مقدار يقدر مقدارين مشتركين فهو يقدر اعظم
 مقدار يقدر

لنا ان نجد اعظم مقدار يقدر مقادير مشتركة
 اكثر من اثنين

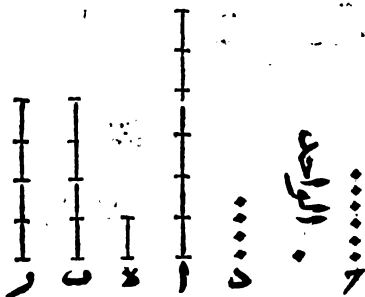
فنجد اعظم مقدار يقدر \bar{a} بـ \bar{b} وليكن هو \bar{d} بالشكل
 المتقدم فان \bar{d} فهو اعظم مقدار يقدر \bar{a} بـ \bar{b}
 والا فليكن اعظم مقدار يقدر \bar{a} بـ \bar{b} فـ \bar{d} يقدر \bar{a} بـ
 فـ \bar{d} يقدر اعظم مقدار يقدر \bar{a} بـ \bar{b} وهو \bar{d} فـ \bar{d} يقدر
 وهو اعظم منه هذا خلف وان لم يعد \bar{d}
 فنجد اعظم مقدار يقدر \bar{d} بـ \bar{c} بالشكل المتقدم
 وليكن هو \bar{e} فلانه يقدر \bar{d} بـ \bar{c} و \bar{d} يقدر \bar{a} بـ
 فـ \bar{e} يقدر \bar{a} بـ \bar{b} فاقول هو اعظم مقدار يقدرها
 والا فليكن \bar{e} اعظم مقدار يقدرها فـ \bar{e} يقدر
 \bar{a} بـ \bar{b} فـ \bar{e} يقدر اعظم مقدار يقدرها باستبانة
 الشكل المتقدم فـ \bar{e} يقدر \bar{d} وهو يقدر \bar{d} فـ \bar{e} يقدر اعظم مقدار يقدر \bar{d}
 باستبانة الشكل المتقدم فـ \bar{e} يقدر \bar{d} وهو اعظم منه هذا خلف فـ \bar{e} اعظم
 مقدار يقدر \bar{a} بـ \bar{b} وذلك ما اردنا ان نبين

كل مقدارين مشتركين نسبة احدهما الى
 الآخر كنسبة عدد الى عدد

فليكن المقداران المشتركان \bar{a} بـ \bar{b} ومقدارهما
 فـ \bar{c} فـ \bar{c} باحاده عدد \bar{d} و \bar{b} باحاده عدد \bar{e}
 فنسبة \bar{a} الى \bar{b} كنسبة الواحد الى \bar{d} وبـ \bar{c} الى
 نسبة \bar{a} الى \bar{b} كنسبة \bar{c} الى الواحد ونسبة \bar{a} الى
 \bar{b} كنسبة الواحد الى \bar{d} فبالمساواة نسبة \bar{a} الى \bar{b} كنسبة \bar{c} الى \bar{d} بالشكل
 الرابع عشر من السابعة وذلك ما اردنا ان نبين

كل مقدارين نسبة احدهما الى الآخر كنسبة
عدد الى عدد فهما متشاركان

ليكن نسبة مقدار α الى مقدار β كنسبة عدد α الى عدد β فاقول ان α
 β مشتركان برهانه. نقسم α بعدة γ بالشكل الثالث عشر من
السادسة وليكن احد اقسام α δ
فنسبته الى α كنسبة الواحد الى γ
وبالخلاف نسبة α الى δ كنسبة γ الى
الواحد ولنا جدله اضعافا بعدة γ احاد
 δ وليكن هو ϵ فنسبة δ الى ϵ كنسبة
الواحد الى δ فيا لمساواة نسبة α الى β
كنسبة γ الى δ بالشكل الرابع عشر من
السابعة وكانت نسبة α الى β كنسبة γ الى δ فنسبة α الى β كنسبة γ الى δ
باستبانة الشكل الرابع عشر من السابعة فب γ يساوي δ بالشكل السابع
من الخامسة وكان α مشاركا لـ β فهو متشارك لـ β وذلك ما اردنا ان نبين

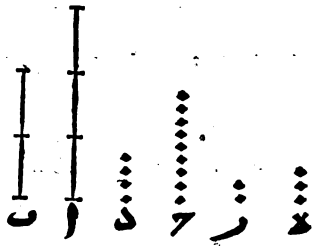


كل خطين مستقيمين هما ضلعا مربعين فان كانا
مشاركين في الطول كانت نسبة مربعهما كنسبة
عدددين مربعين وان كانت نسبة مربعهما كنسبة
عدددين مربعين فالخطان مشتركان في الطول وان
لم تكن نسبة مربعهما كنسبة عدد مربع الى عدد
مربع فالخطان ليسا مشتركين في الطول

ليكن α β مشتركين في الطول فاقول ان نسبة مربعهما
كنسبة عدددين مربعين وان كانت نسبة مربعهما
كنسبة عدددين مربعين فهما مشتركان في الطول وان
لم تكن نسبة مربعهما كنسبة عدددين مربعين فهما
متباينان في الطول برهانه فلان α β مشتركين في
الطول فنسبة احدهما الى الآخر كنسبة عدد الى عدد بالشكل الخامس
وليكن



ولیکن العددين \bar{a} و \bar{b} فنسبة \bar{a} الى \bar{b} مثناة كنسبة \bar{c} الى \bar{d} مثناة ونسبة
مربع \bar{a} الى مربع \bar{b} كنسبة \bar{a} الى \bar{b} مثناة بالشكل العاشر والتاسع عشر من
السادسة فنسبة مربع \bar{a} الى مربع \bar{b} كنسبة \bar{c} الى \bar{d} مثناة بالشكل
الحادي عشر من الخامسة او باستبانة الشكل الرابع عشر من السابعة
ونسبة مربع \bar{c} الى مربع \bar{d} كنسبة \bar{c} الى \bar{d} مثناة بالشكل الحادي عشر من
الثامنة فنسبة مربع \bar{a} الى مربع \bar{b} كنسبة مربع \bar{c} الى مربع \bar{d} بالشكل
الحادي عشر من الخامسة او باستبانة الشكل الرابع عشر من السابعة
وايضا وليكن نسبة مربع \bar{a} الى مربع \bar{b} كنسبة عدد مربع الى عدد
مربع وهما \bar{c} و \bar{d} وضلع \bar{c} و \bar{d} ونسبة \bar{e} الى \bar{f} مثناة كنسبة \bar{c} الى \bar{d}
د بالشكل الحادي عشر من الثامنة فنسبة



مربع \bar{a} الى مربع \bar{b} كنسبة \bar{e} الى \bar{f} مثناة
بالشكل الحادي عشر من الخامسة او
باستبانة الشكل الرابع عشر من السابعة
ونسبة \bar{a} الى \bar{b} مثناة كنسبة مربع \bar{a} الى
مربع \bar{b} بالشكل العاشر والتاسع عشر من

السادسة وكانت نسبة \bar{e} الى \bar{f} مثناة كنسبة مربع \bar{a} الى مربع \bar{b} فنسبة \bar{a}
الى \bar{b} مثناة كنسبة \bar{e} الى \bar{f} مثناة بالشكل الحادي عشر من الخامسة او
باستبانة الشكل الرابع عشر من السابعة فنسبة \bar{a} الى \bar{b} كنسبة \bar{e} الى \bar{f} ف
يشرك \bar{b} بالشكل المتقدم وايضا ان لم تكن نسبة مربع \bar{a} الى مربع \bar{b}
كنسبة عددين مربعين فإيما \bar{b} في الطول والا لكانا مشتركين في
الطول فتكون نسبة مربع \bar{a} الى مربع \bar{b} كنسبة عددين مربعين بالقسم
الاول من هذا الشكل والمفروض خلافا هذا خلف فالحكم ثابت وذلك
ما اردنا ان نبين

واستبان منه ان كل خطين مشتركين في الطول فهما مشتركان في القوة وكل
خطين متباينين في القوة فهما متباينان في الطول ولا يجب العكس

ح

كل اربعة مقادير متناسبة فان كان الاول يشارك

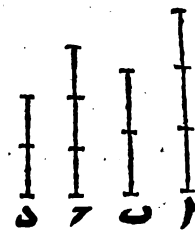
الثاني كان الثالث يشارك الرابع وان كان يباينه

كان يبايد

ليكن \bar{a} و \bar{b} و \bar{c} و \bar{d} اربعة مقادير نسبة \bar{a} الى \bar{b} كنسبة \bar{c} الى \bar{d} فاقول ان كان
 \bar{a} يشارك \bar{b} ف \bar{c} يشارك \bar{d} وان كان \bar{a} يباين \bar{b} ف \bar{c} يباين \bar{d} برهانه فان
كان \bar{a} يشارك \bar{b} يكون نسبة \bar{a} الى \bar{b} كنسبة عدد الى عدد بالشكل

الخامس ونسبة حـ الى د كنسبة آ الى ب ونقسم كل واحد من حـ د بعدة احاد العددين اللذين علي نسبة آ الى ب بالشكل الثالث والعشرين من السادس ونبين ان نسبة حـ الى د كنسبة العددين بمثل ما بينا في الشكل السادس فـ حـ يشارك د بالشكل الخامس وان كان آ يباين ب فـ حـ يباين د والا فـ يكونا مشتركين فتكون نسبة حـ الى د كنسبة عدد الى عدد بالشكل الخامس فيكون نسبة آ الى ب كنسبة العددين فـ آ يشارك بـ وكان يباينه هذا خلف فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين

فان كانت المقادير الاربعة خطوطا كان الحكم المذكور منجسبا علي مربعاتها لانها مناسبة ايضا

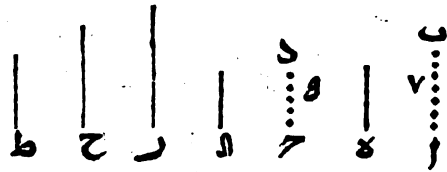


كل خط مستقيم محدود مفروض لنا ان نجد خطين احدهما يباينه في الطول فقط والاخر يباينه في الطول والقوة

مقدمة اولي

كل عددين كل واحد منهما اول فلا يمكن ان يكون نسبتها كنسبة عددين مربعين

فليكن آ ب حـ د عددين كل منهما اول فاقول لا يمكن ان يكون نسبة آ الى حـ كنسبة عدد مربع الى عدد مربع برهانه فان امكن فلتكن نسبة آ الى حـ كنسبة عددين مربعين فبقع بينهما عدد وتوالت الثلاثة علي نسبة بالشكل الثامن والحادي عشر الثامنة وليكن ذلك العدد هـ فيمكن ان يوجد اقل ثلاثة اعداد علي نسبتها بالشكل الثالث والثلاثين من السابعة وليكن هي حـ ط فطرها متباينان بالشكل الثالث من الثامنة وكل متباينين فهما اقل عددين علي نسبتها بالشكل الثاني والعشرين من السابعة فبعد ان كل عددين علي نسبتها بالشكل العشرين من السابعة فليعد حـ ط عددي آ ب حـ د باحاد آ فنسبة الواحد الى آ كنسبة رالي ب وبالابدال نسبة الواحد الى حـ كنسبة آ الى ب وبمثله تبين ان نسبة آ الى حـ كنسبة الواحد الى ط وكل واحد من العددين



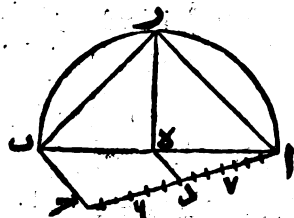
العددین الاولین یعدّۃ عدد ینغایرهما هذا حلف فکل عددین کل
منهما اول فلیست نسبتہما کنسیۃ عددین مربعین ۛ

المقدمة الثانية

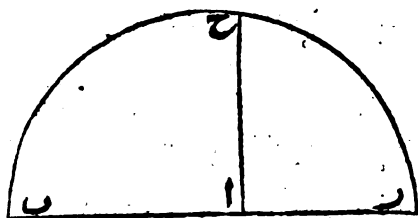
قد بين في الشكل الرابع عشر من التاسعة أن كل اعداد او ايل يفرض
فلنا ان نجد عددا اول غير ها فلنا ان نجد اعدادا ويلي غير متناهية
المقدمة الثالثة

لنا ان نجد خطين مستقيمين محدودين نسبة مربع احدهما الى الآخر
كنسبة عدده الى ع

ليكن $آ$ $آ$ عدد دين كل منهما $آ$ ولينطبق احدهما علي الآخر وعدد
 $آ$ اكبرهما ونجعل خط $آ$ المستقيم المحدود محيطا مع $آ$ بزاوية كبف
كانت الزاوية ونقسم $آ$ باقسام $آ$ بالشكل الثالث عشر من السادس
ونصف $آ$ بالشكل العاشر من الاولي ونرسم



لكن الخط المستقيم المفروض المحدود خط AB فاقول لنا ان نجد خطين
مستقيمين محدودين احدهما يباينه في الطول فقط والاخر يباينه في
الطول والقوة معا برهانه فلانا



الي عدد آد وهذا هو احد الخطين المطلوبين ونجعل خط آمر علي استقامة خط آب وليكن ايضا لهما علي نقطة آ وننصف مرب بالشكل

العاشر من الاول ونرسم علي مرب

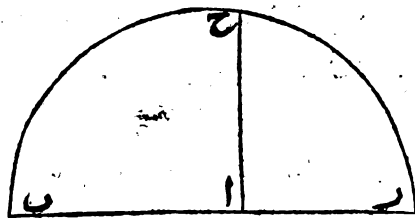
نصف دائرة ب ح م ونخرج من

نقطة آ علي خط ب م عمود آ ح

فلينته الي المحيط علي نقطة ح

ونصل ح م ح ب بخطين مستقيمين

فلان نسبة با الي آ ح كنسبة ح آ الي



آمر باستبانة الشكل الثامن من السادسة فنسبة مربع آب الي مربع آ ح

كنسبة آب الي آر باستبانة الشكل الثامن عشر من السادسة وآب يباين

آمر فربع آب يباين مربع آ ح بالشكل المتقدم وكل مباين في القوة من

الخطوط يباين في الطول فالشكل السابع فخط آ ح يباين خط آب في

الطول والقوة معا وهذا هو الخط الثاني من الخطين المطلوبين فلحكم

ثابت وذلك ما اردنا ان نبين

فاستبان مما ذكرنا ان خط مستقيم محدود مفروض يمكن ان يوجد له

خطوط غير متناهية تباينه في الطول فقط وخطوط غير متناهية تباينه

في الطول والقوة معا

2

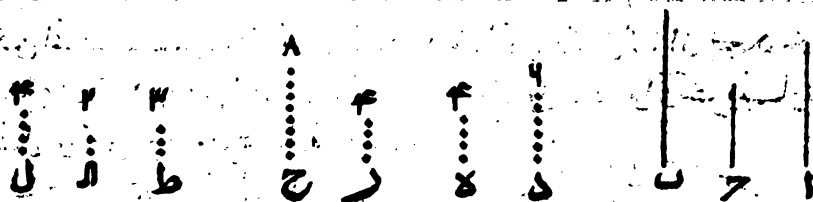
كل مقادير يشارك مقداراً واحداً فهي متشاركة

ليكن آب يشارك آ ح فاقول انهما متشاركان برهانه فلان آ يشارك ح

فنسبة آ الي ح كنسبة عدد آ الي عدد بالشكل الخامس وليكن كنسبة عدد

د الي عدد ه وب يشارك ح فلتكن نسبة ح الي ب كنسبة عدد م الي عدد

ح بمثل ما قبلنا ونجد اقل اعداد علي نسبي عددي د ه م ح بالشكل



الرابع من الثامنة وليكن ه ط ال ونسبة آ الي ح كنسبة د الي ه ونسبة

ط الي آ كنسبة د الي ه فبالشكل الحادي عشر من الخامسة او باستبانة

الشكل الرابع عشر من السابعة نسبة آ الي ح كنسبة ط الي آ وبمثلة تبين ان

نسبة ح الي ب كنسبة آ الي ل فبالشكل الثاني والعشرين من الخامس او

الرابع عشر من السابعة نسبة آ الي ب كنسبة ط الي ل فليشارك ب بالشكل

السادس وذلك ما اردنا ان نبين

واستبان

وَأَسْتَبَانَ مِنْهُ أَنْ الْمَشَارِكَ لِلنَّطْقِ مَنْطِقٌ ق

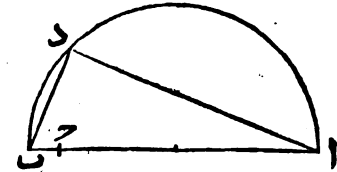
كُلُّ مَقْدَارَيْنِ فَإِنْ كَانَا مُشْتَرِكَيْنِ كَانَ مَجْمُوعُهُمَا
بَعْدَ التَّرْكِيبِ يَشَارِكُ كُلًّا مِنْهُمَا وَإِنْ كَانَ مَجْمُوعُهُمَا
يَشَارِكُ أَحَدَهُمَا فَهُمَا مُتَشَارِكَانِ

لَيْكُنْ أ ب ح مَقْدَارَيْنِ مُشْتَرَكَيْنِ
وَيَقْدِرْهُمَا د فَعَدَّ يَقْدُرُ مَجْمُوعُهُمَا وَإِنْ
كَانَ د يَقْدُرُ مَجْمُوعَهُمَا إِذَا جَعَلَا مَقْدَارًا
وَاحِدًا وَيَقْدُرُ أَحَدُهُمَا فَعَدَّ يَقْدُرُ كُلُّ

وَاحِدٍ مِنْهُمَا فَالْحُكْمُ ثَابِتٌ وَذَلِكَ مَا أَرَدْنَا أَنْ نُبَيِّنَ
وَأَسْتَبَانَ مِنْهُ أَنْ أ ب ح إِذَا كَانَا مُتَبَايِنَيْنِ كَانَ الْمَجْمُوعُ يَبَايِنُ كُلَّ وَاحِدٍ
مِنْهُمَا وَالْإِشَارِكُ كُلُّ وَاحِدٍ مِنْهُمَا أَوْ أَحَدُهُمَا فَيَكُونَا مُشْتَرَكَيْنِ وَإِنْ كَانَ
الْمَجْمُوعُ يَبَايِنُ كُلَّ وَاحِدٍ مِنْهُمَا فَهُمَا مُتَبَايِنَانِ وَالْإِشَارِكُ لَكَانَا مُشْتَرَكَيْنِ فَيَشَارِكُ
الْمَجْمُوعُ كُلَّ وَاحِدٍ مِنْهُمَا هَذَا خ

مقدمة

كُلُّ خَطَيْنِ مُسْتَقِيمَيْنِ مُحَدَّودَيْنِ أَحَدُهُمَا أَكْثَرُ مِنَ الْآخَرِ فَإِنَّ الْأَكْثَرَ
يَقْوَى عَلَى الْأَصْغَرِ بِقُوَّةِ خَطِّ آخِرٍ مُسْتَقِيمٍ ح د و د
لَيْكُنْ أ ب ح خَطَيْنِ مُسْتَقِيمَيْنِ مُحَدَّودَيْنِ وَأَبْ أَكْثَرُ مِنْ ح د و د
يَقْوَى عَلَى آ ح بِقُوَّةِ خَطِّ آخِرٍ مُسْتَقِيمٍ



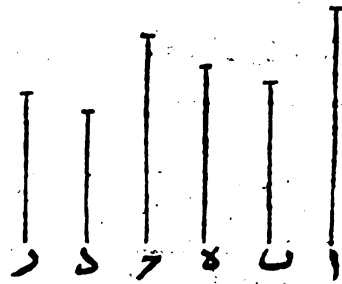
مُحَدَّودٍ فَتَنْصِفُ أ ب بِالشَّكْلِ الْعَبَّاسِيِّ
الْأَوَّلِيِّ وَنُرْسِمُ عَلَيْهِ نِصْفَ دَائِرَةٍ أ د ب
وَنُرْسِمُ فِيهِ وَتَرَادَ يُسَاوِي خَطَّ آ ح
بِالشَّكْلِ الْأَوَّلِيِّ مِنَ الرَّابِعَةِ وَنُصَلِّ ب د بِخَطِّ

مُسْتَقِيمٍ فَلَا نِ زَاوِيَةِ أ د ب قَائِمَةٌ بِالشَّكْلِ الثَّلَاثِينَ مِنَ الثَّلَاثَةِ فَرُبْعٍ وَتَرَادَ
يُسَاوِي مَرَبَعِي وَتَرَادَ د ب بِالشَّكْلِ السَّابِعِ وَالْأَمْرَبَعِينَ مِنَ الْأَوَّلِيِّ فَرُبْعٍ
أ ب يَقْوَى عَلَى مَرَبَعٍ آ ح بِمَرَبَعٍ لَمْ وَذَلِكَ مَا أَرَدْنَا أَنْ نُبَيِّنَ
يَب

كُلُّ أَرْبَعَةِ خُطُوطٍ مُسْتَقِيمَةٍ مُتَنَاسِبَةٍ فَإِنْ كَانَ
الْأَوَّلُ يَقْوَى عَلَى الثَّانِي بِزِيَادَةِ قُوَّةِ خَطِّ مُسْتَقِيمٍ

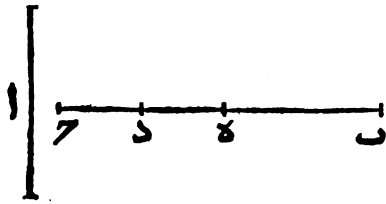
يشارك الأول في الطول فالثالث يقوي على الرابع
بقوة خط مستقيم يشارك الثالث في الطول وإن
كان الأول يقوي على الثاني بزيادة قوة خط مستقيم
يباين الأول في الطول فالثالث يقوي على الرابع
بزيادة قوة خط مستقيم يباين الثالث في الطول

لتكن نسبة α إلى β كنسبة γ إلى δ وأعظم من β و γ من δ فأ يقوي على
 β بقوة خط مستقيم بالمقدمة وليكن هو ϵ ولذلك γ يقوي على δ بقوة
خط مستقيم بالمقدمة وليكن هو ζ فاقول إن كان α يشارك ϵ في الطول فـ
يشارك γ في الطول وإن كان α يباين ϵ في الطول فـ يباين γ في الطول
برهانه فلان نسبة α إلى β كنسبة
 γ إلى δ فنسبة α إلى β مثناة كنسبة
 γ إلى δ مثناة ومربع γ مربع δ ومعا
فنسبة مربعي γ و δ معا إلى مربع β
كنسبة γ إلى δ مثناة باستبانة الشكل
التاسع عشر من السادس فنسبة α إلى
 β مثناة كنسبة مربعي γ و δ معا إلى
مربع γ بالشكل الحادي عشر من
المخامسة ومربع α مربعي β و ϵ فنسبة
مربعي β و ϵ معا إلى مربع β كنسبة α إلى β مثناة بالشكل التاسع عشر من
المخامسة فنسبة مربعي β و ϵ معا إلى مربع β كنسبة مربعي δ و ζ معا إلى
مربع δ بالشكل الحادي عشر من المخامسة وبالتفصيل نسبة مربع ϵ إلى
مربع β كنسبة مربع γ إلى مربع δ بالشكل السابع عشر من المخامسة
وبالخلاص نسبة مربع β إلى مربع ϵ كنسبة مربع δ إلى مربع ζ ونبيين
بمثل ما بينا أن نسبة β إلى ϵ مثناة كنسبة δ إلى ζ مثناة فنسبة β إلى ϵ
كنسبة δ إلى ζ وكانت نسبة α إلى β كنسبة γ إلى δ فبالمساواة المنتظمة
نسبة α إلى ϵ كنسبة γ إلى ζ بالشكل الثاني والعشرين من المخامسة فإن
كان α يشارك ϵ في الطول فـ يشارك γ في الطول وإن كان α يباين ϵ في
الطول فـ يباين γ في الطول بالشكل المتقدم بالحكم ثابت وذلك ما
أردنا أن نبين



كل خطين مستقيمين مختلفين اضيف الي
اطولهما سطح يساوي ربع مربع الاقصر ينقص عن
تمامه مربعا فالسطح المضاف ان قسم الاطول بقسمين
مشاركين في الطول فالاطول يقوي علي الاقصر بزيادة
قوة خط يشارك الاطول في الطول وان قوي الاطول
علي الاقصر بزيادة قوة خط يشارك الاطول في
الاطول فالسطح المضاف يقسم الاطول بقسمين

مشاركين في الطول



ليكن المخطان آ وب ح وآ اقصرها
واضيف الي ب ح سطح ب د في د ح
المتوازي الاضلاع المساوي لربع

مربع آ بالشكل الثامن والعشرين من السادسة فاقول ان كان ب د يشارك
د ح فب ح يقوي علي آ بزيادة قوة خط يشارك ب ح في الطول وان كان ب ح
يقوي علي آ بزيادة قوة خط يشارك ب ح في الطول فب د يشارك د ح في
الطول برهانه فلان سطح ب د في د ح يساوي ربع مربع آ المساوي
لربع نصف آ باستبانة الشكل التاسع عشر من السادسة وب ح اطول من
آ فب د اطول من نصف ب ح فنفصل من ب د د ه مثل د ح بالشكل الثالث
من الاولى فاربعة امثال لسطح ب ح في د ه المساوي لد ح كمربع ومع مربع
ب ه يساوي مربع ب ح بالشكل الثامن من الثانية فربع ب ح يساوي
مربعي آ ب ه معا فربع ب ح بقوي علي مربعي آ بقوة ب ه فب د ان يشارك
د ح في الطول فب ح يشارك كل واحد من د ح د ه فب ح يشارك د ه
بالشكل الحادي عشر وان يشارك ب ح في الطول فب ح يشارك د ه وحده
يشارك د ه فب ح يشارك د ح بالشكل العاشر فب د يشارك د ح بالشكل
الحادي عشر فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين

يد

كل خطين مستقيمين مختلفين يضاف الي

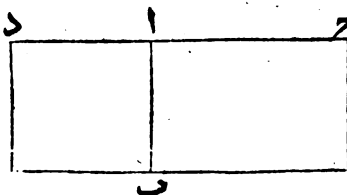
اطولهما سطح يساوي ربع مربع الاقصر ينقص عن
تمامه مربعا فالسطح المضاف ان قسم الخط الاطول
بمتباينين قوي الاطول على الاقصر بزيادة قوة خط
يباينه الاطول في الطول وان قوي الاطول على الاقصر
بزيادة قوة خط يباين الاطول في الطول فالسطح يقسم
الاطول بقسمين متباينين في الطول

ليكن \overline{AB} الخطين المستقيمين واقصرهما \overline{A} واضيف الي \overline{B} سطح \overline{BD} في
د \overline{D} يساوي ربع مربع \overline{BD} بالشكل الثامن
والعشرين من السادسة فاقول ان
كان \overline{BD} يباين \overline{D} فب \overline{D} يقوي
على \overline{A} بقوة خط يباين \overline{B} في
الطول وان كان \overline{B} يقوي على \overline{A} بزيادة قوة خط يباين \overline{B} في الطول
فب \overline{D} يباين \overline{D} في الطول برهانه تبين بمثل ما بينا في الشكل المتقدم
ان \overline{B} يقوي على \overline{A} بمربع \overline{B} فان \overline{D} يباين \overline{B} فب \overline{D} يباين \overline{B} في الطول
ب \overline{D} واللاشاركه فيشارك \overline{B} بالشكل المتقدم وهو يباينه هذا
خلف والحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين

يه

كل سطح قائم الزوايا يحيط به خطان مستقيمان

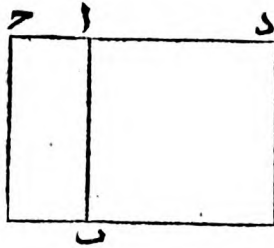
منطقتان في الطول منطق



ليكن السطح \overline{BD} والخطان \overline{AB} و \overline{AD}
فترسم على خط \overline{AB} مربع \overline{BD} بالشكل
السادس والاربعين من الاولى فلان
كل واحد من الزاويتين اللتين عند نقطتي \overline{AB} قائمة فخط \overline{BD} خط
واحد مستقيم وكذلك ما يقابله بالشكل الرابع عشر من الاولى وهما
متوازيان بالشكل السابع عشر من الاولى فنسبة سطح \overline{BD} الى سطح \overline{BD}
كنسبة خط \overline{AD} الى خط \overline{AD} بالشكل الاول من السادس واح يشارك \overline{AD}
لانه

لانه يساوي خط \overline{AB} فسطح $\overline{B\Gamma}$ يشارك سطح \overline{BD} بالشكل الثامن وسطح \overline{BD} منطقت فسطح $\overline{B\Gamma}$ منطقت وذلك ما اردنا ان نبين

كل سطح منطقت اضيف الى خط منطقت في
الطول فالضلع الحادث منه ايضا منطقت في الطول



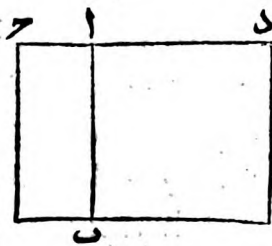
ليكن الخط المنطقت \overline{AB} والسطح المنطقت
المضاف اليه $\overline{B\Gamma}$ فاقول ان ضلع \overline{AD} منطقت
في الطول برهانه نرسم علي \overline{AB} مربع \overline{BD}
بالشكل السادس والاربعين من الاول ولان
كل واحد من الزوايا التي عدد نقطتي \overline{AB}
قائمة فكل من خطي \overline{BD} وما يقابله خط

مستقيم بالشكل الرابع عشر من الاول فهما متوازيان بالشكل الرابع عشر
من الاول فنسبة سطح $\overline{B\Gamma}$ الى سطح \overline{BD} كنسبة خط \overline{AD} الى خط \overline{AB} بالشكل
الاول من السادس لكن سطح $\overline{B\Gamma}$ يشارك سطح \overline{BD} فكونهما منطقتين فـ
يشارك \overline{AD} في الطول بالشكل العاشر واد منطقت فـ منطقت وذلك ما اردنا
ان نبين

ير

كل سطح قائم الزوايا يحيط به خطان مستقيمان
منطقتان ومشتركان في القوة فقط اصم ويسمي الموسط
والخط القوي عليه اصم ويسمي الخط الموسط

ليكن خطا \overline{AB} \overline{AC} منطقتين في القوة ومشتكرين في القوة فقط والسطح الذي
يحيطان به سطح $\overline{B\Gamma}$ فاقول انه اصم برهانه



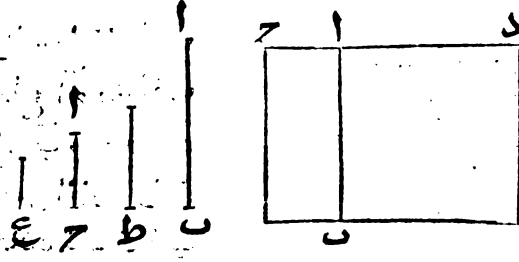
نرسم علي خط \overline{AB} مربع \overline{BD} بالشكل
السادس والاربعين ولان كل واحد من
الزوايا التي عند نقطتي \overline{AB} قائمة وكل من
خطي \overline{AD} وما يقابله خط مستقيم بالشكل
الرابع عشر من الاول وهما متوازيان بالشكل
السابع عشر من الاول فنسبة سطح $\overline{B\Gamma}$ الى

سطح \overline{BD} كنسبة \overline{AD} الى \overline{AB} بالشكل الاول من السادسة واد يباين \overline{AD} في
الطول لان \overline{AD} يساوي \overline{AB} فسطح \overline{BD} يباين سطح $\overline{B\Gamma}$ بالشكل الثامن وسطح

بـ د منطبق فسطح بـ ا صم وكل خط يقوي عليه اصم وانما يسمى السطح
بالسطح المتوسط والخط بالخط المتوسط لان السطح يقع وسطا في النسبة
بين مربعي ا ب ا ح والخط يقع وسطا في النسبة بين خطي ا ب ا ح وذلك ما
اردنا ان نبين

اقول المخطوط المتوسط قد يكون مشتركة في الطول والقوة وقد يكون
مشتركة في القوة فقط وقد يكون غير مشتركة في الطول والقوة معا
ولان خطي ا ب ا ح لما

كانا منطقتين في القوة
فقط جازان يكون
احدهما منطقتين في
الطول وليكن هو ا ب
فكل خط يقوي على



سطح يحيط به خط ا ح
ومربع ا ب يشترك الخط الذي يقوي على سطح بـ ا بالشكل السابع لان
نسبة مربعيهما كنسبة الواحد الى الرابعة بالشكل الاول من السادسة
ونسبة الواحد الى الاربعة كنسبة عددين مربعين وكل خط يقوي على
سطح يحيط به خط ا ح ونصف خط ا ب يشترك خطا قويا على سطح
يحيط به خط ا ب ا ح في القوة لان نسبة السطحين يكون كنسبة الواحد
الى الاثنين بالشكل الاول من السادسة ونسبة الواحد الى الاثنين كنسبة
عددين فالخطان مشتركان في القوة بالشكل السادس ومتباينان في
الطول بالشكل السابع لان نسبة مربعيهما كنسبة مربعين وانما يسمى
سطح بـ ا ح متوسطا لانه وسط في النسبة بين مربعي ا ب ا ح يتبين ذلك
بالشكل الاول من السادسة وسمى الخط القوي على سطح بـ ا ح متوسطا
لانه وسط في النسبة بين خطي ا ب ا ح بالشكل السادس عشر من
السادس

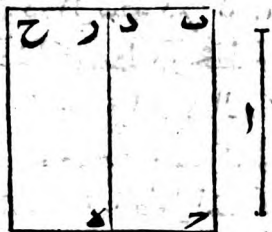
واستبان من هذا الشكل انه اذا اخذ المخطوط ا ب ا ح الخط المتوسط وليكن
هو خط ط واربعا في النسبة بالشكل الحادي عشر من السادسة بحيث
تكون نسبة ا ب الى المتوسط كنسبة ا ح الى الخط الرابع وليكن هو خط ع
فبالابدال تكون نسبة ا ب الى ا ح كنسبة خط ط الى ع و ا ب يشترك ا ح
فخط ط يشترك خط ع بالشكل الثامن وكانت نسبة خط ط الى ا ح كنسبة
ا ب الى خط ط ونسبة ا ح الى خط ع كنسبة ا ب الى خط ط فبالشكل
الحادي عشر من الخامس نسبة خط ط الى ا ح كنسبة ا ح الى خط ع فسطح
خط ط في خط ع كمربع ا ح بالشكل السادس من السادسة فسطح خط
ط في خط ع منطبق واذا جعلنا نسبة خط ط الى خط ا ب كنسبة خط
ا ح

أح الي خط ع بالشكل الحادي عشر من السادس وأب يشارك أح في القوة
 فخط ط يشارك خط ع في القوة بالشكل الثامن فسطح أب في أح كسطح
 خط ط في خط ع بالشكل الخامس عشر من السادسة فسطح خط ط في
 خط ع موسط وهذه صورت
 وكل خط يقوي على سطح قائم الزوايا يحيط به خط أب وخط منطبق
 في القوة فقط غير مشارك لخط أح في الطول فهو مباين لكل خط يقوي
 على سطح ب ح في القوة والطول بالشكل السابع لتباين مربعها
 والسطوح الثلاثة موسطة

ح

كل سطح يساوي مربع أي خط موسط إذا
 أضيف الي خط منطبق في الطول فالضلع الحادث
 منه منطبق في القوة فقط غير مشارك للخط

المنطق في الطبول

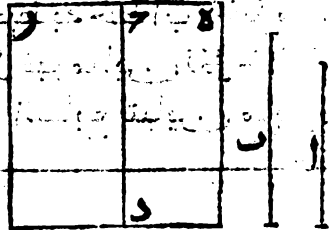


ليكن الخط الموسط أ والخط المنطق ب ح
 ونضيق الي خط ب ح سطحاً متوازي
 الاضلاع يساوي مربع أ بالشكل الخامس
 والاربعين من الاول في فهو ح ب د فاقول ان
 ضلع ب د منطبق في القوة فقط غير مشارك

لخط ب ح في الطول برهانه ولان خط أ موسط فلا بد من سطح يحيط
 به خطان منطقتان في القوة مشتركان فيها فقط يساوي مربع أ الموسط
 بالشكل المتقدم وليكن هو سطح ح زه فكل من سطحي ح د ح يساوي
 مربع أ فهما متساويان وزاوية ح ب د كزاوية ه ح د فنسبة ه ح د الي ب ح
 كنسبة ب ح د الي ح زه علي التكافؤ بالشكل الرابع عشر من السادسة
 وه د يشارك ب ح في القوة فربع ب د يشارك ربع ح د بالشكل الثامن
 ومربع ح د منطبق فربع ب د منطبق باستبانة الشكل العاشر وسطح
 ح د يباين مربع ح د بالشكل المتقدم فسطح ح د المساوي لسطح ح د يباين
 مربع ح د فربع ب د يباين سطح ح د لانه لو شاركه يشارك مربع ح د
 لسطح ح د بالشكل العاشر وهو يباينه هذا خلف ونسبة مربع ب ح د الي
 سطح ح د كنسبة ضلع ب ح د الي ضلع ب د ومربع ب ح د يباين سطح ح د فسطح
 ب ح د يباين ضلع ب د بالشكل الثامن فالحكم ثابت وذلك ما اردنا
 ان نبين

كل خط يشارك الخط المتوسط في الطول أو في القوة

فهو متوسط ط



ليكن خط آ متوسطا وخط ب يشاركه
أما في الطول أو في القوة فاقول أن خط
ب متوسط برهانه ليكن حد خطا
مستقيما محدودا منطبقا في الطول
فيجعل عليه سطح د متوازي الاضلاع
زاوية د ح منه قائمة يساوي مربع آ بالشكل الخامس والاربعين من
الاولي فخط ح د منطبق في القوة بباين لخط ح د في الطول بالشكل المتقدم
ونعمل على ح د ايضا سطح د ر متوازي الاضلاع زاوية د ح ر منه قائمة
يساوي مربع ب بالشكل المذكور فخط ح ر خط واحد مستقيم بالشكل
الرابع عشر من الاول ولذا ما يقابله لأن كل واحدة من الزاويتين
اللتين عند نقطة د قائمة بالشكل التاسع والعشرين من الاول فينسبة
سطح د ه إلى سطح د ر كنسبة ح د إلى ح ر بالشكل الاول من السادسة وسطح
د ه يشارك سطح د ر فخط ح د يشارك ح ر في الطول بالشكل الثامن فح ر
يشارك ح د في القوة بالشكل السابع وح د منطبق في القوة فح ر منطبق في
القوة وح د غير مشارك لح د في الطول فح ر غير مشارك له في الطول لأنه
لو شاركه في الطول لشاركه ح د في الطول بالشكل العاشر وهو بباينه هذا
خلف فسطح د ر سطح قائم الزوايا يحيط خطا ح د ح ر المنطقتان في القوة
المشتركان فح د فقط فهو متوسط بالشكل السابع عشر فخط ب متوسط
وذلك ما اردنا ان نبرهن

وأستبان منه أن الخط الرابع في النسبة المذكور في استبانة الشكل الرابع
عشر متوسط

لأنه يشارك المتوسط وقد تبين هاهنا أن لنا أن نجد خطين متوسطين
مشاركين في القوة يحيطان بسطح منطبق وأن نجد خطين متوسطين
يحيطان بمتوسط بالشكل الواحد والعشرين والثاني والعشرين اللذان
اتي بهما ثابت بن قرة في نسخته ولريدكرها بالحاج اذ لم يكونا موجودين
في النسخ القديمة ونحن لم نعددها من اشكال الكتاب اذ هما معلومان
بإستبانة الشكل السابع والتاسع عشر

فصل أي سطح متوسط على أي سطح متوسط أصغر
ليكن

ليكن سطح AB المتوسط اعظم من سطح AC المتوسط بسطح B فاقول ان سطح B

اصم برهانه فلان سطح B لول

يكن اصم لكان منطقاً فنضيف

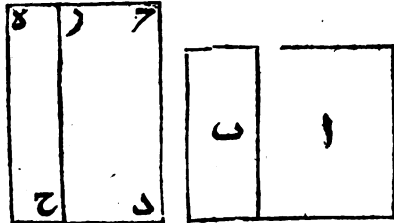
الي خط DE المنطق في الطول

سطحاً متوازي الاضلاع يساوي

سطح AB وهو DE وسطحاً يساوي A

وهو سطح DE بالشكل الخامس

والاربعين من الاول وكل واحد



من ضلعي DE من منطق في القوة ومباين لخط DE في الطول بالشكل

الثامن عشر فسطح DE لو كان منطقاً لكان عرض DE منطقاً في الطول بالشكل

السادس عشر فبشارك DE فبباين DE والشارك DE بالشكل

العاشر وهو يباينه هذا خلف DE من منطقان في القوة ومتباينان في

الطول فسطح DE في DE القايم الزوايا يباين مربعي DE DE بالشكل

الاول من السادسة والثامن من هذه المقالة فضعف سطح DE في DE

يباين مربعي DE DE فربع DE يباين مربعي DE DE بالشكل الحادي عشر

وهما منطقان فربع DE اصم وهو منطق هذا خلف فسطح DE اصم

وفلك ما اردنا ان نبين

واقول ان خط DE ان كان مشاركا لـ DE كان DE مشاركا لـ DE بالشكل

الحادي عشر فان شاركه كان مربعهما متشاركين بالشكل الرابع فـ DE

منطق في القوة ومباين لـ DE في الطول والا يشاركه فيه فبشاركه DE

بالشكل العاشر وهو يباينه هذا خلف فسطح DE متوسط بالشكل

السابع عشر وان كان DE يباين DE فسطح DE في DE بل ضعفه يباين

مربعهما المنطقين بالشكل الاول من السادسة والثامن من هذه المقالة

والسطحان مع مربع DE يساوي مربعي DE DE بالشكل السابع من الثاني

فربعهما المنطقان يباين مربع DE فهو غير منطق في الطول والقوة

كا

كل سطح قايم الزوايا يحيط به خطان موسطان

مشتركان في القوة فقط فهو اما منطق واما موسط

ليكن الموسطان AB AC مشتركان في القوة فقط والسطح B قايم الزوايا

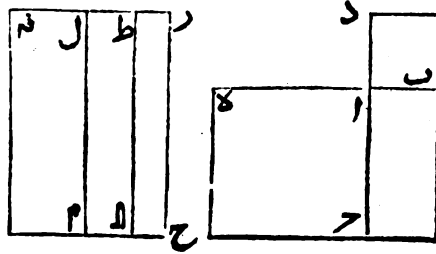
الذي يحيط به خطان AB AC فاقول اما منطق واما موسط برهانه

نرسم علي خطي AB AC مربعي BD DE بالشكل السادس والاربعين من

الاولي فكل واحد من خطي AD AE علي استقامة صاحبه بالشكل الرابع

عشر من الاول ولان كل واحد من خطي AB AC و AD AE متساويان فنسبة

أد إلى آء كنسبة آء إلى آء
بالشكل السابع من الخامسة
وبهذا الشكل أيضا نسبة آء
إلى آء كنسبة آء إلى آء
فبالشكل الحادي عشر من
الخامسة نسبة آء إلى آء كنسبة



آء إلى آء ونسبه سطح بء إلى سطح بء كنسبة آء إلى آء بالشكل الاول من
السادسة وكانت نسبة آء إلى آء كنسبة آء إلى آء فنسبة سطح بء إلى
بء كنسبة آء إلى آء بالشكل الحادي عشر من الخامسة ونسبة سطح بء
إلى سطح حء كنسبة آء إلى آء بالشكل الاول من السادسة فبالشكل
الحادي عشر نسبة سطح بء إلى سطح بء كنسبة سطح بء إلى سطح حء
فسطح بء وسط في النسبة بين سطحي بء حء لان خطي آء آء مشتركين
في القوة يكون سطح بء مشاركا لسطح حء ويضيق سطوحا متوازية
الاضلاع كسطوح بء بء حء إلى خط حء المستقيم المنطق بالشكل
الخامس والاربعين من الاول وفي سطوح حء طء لء مء وسط حء كسطح
بء وسط كء كسطح بء وسط مء كسطح حء ولان سطحي بء حء
موسطان بالشكل السابع عشر فيكون كل من عرضي مء لء منطقا في
القوة غير مشاركا لخط حء بالشكل الثامن عشر ولان كل واحد من
الزوايا التي عند نقط طء لء مء قائمة وكل من خطي مء حء خط مستقيم
بالشكل الرابع عشر من الاول فهما متوازيان بالشكل التاسع والعشرين
من الاول فنسبه سطح حء طء إلى سطح لء كنسبة سطح لء إلى سطح مء ونسبة
السطوح المذكورة كنسب قواعدهما بالشكل الاول من السادسة فنسبة
مء طء إلى طء كنسبة طء لء إلى لء فطء وسط في النسبة بين خطي مء لء
وتكون ايضا نسبة مء طء إلى لء كنسبة سطح حء طء إلى مء بالشكل الثالث
والعشرين من الخامسة وسط حء طء مشاركا لسطح مء فخط مء طء مشاركا
لخط لء بالشكل الثامن ويكون سطح مء طء في لء كمربع طء بالشكل السابع
عشر من السابعة ولان نسبة سطح مء طء في لء إلى مربع لء كنسبة مء طء إلى
لء بالشكل الاول من السادسة ومء طء يشارك لء فالسطح يشارك مربع
لء بالشكل الثامن ومربع لء منطق فسطح مء طء في لء المساوي لمربع
طء منطق باستبانة الشكل العاشر فخط طء منطق في القوة فان كان
منطقا في الطول ايضا فسطح لء منطق بالشكل الخامس عشر وان كان
منطقا في القوة فقط فسطح لء موسط بالشكل السابع عشر فالحكم ثابت
وذلك ما اردنا ان نبين

مقدمة

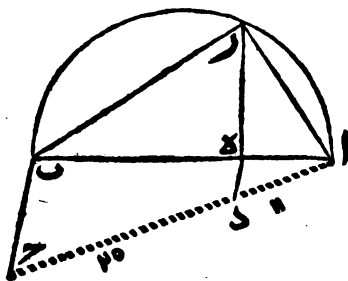
كل عدد فرد اول ينقص منه واحد ويزاد علي نصف باقيه فربع نصف
باقيه

باقية مع الواحد ومربع نصف باقية وحده عدد يفضل احد هما علي
الآخر بعدد غير مربع وهو العدد الفرد الاول الذي فرضناه اولا
ليكن \overline{AB} عددا اول وفصل منهما الواحد وهو \overline{A} ونصف الباقي علي
 \overline{D} فربع \overline{AD} يزيد علي مربع \overline{CD} بعدد \overline{AB} برهانه فلان مربع \overline{AD}
يساوي مربعي \overline{AC} و \overline{CD} وضعف
العدد المحاصل من ضرب \overline{AC} في \overline{A} \overline{D} \overline{C} \overline{A}
كما يبين في الشكل السادس

عشر من التاسعة ليكن مربع \overline{AC} هو الواحد نفسه والمحاصل من ضرب
 \overline{AC} في \overline{CD} مرتين هو \overline{CD} فربع \overline{AB} يفضل علي مربع \overline{CD} بعدد \overline{AB} الفرد
الاول وهو غير مربع فهذا طريق تحصيل عددين مربعين يفضل
احد هما علي الآخر بعدد غير مربع

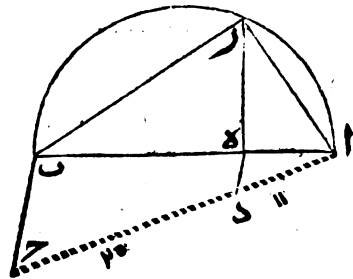
لنا ان نجد خطين منطقيين في القوة مشتركين
فيها فقط يقوي الاطول على الاقصر بزيادة مربع
خط يشاركه في الطول

فليكن \overline{AC} عددين مربعين ونزيد \overline{AC} علي \overline{CD} بعدد \overline{AC} الغير مربع
وليكن \overline{AB} خطا منطقيا في الطول وهو الخط الموضوع او ما يشاركه
ولنجعل \overline{AC} \overline{AB} يحيطان بزاوية \overline{BAC} وننصف \overline{AB} بالشكل العاشر من
الاولي ونصل \overline{BC} بخط مستقيم ونخرج من \overline{D} خط \overline{DE} موازيا لخط \overline{BC}
بالشكل الواحد والثلاثين من الاولي
فلينته الي \overline{AB} علي نقطة \overline{E} ونخرج منها
و ر عمود علي \overline{AB} بالشكل الحادي عشر من
الاولي فلينته الي المحيط علي نقطة \overline{F}
ونصل بينها وبين كل من نقطتي \overline{A} \overline{B} بخط
مستقيم فلان زاويتي \overline{D} \overline{E} من مثلث \overline{ADE}
كزاويتي \overline{C} \overline{B} من مثلث \overline{ABC} بالشكل



التاسع والعشرين من الاولي وزاوية \overline{ACD} مشتركة بين المثلثين فنسبة \overline{AC} الي
 \overline{AD} كنسبة \overline{AB} الي \overline{AE} بالشكل الرابع من السادسة ونسبة \overline{AB} الي \overline{AE} كنسبة
 \overline{AC} الي \overline{AD} باستبانة الشكل الثامن من السادسة فنسبة مربع \overline{AB} الي مربع
 \overline{AC} كنسبة \overline{AB} الي \overline{AE} باستبانة الشكل التاسع عشر من السادسة فنسبة
مربع \overline{AB} الي مربع \overline{AC} كنسبة \overline{AC} الي \overline{AD} بالشكل الحادي عشر من الخامسة
خط \overline{AB} يباين خط \overline{AC} في الطول بالشكل السابع لان \overline{AD} عددا غير

مربعين ويشاركة في القوة بالشكل السادس لان نسبة مربعهما كنسبة
عددي $\overline{أح}$ و $\overline{أب}$ منطف في القوة فامر منطف في القوة باستبانة الشكل
العاشر وبمثل ما بينا تبين ان نسبة مربع $\overline{أب}$ الى مربع $\overline{أر}$ كنسبة $\overline{أب}$
الى $\overline{بء}$ بالقلب ونسبة $\overline{أح}$ الى $\overline{دح}$ العددين المربعين كنسبة $\overline{أب}$ الى $\overline{بء}$
فنسبة مربع $\overline{أب}$ الى مربع $\overline{أر}$ كنسبة
عدد $\overline{أح}$ الى عدد $\overline{دح}$ العددين المربعين
بالشكل الحادي عشر من الخامسة فخط
 $\overline{أب}$ يشارك خط $\overline{بء}$ في الطول والقوة
بالشكل السابع وزاوية $\overline{أرب}$ قائمة
بالشكل الثلثين من المقالة الثالثة ومربع
 $\overline{أب}$ كمربعي $\overline{أرب}$ بالشكل السابع
والا مربعين من الاول فخط $\overline{أب}$ يقوي على خط $\overline{أر}$ مربع خط يشاركه في
الطول وهو $\overline{بء}$ مع ان خطي $\overline{أب}$ و $\overline{أر}$ منطقتان في القوة مشتركان فيها
فقط فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين



مقدمة

كل عددين مربعين مجموعهما غير مربع اذا ضرب في عدد مربع كان
الحاصل عدداً مربعاً مجموعهما غير مربع
ليكن $\overline{أب}$ و $\overline{بء}$ عددين مربعين و $\overline{أح}$ المؤلف منهما غير مربع و $\overline{دح}$ عدد
مربع فاقول ان الحاصل من ضرب $\overline{أح}$ في $\overline{دح}$ عدداً مربعاً مجموعهما غير
مربع برهانه ليكن $\overline{هـ}$ هو
الحاصل من ضرب $\overline{أب}$ في $\overline{دح}$ و $\overline{زح}$
هو الحاصل من ضرب $\overline{بء}$ في $\overline{دح}$
ايضا فكل من $\overline{هـ}$ و $\overline{زح}$ مربع
باستبانة الشكل الثاني من التاسعة
و $\overline{هـ}$ غير مربع لانه حاصل من ضرب $\overline{أح}$ غير المربع في $\overline{دح}$ المربع باستبانة
الشكل المذكور ايضا في هذا الطريق يمكن ان نجد اعداد غير متناهية
كل واحد منها عدداً مربعاً مجموعهما غير مربع وذلك ما اردنا ان نبين

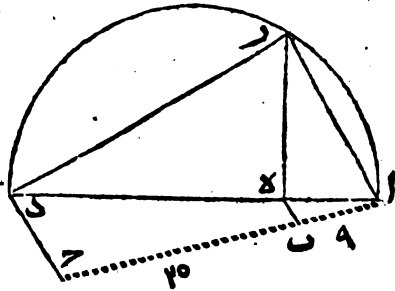
نجد

لنا ان نجد خطين منطقيين في القوة مشتركين
فيها فقط يقوي الاطول على الاقصر بزيادة مربع خط
يباينه في الطول

ول

نجد

لنجد \overline{AB} عددان مربعين مجموعهما وهو \overline{AC} غير مربع بالمقدمة



وليمكن خط \overline{AD} المخط الموضوع أو خطا يشاركه منطقا في الطول وننصفه بالشكل العاشر من الاولي ونرسم عليه نصف دائرة \overline{ABD} ونجعل \overline{AD} \overline{AC} محيطين بزواوية \overline{DAB} ونصل بين نقطتي \overline{D} \overline{B} بخط مستقيم ونخرج من نقطة \overline{B} خط \overline{BE} موازيا

لخط \overline{DE} بالشكل الواحد والثلاثين من الاولي فلينته الى خط \overline{AD} على نقطة \overline{E} ونخرج منها عمود \overline{EF} على خط \overline{AD} بالشكل الحادي عشر من الاولي فلينته الى المحيط على نقطة \overline{F} ونصل بينها وبين كل واحدة من نقطتي \overline{A} \overline{D} بخط مستقيم وزاوية \overline{B} من مثلث \overline{ABE} كزاويتي \overline{D} من مثلث \overline{ADE} بالشكل التاسع والعشرين من الاولي فنسبة \overline{AB} الى \overline{BE} كنسبة \overline{AD} الى \overline{AE} بالشكل الرابع من السادسة ونسبة \overline{AD} الى \overline{AE} كنسبة \overline{AB} الى \overline{BE} باستبانة الشكل الثامن من السادسة ونسبة مربع \overline{AD} الى مربع \overline{AB} كنسبة \overline{AD} الى \overline{AE} باستبانة الشكل التاسع عشر من السادسة فنسبة مربع \overline{AD} الى مربع \overline{AB} كنسبة عدد \overline{AD} الى عدد \overline{AB} بالشكل الحادي عشر من الخامسة فخط \overline{AD} يشارك \overline{AB} في القوة فقط بالشكل السابع ولان زاوية \overline{ABE} قائمة بالشكل الثلاثين من الثالثة فربع \overline{AD} مكروي \overline{AB} مرد بالشكل السابع والاربعين من الاولي فربع \overline{AD} يقوي على مربع \overline{AB} بقوة خط \overline{AD} ولان نسبة مربع \overline{AD} الى مربع \overline{AB} كنسبة \overline{AD} الى \overline{AE} باستبانة الشكل الثامن والثاسع عشر من السادسة وبالقلم نسبة \overline{AB} الى \overline{BE} كنسبة \overline{AD} الى \overline{AE} فبالشكل الحادي عشر من الخامسة نسبة مربع \overline{AD} الى مربع \overline{AB} كنسبة عدد \overline{AD} الى عدد \overline{AB} وهما عددان غير مربعين فخط \overline{AD} يشارك \overline{AB} في القوة ويباينه في الطول بالشكل السابع فخط \overline{AD} \overline{AB} مشتركان في القوة فقط ويقوي \overline{AD} على \overline{AB} بقوة خط \overline{DE} الذي يباينه في الطول فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين

المد

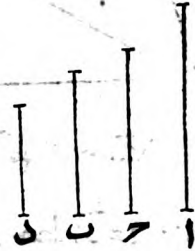
لنا ان نجد خطين متوسطين مشتركين في القوة

فقط يحيطان بمنطق يقوي الاطول على الاقصر

منهما بزيادة مربع خط يشاركه في الطول

يحصل خطين منطقيين في القوة مشتركين فكل واحد منهما فقط يقوي الاطول على

الاقصر بقوة خط يشاركه في الطول بالشكل الثاني والعشرين وليكونا $\bar{A}\bar{B}$ ويحصل خطا وسطا بينهما بالشكل التاسع من السادسة وهو خط \bar{C} فالسطح القائم الزوايا الذي يحيط به خط $\bar{A}\bar{B}$ كمربع \bar{C} بالشكل السابع عشر من السادسة فقط \bar{C} موصل بالشكل السابع عشر ويحصل خطا رابعا لها في النسبة بالشكل الحادي عشر من السادسة وهو \bar{D} فنسبة \bar{A} الى \bar{C} كنسبة \bar{B} الى \bar{D} وبالابدال نسبة \bar{A} الى \bar{B} كنسبة \bar{C} الى \bar{D} بالشكل السادس عشر من الخامسة وأ يشارك \bar{B} في القوة فقط \bar{C} يشارك \bar{D} في القوة فقط بالشكل الثامن و \bar{C} موصل \bar{D} موصل بالشكل التاسع عشر وأ يقوي على \bar{B} بزيادة قوة خط يشاركه في الطول \bar{C} يقوي على \bar{D} بزيادة قوة خط يشاركه في الطول بالشكل الثاني عشر وكانت نسبة \bar{A} الى \bar{B} كنسبة \bar{A} الى \bar{C} فنسبة \bar{C} الى \bar{B} كنسبة \bar{B} الى \bar{D} بالشكل الحادي عشر من الخامسة فسطح \bar{C} في القائم الزوايا كمربع \bar{B} المنطق بالشكل السابع عشر من السادسة فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين \bar{C} \bar{D}



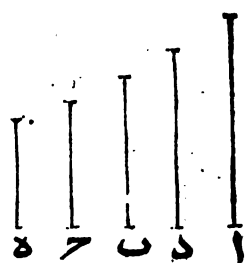
لنا ان نجد خطين متوسطين مشتركين في القوة فقط يحيطان بمنطق يقوي الاطول على الاقصر

بزيادة قوة خط يباينه في الطول يحصل خطين منطقيين في القوة مشتركين فمهما فقط يقوي الطول على الاقصر بزيادة قوة خط يباينه في الطول بالشكل الثالث والعشرين وليكونا خطي $\bar{A}\bar{B}$ ويحصل الوسط بينهما بالشكل التاسع من السادسة وهو \bar{C} فالسطح القائم الزوايا الذي يحيط به خط $\bar{A}\bar{B}$ يساوي مربع \bar{C} بالشكل السادس عشر من السادسة فهو موصل وليكن خط \bar{D} رابع خطوط $\bar{A}\bar{B}$ في النسبة بالشكل الحادي عشر من السادسة وبالابدال نسبة \bar{A} الى \bar{B} كنسبة \bar{C} الى \bar{D} بالشكل السادس عشر من الخامسة وأ يشارك \bar{B} في القوة فقط \bar{C} يشارك \bar{D} في القوة فقط بالشكل التاسع عشر و \bar{C} موصل \bar{D} موصل بالشكل الثامن وأ يقوي على \bar{B} بزيادة مربع خط يباينه في الطول بالشكل الحادي عشر من الخامسة \bar{C} يقوي على \bar{D} بزيادة مربع خط يباينه في الطول بالشكل الثاني عشر ونسبة \bar{A} الى \bar{D} كنسبة \bar{A} الى \bar{C} ونسبة \bar{C} الى \bar{B} كنسبة \bar{B} الى \bar{D} ونسبة \bar{A} الى \bar{B} كنسبة \bar{C} الى \bar{D}



كنسبة آ إلى ح كنسبة ح إلى ب كنسبة ب إلى د بالشكل الثاني عشر
فالمسطح القائم الزوايا الذي يحيط به خطا ح د يساوي مربع ب
المنطق فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين

لنا ان نجد خطين متوسطين مشتركين في القوة فقط
محيطان بموسط يقوي الاطول على الاقصر منهما
بزيادة قوة خط يشاركه في الطول



فيحصل خطين مستقيمين منطقيين في القوة
مشاركون فيها فقط يقوي الاطول على الاقصر
بزيادة مربع خط يشاركه في الطول بالشكل
الثاني والعشرين وهما ح و ب يحصل خطا مستقيما

يشارك ح و آ في القوة فقط بالشكل التاسع وهو ب و يحصل بين خطي آ ب
خطا وسطا في النسبة بالشكل التاسع من السادسة وهو د فالمسطح القائم
الزوايا الذي يحيط به خطا آ ب كمرجع د بالشكل السادس عشر من السادسة
فد موسط بالشكل السابع عشر ولكن نسبة آ إلى ح كنسبة د إلى ب بالشكل
الحادي عشر من السادسة ويقوي على ح بمربع خط يشاركه في الطول فد
يقوي على ب بمربع خط يشاركه في الطول بالشكل الثاني عشر فموسط
بالشكل التاسع عشر وبالإبدال نسبة ح إلى ب كنسبة آ إلى د بالشكل السادس
عشر من الخامسة وكانت نسبة د إلى ب كنسبة آ إلى د فبالشكل الحادي عشر
من الخامسة نسبة د إلى ب كنسبة ح إلى ب فالمسطح القائم الزوايا الذي يحيط
به خطا آ ب ح الموسط بالشكل السابع عشر يساوي المسطح القائم الزوايا
الذي يحيط به د بالشكل الخامس عشر من السادسة فالحكم ثابت
وذلك ما اردنا ان نبين

لنا ان نجد خطين متوسطين مشتركين في القوة
فقط يقوي الاطول على الاقصر بزيادة مربع خط
يباينه في الطول

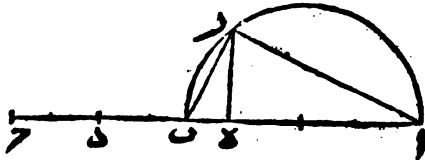
فيحصل خطوط آ ب ح المنطقة في القوة المشتركة فيها فقط كما بينا في
الشكل المتقدم ويحصل خط د وسطا بين آ ب و خط ه رابعا في النسبة

يساوي $\overline{ب د}$ ونسبة $\overline{أ ب}$ الى $\overline{أ ر}$ كنسبة $\overline{ر ب}$ الى $\overline{ر ه}$ بالشكل الرابع من السادسة لان زوايا مثلثي $\overline{أ ب ر}$ و $\overline{ب ر ه}$ المتناظرة متساوية بالشكل الثامن من السادسة ونسبة $\overline{ر ب}$ الى $\overline{ب د}$ كنسبة $\overline{ر ب}$ الى $\overline{ر ه}$ بالشكل السابع من الخامسة لان $\overline{م ر ه}$ $\overline{ب د}$ متساويان فنسبة $\overline{أ ب}$ الى $\overline{أ ر}$ كنسبة $\overline{ر ب}$ الى $\overline{ب د}$ فسطح $\overline{أ ب}$ في $\overline{ب د}$ كنسبة $\overline{أ ر}$ في $\overline{ر ب}$ بالشكل السادس عشر من السادسة وسطح $\overline{أ ب}$ في $\overline{ب ح}$ كسطح $\overline{أ ب}$ في $\overline{ب د د ح}$ معا بالشكل الاول من الثانية وسطح $\overline{أ ب}$ في $\overline{ب ح}$ موسط بالشكل السابع عشر فضعف سطح $\overline{أ ر}$ في $\overline{ر ب}$ موسط ولان زاوية $\overline{أ م ر}$ قائمة بالشكل الثلاثين من الثالثة فربع $\overline{أ ب}$ المنطق كربعي $\overline{أ م ر}$ بالشكل السابع والاربعين من الاول فمجموع مربعي $\overline{أ ب}$ و $\overline{ب م}$ منطق فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين

قط

لنا ان نجد خطين متباينين في القوة سطح احدهما في الآخر منطق ومجموع مربعيهما موسط

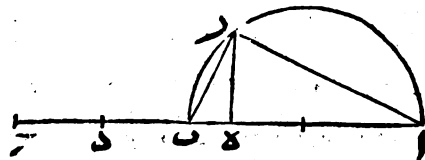
فانخذ خطين موسطين مشتركين في القوة فقط يحيطان بمنطق واطولهما يقوي على الاقصر بزيادة خط يباينه في الطول بالشكل السابع والعشرين وهما $\overline{أ ب}$ و $\overline{ب ح}$ واطولهما $\overline{أ ب}$ ونضيف الى $\overline{أ ب}$ سطحا كربع مربع $\overline{ب ح}$ ينقص عن تمامه مربعا بالشكل الثامن والعشرين من السادسة فنقسم $\overline{أ ب}$ على نقطة $\overline{ه}$ بقسمين متباينين



بالشكل الرابع عشر فننصف كل واحد من خطي $\overline{أ ب}$ و $\overline{ب ح}$ بالشكل العشرين من الاول وليكن $\overline{ب ح}$ منصفنا على $\overline{ه}$

ونرسم على $\overline{أ ب}$ نصف دائرة $\overline{أ ب}$ ونخرج من نقطة $\overline{ه}$ عمود $\overline{ه ر}$ على $\overline{أ ب}$ بالشكل الحادي عشر من الاول فلينته الى المحيط على نقطة $\overline{م}$ ونصل بينهما وبين كل واحد من نقطتي $\overline{أ ب}$ بخط مستقيم فاقول ان خطي $\overline{أ م}$ و $\overline{م ر}$ متباينان في القوة وسطح احدهما في الآخر منطق ومجموع مربعيهما موسط برهانه فلان مثلثي $\overline{أ ه ر}$ و $\overline{م ه ر}$ متشابهان ويشبهان مثلث $\overline{أ ب ر}$ بالشكل الثامن من السادسة فنسبة $\overline{أ م}$ الى $\overline{ر ب}$ كنسبة $\overline{أ ه}$ الى $\overline{ه ر}$ فنسبة $\overline{أ م}$ الى $\overline{ر ب}$ مثناة كنسبة $\overline{أ ه}$ الى $\overline{ه ر}$ مثناة ونسبة $\overline{أ ه}$ الى $\overline{ه ر}$ كنسبة $\overline{أ ه}$ الى $\overline{ه ر}$ مثناة لان عمود $\overline{ه ر}$ وسط في النسبة بين $\overline{أ ه}$ و $\overline{ه ر}$ فنسبة $\overline{أ م}$ الى $\overline{ر ب}$ مثناة كنسبة $\overline{أ ه}$ الى $\overline{ه ر}$ بالشكل الحادي عشر من الخامسة ونسبة مربع $\overline{أ م}$ الى مربع $\overline{ر ب}$ كنسبة $\overline{أ م}$ الى $\overline{ر ب}$ مثناة فنسبة مربع $\overline{أ م}$ الى مربع $\overline{ر ب}$ كنسبة $\overline{أ ه}$ الى $\overline{ه ر}$ بالشكل الحادي عشر من الخامسة واه يباين $\overline{ه ر}$ فربع

أر يباين مربع رب بالشكل الثامن ولان مربع ب ح المنصف علي د
مربع بد بالشكل الرابع من الثانية فسطح آه في ه ب كمربع بد ولان عمود
ره وسط في النسبة بين آه ه ب فسطح آه في ه ب يساوي مربع ره بالشكل
الرابع عشر من السادسة فهو د ره يساوي خط بد فنسبة رب الي بد
كنسبته الي ره بالشكل السابع



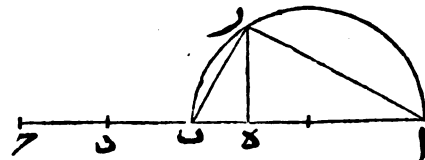
من الخامسة ولان مثلثي آر ب
ره ب متشابهان فنسبة أب الي آر
كنسبة ب ح الي ره وكانت نسبة
ب ح الي بد كنسبة ب ح الي ره

فنسبة أب الي آر كنسبة رب الي ب ه بالشكل الحادي عشر من الخامسة
فسطح أب في بد كسطح آر في رب بالشكل السادس عشر من السادسة
ونسبة سطح أب في بد الي سطح أب في ب ح كنسبة بد الي ب ح بالشكل
الاول من السادسة ومرد نصف ب ح فسطح أب في بد نصف سطح أب في
ب ح المنطق فسطح أب في بد منطق فسطح آر في رب منطق ولان
زاوية آر ب قائمة بالشكل الثلاثين من الثالثه فربع أب الموسط كجوع مربعي
أب م رب بالشكل السابع والاربعين من الاولي فربعا آر رب موسط
فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين

ل

لنا ان نجد خطين متباينين في القوة ضعف سطح
احدهما في الآخر موسط ومجوع مربعيهما موسط
مباين لضعف سطح احدهما في الآخر

نحصل خطين موسطين مشتركين في القوة فقط يحيطان بموسط يقوي
اطولهما علي اقصرهما بزيادة قوة خط يباينه في الطول بالشكل التاسع
والعشرين وهما أب ب ح فننصف



كل واحد من خطي أب ب ح
بالشكل العاشر من الاولي وليكن
ب ح منصفاً علي د فنرسم علي أب
نصف دائرة آر ب ونضيف الي

خط أب سطحاً يساوي لمربع ب ح ينقص عن تمامه مربعاً بالشكل الثامن
والعشرين من السادسة فيقسم السطح المضاف الخط علي نقطة ه
متباينين لان أب يقوي علي ب ح بمربع خط يباينه في الطول بالشكل
الرابع عشر ونخرج من نقطة ه عمود ره علي أب بالشكل الحادي عشر من
الاولي

الاولي فليبتته الي المحيط علي نقطة ر فنصل بينهما وبين كل من نقطتي آ ب بخط مستقيم فاقول ان خطي آ ر ر ب متباينان في القوة ومجموع مربعيهما متوسط وضعف سطح احدهما في الآخر متوسط مباين لمجموع المربعين برهانه ولان مثلث آه ر شبيه مثلث آ ب ر بالشكل الثامن من السادسة فنسبة آ ب الي ر ب كنسبة آه الي ر فنسبة آ ر الي ر ب مثناة كنسبة آه الي ر مثناة ونسبة مربع آ ر الي مربع ر ب كنسبة آ ر الي ر ب مثناة باستبانة الشكل التاسع عشر من السادسة فنسبة مربع آ ب الي مربع ر ب كنسبة آه الي ر ب مثناة بالشكل الحادي عشر من الخامسة ونسبة آه الي ر ب كنسبة آه الي ر مثناة لان ر ه وسط في النسبة بين خطي آه ر ب باستبانة الشكل الثامن من السادسة فنسبة مربع آ ر الي مربع ر ه كنسبة آه الي ر ب بالشكل الحادي عشر من الخامسة وآه يباين ر ب فربع آ ر يباين مربع ر ب بالشكل الثامن وسط آه في ر ب المساوي لمربع ر ه بالشكل السابع عشر من السادسة يساوي ربع مربع ب ح المساوي لمربع ب د بالشكل الرابع من الثانية فب د يساوي ر فنسبة ب ر الي ب د كنسبته الي ر بالشكل السابع من الخامسة ولان مثلثي آ ب ر ب ر ه متشابهان فنسبة آ ب الي آ ر كنسبة ب ر الي ر ه وكانت نسبة ب ر الي ب د كنسبة ب ر الي ر ه فنسبة آ ب الي ب ر كنسبة ب ر الي ب د بالشكل الحادي عشر من الخامسة فسطح آ ب في ب د كسطح آ ر في ر ب بالشكل السادس عشر من السادسة ونسبة سطح آ ب في ب ح الي سطح آ ب في ب د كنسبة ب ح الي ب د بالشكل الاول من السادسة لكن ب ح ضعف ب د فسطح آ ب في ب ح المتوسط ضعف سطح آ ب في ب د فضعف سطح آ ر في ر ب متوسط ومساوي لضعف سطح آ ر في ر ب ولان زاوية آ ر ب قائمة بالشكل الثلاثين من الثالثة فربع آ ب المتوسط يساوي مربعي آ ر ر ب معا فربع آ ر ر ب معا متوسط ونسبة مربع آ ب الي سطح آ ب في ب ح كنسبة آ ب الي ب ح بالشكل الاول من السادسة وآ ب يباين ب ح فربع آ ب يباين سطح آ ب في ب ح بالشكل الثامن فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين

لا

كل خط مستقيم مركب من خطين مستقيمين

منطقتين في القوة متشاركين فيها فقط اصم ويسمي

ذا الاسم

ليكن خط آه المستقيم مركبا من خطي آ ب ب ح المنطقتين في القوة المشتركين فيها فقط فاقول ان خط آه اصم برهانه فلان كل واحد من

مربعي \overline{AB} المشتركين منطق فمجموعهما المشار لكل واحد منهما بالشكل الحادي عشر منطق باستبانة الشكل العاشر وكل واحد من سطحي \overline{AB} في \overline{B} المتشاركين مشارك لضعفه بالشكل الحادي عشر وكل من السطحين موسط بالشكل السابع عشر فضعفهما موسط بالشكل التاسع عشر وسطح \overline{AB} في \overline{B} يباين مربع \overline{B} بالشكل الثامن فمجموع مربعي \overline{AB} المشار \overline{B} بالشكل الحادي عشر يباين سطح \overline{AB} في \overline{B} والشاركه فيشارك مربع \overline{B} سطح \overline{AB} في \overline{B} بالشكل العاشر وهو يباينه هذا خلف فمجموع مربعي \overline{AB} يباين سطح \overline{AB} في \overline{B} فبباين ضعف سطح \overline{AB} في \overline{B} المشار لسطح \overline{AB} في \overline{B} بالشكل الحادي عشر والشاركه فيشارك سطح \overline{AB} في \overline{B} بالشكل العاشر وهو يباينه هذا خفف فمجموع مربعي \overline{AB} المنطق يباين ضعف سطح \overline{AB} في \overline{B} الموسط ومجموع المربعين مع ضعف سطح \overline{AB} في \overline{B} يساويان مربع \overline{AB} بالشكل الرابع من الثانية فربع \overline{AB} يباين مجموع مربعي \overline{AB} المنطق باستبانة الشكل الحادي عشر فربع \overline{AB} اصم فاق القوي عليه اصم فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين

لب

كل خط مستقيم مركب من خطين موسطين مشتركين في القوة فقط وسطح احدهما في الآخر منطق ويسمي ذا الموسطين الاول

ليكن خط \overline{AC} مركبا من خطي \overline{AB} المتباينين الموسطين المشتركين في القوة فقط وسطح \overline{AB} في \overline{B} منطق فاقول ان \overline{AC} اصم برهانه فلان كل واحد من سطحي \overline{AB} في \overline{B} منطق فمجموعهما المشار لكل واحد منهما بالشكل الحادي عشر منطق باستبانة الشكل العاشر وكل واحد من مربعي \overline{AB} المشار لمجموعهما بالشكل الحادي عشر موسط فمجموعهما موسط بالشكل التاسع عشر فضعف سطح \overline{AB} في المنطق يباين مجموع مربعي \overline{AB} الموسط فربع \overline{AC} المساوي لمجموع \overline{AB} وضعف سطح \overline{AB} في \overline{B} بالشكل الرابع من الثانية يباين ضعف سطح \overline{AB} في \overline{B} المنطق باستبانة الشكل الحادي عشر فربع \overline{AC} اصم فاق القوي عليه اصم فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين

لح

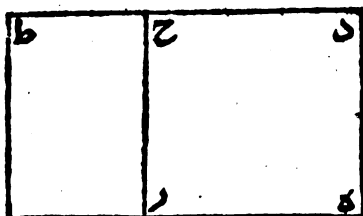
كل

كل خط مستقيم مركب من خطين مستقيمين
موسطين مشتركين في القوة فقط وسطح احدهما في
الآخر موسط فهو اصم ويسمي ذا الموسطين الثاني *

ليكن خط \overline{AC} المستقيم مركبا من خطي \overline{AB} \overline{BC} المستقيمين الموسطين
المشتركين في القوة فقط وسطح \overline{AB} في \overline{BC} موسط فاقول ان خط \overline{AC} اصم
برهانه ليكن خط \overline{DE} المستقيم

المحدد منطقا فنضيف اليه سطحا

متوازي الاضلاع قائم الزوايا يساوي
مربعي \overline{AB} \overline{BC} باستبانة الشكل
الرابع والاربعين من الاولي وهو سطح
 \overline{DC} فلان كل واحد من مربعي \overline{AB}
 \overline{BC} المشتركين موسط فمجموعهما
موسط بالشكل التاسع عشر فعرض



\overline{DC} منطبق في القوة مباين لخط \overline{DE} في الطول بالشكل الثامن عشر فخط \overline{AC}
المساوي لخط \overline{DE} المنطبق بالشكل الرابع والثلاثين من الاولي منطبق
ونضيف الي خط \overline{AC} المنطبق سطح \overline{RT} المتوازي الاضلاع القائم
الزوايا المساوي لضعف سطح \overline{AB} في \overline{BC} باستبانة الشكل الرابع
والاربعين من الاولي فلان سطح \overline{RT} موسط بمثل ما بيننا ان مجموع مربعي
 \overline{AB} \overline{BC} موسط فخط \overline{AC} منطبق في القوة مباين لخط \overline{AC} في الطول
بالشكل الثامن عشر ولان كل واحد من الزوايا التي عند نقطتي \overline{AC} رقاقة
فكل واحد من خطي \overline{AC} \overline{DE} مستقيم بالشكل الرابع عشر من الاولي
وهما متوازيان بالشكل السابع والعشرين من الاولي وسطحا \overline{DR} \overline{RT}
متباينان لتباين خطي \overline{AB} \overline{BC} بمثل ما بيننا في الشكل المتقدم فنسبة
سطح \overline{DR} الي سطح \overline{RT} كنسبة \overline{DC} الي \overline{AC} بالشكل الاول من السادسة وسطح
 \overline{DR} يباين سطح \overline{RT} فخط \overline{AC} يباين خط \overline{AC} بالشكل الثامن فخط \overline{AC} ذو
الاسمين فهو اصم بالشكل الثاني والثلاثين ونسبة مربع \overline{DE} الي سطح \overline{RT}
كنسبة \overline{DE} الي \overline{AC} المتباينين بالشكل الاول من السادسة فربع \overline{DE} المنطبق
يباين سطح \overline{RT} فسطح \overline{RT} اصم وخط \overline{AC} يقوي علي سطح \overline{RT} بالشكل
الرابع من الثانية فاج اصم وذلك ما اردنا ان نبين *

لد

كل خط مستقيم مركب من خطين متباينين

في القوة مجموع مربعيها منطقتا وضعف سطح
احدهما في الآخر متوسط اصم يسمى الاعظم

ليكن خط AC مركبا من خطي AB BC المتباينين في القوة مجموع مربعي
 AB BC منطقتا وضعف سطح احدهما في
الآخر متوسط فاقول ان AC اصم برهانه
فلان مجموع مربعي AB BC منطقتا وضعف
سطح AB في BC متوسط وهما متباينان ومربع AC يساويهما بالشكل
الرابع من الثانية فربع AC يباين كل واحد منهما باستبانة الشكل
الحادي عشر فباين مجموع مربعي AB BC المنطقتا فربع AC اصم فـ AC اصم
وذلك ما اردنا ان نبين

كل خط مستقيم مركب من خطين متباينين
في القوة مجموع مربعيها متوسط وضعف سطح احدهما
في الآخر منطقتا اصم ويسمى القوي على منطقتا

وموسط

ليكن خط AC المستقيم مركبا من خطي AB BC
 AB BC المتباينين في القوة مجموع مربعيها متوسط وضعف سطح AB في BC
منطقتا فاقول ان AC اصم برهانه فلان مجموع مربعي AB BC متوسط
وضعف سطح AB في BC منطقتا وهما متباينان فربع AC المساوي لهما
بالشكل الرابع من الثانية يباين ضعف سطح AB في BC المنطقتا
باستبانة الشكل الحادي عشر فهو اصم فـ AC اصم وذلك ما اردنا ان تبين

لو

كل خط مستقيم مركب من خطين متباينين
في القوة مجموع مربعيها متوسط وضعف سطح احدهما
في الآخر متوسط مباين للاول اصم ويسمى القوي

علي

علي المتوسطين

ا ب ج

ط	ح	د
	ر	هـ

ليكن خط $\overline{آح}$ المستقيم مركبا من خطي $\overline{آب}$ $\overline{بج}$ المتباينين في القوة مجموع مربعي $\overline{آب}$ $\overline{بج}$ $\overline{موسط}$ وضعف سطح $\overline{آب}$ في $\overline{بج}$ $\overline{موسط}$ مباين لمجموع المربعين فاقول ان $\overline{آح}$ اصم برهانه ليكن خط $\overline{ده}$ خط

مستقيما محدودا منطقا ونضيف اليه سطح $\overline{هرج}$ المتوازي الاضلاع القائم الزوايا مساويا لمجموع مربعي $\overline{آب}$ $\overline{بج}$ بالشكل الثامن عشر فخط $\overline{رح}$ المساوي لخط $\overline{ده}$ بالشكل الرابع والثلاثين من الاولي منطقت $\overline{فعرض دح}$ منطقت في القوة مباين لخط $\overline{ده}$ الطول ونضيف الي $\overline{ح}$ المنطق سطحا متوازي الاضلاع القائم الزوايا مساويا لضعف سطح $\overline{آب}$ في $\overline{بج}$ باستبانة الشكل الرابع والاربعين من الاولي وهو $\overline{ورط}$ فخط $\overline{حط}$ منطقت في القوة مباين لخط $\overline{ح ر}$ بالشكل الثامن عشر فخطا $\overline{دط}$ $\overline{هر}$ مستقيمان بالشكل الرابع عشر من الاولي لان كل واحد من الزوايا التي عند نقطتي $\overline{ح ر}$ قائمة ومتوازيان بالشكل السابع والعشرين من الاولي ولان نسبة سطح $\overline{هر}$ الي $\overline{رط}$ كنسبة $\overline{دح}$ الي $\overline{حط}$ بالشكل الاول من السادسة والسطحان متباينان فخطا $\overline{دح}$ $\overline{حط}$ متباينان بالشكل الثامن فخط $\overline{دط}$ ذو الاسمين ومربع $\overline{ده}$ منطقت ونسبته الي سطح $\overline{هط}$ كنسبة $\overline{ده}$ الي $\overline{دط}$ بالشكل الاول من السادسة وهما متباينان فسطح $\overline{هط}$ يباين مربع $\overline{ده}$ المنطق بالشكل الثامن فهو اصم ومربع $\overline{آح}$ يساوي سطح $\overline{هط}$ بالشكل الرابع من المقالة الثانية فار اصم وذلك ما اردنا ان نبين

مقدمة اولى

كل خط مستقيم محدود قسم بقسمين مختلفين مرة بعد اخرى وكان اعظم قسمي كل قسمه في احد جهتي الخط بعينه والاصغر في الجهة الاخرى فمجموع مربعي قسمي كل قسمة اعظم قسمة اعظم من اعظم قسمي قسمة اخرى اعظم من مجموع مربعي قسمي القسمة الاخرى ليكن خط $\overline{آح}$ قسم بقسمين مختلفين علي $\overline{ب}$ ثم علي $\overline{د}$ و $\overline{آب}$ $\overline{بج}$ $\overline{ج د}$ $\overline{د ح}$ $\overline{ح آ}$ فاقول قسمي القسمتين في جهة $\overline{آ}$ من مجموع مربعي $\overline{آد}$ $\overline{د ح}$ اعظم من مجموع مربعي $\overline{آب}$ $\overline{بج}$ برهانه فلان مربع $\overline{آد}$ يساوي مربعي $\overline{آب}$ $\overline{ب د}$ وضعف سطح $\overline{آب}$ في $\overline{ب د}$ بالشكل الرابع من الثانية ومربع $\overline{بج}$ يساوي مربعي $\overline{ب د}$ $\overline{د ح}$ وضعف سطح $\overline{ب د}$ في $\overline{د ح}$ بالشكل الرابع من الثانية فاذا القينا مربعات $\overline{آب}$ $\overline{ب د}$ المشتركة يبقضي ضعف

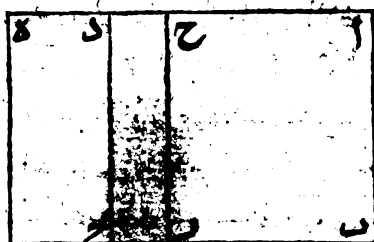
ا ب ج د

سطح \overline{AB} في $\overline{B\Gamma}$ اعظم من ضعف سطح \overline{BD} في $\overline{D\Gamma}$ فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين

مقدمة ثمانية

ليكن \overline{AB} خطا مستقيما محدودا ونضيف اليه سطحا متوازي الاضلاع قائم الزوايا يساوي مربعي \overline{AD} باستبانة الشكل الرابع والاربعين من الاولي وهو سطح $\overline{B\Gamma}$ ونضيف الي خط $\overline{D\Gamma}$ سطحا متوازي الاضلاع القائم الزوايا يساوي ضعف سطح \overline{AD} في $\overline{D\Gamma}$ وهو سطح $\overline{D\Theta}$ باستبانة الشكل الرابع والاربعين من الاولي ونضيف الي خط \overline{AB} سطحا متوازي الاضلاع قائم الزوايا يساوي مجموع مربعي \overline{AB} باستبانة الشكل الرابع والاربعين من الاولي وهو

ا ب د ح



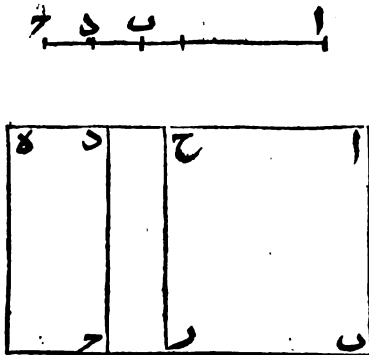
سطح $\overline{B\Gamma}$ فيكون اصغر من سطح \overline{BD} بالمقدمة الاولي ونضيف الي خط $\overline{B\Gamma}$ سطحا متوازي الاضلاع قائم الزوايا يساوي ضعف سطح \overline{AB} في $\overline{B\Gamma}$ باستبانة الشكل المذكور وهو سطح $\overline{D\Theta}$ فلان مربعي \overline{AD} وضعف سطح \overline{AD} في $\overline{D\Gamma}$ يساوي مربع \overline{AB} ومربعي \overline{AB} وضعف سطح \overline{AB} في $\overline{B\Gamma}$ يساويان مربع \overline{AB} بالشكل الرابع من الثانية فيكون فضل مربعي \overline{AD} علي مربعي \overline{AB} يساوي فضل ضعف سطح \overline{AB} في $\overline{B\Gamma}$ علي ضعف سطح \overline{AD} في $\overline{D\Gamma}$ وهو سطح $\overline{D\Theta}$ وذلك ما اردنا ان نبين

لر

كل خط مستقيم محدود قسم بذوي الاسمين علي نقطة فانه لا يمكن ان يقسم ذلك الخط بذوي الاسمين علي نقطة اخري اصلا الاعلي نقطة واحدة فقط غير الاولي يكون قسما الخط من القسمتين متساويين
الاعظم للاعظم والاصغر للاصغر

والا فلنقسم خط \overline{AC} المستقيم المحدود علي نقطتي \overline{B} وذوي الاسمين يكون قسما \overline{AB} \overline{BC} \overline{AC} مخالفين بالاصغر والكبر فنضيف الي خط \overline{AB} المستقيم المحدود المنطق سطحا متوازي الاضلاع القائم الزوايا يساوي مربعي

مربعي $آد$ وهو سطح $ب$ $ح$ ونضيف الي خط $ح$ $د$ سطحاً متوازي
 الاضلاع قائم الزوايا يساوي ضعف
 سطح $آد$ في $د$ وهو سطح $ح$ ونضيف
 الي خط $آب$ سطحاً متوازي الاضلاع
 قائم الزوايا يساوي مربعي $آب$ $ب$ $ح$
 وهو سطح $ب$ $مرح$ فيكون اصغر من
 سطح $ب$ $د$ بالمقدمة الاولى ونضيف
 الي خط $مرح$ سطحاً متوازي الاضلاع
 قائم الزوايا يساوي ضعف سطح $آب$
 في $ب$ $ح$ وهو سطح $ره$ كل ذلك باستبانة



الشكل الرابع والاربعين من الاولى فيكون سطح $ر$ $د$ هو فضل مربعي $آد$ $د$
 علي مربعي $آب$ $ب$ $ح$ وهو بعينه فضل ضعف سطح $آب$ في $ب$ $ح$ علي ضعف
 سطح $آد$ في $د$ بالمقدمة الثانية لكن كل واحد من المربعات الاربعة
 منطوق وكل واحد من ضعفي السطحين موسط وفضل المنطق علي
 المنطق منطوق بالشكل المحادي عشر وباستبانة الشكل العاشر وفضل
 المتوسط علي المتوسط اصم بالشكل العشرين فسطح $ر$ $د$ منطوق واصم هذا
 خلف الحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين

الح

كل خط مستقيم محدود قسم بذوي الوسطين
 الاول فلا يمكن ان ينقسم بذوي الوسطين علي نقطة
 اصلا الا علي نقطة واحدة فقط قسم الخط من
 القسمتين متساويان الاعظم للاعظم والاصغر

للاصغر

والا فلنقسم خط $آ$ $ح$ علي نقطتي $ب$ $د$ بذوي الوسطين الاول وقسما $آب$ $ب$ $ح$
 مخالفان قسمي $آد$ $د$ $ح$ بالكل والصغر فنضيف الي خط $آب$ المستقيم
 المحدود المنطق سطحاً متوازي الاضلاع القائم الزوايا يساوي مربعي
 قسمي $آد$ $د$ $ح$ وهو سطح $ب$ $ح$ ونضيف الي خط $ح$ $د$ سطحاً متوازي الاضلاع
 قائم الزوايا يساوي ضعف سطح $آد$ في $د$ وهو سطح $ح$ ونضيف الي خط
 $آب$ سطحاً متوازي الاضلاع القائم الزوايا يساوي مربعي $آب$ $ب$ $ح$ وهو
 سطح $مرح$ ونضيف الي خط $مرح$ سطحاً متوازي الاضلاع القائم الزوايا

يساوي ضعف سطح AB في B وهو سطح BE بالمقدمة الثانية كل ذلك

باستبانة الشكل الرابع والاربعين

من الاول في فضل سطح AC المتوسط علي

أر المتوسط وهو سطح BE بالشكل

العشرين وفضل ضعف سطح AB في

B المنطف علي ضعف سطح AD في

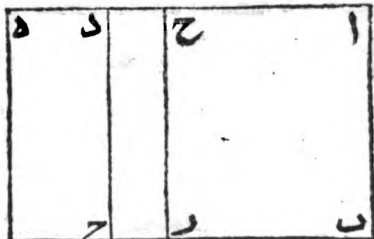
D المنطف منطف بالشكل الحادي

عشر وباستبانة الشكل العاشر

وهو سطح BE فسطح BE منطف واصم

مع هذا خلف فالحكم ثابت وذلك

ا ب د ح



ما اردنا ان نبين

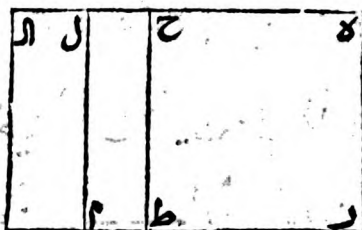
لط

كل خط مستقيم منقسم بذوي المتوسطين الثاني

لا يمكن ان ينقسم بموسطيه الاعلى نقطة واحدة فقط

يكون قسما القسمتين متساويين الاعظم للاعظم

والاصغر للاصغر



ليكن AC خطا مستقيما منقسما

بذوي المتوسطين الثاني علي نقطة B

فاقول انه لا يمكن ان ينقسم علي

نقطة اخري بموسطية الثاني

يختلف قسما المقسمتين بالكبر والصغر الكبير للكبير والصغير للصغير

برهانه والا فلنقسم كذلك علي نقطة D فنضيف الي خط BE المستقيم

المحدود المنطف سطحا متوازي الاضلاع قائم الزوايا يساوي مربعي AB

B وهو سطح BE وسطحا آخر كذلك يساوي ضعف سطح AB في B

وهو سطح AD باستبانة الشكل الرابع والاربعين من الاول فكل من عرضي

BE و AD منطف في القوة مباين لهما في الطول بالشكل الثامن عشر ولان

زوايا التي عند نقطتي BE و AD قوايم فكل من خطي BE و AD وما يقابله خط

مستقيم بالشكل الرابع عشر من الاول وهما متوازيان بالشكل السابع

والعشرين من الاول ونسبة سطح BE الي سطح AD كنسبة خط BE الي خط

AD بالشكل الاول من السادسة وسطحا BE و AD متباينان بمثل ما بينا في

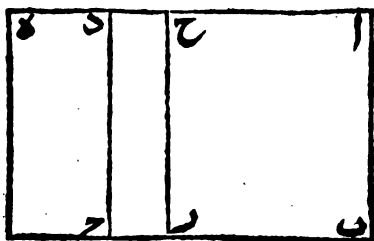
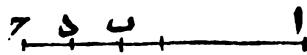
الشكل الخامس والثلاثين فخطا BE و AD متباينان بالشكل الثامن وهما

منطقان

منطقتان بالقوة خط \bar{e} ذوا الاسمين بالشكل الثالث والثلاثين منقسمتا باسميه علي نقطة \bar{c} ونضيف الي خط \bar{e} ايضا سطحا متوازي الاضلاع قائم الزوايا يساوي مربعي \bar{a} و \bar{d} وهو سطح \bar{e} م \bar{l} وسطح اخر كذلك يساوي ضعف سطح \bar{a} د في \bar{d} وهو سطح \bar{m} باستبانة الشكل الرابع والاربعين من الاول وتبين بمثل ما بيننا ان خط \bar{e} ذوا الاسمين منقسمتا باسميه علي نقطة \bar{l} فذوا الاسمين منقسم باسميه علي نقطتي \bar{c} \bar{l} هذا خلف بالشكل التاسع والثلاثين فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين

لاشي من الخط الاعظم ينقسم بقسميه الا علي نقطتين فقط يكون قسما القسمتين متساويين

ولكن آ خط اعظم منقسم بقسميه علي نقطة \bar{b} فاقول انه لا يمكن ان ينقسم بقسميه علي غير نقطة \bar{b} يكون قسما مخالفين لقسمي \bar{a} \bar{b} بالصغر والكبر الاكبر للاكبر والصغر للصغر فان امكن فلنقسم علي نقطة \bar{e} بقسميه كذلك فنضيف الي خط \bar{a} المستقيم المحدود المنطق سطحا متوازي الاضلاع قائم الزوايا يساوي مربعي \bar{b} و \bar{d} وهو سطح \bar{b} د ونضيف الي خط \bar{d} كذلك



يساوي ضعف سطح \bar{a} د في \bar{d} وهو سطح \bar{e} ونضيف ايضا الي خط \bar{a} سطحا كذلك يساوي مربعي \bar{a} \bar{b} وهو سطح \bar{b} ح فيكون اصغر من سطح \bar{b} د بالمقدمة الاولى ونضيف الي خط \bar{a} سطحا كذلك يساوي ضعف سطح \bar{a} في \bar{b} وهو سطح \bar{e} بالمقدمة الثانية كل ذلك باستبانة الشكل الرابع والاربعين من الاول فيكون سطح \bar{d} هو فضل مربعي \bar{a} \bar{d} علي مربعي \bar{a} \bar{b} وهو بعينه فضل ضعف سطح \bar{a} في \bar{b} علي ضعف سطح \bar{a} د في \bar{d} بالمقدمة الثانية لكن كل واحد من مجموع مربعي \bar{a} \bar{d} و \bar{a} \bar{b} منطق وفضل المنطق علي المنطق منطق بالشكل الحادي عشر وباستبانة الشكل العاشر وكل من ضعي سطح \bar{a} د في \bar{d} و \bar{a} \bar{b} في \bar{b} موصل وفضل الموصل علي الموصل اصم بالشكل العشرين فسطح \bar{d} بعينه منطق وموصل هذا خلف فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين

ما

لاشي من الخط القوي على منطف وموسط ينقسم
بقسميه الاعلى نقطتين فقط يكون قسمي القسمتين

متساويين

ا ب د ح

ليكن آ القوي على منطف
وموسط منقسما بقسميه على ب فاقول
انه لا يمكن ان ينقسم بقسميه على
نقطة اخري يكون قسماه مخالفين
لقسمي آ ب بالصغر والكبر
الصغر للصغر والكبر للكبر والا
فليتنقسم على نقطة د كذلك فنضيف

ا	ب	د	ح

الى خط آ ب المستقيم المحدود المنطف سطح متوازي الاضلاع قائم الزوايا
يساوي مربعي آ د وهو سطح ب د ونضيف الى خط د ح سطحا كذلك
يساوي ضعف سطح آ د في د ح وهو سطح ح د ونضيف الى خط آ ب سطحا
كذلك يساوي مربعي آ ب وهو سطح ب د وهو سطح ب د وهو سطح ب د
بالمقدمة الاولى ونضيف الى خط ح د سطحا كذلك يساوي ضعف سطح
آ ب في ب ح وهو سطح ح د بالمقدمة الثانية كل ذلك باستبانة الشكل الرابع
والاربعة من الاولى فسطح د ح هو فضل مربعي آ د على مربعي آ ب ب ح
وهو ايضا فضل ضعف سطح آ ب في ب ح على ضعف سطح آ د في د ح لكن
فضل المربعين على المربعين فضل المتوسط على المتوسط فهو اصم بالشكل
العاشرين وفضل ضعف سطح آ ب في ب ح على ضعف سطح آ د في د ح فضل
المنطف على المنطف فهو منطف بالشكل الحادي عشر واستبانة الشكل
العاشر فسطح د ح يعينه منطف واصم هذا خلف فالحكم ثابت وذلك
ما اردنا ان نبين

مب

لاشي من القوي على موسطين ينقسم بقسميه الاعلى
نقطتين فقط يكون قسمي القسمتين متساويين

فليكن آ القوي على موسطين مقسما على نقطة ب بقسميه فاقول انه
لا يمكن ان ينقسم بقسميه على غير نقطة ب يكون قسماه مخالفين لقسمي
آ ب بالكبر والصغر فان امكن فليتنقسم على نقطة د كذلك ونبين
الخلف بمثل ما بينا في ذي الموسطين الثاني والشكل كالشكل وذلك ما
اردنا

خطي $\overline{ب ح ح}$ ذو الاسمين الاول برهانه فلان نسبة مربع $\overline{ب ل}$ الي
سطح $\overline{ل ا}$ كنسبة $\overline{ب ح}$ الي $\overline{ح ا}$ بالشكل الاول من السادسة ولان مثلثي $\overline{ب د د}$
الذين متشابهان

بالشكل التاسع

والعشرين من

الاولي والشكل

الرابع من السادسة

فنسبه $\overline{د ه}$ الي $\overline{د ر}$

كنسبة مربع $\overline{ب ل}$

الي سطح $\overline{ل ا}$ ونسبة

مربع $\overline{ب ل}$ الي مربع $\overline{ح د}$ كنسبته الي سطح $\overline{ل ا}$ بالشكل السابع من الخامسة

فنسبة $\overline{د ه}$ الي $\overline{د ر}$ كنسبة مربع $\overline{ب ل}$ الي مربع $\overline{ح د}$ بالشكل الحادي عشر من

الخامس فب $\overline{ح د}$ منطقتان في القوة متباينان في الطول بالشكل السابع

ونسبة مربع $\overline{ب ل}$ الي مربع $\overline{ط د}$ كنسبته الي سطح $\overline{ب م}$ بالشكل السابع من

الخامسة ونسبة $\overline{ب ح}$ الي $\overline{ب ا}$ كنسبة مربع $\overline{ب ل}$ الي سطح $\overline{ب م}$ فبالشكل

الحادي عشر نسبة مربع $\overline{ب ل}$ الي مربع $\overline{ط د}$ كنسبة $\overline{ب ح}$ الي $\overline{ح ا}$ وبالقلب

نسبة $\overline{د ه}$ الي $\overline{د ر}$ كنسبة $\overline{ب ح}$ الي $\overline{ب ا}$ فبالشكل الحادي عشر نسبة مربع

$\overline{ب ل}$ الي مربع $\overline{ط د}$ كنسبة عدد $\overline{د ه}$ المربع الي عدد $\overline{د ر}$ المربع فخط $\overline{ب ح}$

يشارك ضلع $\overline{ط د}$ في الطول بالشكل السابع فخط $\overline{ب ح}$ المستقيم مركب من

خطي $\overline{ب ح ح}$ المنطقتين في القوة فقط وخط $\overline{ب ح}$ منطقتي في الطول

وقوي علي خط $\overline{ح د}$ بمربع خط يشاركه في الطول وهو ضلع $\overline{ط د}$ فالحكم

ثابت وذلك ما اردنا ان نبين

مد

لذا نجد ذا الاسمين الثاني

ليكن آ خطا منطقتا في الطول ويشاركه خط $\overline{ح د}$ في الطول فهو منطقتي

باستينانه الشكل العاشر ونجد عددين مربعين ليس الفضل بينهما مربعا

بالمقدمة المذكورة قبل الشكل الثاني والعشرين وهما $\overline{د ه}$ و $\overline{د ر}$ والفضل

بينهما $\overline{ر ه}$ ونجعل $\overline{ح د}$ مع $\overline{د ه}$ محيطا بزواوية بحيث ينطبق نقطة $\overline{ه}$ علي

نقطة $\overline{ر}$ ونصل بين نقطتي $\overline{ر ح}$ بخط مستقيم ونخرج من $\overline{د}$ خط $\overline{د م}$ موازيا

لخط $\overline{ر ح}$ بالشكل الواحد والثلاثين من الاول فلان زائتي $\overline{ح ر ه}$ و $\overline{ح د م}$ اقل

من قائمتين بالشكل السابع عشر من الاول وزاوية $\overline{ه م ر}$ كزاوية $\overline{ه د م}$

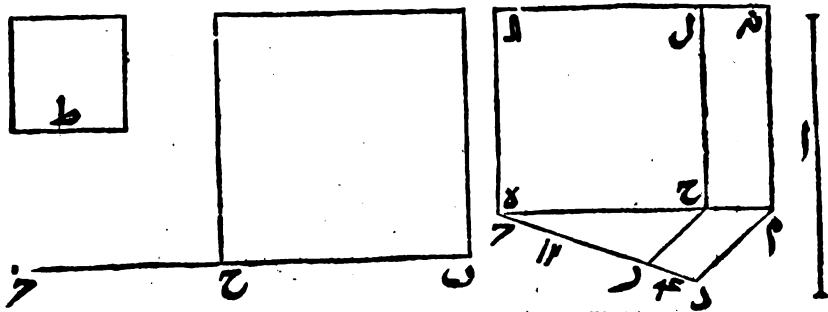
بالشكل التاسع والعشرين من الاول فخط $\overline{ح د م}$ اذا اخرجاهما علي

استقامتهما في جهة $\overline{ح}$ يتلاقيان فليتلقا علي نقطة $\overline{م}$ ونرسم علي خط

$\overline{ح د}$ مربع $\overline{ح ل}$ بالشكل السادس والاربعين من الاول ونخرج من نقطة $\overline{م}$

خط

خط م نه موازيا لخط ح ل بالشكل الواحد والثلاثين من الاولي ونخرجه
علي استقامته في جهة نه وال في جهة ل علي استقامته فهما يتلاقيان
لان اذا وصلنا الم بخط مستقيم يكونا زاويتي ل لمر نه م اقل من قائمتين
لان كل واحد من زاويتي ه ل نه قائمة فليتلاقيا علي نقطة نه ونرسم

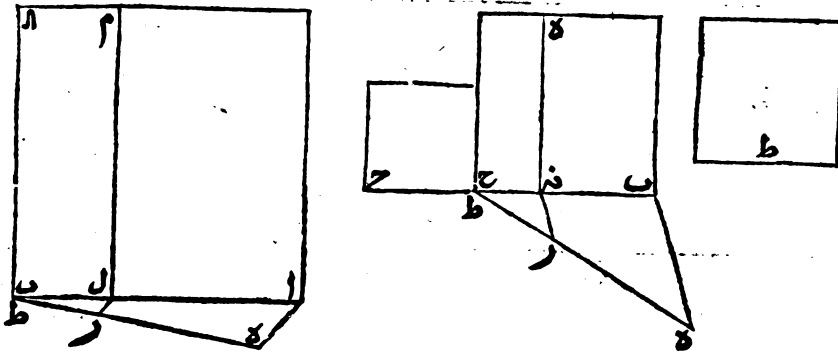


مربعاً يساوي سطح م ا ضلعه ب ح ومربعاً آخر يساوي سطح م ل ضلعه
ط بالشكل الرابع عشر من الثانية والشكل السادس والاربعين من الاولي
فلان زاويتي ح ه م من مثلث ح ه م يساويان زاويتي م د ه من
مثلث د ه م بالشكل التاسع والعشرين من الاولي وزاوية د ه م مشتركة
بين مثلثي ح ه م و د ه م فبالشكل الرابع من السادسة نسبة د ه الى ه ر كنسبة
م ه الى ح ونسبة سطح م ل الي مربع ح ل كنسبة م ه الى ح بالشكل الاول
من السادسة فبالشكل الحادي عشر من الخامسة نسبة د ه الى ه ر كنسبة
سطح م ل الي مربع ح ل ونسبة مربع ب ح الي مربع ح ل كنسبة سطح م ل الي
مربع ح ل بالشكل السابع من الخامسة فنسبة د ه الى ه ر كنسبة مربع ب ح
الي مربع ح ل بالشكل الحادي عشر من الخامسة فهما متباينان بالشكل
السابع ونسبة مربع ب ح الي مربع ط كنسبة سطح م ل الي مربع ط
بالشكل السابع من الخامسة وبالقرب نسبة د ه الى ه ر كنسبة سطح م ل الي
سطح م ل فبالشكل الحادي عشر من الخامسة نسبة مربع ب ح الي مربع ط
كنسبة د ه الى ه ر والعهدين المربعين فضلع ب ح يشارك ضلع ط في الطول
بالشكل السابع فخط ب ح ح منطقتان في القوة ومشتركان فهما فقط
ونخط ب ح الاطول يقوي علي خط ح ح الاقصر المنطق في الطول بن زيادة
مربع خط يشارك في الطول فقط فالخط المستقيم المركب من خطي ب ح
ح ه والاسمين الثاني فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين ه

لننا ان نجد الاسمين الثالث

ليكن اب خطا مستقيما منطقتا في الطول ونجد عددين مربعين ليس
الفضل بينهما مربعاً بالمقدمة المذكورة قبل الشكل الثاني والعشرين

وهما \mathcal{E} و \mathcal{H} ورط هو الفضل بينهما وليس مربعا وليكن رط عدداً اول
فلا يكون نسبته الى \mathcal{E} ولا الى \mathcal{H} كنسبة عددين مربعين والا لكان
العدد الاول مربعا او مسطحا بالشكل الثاني والعشرين من الثمانية هذا
خلف ونجعل خط $\mathcal{A}\mathcal{B}$ مع عدد \mathcal{E} محيطاً بزاوية $\mathcal{A}\mathcal{P}\mathcal{E}$ بحيث

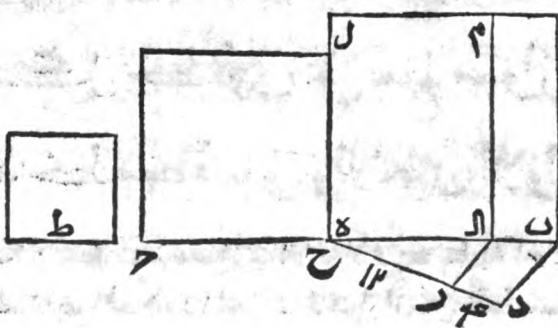


ينطبق نقطة \mathcal{P} على نقطة \mathcal{B} ونرسم على خط $\mathcal{A}\mathcal{B}$ مربع $\mathcal{A}\mathcal{B}$ بالشكل
السادس والاربعين من الاول ونصل بين نقطتي \mathcal{A} و \mathcal{E} بخط مستقيم
ونخرج من نقطة \mathcal{B} خط $\mathcal{B}\mathcal{L}$ موازياً لخط $\mathcal{A}\mathcal{E}$ بالشكل الواحد والثلاثين من
الاولي فليبتئ الى خط $\mathcal{A}\mathcal{B}$ على نقطة \mathcal{L} ونخرج منها عمود $\mathcal{L}\mathcal{M}$ على $\mathcal{A}\mathcal{B}$
بالشكل الحادي عشر من الاول فليبتئ الى ضلع مربع $\mathcal{A}\mathcal{B}$ على نقطة \mathcal{M}
فلان كل واحد من الزوايا التي عند نقط \mathcal{A} و \mathcal{B} قائمة فكل من سطحي $\mathcal{A}\mathcal{M}$
 $\mathcal{M}\mathcal{B}$ متوازي الاضلاع بالشكل التاسع والعشرين من الاول ولان زاوية
 \mathcal{L} رط كزاوية $\mathcal{A}\mathcal{E}$ بالشكل التاسع والعشرين من الاول وزاوية $\mathcal{A}\mathcal{P}\mathcal{E}$
مشتركة بين مثلثي $\mathcal{A}\mathcal{P}\mathcal{E}$ و $\mathcal{L}\mathcal{P}\mathcal{E}$ فزاوية $\mathcal{L}\mathcal{P}\mathcal{E}$ كزاوية $\mathcal{A}\mathcal{P}\mathcal{E}$ بالشكل الثاني
والثلاثين من الاول فبالشكل الرابع من السادسة نسبة \mathcal{E} الى $\mathcal{P}\mathcal{L}$
كنسبة $\mathcal{A}\mathcal{P}$ الى $\mathcal{P}\mathcal{L}$ ونسبة مربع $\mathcal{A}\mathcal{B}$ الى سطح $\mathcal{A}\mathcal{B}$ كنسبة $\mathcal{A}\mathcal{P}$ الى $\mathcal{P}\mathcal{L}$
بالشكل الاول من السادسة فنسبة \mathcal{E} الى $\mathcal{P}\mathcal{L}$ كنسبة مربع $\mathcal{A}\mathcal{B}$ الى سطح
 $\mathcal{A}\mathcal{B}$ بالشكل الحادي عشر من الخامسة ونجعل مربعا يساوي سطح $\mathcal{A}\mathcal{B}$
بالشكل الرابع عشر من الثانية والشكل السادس والاربعين من الثاني
وليكن ضلعه $\mathcal{B}\mathcal{C}$ كنسبة مربع $\mathcal{A}\mathcal{B}$ الى مربع $\mathcal{B}\mathcal{C}$ كنسبة مربع $\mathcal{A}\mathcal{B}$ الى
سطح $\mathcal{A}\mathcal{B}$ بالشكل السابع من الخامسة وكانت نسبة \mathcal{E} الى $\mathcal{P}\mathcal{L}$ كنسبة
مربع $\mathcal{A}\mathcal{B}$ الى سطح $\mathcal{A}\mathcal{B}$ فبالشكل الحادي عشر من الخامسة نسبة مربع $\mathcal{A}\mathcal{B}$
الى مربع $\mathcal{B}\mathcal{C}$ كنسبة \mathcal{E} الى $\mathcal{P}\mathcal{L}$ وهما ليسا عددين مربعين فخط $\mathcal{B}\mathcal{C}$
يشارك خط $\mathcal{A}\mathcal{B}$ في القوة ويماثل في الطول بالشكل السابع فخط $\mathcal{B}\mathcal{C}$
منطبق في القوة فقط ونجعل $\mathcal{B}\mathcal{C}$ ايضا مع عدد \mathcal{E} محيطاً بزاوية
بحيث ينطبق نقطة \mathcal{C} على نقطة \mathcal{P} ونصل بين نقطتي \mathcal{B} و \mathcal{E} بخط مستقيم
ونخرج من نقطة \mathcal{B} خط $\mathcal{B}\mathcal{L}$ موازياً لخط $\mathcal{A}\mathcal{E}$ بالشكل الواحد والثلاثين

من

من الاولى فينتهي الي $\overline{ب ح}$ علي نقطة $\overline{ن ه}$ ونخرج عنها عمود $\overline{ن ه}$ فليبتئ الي ضلع
مربع $\overline{ب ح}$ علي $\overline{ه}$ بالشكل الحادي عشر من الاول فسطحا $\overline{ب ه}$ $\overline{ح ه}$ متوازي
الاضلاع بالشكل السابع والعشرين من الاول ونعمل مربع $\overline{ب ه}$ يساوي
سطح $\overline{ب ه}$ وليكن ضلعه $\overline{ح ه}$ ونعمل مربع $\overline{ب ه}$ آخر يساوي سطح $\overline{ب ه}$ وليكن
ضلعه $\overline{ط ه}$ بالشكل الرابع عشر من الثانية والشكل السادس والاربعين من
الاولي فلان زاوية $\overline{ن ه ط}$ يساوي زاوية $\overline{ب ه ح}$ بالشكل التاسع والاربعين
من الاول وزاوية $\overline{ب ه ح}$ مشتركة بين مثلثي $\overline{ب ه ح}$ $\overline{ن ه ح}$ فزاوية $\overline{ح ن ه}$
يساوي زاوية $\overline{ح ب ه}$ بالشكل الثاني والثلاثين من الاول فبالشكل الرابع
من السادسة نسبة $\overline{ه ط}$ الي $\overline{ط ه}$ كنسبة $\overline{ب ح}$ الي $\overline{ح ه}$ ونسبة مربع $\overline{ب ح}$ الي
سطح $\overline{ب ه}$ كنسبة $\overline{ب ح}$ الي $\overline{ح ه}$ فنسبة مربع $\overline{ب ح}$ الي سطح $\overline{ب ه}$ كنسبة $\overline{ه ط}$ الي
 $\overline{ط ه}$ ونسبة مربع $\overline{ب ح}$ الي مربع $\overline{ح ه}$ كنسبة مربع $\overline{ب ح}$ الي سطح $\overline{ب ه}$
بالشكل السابع من الخامسة فنسبة $\overline{ه ط}$ الي $\overline{ط ه}$ كنسبة مربع $\overline{ب ح}$ الي
مربع $\overline{ح ه}$ بالشكل الحادي عشر من الخامسة ف $\overline{ب ح}$ يشارك $\overline{ح ه}$ في القوة
ويباينه في الطول بالشكل السابع لان نسبة $\overline{ه ط}$ الي $\overline{ط ه}$ ليست كنسبة
عدد مربع الي عدد مربع وبالعكس نسبة $\overline{ه ط}$ الي $\overline{ط ه}$ كنسبة مربع $\overline{ب ح}$
الي سطح $\overline{ب ه}$ ونسبة مربع $\overline{ب ح}$ الي مربع $\overline{ط ه}$ كنسبة مربع $\overline{ب ح}$ الي سطح
 $\overline{ب ه}$ بالشكل السابع من الخامسة فنسبة $\overline{ه ط}$ الي $\overline{ط ه}$ كنسبة مربع $\overline{ب ح}$ الي
مربع $\overline{ط ه}$ بالشكل الحادي عشر من الخامسة و $\overline{ه ط}$ $\overline{ط ه}$ عدنان مربعان
ف $\overline{ب ح}$ يشارك ضلع $\overline{ط ه}$ في القوة والطول بالشكل السابع ولان نسبة
مربع $\overline{ب ح}$ الي مربع $\overline{ب ح}$ كنسبة $\overline{ه ط}$ الي $\overline{ط ه}$ ونسبة مربع $\overline{ب ح}$ الي مربع
 $\overline{ح ه}$ كنسبة $\overline{ه ط}$ الي $\overline{ط ه}$ فبالشكل الثاني والعشرين من الخامسة نسبة
مربع $\overline{ب ح}$ الي مربع $\overline{ح ه}$ كنسبة عدد $\overline{ه ط}$ الي عدد $\overline{ط ه}$ وهما ليسا مربعين
فخط $\overline{أ ب}$ المنطق غير مشارك لخط $\overline{ح ه}$ في الطول بالشكل السابع ويشارك
في القوة فخط $\overline{ح ه}$ اصم فالخط المستقيم المركب من خطي $\overline{ب ح}$ $\overline{ح ه}$ ذو
الاسمين الثالث فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين

لنجد ذا الاسمين الرابع

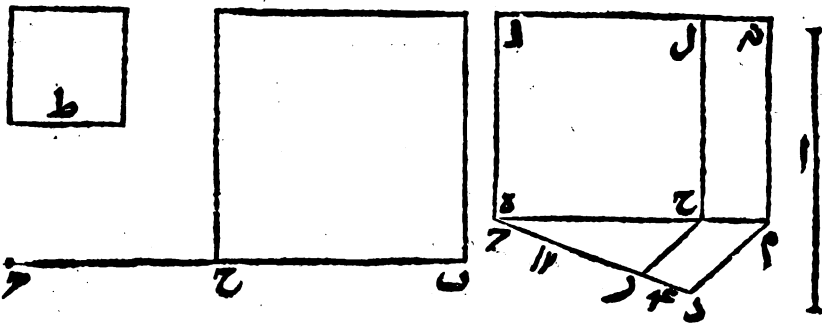


فنجدد عددين
مربعين ليس
مجموعهما مربع
بالمقدمة المذكورة
قبل الشكل
الثالث والعشرين
وهما $\overline{د ه}$ و $\overline{ع ه}$

ببينهما رة فيكون نسبة ده الى در و الي ر ليست كنسبة عدد مربع الي
عدد مربع والا لكانت كل واحد من ده رة مربعاً بالشكل الثاني
والعشرين من الثانية وليس وليكن الخط المنطق آ ونيين بمثل ما بينا
في ذي الاسمين الاول ان ب ح يكون قويا علي ح م بمربع خط يباينه في
الطول وهو ط وذلك ما اردنا ان نبين

لنجد ان نجد ذا الاسمين الخامس

فنجد عددي ده در ونجد خطين اطولها منطق في القوة فقط
واصغرها منطق في الطول والقوة معا ويقوي الاطول علي الاقصر



بزيادة مربع خط يباينه في الطول بمثل ما مر في ذي الاسمين الثاني
والشكل كالشكل وذلك ما اردنا ان نبين

لنجد ان نجد ذا الاسمين السادس

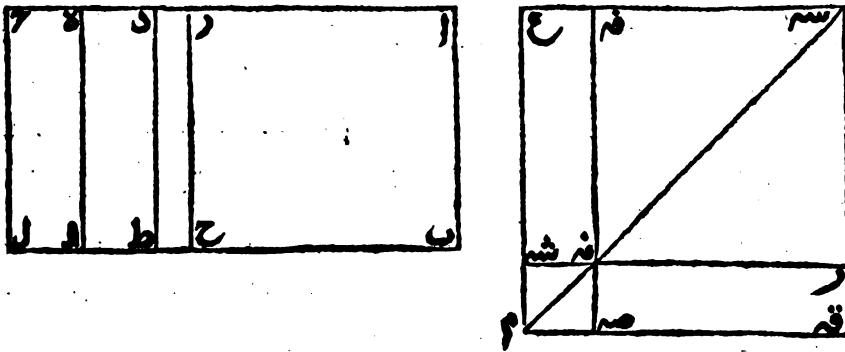
فنجد عددي ده در وعدد ط الذي ليست نسبته الي ده و ر كنسبة
عده مربع الي عدد مربع كما بين في الشكل التاسع والاربعين ونجد
خطين كل منهما منطق في القوة فقط متباينان في الطول والاطول منها
يقوي علي الاقصر بزيادة مربع خط يباينه في الطول بمثل ما مر في ذي
الاسمين الثالث والشكل كالشكل وذلك ما اردنا ان نبين

كل خط قوي علي سطح متوازي الاضلاع يحيط

به خط منطق وذا الاسمين الاول هو ذا الاسمين

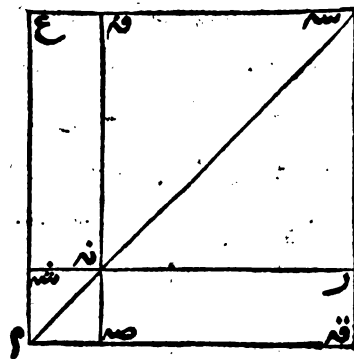
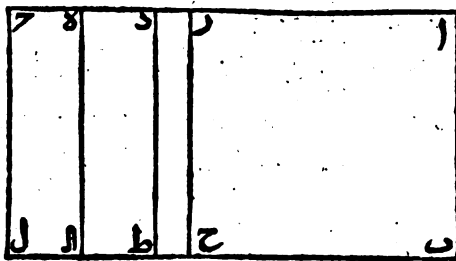
ليكن سطح ب ح متوازي الاضلاع يحيط به آ و ذا الاسمين الاول وخط آ ب
المستقيم المحدود المنطق فاقول ان كل خط مستقيم قوي علي سطح ب ح
فهو

فهو ذو الاسمين برهانه ليكن آ د ا الاسمين الاول منقسمين باسميه علي نقطة د و آ اعظم اسميه فهو منطبق فسطح ب د منطبق بالشكل الخامس عشر وننصف د ح علي نقطة ه بالشكل العاشر من الاول فربيع مربع د ح يساوي لمربع د ه بالشكل الرابع من الثانية ونضيف الي آ د سطحا يساوي مربع د ه ينقص عن تمامه مربعا بالشكل الثامن والعشرين من السادسة فينقسم خط آ د باضافة سطح اليه علي نقطة م فلان آ د قوي علي خط د ح بمربع خط يشاركه في الطول فام يشارك د ه بالشكل الثالث عشر ونخرج من نقط ر د ه خطوط م ح د ط ه موازية لخط آ ب بالشكل الواحد والثلاثين من الاول فليبتدئ الي ب ل علي نقط ح ط ل فبالشكل الثلاثين من الاول يكون سطوح آ ح ر ط د ه متوازية الاضلاع ولان نسبة سطح آ ح الي سطح ح د كنسبة آ ر الي ر د بالشكل الاول من السادسة و آ يشارك ر د فسطح آ ح يشارك سطح د ه بالشكل العاشر فكل من سطحي آ ح د يشارك



سطح آ ط المنطبق بالشكل الحادي عشر فكل منهما منطبق باستبانة الشكل العاشر ولان سطح آ ر في ر د مربع د ه فنسبة آ ر الي د ه كنسبة د ه الي ر د بالشكل السادس عشر من السادسة ونسبة سطح آ ح الي سطح د ه كنسبة آ ر الي د ه ونسبة سطح د ه الي سطح ر ط كنسبة د ه الي ر د بالشكل الاول من السادسة فسطح د ه وسط في النسبة بين سطحي آ ح د ولان سطح آ ط متوازي الاضلاع يكون ضلع د ط يساوي ضلع آ ب بالشكل الرابع والثلاثين من الاول و آ ب منطبق ف د ط منطبق في الطول و د ح منطبق في القوة فقط فسطح د ل موسط بالشكل السابع عشر ولان نسبة سطح د ل الي سطح آ ح كنسبة د ه الي ه المتشاركين بالشكل الاول من السادسة فسطح د ل يشارك سطح آ ح بالشكل الثامن فكل واحد من سطحي د ه آ ح يشارك سطح د ل الموسط بالشكل الحادي عشر فكل من سطحي د ه آ ح موسط بالشكل التاسع عشر ونرسم مربعا مساويا لسطح آ ح بالشكل الرابع عشر من الثانية والشكل السادس والاربعين من الاول وليكن هو مربع سم ر ه ونخرج قطر سم ه ونخرج خط ر ه علي استقامته في جهة ن ه الي غير النهاية ونرسم عليه مربع ن ه م ه يساوي سطح ر ط بالشكل الرابع عشر

من الثانية والشكل السادس والاربعين من الاول ولان زاويتي منتهيه
منتهيه كقائمتين بالشكل الثالث عشر من الاول وزاوية منتهيه قائمة
فزاوية منتهيه قائمة وزاوية منتهيه قائمة فخط مستقيم بالشكل
الرابع عشر من الاول ولان زاوية منتهيه قائمة من مثلث منتهيه وضيع
منتهيه كضلع منتهيه فزاويتا منتهيه منتهيه متساويتان بالشكل الخامس من
الاول وكل مثلث زاوياها الثلث كقائمتين بالشكل الثاني والثلثين من
الاول فزاوية منتهيه نصف قائمة وكذلك زاوية منتهيه وبمثلته تبين ان كل
واحد من زاويا منتهيه منتهيه منتهيه منتهيه منتهيه منتهيه نصف قائمة



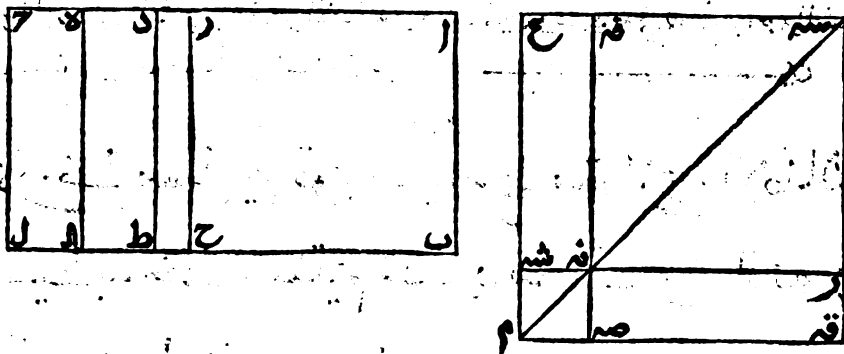
خط منتهيه خط واحد مستقيم بالشكل الرابع عشر من الاول لان زاوية
منتهيه قائمة بالشكل الثالث عشر من الاول واذا اخراجنا خطي منتهيه
منتهيه في جهة منتهيه علي استقامتهما يتلاقيان فليبتلعا علي نقطة ع ونخرج كل
واحد من خطي منتهيه منتهيه في جهة منتهيه علي استقامتهما فليبتلعا
فليبتلعا علي نقطة ق ولان زاويتي منتهيه منتهيه متساويتان فضلعا
ع منتهيه متساويان بالشكل السادس من الاول والاضلاع المتقابلة من
كل سطح متوازي الاضلاع متساوية بالشكل الرابع والثلثين من الاول
فكل واحد من ضلعي منتهيه منتهيه يساوي نظيره من ضلعي منتهيه منتهيه ولان كل
واحد من زاويتي منتهيه منتهيه قائمة فكل واحد من زاويتي منتهيه منتهيه
منتهيه قائمة بالشكل التاسع والعشرين من الاول فسطح منتهيه مربع ولان
ضلع منتهيه كضلع منتهيه وضيع منتهيه كضلع منتهيه بالشكل الرابع والثلثين
من الاول فضلع منتهيه كضلع منتهيه فربع منتهيه يساوي مربع منتهيه ولان نسبة
منتهيه الي فرع كنسبة منتهيه المساوي لمنتهيه الي منتهيه المساوي لفرع بالشكل
السابع من الخامسة ونسبة منتهيه الي فرع كنسبة مربع منتهيه الي سطح منتهيه
بالشكل الاول من السادسة ونسبة سطح منتهيه الي مربع منتهيه كنسبة منتهيه الي
منتهيه بالشكل المذكور فسطح منتهيه وسط في النسبة بين مربعي منتهيه منتهيه
وكان سطح منتهيه وسطا في النسبة بين سطحي منتهيه منتهيه المساويان لمربعي منتهيه منتهيه
منتهيه فنسبة سطح منتهيه الي سطح منتهيه مثناة كنسبة سطح منتهيه الي سطح منتهيه
ونسبة مربع منتهيه الي مربع منتهيه كنسبة سطح منتهيه الي سطح منتهيه فبالشكل
الحادي

كل خط مستقيم قوي على سطح متوازي الاضلاع
يحيط به خط مستقيم محدود منطبق وذو الاسمين
الثاني هو ذو المتوسط ————— بين الاول *

271

كل خط مستقيم قوي على سطح متوازي الاضلاع
يحيط به خط مستقيم محدود منطبق وذو الاسمين

ليكن سطح B المتوازي الاضلاع يحيط به AB المستقيم المحدود

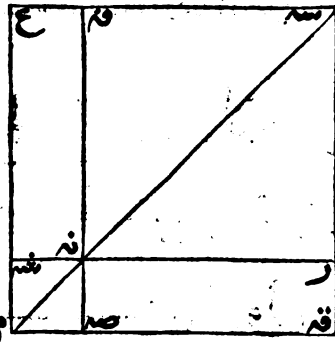
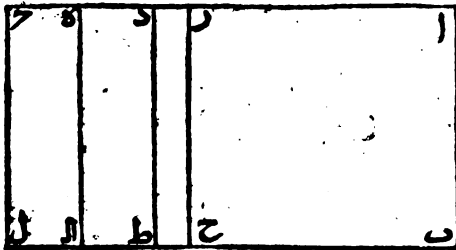


المنطق وذو الاسمين الثاني فاقول ان خط مستقيم قوي على سطح بـ هو
ذو المتوسطين الاول ويكون ههنا سطح در منطقاً ووسطاً بد متوسطاً ونسلك
ماسكناً في الشكل المتقدم فيحصل مربعي سـ نـ نـ مـ كل واحد منهما

موسطا ويشتركان فيكون متما نـع نـمـ منطقين فخط سـع المركب من خطي سـهـ سـقـ فرع الموسطين المشتركين المتباينين في الطول الذي ضعف سطح احدهما في الآخر منطق ذو الموسطين الاول بالشكل الرابع والثلاثين وقوي علي سطح بـحـ والشكل كالمقدم وذلك ما اردنا ان نبين

كل خط مستقيم قوي علي سطح متوازي الاضلاع يحيط به خط مستقيم محدود منطق وذو الاسمين
الثالث ذو الموسطين الثاني

ليكن السطح بـحـ وذو الاسمين الثالث اـحـ فسطح بـدـ هنا موسط وكل من سطحي بـرـ رـطـ موسط مشارك لسطح بـدـ المباين لسطح دـلـ الموسط فيحصل بالطريقه التي سلكناها مربعي سـهـ سـقـ نـمـ الموسطين المشتركين المباينين لسطح نـعـ الموسط فيكون خط سـعـ مركبا من خطي سـهـ سـقـ فرع



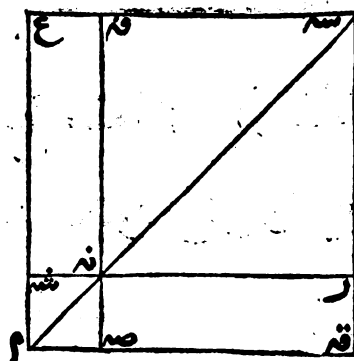
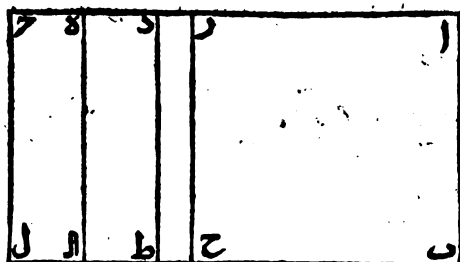
الموسطين في القوة المشتركين فيها فقط المحيطان بموسط وهو سطح نـعـ فهو ذو الموسطين الثاني بالشكل الخامس والثلاثين وقوي يا علي سطح بـحـ والشكل كالمقدم وذلك ما اردنا ان نبين

كل خط مستقيم قوي علي سطح متوازي الاضلاع يحيط به خط مستقيم محدود منطق وذو الاسمين

الرابع هو اعظم

ليكن السطح بـحـ والخط المستقيم المنطق اـبـ وذو الاسمين الرابع اـحـ منقسم علي دياسميه فاقول ان كل خط قوي علي سطح بـحـ اعظم ولان سطح بـدـ هنا

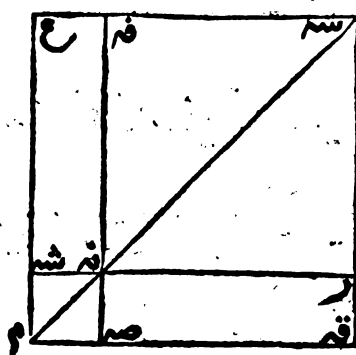
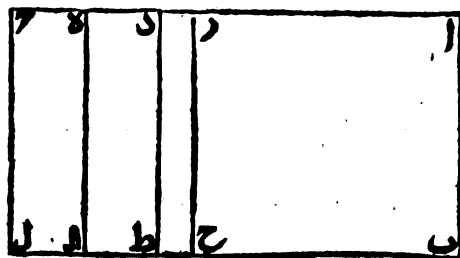
بـ د هنا منطق وسطها بـ ر ط متباينان وسط دـ لـ موسط فاذا سلطنا ما
سلطنا في الاشكال المتقدمة حصلنا مربعي سـ نـ مـ نـ متباينين مجموعهما
منطق ومتممي نـ عـ نـ قـ كل منهما موسط ولذلك مجموعهما فيكون خط



سـ عـ مركبا من خطي سـ قـ سـ نـ فرع المتباينين في القوة مجموع مربعهما منطق
وضعف سطح احدهما في الآخر موسط اعظم بالشكل السادس والثلاثين
وقويا علي سطح بـ ر وذلك ما اردنا ان نبين

كل خط مستقيم قوي علي سطح متوازي الاضلاع
محيط به خط مستقيم محدود منطق وذو الاسمين
الخامس هو القوي علي منطق وموسط

ليكن السطح بـ ر والخط ا ب وذو الاسمين الخامس ا ح منقسما باسمه علي
نقطة د فاقول ان كل خط مستقيم قوي علي سطح بـ ر قوي علي منطق
وموسط فلان سطح بـ د موسط مباين لسطح د ل المنطق وسطها بـ ر ط
متباينان فاذا حصلنا بالطريقة السابقة مربعي سـ نـ مـ نـ المتباينين

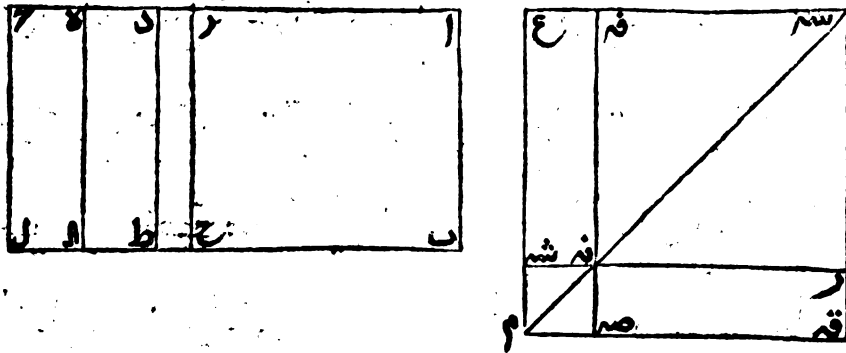


مجموعهما موسط ومتممي نـ عـ نـ قـ المنطقين فيكون خط سـ عـ المركب من
خطي سـ قـ سـ نـ فرع المتباينين في القوة مجموعهما موسط ومتممي نـ عـ نـ قـ

المنطقين فيكون خط $\overline{س د ع}$ المركب من خطي $\overline{س د}$ فرع المتباينين في القوة مجموعهما $\overline{موسط}$ وضعف $\overline{س ط}$ احداهما في الآخر وهو متماثل $\overline{ن د ع}$ $\overline{ن د}$ منطق قوي $\overline{ع ي ا ع ل}$ منطق $\overline{موسط}$ بالشكل السابع والثلاثين وقوي $\overline{ع ي ا ع ل}$ $\overline{س ط ب ح}$ وذلك ما اردنا ان نبين

كل خط مستقيم قوي على سطح متوازي الاضلاع يحيط به خط مستقيم منطق محدود وذو الاسمين السادس فهو القوي على $\overline{موسط}$ $\overline{س ي ا ع ل}$

ليكن السطح $\overline{ب ح}$ والخط المستقيم $\overline{أ ب}$ وذو الاسمين السادس $\overline{أ ح}$ فلان كل واحد من سطحي $\overline{ب د د ل}$ $\overline{موسط}$ وسطحي $\overline{ب ر ر ط}$ متباينان فبالطريقة

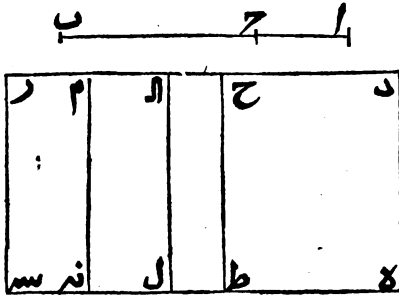


المتقدمة مربعي $\overline{س د هـ}$ $\overline{ن د م}$ $\overline{موسطين}$ متباينين ومتماثلين $\overline{ن د ع}$ $\overline{موسطين}$ متباينين للرابعين فيكون خط $\overline{س د ع}$ مركبا من خطي $\overline{س د}$ فرع المتباينين في القوة مجموع مربعي $\overline{موسط}$ وكذلك ضعف $\overline{س ط}$ احداهما في الآخر هو القوي على $\overline{موسطين}$ بالشكل الثامن والثلاثين والقوي على $\overline{س ط ب ح}$ وذلك ما اردنا ان نبين

كل خط مستقيم محدود منطق اضيف اليه سطح متوازي الاضلاع يساوي مربع ذي الاسمين فالعرض الحادث ذو الاسمين الاول

ليكن $\overline{د هـ}$ خطا مستقيما محدودا منطقا وخط $\overline{أ ب}$ ذو الاسمين المنقسم باسمه على نقطة $\overline{ح}$ وقسمه الاطول $\overline{ب ح}$ واضعنا الى $\overline{د هـ}$ سطح $\overline{د هـ}$ المتوازي الاضلاع

الاضلاع مساويا لمربع \overline{AB} بالشكل السادس والاربعين من الاول فاقول ان عرض \overline{AB} ذو الاسمين الاول برهانه فلان مربع \overline{AB} مساو لمربعي \overline{BC} و \overline{CA} وضعف سطح \overline{BC} في \overline{CA} بالشكل الرابع من الثانية فسطح \overline{BC} يساويها فليكن سطح \overline{CA} المتوازي الاضلاع من سطح \overline{BC} مساويا لمربع \overline{BC} و سطح \overline{CA} كذلك مساويا لمربع \overline{CA} يبقي سطح \overline{AB} المتوازي الاضلاع مساويا لضعف سطح \overline{BC} في \overline{CA} وننصف \overline{AB} على نقطة \overline{M}



بالشكل العاشر من الاول ونخرج منها \overline{M} موازيا للخط \overline{BC} فبنتهي الى خط \overline{DE} على نقطة \overline{N} فهو موازيا للخط \overline{AB} بالشكل الثلاثين من الاول فكل واحد من سطحي \overline{LM} و \overline{MN} متوازي الاضلاع فلان نسبة سطح

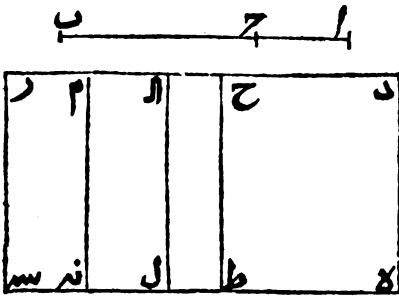
\overline{LM} الى \overline{MN} كنسبة \overline{AM} الى \overline{MB} بالشكل الاول من السادسة و \overline{AM} يساوي \overline{MB} فسطح \overline{LM} يساوي سطح \overline{MN} فكل واحد منهما يساوي سطح \overline{BC} في \overline{CA} ولان الاضلاع المتقابلة من السطوح المتوازية الاضلاع متساوية بالشكل الرابع والثلاثين من الاول فكل من خطي \overline{CH} و \overline{AL} منطقي في الطول لان كل منهما يساوي \overline{DE} المنطق ولان كل واحد من سطحي \overline{LM} و \overline{MN} موسط ومشارك لسطح \overline{AB} ضعف كل منهما فسطح \overline{AB} موسط بالشكل التاسع عشر فعرض \overline{AB} منطق في القوة غير مشارك للخط \overline{AL} المنطق بالشكل الثامن عشر ولان نسبة سطح \overline{CH} المنطق الى سطح \overline{AL} المنطق كنسبة خط \overline{CH} الى خط \overline{AL} بالشكل الاول من السادسة وكل منطقيين متشاركين من جنس واحد فسطح \overline{CH} يشارك سطح \overline{AL} فخط \overline{CH} يشارك خط \overline{AL} بالشكل الثامن فسطح \overline{CH} يشارك كل واحد من سطحي \overline{CH} و \overline{AL} بالشكل الحادي عشر والمشارك للمنطق منطق باستبانة الشكل العاشر فسطح \overline{CH} و \overline{AL} منطق فعرض \overline{DE} منطق بالشكل السادس عشر ولان نسبة مربع \overline{BC} الى سطح \overline{BC} في \overline{CA} كنسبة \overline{BC} الى \overline{CA} بالشكل الاول من السادسة و \overline{BC} اعظم من \overline{CA} فمربع \overline{BC} اعظم من سطح \overline{BC} في \overline{CA} ولان نسبة سطح \overline{BC} في \overline{CA} الى مربع \overline{CA} كنسبة \overline{BC} الى \overline{CA} بالشكل الاول من السادسة فسطح \overline{BC} في \overline{CA} اعظم من مربع \overline{CA} فبالشكل الحادي عشر من الخامسة نسبة مربع \overline{BC} الى سطح \overline{BC} في \overline{CA} كنسبة سطح \overline{BC} في \overline{CA} الى مربع \overline{CA} فسطح \overline{BC} في \overline{CA} وسط في النسبة بين مربعي \overline{BC} و \overline{CA} فهذه اربعة مقادير متناسبة اعظمها مربع \overline{BC} واصغرها مربع \overline{CA} فبحسبها اعظم من ضعف سطح \overline{BC} في \overline{CA} بالشكل الخامس والعشرين من الخامسة ونسبة سطح \overline{CH} الى سطح \overline{AL} كنسبة خط \overline{CH} الى خط \overline{AL} بالشكل الاول من

دال سطح كربع ابر الاقصر من خط دال ينقص عن تمامه مربعاً وهو مربع
الم فنقسم دال على ح بمشتركين فدال يقوي على ابر مربع خط يشاركه
في الطول فدال المركب من خطي دال ابر المنطقيين في القوة المتباينين في
الطول والار منطقي في الطول والاطول يقوي على الاقصر بزيادة مربع
خط يشاركه في الطول هو ذوالاسمين الثاني والبراهين والمجولات كما مر
والشكل كالشكل المتقدم وذلك ما اردنا ان نبين

نر

كل سطح متوازي الاضلاع مساوي مربع ذي
الموسطين الثاني اضيف الى خط منطقي فالعرض
الحادث ذوالاسمين الثالث

ليكن خط اب ذوالالموسطين الثاني وسطه هـ المضاف الى دة المستقيم
المنطق كربع اب وليكن سطح هـ ج كربع بـ د وسطه حـ ل كربع دـ ا وسطه
انه كسطح بـ د في حـ ا وكل من سطح هـ ج
حل انه موسط فسطح هـ ا موسط
وسط اسة موسط فسطح دال ابر
منطقيان في القوة فقط وخطي دح
حـ ا مشتركين فدال منطقي في القوة
فاذا اضيف الى خط دال سطح كربع
مربع ابر المساوي لمربع الم ينقص
عن تمامه مربعاً فنقسم دال على



نقطة حـ بمشتركين فدال الاطول يقوي على الاقصر بزيادة مربع خط
يشاركه وهما متباينان فدال المركب من خطي دال ابر المنطقيين في القوة
فقط المتباينين في الطول والاطول يقوي على الاقصر بزيادة مربع خط
يشاركه هو ذوالاسمين الثالث والبراهين والمجولات كما مر والشكل
كالشكل المتقدم وذلك ما اردنا ان نبين

نح

كل سطح متوازي الاضلاع يساوي مربع الاعظم
اضيف الى خط منطقي فالعرض الحادث ذو
الاسمين الرابع

ليكن الاعظم \overline{AB} المنتقسم بقسميه علي \overline{C} وسط \overline{C} مربع \overline{AB} المضاف الي
 ده المنطق وليكن سطح \overline{D} منطقا وسطا \overline{C} حل متباينين لتباين مربع

خطي \overline{B} \overline{C} \overline{A} فخط \overline{D} يباين \overline{C}
 ويكون سطح \overline{D} موسطا فسطح \overline{D}
 موسط فخط \overline{D} منطق في القوة
 فقط وخط \overline{D} منطق في الطول
 فاذا اضيف الي \overline{D} الاعظم من \overline{D}
 مربع \overline{D} المساوي لربع مربع \overline{D}
 ينقص عن تمامه مربعا يقسم \overline{D}

\overline{B}			
\overline{D}	\overline{C}	\overline{A}	\overline{B}
\overline{D}	\overline{C}	\overline{A}	\overline{B}
\overline{D}	\overline{C}	\overline{A}	\overline{B}

علي نقطة \overline{C} بمتباينين فد \overline{D} يقوي علي \overline{C} مربع خط يباينه فدر المركب
 من خطي \overline{D} \overline{C} المنطقين في القوة ود \overline{D} منطق في الطول مباين لخط \overline{D}
 وقوي عليه بزيادة مربع خط يباينه فهو ذو الاسمين الرابع والاراهين
 والمحولات كما تقدم والشكل كالشكل المتقدم وذلك ما اردنا ان نبين

كل سطح متوازي الاضلاع يساوي مربع القوي
 علي منطق وموسط اضيف الي خط مستقيم
 منطق فالعرض الحادث ذو الاسمين الخامس

ليكن القوي علي منطق وموسط \overline{AB} المنتقسم بقسميه علي \overline{C} وسط \overline{C}
 مربع \overline{AB} المضاف الي خط \overline{D} المنطق فاقول د \overline{C} العرض الحادث ذو
 الاسمين الخامس ليكن سطح \overline{D}

موسطا وسطا \overline{D} منطقا وسطا
 \overline{C} حل متباينين لتباين خطي
 \overline{B} \overline{C} \overline{A} في القوة ود \overline{D} اعظم من \overline{D}
 فاذا اضيف مربع \overline{D} المساوي لربع
 مربع \overline{D} الي \overline{D} ناقصا عن تمامه
 مربعا فينقسم \overline{D} علي \overline{C} بمتباينين

\overline{B}			
\overline{D}	\overline{C}	\overline{A}	\overline{B}
\overline{D}	\overline{C}	\overline{A}	\overline{B}
\overline{D}	\overline{C}	\overline{A}	\overline{B}

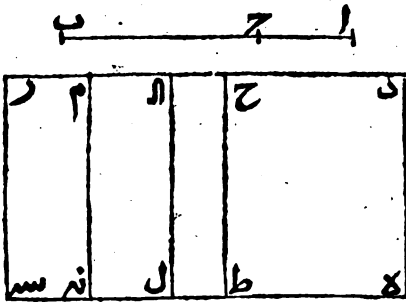
ويقوي \overline{D} علي \overline{C} بمربع خط يباينه فدر المركب من خطي \overline{D} \overline{C}
 المنطقين في القوة المتباينين في الطول ود \overline{D} منهمما القوي علي \overline{D} بزيادة
 مربع خط يباينه في الطول و \overline{D} المنطق في الطول فهو ذو الاسمين
 الخامس والاراهين والمحولات كما تقدم والشكل كالشكل المتقدم وذلك
 ما اردنا ان نبين

س

كل

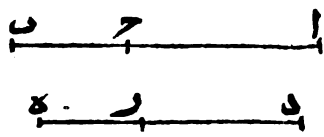
كل سطح متوازي الاضلاع يساوي مربع
القوي علي موستين اضيق الي خط مستقيم منطق
فالعرض الحادث ذو الاسمين السادس *

ليكن القوي علي موستين AB المنقسم بقسمة علي C وسط AB المساوي
لمربع AB مضافا الي DE المنطق
فعرض DE فوالاسمين السادس فلان
سطح AB مربع AB ليكن سطح AC
مربع BC وسط AC مربع CA و CB
متباينان لتباين خطي BC CA في
القوة وسط AB موست مباين لسطح
 AB خط AB منطق في القوة فقط فاذا



اضيف الي DA مربع AB المساوي لمربع BC DE ينقص عن تمامه مربعا
فنقسم DA علي C بمتباينين DA يقوي علي AC بمربع خط يباينه في
الطول قدر المركب من خطي DA AC المنطقين في القوة فقط المتباينين في
الطول و DA القوي علي AC بمربع خط يباينه هو ذو الاسمين السادس
والبراهين كما تقدم وكذلك الحوات والشكل كالشكل المتقدم وذلك ما
اردنا ان نبين

كل خط مستقيم يشارك ذا الاسمين في الطول
فهو ذو الاسمين في مرتبته



ليكن AB ذا الاسمين منقسما علي C
باسميه و DE يشاركه في الطول فاقول ان
 DE ذو الاسمين في مرتبة AB برهانه ليكن نسبة AB الي BC كنسبة
 DE الي EF بالشكل الحادي عشر من السادسة فاذا بدلنا كانت نسبة AB
الي DE كنسبة BC الي EF بالشكل السادس عشر من الخامسة فنسبة AC الي
 DE كنسبة AB الي DE بالشكل التاسع عشر من الخامسة وكانت نسبة BC
الي DE كنسبة AB الي DE فبالشكل الحادي عشر من الخامسة نسبة AC الي
 BC كنسبة DE الي EF لكن AB يشارك DE في الطول ف AC يشارك DE فيه
وب BC يشارك DE فان كان AC يباين BC في الطول قدر يباين DE في الطول
بالشكل الثامن وان كان AC يقوي علي BC بمربع خط يشاركه في الطول

فدر يقوي علي رة بمربع خط يشاركه في الطول وان كان آح يقوي علي حـ ب
بمربع خط يباينه في الطول فدر يقوي علي رة بمربع خط يباينه في

الطول بالشكل الثاني عشر فعلي التقدير

ب ح

الاول ان كان آح او حـ ب منطقا في الطول

د ر

كان در او رة منطقا في الطول وان لم يكن

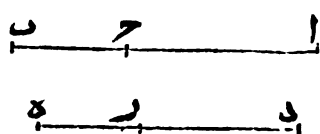
شي من آح حـ ب منطقا في الطول بل في
القوة فكل واحد من خطي در مرة منطف في القوة فقط بالشكل الثامن
فخط دة اما ذو الاسمين الاول او الثاني او الثالث وعلي التقدير الثاني ان
كان آح او حـ ب منطقا في القوة فقط كان كل من در رة منطقا في القوة فقط
بالشكل الثامن فدة اما ذو الاسمين الرابع والخامس والسادس وذلك ما
اردنا ان نبين هـ سب

كل خط يشارك ذا الوسطين في الطول فهو ذو

الوسطين في مرتبة هـ

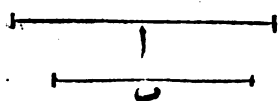
ليكن آب ذا الوسطين منقسما بموسطيه علي نقطة حـ وده يشاركه في
الطول فاقول ان دة ذو الوسطين في مرتبة آب ان كان اولا فاول وان كان
ثانيا فثانيا برهانه ليكن نسبة دة الي رة كنسبة آح الي بـ حـ بالشكل
الحادي عشر من السادسة وبالابدال نسبة آب الي دة كنسبة بـ حـ الي در
بالشكل السادس عشر من الخامسة فنسبة آح الي در كنسبة آب الي دة
بالشكل التاسع عشر من الخامسة وآب يشارك دة فآح يشارك در وبـ حـ
يشارك در بالشكل الثامن وكانت نسبة بـ حـ الي در كنسبة آب الي دة
فبالشكل الحادي عشر من الخامسة نسبة آح الي حـ ب كنسبة در الي رة
فكل من خطي در رة موسط بالشكل التاسع عشر فآح ان كان يباين حـ ب
فدر يباين رة بالشكل الثامن ونسبة مربع آب الي سطح آح في حـ ب كنسبة
آح الي حـ ب بالشكل الاول من السادسة ونسبة در الي رة كنسبة آح الي حـ ب
فنسبة مربع آح الي سطح آح في حـ ب كنسبة در الي رة بالشكل الحادي
عشر من الخامسة ونسبة مربع در الي سطح در في رة كنسبة در الي رة
فهذا الشكل بعينه نسبة مربع آح الي سطح آح في حـ ب كنسبة مربع در الي
سطح در في رة وبالابدال نسبة مربع آح الي مربع در كنسبة سطح آح في
حـ ب الي سطح در في رة بالشكل السادس عشر من الخامسة لكن مربع آح
يشارك در بالشكل السابع فسطح آح في حـ ب يشارك سطح در في رة
بالشكل الثامن فان كان سطح آح في حـ ب منطف فسطح در في رة منطف
باستبانه الشكل العاشر فدة ذو الوسطين الاول وان لم يكن سطح آح في حـ ب
منطقا فسطح در في رة لم يكن منطقا بل موسطا بالشكل الثالث
والعشرين

والعشرين فده ذوالموسطين الثاني وله وجه آخر ليكن اذا الموسطين الاول والثاني وب يشاركه فاقول ان ب ذوالموسطين في مرتبته برهانه

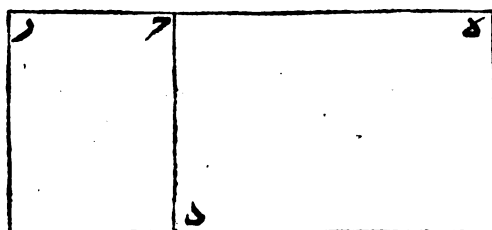


ليكن ح د خطا منطبقا ونضيف اليه سطحا متوازي الاضلاع قائم الزوايا كمربع آ بالشكل الخامس والاربعين من الاول وهو سطح د ه فالعرض الحادث وهو ح د

اما ذو الاسمين الثاني والثالث بالشكل السادس والخمسين والسابع والخمسين ونضيف سطحا متوازي الاضلاع قائم الزوايا كمربع ب الي خط ح د بالشكل المذكور وهو سطح د ر فكل واحد من الزوايا التي عند نقطتي ح د قائمة فكل من خطي ه ر وما يقابله خط مستقيم بالشكل الرابع عشر



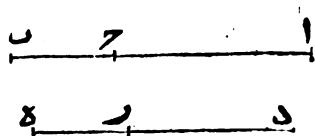
من الاول فهما متوازيان بالشكل السابع عشر من الاول ونسبة سطح د ر الي سطح د ه كنسبة ح ر الي ح د بالشكل الاول من السادسة والسطحان مشتركان فح ر يشارك ح د بالشكل الثامن فح ر اما ذو الاسمين الثاني



او الثالث بالشكل المتقدم فالخط القوي عليه خط د ر ذو الموسطين الاول او الثاني بالشكل الثاني والخمسين او الثالث والخمسين فب اما ذو الموسطين الاول او الثاني وذلك ما اردنا ان نبين

كل خط يشارك الاعظم في الطول فهو اعظم

ليكن خط آ ب منقسم بقسميه علي ح و د يشاركه في الطول فاقول ان خط د ه الاعظم برهانه ليكن نسبة د ه الي د ر كنسبة آ ب الي ب ح بالشكل الحادي عشر من الخامسة فبالابدال نسبة آ ب الي



كنسبة ب ح الي ه ر بالشكل السادس عشر من الخامسة فنسبة آ ح الي د ر كنسبة آ ب الي د ه بالشكل التاسع عشر من

الخامسة وكانت نسبة ب ح الي ه ر كنسبة آ ب الي د ه فبالشكل الحادي عشر نسبة ب ح الي ه ر كنسبة آ ح الي د ر و آ ب يشارك د ه فآ ح يشارك د ه وب ح يشارك ه ر بالشكل الثامن فنسبة آ ح الي ح ب مثناة كنسبة د ر الي ر ه مثناة ونسبة د ر الي ر ه كنسبة د ر الي ر ه مثناة بالشكل التاسع عشر من السادسة فنسبة مربع د ر الي مربع ر ه كنسبة آ ح الي ح ب مثناة بالشكل

وخط $\overline{ح د}$ ذو الاسمين الرابع بالشكل الستين $\overline{ح د}$ خط $\overline{ح د}$ ذو الاسمين الرابع بالشكل الثالث والستين فالخط القوي علي سطح $\overline{د م}$ اعظم بالشكل الرابع والخمسين $\overline{ح د}$ ب الاعظم وذلك ما اردنا ان نبين

كل خط يشارك الخط القوي علي منطق

وموسط في الطول هو الخط القوي علي منطق وموسط

ونسلك في برهانه بمثل ما سلك في الشكل المتقدم وذلك ما اردنا ان نبين

كل خط يشارك الخط القوي علي موسطين في

الطول قوي علي موسطين

ونسلك في برهانه مثل ما سلكنا في الشكل المتقدم والشكل كما تقدم

وذلك ما اردنا ان نبين

اعلم ان المشاركات الواقعة بين المخطوط المذكورة لو كانت في القوة فقط

لكانت الدماوي المذكورة تتم بالبراهين المذكورة بعينها

كل خط قوي علي سطحين احدهما منطق والاخر

موسط فهو اما ذو الاسمين او ذو الموسطين الاول او

الاعظم او القوي علي منطق وموسط

ليكن سطح $\overline{ا ب}$ منطقا و سطح $\overline{ح د}$ موسطا فاقول كل خط قوي علي مجموع

سطحي $\overline{ا ب}$ $\overline{ح د}$ احد المخطوط

الاربعة برهانه ليكن $\overline{د م}$

خطا مستقيما منطقا ونرسم

عليه سطح $\overline{ر ط}$ المتوازي

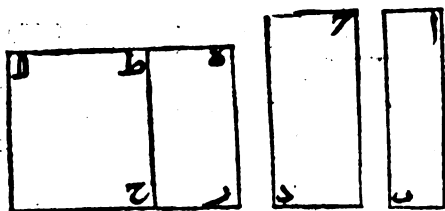
الاضلاع القائم الزوايا كسطح

$\overline{ا ب}$ وعلي خط $\overline{ح ط}$ سطح

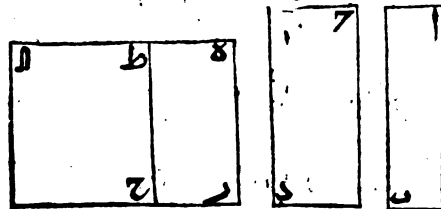
متوازي الاضلاع قائم الزوايا كسطح $\overline{ح د}$ وهو سطح $\overline{ح د}$ بالشكل الخامس

والاربعة من الاول شكل واحد من الزوايا التي عند نقطة $\overline{ط ح}$ قائمة

من خطي $\overline{د م}$ وما يقابله مستقيم بالشكل الرابع عشر من الاول وهما



متوازيان بالشكل السابع والعشرين من الاول فلان سطح Γ المضاف
الي خط Δ ر منطف فضلع Δ ط منطف بالشكل السادس عشر وخط
 Γ ح منطف لانه يساوي خط Δ ر المنطف بالشكل الرابع والثلاثين من
الاولي فخط Δ ر منطف في القوة ومباين لخط Γ ح بالشكل الثامن عشر
فهو Δ ط Δ متباينان في الطول

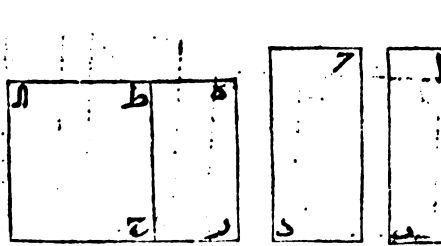


والا لكان خط Δ ط Δ مشاركا لخط
 Γ ح بالشكل العاشر وهو
مباين له هذا خلف فخط Δ ط
ان كان اطول من خط Δ ر كان
قويا علي Δ ر بمربع خط

يشاركه في الطول فخط Δ ر ذو الاسمين الاول والخط القوي علي سطح Γ ر ذو
الاسمين بالشكل التاسع والاربعين ان كان Δ ط قويا علي Δ ر بمربع خط
يباينه فخط Δ ر ذو الاسمين الرابع فالخط القوي علي سطح Γ ر الاعظم
بالشكل الثاني والخمسين وان كان خط Δ ط اعظم من Δ ر فان كان قويا علي
 Δ ر بمربع خط يشاركه فخط Δ ر ذو الاسمين الثاني فالخط القوي علي سطح
 Γ ر ذو الموسطين الاول بالشكل الخمسين وان كان قويا عليه بمربع خط
يباينه فخط Δ ر ذو الاسمين الخامس فالخط القوي علي سطح Γ ر هو الخط
القوي علي منطف وموسط بالشكل الثالث والخمسين وذلك ما اردنا
ان نبين

كل خط يقوي علي سطحين موسطين متباينين
فهو اما ذو الموسطين الثاني او القوي علي موسطين

ليكن سطحا Δ ب Δ ر موسطين متباينين فاقول ان كل خط قوي علي سطحي
 Δ ب Δ ر معا فهو احد الخطين المذكورين برهانه فبالبيان المذكور



نرسم سطح Γ ر مساويا لسطحي
 Δ ب Δ ر فبكون كل من خطي
 Δ ط Δ ر منطف في القوة فقط
واحدهما يباين الآخر لتباين
سطحي Γ ح Δ فان كان احد
خطي Δ ط Δ ر قويا علي الآخر

بمربع خط يشاركه فخط Δ ر ذو الاسمين الثالث والخط القوي علي سطح Γ ر
ذو الموسطين الثاني بالشكل الحادي والخمسين وان كان قويا علي الآخر
بمربع خط يباينه فخط Δ ر ذو الاسمين السادس فالخط القوي علي سطح Γ ر
القوي

القوي علي موسطين بالشكل الرابع والخمسين والشكل كالشكل المتقدم
وذلك ما اردنا ان نبين

مصادرة ثلثين

لاشي من المخطوط الست الصم ذا الاسم وما تبلوه موسطا ولا واحدا
من الخمسة الباقية من الست الصم اما الاول فلان مربع الموسط اذا
اضيف الي خط منطق في الطول كان العرض الحادث منطقا في القوة
فقط كما بين في الشكل الثامن عشر ولاشي من المخطوط الست اذا اضيف
مربعه الي خط منطق كان العرض الحادث منطقا في القوة فلاشي منها
موسط واما الثاني فلان مربع هذه المخطوط اذا اضيف الي خط منطق
كان العرض الحادث انواع ذي الاسمين كما تبين من الشكل الخامس والخمسين
الي الشكل الثالث والستين وفيه مختلفه واختلاف الدوازم يدل علي
اختلاف الملزومات فالمخطوط الست مختلفه وذلك ما اردنا ان نبين

ح

كل خطين منطقيين في القوة متباينين في
الطول وفصل اصغرهما من اعظمهما كان الباقي اصم

ويسمي المنفصل

ب ح

ليكن خطا \overline{AB} منطقيين في القوة متباينين
في الطول وفصل \overline{AB} اصغرهما من \overline{AC} فاقول ان \overline{BC} الباقي اصم ويسمي
المنفصل برهانه فلان كلا من مربعي \overline{AB} منطقا فهما متشاركان
فمجموعهما يشارك كل واحد منهما بالشكل الحادي عشر فالمجموع منطق
باستبانة الشكل العاشر ومجموع المربعين كضعف سطح \overline{AC} في \overline{AB} مع مربع
 \overline{BC} بالشكل السابع من الثانية وكل واحد من سطحي \overline{AC} في \overline{AB} موسط
فضعفه موسط بالشكل التاسع عشر فهو مياين لمجموع المربعين فمجموع
المربعين المنطقيين يباين مربع \overline{BC} باستبانة الشكل الحادي عشر فربع
 \overline{BC} اصم فب \overline{BC} اصم وذلك ما اردنا ان نبين

سط

كل خطين موسطين مشتركين في القوة متباينين
في الطول ووسط احدهما في الآخر منطق اذا فصل

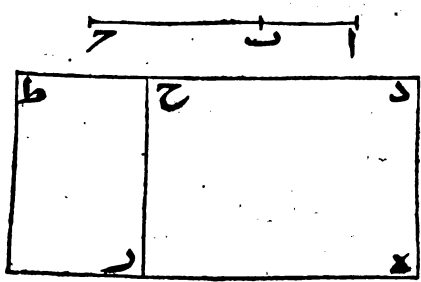
اصغرها من اعظمها كان الباقي اصم و يسمى

ب $\frac{1}{2}$ المنفصل المتوسط الاول

ليكن \overline{AB} بهذه الصفة فاقول اذا فصل \overline{AB} من \overline{AC} كان \overline{BC} الباقي اصم برهانه فلان مجموع مربعي \overline{AB} \overline{BC} المشتركين مشارك لكل منهما بالشكل الحادي عشر فالجوع متوسط بالشكل التاسع عشر وضعف سطح احدهما في الآخر المشارك لكل واحد منهما المنطق بالشكل الحادي عشر منطق فيكون مباينا للجوع مربعهما وضعف سطح \overline{AC} في \overline{AB} مع مربع \overline{BC} يساوي مجموع مربعي \overline{AB} \overline{BC} بالشكل السابع من الثانية وضعف سطح احدهما في الآخر المنطق المباين للجوع المربعين يباين مربع \overline{BC} باستبانة الشكل الحادي عشر فربع \overline{BC} اصم فب $\frac{1}{2}$ متوسط اذا فصل اصغرها من اعظمها كان الباقي اصم و يسمى منفصل المتوسط الثاني اصم وذلك ما اردنا ان نبين

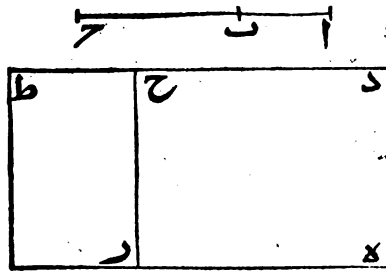
كل خطين متوسطين مشتركين في القوة فقط
ضعف سطح احدهما في الآخر متوسط اذا فصل
اصغرها من اعظمها كان الباقي اصم و يسمى

ب $\frac{1}{2}$ منفصل المتوسط الثاني



ليكن خطا \overline{AB} \overline{AC} بهذه الصفة فاقول اذا فصل \overline{AB} من \overline{AC} كان \overline{BC} الباقي اصم و يسمى منفصل المتوسط الثاني
الثاني برهانه فلان مجموع مربعي \overline{AB} \overline{BC} \overline{AB} \overline{BC} المشارك لكل واحد منهما بالشكل الحادي عشر متوسط بالشكل التاسع عشر ولان ضعف سطح احدهما في الآخر المشارك لكل واحد من سطحي احدهما في الآخر بالشكل الحادي عشر متوسط بالشكل التاسع عشر فكل واحد من مربعي \overline{AB} \overline{BC} يباين سطح احدهما في الآخر بالشكل الاول من السادسة فمجموع المربعين يباين سطح احدهما في الآخر والاشاركة فيشارك كل من المربعين سطح احدهما في الآخر بالشكل العاشر وكانا متباينين هذا خلف وبمثله تبين ان مجموع المربعين يباين ضعف سطح احدهما في الآخر وليكن \overline{AB} خطا منطقا فرسم عليه

عليه سطح هـ ط المتوازي الاضلاع القائم الزوايا مربعي ا ح ا ب ونرسم عليه



ايضا سطح هـ ح المتوازي الاضلاع القائم الزوايا كضعف سطح احدهما في الآخر بالشكل الخامس والاربعين من الاول فكل من خطي هـ ط د ح منقطع في القوة بالشكل الثامن عشر ولان كل واحد من سطحي هـ ط هـ ح متوازي الاضلاع فنسبة سطح هـ ط الى

سطح هـ ح المتباينين كنسبة د ط الى د ح بالشكل الاول من السادسة فخطا د ط د ح متباينين بالشكل الثامن فخط ح ط منفصل بالشكل الثامن والستون فهو اصم فسطح هـ ط اصم ولان مربعي ا ح ا ب معا كضعف سطح ا ح في ا ب مع مربع ب ح بالشكل السابع من الثانية فربع ب ح يساوي سطح ز ط الاصم فب ا ح ا ب وذلك ما اردنا ان نبين

ع

كل خطين متباينين في القوة مجموع مربعيهما منقطع وضعف سطح احدهما في الآخر متوسط اذا فصل اصغرها من اعظمها يسمى الباقي اصغر والبيان والشكل كما مر في المنفصل وذلك ما اردنا ان نبين

ع ب

كل خطين متباينين في القوة مجموع مربعيهما متوسطين وضعف سطح احدهما في الآخر منقطع اذا فصل اصغرها من اعظمها كان الباقي اصم و يسمى المتصل بالمنطق يصير الكل متوسط والبيان والشكل كما في المنفصل المتوسط الاول وذلك ما اردنا ان نبين

ع ج

كل خطين متباينين في القوة مجموع مربعيهما

موسط وضعف سطح احدهما في الآخر موسط مبين
لمجموع المربعين اذا فصل اصغرهما من اعظمهما كان
الباقى اصم و يسمى المتصل بموسط يصير الكل

موسط

والبيان والشكل كما مر في المنفصل الموسط الثاني وذلك ما اردنا ان نبين

عد

لا يمكن ان يتصل بالمنفصل الا خط واحد فقط
منطق في القوة مشاركا في القوة بعد اضافته الى

المنفصل للمجموع الحاصل فقط

ليكن AB المنفصل واتصل به BH المنطق في القوة المشارك لـ AH في القوة
فقط فاقول لا يمكن ان يتصل AB خط آخر منطق في القوة مشارك
للمجموع الحاصل منه ومن AB في القوة فقط برهانه والا فليتصل AB
خط B على الصفة المذكورة وليكن سطح AB المتوازي الاضلاع كمربعي

AB BC معا وهما اعظم من ضعف

سطح AB في BC بمربع AB بالشكل

السابع من الثانية فليكن سطح AB BC

من سطح AB BC كضعف سطح AB في BC

فبقي سطح AB BC كمربع AB ولان

مربعي AB BC كضعف سطح AB في

BC مع مربع AB بالشكل السابع

من الثاني والمربعين اصغر من مربعي AB BC فليكن سطح AB BC من سطح AB

كمربعي AB BC معا و سطح AB BC كمربع AB BC كضعف سطح AB في

BC ولان كل واحد من مربعي AB BC و AB BC منطق فكل واحد من

سطحي AB BC مشارك بمربع الخط الموضوع فهما مشتركان بالشكل العاشر

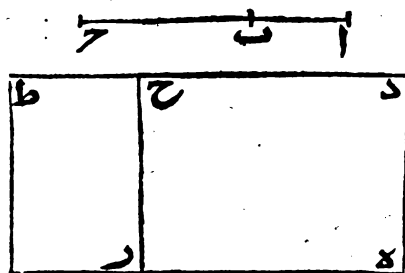
فسطح AB الذي هو الفصل بين سطحي AB BC و AB BC يشترك كل واحد

منهما بالشكل الحادي عشر والمشارك للمنطق منطق باستبانة الشكل

العاشر فسطح AB منطق و سطح AB في BC الموسط يشترك ضعفه فهو

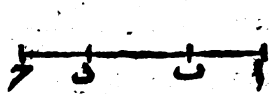
موسط بالشكل التاسع عشر وبمثله تبين ان ضعف سطح AB في BC موسط

وفصل



وفصل المتوسط على المتوسط اصم بالشكل العشرين وسط $\overline{ح}$ كضعف
سطح $\overline{آ}$ في $\overline{ح}$ وسط $\overline{آح}$ كضعف سطح $\overline{آد}$ في $\overline{دب}$ فسطح $\overline{آل}$ هو كفضل
ضعف سطح $\overline{آ}$ في $\overline{ح}$ على ضعف سطح $\overline{آد}$ في $\overline{دب}$ فهو اصم وكان منطق
هذا خلف فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين عـ

لا يمكن ان يتصل بالمنفصل المتوسط الاول الا خط
واحد مشارك المجموع الحاصل بعد اضافته الى
المنفصل في القوة فقط ويكون سطحه في المجموع



ط	ل	د	ح
---	---	---	---

منطق عـ

ليكن $\overline{آب}$ المنفصل المتوسط الاول
واتصل به $\overline{ب}$ بالصفة المذكورة
فاقول لا يمكن ان يتصل $\overline{بآب}$ الا
خط $\overline{ب}$ بالصفة المذكورة برهانه
فان امكن غيره فليتصل $\overline{بآب}$ دب

بالصفة المذكورة فلان كل واحد من مربعي $\overline{آح}$ $\overline{ح}$ المشتركين متوسط
فمجموعهما المشارك لكل بالشكل الحادي عشر متوسط بالشكل التاسع عشر
وبمثله تبين ان مجموع مربعي $\overline{آد}$ $\overline{دب}$ متوسط ولان سطح $\overline{آ}$ في $\overline{ح}$ المشارك
لضعفه بالشكل الحادي عشر منطق فضعفه منطق باستبانة الشكل
العاشر وليكن سطح $\overline{آ}$ المتوازي الاضلاع يساوي مربعي $\overline{آح}$ $\overline{ح}$ وسط
 $\overline{ح}$ منه كضعف سطح $\overline{آ}$ في $\overline{ح}$ يبقي سطح $\overline{ح}$ كربع $\overline{آب}$ بالشكل السابع
من الثانية ولان مربعي $\overline{آد}$ $\overline{دب}$ اقل من مربعي $\overline{آح}$ $\overline{ح}$ فليكن سطح $\overline{آ}$ من
سطح $\overline{آ}$ كربعي $\overline{آد}$ $\overline{دب}$ معا وكل واحد من المربعين متوسط وفصل المتوسط
على المتوسط اصم بالشكل العشرين فسطح $\overline{آل}$ اصم ولان سطح $\overline{آل}$ فضل
ضعف سطح $\overline{آ}$ في $\overline{ح}$ على ضعف سطح $\overline{آد}$ في $\overline{دب}$ المنطقتين فيكون منطقا
بالشكل الحادي عشر واستبانة الشكل العاشر وكان اصم هذا خلف
فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين عـ

لا يمكن ان يتصل بالمنفصل المتوسط الثاني الا خط
واحد يشارك المجموع الحاصل بعد اضافته الى

المتفصل في القوة فقط ويكون سطحه في المجموع

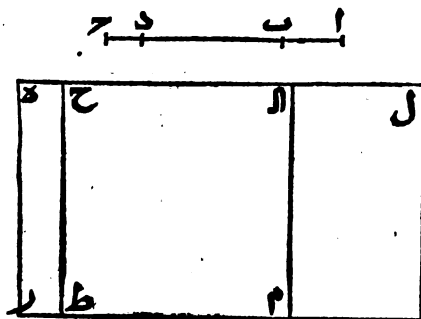
موسط			
ل	ا	ح	د
م	ط		

ليكن المتفصل الموسط الثاني
خط $\overline{أب}$ واتصل به خط $\overline{بج}$
بالصفة المذكورة فاقول لا يمكن
ان يتصل $\overline{بأ}$ بالخط $\overline{بج}$
لصفة المذكورة برهانه فان
امكن ان يتصل $\overline{بأ}$ بخط غير

$\overline{بج}$ بالصفة المذكورة فليمتصل به $\overline{بد}$ بالصفة المذكورة فلان كل واحد
من مربعي $\overline{أح}$ $\overline{بج}$ موسط فمجموعهما موسط وكل واحد من مربعي $\overline{أد}$ $\overline{بج}$
موسط فمجموعهما موسط وكل واحد من سطحي $\overline{أح}$ في $\overline{بج}$ و $\overline{أد}$ في $\overline{بج}$ موسط
فضعف كل واحد منهما موسط بمثل ما بيننا في الشكل المتقدم وقد بين في
الشكل الخامس والثلاثين وفيما بعده ايضا ان كل خطين متباينين في الطول
فان مجموع مربعهما يباين ضعف سطح احدهما في الاخر فمجموع مربعي $\overline{أح}$
 $\overline{بج}$ موسط وكذلك مجموع مربعي $\overline{أد}$ $\overline{بج}$ وضعف سطح $\overline{أح}$ في $\overline{بج}$ موسط
وكذلك ضعف سطح $\overline{أد}$ في $\overline{بج}$ ومجموع مربعي $\overline{أح}$ $\overline{بج}$ يباين ضعف سطح $\overline{أح}$ في
 $\overline{بج}$ ومجموع مربعي $\overline{أد}$ $\overline{بج}$ يباين ضعف سطح $\overline{أد}$ في $\overline{بج}$ فاذا تقرر هذا فليكن
 $\overline{هـ ر}$ خطا مستقيما ونضيف اليه سطحا متوازي الاضلاع يساوي مربعي $\overline{أح}$
 $\overline{بج}$ فليكن سطح $\overline{ل ر}$ بالشكل الخامس والاربعين من الاولي وليكن سطح $\overline{ل ط}$
منه كضعف سطح $\overline{أح}$ في $\overline{بج}$ يبقى سطح $\overline{ح ر}$ مربع $\overline{أب}$ بالشكل السابع من
الثانية فخط $\overline{ح ط}$ يوازي خط $\overline{هـ ر}$ بالشكل الثلاثين من الاولي فهما متساويان
بالشكل الرابع والثلاثين من الاولي و $\overline{هـ ر}$ منطبق فخط $\overline{ح ط}$ منطبق وكل واحد من
خطيه $\overline{هـ ل}$ $\overline{ج ل}$ منطبق في القوة غير مشارك لخط $\overline{هـ ر}$ بالشكل الثامن عشر ولان
نسبة سطح $\overline{ل ر}$ الى سطح $\overline{ل ط}$ كنسبة خط $\overline{هـ ل}$ الى خط $\overline{ل ح}$ بالشكل الاول من
السادسة وسطح $\overline{م ل}$ يباين سطح $\overline{ل ط}$ فخط $\overline{هـ ل}$ يباين خط $\overline{ل ح}$ بالشكل
الثامن فخط $\overline{هـ ح}$ منفصل بالشكل الثامن والستين ونرسم علي خط $\overline{هـ ر}$
سطحا متوازي الاضلاع يساوي مربعي $\overline{أد}$ $\overline{بج}$ ولان مربعي $\overline{أد}$ $\overline{بج}$ اصغر
من مربعي $\overline{أح}$ $\overline{بج}$ فليكن سطح $\overline{م ر}$ من سطح $\overline{م ل}$ مربعي $\overline{أد}$ $\overline{بج}$ وسطح $\overline{ط ل}$
كضعف سطح $\overline{أد}$ في $\overline{بج}$ بالشكل الخامس والاربعين من الاولي فيكون كل
من خطيه $\overline{هـ ل}$ $\overline{ح ل}$ منطبقا في القوة غير مشارك لخط $\overline{هـ ر}$ بالشكل الثامن عشر
ولان نسبة سطح $\overline{م ر}$ الى $\overline{م ح}$ كنسبة $\overline{هـ ل}$ الى $\overline{ل ح}$ بالشكل الاول من السادسة
والسطحان متباينان فخط $\overline{هـ ل}$ $\overline{ح ل}$ متباينان بالشكل الثامن فقد اتصل
بخط $\overline{هـ ح}$ المتفصل خطا $\overline{ل ح}$ $\overline{أ ح}$ اما $\overline{ل ح}$ فيشارك $\overline{ل د}$ في القوة فقط واما $\overline{أ ح}$
فيشارك

فبشارك الآء في القوة فقط وقد بينا استحالة ذلك بالشكل الرابع والسبعين
فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين

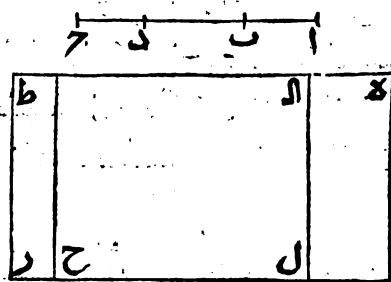
لا يمكن ان يتصل بالاصغر الا خط واحد يباين
المجموع الحاصل بعد اتصاله بالاصغر في القوة و
يكون سطحه في المجموع موسط



ليكن ا ب الاصغر واتصل به
ب ح وهو يباين آء في القوة
و مجموع من مربعي آء ح منطلق
وسط آء في ح موسط فاقول لا
يمكن ان يتصل ب ا ب خط آخر
بالصفة المذكورة والا فليتصل به
خط د ب كذلك وتبين استحالة
بمثل ما بينا في الشكل السبعين و

الشكل كالشكل وذلك ما اردنا ان نبين

لا يمكن ان يتصل بالمتصل بمنطق يصير الكل موسطا
الا خط واحد يباين المجموع الحاصل بعد اتصاله به
في القوة ويكون مجموع مربعيهما موسطا وضعف سطح
احدهما في الآخر منطقا



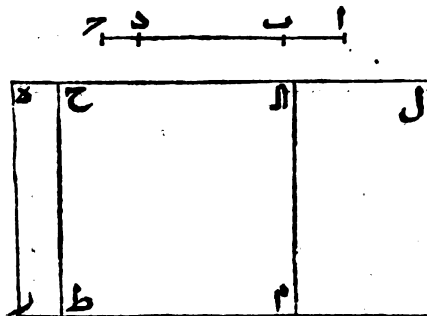
ليكن خط ا ب المتصل بمنطق
يصير الكل موسطا واتصل به خط
ب ح يباين آء في القوة و مجموع
مربعي آء ح موسط وسط آء في
ح منطلق فاقول لا يمكن ان

يتصل ب آء خط آخر بالصفة المذكورة والا فليتصل به خط د ب بالصفة
المذكورة وتبين استحالة بمثل ما بينا في الشكل الخامس والسبعين
والشكل كالشكل فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين

عظ

لا يمكن ان يتصل بالمتصل بالموسط يصير الكل موسطا
الاخط واحد يباين المجموع بعد اتصالاته به في القوة
ويكون مجموع مربعيها موسطا وسطا احدهما في الآخر
ايضا موسطا مباينا لمجموع المربعين *

ليكن \overline{AB} المتصل بالموسط يصير
الكل موسطا خط \overline{AB} مباينا
في القوة لخط \overline{AC} واتصل به
بمجموع مربعي \overline{AC} و \overline{CB} موسطا
وسطا \overline{AC} في \overline{CB} ايضا موسطا
مباين لمجموع مربعي \overline{AC} و \overline{CB} فاقول
لا يمكن ان يتصل \overline{AB} خط آخر
بالصفة المذكورة والا فليتصل به



خط \overline{DB} بالصفة المذكورة وتبين استحالة جمل ما بيننا في الشكل الثاني
والسبعين والشكل كالشكل فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين *

مصادرة رابعة

كل خط اتصل بالمنفصل وكان منطقا في القوة مشاركا للمجموع الحاصل منه
ومن المنفصل في القوة فقط فالمجموع اما ان يقوي علي ما اتصل به المنفصل
بمربع خط يشاركه في الطول او يباينه في الطول اما الاول فان كان المجموع
منطقا كان المنفصل منفصلا أولا * وان كان المتصل بالمنفصل منطقا كان
منفصلا ثانيا * وان لم يكن شي منهما منطقا كان منفصلا ثالثا * واما
الثاني فان كان المجموع منطقا كان منفصلا رابعا * وان كان المتصل
بالمنفصل منطقا كان منفصلا خامسا * وان لم يكن شي منهما منطقا كان
منفصلا سادسا * وذلك ما اردنا بهيان

ق

لنا ان نجد المنفصل الاول *

ليكن \overline{AC} خط منطقا ويشاركه خط \overline{AB} في الطول فيكون منطقا في الطول
باستبانة الشكل العاشر ونجد عددين مربعين ليس الفصل بينهما
مربعاً بالمقدمة المذكورة قبل الشكل الرابع والعشرين وهما \overline{DE} و \overline{EF}
والفصل

باب ۷۰ بحديث

ينطبق نقطة ٢-

عد فقطة

منصہ

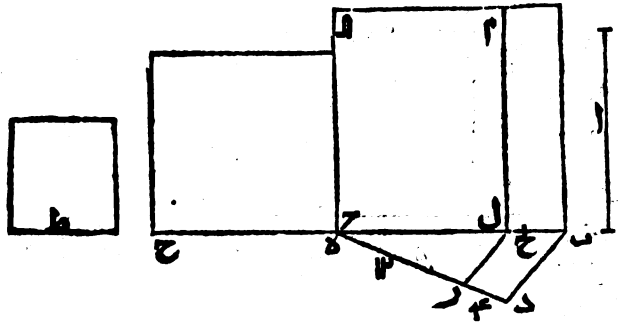
خط مسبقہ

جاءه منسكبا
مستبشرا

مخرج من عطسه

رخط هرل يوازي

بَدَّ بِالشَّكْلِ

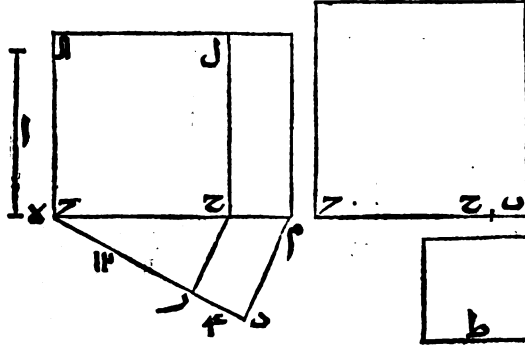


الواحد والثلاثين من الاول فينتهي الي $\bar{ب}$ علي نقطة $\bar{ل}$ ونخرج منها
 خط $\bar{ل م}$ موازيا لخط $\bar{د ا}$ بالشكل الواحد والثلاثين من الاول ولينته الي
 ضلع مربع $\bar{ب ا}$ علي نقطة $\bar{م}$ فسطح $\bar{ب م}$ متوازي الاضلاع بالشكل
 الثلاثين من الاول ونعمل مربعا كسطح $\bar{ل ا}$ بالشكل الرابع عشر من الثانية
 والشكل السادس والاربعين من الاول وهو مربع ضلعه $\bar{ح د}$ وبهذين
 الشكلين نعمل مربعا ضلعه $\bar{ط ك}$ كسطح $\bar{ب م}$ فلان زاويتي $\bar{د ل ر}$ $\bar{ح ل ر}$
 كزاويتي $\bar{د ب د}$ $\bar{ح د ب}$ بالشكل التسع والعشرين من الاول وزاوية $\bar{ب د د}$
 مشتركة بين مثلثي $\bar{د ب د}$ $\bar{ح ل ر}$ فبالشكل الرابع من السادسة نسبة $\bar{د ا}$ الي
 $\bar{د ر}$ كنسبة $\bar{ب ا}$ الي $\bar{ح ل}$ ونسبة مربع $\bar{ب ا}$ الي سطح $\bar{ا ل}$ كنسبة $\bar{ب ا}$ الي $\bar{ح ل}$
 بالشكل الاول من السادسة فبالشكل الحادي عشر من الخامسة نسبة $\bar{د ا}$
 الي $\bar{د ر}$ كنسبة سطح $\bar{ب ا}$ الي سطح $\bar{ا ل}$ ونسبة مربع $\bar{ب ا}$ الي مربع $\bar{ح د}$ كنسبته
 الي سطح $\bar{ا ل}$ بالشكل التسع من الخامسة وكانت نسبة $\bar{د ا}$ الي $\bar{د ر}$ كنسبة
 $\bar{ب ا}$ الي $\bar{ح ل}$ فبالشكل الحادي عشر من الخامسة نسبة مربع $\bar{ب ا}$ الي مربع
 $\bar{ح د}$ كنسبة عدد $\bar{د ا}$ الي عدد $\bar{د ر}$ وهما لبسا بمربعين فربع $\bar{ب ك}$ يشارك
 مربع $\bar{ح د}$ بالشكل السادس فب $\bar{ب ا}$ يشارك $\bar{ح د}$ في القوة ويباينه في الطول
 بالشكل السابع ونسبة مربع $\bar{ب ا}$ الي مربع $\bar{ط ك}$ كنسبته الي سطح $\bar{ب م}$ بالشكل
 السابع والخامسة وبالقلب نسبة $\bar{ح د}$ الي $\bar{د ر}$ العددين المربعين كنسبة
 مربع $\bar{ب ا}$ الي سطح $\bar{ب م}$ فنسبة مربع $\bar{ب ا}$ الي مربع $\bar{ط ك}$ كنسبة $\bar{ح د}$ الي $\bar{د ر}$
 بالشكل الحادي عشر من الخامسة فخط $\bar{ب ح د}$ منطلقان في القوة متباينان
 في الطول فب $\bar{ب ا}$ المنطق في الطول القوي علي $\bar{ح د}$ بمربع خط يشاركه في
 الطول وهو $\bar{ط ك}$ ففضل $\bar{ب د}$ علي $\bar{ح د}$ وهو $\bar{ب ح}$ المنفصل الاول وذلك ما
 اردنا ان نبين

لنا ان نجد المنفصل الثاني

لبكي آ خطا منطقا ولبشاركه ج في الطول فهو منطق بالشكل العاشر
ولنعد العددين المربعين المذيين هما د د ر والغضل بينهما م ر لبس
مربعاً ولنجعل خط ج ر

مع عدد د د محيطاً بزاوية
بحيث ينطبق نقطة ج
على نقطة م ونصل بسين
نقطتي م ر ج بخط مستقيم
ويخرج من نقطة د خط
دم موازياً لخط م ر ج
بالشكل الواحد و



الثلاثين من الاولي فلان

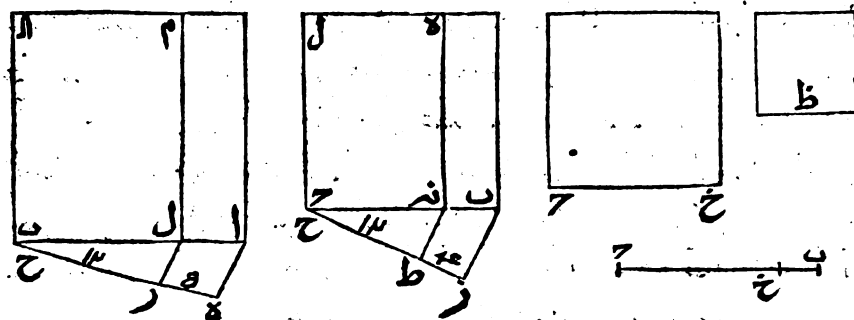
زاويتي ج ر ح ر ح اقل من قائمتين بالشكل السابع عشر من الاولي وزاويتا
ج ر م د ر متساويتان بالشكل التاسع والعشرين من الاولي فاذا اخرجنا
خطي د م ج في جهة م علي استقامتهما فبتلاقبان فلبتلاقبا علي نقطة م
ونرسم علي ج ر مربع ح د ر بالشكل السادس والاربعين من الاولي
ونقسم سطح م ر المتوازي الاضلاع فسطح م ر المتوازي الاضلاع ونرسم
مربع ب ج ك سطح م ر بالشكل الرابع عشر من الثانية والشكل السادس
والاربعين من الاولي ونرسم بالشكلين المذكورين مربعاً يساوي سطح
م ر ضلعه ط فربع ب ج ر يقوي علي مربع ج ر بمربع ط فلان زاويتي ج ر ح
ج ر م ك زاويتي م د ر د م بالشكل التاسع والعشرين من الاولي وزاوية
ج ر م مشتركة بين مثلثي ج ر م د ر فبالشكل الرابع من السادسة نسبة
د ر الي ج ر كنسبة م ر الي ج ر ونسبة سطح م ر الي مربع ج ر كنسبة م ر الي
ج ر بالشكل الاول من السادسة فبالشكل الحادي عشر من الخامسة نسبة
د ر الي ج ر كنسبة سطح م ر الي مربع ج ر ونسبة مربع ب ج ر الي مربع ج ر
كنسبة سطح م ر الي مربع ج ر بالشكل السابع من الخامسة فنسبة د ر الي ج ر
كنسبة مربع ب ج ر الي مربع ج ر بالشكل الحادي عشر من الخامسة فربع
ب ج ر يشارك مربع ج ر بالشكل السادس فخطا ب ج ر ج ر منطقان في القوة
ومتباينان في الطول بالشكل السابع لان عددي د ج ر ر لهما مربعين
فبالقلب نسبة د ر الي ج ر كنسبة مربع ب ج ر الي مربع ط و د ر عددان
مربعان فب ج ر يشارك ط في الطول بالشكل السابع فب ج ر يقوي علي
ج ر بمربع خط يشاركه في الطول فب ج ر ج ر خطان منطقان في القوة
ومتباينان في الطول وح د ر الاصغر منطق في الطول ففضل ب ج ر علي ج ر
وهو ب ج المنفصل الثاني وذلك ما اردنا ان نبين

ق ب

لنا

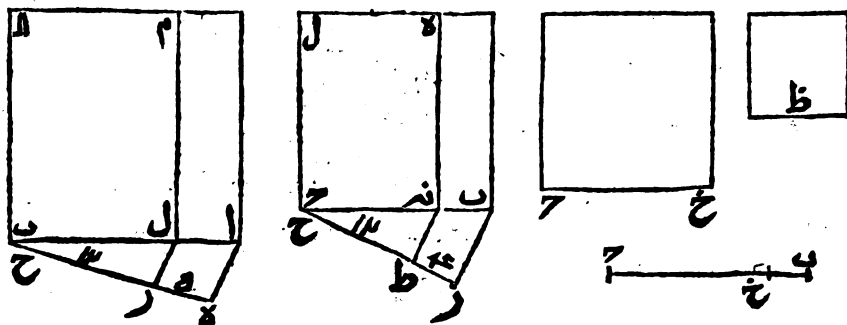
لنأرجع نجد المنفصل الثالث

ليكن \overline{AB} خطا منطلقا والعددان المربعان اللذان ليس الفضل بينهما
مربعاً \overline{AC} \overline{CB} والفضل بينهما $\overline{C\Gamma}$ و \overline{H} عدداً أول فلبست نسبته إلى
 $\overline{C\Gamma}$ و \overline{H} نسبة عدد مربع إلى عدد مربع والألكان العدد الأول مسطوحاً
بالشكل الثاني والعشرين من الثامنة ولنجعل عدد \overline{H} مع \overline{AB} محبطاً
بزواية بحيث ينطبق نقطة \overline{B} على نقطة \overline{C} ونصل بين نقطتي \overline{A} \overline{E} بخط
مستقيم ونرسم على \overline{AB} مربع \overline{AA} بالشكل السادس والاربعين من الاولي
ونخرج من نقطة \overline{R} خط \overline{RL} موازياً للخط \overline{AE} بالشكل الواحد والثلاثين من
الاولي ولنبنته إلى خط \overline{AB} على نقطة \overline{L} ونخرج منها عمود \overline{LM} على \overline{AB}
بالشكل الحادي عشر من الاولي ولان زاويتي \overline{BLM} \overline{MRP} كزاويتي \overline{BAE}
 \overline{AE} بالشكل التاسع والعشرين من الاولي وزاوية \overline{AB} مشتركة بين
مثلي \overline{AB} \overline{LR} فبالشكل الرابع من السادسة نسبة \overline{H} إلى $\overline{C\Gamma}$ كنسبة



أب الي بـ ونسبة مربع آ الي سطح آل كنسبة أب الي بـ بالشكل الاول
 من السادسة فنسبة هـ ح الي حـ كنسبة مربع آ الي سطح آل بالشكل
 الحادي عشر من الخامسة ونرسم مربع بـ ك سطح لـ بالشكل الرابع
 عشر من الثانية والشكل السادس والاربعين من الاولى فنسبة مربع آ الي
 لي مربع بـ كنسبة مربع آ الي سطح لـ بالشكل السابع من الخامسة
 فنسبة هـ ح الي حـ كنسبة مربع آ الي مربع بـ بالشكل الحادي عشر من
 الخامسة فبـ ح يشارك أب المنطق في الطول في القوة بالشكل السادس
 وبانيه في الطول بالشكل السابع لكون عددي هـ ح لـ يسا جـ ربعين
 ونجعل عدده حـ مع خط بـ محيطا بزاوية ونصل بين بـ حـ بخط
 مستقيم ونخرج من نقطة طـ خط نـ طـ موازيا لخط بـ ز بالشكل الواحد
 الثلاثين فلينته الي بـ حـ علي نقطة نـ ونخرج منها عمود نـ هـ علي خط بـ حـ
 فلينته الي ضلع مربع بـ لـ علي نقطة هـ فسطحا بـ نـ لـ متوازيا للاضلاع
 الشكل التاسع والعشرين من الاولى ونرسم مربع حـ ك سطح نـ لـ ومربع

ظ كسطح بـ بالشكل الرابع عشر من الثانية والشكل السادس والاربعين من الاولي فلان زاويتي حـ نه طـ كزاويتي حـ بـ ر حـ بـ بالشكل التاسع والعشرين من الاولي وزاوية بـ حـ مشتركة بين مثلثي بـ حـ ر حـ طـ فبالشكل الرابع من السادسة نسبة مـ حـ الى حـ طـ كنسبة بـ حـ الى حـ نه ونسبة مربع بـ لـ الى سطح لـ نه كنسبة بـ حـ الى حـ نه بالشكل الاول من السادسة فنسبة مـ حـ الى حـ طـ كنسبة مربع بـ لـ الى سطح لـ نه بالشكل



الحادي عشر من الخامسة ولان نسبة مربع بـ لـ الى مربع خـ حـ كنسبته الى سطح لـ نه بالشكل السابع من الخامسة فنسبة مـ حـ الى حـ طـ كنسبة مربع بـ لـ الى مربع خـ حـ بالشكل الحادي عشر من الخامسة فضلع بـ حـ من منطقتان في القوة بالشكل السادس متباينان في الطول بالشكل السابع ونسبة مربع بـ لـ الى مربع ظـ كنسبته الى سطح بـ هـ بالشكل السابع من الخامسة وبالقلم نسبة مـ حـ الى مـ طـ كنسبة مربع بـ لـ الى سطح بـ هـ فبالشكل الحادي عشر نسبة مربع بـ لـ الى مربع ظـ كنسبة مـ حـ الى مـ طـ فبـ حـ يشارك ظـ في الطول بالشكل السابع لان عددي مـ حـ مـ طـ مربعان ولان نسبة مربع آـ الى مربع بـ لـ كنسبة هـ حـ الى حـ ر ونسبة مربع بـ لـ الى مربع خـ حـ كنسبة مـ حـ الى حـ طـ فبالشكل الثاني والعشرين من الخامسة نسبة مربع آـ الى مربع خـ حـ كنسبة هـ حـ الى حـ طـ فحـ ر يباين بـ حـ في الطول بالشكل السابع لكون عددي هـ حـ حـ طـ ليست كنسبة عددين مربعين فخطا بـ حـ منطقتان في القوة متباينان في الطول وليس واحد منهما منطقتا في الطول فاذا فصل من بـ حـ حـ ر يباين بـ حـ منفصلا ثالثا فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين

لنا ان نجد المنفصل الرابع

فنجده عددان مربعين وهما ١٠٠ و ١٠٠٠٠ مجموعهما وهو ١٠١٠٠ غير مربع بالمقدمة التي قبل

قبل الشكل الثالث والعشرين ونسلك به مثل ما سلكتنا في المنفصل
الاول الا ان $\overline{ب\gamma}$ يقوي على $\overline{ح}$ بمربع $\overline{ط}$ وهو يباين $\overline{ط}$ في الطول لان
نسبة مربعيها كنسبة عدد $\overline{د}$ الى عدد $\overline{هـ}$ وهما غير مربعين والشكل
كالشكل وذلك ما اردنا ان نبين

قد

لنا ان نجد المنفصل الخامس

فنعيد عددي $\overline{د}$ و $\overline{هـ}$ الذين مجموعهما غير مربع ونسلك مثل ما سلكتنا
في المنفصل الثاني فيكون $\overline{ب\gamma}$ يقوي
على $\overline{ح}$ بمربع $\overline{ط}$ الذي يباينه لان
نسبة مربعي $\overline{ب\gamma}$ $\overline{ط}$ كنسبة عددي
 $\overline{د}$ و $\overline{هـ}$ وهما غير مربعين والشكل كالشكل وذلك ما اردنا ان نبين

قد

لنا ان نجد المنفصل السادس

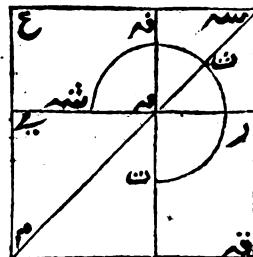
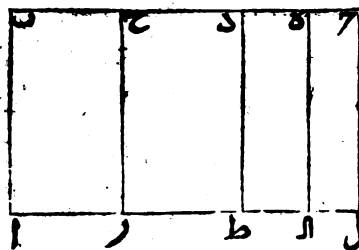
فنعيد عددي $\overline{د}$ و $\overline{هـ}$ الذين مجموعهما
غير مربع ونسلك مثل ما سلكتنا في
المنفصل الثالث بعينه والشكل كالشكل
وذلك ما اردنا ان نبين

فوق

كل خط يقوي على سطح قائم الزوايا يحيط به خط

منطق ومنفصل اول منفصل

ليكن خط $\overline{آب}$ منطقا و $\overline{ب\gamma}$ منفصلا اولا واحاطا بسطح $\overline{آب\gamma}$ ر المتوازي



الاضلاع فاقول
كل خط يقوي
على سطح $\overline{آح}$ فهو
منفصل برهانه
وليتصل بخط
 $\overline{ب\gamma}$ خط $\overline{ح}$
فبصير خطي

$\overline{ب\gamma}$ $\overline{ح}$ منطقيين في القوة متباينين في الطول وخط $\overline{ب\gamma}$ منطقي في الطول
قويا على خط $\overline{ح}$ بمربع خط يشاركه في الطول ونخرج $\overline{آر}$ على استقامته
في جهة راي غير النهاية ونفصل منه $\overline{آل}$ كخط $\overline{ب\gamma}$ بالشكل الثالث من

ي فسطح ندم مربع باستبانة الشكل الرابع من الثانية ولا في نسبة مربع
عق الى سطح قرق كنسبة ع س الى س س بالشكل الاول من السادسة وقس
يساوي ع س ورس يساوي س س فنسبة ق س الى س س كنسبة ع س الى
س س فبالشكل الحادي عشر نسبة مربع ع ق الى سطح قرق كنسبة ق س الى
س س ونسبة سطح قرق الى مربع س س كنسبة ق س الى س س فبالشكل
الحادي عشر من الخامسة نسبة مربع قرق الى سطح قرق كنسبة سطح قرق الى
مربع س س فسطح قرق متوسط بين مربعي قرق س س المساويين لسطح آه
هل وكان سطح ح ط متوسطا بين سطحي آه دل فسطح قرق لسطح ح ط وهو
موسط فسطح قرق موسط ومربع قرق منطلق وهما متباينان فخط س د
مباين خط س س بالشكل الثامن وهما منطقتان في القوة لان مربعي قرق
س س منطقتان فخط قرق منفصل بالشكل السابعين ومتمما قرق ن د
متساويان بالشكل الثالث والاربعين من الاول في فعل ت ث ش مع مربع
س س كسطح ح ل وكان سطح آه دل اعني سطح آ ح مربعي قرق س س فربع ن د
كسطح آ ح وخطا قرق ن د متساويان بالشكل الرابع والثلاثين من الاول
فربع قرق يساوي مربع ن د المساوي لسطح آ ح فخط قرق القوي على سطح
آ ح منفصل وذلك ما اردنا ان نبين

قز

كل خط قوي على سطح قائم الزوايا يحيط به خط

منطق والمنفصل الثاني منفصل الموسط الاول

لكن سطح آ ح القائم الزوايا يحيط به خط آ ب المنطق و ب ح المنفصل
الثاني فاقول كل خط قوي على سطح آ ح المنفصل الموسط الاول برهانه
وليتصل بخط ب ح خط ح المنطق فيصيرا خطي ب ح ح منطقتين في

القوة متباينين

في الطول وخط

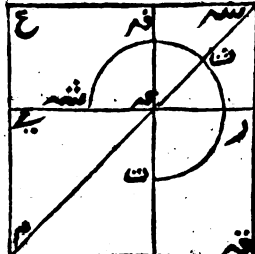
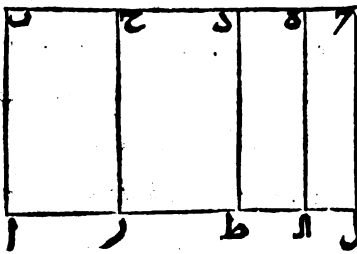
ب ح قوي على

خط ح بمربع

خط يشارك في

الطول ونخرج

خط آ في جهة



آ على استقامته الى غير النهاية ونفصل منه آ ل يساوي ب ح بالشكل
الثالث من الاول ونصل ح ل بخط مستقيم فهو مواز ومساو لخط آ ب
بالشكل الرابع والثلاثين من الاول فخط ح ل منطق وننصف ح ع على
نقطة د بالشكل العاشر من الاول فلان ب ح يقوي على ح بمربع خط

يشاركه في الطول فاذا اضفنا الي $\overline{ب\gamma}$ سطحاً متوازي الاضلاع كربع مربع
 $\overline{ح}$ اعني مربع $\overline{ح\delta}$ بالشكل الرابع من الثانية ينقض عن تمامه مربعاً
 بالشكل الثامن والعشرين من السادسة يقسم خط $\overline{ب\gamma}$ بمشتركين بالشكل
 الثالث عشر فليقسمه علي نقطة ϵ فسطح $\overline{ب\epsilon}$ في $\overline{ح}$ كربع $\overline{ح\delta}$ فنسبة $\overline{ب\epsilon}$
 الي $\overline{ح\delta}$ كنسبة $\overline{ح\delta}$ الي $\overline{ح\epsilon}$ بالشكل السادس عشر من السادسة ونخرج من
 نقطتي ϵ و δ خطي $\overline{آ\delta}$ و $\overline{آ\epsilon}$ متوازيين لخط $\overline{آب}$ بالشكل الواحد والثلاثين
 من الاولى فلينته الي $\overline{آ\lambda}$ علي نقطتي $\overline{آ\tau}$ و $\overline{آ\phi}$ فسطوح $\overline{ح\tau}$ و $\overline{ط\epsilon}$ و $\overline{آ\epsilon}$ و $\overline{آ\lambda}$ متوازية
 الاضلاع بالشكل الثلاثين من الاولى ولان نسبة $\overline{ح\delta}$ الي $\overline{ح\epsilon}$ كنسبة $\overline{ب\epsilon}$ الي

$\overline{ح\delta}$ ونسبة سطح

$\overline{آ\epsilon}$ الي سطح $\overline{ط\epsilon}$

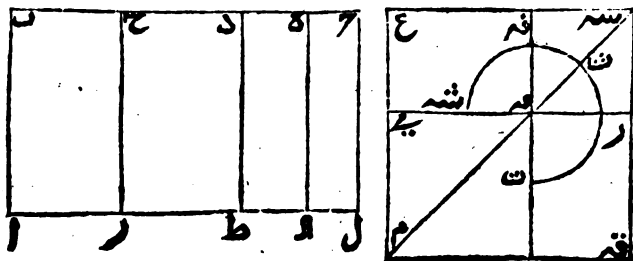
كنسبة $\overline{ب\epsilon}$ الي $\overline{ح\delta}$

بالشكل الاول من

السادسة فنسبة

سطح $\overline{آ\epsilon}$ الي سطح

$\overline{ط\epsilon}$ كنسبة



$\overline{ح\delta}$ الي $\overline{ح\epsilon}$ من الخامسة ونسبة سطح $\overline{ط\epsilon}$ الي سطح $\overline{ح\delta}$

كنسبة $\overline{ح\delta}$ الي $\overline{ح\epsilon}$ بالشكل الاول من السادسة فنسبة سطح $\overline{آ\epsilon}$ الي سطح $\overline{ط\epsilon}$

كنسبة سطح $\overline{ط\epsilon}$ الي سطح $\overline{ح\delta}$ بالشكل الحادي عشر من الخامسة فسطح $\overline{ط\epsilon}$

متوسط بين سطحي $\overline{آ\epsilon}$ و $\overline{آ\lambda}$ ولان خطي $\overline{ح\tau}$ و $\overline{ح\phi}$ منطقتين فسطح $\overline{ح\tau}$ منطقتين

بالشكل الخامس عشر ولان نسبة سطح $\overline{آ\epsilon}$ الي $\overline{آ\lambda}$ كنسبة $\overline{ب\epsilon}$ الي $\overline{ح\delta}$ بالشكل

الاول من السادسة و $\overline{ب\epsilon}$ و $\overline{ح\delta}$ مشتركان فسطحا $\overline{آ\epsilon}$ و $\overline{آ\lambda}$ مشتركان بالشكل

الثامن فكل من سطحي $\overline{آ\epsilon}$ و $\overline{آ\lambda}$ يشارك سطح $\overline{آ\epsilon}$ بالشكل الحادي عشر وسطح

$\overline{آ\epsilon}$ متوسط بالشكل السابع عشر يكون خطي $\overline{آب}$ و $\overline{ب\gamma}$ منطقتين في القوة

متباينين في الطول فكل من سطحي $\overline{آ\epsilon}$ و $\overline{آ\lambda}$ متوسط بالشكل التاسع عشر

وبمثله تبين ان لكل واحد من سطحي $\overline{ح\tau}$ و $\overline{ط\epsilon}$ يشارك سطح $\overline{ح\delta}$ المنطق

فكل واحد من سطحي $\overline{ح\tau}$ و $\overline{ط\epsilon}$ منطقتين باستبانة الشكل العشرين

ونرسم مربع $\overline{ق\epsilon}$ كسطح $\overline{آ\epsilon}$ ومربع $\overline{س\epsilon}$ كسطح $\overline{آ\lambda}$ بالشكل الرابع عشر

من الثانية والشكل السادس والاربعين من الاولى بحيث يشارك مربع

$\overline{ق\epsilon}$ في زاوية $\overline{ق\epsilon\delta}$ ونخرج $\overline{مر\epsilon}$ علي استقامته الي ان ينتهي الي ضلع $\overline{ق\epsilon}$

علي نقطة $\overline{ي}$ ونخرج قطر $\overline{س\delta}$ ونتم الشكل فربع $\overline{س\delta}$ علي قطر $\overline{س\delta}$

وسطح $\overline{ن\delta}$ مربع باستبانة الشكل الرابع من الثانية ولان $\overline{ق\epsilon}$ و $\overline{س\delta}$

متساويان بالشكل الثالث والاربعين من الاولى فسطحا $\overline{ق\epsilon}$ و $\overline{س\delta}$

متساويان ولان نسبة مربع $\overline{ق\epsilon}$ الي سطح $\overline{مر\epsilon}$ كنسبته الي سطح $\overline{ق\epsilon}$ بالشكل

السابع من الخامسة ونسبة $\overline{س\delta}$ الي $\overline{س\epsilon}$ كنسبة مربع $\overline{ق\epsilon}$ الي سطح $\overline{ق\epsilon}$

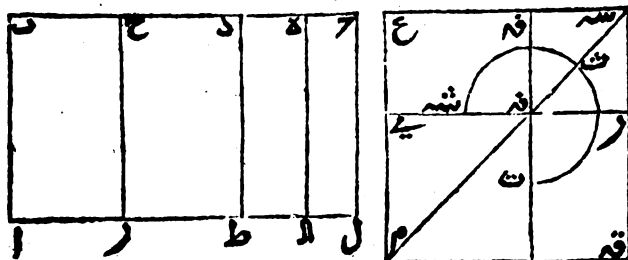
بالشكل الاول من السادسة فبالشكل الحادي عشر من الخامسة نسبة

مربع

مربع قـع الى سطح مـرـع كنسبة سـدـع الى سـفـه ونسبة سطح مـرـع الى مربع
سـدـه كنسبة سـدـع الى سـفـه فسطح مـرـع وسط في النسبة بين مربعي قـع
سـدـه المساويين لسطحي آءـهـل وكان سطح حـط وسطا في النسبة بينهما
فسطح مـرـع يساوي سطح حـط فعلم تـثـشـه مع مربع سـدـه يساويان سطح
حـرـو كان مربعا قـع سـدـه معاكس سطح آءـهـل فاذا القينا منه سطح حـرـو من مربعي
قـع سـدـه علم تـثـشـه مع مربع سـدـه يبقي سطح آءـهـل كـمـربع نـمـ ولان مربع
قـع موسط وسط قـفـه منطقت فـهـما متباينان ونسبة مربع قـع الى سطح
قـفـه كنسبة سـدـع الى سـفـه بالشكل الاول من السادسة قـسـدـع يباين سـفـه
بالشكل الثامن فخط سـدـع سـفـه موسطان لان مربعيها موسطان مشتركان
بالقوة فقط محيطان بمنطق فخط قـع منفصل الموسط الاول بالشكل
الواحد والسبعين ولان ضلع نـدـي كضلع قـع بالشكل الرابع والثلاثين
من الاول فخط قـع قوي علي مربع نـمـ المساوي لسطح آءـهـل فخط قـع
المنفصل الموسط الثاني قوي علي سطح آءـهـل فالحكم ثابت وذلك ما اردنا
ان نبين

فـحـ
كل خط قوي علي سطح قائم الزوايا يحيط به خط
منطق ومنفصل ثالث منفصل الموسط الثاني

ليكن سطح آءـهـل القائم الزوايا يحيط به خط آءـهـل المنطق وبـحـ المنفصل
الثالث فاقول كل خط قوي علي سطح آءـهـل منفصل الموسط الثاني برهانه
وليبتصل بخط بـحـ خط حـحـ المنطق في القوة فقط مصير الخط بـحـ
حـحـ منطقتين في القوة متباينين في الطول وخط بـحـ قويا علي خط حـحـ



بمربع خط
يشاركه في الطول
ونخرج خط آءـهـل
في جهة مـرـع علي
استقامته الي غير
النهاية ونفصل
منه آءـهـل مساويا

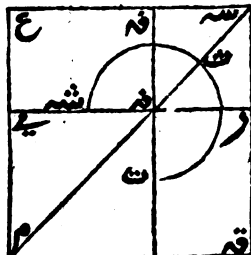
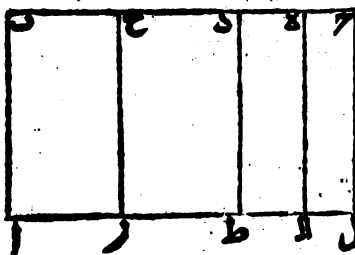
لخط بـحـ بالشكل الثالث من الاول ونصل حـلـ بخط مستقيم فهو مواز
ومساو لخط آءـهـل بالشكل الرابع والثلاثين من الاول فخط حـلـ منطق
وننصف حـحـ علي نقطة دـهـ بالشكل العاشر من الاول فلاق بـحـ يقوي علي
حـحـ بمربع خط يشاركه في الطول فاذا اضيف الي بـحـ سطحا كربع مربع
حـحـ المساوي لمربع حـدـ بالشكل الرابع من الثانية ينقص عن تمامه مربعا

المحادي عشر من الخامسة ونسبة سطح مربع الى مربع سته كنسبة سعه الى سته فبالشكل المحادي عشر من الخامسة نسبة مربع قرح الى سطح مربع كنسبة سطح مربع الى مربع سته فتسطح مربع متوسط بين مربعي قرح سته المساويين لسطحي آه آل وكان سطح حط متوسطا بين سطحي آه آل فسطح مربع يساوي سطح حط فعلمت ث ش مع مربع سته يساويان سطح حط وكان مربع قرح سته معا كسطح آح فاذا القينا حتر من سطح آه وعلمت ث ش مع مربع سته من مربعي قرح سته يبقئ سطح نهم مساويا لسطح آح ولان نسبة مربع قرح الى سطح قرح المتباينين كنسبة سعه الى سته بالشكل الاول من السادسة فسدع يباين سته بالشكل الثامن فكل من سعه سته متوسط لان مربعهما كذلك فخط قرح المساوي لخط نهي بالشكل الرابع والثلاثين من الاول منفصل المتوسط الثاني بالشكل السابعين وهو قوي علي مربع نهم المساوي لسطح آح فخط قرح قوي علي سطح آح وهو منفصل المتوسط الثاني فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين فط

كل خط قوي علي سطح قائم الزوايا يحيط به خط

منطق ومنفصل رابع هـ ————— واصغر هـ

ليكن سطح آح القائم الزوايا يحيط به خط آب المنطق وب ح المنفصل الرابع فاقول ان كل خط قوي علي سطح آح اصغر برهانه ولتصل بخط ب ح خط ح ح مصيرا خطي ب ح ح منطقيين في القوي متباينين في الطول وخط ب ح منطقا في الطول قوي علي خط ح ح بمربع خط يباينه في الطول ونخرج خط آه

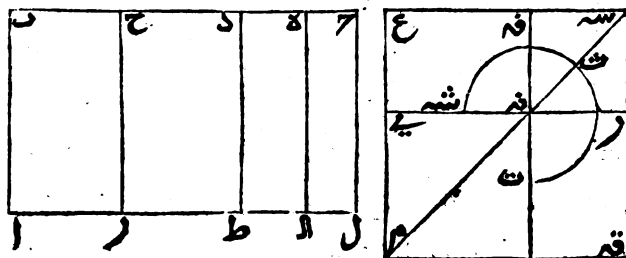


في جهة ر علي استقامته الي غير النهاية ونفصل منه خط آل مساويا لخط ب ح بالشكل

الثالث من الاول ونصل بين نقطتي آل بخط مستقيم فهو مواز ومساو لخط آب بالشكل الرابع والثلاثين من الاول فخط آل منطق وننصف ح ح علي نقطة د بالشكل العاشر من الاول فلان ب ح قوي علي ح ح بمربع خط يباينه في الطول فاذا اضفنا الي ب ح سطحا كربع مربع ح ح المساوي لمربع ح ح بالشكل الرابع من الثانية ينقص عن تمامه مربعا بالشكل الثامن والعشرين من السادسة نقسم خط ب ح بمتباينين بالشكل الرابع عشر

فلينقسمه على نقطة ه فسطح ب ه في ه م ربع د فنسبة ب ه الى د كنسبة
د الى ح ه بالشكل السادس عشر من السادسة ونخرج من نقطتي ه د خطي
ه ا د ط موازيين لخط ا ب بالشكل الواحد والثلاثين من الاولي فلينتهبا
الى ا ل علي نقطتي ا ط فسطوح ح ط ا ه د متوازية الاضلاع
بالشكل الثلاثين من الاولي ولان خطي ب ح د ح منطقتين في القوة وخط
ب ح منطف في الطول فسطح ا ح منطف بالشكل الخامس عشر وسط ح ح
موسط بالشكل السابع عشر ولان نسبة سطح ا ه الى سطح د ل كنسبة ب ه الى
ه ح بالشكل الاول

من السادسة وها
متباينان فسطحا
آء و ل متباينان
بالشكل الثامن
ولان نسبة د ح
الى ح ك نسبة ب ء



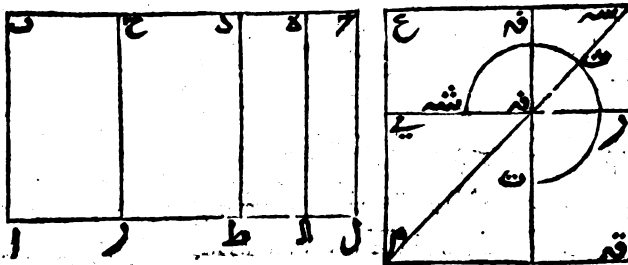
الي دح ونسبة سطح آه الي سطح حط كنسبة بـ الي حـد بالشكل الاول من
 السادسة فبالشكل الحادي عشر من الخامسة نسبة دح الي حـه كنسبة سطح
 آه الي سطح حط ونسبة سطح حط الي سطح حـا كنسبة دح الي حـه بالشكل
 الاول من السادسة فبالشكل الحادي عشر من الخامسة نسبة سطح آه الي
 سطح حط كنسبة سطح حط الي سطح حـا فسطح حط وسط في النسبة بين
 سطحي آه دـل ونريم مربع قـع كسطح آه ومربع سـنه كسطح دـل بالشكل
 الرابع عشر من الثانية والشكل السادس والاربعين من الاول بحيث
 يشارك مربعا قـع سـنه في زاوية قـسـع وتخرج قطر سـنـم وخط مـنه
 في جهة نـه علي استقامته الي ضلع مـع فبنتهي اليه علي نقطة ي ونتم
 الشكل فربع سـنه علي قطر سـنـم وسط مـنه مربع باستبانة الشكل الرابع
 من الثانية ولان قـنه نـع متساويان بالشكل الثالث والاربعين من
 الاول فسطحا قـه مـع متساويان ولان نسبة مربع قـع الي سـه سطح مـع
 كنسبته الي سطح قـه بالشكل السابع من الخامسة ونسبة سـع الي سـه
 كنسبة مربع قـع الي سطح قـه بالشكل الاول من السادسة فبالشكل
 الحادي عشر من الخامسة نسبة مربع قـع الي سطح مـع كنسبة سـع الي
 سـه ونسبة سطح مـع الي مربع سـنه كنسبة سـع الي سـه بالشكل الاول
 من السادسة فبالشكل الحادي عشر من الخامسة نسبة مربع قـع الي
 سطح مـع كنسبة سطح مـع الي مربع سـنه فسطح مـع وسط في النسبة بين
 مربعي قـع سـنه وكان سطح حط وسطا بين سطحي آه دـل وهما يساويان
 مربعي قـع سـنه فسطح مـع يساوي سطح حط فعلمت ثـثـه مع مربع
 سـنه يساويان سطح حـر وكان مربعا قـع سـنه معا كسطح آـر فاذا القينا

منه سطح حر ومن مربعي فرع سته علم ت ث شه مع مربع سته يبقي سطح
 آح كربع ندم ولان سطح آح منطقت في مجموع مربعي فرع سته منطقت وكان
 سطحاه دل متباينين فربعا فرع سته المساويان لهما متباينان ولان رسة
 يساوي سته فسطح شه في سته يساوي سطح فرع المساوي لسطح حرط
 المتوسط لان سطح حر المتوسط ضعف سطح حرط فسطح سته سته متباينان
 في القوة مجموع مربعهما منطقت وضعف سطح احدهما في الآخر متوسط
 فخط فرع اصغر بالشكل الثالث والسبعين ولان فرع يساوي ندم
 بالشكل الرابع والثلاثين من الاولي وهو ضلع مربع ندم المساوي لسطح آح
 فخط فرع قوي على سطح آح فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين

ص

كل خط قوي على سطح متوازي الاضلاع يحيط
 به خط منطقت ومنفصل خامس هو متصل
 بمنطق يصير الكل متوسطا

ليكن سطح آح المتوازي الاضلاع يحيط به خط آب المنطقت وبـ ح
 المنفصل الخامس فاقول ان كل خط قوي على سطح آح متصل بمنطق

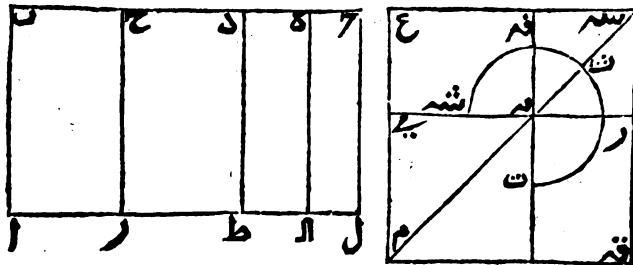


يصير الكل
 متوسطا برهانه
 وليتصل بخط
 بـ ح خط حر
 مصيرا خطي
 بـ ح ح منطقتين
 في القوة متباينين

في الطول وخط حـ ح منطقتا في الطول وخط بـ ح قوي على حـ ح بمربع خط
 يباينه في الطول ونخرج خط آر على استقامته الى غير النهاية في جهة مـ
 ونفصل منه آل كخط بـ ح بالشكل الثالث من الاولي ونصل بين نقطتي مـ
 ل بخط مستقيم فهو مواز ومساو لخط آب بالشكل الرابع والثلاثين من
 الاولي فخط آل منطقت فسطح حر منطقت بالشكل الخامس عشر ووسط
 آح متوسط بالشكل السابع عشر وننصف حـ ح على نقطة د بالشكل العاشر
 من الاولي فلان بـ ح قوي على حـ ح بمربع خط يباينه في الطول فاذا اضفنا
 الي بـ ح سطحا كربع مربع حـ ح المساوي لمربع حـ د بالشكل الرابع من
 الثانية ينقص عن تمامه مربعا بالشكل الثامن والعشرين من السادسة
 يقسم خط بـ ح متباينين بالشكل الرابع عشر فلنقسمه على نقطة هـ فسطح

بـ في دـ مربع دـ فنسبة بـ الى دـ كنسبة دـ الى حـ بالشكل السادس عشر من السادسة ونخرج من نقطتي دـ خطي دـ لـ دـ موازيين لخط آ ب بالشكل الواحد والثلاثين من الاولي فلينتهبا الى آل علي نقطتي لـ ط فسطوح حـ ط آ دـ لـ متوازي الاضلاع بالشكل الثلاثين من الاولي ولان نسبة سطح آه الى سطح دـ كنسبة بـ الى دـ بالشكل الاول من السادسة وهما متباينان فسطحا آه دـ متباينان بالشكل الثامن ولان نسبة

دـ الى حـ كنسبة
بـ الى دـ ونسبة
سطح آه الى سطح
حـ ط كنسبة بـ الى
دـ بالشكل
الاول من
السادسة



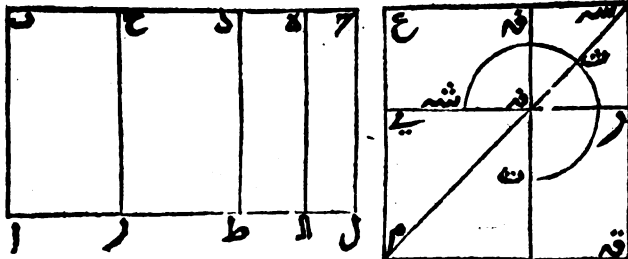
فبالشكل الحادي عشر من الخامسة نسبة دـ الى حـ كنسبة سطح آه الى سطح حـ ط ونسبة سطح حـ ط الى سطح دـ لـ كنسبة دـ الى حـ بالشكل الاول من السادسة فبالشكل الحادي عشر من الخامسة نسبة سطح آه الى سطح حـ ط كنسبة سطح حـ ط الى سطح دـ لـ فسطح حـ ط وسط في النسبة بين سطحي آه دـ ونرسم مربع قـ عـ كنسبة آه ومربع هـ مـ نـ فـ كنسبة دـ بالشكل الرابع عشر من الثانية والشكل السادس والاربعين من الاولي بحيث يشارك مربعاً قـ عـ هـ مـ في زاوية قـ هـ مـ ونخرج قطر هـ مـ وخط رـ نـ في جهة نـ الى ان ينتهي الى ضلع مـ عـ علي نقطتي عـ فـ ربع هـ مـ علي قطر هـ مـ وسط هـ مـ ربع باستبانة الشكل الرابع من الثانية ونقم الشكل فيكون مـ قـ هـ مـ مـ قـ نـ عـ بالشكل الثالث والاربعين من الاولي فسطحا قـ هـ مـ متساويان ولان نسبة مربع قـ عـ الى سطح مـ عـ كنسبته الى سطح قـ هـ مـ بالشكل السابع من الخامسة ونسبة هـ مـ الى هـ مـ كنسبة مربع قـ عـ الى سطح قـ هـ مـ فنسبة مربع قـ عـ الى سطح مـ عـ كنسبة هـ مـ الى هـ مـ بالشكل الحادي عشر من الخامسة ونسبة سطح مـ عـ الى مربع هـ مـ كنسبة هـ مـ الى هـ مـ فبالشكل الحادي عشر من الخامسة نسبة مربع قـ عـ الى سطح مـ عـ كنسبة سطح مـ عـ الى مربع هـ مـ فسطح مـ عـ وسط في النسبة بين مربعي قـ عـ هـ مـ المساويين لسطحي آه دـ وكان سطح حـ ط وسطاً في النسبة بينهما فسطح مـ عـ يساوي سطح حـ ط فعلمت ثـ ثـ مـ مع مربع هـ مـ يساوي سطح حـ ط فاذا استقطنا العلم مع مربع هـ مـ من مربعي قـ عـ هـ مـ ومن سطح حـ ط سطح حـ مـ يقي مربع هـ مـ كنسبة آ حـ ولان هـ مـ يساوي هـ مـ فسطح مـ عـ يساوي سطح هـ مـ في هـ مـ فضعف سطح هـ مـ في هـ مـ المساوي لسطح حـ ط المنطق منطق وقرع المساوي لخط نـ عـ بالشكل الرابع والثلاثين من الاولي

الاولي القوي علي مربع $\overline{نم}$ المساوي لسطح $\overline{آح}$ قوي علي سطح $\overline{آح}$ ولان خطي $\overline{سح}$ $\overline{سده}$ متباينان في القوة بمجموع مربعهما متوسط وضعف سطح احدهما في الآخر منطبق فخط $\overline{فرع}$ متصل بمنطق يصير الكل موسطا بالشكل الثاني والسبعين وهو قوي علي سطح $\overline{آح}$ فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين

صا

كل خط قوي علي سطح متوازي الاضلاع يحيط به خط منطق ومنفصل سادس هو متصل بوسط يصير الكل متوسط

ليكن سطح $\overline{آح}$ المتوازي الاضلاع يحيط به خط $\overline{آب}$ المنطق وب $\overline{ح}$ المنفصل السادس فاقول ان كل خط قوي علي سطح $\overline{آح}$ متصل بوسط يصير الكل موسطا برهانه وليتصل بخط $\overline{ب ح}$ خط $\overline{آح}$ مصيرا خطي $\overline{ب ح}$ $\overline{ح}$ منطقتين في القوة فقط متباينين في الطول وخط $\overline{ب ح}$ قويا علي خط $\overline{آح}$ بمربع خط

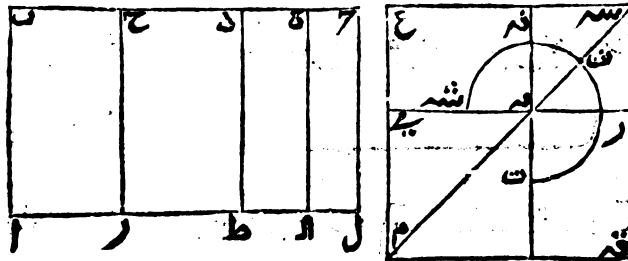


يباينه في الطول فننصف $\overline{آح}$ علي نقطة $\overline{د}$ بالشكل العاشر من الاول فلو اضفنا الي خط

$\overline{ب ح}$ سطحا كربع مربع $\overline{آح}$ المساوي لمربع $\overline{آد}$ بالشكل الرابع من الثانية ينقص عن تمامه مربعا بالشكل الثامن والعشرين من السادسة فان السطح المضاف يقسم $\overline{ب ح}$ بقسمين متباينين بالشكل الرابع عشر فليقسمه علي نقطة $\overline{ه}$ فيكون سطح $\overline{ب ه}$ في $\overline{ه}$ كمربع $\overline{آد}$ فنسبة $\overline{ب ه}$ الي $\overline{آد}$ كنسبة $\overline{آد}$ الي $\overline{آح}$ بالشكل السادس عشر من السادسة ونخرج خطا $\overline{آه}$ في جهة $\overline{آه}$ علي استقامته الي غير النهاية ونفصل منه $\overline{آل}$ كخط $\overline{ب ح}$ بالشكل الثالث ونصل بين $\overline{آل}$ بخط مستقيم فهو مساو ومواز لخط $\overline{آب}$ بالشكل الرابع والثلاثين من الاول فخط $\overline{آل}$ منطق فكل من سطحي $\overline{آد}$ $\overline{آه}$ متوسط بالشكل السابع عشر ونسبة سطح $\overline{آد}$ الي سطح $\overline{آه}$ كنسبة $\overline{ب ح}$ الي $\overline{آح}$ بالشكل الاول من السادسة وهما متباينان فسطحا $\overline{آد}$ $\overline{آه}$ متباينان بالشكل الثامن ونخرج من نقطتي $\overline{د}$ $\overline{ه}$ خطي $\overline{د ط}$ موازيين لخط $\overline{آب}$ بالشكل الواحد والثلاثين من الاول فكل من سطوح $\overline{آل ط}$ $\overline{آه ط}$ $\overline{آد ط}$ $\overline{آه ط}$ متوازي الاضلاع

بالشكل الثلاثين من الاول ولان نسبة سطح آه الى سطح دل كنسبة بـ الى دـ
بالشكل الاول من السادسة وهما متباينان فسطحا آه دل متباينان بالشكل
الثامن ولان نسبة دـ الى حـ كنسبة بـ الى دـ ونسبة سطح آه الى سطح
حـ كنسبة بـ الى دـ بالشكل الاول من السادسة فبالشكل الحادي عشر
من الخامسة نسبة دـ الى حـ كنسبة سطح آه الى سطح حـ ونسبة سطح
حـ الى سطح دل كنسبة دـ الى حـ بالشكل الاول من السادسة فنسبة سطح
آه الى سطح حـ كنسبة سطح حـ الى سطح دل بالشكل الحادي عشر من
الخامسة فسطح

حـ وسط في
النسبة بين
سطحي آه دل
فترسم مربع
قـ كسطح آه
ومربع سـ مـ نـ مـ



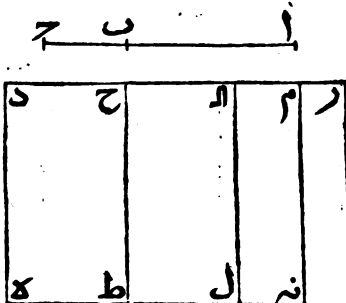
كسطح دل بالشكل الرابع عشر من الثانية والشكل السادس والاربعين
من الاول بحيث يشارك مربع قـ مربع سـ نـ في زاوية قـ سـ عـ ونخرج
قطر سـ نـ مـ وخط مـ نـ على استقامته في جهة نـ الى ان ينتهي الى ضلع مـ عـ
على نقطة تـ فربع سـ نـ مـ على قطر سـ مـ وسط نـ مـ مربع باستبانة الشكل
الرابع من الثانية ويقوم الشكل فـ مـ نـ مـ كـ مـ نـ بالشكل الثالث
والاربعين من الاول فسطحا قـ مـ مـ متساويان فلان نسبة مربع قـ الى
سطح مـ كنسبته الى سطح قـ مـ بالشكل السابع من الخامسة ونسبة خط
سـ عـ الى خط سـ مـ كنسبة مربع قـ الى سطح قـ مـ بالشكل الاول من
السادسة فبالشكل الحادي عشر من الخامسة نسبة مربع قـ الى سطح مـ
كنسبة خط سـ عـ الى سـ مـ ونسبة سطح مـ الى مربع سـ نـ كنسبة خط
سـ عـ الى خط سـ مـ بالشكل الاول من السادسة فبالشكل الحادي عشر من
الخامسة نسبة مربع قـ الى سطح مـ كنسبة سطح مـ الى مربع سـ نـ
فسطح مـ وسط في النسبة بين مربعي قـ سـ نـ وكان سطح حـ وسط في
النسبة بين سطحي آه دل المساويين لمربعي قـ سـ نـ فسطح مـ مساوي
سطح حـ فعلم تـ ثـ شـ مع مربع سـ نـ كسطح حـ فاذا القينا علم تـ ثـ شـ
مع مربع سـ نـ من مربعي قـ سـ نـ والقينا سطح حـ من سطح آه بقي سطح
احـ كمربع نـ مـ ولان خطي سـ مـ نـ متساويان فسطح سـ عـ في سـ مـ
يساوي سطح مـ عـ فضعف سطح سـ عـ في سـ مـ المساوي لسطح حـ المتوسط
موسط خطا سـ عـ سـ مـ متباينان في القوة ومجموع مربعهما موسط
وضعف سطح احدهما في الآخر موسط مباين لمجموع مربعهما فخط قـ مـ
متصل بموسط يصير الكل موسط وهو مساو لخط نـ مـ القوي على سطح
نـ مـ بالشكل

نم بالشكل الرابع والثلاثين من الاولي فخط فرع المتصل بالموسط يصير
الكل موسط قوي علي مربع نم المساوي لسطح اح فهو قوي علي سطح اح
فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين

صب

الضلع الثاني من كل سطح قائم الزوايا مضاف الي
خط محدود منطوق مساويا لمربع منفصل

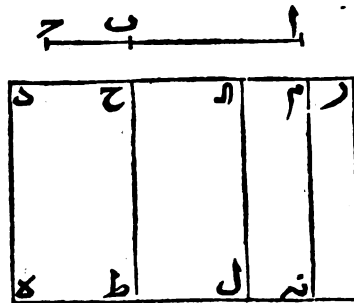
منفصل اول



ليكن خط اب منفصلا وضمنا سطحا
قائم الزوايا كمربع اب الي خط ده
المنطق المحدود باستبانة الشكل
الرابع والاربعين من الاولي وهو سطح
ده ط ح فاقول ان ضلع د ح منفصل اول

برهانه ليكن ب ح متصل باب مصيرا خطي اح ح ب منطوقين في القوة
مشتركين فيها فقط فنضيف الي خط ده سطحا متوازي الاضلاع قائم
الزوايا كمربع اح باستبانة الشكل الرابع والاربعين من الاولي وهو سطح
هم فخط م نه منطوق لانه مساو لخط ده بالشكل الرابع والثلاثين من
الاولي ونضيف الي خط م نه سطحا متوازي الاضلاع قائم الزوايا كمربع
ب ح باستبانة الشكل الرابع والاربعين من الاولي وهو سطح نه ر ولان كل
واحدة من الزوايا التي عند نقطتي م نه قائمة فكل من خطي د م نه
خط مستقيم بالشكل الرابع عشر من الاولي فنسبة سطح ده الي سطح نه م
كنسبة د م الي م ر بالشكل الاول من السادسة وسطحا د نه نه م مشتركان
فخطا د م م ر مشتركان بالشكل الثامن ولان سطحي د نه نه م مشتركان فسطح
د م يشارك كلا منهما بالشكل الحادي عشر وكل منهما منطوق فسطح د م
منطوق باستبانة الشكل العاشر فخط د م منطوق بالشكل السادس عشر
ولان مربعي اح ح ب يساويان ضعف سطح اح في ح ب مع مربع اب
بالشكل السابع من الثانية وسطح ه ح كمربع اب فسطح ط م كضعف سطح
اح في ح ب وسطح اح في ح ب موسط فضعه المشارك له بالشكل الحادي
عشر موسط بالشكل التاسع فسطح ط م موسط فخط م ح منطوق في
القوة بالشكل الثامن عشر ولان نسبة سطح ه ر الي سطح ر ط كنسبة د م الي
د ح بالشكل الاول من السادسة والسطحا متباينان فخطا د م ح متباينان
بالشكل الثامن وننصف م ح علي نقطة ا بالشكل العاشر من الاولي ونخرج
منها ال موازيا لخط ح ط بالشكل الواحد والثلاثين من الاولي ونخرجه

علي استقامته في جهة \bar{e} الي ان ينتهي الي خط \bar{e} فلينته الي نقطة \bar{L} منه
 فكل من سطحي \bar{C} ل \bar{r} متوازي الاضلاع بالشكل الثلاثين من الاولي ولان
 نسبة \bar{C} ل \bar{r} المساوي له كنسبة سطح \bar{C} ل \bar{r} الي سطح \bar{L} بالشكل الاول
 من السادسة فسطح \bar{C} ل \bar{r} كسطح \bar{L} ر فلان نسبة مربع \bar{C} ل \bar{r} الي سطح \bar{C} في \bar{C}
 كنسبة \bar{C} ل \bar{r} الي \bar{C} بالشكل الاول من السادسة وبهذا الشكل بعينه نسبة
 سطح \bar{C} في \bar{C} ل \bar{r} الي مربع \bar{B} كنسبة \bar{C} ل \bar{r} الي \bar{C} فبالشكل الحادي عشر
 من الخامسة نسبة مربع \bar{C} ل \bar{r} الي سطح \bar{C} في \bar{C} كنسبة سطح \bar{C} في \bar{C} ل \bar{r} الي
 مربع \bar{C} فسطح \bar{C} في \bar{C} ل \bar{r} في \bar{C} المساوي
 لسطح \bar{L} ر وسط في النسبة بين مربعي
 \bar{C} ل \bar{r} فسطح \bar{L} ر وسط في النسبة بين
 سطحي \bar{C} ل \bar{r} في \bar{C} المساويين لمربعي \bar{C} ل \bar{r}
 فنسبة \bar{C} ل \bar{r} الي \bar{C} كنسبة سطح \bar{C} ل \bar{r} الي
 سطح \bar{L} ر بالشكل الاول من السادسة
 ونسبة سطح \bar{L} ر الي سطح \bar{C} ل \bar{r} كنسبة سطح
 \bar{C} ل \bar{r} الي سطح \bar{L} ر فبالشكل الحادي عشر
 من الخامسة نسبة \bar{C} ل \bar{r} الي \bar{C} كنسبة سطح \bar{L} ر الي سطح \bar{C} ل \bar{r} ونسبة \bar{C} ل \bar{r} الي \bar{C}
 كنسبة سطح \bar{L} ر الي سطح \bar{C} ل \bar{r} بالشكل الاول من السادسة فبالشكل الحادي
 عشر من الخامسة نسبة \bar{C} ل \bar{r} الي \bar{C} كنسبة \bar{C} ل \bar{r} الي \bar{C} فسطح \bar{C} ل \bar{r} في \bar{C}
 مربع \bar{C} ل \bar{r} بالشكل السادس عشر من السادسة فاذا اضفنا الي درسطحا
 متوازي الاضلاع كربع مربع \bar{C} ل \bar{r} المساوي لمربع \bar{C} ل \bar{r} بالشكل الرابع من
 الثانية ينقص عن تمامه مربعا بالشكل الثامن والعشرين من السادسة
 فيقسم السطح المضاف خط \bar{C} ل \bar{r} علي نقطة \bar{M} وخطا \bar{C} ل \bar{r} مشتركان فخط
 \bar{C} ل \bar{r} المنطق يقوي علي خط \bar{C} ل \bar{r} المنطق في القوة فقط بمربع خط يشاركه
 في الطول بالشكل الثالث عشر فخط \bar{C} ل \bar{r} المنفصل الاول بالشكل الواحد
 والسبعين فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين

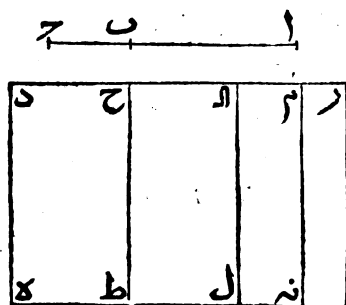


الضلع الثاني من كل سطح قايم الزوايا مضاف الي
 خط محدود منطق مساويا لمربع المنفصل المتوسط

الاول منفصل ل ثان

ليكن خط \bar{A} ب منفصل المتوسط الاول واضيف سطح قايم الزوايا كمربع \bar{A} ب
 الي خط \bar{D} المحدود والمنطق باستبانة الشكل الرابع والاربعين من الاولي
 وهو سطح \bar{D} ح فاقول ان ضلع \bar{D} ح منفصل ثان برهانه ليكن \bar{B} ح
 اتصل

اتصل باب مصبرا خطي آح حـب موسطين مشتركين في القوة فقط
محيطين بمنطق فنضيف الي ده سطح متوازي الاضلاع قائم الزوايا
مربع آح باستبانة الشكل الرابع والاربعين من الاولي وهو سطح دم حفظ
م نه مساو لخط ده بالشكل الرابع والثلاثين من الاولي فهو منطق



ونضيف اليه سطح متوازي الاضلاع
قائم الزوايا كمربع بـح باستبانة الشكل
الرابع والاربعين من الاولي وهو سطح
نه رولان كل واحد من الزوايا التي عند
نقطتي م نه قائمة فكل من خطي دم نه
خط مستقيم بالشكل الرابع عشر من
الاولي فنسبة سطح ده الي سطح نه
كنسبة دم الي م بالشكل الاول من

السادسة وسط ده يشارك سطح نه ر حفظ دم يشارك خط م بالشكل
الثامن فكل من سطحي ده نه مـر الموسطين يشارك سطح دم بالشكل الحادي
عشر فهو موسط بالشكل التاسع عشر حفظ دم منطق في القوة فقط
بالشكل الثامن عشر ولان مربعي آح حـب يساويان ضعف سطح آح في حـب
مع مربع آب بالشكل السابع من الثانية وسط حـح كمربع آب فسطح طـر
كضعف سطح آح في حـب منطق فضعه المشارك له بالشكل الحادي
عشر منطق باستبانة الشكل العاشر فسطح طـر منطق حفظ حـر منطق
في الطول بالشكل السادس عشر لان خط طـح المساوي لخط ده المنطق
بالشكل الرابع والثلاثين منطق ولان نسبة سطح طـم الي سطح مـه كنسبة
خط حـر الي خط رد وسط طـر يباين سطح ره حفظ حـر يباين خط دم
بالشكل الثامن وتنصف خط حـر علي نقطة آ بالشكل العاشر من الاولي
وتخرج منها آل في جهة خط ده علي استقامته موازي لخط حـط بالشكل
الواحد والثلاثين من الاولي الي ان ينتهي الي نقطة لـ منه وكل من سطحي
حل لـر متوازي الاضلاع بالشكل الثلاثين من الاولي ولان نسبة حـل الي
آلر المساوي له كنسبة سطح حل الي سطح لـم بالشكل الاول من السادسة
فسطح حل كسطح لـر فلان نسبة مربع آح الي سطح آح في حـب كنسبة آح
الي حـب بالشكل الاول من السادسة وبهذا الشكل ايضا نسبة سطح آح في
حـب الي مربع بـح كنسبة آح الي حـب فبالشكل الحادي عشر من الخامسة
نسبة مربع آح الي سطح آح في حـب كنسبة سطح آح في حـب الي مربع حـب
فسطح آح في حـب وسط في النسبة بين مربعي آح حـب فسطح لـم وسط في
النسبة بين سطحي ده نه ر فنسبة دم الي مـر كنسبة ده الي سطح لـم
بالشكل الاول من السادسة ونسبة سطح لـر الي سطح رـه كنسبة سطح ده
الي سطح لـر فبالشكل الحادي عشر من الخامسة نسبة دم الي آلر كنسبة

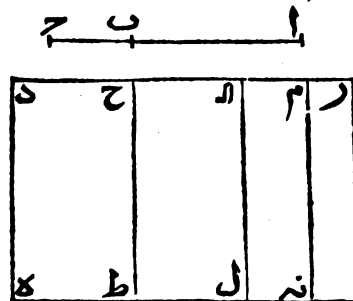
عشر من الثانية وسط ح كمربع آب فسطح ط كضعف سطح آح في ح
 وسط آح في ح ب موسط فضعف المشار له بالشكل المحادي عشر موسط
 بالشكل التاسع عشر فسطح ط ر موسطا حفظ ح ر منطف في القوة فقط
 ولان نسبة سطح آح في ح ب المشار لضعفه الي مربع ب ح المشار لسطح
 ه ر كنسبة آح الي ح ب المتباينين بالشكل الاول من السادسة فسطح آح في
 ح ب يباين مربع ح ب بالشكل الثامن فضعفه يباين مربع ب ح أيضا
 والأشار له فبشاركه سطح آح في ح ب بالشكل العاشر وهو يباينه هذا
 خلف وبمثله تبين ان ضعف سطح آح في ح ب يباين سطح ه ر ولان نسبة
 سطح ه ر الي سطح ر ط كنسبة در الي مرح بالشكل الاول من السادسة وسط
 ه ر يباين سطح ر ط فخط در يباين خط مرح بالشكل الثامن وتنصف
 خط مرح علي نقطة آ بالشكل العاشر من الاول ونخرج منها آل في جهة
 خط ه ر موازيا لخط ح ط بالشكل الواحد والثلاثين من الاول الي ان
 ينتهي اليه علي نقطة ل فكل من سطحي حل ل ر موازي الاضلاع بالشكل
 الثلاثين من الاول ولان نسبة سطح حل الي سطح ل ر كنسبة ح الي آ بالشكل
 الاول من السادسة و ح آ يساوي الر وسط حل يساوي سطح ل ر فلان
 نسبة مربع آح الي سطح آح في ح ب كنسبة آح الي ح ب بالشكل الاول من
 السادسة وبهذا الشكل نسبة سطح آح في ح ب الي مربع ح ب كنسبة آح
 الي ح ب فبالشكل المحادي عشر من الخامسة نسبة مربع آح الي سطح آح في
 ح ب كنسبة سطح آح في ح ب الي مربع ح ب فسطح آح في ح ب وسط في النسبة
 بين مربعي آح و ح ب فسطح ل ر وسط في النسبة بين سطحي دنه و نه فنسبة
 دم الي الر كنسبة سطح دنه الي سطح ل ر بالشكل الاول من السادسة ونسبة
 سطح ل ر الي سطح ونه كنسبة سطح دنه الي سطح ل ر فبالشكل المحادي عشر من
 الخامسة نسبة دم الي الر كنسبة سطح ل ر الي سطح ونه ونسبة الر الي مر
 كنسبة سطح ل ر الي سطح ونه بالشكل الاول من السادسة فبالشكل المحادي
 عشر من الخامسة نسبة دم الي الر كنسبة الر الي مر فسطح دم في م كمربع
 الر بالشكل السادس عشر من الخامسة فاذل اضغنا الي خط در سطحا قائم
 الزوايا كمربع ح ر المساوي لمربع الر بالشكل الرابع من الثانية
 ينقص عن تمامه مربعاً بالشكل الثامن والعشرين من السادسة فنقسم
 السطح المضاني خط در علي نقطة م بقسمي دم و مر المشتركين فخط در
 المنطف في القوة فقط قوي علي خط ح ر المنطف في القوة فقط المباين
 لخط در في الطول بمربع خط يشاركه في الطول بالشكل الثالث عشر فخط
 دح المنفصل الثالث بالشكل الاول والسبعين فالحكم ثابت وذلك ما
 اردنا ان نبين

الضلع الثاني كل سطح قائم الزوايا مضاف إلى خط

محدود منطبق مساويا لمربع الاصغر منفصل رابع

ليكن خط \overline{AB} الاصغر واضيف سطح قائم الزوايا كمربع \overline{AB} إلى خط \overline{DE} المحدود المنطبق باستبانة الشكل الرابع والاربعين من الاولي وهو سطح \overline{DE} فاقول ان ضلع \overline{DC} منفصل رابع برهانه ليكن \overline{B} متصل بـ \overline{A} مصتبرا خطي \overline{AC} متباينين في القوة مجموع مربعهما منطبقا وضعف سطح احدهما في الآخر موسطا فنضيف إلى \overline{DE} سطحا متوازي الاضلاع

قائم الزوايا كمربع \overline{AC} باستبانة الشكل الرابع والاربعين من الاولي وهو سطح \overline{DE} فخط \overline{M} نه مساو لخط \overline{DE} بالشكل الرابع والثلاثين من الاولي فهو منطبق ونضيف اليه سطحا متوازي الاضلاع قائم الزوايا كمربع \overline{B} باستبانة الشكل الرابع والاربعين من الاولي وهو سطح \overline{DE} فخط \overline{M} نه مساو لخط \overline{DE} بالشكل



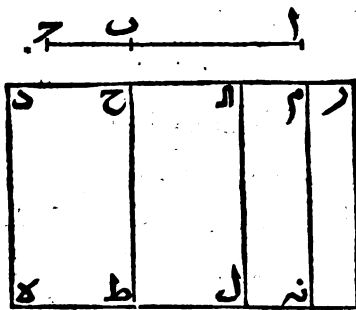
نـ ر ولان كل واحد من الزوايا التي عند نقطتي \overline{M} نه قائمة فكل من خطي \overline{DE} نه خط مستقيم بالشكل الرابع عشر من الاولي فنسبة سطح \overline{DE} إلى سطح \overline{M} نه كنسبة \overline{DM} إلى \overline{MR} والسطحان متباينان فخط \overline{DM} يباين خط \overline{MR} بالشكل الثامن وسط \overline{DE} منطبق فخط \overline{DR} منطبق بالشكل السادس عشر ولان مربعي \overline{AC} كضعف سطح \overline{AC} في \overline{B} مع مربع \overline{AB} بالشكل السابع من الثانية ومربع \overline{AB} كسطح \overline{H} فسطح \overline{R} كضعف سطح \overline{AC} في \overline{B} فهو موسط فخط \overline{H} منطبق في القوة فقط بالشكل الثامن عشر فـ \overline{DR} يباين \overline{MR} وننصف خط \overline{MR} بالشكل العاشر من الاولي على نقطة \overline{L} ونخرج منها \overline{AL} في جهة \overline{DE} موازيا لخط \overline{H} ط بالشكل الواحد والثلاثين من الاولي إلى ان ينتهي إلى \overline{DE} على نقطة \overline{L} فسطح \overline{L} متوازي الاضلاع بالشكل الثلاثين من الاولي ولان نسبة سطح \overline{H} إلى سطح \overline{L} كنسبة \overline{H} إلى \overline{L} بالشكل الاول من السادسة و \overline{H} يساوي \overline{L} فسطح \overline{H} يساوي سطح \overline{L} فكل منهما يساوي سطح \overline{AC} في \overline{B} ولان نسبة مربع \overline{AC} إلى سطح \overline{AC} في \overline{B} كنسبة \overline{AC} إلى \overline{H} بالشكل الاول من السادسة ونسبة سطح \overline{AC} في \overline{B} إلى مربع \overline{AC} كنسبة \overline{AC} إلى \overline{H} بالشكل المذكور فبالشكل الحادي عشر من الخامسة نسبة مربع \overline{AC} إلى سطح \overline{AC} في \overline{B} كنسبته إلى مربع \overline{AC} فسطح \overline{AC} في \overline{B} المساوي لسطح \overline{L} وسط في النسبة بين مربعي \overline{AC} في \overline{B} فسطح \overline{L} وسط في النسبة بين سطحي \overline{DE} نه \overline{MR} ولان نسبة \overline{DM} إلى \overline{MR} كنسبة سطح \overline{DE} إلى سطح \overline{L} بالشكل الاول من السادسة ونسبة

ونسبة سطح ل ر الى سطح ر ن كنسبة سطح د ن الى سطح ل ر فبالشكل الحادي عشر من الخامسة نسبة د م الى ا ر كنسبة سطح ل ر الى سطح ر ن ونسبة ا ر الى ر م كنسبة سطح ل ر الى ر ن بالشكل الاول من السادسة فبالشكل الحادي عشر من الخامسة نسبة د م الى ا ر كنسبة ا ر الى ر م فسطح د م في م ر مربع ا ر بالشكل السادس عشر من السادسة فاذا اضفنا الى خط در سطحا قائم الزوايا كربع مربع م ر ح المساوي لمربع ا ر بالشكل الرابع من الثانية ينقص عن تمامه مربعا بالشكل الثامن والعشرين من السادسة فيقسم السطح المضاف خط د م علي نقطة م ودم يباين م ر فخط د م المنطق في الطول قوي علي خط ح م المنطق في القوة نقطة ب مربع خط يباينه بالشكل الرابع عشر فخط د ح المنفصل الرابع بالشكل الثاني والسبعين فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين

صو

الضلع الباقي من كل سطح قائم الزوايا مضاف الى خط محدود منطق مساويا لمربع المتصل بمنطق يصير الكل موسطا منفصلا خامسا

ليكن خط ا ب المتصل بمنطق يصير الكل موسطا واضيف سطح متوازي الاضلاع قائم الزوايا كمرعه الى خط د ه المحدود المنطق باستبانة الشكل الرابع والاربعين من الاول وهو سطح د ه ط ح فاقول ان ضلع د ح منفصل خامس برهانه ليكن ب ح اتصل باب مصيرا خطي ا ح ب متباينين في القوة بمجموع مربعيها موسطا وضعف سطح احدهما في الآخر منطقا فنضيف الى د ه سطح متوازي الاضلاع قائم الزوايا كربع ا ح باستبانة الشكل الرابع والاربعين من الاول وهو سطح د م ر فخط م ن مساو لخط د ه بالشكل الرابع والثلاثين من الاول فهو منطق



ونضيف اليه سطح متوازي الاضلاع قائم الزوايا كربع ب ح باستبانة الشكل الرابع والاربعين من الاول وهو سطح ن م ر ولان كل واحد من الزوايا التي عند نقطتي م ن قائمة فكل من خطي د ر ه خط مستقيم بالشكل الرابع عشر من الاول فنسبة سطح د ن الى سطح ن م كنسبة د م الى م ر بالشكل الاول من السادسة والسطحان متباينان فخط د م يباين م ر

بالشكل الثامن وسط $\bar{هـ}$ وموسط $\bar{حُ}$ في $\bar{د}$ منطف في القوة فقط بالشكل الثامن عشر ولان مربعي $\bar{آ}$ $\bar{ح}$ يساويان ضعف $\bar{س}$ في $\bar{آ}$ في $\bar{ح}$ مع مربع $\bar{آ}$ بالشكل السابع من الثابتة وسط $\bar{هـ}$ $\bar{ح}$ يساوي مربع $\bar{آ}$ فسطح $\bar{ر}$ $\bar{ط}$ كضعف $\bar{س}$ في $\bar{ح}$ في $\bar{ح}$ وهو منطف $\bar{حُ}$ في $\bar{د}$ منطف في الطول بالشكل السادس عشر $\bar{حُ}$ في $\bar{د}$ متباينان وننصف $\bar{ر}$ $\bar{ح}$ بالشكل

العاشرة علي نقطة A وتخرج منها AL
 في جهة EN موازيا لخط CH بالشكل
 الواحد والثلاثين من الاولي الي ان
 ينتهي الي EN علي نقطة L فسطح ENR
 متوازي الاضلاع بالشكل الثلاثين من
 الاولي ولان نسبة $سطح CH$ الي $سطح LR$
 كنسبة $ح A$ الي $الر$ بالشكل الاول من
 السادسة و $ح A$ $الر$ متساويان فسطحا

حل لـ متساويان فكل منهما كسطح آ في حـ وبـ ولان نسبة مربع آ الى سطح آ في حـ كنسبة آ الى حـ بالشكل الاول من السادسة ونسبة سطح آ في حـ الى مربع حـ كنسبة آ الى حـ بالشكل المذكور فبالشكل الحادي عشر من الخامسة نسبة مربع آ الى سطح آ في حـ كنسبته الى مربع حـ فسطح آ في حـ وسط في النسبة بين مربعي آ وحـ فسطح لـ وسط في النسبة بين سطحي دـ هـ ونسبة دـ الى لـ كنسبة سطح دـ الى لـ بالشكل الاول من السادسة ونسبة سطح لـ الى سطح رـ كنسبة سطح دـ الى سطح لـ فبالشكل الحادي عشر من الخامسة نسبة دـ الى لـ كنسبة سطح لـ الى رـ كنسبة سطح لـ الى رـ ونسبة لـ الى رـ كنسبة دـ الى رـ فبالشكل الاول من السادسة فنسبة دـ الى لـ كنسبته الى رـ بالشكل الحادي عشر من الخامسة فسطح دـ في مـ مربع لـ بالشكل السادس عشر من السادسة فاذا اضيف الى خط دـ سطحاً متوازي الاضلاع كربع مربع مـ المساوي لمربع لـ بالشكل الرابع من الثانية ينقص عن تمامه مربعاً بالشكل الثامن والعشرين من السادسة فالسطح المضاف يقسم خط دـ على نقطة مـ ودمـ يباين مـ رـ فخط دـ المنطف في القوة فقط قوي على خط مـ رـ المنطف في الطول بمربع خط يباينه في الطول بالشكل الرابع عشر فخط دـ منفصل خامس بالشكل الثالث والسبعين فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نـ

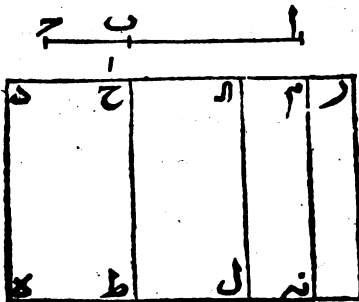
الضلع الثاني من كل سطح قائم الزوايا مضاف الى

خط

خط محدود منطبق مساويا لمربع المنفصل بموسط

يصير الكل موسطا منفصل سادس

ليكن خط AB المتصل بموسط يصير الكل موسطا واضيف سطح قائم الزوايا ACB الى خط AB المحدود والمنطق باستبانة الشكل الرابع والاربعين من الاول وهو سطح ABC فاقول ان ضلع BC منفصل سادس برهانه ليتصل باب B موصلا خطي AC CB متباينين في القوة



بمجموع مربعيهما موسط وضعف سطح احدهما في الآخر موسطا مبايننا للربعين فنضيف الى DE سطحا متوازي الاضلاع قائم الزوايا ACB باستبانة الشكل الرابع والاربعين من الاول وهو سطح DEF مخط DE مساو لخط DE بالشكل الرابع والثلاثين من الاول فهو

منطق ونضيف اليه سطحا متوازي الاضلاع قائم الزوايا ACB باستبانة الشكل الرابع والاربعين من الاول وهو سطح DEF ولان ACB واحدة من الزوايا التي عند نقطتي C E قائمة فكل من خطي DE EF خط مستقيم بالشكل الرابع عشر من الاول فنسبة سطح DEF الى سطح ACB كنسبة DE الى AC بالشكل الاول من السادسة والسطحان متباينان فخط DE يباين خط AC بالشكل الثامن فكل من سطحي DEF ACB موسط فكل خطي DE AC منطبق في القوة فقط بالشكل الثامن عشر ونسبة سطح DEF الى سطح ACB كنسبة DE الى AC بالشكل الثامن ولان مربعي ACB DEF يساويان ضعف سطح AC في CB مع مربع AB وهو يساوي سطح DEF فسطح DEF يساوي ضعف سطح AC في CB وننصف DEF على نقطة G بالشكل العاشر ونخرج منها اقل موازيا لخط AC في جهة خط DE بالشكل الواحد والثلاثين من الاول الى ان ينتهي اليه على نقطة L فلان نسبة AC الى DE كنسبة سطح AC الى سطح DEF بالشكل الاول من السادسة و AC يساوي DE فسطح AC الى سطح DEF كنسبة AC الى DE يساوي سطح AC في CB ولان نسبة مربع AC الى سطح AC في CB كنسبة AC الى CB بالشكل الاول من السادسة ونسبة سطح AC في CB الى مربع CB كنسبة AC الى CB بالشكل المذكور فبالشكل الحادي عشر من الخامسة نسبة مربع AC الى سطح AC في CB كنسبته الى مربع CB فسطح AC في CB وسط في النسبة بين سطحي DEF ACB و DE AC كنسبة DE الى AC كنسبة سطح DEF الى سطح ACB بالشكل الاول من

السادسة ونسبة سطح ل ر الى سطح ن ر كنسبة سطح د ن الى سطح ل ر بالشكل الاول من السادسة ونسبة سطح ل ر الى سطح ن ر كنسبة سطح د ن الى سطح ل ر فبالشكل الحادي عشر من الخامسة نسبة د م الى ا ر كنسبة سطح ل ر الى سطح ن ر ونسبة ا ر الى م ر كنسبة سطح ل ر الى سطح ن ر بالشكل الاول من السادسة فبالشكل الحادي عشر من الخامسة نسبة د م الى ا ر كنسبة ا ر الى م ر فسطح د م في م ر مربع ا ر بالشكل السادس عشر من السادسة

ب ح			
د	ح	ا	م
ل	ن	ط	ك

فاذا اضفنا الى خط د ر سطحاً متوازي الاضلاع كربع مربع م ر ح اعني مربع ا ر بالشكل الرابع من الثانية ينقص عن تمامه مربعاً بالشكل الثامن والعشرين من السادسة فالسطح المضاف يقسم خط د ر علي نقطة م ودم يباين م ر فخط د م المنطق في القوة فقط قوي علي خط م ر ح المنطق في القوة فقط المباين لخط د ر مربع خط يباينه في الطول بالشكل الرابع عشر فخط د ح منفصل سادس بالشكل الرابع والسبعين فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين

كل خط يشارك الخط المنفصل فهو منفصل

في مرتبة هـ

ب ح د ر

ليكن ا ح المنفصل ودم يشاركه في الطول فاقول ان د ر منفصل في مرتبة ا ح برهانه

لنصل با ح ب ح وعاد معه الي حاله قبل الانفصال لتكن نسبة ا ح الى د م كنسبة ح ب الى م ر بالشكل الحادي عشر من الخامسة و ا ح يشارك د م فب ح يشارك ر هـ بالشكل الثامن وبالابدال نسبة ا ح الى ح ب كنسبة د م الى ر هـ بالشكل السادس عشر من الخامسة وبالتركيب نسبة ا ب الى ب ح كنسبة د هـ الى هـ ر بالشكل الثامن عشر من الخامسة فان ا ب يباين ب ح فدهـ يباين هـ ر بالشكل الثامن وان كان ا ب يقوي علي ب ح بمربع خط يشاركه في الطول او يباينه فدهـ يقوي علي هـ ر بمربع خط يشاركه في الطول او يباينه بالشكل الثالث عشر وبالابدال نسبة ا ب الى د هـ كنسبة ب ح الى هـ ر وبب ح يشارك ر هـ فاب يشارك د هـ بالشكل الثامن فان ا ب وب ح منطق في الطول او القوة فدهـ وهـ ر منطق في الطول او القوة باستيانة الشكل العاشر ف ا ي منفصل من منفصلات الست فدم ذلك المنفصل

المنفصل بعينه وذلك ما اردنا ان نبين

صط

كل خط يشارك المنفصل المتوسط منفصل

متوسط في مرتبته

ليكن \overline{AC} منفصل المتوسط الاول او الثاني و \overline{DR} يشاركه في الطول فاقول ان \overline{DR} منفصل

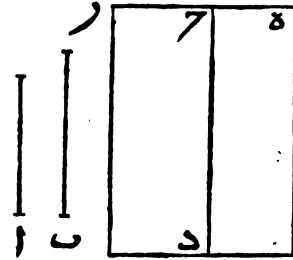
متوسط الاول او الثاني برهانه ليتصل با \overline{C} خط \overline{BC} وعاد معه الى حالها قبل الانفصال ولتكن نسبة \overline{AC} الى \overline{CB} كنسبة \overline{DR} الى \overline{RE} بالشكل الحادي عشر من السادسة فنسبة \overline{AB} الى \overline{BC} كنسبة \overline{DE} الى \overline{ER} بالتركيب بالشكل الثامن عشر من الخامسة و \overline{AB} مباين ل \overline{BC} في الطول ويشاركه في القوة ف \overline{DE} يباين \overline{ER} في الطول ويشاركه في القوة بالشكل الثامن ونسبة سطح \overline{AB} في \overline{BC} الى مربع \overline{BC} كنسبة \overline{AB} الى \overline{BC} ونسبة \overline{DE} الى \overline{ER} كنسبة \overline{AB} الى \overline{BC} فبالشكل الحادي عشر من الخامسة نسبة سطح \overline{AB} في \overline{BC} الى مربع \overline{BC} كنسبة \overline{DE} الى \overline{ER} ونسبة سطح \overline{DE} في \overline{ER} الى مربع \overline{ER} كنسبة \overline{DE} الى \overline{ER} بالشكل الاول من السادسة فبالشكل الحادي عشر من الخامسة نسبة سطح \overline{AB} في \overline{BC} الى مربع \overline{BC} كنسبة سطح \overline{DE} في \overline{ER} الى مربع \overline{ER} ولان نسبة \overline{AB} الى \overline{BC} كنسبة \overline{DE} الى \overline{ER} فبالابدال نسبة \overline{AB} الى \overline{DE} كنسبة \overline{BC} الى \overline{ER} والشكل السادس عشر من الخامسة فنسبة \overline{AC} الى \overline{DR} كنسبة \overline{AB} الى \overline{DE} ونسبة \overline{CB} الى \overline{ER} بالشكل التاسع عشر من الخامسة و \overline{AC} يشارك \overline{DR} فكل من خطي \overline{BC} و \overline{AB} يشارك نظيره من خطي \overline{DE} و \overline{ER} من \overline{AB} و \overline{BC} متوسط فكل \overline{DE} و \overline{ER} متوسط بالشكل التاسع عشر ومربع \overline{BC} يشارك مربع \overline{ER} بالشكل السابع لاشتراكهما في الطول فسطح \overline{AB} في \overline{BC} يشارك سطح \overline{DE} في \overline{ER} بالشكل الثامن فان كان سطح \overline{AB} في \overline{BC} منطقا فسطح \overline{DE} في \overline{ER} منطقا باستبانة الشكل العاشر وان كان موسطا كان سطح \overline{DE} في \overline{ER} موسطا بالشكل التاسع عشر فاح ان كان منفصل المتوسط الاول ف \overline{DR} منفصل المتوسط الاول وان كان منفصل المتوسط الثاني كان منفصل المتوسط الثاني وذلك ما اردنا ان نبين

ق

كل خط يشارك الاصغر اصغر

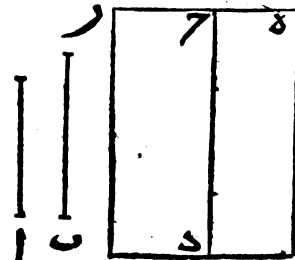
ليكن $\overline{AA'}$ الاصغر و $\overline{BB'}$ يشاركه فاقول ان $\overline{BB'}$ اصغر برهانه نرسم على خط \overline{AB} المستقيم المنطق المحدود سطحا متوازي الاضلاع قائم الزوايا كمربع \overline{AB} و $\overline{AA'}$ سطح \overline{DE} وعلى \overline{DE} ايضا سطح المتوازي الاضلاع قائم الزوايا كمربع \overline{BC}

باستبانة الشكل الرابع والامر بعين من الاولى فعرض $\overline{حـ}$ منفصل رابع
بالشكل السابع والتسعين ولان نسبة كل
واحدة من الزوايا التي عند نقطتي $\overline{حـ}$ قائمة
فكل من خطي $\overline{هـ}$ وما يقابله خط مستقيم
فنسبة $\overline{سطح دـ}$ الى $\overline{دـ}$ كنسبة $\overline{حـ}$ الى $\overline{حـ}$
بالشكل الاول من السادسة و $\overline{سطح دـ}$ يشارك
 $\overline{سطح دـ}$ بالشكل السابع $\overline{خط حـ}$ يشارك
 $\overline{خط حـ}$ بالشكل الثامن و $\overline{حـ}$ منفصل رابع
 $\overline{خط حـ}$ منفصل رابع بالشكل الثامن والتسعين والخط القوي على $\overline{سطح دـ}$
 $\overline{دـ}$ اعني $\overline{بـ}$ الاصغر بالشكل التاسع والثمنون وذلك ما اردنا ان نبين قـ



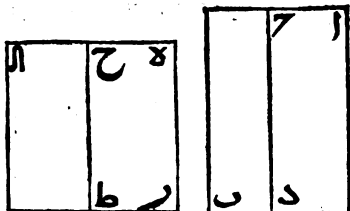
كل خط يشارك المتصل بمنطق يصير الكل
موسطا متصل بمنطق يصير الكل موسطا قـ

لكن آمتصلا بمنطق يصير الكل موسطا ويشاركه $\overline{بـ}$ فاقول ان $\overline{بـ}$
متصل بمنطق يصير الكل موسطا برهانه نرسم على $\overline{خط حـ}$ المستقيم
المحدود المنطق $\overline{سطح دـ}$ متوازي الاضلاع قائم الزوايا كمربع $\overline{اوي}$ $\overline{سطح دـ}$
ونرسم على $\overline{حـ}$ ايضا $\overline{سطح دـ}$ متوازي الاضلاع قائم الزوايا كمربع $\overline{بـ}$
باستبانة الشكل الرابع والامر بعين من الاولى
وفي $\overline{سطح دـ}$ فعرض $\overline{حـ}$ منفصل خامس
بالشكل السادس والتسعين ولان كل واحدة
من الزوايا التي عند نقطتي $\overline{حـ}$ قائم $\overline{خط حـ}$
 $\overline{حـ}$ وما يقابله خط مستقيم بالشكل الرابع
عشر من الاولى فنسبة $\overline{سطح دـ}$ الى $\overline{سطح دـ}$
كنسبة $\overline{حـ}$ الى $\overline{حـ}$ بالشكل الاول من السادسة
و $\overline{سطح دـ}$ يشارك $\overline{سطح دـ}$ بالشكل السابع $\overline{خط حـ}$ يشارك
بالشكل الثامن $\overline{خط حـ}$ منفصل خامس بالشكل الثامن والتسعين $\overline{خط بـ}$
القوي على $\overline{سطح دـ}$ متصل بمنطق يصير الكل موسطا بالشكل التسعين
فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين قـ



كل خط يشارك الخط المتصل بموسط يصير
الكل موسطا متصل بموسط يصير الكل موسطا قـ

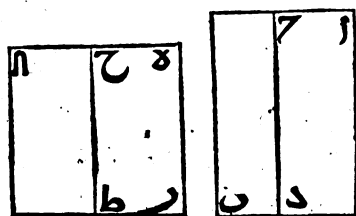
ليكن خط \bar{A} المتصل بموسط يصير الكل موسطا وب يشاركه فاقول ان
خط \bar{B} متصل بموسط يصير الكل موسطا برهانه نرسم علي خط \bar{C}
المستقيم المحدود المنطق سطح \bar{D} المتوازي الاضلاع القائم الزوايا كربع
آ ونرسم علي \bar{C} ايضا سطح \bar{D}



المتوازي الاضلاع القائم الزوايا
باستبانة الشكل الرابع والاربعين
من الاولي فعرض \bar{C} منفصل سادس
بالشكل السابع والتسعين ولان كل
واحد من الزوايا التي عند نقطتي

تحت قائمة فكل من خطي \bar{C} وما يقابله خط مستقيم بالشكل الرابع عشر
من الاولي ونسبة سطح \bar{D} الي سطح \bar{D} كنسبة \bar{C} الي \bar{C} بالشكل الاول من
السادسة وسط \bar{D} يشارك سطح \bar{D} بالشكل السابع فخط \bar{C} يشارك خط
 \bar{C} بالشكل الثامن فخط \bar{C} منفصل سادس بالشكل الثامن والتسعين فخط
 \bar{B} القوي علي سطح \bar{D} متصل بموسط يصير الكل موسطا بالشكل الاول
والتسعين فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين

كل خط قوي علي فضل سطح منطق علي موسط



اما منفصل واما اصغر

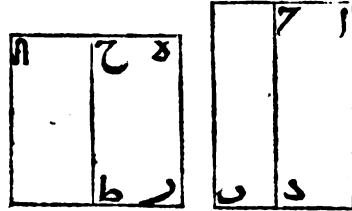
ليكن سطح \bar{A} منطق وسط \bar{A}
موسطا وسط \bar{B} فضل المنطق
علي الموسط فاقول ان كل خط قوي
علي سطح \bar{B} اما منفصل واما اصغر

برهانه ليكن \bar{C} خطا مستقيما محدودا منطقا ونرسم عليه سطح \bar{A}
المتوازي الاضلاع كسطح \bar{A} وسط \bar{C} المتوازي الاضلاع كسطح \bar{A}
باستبانة الشكل الرابع والاربعين من الاولي فخط \bar{A} منطق بالشكل
السادس عشر وخط \bar{C} منطق في القوة فقط مباين لخط \bar{C} بالشكل
الثامن عشر فخط \bar{A} \bar{C} متباينان فخط \bar{A} منفصل بالشكل \bar{C} فان قوي
 \bar{A} علي \bar{C} بمربع خط يشاركه في الطول فخط \bar{A} منفصل اول وان قوي عليه
بمربع خط يباينه فهو منفصل رابع فالخط القوي علي سطح \bar{A} ان كان
 \bar{A} منفصلا اول منفصل بالشكل السادس والتسعين لان \bar{C} منطق
لانه يساوي \bar{C} بالشكل الرابع والثلاثين من الاولي وان كان \bar{A} منفصلا
رابع فالخط القوي علي سطح \bar{A} اصغر بالشكل التاسع والثمانين وذلك
ما اردنا ان نبين

قد

كل خط قوي على فصل سطح المتوسط على المنطق
فهو اما منفصل المتوسط الاول واما متصل بمنطق

يصير الكل موسطا



ليكن سطح $آب$ موسطا وسطا $آد$
منطقا فسطح $ح ب$ فصل المتوسط على
المنطق فاقول كل خط قوي على سطح
 $ح ب$ اما منفصل المتوسط الاول واما

متصل بمنطق يصير الكل موسطا برهانه ليكن خط $هـ$ مستقيما
محدودا منطقا فنرسم عليه سطح $رآ$ المتوازي الاضلاع يساوي سطح $آب$
وسط $رح$ المتوازي الاضلاع يساوي سطح $آد$ باستبانة الشكل الرابع
والاربعين من الاول فلان سطح $رآ$ متوسط فخط $هـ$ منطق في القوة مباين
لخط $هـ$ المنطق بالشكل الثامن عشر ولان سطح $رح$ منطق فخط $هـ$
منطق في الطول بالشكل السادس عشر فخط $آهـ$ متباينان فخط $ح آ$
منفصل بالشكل السبعين وخط $ح ط$ مساوي لخط $هـ$ المنطق منطق
بالشكل الرابع والثلاثين من الاول فان قوي $هـ$ على $ح$ مبرع خط يشاركه
فالخط القوي على سطح $ط آ$ منفصل المتوسط الاول بالشكل التاسع
والثمانين وان قوي $هـ$ على $ح$ مبرع خط يباينه فخط $آ$ منفصل خامس
والخط القوي على سطح $ط آ$ متصل بمنطق يصير الكل موسطا بالشكل
الثاني والتسعين فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين

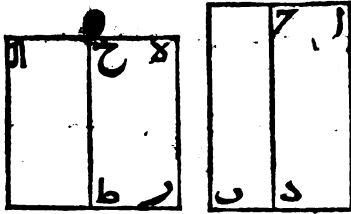
قد

كل خط قوي على فصل سطح متوسط على سطح
متوسط يباينه اما منفصل المتوسط الثاني واما

متصل بموسط يصير الكل موسطا

ليكن سطح $آب$ $آد$ موسطين متباينين فسطح $ح ب$ فصل المتوسط على المتوسط
يباينه فاقول ان كل خط قوي على سطح $ح ب$ اما منفصل المتوسط الثاني واما
متصل بموسط يصير الكل موسطا برهانه فنرسم على خط $هـ$ المستقيم
المحدود المنطق سطح $رآ$ كسطح $آب$ وسط $رح$ كسطح $آد$ باستبانة الشكل
الرابع والاربعين من الاول فلان كلا من سطحي $رآ$ $رح$ موسطين يكون
كل من

كل من خطي $\overline{ح}$ و $\overline{د}$ منطقيين في القوة فقط بالشكل الثامن عشر ولان
نسبة سطح $\overline{ر}$ الى سطح $\overline{م}$ كنسبة $\overline{د}$ الى $\overline{ح}$ بالشكل الاول من السادسة
والسطحان متباينان فخطا $\overline{د}$ و $\overline{ح}$



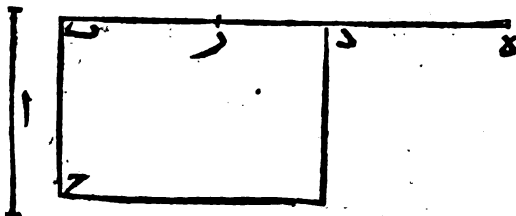
متباينان بالشكل الثامن فخط $\overline{ح}$
منفصل بالشكل الثامن والستين فان
قوي $\overline{د}$ علي $\overline{ح}$ بمربع خط يشاركه
فح $\overline{د}$ منفصل ثالث وخط $\overline{ح}$
منطق لانه يساوي خط $\overline{م}$

المنطق بالشكل الرابع والثلاثين من الاول فالحظ القوي علي سطح $\overline{ط}$
منفصل المتوسط الثاني بالشكل الثامن والثمانين وان قوي بمربع خط
يباينه فح $\overline{د}$ منفصل سادس فالحظ القوي علي سطح $\overline{ط}$ متصل بموسط يصير
الكل موسطا بالشكل الحادي والتسعين فالحكم ثابت وذلك ما اردنا
ان نم

مصادرة خامسة

فلان الاضلاع الثانية من السطوح المتوازية الاضلاع المضافة الي الخط
المنطق المستقيم المحدود في الطول المساوية لمربعات الخطوط الست
الصم التي اولها المنفصل هي انواع المنفصلات التي كل واحد منها اصم كما
مرببانه في ستة اشكال اولها الشكل الرابع والتسعين فكل واحد من انواع
المنفصلات يخالف شكل واحد من الخمسة الباقية بالحد والحقيقه
والاضلاع الثانية من السطوح المتوازية الاضلاع المضافة الي الخط
المستقيم المحدود المنطق المساوية لمربعات الخطوط الموسطة منطق في
القوة فقط كما يباين في الشكل الثامن عشر ولا شيء من المنفصلات بمنطق
واختلاف اللوازم يدل علي اختلاف الملزومات فلا شيء من الخطوط الست
الصم التي اولها المنفصل وآخرها المتصل بموسط يصير الكل موسطا بخط
آخر منها ولا بالخط الموس

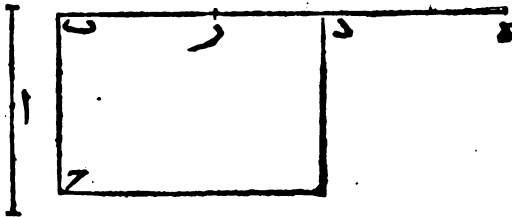
قو
لا شيء من المنفصل بذى الاسم



والا فليكن خط آ بعينه
ذا الاسمين والمنفصل معا
وخط $\overline{ب}$ خطا مستقيم
محدودا منطقا في الطول
وفرسم عليه سطحا
متوازي الاضلاع كمربع آ

باستبانة الشكل الرابع والاربعين من الاولي وهو سطح بـ د فالضلع الحادث وهو بـ د ذو الاسمين الاول بالشكل الخامس والخمسين والمنفصل الاول بالشكل الثاني والتسعين وليكن بـ ر القسم الاعظم من قسمي ذي الاسمين و د القسم الاصغر فهما منطقتا في القوة فقط وليتصل بخط بـ د المنفصل الاول خط د ه

معيد خطي ح ه د ه الي حالهما قبل الانفصال فيكون خط ب ه منطقا في الطول ولذلك خط ب ه ويكون خط د ه



منطقا في القوة فقط فكل من خطي ب ه ب ه يشارك الخط المنطق المقروض في الطول فهما مشتركان بالشكل العاشر خط د ه يشارك خط ب ر المنطق بالشكل الحادي عشر فـ د منطق في الطول باستبانة الشكل العاشر وكان كل واحد من خطي د ه منطقا في القوة فقط فكل من خطي د ه منفصل بالشكل الثامن والستين فيكون كل منهما اصم في القوة والطول وكان كل منهما منطقا في القوة فقط هذا خلف فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين

واستبان منه انه لا يمكن ان يكون احد انواع الخطوط الصم التي تتلو المنفصل احد انواع الخطوط الصم التي تتلو ذا الاسمين لان الاضلاع الحادثة من السطوح المتوازية الاضلاع المضافة الي خط مستقيم محدود منطق المساوية لمربع ما يتلو المنفصل من الخطوط الصم هي ما يتلو المنفصل الاول من الخطوط الصم والاضلاع الحادثة من السطوح المتوازية الاضلاع المضافة الي خط مستقيم محدود منطق المساوية لمربعات الخطوط الصم التي يتلو ذا الاسمين هي ما يتلو ذا الاسمين الاول من الخطوط الصم

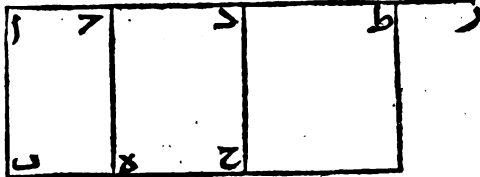
قـ

كل خط متوسط يحصل منه خطوط صم غير

متناهية ليس ولا واحد منها من جنس ما قبله

ليكن ا ب خطا مستقيما محدودا منطقا ونخرج من نقطة ا خط ا ر عمودا على ا ب بالشكل الحادي عشر من الاولي ونخرجه في جهة ر الي غير النهاية وليكن ا ح من خط ا ر موسطا ونخرج من نقطة ب خط ب د موازيا لخط ا ر بالشكل الواحد والثلاثين من الاولي ونخرجه على استقامته في جهة د الي غير النهاية ونفصل منه ب ه مثل ا ح بالشكل الثالث من الاولي ونصل ح ه بخط

د ح بخط مستقيم فهو مواز ومساو لخط آ ب بالشكل الثالث والثلاثين من
الاولي ثم منطقت في الطول فسطح آ ه لا منطقت والا لكان آ ح منطقتا
بالشكل السادس عشر ولا متوسط والا لكان خط آ ح منطقتا في القوة فقط
بالشكل الثامن عشر وهو متوسط هذا خلف فسطح آ ه اصم غير متوسط
ولنجد خطا وسطيا في



النسبة بين خطي آ ح د
بالشكل التاسع من
السادسة وليكن هو خط
د ح ونفصل د ح مثل د ح
بالشكل الثالث من الاول

ونصل بين نقطتي د ح بخط مستقيم فسطح د ح متوازي الاضلاع بالشكل
الثالث والثلاثين من الاول ولان مربع د ح يساوي سطح آ ه بالشكل
السادس عشر من السادس فخط د ح ليس متوسطا والا لكان سطح آ ه متوسطا
وكان خط آ ح منطقتا في القوة فقط بالشكل الثامن عشر وهو متوسط هذا
خلف وليس د ح ايضا منطقتا والا لكان سطح آ ه منطقتا فكان آ ح منطقتا
في الطول بالشكل السادس عشر وهو متوسط هذا خلف فخط د ح لا
منطقت ولا متوسط وهو اصم ولا يشارك خط آ ح والا لكان متوسطا بالشكل
التاسع عشر وهو غير متوسط فخط آ ح د متباينان وليس د ح احد انواع
ذي الاسمين ولا ما يتلوه من المخطوط الصم ولا احد انواع المنفصل وما
يتلوه من المخطوط الصم والا لكان آ ح اما ذو الاسمين واما ما يتلوه من
المخطوط الصم واما احد انواع المنفصل واما ما يتلوه من المخطوط الصم
وليكن د ط وسطا في النسبة بين د ح د ح بالشكل التاسع من السادسة
فسطح د ح كربع د ط بالشكل السادس عشر من السادسة فسطح د ح يباين
آ ح والا لكان متوسطا بالشكل التاسع عشر فبكون سطح د ح متوسطا بالشكل
التاسع عشر فبكون د ح منطقتا فقط بالشكل الثامن عشر وهو اصم هذا
خلف فسطح د ح ليس بمتوسط ولان نسبة سطح آ ه الي سطح د ح كنسبة آ ح
الي د ح بالشكل الاول من السادسة وهما متباينان فسطحا آ ه د متباينان
بالشكل الثامن وهما مربعا د ح د ط فهما متباينان بالشكل السابع وليس
د ط احد انواع ذي الاسمين او المنفصل او ما يتلوهما من المخطوط الصم
والا لكان د ح احد انواع المنفصل او ما يتلوهما او احد انواع ذي
الاسمين وما يتلوه فبكون آ ح احد انواع المخطوط الصم المذكورة وهو
متوسط هذا خلف وبمثل ما ذكرنا نبين تحصيل خطوط صم غير متناهية
من خط آ ر ليس واحد منها من جنس وما قبله وذلك ما اردنا ان نبين

تمت المقالة العاشرة والحمد لله المساعد

المقالة الحادية عشر في رتبها

مصادرات المقالة

الشكل الجسم كل ما له طول وعرض وسطح وينتهي بالسطوح وربما ينتهي بالنقطة \circ كل خط مستقيم قام على سطح مستوي يحيط مع كل خط مستقيم يخرج في ذلك السطح ملاقباً له بزواوية قائمة فهو عمود على ذلك السطح \circ كل سطحين مستويين قام أحدهما على الآخر وكان كل خطين يخرجان من أي نقطة نفرض على الفصل المشترك بينهما عموداً عليه أحدهما يخرج في أحد السطحين والآخر في السطح الآخر يحيطان بزواوية قائمة فإن كل واحد من السطحين قائم على صاحبه \circ كل شكلين لا يتلاقيان وإن أخرجنا في جميع جهاتهما إلى غير النهاية فهما متوازيان \circ كل سطحين مجسمين يلون السطوح المحبطة هما بعدد واحد وكان كل سطحين متناظرين من السطوح المحبطة بهما متشابهين فهما مجسمان متشابهان \circ وكل شكلين مجسمين متشابهين يلون كل سطحين متناظرين من السطوح المحبطة بهما متساويتين فهما مجسمان متشابهان متساويان \circ كل شكل مجسم يحيط به ثلث سطوح متوازية الاضلاع كل واحد منها ملاق للآخرين ومثلثان متشابهان سطحهما متوازيان يسمى بالمتسوم \circ الاسطوانة كل شكل مجسم يحيط به سطحان متوازيان وسطح أو سطوح وأصله بين السطحين المتوازيين \circ والاسطوانة المستديرة كل شكل مجسم يحيط به دائرتان متساويتان متوازيتان وسطح مستدير وأصل بينهما \circ في تحدث من دوران ذي أربعة اضلاع جميع زواياه قوائم أثبت أحد اضلاعه إلى أن يعود إلى وضعه الأول فذلك الخط الثابت سهم الاسطوانة وكل واحد من الدائرتين قاعدتها والسهم أن كان قائماً على سطح الدائرة فالاسطوانة قائمة وإلا فهي مائلة وإذا قطعت الاسطوانة بسطح مستو يمر على سهم حدث في الاسطوانة ذو الأربعين اضلاع وأن كان الصلع الثابت مساوياً لقطر قاعدتها فسمكها يساوي ثخنها وأن كان أطول فسمكها أطول وأن كان أقصر فاقصر ويعلم مما ذكرنا أن الاسطوانة المستديرة متساوية الثخن \circ شكل مجسم يحيط به سطح واحد مستدير يمكن أن يفرض في داخله نقطة تكون جميع الخطوط المستقيمة الخارجة من تلك النقطة إلى السطح المحبطة متساوية فهو الكرة \circ ويسمى السطح المحبطة بها محبطة الكرة \circ والخطوط انصاف أقطارها \circ والخارج منها في الجهتين إلى المحبطة قطرها \circ وفي تحدث من دوران نصف

نصف دائرة اثبت قطرها الى ان يعود الى وضعه الاول \odot فكل قطر يتحرك الكرة عليه محور الكرة \odot وكل واحد من النقطتين اللتين هما نهايتا المحور قطبها فالقطبان مع المحور ثابتة غير متحركة عند دوران الكرة \odot كل شكل مجسم يرتفع من سطح يحيط به سطوح وينتهي الى نقطة مقابله لذلك السطح فهو المخروط \odot والمخروط المستدير كل شكل مجسم يرتفع من دائرة وينتهي الى نقطة مقابله لتلك الدائرة ويسمى المخروط الصنوبري \odot ومخروط الاستوانة المستديرة \odot والمخروط المستدير يحدث من دوران مثلث قائم الزاوية اثبت احد ضلعيه المحيطين بالقامة الى ان يعود المثلث الى وضعه الاول \odot ويسمى الضلع الثابت سهم المخروط \odot فان كان قائما على قاعدة المخروط يسمى المخروط قائما \odot والا فهو مائل \odot واذا قطع المخروط بسطح مستو يمر على سهم المخروط حدث فيه مثلث يقال له مثلث المخروط \odot فالزاوية التي عند راس المخروط من زوايا المثلث الحادث قائمة ان كان الضلعان المحيطان بالزاوية القائمة من المثلث الذي حدث المخروط من ادارته متساويين \odot ومنفرجة ان كان الضلع الثابت اصغر \odot وحادة ان كان اطول \odot الزاوية المجسمة كل جسم يحيط به سطح واحد منته عند نقطة واحدة او اكثر من زاويتين مسطحتين مجتمعته عند نقطة واحدة كلها في جهة واحدة من تلك النقطة ولا يكون زاويتان من تلك الزاوي في سطح واحد \odot وقد بينا في صدر المقالة الاولى ان نخرج خطا مستقيما على استقامته الى غير النهاية \odot وان نرسم على اي سطح نقطة \odot وان لا يحيط خطان مستقيمان بسطح مستو \odot فلما ان نخرج اي سطح مستو الى غير النهاية \odot وان يتوهم سطح يمر باني نقطة وباني خط \odot ولا يمكن ان يحيط سطحان مستويان بجسم مائل المثلثات بزاوية مجسمة ثلثة \odot

الاشكال

أ

لا يمكن ان يكون خط واحد مستقيم بعضه في



سطح مستو وبعضه في السمك \odot

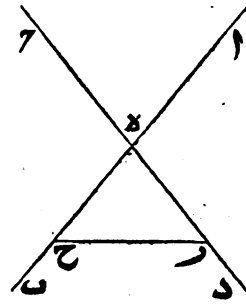
برهانه والا فليكن من خط \overline{AB} الواحد

المستقيم بعضه وهو \overline{AB} في سطح مستو وبعضه وهو \overline{BC} في السمك ولما ان نخرج اي خط مستقيم كاي في سطح على استقامته في ذلك السطح فلنخرج خط \overline{AB} على استقامته فيه الى \overline{D} فيكون خطا \overline{AB} \overline{BC} خطين مستقيمين متصلين بخط \overline{AB} على استقامته وقد بينا استحالة في صدر

المقالة الاولى هذا خلف فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين

كل خطين مستقيمين متقاطعين فهما في سطح واحد وكل مثلث فهو في سطح واحد

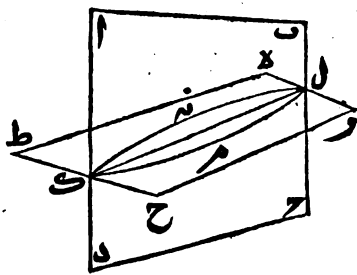
ليكن خطا \overline{AB} \overline{CD} مستقيمين متقاطعين على نقطة E ونرسم على خطي \overline{DE} \overline{BE} نقطتي \overline{AC} \overline{BC} فالتقي الوضع لنقطة E ونصل بينهما بخط مستقيم فاقول ان خطي \overline{AB} \overline{CD} في سطح واحد وكذلك مثلث \overline{ABC} برهانه لولم يكن في سطح واحد لكان بعضه في السطح وبعضه في السمك فيكون بعض من كل واحد من خطي \overline{AC} \overline{BC} \overline{AB} \overline{CD} في السطح وبعضه في السمك هذا خلف بالشكل المتقدم وخطا \overline{AB} \overline{CD} كايان في سطح المثلث فلا يمكن ان يكون بعض من احدهما في ذلك السطح وبعضه الاخر في السمك بالشكل المتقدم فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين



كل سطرين متقاطعين فان الفصل المشترك

بينهما خط واحد مستقيم

وليتقاطع سطحا \overline{AB} \overline{CD} \overline{AC} \overline{BC} وليكن الفصل المشترك بين ضلعي \overline{AD} \overline{BC} نقطة \overline{E} وبين ضلعي \overline{BE} \overline{AC} نقطة \overline{F} فاقول ان الفصل المشترك بين سطحي \overline{AC} \overline{BC} خط واحد مستقيم وهو خط \overline{EF} برهانه



والا فنصل بين نقطتي \overline{AE} \overline{BF} بخط مستقيم في سطح \overline{AC} وهو خط \overline{AE} وبين نقطتي \overline{BF} \overline{CE} في سطح \overline{BC} وهو خط \overline{BF} فخط \overline{AE} \overline{BF} خطان مستقيمان متصلان على نقطتي \overline{AE} \overline{BF} ومتباعدان فيما بينهما فهما يحيطان بسطح هذا خلف فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين

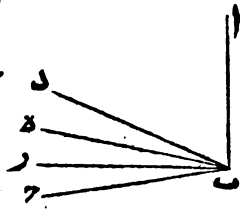
كل خط مستقيم قام على الفصل المشترك بين

خطين

ثلاثة خطوط مستقيمة واحاط مع كل واحد منها

بزواية قائمة فالخطوط الثلاثة في سطح واحد *

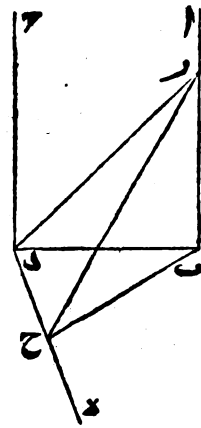
ليكن خط AB قائم على نقطة B الفصل المشترك بين خطوط BC و BD BE المستقيمة وكل واحد من زوايا ABC و ABD و ABE قائمة فاقول ان خطوط BC و BD و BE في سطح واحد برهانه والا فليكن خط BD ليس في سطح BC و BE فلان خطي AB و BD في سطح واحد بالشكل الثاني وليس ذلك السطح سطح خطي BC و BE والسطحان متلاقبان عند نقطة B فليكن الفصل المشترك بينهما خط واحد مستقيم بالشكل الثالث وليكن ذلك خط BR ولان خط AB عمود على كل واحد من خطي BC و BE فهو عمود على سطحهما بالشكل المتقدم وخط BR كاي في ذلك السطح فخط AB عمود على خط BR فزاوية ABR قائمة وكانت زاوية ABD قائمة فجزأ الشئ يساوي كله هذا خلف فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين *



كل خطين كل منها عمود على سطح بعينه فهما

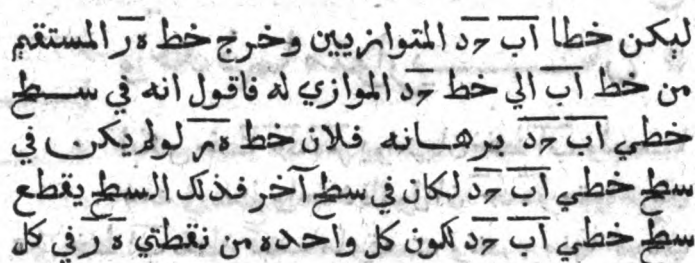
متوازيان *

ليكن خطا AB و CD عمودين على سطح ما فاقول انهما متوازيان برهانه نصل بين نقطتي B و C بخط مستقيم من ذلك السطح ونخرج من نقطة D عمود DE على خط BC في السطح المفروض بالشكل الحادي عشر من الاولى ونرسم على خط AB نقطة R كيف اتفق ونفصل DR من D مثل RB بالشكل الثالث من الاولى ونصل بين نقطة R وكل واحد من نقطتي D و C بخط مستقيم وكذلك بين نقطتي R و C فلان ضلعي BR و CD والزواية التي بينهما تساوي ضلعي DR و CB والزواية التي بينهما تساوي كل لنظيره فقاعدة DR يساوي قاعدة BC بالشكل الرابع من الاولى ولان اضلاع مثلث BRD يساوي اضلاع مثلث DCR كل لنظيره فزاوية BRD القائمة تساوي زاوية DCR بالشكل الثامن من الاولى فهي قائمة فخط DE عمود على خطوط DR و DC و DB و BC فهي في سطح واحد بالشكل الخامس فعمودا AB و CD في ذلك السطح وزاويتي ABD و CDR كقائمتين فهما متوازيان بالشكل



كل خط مستقيم خرج من أحد الخطين المتوازيين

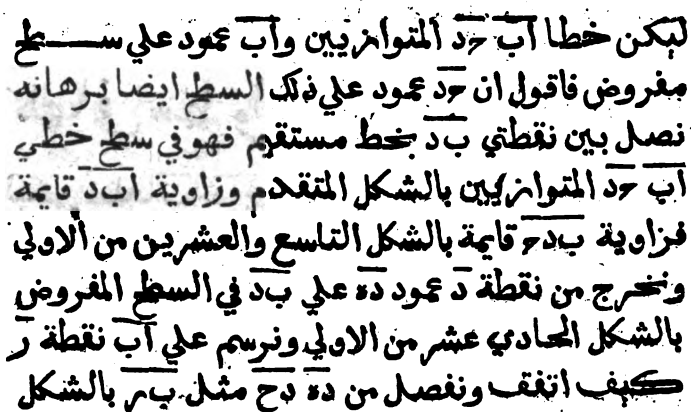
یہ آخر کیف کان فہو فی سطحہما *



واحد من السطحين فالفصل المشترك بينهما خط مستقيم بالشكل الثالث
ولم يكن هو خط $ح ر$ فخط $ح م$ من المستقيمين متحدين الاطراف
متباعدتين الاوساط فهما يحيطان بسطح هذا خلف فالحكم ثابت
وذلك ما اردنا ان نبين

کل خطیں متوازیں احدهما عمود علیہ سطح

فَالْآخِرُ عَمْدٌ عَلَيْهِ إِيْضًا

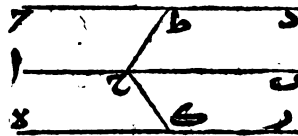


الثالث من الاولی ونصل بین نقطة Γ وكل واحدة من نقطتي Δ ح بخط مستقیم وكذلك بین نقطتي β ح ولان خطوط $\alpha\beta$ $\beta\delta$ $\delta\gamma$ في سطح واحد وخط $\gamma\delta$ في ذلك السطح بعينه بالشكل الثاني فخطوط $\alpha\beta$ $\beta\delta$ $\delta\gamma$ $\gamma\delta$ في سطح واحد ولان ضلعي $\beta\gamma$ $\beta\delta$ والزاوية التي بينهما $\alpha\beta\gamma$ يساوي ضلعي $\delta\gamma$ $\delta\beta$ والزاوية التي بينهما $\beta\gamma\delta$ لنظيره فقاعدت $\delta\gamma$ $\delta\beta$ تساوي قاعدة $\beta\gamma$ بالشكل الرابع من الاولی ولان اضلاع مثلثي $\delta\gamma\beta$ $\delta\beta\gamma$ متساوية علي التناظر فزاوية $\gamma\beta\delta$ القائمة تساوي زاوية $\delta\gamma\beta$ بالشكل الثامن فزاوية

ردح قائمة فخط ده عمود علي خط دح فهو عمود علي خط ده وكان عمودا علي خط بد فحده عمود علي سطح خطي بد ده بالشكل الرابع وهو السطح المفروض بالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين

كل خطين يوازيان خطا وليسامعه في سطح

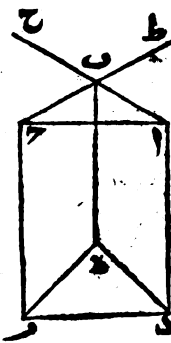
واحد فهما متوازيان



ليكن خطا دح دهر يوازيان خط اب ولبسا معه في سطح واحد فاقول ان دح دهر متوازيان برهانه نرسم علي خط اب نقطة كيف ما وقعت ونخرج منها عمودي ح ط ح الي خطي دح دهر في سطحي اد ار بالشكل الثاني عشر من الاولي ولان كل واحدة من زاويتي ح ط ح دح ح قائمة فكل واحدة من زاويتي ح ط ح ح دح قائمة بالشكل التاسع والعشرين من الاولي فاب عمود علي كل واحد من العمودي ح ط ح دح وقد وقع علي فصليهما المشترك فهو عمود علي سطح العمودين بالشكل الرابع فكل من خطي دح دهر عمود علي ذلك السطح بالشكل المتقدم فخط دح يوازي دهر بالشكل السابع وذلك ما اردنا ان نبين وهذا الحكم ينعكس كلها بالبرهان المذكور

كل زاويتين اضلاعهما النظائري متوازية وليست

كلها في سطح واحد فهما متساويتان

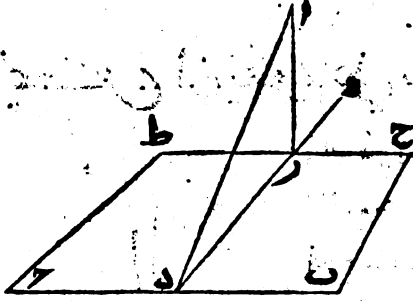


ليكن ضلعاب ا ب ح من زاوية اب ح يوازيان ضلعي د ه من زاوية د ه ح لنظيره وليست الاضلاع كلها في سطح واحد فاقول ان زاويتي اب ح دهر متساويتان برهانه نجعل اب مساويا لد ه بالشكل الثالث من الاولي ونصل خطوط ا ح دهر اد ح دهر المستقيم فلان اب دهر متوازيان ومتساويان وكذلك ب ح دهر فكل من خطي اد ح دهر يوازي ب ح ويساويه بالشكل الثالث والثلاثين من الاولي فاد يوازي حر بالشكل الثلاثين من الاولي وهو يساويه خط ا ح يساوي دهر بالشكل الثالث والثلاثين من الاولي ولبساوي اضلاع مثلثي اب ح دهر المتناظرة تساوي زاوية اب ح زاوية دهر بالشكل الثامن من الاولي وذلك ما اردنا ان نبين ولهذا الشكل اختلاف وقوع فان زاوية اب ح قد تكون علي وضع زاوية دهر كما

د ه ر كما ذكرنا وقد لا تكون مسكراوية ح ب ط فنخرج خطي ح ب ط ب في
جهة ب الي نقطتي آ ح وحين ان زاوية ا ب ح المساوية لزاوية ح ب ط
بالشكل الخامس عشر من الاول كزاوية د ه ر كما مر فيحصل المطلوب

لنا ان نخرج من نقطة في السمك عمودا على سطح

مفروض



ليكن نقطة آ في سمك سطح مفروض
فترسم في ذلك السطح خط ب ح
المستقيم ونفرض سطحنا يمر بالنقطة
وبالخط المرسوم ونخرج من نقطة آ
عمودا د في ذلك السطح على خط ب ح

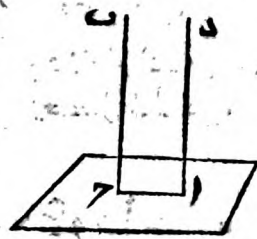
بالشكل الثاني عشر من الاول ونخرج من نقطة د على ب ح عمود د ه في السطح
المفروض اولا بالشكل الحادي عشر من الاول ولان خطي آ د ه في سطح
واحد بالشكل الثاني فنخرج من نقطة في سطح خطي د ه د آ الي خط د ه
عمود آ ر بالشكل الثاني عشر من الاول ونخرج من نقطة ر في السطح
المفروض اولا خط ح ط موازيا لخط ب ح بالشكل الواحد والثلاثين من
الاولي فاقول ان خط آ ر عمود على السطح المفروض اولا برهانه فلان كل
واحد من خطي آ د ه عمود على ب ح فهو عمود عليهما وقد وقع على
فصلهما المشترك فهو عمود على سطحهما بالشكل الرابع ولان ح ط يوازي
ب ح العمود على سطح خطي آ د ه فح ط عمود على سطحهما بالشكل الثامن
فيكون عمودا على آ ر فار عمود عليه وكان عمود على د ه وقد وقع على نقطة ر
الفصل المشترك بين خطي د ه ح ط فخط آ ر عمود على سطحهما اعني السطح
المفروض اولا بالشكل الرابع وذلك ما اردنا ان نبين
ولهذا الشكل اختلاف وقوع فان عمود آ ر يمكن ان يقع مباينا لخط آ د
وقد بيناه و يمكن ان ينطبق عليه وحينئذ لا يحتاج الي اخراج خط
ح ط موازيا ب ح فلان عمود آ ر حينئذ عمود على خطي د ه ب ح وقد وقع
على نقطة د فصلهما المشترك فهو عمود على سطحهما بالشكل السابع وهو
السطح المفروض اولا

يب

لنا ان نخرج من نقطة على سطح عمودا على

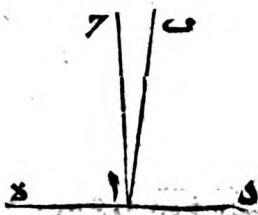
ليكن النقطة آ فنخرج من نقطة ب في السمك عمود ب ح على السطح الذي
فيها نقطة آ بالشكل المتقدم فان وقع العمود على نقطة آ فب ح عمود على

السطح والآ فصل بين نقطتي آ ح بخط مستقيم
فخطي آ ح ح ب في سطح واحد بالشكل الثاني
فخرج من نقطة آ في ذلك السطح خط آ د موازيا
لـ ب ح بالشكل الواحد والثلاثين من الاولي فاد
عمود على السطح المفروض بالشكل الثامن وذلك ما
اردنا ان نبين



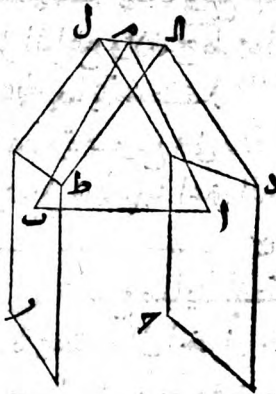
لا يمكن ان يقوم على سطح واحد عمودان

والا فلنخرج من نقطة آ الكائنة في السطح
المفروض عمودا ب آ ح عليه بالشكل المتقدم
فعودا ب آ ح في سطح واحد بالشكل الثاني
ولكن الفصل المشترك بين سطحي المفروض
والعمودين خط د آ ه بالشكل الثالث لكونهما
متلاقين فزاويتا ب آ د ح لكونهما قائمتين متساويتين فجزء الشيء
يساوي كله فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين



كل سطحين خط واحد عمود عليهما فهما متوازيان

ليكن خط آ ب عمودا على سطحي ح د ر ط فاقول
انهما متوازيان والا فلنلتقيا فيكون الفصل
المشترك بينهما خطا مستقيما بالشكل الثالث
وليكن هو خط ال ل ونرسم عليه نقطة م كيف
اتفق ونصل بينها وبين كل واحدة من نقطتي
آ ب بخط مستقيم فلان آ ب عمود على السطحين
فهو عمود على كل واحد من خطي م آ م ب
فزاويتا م آ ب م ب آ من مثلث م آ ب قائمتان
وكل زاويتي مثلث اصغر من قائمتين بالشكل
السابع عشر من الاولي هذا خلف فالسطحان



متوازيان وذلك ما اردنا ان نبين

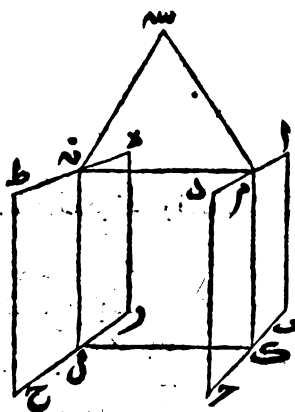
كل سطحين يحيط باحدهما خطان يوازيان خطين

يحيطان بالآخر والخطوط كلها غير كائنه في سطح
واحد

فأقول ان سطح أ ب دهر متوازيان فنخرج من نقطة ب عمود ب ح علي
سطح دهر بالشكل الحادي عشر ونخرج من نقطة ح خطي ح ط ح لا موازيين
لخطي د ه د ر بالشكل الواحد والثلاثين من الاولي فلان خطي أ ب ح ط
يوازيان خطي د ه وخطي ب ح ح لا يوازيان خط ر ه ولبست الخطوط
المذكورة كلها في سطح واحد فخط أ ب ب ح يوازيان خطي ح ط ح لا
بالشكل التاسع وقد وقع خط ب ح علي كل متوازيين منها وكل من
زاويتي ب ح ط ب ح لا قائمة لكون ب ح عمودا علي سطح دهر فكل واحد من
زاويتي أ ب ح د ب ح قائمة بالشكل التاسع والعشرين من الاولي فخط ب ح
عمود علي كل من خطي أ ب ب ح وقد وقع علي فصلهما المشترك فهو عمود
علي أ ب ب ح بالشكل الرابع وكان عمودا علي سطح دهر فسطحا أ ب دهر
متوازيان بالشكل المتقدم وذلك ما اردنا ان نبين
ولهذا الشكل اختلاف وقوع فان نقطة ح اما ان يقع علي نقطة ه او علي
احد خطي د ه د ر او داخل زاوية دهر او خارجها وينطبق احد
خطي ح ط علي احد خطي د ه د ر او لا ينطبق والاول لا يحتاج الي
اخراج خط ح ط ح لا والاخير مذكور في الكتاب والوجه الباقي مثل ما
ذكرناه

المشترکان متوازیان *

لبيكن سطحاً أب ح د و م ح ط فصلاً سطح م الل نه
 والفصل المشترك بين كل سطحين متقاطعين
 مستقيم بالشكل الثالث ولبيكن الفصل
 المشترك بينهما خطي ا م ن ل فاقول انهما
 متوازيان والا فليتلقيا ولبيكن الالتقاء علي
 نقطة س ه فخط ا م س ه في سطح اب ح د و ل نه س ه
 في سطح و م ح ط بالشكل الاول فالسطحان
 المتوازيان متلاقيان هذا خلف فالحكم
 ثابت وذلك ما اردنا ان نـ



على نسبة واحدة * ٥

A diagram of a 3x3 magic square with Persian numerals. The numbers are arranged in a circle around the square. The square itself contains the numbers 1 through 9 in a specific arrangement. A diagonal line is drawn from the top-left to the bottom-right.

سکل خط عمود علی سطح فکل سطح تفصل ذلک

السطح ما را بالعمود يفصله على قوائم

المشترك بينهما ونرسم عليه نقطة \bar{e} ونخرج منها في السطح الفاصل عمود $\bar{e}r$ على خط $\bar{c}b$ بالشكل الحادي عشر من الاولي فهو يوازي عمود $\bar{a}b$ بالشكل التاسع والعشرين من الاولي $\bar{a}b$ عمود على السطح المفروض $\bar{f}d$ عمود عليه ايضا بالشكل الثامن فيحيط عمود $\bar{e}r$ مع كل خط يخرج في السطح المفروض ملاحظا لنقطة \bar{e} بزواية قائمة وكذلك كل عمود يخرج في السطح الفاصل على الفاصل المشترك فالسطحان متقاطعان على قوايم بالمصادر \bar{e} وذلك ما اردنا

وَأَقُولُ

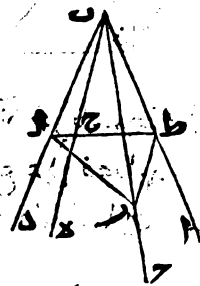
حد وقد وقع علي فصلهما المشترك فهو عمود علي السطح الآخر بالشكل الرابع وايضا ب عمود علي كل من خطي آب حد وقد وقع علي فصلهما المشترك ق ب علي السطح الذي فيه ع و آ ب من السطحين المتفاضلين ب ط

خط ال عمود علي السطح المفروض برهانه فلان الفصل المشترك بين سطحين
متفاصلين خط مستقيم بالشكل الثالث فليكن الفصل الشترک بین
سطحي ا ح والمفروض خط ب ل و بین سطحي ه ح والمفروض خط و ل ر فخط
ال ل لم یکن عمود علی السطح المفروض فلیخرج من نقطه ل ال کائنه فی
السطح المفروض عمود ل م علی خط و ر فی سطح ه ح وعمود ل ن علی خط ب ح
فی سطح ا ح بالشکل الحادی عشر من الاولی فکل واحد من عمود ل م ل ن علی
السطح المفروض بالشکل المتقدم بل وبالشکل الرابع فقد قام علی السطح
المفروض عمودا ل م ل ن وقد خرجا من نقطة واحدة وقد بینا استحالة
ذلك فی الشكل الثالث عشر هذا خلف فالحكم ثابت وذلك ما اردنا
ان نبین

337

فكل ثنتين منها معا اعظم من الثالثة

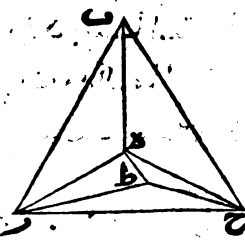
ليكن الزوايا الثلاث المحبطة بالزاوية المجسمة زوايا $\triangle ABC$ فاقول ان كل ثنتين من هذه الزوايا الثلاث معا اعظم من الثالثة برهانه فان كانت الزوايا الثلاث متساوية فالحكم ثابت لان كل مقدارين من اي ثلاثة مقادير متساوية اعظم من المقدم الثالث وان كانت مختلفة فليكن زاوية $\triangle ABC$ اعظمها فنرسم على نقطة Γ من خط $\triangle ABC$ زاوية $\triangle A\Gamma E$ مساوية لزاوية $\triangle ABC$ بالشكل الثالث والعشرين من الاولي ونرسم على ضلعي $\triangle ABC$ نقطتي Γ Δ كيف اتفقنا ونصل بينهما بخط مستقيم فليجتاز بنقطة Γ خط $\triangle ABE$ فيفصل منه خط $\triangle BE$ ونفصل $\triangle BE$ من $\triangle ABC$ بالشكل الثالث من الاولي ونصل بين نقطة Γ وبين كل واحدة من نقطتي Γ Δ بخط مستقيم فلان زاويتي $\triangle BE\Gamma$ $\triangle BE\Delta$ من مثلثي $\triangle BE\Gamma$ $\triangle BE\Delta$ متساويتان وضلع $\triangle BE$ مثل ضلع $\triangle BE$ وضلع $\triangle BE$ مشترك فبالشكل الرابع من الاولي قاعدة $\triangle BE$ كقاعدة $\triangle BE$ وضلعا $\triangle BE$ $\triangle BE$ معا من مثلث $\triangle BE$ اعظم من ضلع $\triangle BE$ بالشكل العشرين من الاولي فزاوية $\triangle BE$ من $\triangle BE$ وضلع $\triangle BE$ من مثلثي $\triangle BE$ $\triangle BE$ وضلع $\triangle BE$ مشترك بينهما وقاعدة $\triangle BE$ اعظم من قاعدة $\triangle BE$ فزاوية $\triangle BE$ من زاوية $\triangle BE$ بالشكل الرابع والعشرين من الاولي فزاويتي $\triangle BE$ $\triangle BE$ معا اعظم من زاوية $\triangle BE$ وكذلك تبين في البواقي وذلك ما اردنا ان نبين



كما

كل زاوية مجسمة فان مجموع الزوايا المسطحة المحيطة بها هم كانت فانها اصغر من اربع زوايا قوائم

ليكن الزوايا المسطحة المحبطة بزاوية $\triangle ABC$ المجسمة هي زوايا $\triangle ABC$ فاقول انها اصغر من اربع قوائم برهانه نصل بين نقطتي Γ Δ بخطوط مستقيمة فهي كايئة في سطوح الزوايا المسطحة المحبطة بزاوية $\triangle ABC$ المجسمة بالشكل الاول فيحدث من تلك الخطوط مثلث $\triangle BE$ ونرسم فيه نقطة Γ كيف ما وقعت وتصل بينها وبين كل واحدة من نقطتي Γ Δ بخط مستقيم فبالشكل المتقدم زاويتي $\triangle BE\Gamma$ $\triangle BE\Delta$ معا اعظم من زاوية $\triangle BE$ المساوية لزاويتي $\triangle BE\Gamma$ $\triangle BE\Delta$ وزاويتي $\triangle BE\Gamma$ $\triangle BE\Delta$ معا اعظم من زاوية $\triangle BE$



A geometric diagram showing a large triangle with vertices labeled 'A' (top), 'B' (bottom left), and 'C' (bottom right). Inside the triangle, there are several lines and points. A line segment connects vertex 'A' to a point 'D' on the base 'BC'. Another line segment connects vertex 'B' to a point 'E' on the side 'AC'. These two segments 'AD' and 'BE' intersect at a point 'F'. There are also lines connecting 'F' to the vertices 'A', 'B', and 'C'. Additionally, there are lines from 'A' to 'E' and from 'B' to 'D', intersecting at a point 'G' inside the triangle. The diagram illustrates various geometric relationships and properties of triangles.

اب

فة

دهـ بالشكل الثالث والعشرين من الاولي ونفصل من ضلع بـ ل بـ م

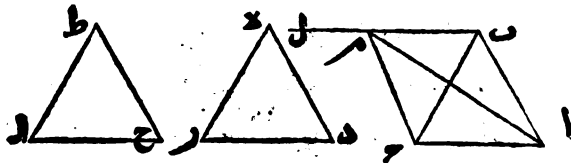
مساويا لضلع بـ حـ

بالشكل الثالث من

الاولي ونفصل بين نقطة

مـ وبين كل واحدة من

نقطتي آـ حـ بخط مستقيم



فلان ضلعي بـ حـ وزاوية حـ بـ م من مثلث حـ بـ م مساوية لضلعي دهـ

وـ وزاوية دهـ ر من مثلث دهـ ر كل لنظيره فبالشكل الرابع من الاولي

يكون وتر حـ م كوتر دـ ر ووتر آـ حـ م معا اعظم من وتر آـ م بالشكل

العشرين من الاولي ولان زاوية آـ بـ م المساوية لزاويتي آـ بـ حـ دهـ المثلثين

هما اعظم من زاوية حـ طـ آـ وضلعا آـ بـ م كضلعي حـ طـ آـ فبالشكل

الرابع والعشرين من الاولي يكون وتر آـ م اعظم من وتر حـ آـ وكان وتر آـ حـ

حـ م المساويان لوتر آـ حـ م معا اعظم من وتر آـ م فوتر آـ حـ م معا اعظم

من وتر حـ آـ فيمكن ان نرسم

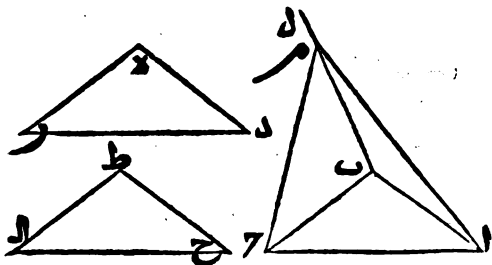
مثلثا من ثلث خطوط

مساوية لاوتار آـ حـ م

الثلثة بالشكل الثاني والعشرين

من الاولي

ولوتر آـ م اختلاف وقوع فان

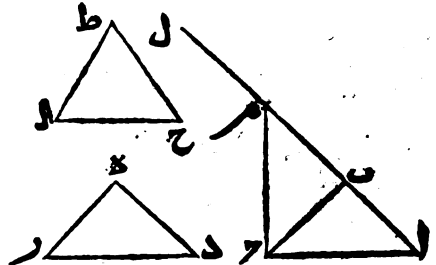
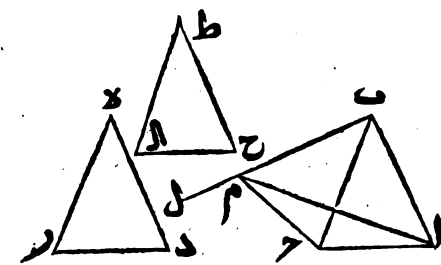


كانت الزوايا كلها حواد يقع بين ضلعي آـ بـ حـ وان كانت منفرجات

يقع خارجا من ضلعي آـ بـ حـ وهذه صورتها

واما ان كانت ثنتان من الزوايا الثلث متساويتين فقط سوا كانتا

حادتين او قائمتين او منفرجتين والباقية اما اصغر من كل واحدة منهما



او اعظم من كل منهما بشرط ان

يكون اصغر منهما معا فنيين

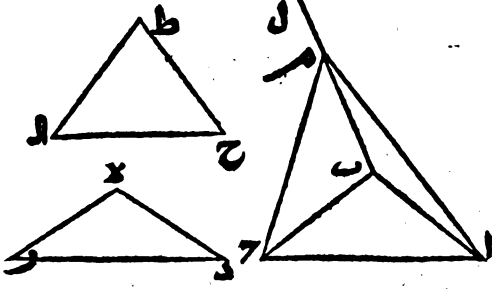
المطلوب بمثل ما ببناء في الشكل

المتقدم ويكون لوتر آـ م

اختلاف وقوع فانه يقع بين




ضلعي آـ بـ حـ ان كانت


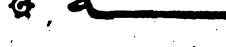
المساويتان

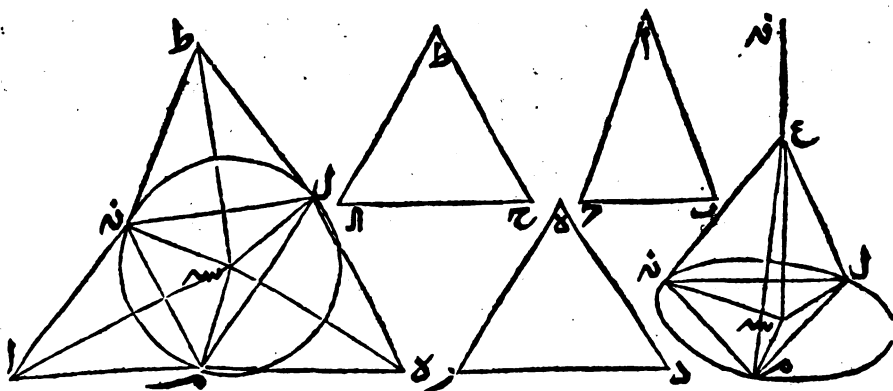


الحادية عشر

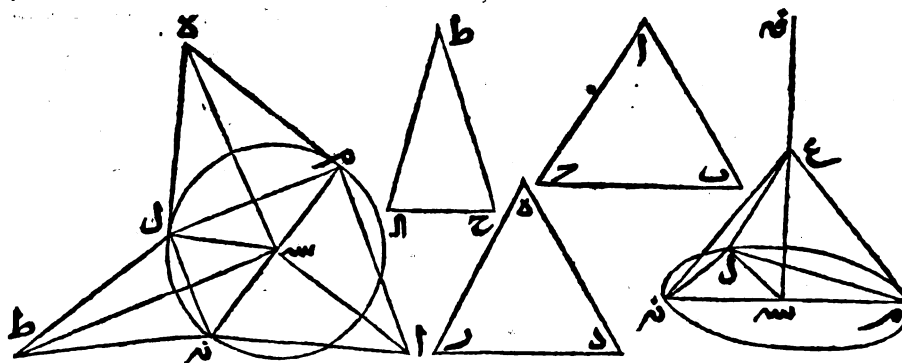
١٤٣

المتساويتان حادثين وينطبق علي ضلع \overline{AB} ان كانتا قائمتين ويقع خارجا عنهما ان كانتا منفرجتين وهذه صورتها 
 وأما ان كانت الزوايا الثلاث مختلفة بان كانت حادة او منفرجات او ثنتان حادثتين والاخري منفرجة او قائمة او واحدة حادة والباقيتان منفرجتين او احدي الباقيتين منفرجة والاخري قائمة او ثنتان منفرجتين والباقية قائمة فهذه سبعة اقسام والبيان علي الطريقة القسم الاول وتشكبه  له ظاهر 

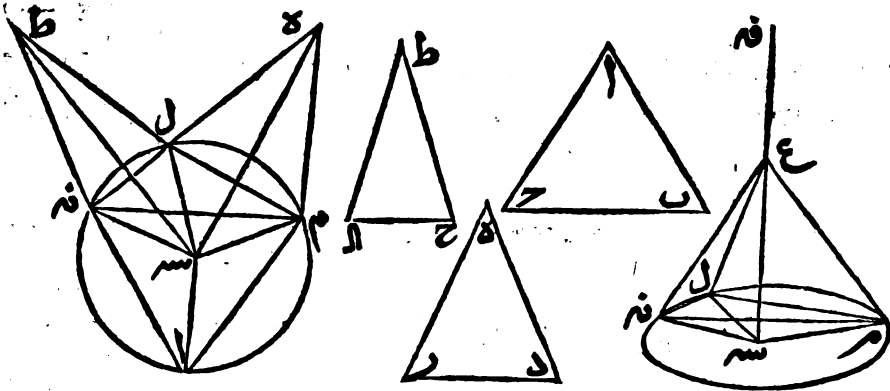
لنا ان نرسم من ثلث زوايا مسطرة كل ثنتين منها معا اعظم من الثالثة ومجموعها اصغر من اربع قوائم زاوية مجسمة  



ولیکن الزوايا الثلاث في زوايا \overline{ABC} و \overline{ACD} ولنجعل المخطوط المحبطة بها متساوية بالشكل الثالث من الاول ونصل اوتار \overline{BC} و \overline{CD} ونرسم منها مثلث \overline{LMN} بالشكل المتقدم وليكن \overline{MN} يساوي \overline{BC} و \overline{ML} يساوي \overline{CD} ولنرسم علي مثلث \overline{LMN} دائرة \overline{LMN} بالشكل الخامس من الرابعة ونجد مركزها بالشكل الاول من الثالثة وهو نقطة \overline{S} فهي اما



داخل المثلث ان كانت زواياه حواد او علي احد اضلاعه ان كانت
واحدة من زواياه قائمة او خارجة عنه ان كانت منفرجة بالشكل
الثلاثين من الثالثة ونصل بين نقطة $س$ وكل واحدة من نقط $ل$ $م$ $ن$ بخط
مستقيم ويركب وتر $ب$ $ح$ علي ضلع $م$ $ن$ ودر علي $ل$ $و$ $ح$ $ل$ $ن$ بحيث

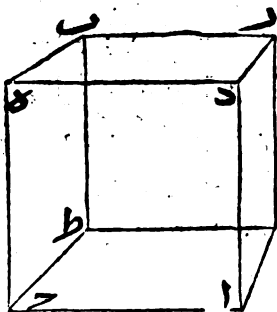


ينطبق سطوح الزوايا المذكورة علي سطح دائرة $ل$ $م$ $ن$ في خلاف جهة
مركزها ونصل بينها وبين كل واحدة من نقط $آ$ $ط$ $ب$ $ح$ $ط$ بخط مستقيم فكل
واحد من اضلاع زوايا $ب$ $آ$ $ح$ $د$ $ع$ $ط$ $لا$ اعظم من نصف قطر دائرة $ل$ $م$ $ن$
والا لكان مساويا له او اصغر فان مساويا كانت زاوية $م$ $آ$ $س$ تساوي
زاوية $م$ $س$ $آ$ وزاوية $ن$ $آ$ $س$ تساوي زاوية $ن$ $س$ $آ$ بالشكل الخامس من
الاولي فزاوية $م$ $آ$ $ن$ تساوي زاوية $م$ $س$ $ن$ وبمثل هذا البيان تبين ان
زاوية $م$ $ل$ $ن$ تساوي زاوية $م$ $س$ $ل$ وزاوية $ل$ $ط$ $ن$ تساوي زاوية $ل$ $س$ $ن$
والزوايا الثلاث التي عند المركز $ع$ $د$ $ط$ $لا$ $يعدل$ اربع قوائم باستبانة الشكل
الخامس عشر من الاول فزوايا $ب$ $آ$ $ح$ $د$ $ع$ $ط$ $لا$ $يعدل$ اربع قوائم
والمفروض انها اقل منها هذا خلف وان كان اصغر يلزم ان تكون زاوية
 $م$ $آ$ $س$ اعظم من زاوية $م$ $س$ $آ$ وزاوية $ن$ $آ$ $س$ اعظم من زاوية $ن$ $س$ $آ$ بالشكل
الثامن عشر من الاول فزاوية $م$ $آ$ $ن$ اعظم من زاوية $م$ $س$ $ن$ ولذلك تبين ان
زاوية $م$ $ل$ $ن$ اعظم من زاوية $م$ $س$ $ل$ وزاوية $ل$ $ط$ $ن$ اعظم من زاوية $ل$ $س$ $ن$
فتكون زوايا $ب$ $آ$ $ح$ $د$ $ع$ $ط$ $لا$ اعظم من اربع قوائم وفرضت انها اقل
منها هذا خلف فكل من اضلاع زوايا $ب$ $آ$ $ح$ $د$ $ع$ $ط$ $لا$ اعظم من نصف
قطر دائرة $ل$ $م$ $ن$ فنخرج من مركز $س$ علي سطح داييرته عمود $س$ $ف$ بالشكل
الثاني عشر ونفصل منه حدر تمام مربع نصف القطر من مربع احد
الاضلاع المحيطة بزوايا $ب$ $آ$ $ح$ $د$ $ع$ $ط$ $لا$ وهو خط $س$ $ع$ ونصل بين
نقطة $ع$ وكل واحدة من نقط $ل$ $م$ $ن$ بخط مستقيم فخطوط $ل$ $ع$ $م$ $ع$ $ن$ $ع$
متساوية بالشكل السادس والاربعين من الاول لان كل واحدة من
الزوايا التي يحيط بها احد انصاف الاقطار مع العمود قائمة وكل من
خطوط $ل$ $ع$ $م$ $ع$ $ن$ $ع$ مساو لكل من اضلاع زوايا $ب$ $آ$ $ح$ $د$ $ع$ $ط$ $لا$ المتساوية
فزوايا

فزاويا م ع ن م ع ل فزع ل تساوي زوايا ب ا ح د ه ر ح ط ال كل واحدة
لنظيرها بالشكل الثامن من الاول فقد رسمنا بزواوية مجسمة من ثلث
زوايا مسطحة كل ثنتين منها اعظم من الباقية ومجموعها اقل من اربع
قوائم وذلك ما اردنا ان نبين و واستبان منه ان مجموع كل الزاويتين
المتجاورتين الكائنتين فوق قاعدتين من قواعد ثلث زوايا كل ثنتين
منها اعظم من الثالثة ومجموعها اقل من اربع قوائم اعظم من كل واحدة
من زوايا مثلث معمول من القواعد المذكورة و
ك د

كل مجسم يحيط به سطوح متوازية فان كل
سطحين متقابلين منها متساويان متوازيان الاضلاع

ليكن مجسم ا ب يحيط به سطوح ا ر ط ا ط و ر ا ه ح ب و ا ر يوازي و ط
وا ط و ر و ا ه ح ب فكل متقابلين منها
متساويان ومتوازيان الاضلاع برهانه
فلان كل واحد من سطحي ا ه ح ب فصل
بسطحي ا م ر ط وبسطحي ا ط و ر فخط ح ر
يوازي ط ب و ر ب يوازي ح ط واحده واد
هه بالشكل السادس عشر فكل منها متوازي
الاضلاع وبمثله تبين في بواقي السطوح ولان
ح ر ح ط يوازيان ا ه ا د كل لنظيره ويحيطان



بزواوية م ر ح ط ولبست الاضلاع المحيطة بهما في سطح واحد فهما
متساويان بالشكل العاشر وضلع ح ط يساوي ضلع ا د و ح ر يوازي ا د
بالشكل الرابع والثالثين من الاول فسطحا ا ه ح ب المتقابلان متساويان
وهكذا تبين تساوي ساير المتقابلين السطوح المحيطة بالمجسم وذلك ما
اردنا ان نبين و واستبان منه ان كل متقابلين مما ذكرناه متشابهين و
ك د

كل مجسم يحيط به سطوح متوازية الاضلاع كل
متقابلين منها متوازيين فان كل سطح يفصله
موازيالسطحين متقابلين منها فانه يفصله الى
مجسمين نسبة احدهما الى الآخر كنسبة قاعدتيهما

الحادية عشر

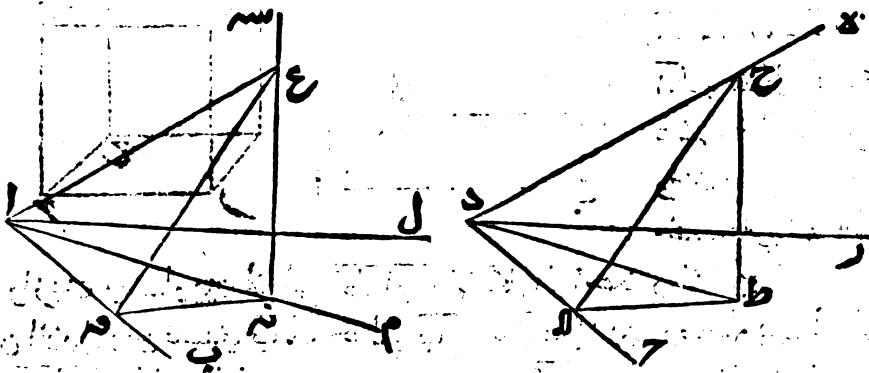
١٤٣

زايدة وان كانت ناقصة كانت ناقصة فنسبة مجسم آخر الى مجسم وب
كنسبة قاعدة آح الى قاعدة وب بما تبين في المصادرة من المقالة الخامسة
وذلك ما اردنا ان نبين

لنا ان نرسم على نقطة معلومة من خط معلوم

زاوية مجسمة مثل زاوية مجسمة مفروضة

لتكن النقطة آ والخط آب والزاوية المجسمة المفروضة زاوية يحيط بها
زوايا حدر حدر حدر المسطحات ولنرسم على خطي ده دح نقطتي ج آ
كف ما اتفق ونخرج من نقطة ح على سطح زاوية حدر حدر عمود ح ط
بالشكل الحادي عشر ونصل د ط ل ط ل ح بخطوط مستقيمة ونرسم على



نقطة آ من خط آب زاويتي بال بال بام مثل زاويتي حدر حدر حدر ط بالشكل
الثالث والعشرون من الاولي ونفصل من خطي ا ب ل ح خطي ا ب ل ح
مساويين لخطي د ل د ط بالشكل الثالث من الاولي ونخرج من النقطة د
عمود د ه على سطح زاوية بال بال بالشكل الثاني عشر ونفصل من ه خطي
مساويين لعمود ح ط بالشكل الثالث من الاولي ونصل خطوط د ه د ح
المستقيمة فلان ضلعي آ ه آ د وزاوية ه آ د من مثلث آ ه د يساوي ضلعي
د ل د ط وزاوية ا د ط من مثلث د ل ط فقاعدة ه د فقاعدة ا د ط بالشكل
الرابع من الاولي ونح د مثل ط ح وزاويتا ه د ح ا ط ح قائمتان فقاعدة
ه د كقاعدة ا د ح بالشكل الرابع من الاولي وضلعها ه د آ د كضلعي ط د
ط ح وكل من زاويتي آ ه د د ح قائمة فقاعدة ا د ح كقاعدة د ح بالشكل
الرابع من الاولي كضلعي مثلث ه د ا كضلعي مثلث ا د ح كل لنظري
زاوية ه د ا كزاوية ا د ح بالشكل الثامن من الاولي وبمثل ما بينا تبين
ان زاوية ع آ ل كزاوية ه د ر فالجزم ثابت وذلك مما اردنا ان نبين
ولهذا الشكل اختلاف وقوع فان عمود ح ط يمكن ان يقع فيما بين خطي

در دم او علي نقطة من احدها او خارجا عنهما وان كل دة عمودا علي خطي دة دة فلا يحتاج الي اخرج عمود والبيان في الكل ظاهر

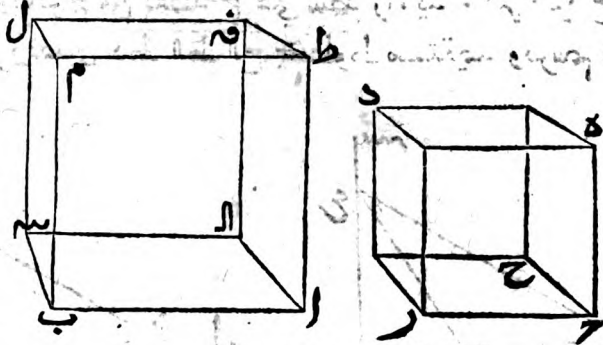
كر

لنا ان نعمل علي خط مفروض مجسما شبيها بمجسم

مفروض متوازي السطحين

فلنكن الخط المفروض اب والمجسم المفروض مجسم دة فترسم علي نقطة ا من خط اب زاوية مجسمة كزاوية ح المجسمة بالشكل المتقدم ولينكن زاوية ط اب كزاوية د ورو زاوية ط ا كزاوية ه ح وزاوية ب ا كزاوية

ز ح ولنجعل نسبة ح ر الي اب كنسبة ح ر الي اا وكنسبة ح د الي ا ط بالشكل الحادي عشر من السادس ونخرج من نقطة ا خطي ا ه ا ه



موازيين ومساويين لخطي ا ط اب بالشكل الواحد والثلاثين والثالث من الاول ومن نقطتي ب ه خطي ب م س ل موازيين ومساويين لخطي ا ه ا ه بالشكلين المذكورين ونصل ق ل ط م بخطين مستقيمين فهما موازيان ومساويان لخطي ب ا ا ه ونصل ق ط ل م ب ه بخطوط مستقيمة فهما متوازيان ومساويان لخط ا ا بالشكل الثالث والثلاثين من الاول فالزوايا المتناظرة من السطوح المحيطة بمجسم اا متساوية بالشكل العاشر وكل سطحين متقابلين منها متوازيان بالشكل الخامس عشر فمجسم اا شبيه بمجسم دة لان الزوايا المتناظرة من السطوح المحيطة بهما متساوية والخطوط المحيطة بهما متناظرة علي التناظر وذلك ما اردنا ان نبينه

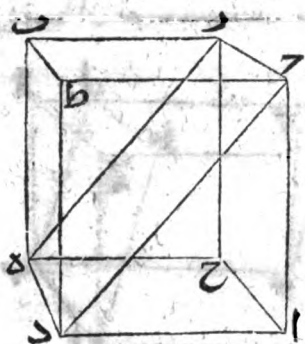
كل مجسم متوازي السطوح المتوازية الاضلاع

يقضاه سطح مارا بقطري سطحين متوازيين من

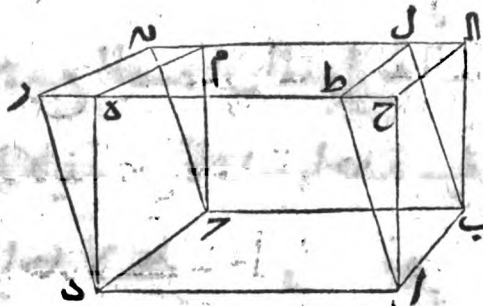
السطوح المحيطة به فانه ينصفه الي منشورين

لكن مجسم أب فصل سطح α المار بقطر $\alpha\beta$ فاقول ان السطح الفاصل
يفصله الى منشورين برهانه فلان سطوح $\alpha\beta\gamma\delta$ و $\alpha\beta\delta\epsilon$ يساوي السطوح

المقابلة لها بالشكل الرابع والعشرين وكلا
من مثلثي أحد حطة ومثلثي حرة ربه
المتساويين بالشكل الرابع والثلاثين من
الاولي يساويان نظيرتهما بالشكل الثامن
من الاولي وسط حرة مشترك بين منشوري
حدها حدها ب ف هـ متساويان وقد بان
ان كل منشوري يقيم مجسما متوازي السطوح
المحيط به المتوازية الاضلاع وذلك



كل المجسمات المتوازية السطوح المتوازية الاضلاع
الكائنة على قاعة واحدة في جهة واحدة وعلى خط
واحد وبارتفاع واحد فهي متساوية *

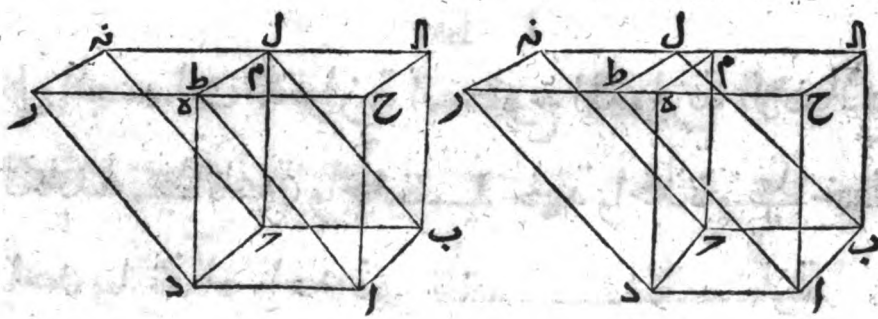
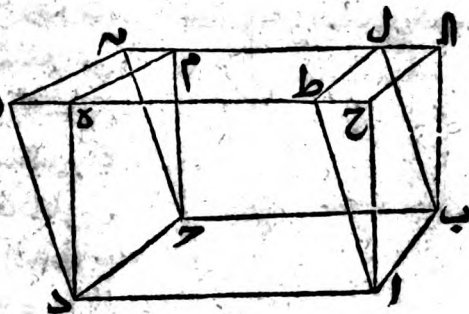


لَبِكنْ مَجْسَمًا بَهْ بَرَّ كَايِنِ
 عَلِي قَاعِدَةُ اَبْ حَهْ فِيمَا بَيْنِ
 خَطِي حَرَّ اَلَنِّ وَبَارْتَفَاعِ
 وَاحِدٍ فَاَقُولُ اِنَّهَا مَتَسَاوِيَانِ
 بَرَهَانُهُ فَلَانْ كَلَامُنْ خَطِي
 حَهْ طَرَوْخَطِي اَلَمْ لَنِّ
 يَسَاوِيَانِ خَطِي اَدَبْ
 اَلْمَتَسَاوِيَيْنِ بِالشَّكْلِ الرَّابِعِ

والثلاثين من الاول في كل من خطي ح ط ر الم ل ن متساويان فاذا القينا
ط ه ولم المشترك بين كل منهما يبق ح ط مساويا لهر وال ل ن وخطوط
ا ح ا ط و ب ا و ب ل يساوي خطوط د ه د ر ح م ح ن كل نظيره بالشكل
الرابع والثلاثين من الاول في مثلثا ا ح ط ا ب ل يساويان مثلثي د ه ر ح م ن
بالشكل الثامن من الاول ولان سطحي ح م ط ن يساويان سطح ب د بالشكل
الرابع والعشرين فهما متساويان فاذا القينا ط م منهما بقي ح ل مساويا
لن وسطحي ب ح ب ط يساويان سطحي ح ه ح ر كل نظيره بالشكل
الرابع والعشرين فالسطوح والمثلثات المحيطة بمنشور ب ط يساوي
السطوح والمثلثات المحيطة بمنشور ح ر على التناظر فهما متساويان

فإذا أضفنا من حرف بـ إلى منشور بـ ط حصل مجسم بـ و إذا أضفنا
إلى منشور حـ ر حصل مجسم بـ م فمجسم بـ بـ م متساويان وذلك ما
أردنا أن نبين

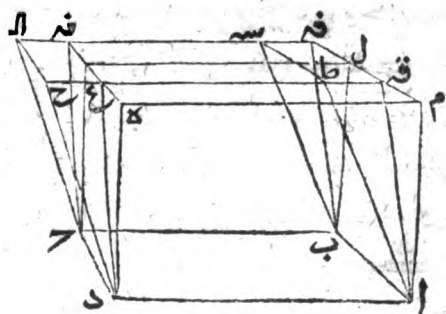
ولهذا الشكل اختلاف وقوع
لان احد الاضلاع من احد
السطحين المقابلين للقاعدة
اما ان يقع بين الضلعين من
السطح الاخر او خارجا عنها
او منطبقا علي احد
وهذه صورتها



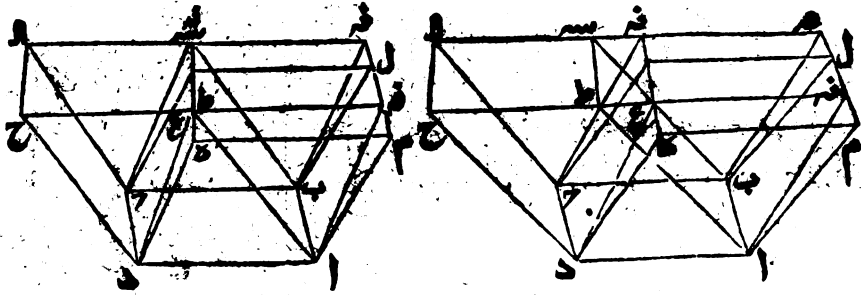
جميع الجسمان المتوازيتان السطوح المتوازيتان الاضلاع
الكائنة على قاعدة واحدة في جهة واحدة وبارتفاع
واحد لا على خط واحد فهي متساوية * \square

ليكن مجسما بـ بـ ح كائنين علي قاعدة ا ب د بارتفاع واحد لا علي خط واحد والسطوح المقابلة لقاعدة ا ب د من احدها لـ ه ومن الاخر

سح فاقول انها متساويان
برهانہ نخرج لاسه ح ط ه ع م ل
علي استقامتهما في جهات س ه ط
ل ع الي نقطه ق ه ق ه فبتقاطع
خطا لاسه م ل فليبتقاط ع علي
نقطتي نه ق ونصل اق ب ف د ع ح نه
المستقيمة فيجدت مجسم سطحه
المقابل لقاعده ا ح سطح فرع وهو
مجسم



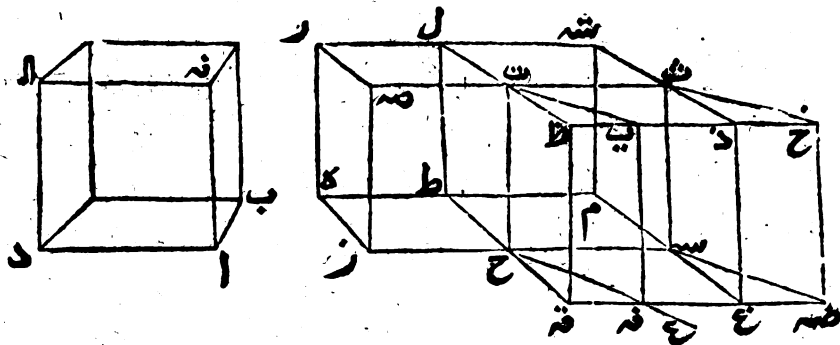
مجسم يتبع فهو مع شكل واحد من مجسمي $\overline{ب د ج}$ على القاعدة واحدة
 وخط واحد فشكل منهما يساويه بالشكل المتقدم فمجسمات $\overline{ب د ج}$ تتبع
 متساويان وذلك ما اردنا ان نبين
 ولهذا الشكل اختلاف وقوع فان خط $\overline{ب س}$ يمكن ان يقع بين نقطتي
 $\overline{ق د}$ او خارجا عنهما او على احدهما فهذه صورته



لا

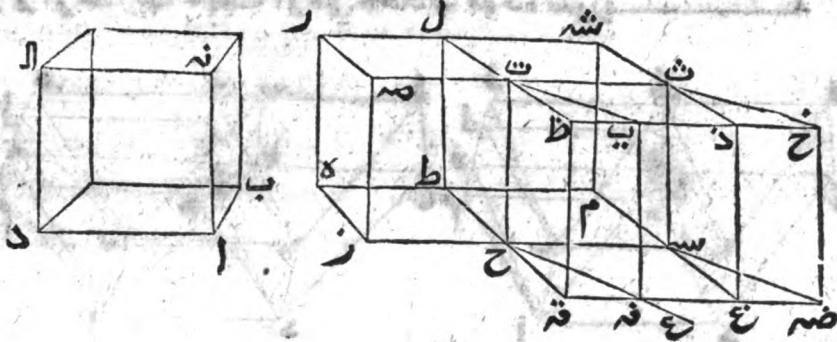
شكل مجسمين متوازيي السطوح المتوازية الاضلاع
 كائنين على قاعدتين متساويتين وبارتفاع واحد
 والخطوط المرتفعة من نقط زوايا القاعدتين الى نقط
 زوايا السطحين المقابلين لهما واقعه عليهما على قوايم
 فهما متساويان

ليكن مجسما $\overline{ا ز ل}$ مكايدين على قاعدتي $\overline{ا ب ح د}$ و $\overline{ا ب ح د}$ المتساويتين
 وخطوط $\overline{ا هـ ط ل}$ واقعه على القاعدتين على زوايا قوايم فاقول
 انهما متساويان برهانه نخرج ضلع $\overline{ن ز}$ في جهة $\overline{ح}$ على استقامته الى



غير النهايه ونفصل $\overline{ح س}$ مساويا للضلع $\overline{ا هـ}$ بالشكل الثالث من الاول

ونرسم على نقطة ح من خط ح س ز زاوية س ح ع كزاوية ب ا د بالشكل الثالث والعشرين من الاولي ونفصل من ح ع ح ف مساويا لاضلع ا ب بالشكل الثالث من الاولي ونخرج من نقطة س خط س ه موازيا لاضلع ح ع بالشكل الواحد والثلاثين من الاولي ونفصل منه س ه مساويا



لضلع ح ف بالشكل الثالث من الاولي ونصل بين نقطتي ف هـ بخط مستقيم فضلع ف هـ كضلع ح س ويوزاياه بالشكل الثالث والثلاثين من الاولي فيكون زاوية ح ف هـ مساوية لزاوية ا ب ج وزاوية ح س هـ لزاوية ا د هـ وزاوية س هـ ف لزاوية د ح ب بالشكل التاسع والعشرين من الاولي فسطح ا ح كسطح ف هـ بالانطباق ونخرج ص ت في جهة ت علي استقامته الي غير النهاية ونفصل ت ث مساويا لاضلع ح س بالشكل الثالث من الاولي ونصل بين نقطتي س ت بخط مستقيم فهو مواز ومساو لاضلع ت ح بالشكل الثالث والثلاثين من الاولي ولان زاوية ت ح ر قائمة فزاوية ت ح س قائمة بالشكل الثالث عشر من الاولي وكل واحدة من زوايا سطح ح ت قائمة بالشكل التاسع والعشرين من الاولي فالاضلاع والزوايا المتناظرة من سطحي ا ح ت متساوية فهما متساويا بالانطباق ونخرج من نقطتي ت ت خطي ت ت في موازيين لضيحي ح ف هـ س هـ كل لنظيره بالشكل الواحد والثلاثين من الاولي فخطا ت ت موازيان بالشكل الثلاثين من الاولي ونفصل ت ت مساويا لاضلع ح ف و ت ت لاضلع س هـ بالشكل الثالث من الاولي ونصل بين كل واحدة من نقطتي ت ت في خط مستقيم فيكون ضلع ت ت موازيا ومساويا لكل من ضيحي ف هـ ت ت وضلع ف هـ ت ت مساويا لكل من ضيحي ت ح خ هـ وضلع خ هـ س هـ بالشكل الثالث والثلاثين من الاولي ولان ت ح عمود علي كل من خطي ح ر ح ط فهو عمود علي سطح قاعدة ف هـ بالشكل الرابع فزاوية ت ح ف قائمة فكل من ساير زوايا سطح ت ف قائمة بالشكل التاسع والعشرين من الاولي وكل من زوايا سطح ب ن قائمة بالشكل التاسع والعشرين وضلعا ا ب كضيحي ت ح ح ف فساير الاضلاع والزوايا المتناظرة من سطحي ب ن ت ف متساوية فسطح ب ن كسطح ت ف بالانطباق وكل سطحين متقابلين

متقابلين من السطوح المتوازية المتوازية الاضلاع المحيطة بالجسم
متساوية بالشكل الرابع والعشرين فالسطوح المحيطة بمجسم ق ت علي
قاعدة السطوح المحيطة بمجسم ب ا ف مجسما ب ا ق ت متساويان ونخرج
كل واحد من ضلعي ط ر علي استقامتهما في جهة ل ونفصل ل ش
كضلع ت ت و ط م كضلع ح س بالشكل الثالث من الاولي ونصل
م س م ش ش ت بخطوط مستقيمة فيكون ضلع م ش موازيا ومساويا
لكل من ضلعي ط ل س ت و ضلع م س كضلع ط ح و ضلع ش ت كضلي
م س ت ل بالشكل الثالث والثلاثين من الاولي فالسطوح المقابلة المحيطة
بمجسم ح ش متوازي لتوازي اضلاعها ونخرج ضلي ط ح م س في جهة
ح علي استقامتهما الي غير النهاية ونخرج ق ر في جهته علي استقامته
فلان الزاوية المجاورة لزاوية ح ق ر مع زاوية ق ر ح قائمتين فهري مع
الزاوية التي يحيط بها ضلع ق ر و ضلع ط ح المخرج اقل من قائمتين
فضلع ق ر يلاقي ضلع ط ح المخرج فلبلاقبه علي نقطة ق ويمثله تبين
انه يلاقي ضلع م س المخرج فلبلاقبه علي نقطة غ ونخرج كل واحد من
ضلعي ل ت ش ت علي استقامته في جهة ت الي غير النهاية ونخرج ضلع
خ في جهته علي استقامته فلان الزاوية المجاورة لزاوية ت غ مع
زاوية غ ت ص قائمتين فهري مع الزاوية التي يحيط بها ت غ و ضلع ل ت
المخرج اقل منهما فضلع غ خ يلاقي ضلع ل ت المخرج فلبلاقبه علي نقطة
ظ ويلاقي ضلع ش ت المخرج علي نقطة ذ ونصل بين كل واحد من
نقطتي ق ظ غ ذ بخط مستقيم فمجسم ق ت ك مجسم ق ت بالشكل التاسع
والعشرين فمجسم ق ت ك مجسم ب ا و سطح ق س ك سطح ق س بالشكل
الحامس والثلاثين من الاولي فسطح ق س ك سطح ب د و كان سطح ز ط
ك سطح ب د فسطح ق س ك سطح ز ط فلان نسبة مجسم ز ل الي مجسم ح ش
كنسبة قاعدة ز ط الي قاعدة ح م بالشكل الحامس والعشرين ونسبة
قاعدة ق س الي قاعدة ح م كنسبة قاعدة ز ط الي قاعدة ح م بالشكل
السابع من الحامسة فنسبة مجسم ز ل الي مجسم ح ش كنسبة قاعدة ق س
الي قاعدة ح م بالشكل الحادي عشر من الحامسة ونسبة مجسم ق ت الي
مجسم ح ش كنسبة قاعدة ق س الي قاعدة ح م بالشكل الحامس
والعشرين فنسبة مجسم ز ل الي مجسم ح ش كنسبة مجسم ق ت الي مجسم
ح ش بالشكل الحادي عشر من الحامسة فبالشكل التاسع من الحامسة
مجسم ز ل ك مجسم ق ت وكان مجسم ب ا ك مجسم ق ت فمجسم ز ل ك مجسم ب ا
وذلك ما اردنا ان نبين

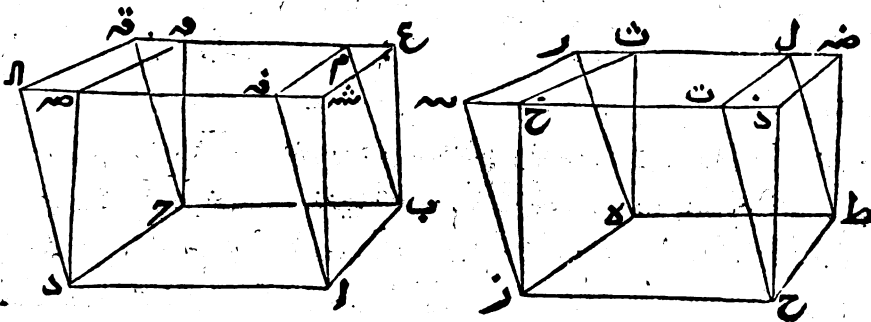
والمجسم ق ت مع مجسم ق ت اختلاف وقوع فان ضلع ت غ يمكن ان يقع
بين نقطتي ق ظ ذ ويمكن ان يقع خارجا عنهما ويمكن ان يقع علي نقطة ذ
وتختار بها حسب ما ذكرناه في الشكل التاسع والعشرين

لب

جميع المجسمات المتوازية السطوح المتوازية الاضلاع
الكائنة على قواعد متساوية وبارتفاع واحد ليست
الخطوط المرتفعة من نقط زوايا قواعدها الى نقط
زوايا السطوح المتقابلة لها قوائم على قواعدهما

فهي متساوية

ليكن مجسما بـ ا زل كائنين على قاعدتي ا ب ح د و ز ح ط و ارتفاعهما واحد
وليست خطوط ا ن ه د و م ر ط ل ومقابلاتها اعمدة على قاعدتي ب د ز ط
فاقول انها متساويان فنخرج من نقط قاعدتي ب د م ر ط اعمدة ا ش ه ب ع
م ر ه د م ر ح د ط م ه على قاعدتي ب د ز ط الى ان ينتهي الى سطحي



م ا س د بنقط ش ه ع م ر ه د م ر ح د ط م ه بالشكل الثاني عشر فالاعمة
متوازية بالشكل السادس ونصل بين نهايات الاعمدة بخطوط مستقيمة
فيحدث مجسما بـ م ر ه د م ر ح د ط م ه فالسطوح الحادثة من السطوح المحيطة بهما
متوازية الاضلاع بالشكل السادس عشر فكل متقابلين من السطوح
المحيطة بهما متوازية لتوازي اضلاعها فمجسما بـ م ر ه د م ر ح د ط م ه متساويان
بالشكل المتقدم ولان كلا من مجسما بـ م ر ه د م ر ح د ط م ه متوازي السطوح
كائنين على قاعدة واحدة وبارتفاع واحد اما على خط واحد او ليس
على خط واحد حسب ما يقتضيه وضع الشكل فهما متساويان باحد
شكلي التاسع والعشرين والثلاثين فمجسما بـ ا يساوي مجسم بـ م ر ه د
مجسم بـ م ر ه د مساويا لمجسم م ر ه د فمجسم بـ ا يساوي مجسم م ر ه د وكان
مجسم م ر ل مساويا لمجسم م ر ه د فمجسم بـ ا مساو لمجسم م ر ل وذلك ما
اردنا ان نبين

ولهذا

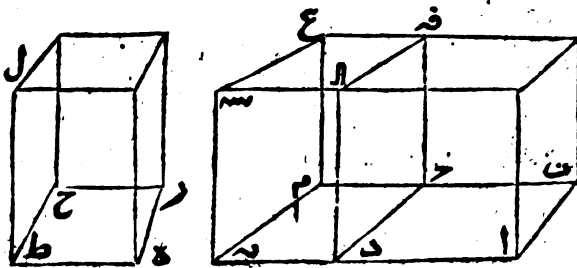
الحادية عشر

٣٥٣

ولهذا الشكل اختلاف وقوع فان ضلع ب ع يمكن ان يقع بين ضلعي ن م
لن او ينطبق علي احدهما ويقع خارجا عنهما ولذلك في ضلع م ر خ

كل مجسمين متوازي السطوح المتوازية الاضلاع
متساوي الارتفاعين فان نسبة احدهما الي الآخر
كنسبة قاعدته الي قاعدة الآخر

ليكن مجسما ب ا رل متوازي السطوح المتوازية الاضلاع علي قاعدتي
ا ب ح د و م ر ح ط و بارتفاع واحد فاقول انهما متساويان فنعمل علي خط
ح د سطح ح د م ن كقاعدة ر ط بحيث يكون خطا د ن ح م علي استقامة
خطي ا د ب ح باستبانة الشكل الرابع والاربعين من الاولي ونخرج من
نقطة م م ن خطي م ن س م ع موازيين لضلعي د ا ح ف بالشكل الواحد
والثلاثين من الاولي ونفصل منهما م ن س م ع متساويين لضلعي د ا ح ف
بالشكل الثالث من الاولي ونصل ا س ف م بخطين مستقيمين فيحصل



مجسم ح س ه ارتفاعه
كارتفاع مجسم ب ا رل
وكان ارتفاع مجسم
رل كارتفاع مجسم
ب ا رل فارتفاع مجسم
ح س ه كارتفاع مجسم
رل فمجسما ح س ه

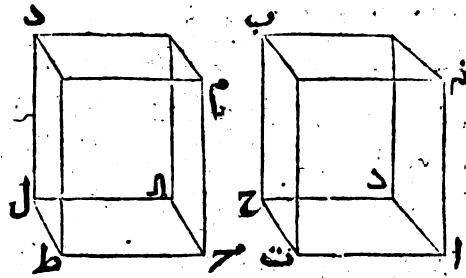
رل متوازي السطوح المتوازية الاضلاع وبارتفاع واحد فهما
متساويان باخذ شكلين الاحد والثلاثين والثاني والثلاثين ونسبة مجسم
ب ا رل الي مجسم رل كنسبة مجسم ب ا رل الي مجسم ح س ه بالشكل السابع من
الخامسة ونسبة قاعدة ب د ا الي قاعدة ح ن كنسبة مجسم ب ا رل الي مجسم ح س ه
بالشكل الخامس والعشرين فنسبة مجسم ب ا رل الي مجسم رل كنسبة قاعدة
ب د ا الي قاعدة ح ن بالشكل الحادي عشر من الخامسة ونسبة قاعدة ب د ا الي
قاعدة ر ط كنسبة قاعدة ب د ا الي قاعدة ح ن بالشكل السابع من
الخامسة فنسبة مجسم ب ا رل الي مجسم رل كنسبة قاعدة ب د ا الي قاعدة
ر ط بالشكل الحادي عشر من الخامسة وذلك ما اردنا ان نبين

ل د

كل مجسمين متوازي السطوح المتوازية الاضلاع
خطوط سمكها المرتفعة من نقط زوايا قاعدتيهما
اعدة عليهما فان كان متساويين كانت قاعدتهما
مكافيتين لارتفاعيهما في النسبة وان كانت
قاعدتهما مكافيتين لارتفاعيهما في النسبة كانا

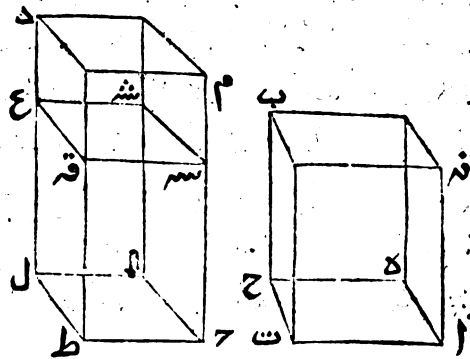
متساويين

ليكن مجسما AB CD متوازيي
السطوح المتوازية الاضلاع
وقاعدتهما AC BD $ط$
وارتفاعهما $آه$ $آه$ $م$ فاقول ان كان
مجسما AB CD متساويين كانت



نسبة قاعدة $آح$ الى قاعدة $آه$ كنسبة ارتفاع $م$ الى ارتفاع $آه$ وبالعكس
برهان $ه$ فلان $آه$ $م$ اما متساويان او غير متساويين فان كانا متساويين
كانت نسبة مجسم AB الى مجسم CD كنسبة قاعدة $آح$ الى قاعدة $آه$ $م$ بالشكل
المتقدم فان كان المجسمان متساويين فالقاعدتان متساويتان فنسبة قاعدة
 $آح$ الى قاعدة $آه$ كنسبة $م$ الى $آه$ بالتكافؤ وان كانت نسبة قاعدة $آح$
الى قاعدة $آه$ كنسبة $م$ الى $آه$ بالتكافؤ فالقاعدتان متساويتان
لتساوي الارتفاعين ونسبة القاعدتين كنسبة المجسمين بالشكل المتقدم
فالمجسمان متساويان $ه$ وان كان الارتفاعان مختلفين وليكن الاطول $م$

فنفصل كل واحد من خطوط
 $م$ $ط$ $ق$ $ل$ $ع$ $س$ $ه$ مساويا
لنقط $آه$ بالشكل الثالث من
الاولي ونصل بين نهاياتها
بخطوط مستقيمة فيحصل
مجسم $م$ فاضلاعه المماسة
متوازية بالشكل الثالث
والثلثين من الاول فسطح $س$ $ع$
يوازي سطح $آه$ لتوازي
اضلاعهما فمجسم $م$ متوازي السطوح المتوازية الاضلاع فمجسما
 AB CD

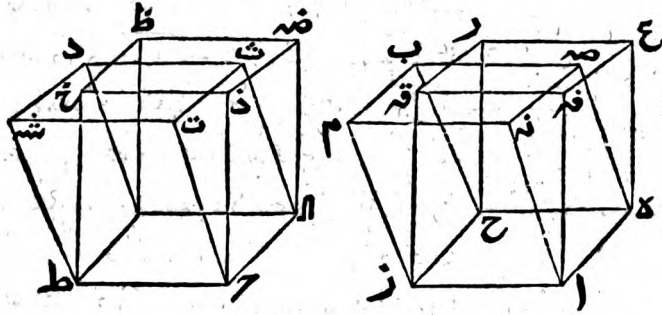


أب حد أن كانا متساويين جعلنا سطح ط م ط س قاعدة ثلثي مجسمي حد
 ح صارا بارتفاع واحد فلان نسبة قاعدة آح إلى قاعدة حل كنسبة
 مجسم أب إلى مجسم حح بالشكل المتقدم ونسبة مجسم حد إلى مجسم حح
 كنسبة قاعدة ط م إلى قاعدة ط س بالشكل المتقدم فبالشكل الحادي
 عشر من الخامسة نسبة قاعدة آح إلى قاعدة حل كنسبة قاعدة ط م إلى
 قاعدة ط س ونسبة ح م إلى ح س كنسبة قاعدة ط م إلى قاعدة ط س بالشكل
 الأول من السادسة فنسبة قاعدة آح إلى قاعدة حل كنسبة ح م إلى ح س
 بالشكل الحادي عشر من الخامسة ونسبة ح م إلى آه كنسبة ح م إلى ح س
 بالشكل السابع من الخامسة فنسبة قاعدة آح إلى قاعدة حل كنسبة
 ارتفاع ح م إلى ارتفاع آه بالتكافؤ بالشكل الحادي عشر من الخامسة
 وإن كانت نسبة قاعدة آح إلى قاعدة حل كنسبة ارتفاع ح م إلى ارتفاع
 آه فلان نسبة مجسم أب إلى مجسم حح كنسبة قاعدة آح إلى قاعدة حل
 بالشكل المتقدم وكانت نسبة ح م إلى آه كنسبة قاعدة آح إلى قاعدة حل
 فبالشكل الحادي عشر من الخامسة نسبة مجسم أب إلى مجسم حح كنسبة
 ح م إلى آه ونسبة ح م إلى ح س كنسبة ح م إلى آه بالشكل السابع من
 الخامسة فبالشكل الحادي عشر من الخامسة نسبة مجسم أب إلى مجسم
 حح كنسبة ح م إلى ح س ونسبة قاعدة ط م إلى قاعدة ط س كنسبة
 ح م إلى ح س بالشكل الأول من السادسة فنسبة مجسم أب إلى مجسم حح
 كنسبة قاعدة ط م إلى قاعدة ط س بالشكل الحادي عشر من الخامسة
 ونسبة مجسم حد إلى مجسم حح كنسبة قاعدة ط م إلى قاعدة ط س بالشكل
 المتقدم فبالشكل الحادي عشر من الخامسة نسبة مجسم أب إلى مجسم حح كنسبة
 مجسم حد إلى مجسم حح فبالشكل التاسع من الخامسة مجسم حد يساوي
 مجسم أب فالحكم ثابت وذلك ما اردنا أن نبين

كل مجسمين متوازيين والمتوازية الاضلاع خطوط
 سمكها المرتفعة من نقط زوايا قاعدتيهما ليست
 اعمدة عليهما فان كانا متساويين كانت قاعدتهما
 متكافئتين لارتفاعيهما في النسبة وإن كانت
 قاعدتهما متكافئتين لارتفاعيهما في النسبة كانا
 متساويين

ليكن مجسما $\overline{أ ب}$ $\overline{ح د}$ علي قاعدتي $\overline{أ ح}$ $\overline{ز ط}$ $\overline{أ د}$ والسطحان المتقابلان
المقابلان لهما $\overline{ن م ب ص}$ $\overline{ت ش د ث}$ وليست الخطوط المستقيمة المرتفعة
من نقط زوايا قاعدتي $\overline{أ ب}$ $\overline{ح د}$ الي سطحي $\overline{ن ب}$ $\overline{ت د}$ اعمدة علي القاعدتين
فاقول انهما متساويان برهانه نخرج من نقط زوايا القاعدتين $\overline{أ ف ه ع}$

$\overline{ح م}$ $\overline{ن ر ق ه}$ $\overline{ح د}$
 $\overline{ط خ ل ظ ا ض}$
عليهما الي ان
ينتهي الي
سطحي $\overline{ن ب}$
 $\overline{ت د}$ بالشكل
الثاني عشر



ونصل بين كل واحد من نقطتي $\overline{ف ه ع}$ $\overline{ر ر ق ه د خ ظ ض}$ $\overline{ض د}$ بخط
مستقيم فكل من الاعمدة ارتفاع مجسمة فمجسم $\overline{أ ب}$ لمجسم $\overline{أ ر و}$ مجسم $\overline{ح د}$
لمجسم $\overline{ح ط}$ بالشكل الثاني والثلاثين فان كان مجسم $\overline{أ ر}$ لمجسم $\overline{ح ط}$ كانت
نسبة قاعدة $\overline{أ ح}$ الي قاعدة $\overline{ح د}$ كنسبة ارتفاع $\overline{ح د}$ الي ارتفاع $\overline{أ ف}$ علي
التكافؤ وان كانت نسبة قاعدة $\overline{أ ح}$ الي قاعدة $\overline{ح د}$ كنسبة ارتفاع $\overline{ح د}$ الي
ارتفاع $\overline{أ ف}$ علي التكافؤ فمجسم $\overline{أ ر}$ لمجسم $\overline{أ ط}$ بالشكل المتقدم وكلما كان
مجسم $\overline{أ ب}$ لمجسم $\overline{ح د}$ كان مجسم $\overline{أ ر}$ لمجسم $\overline{ح ط}$ وكلما كان مجسم $\overline{أ ر}$ لمجسم $\overline{ح ط}$
كانت نسبة قاعدة $\overline{أ ح}$ الي قاعدة $\overline{ح د}$ كنسبة ارتفاع $\overline{ح د}$ لمجسم $\overline{ح د}$ الي ارتفاع
مجسم $\overline{أ ب}$ فكلما كان مجسم $\overline{أ ب}$ لمجسم $\overline{ح د}$ كانت نسبة قاعدة $\overline{أ ح}$ الي قاعدة
 $\overline{ح د}$ كنسبة ارتفاع $\overline{ح د}$ لمجسم $\overline{ح د}$ الي ارتفاع مجسم $\overline{أ ب}$ علي التكافؤ وبمثله
تبين العكس فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين

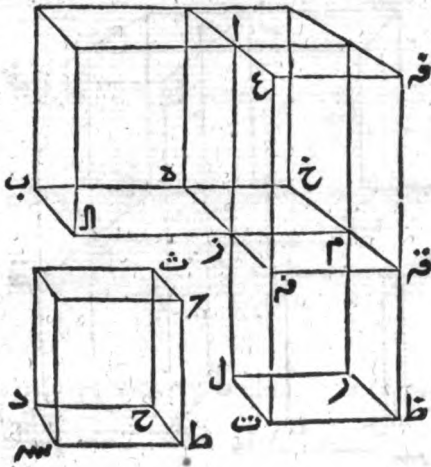
لو

كل مجسمين متشابهين متوازي السطوح
المتوازية الاضلاع نسبة احدهما الي الآخر كنسبة
ضلع من اضلاع السطوح المتوازية الاضلاع السطوح
المحيطة باحدهما الي نظيره من اضلاع السطوح المحيطة
بالآخر مثلثة بالتكريب

ليكن مجسم $\overline{أ ب}$ الذي تحيط به سطوح $\overline{أ ز ا}$ $\overline{أ ب ه ز ا}$ وما يقابلها
يشبه مجسم $\overline{ح د}$ الذي تحيط به سطوح $\overline{ح ط س ه}$ $\overline{ح ط د ح ط ح ث}$ وما
يقابلها

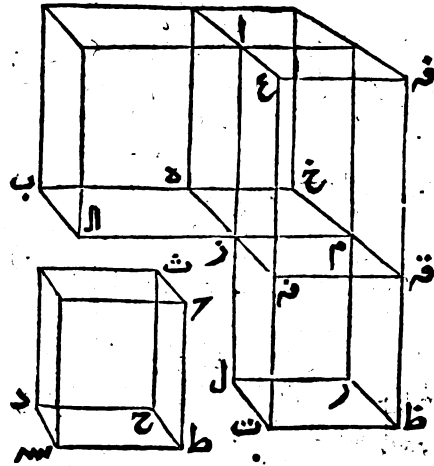
يقابلها وتكون نسبة $\overline{أز}$ إلى $\overline{حط}$ الطولين كنسبة $\overline{زأ}$ إلى $\overline{طس}$ العرضين
وكنسبة $\overline{هز}$ إلى $\overline{حط}$ السمكين فاقول ان نسبة $\overline{أب}$ إلى $\overline{محسم}$ $\overline{أد}$
كنسبة $\overline{ضلع}$ $\overline{أز}$ و $\overline{أز}$ و $\overline{هز}$ إلى نظيرها من اضلاع $\overline{حط}$ $\overline{طس}$ $\overline{طح}$ مثلثة
بالتكرير برهانه تخرج خطوط $\overline{أز}$ و $\overline{هز}$ في جهة $\overline{نر}$ على استقامتها

إلى غير النهاية ونفصل $\overline{زأ}$ مثل
 $\overline{حط}$ و $\overline{زم}$ مثل $\overline{طس}$ و $\overline{نر}$ مثل
 $\overline{طح}$ بالشكل الثالث من الأولي
فتكون نسبة $\overline{أز}$ إلى $\overline{زأ}$ و $\overline{أز}$ إلى $\overline{زم}$
و $\overline{هز}$ إلى $\overline{زأ}$ كنسبة $\overline{أز}$ إلى $\overline{حط}$ و $\overline{أز}$
إلى $\overline{سح}$ و $\overline{هز}$ إلى $\overline{طح}$ بالشكل
السابع من الخامسة ونخرج من
كل واحد من نقط $\overline{ل م ن ه}$ خطين
موازيين لمقابلهما بالشكل
الواحد والثلاثين من الأولي وهي
خطوط $\overline{ل ت ل م م ق م ر ن ق ن ت}$



يتلاني $\overline{ن ت ل ت}$ لانا اذا وصلنا $\overline{ل ن}$ بخط مستقيم كانت زاويتا $\overline{ز ن ل}$ و $\overline{ز ل ن}$
اقل من قائمتين بالشكل السابع عشر من الأولي فتكون زاويتا $\overline{ل ن ت}$
 $\overline{ن ت ل}$ المتقابلتين المساويتين لهما بالشكل التاسع والعشرين من الأولي
وبمثلته تبين في البواني ونتمم $\overline{محسم ل ق}$ فلان $\overline{زوايا ل زم ل ز ن كزوايا}$
 $\overline{أز أ ه}$ التي هي $\overline{كزوايا ح ط س ه}$ $\overline{س ط ح ح ط ه}$ فزاوية $\overline{ل زم كزاوية}$
 $\overline{ح ط س ه}$ وزاوية $\overline{ن زم كزاوية س ط ح}$ وزاوية $\overline{ل ز ن كزاوية ح ط ه}$ ولان
ضلعي $\overline{زم زأ}$ والزاوية التي بينهما كضلعي $\overline{س ط ط ه}$ والزاوية التي بينهما
وهي من سطوح متوازية الاضلاع فبالانطباق $\overline{س ط ل م كسطح ح س}$ وبمثلته
تبين ان $\overline{سطح ن م كسطح ط د وسطح ل ن كسطح ح ه}$ والسطوح المتقابلة لها
مساوية اياها بالشكل الرابع والعشرين ف $\overline{محسم ل ق كمحسم ر د باحد}$
شكلي الواحد والثلاثين والثاني والثلاثين ونخرج خطوط $\overline{ت ن ق م ر ط ق}$
 $\overline{ب ه}$ على استقامتها في جهات $\overline{ن م ق ه}$ ونجعل $\overline{ن ه ق ه كزوايا بالشكل}$
الثالث من الأولي ونتمم $\overline{محسم ع م}$ $\overline{أخ}$ على قياس $\overline{ما م ر}$ في $\overline{محسم ل ق}$
فلان نسبة $\overline{محسم أ ب}$ إلى $\overline{محسم أخ}$ كنسبة $\overline{سطح أ ه}$ إلى $\overline{سطح م ه}$ ونسبة $\overline{سطح}$
 $\overline{أ ه}$ إلى $\overline{سطح م ه}$ كنسبة $\overline{خط أ ز}$ إلى $\overline{خط م ز}$ فنسبة $\overline{محسم أ ب}$ إلى $\overline{محسم أخ}$
كنسبة $\overline{أ ز}$ إلى $\overline{م ز}$ لكن نسبة $\overline{خط أ ز}$ إلى $\overline{خط م ز}$ كنسبة $\overline{ه ز}$ إلى $\overline{ن ز}$
بالشكل الأول من السادسة فنسبة $\overline{محسم أ ب}$ إلى $\overline{محسم أخ}$ كنسبة $\overline{ه ز}$ إلى $\overline{ن ز}$
 $\overline{ن ه}$ بالشكل الحادي عشر من الخامسة وبمثلته تبين ان نسبة $\overline{محسم أخ}$ إلى
 $\overline{محسم أ ق}$ كنسبة $\overline{أ ز}$ إلى $\overline{م ز}$ وكانت نسبة $\overline{ن ه}$ إلى $\overline{ن ز}$ كنسبة $\overline{ن ه}$ إلى $\overline{م ز}$
فنسبة $\overline{محسم أخ}$ إلى $\overline{محسم أ ق}$ كنسبة $\overline{ن ه}$ إلى $\overline{ن ز}$ بالشكل الحادي عشر من

الخامسة وكانت نسبة مجسم أب الى مجسم آخ كنسبة زه الى زنه فبالشكل
الحادي عشر من الخامسة نسبة مجسم أب الى مجسم آخ كنسبة مجسم آخ
الى مجسم آه وبمثلته تبين ان نسبة مجسم آه الى مجسم قل كنسبة زه الى زنه
وكانت نسبة مجسم آخ الى مجسم آه كنسبة زه الى زنه فنسبة مجسم آخ الى
مجسم آه كنسبة مجسم آه الى
مجسم قل بالشكل الحادي عشر من
الخامسة فنسبة مجسم أب الى
مجسم آخ كنسبة مجسم آخ الى
مجسم آه وكنسبة مجسم آه الى
مجسم قل فنسبة مجسم أب الى
مجسم قل كنسبة مجسم أب الى
مجسم آخ مثلثة بالتكرير لكن
نسبة مجسم أب الى مجسم هـ
كنسبته الى مجسم قل بالشكل
السابع من الخامسة وكانت



نسبة مجسم أب الى مجسم آخ مثلثة بالتكرير كنسبة مجسم أب الى مجسم
هـ فنسبة مجسم أب الى مجسم هـ كنسبة مجسم أب الى مجسم آخ مثلثة
بالتكرير ولان نسبة زه الى زنه كنسبة مجسم أب الى مجسم آخ فنسبة زه
الى زنه مثلثة بالتكرير كنسبة مجسم أب الى مجسم آخ مثلثة بالتكرير
فنسبة مجسم أب الى مجسم هـ كنسبة زه الى زنه مثلثة بالتكرير بالشكل
الحادي عشر من الخامسة لكن نسبة زه الى زنه كنسبة زه الى طح بالشكل
الاول من السابعة فنسبة زه الى طح مثلثة بالتكرير كنسبة زه الى زنه
مثلثة بالتكرير فنسبة مجسم أب الى مجسم هـ كنسبة زه الى طح مثلثة
بالتكرير بالشكل الحادي عشر من الخامسة ونسبة زه الى طح كنسبة
زالي طسه وكنسبة زالي طح فنسبة زالي طح وانه الى طسه مثلثة
بالتكرير كنسبة زالي طح مثلثة بالتكرير فبالشكل الحادي عشر من
الخامسة نسبة مجسم أب الى مجسم هـ كنسبة كل واحد من خطوط زه
الى طح وانه الى طسه وانه الى طح مثلثة بالتكرير فالحكم ثابت وذلك
ما اردنا ان نبين

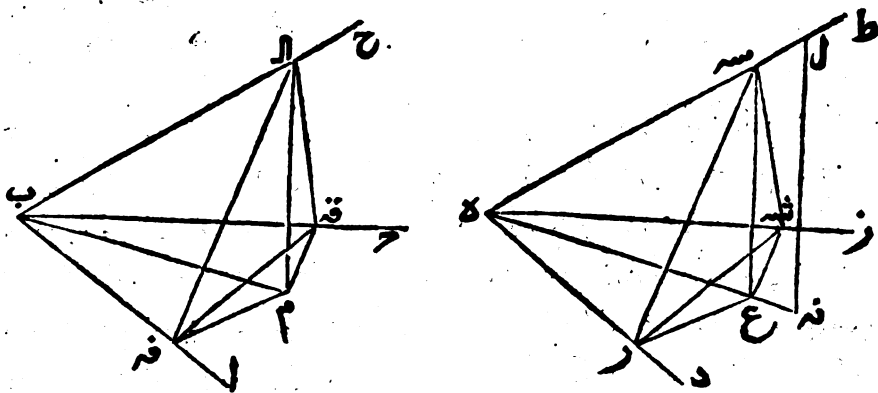
لر

كل خطين قاما على نقطتي زاويتين مسطحتين
متساويتين في السمك واحاط احدهما مع ضلعي
زاويته

زاويتيہ بزائوتین مساویتین للزائوتین اللتین بحیط
بہا الخط الآخر مع ضلعي زاويتيہ کل لنظيرتها
واخرج من نقطتين علي الخطین كيف ما وقعا
عمودان علی سطحی الزائوتین ووصل بين نقطتي
الزائوتین وبين مسقط العمودين بخطین فالزائوتان
اللتان بحیط بها الخطان الحادثان والخطان الواقعان

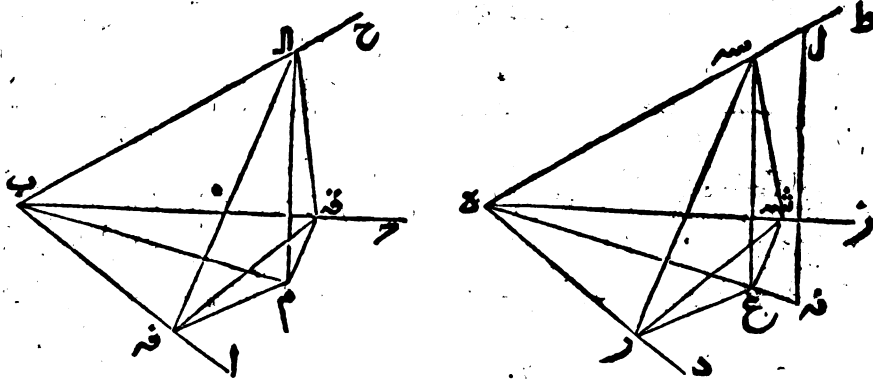
في السمك متساوية

لنكن زاويتا α و β متساويتين وقام علي نقطتي β خط α ط α
 في السمك وصارت زاوية α ح α زاوية β ح β زاوية α ح α زاوية β ح β
 واخرج من نقطتي α β الكائنتين علي خطي α ح α عمودا α ح α علي



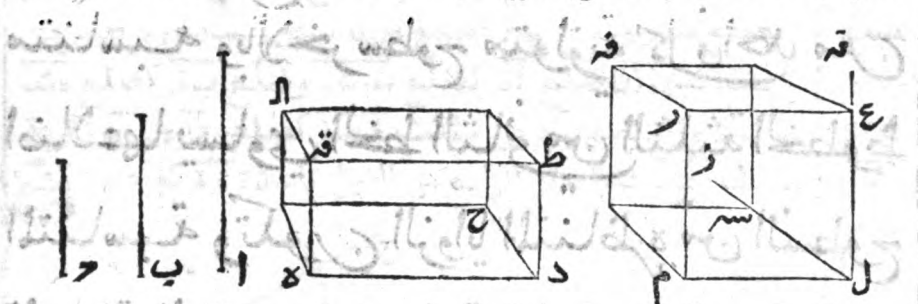
سطحي زاويتي ا ب ج دة ز و وصل ب م و نه بخطين مستقيمين فاقول ان زاوية ح ب م كزاوية ط د ه برهانه فان لم يكن ل ه كخط ا ب فنصل من اعظمهما وليكن ه و ل ه س ه كخط ا ب بالشكل الثالث من الاول ونخرج من نقطة س عمود س ع علي خط ه ه بالشكل الثاني عشر من الاول فهو مواز لعمود ل ن بالشكل الثامن والعشرين من الاول ولنه عمود علي س ط زاوية د ه ن ف س ع عمود عليه ايضا بالشكل الثامن ونخرج من نقطة م عمودي م ف م علي ضلعي ا ب ج ومن نقطة ع عمودي ع م ع س ه علي ضلعي د ه ه ن بالشكل الثاني عشر من الاول ونصل ف م ف ه ف م س ه س ه بخطوط مستقيمة فلان ا ب مربع م ب م ا ومربع م ب

مكروبي $\overline{م ب}$ $\overline{م ق}$ بالشكل السابع والاربعين من الاول لمربع $\overline{ب ا}$ مكربعات
 $\overline{ا م}$ $\overline{م ق}$ $\overline{م ب}$ لكن مربع $\overline{ا ق}$ مكروبي $\overline{ا م}$ $\overline{م ق}$ بالشكل السابع والاربعين من
 الاول لمربع $\overline{ب ا}$ مكروبي $\overline{ب ق}$ $\overline{ق ا}$ بالشكل الثامن والاربعين من الاول
 زاوية $\overline{ب ق ا}$ قائمة وبمثله تبين ان مربع $\overline{ب ا}$ مكروبي $\overline{ا ق}$ $\overline{ق ا}$ وان مربع
 $\overline{ا م}$ مكروبي $\overline{س د ر ر}$ ومكروبي $\overline{س د ش د}$ ولان زاويتي $\overline{ا ب ق}$ $\overline{ا ب د}$ وضلع
 $\overline{ا ب}$ من مثلث $\overline{ا ب ق}$ كزاويتي $\overline{س د ر}$ $\overline{س د م}$ وضلع $\overline{س د}$ من مثلث $\overline{س د م}$
 فضلع $\overline{ا ق}$ كضلع $\overline{س د}$ وضلع $\overline{ب ق}$ كضلع $\overline{د ر}$ بالشكل السادس والعشرين
 من الاول وبمثله تبين ان ضلع $\overline{ا ق}$ كضلع $\overline{س د ش د}$ وضلع $\overline{ب ق}$ كضلع $\overline{د ر ش د}$
 فضلعا $\overline{ب ق}$ $\overline{ب د}$ وزاوية $\overline{ب ق د}$ من مثلث $\overline{ب ق د}$ كضلعي $\overline{د ر ش د}$ وزاوية
 $\overline{د ر ش د}$ من مثلث $\overline{د ر ش د}$ فبالشكل الرابع من الاول قاعدة $\overline{م ق}$ لقاعدة $\overline{ر ش د}$



وزاوية $\overline{ب ق د}$ كزاوية $\overline{د ر ش د}$ وزاوية $\overline{ب ق د}$ كزاوية $\overline{د ر ش د}$ وكانت كل من
 زوايا $\overline{ب ق م}$ $\overline{ب ق د}$ $\overline{ب ق م}$ قائمة تبني زاوية $\overline{م ق د}$ كزاوية $\overline{ع ر ش د}$
 وزاوية $\overline{م ق د}$ كزاوية $\overline{ع ر ش د}$ وضلع $\overline{م ق}$ كضلع $\overline{ر ش د}$ فضلع $\overline{م ق}$ كضلع $\overline{ع ر}$
 بالشكل السادس والعشرين من الاول وكان مربع ضلع $\overline{ا ق}$ مكروبي ضلعي $\overline{ا م}$
 $\overline{م ق}$ ومربع ضلع $\overline{س د ر}$ مكروبي ضلعي $\overline{س د ع}$ $\overline{ع ر ا}$ فاذا القينا مربع $\overline{م ق}$ من مربع
 $\overline{ا ق}$ ومربع $\overline{ع ر}$ من مربع $\overline{س د ر}$ يبقي مربع $\overline{ا م}$ كربع $\overline{س د ع}$ فكم كس $\overline{س د ع}$
 وكان مربع $\overline{ب م}$ مكروبي $\overline{ب ق م}$ $\overline{ب ق د}$ ومربع $\overline{د ع}$ مكروبي $\overline{ع ر ر}$ $\overline{ع ر م}$ فضلع $\overline{ب م}$
 كضلع $\overline{د ع}$ فاضلاع مثلث $\overline{ا ب م}$ كاضلاع مثلث $\overline{ش د ع}$ المتساوية
 فزاوية $\overline{ا ب م}$ كزاوية $\overline{س د ع}$ بالشكل الثامن من الاول وان كان $\overline{ا د}$ كخط
 $\overline{ا ب}$ فلا يحتاج الى اخراج عمود $\overline{س د ع}$ وتبين كما بينا وذلك ما اردنا ان نبين
 ولهذا الشكل اختلاف وقوع فان العمود يمكن ان يقع على احد ضلعي
 الزاويتين او على نقطتي $\overline{ب د}$ فحينئذ لا يحتاج الى بيان واخراج شي من
 المخطوط فبكون المخطان عمودين على سطحي الزاويتين بالشكل الرابع
 فتكون الزوايا التي تحيط العمودان مع كل من الضلعين ومع اي خط
 مستقيم يخرج من نقطتي $\overline{ب د}$ في سطحي الزاويتين قوائم ويمكن ان يقع
 خارج الزاويتين فيحتاج الى اخراج احد ضلعي الزاويتين او كلهما ثم
 تبين

آ الي ب ونسبة آ الي ب كنسبة آ الي ل م بالشكل السابع من الخامسة
 فبالشكل الحادي عشر من الخامسة نسبة د ه الي ل م كنسبة آ الي ل ب
 ونسبة ب الي ح كنسبة آ الي ب فبالشكل الحادي عشر من الخامسة نسبة
 ح ه الي ل م كنسبة ب الي ح ونسبة ل ع الي د ط كنسبة ب الي د ط ونسبة
 ب الي ح كنسبة ب الي د ط بالشكل السابع من الخامسة فبالشكل الحادي
 عشر من الخامسة نسبة ل ع الي د ط كنسبة ب الي ح الي د ط فبهذا الشكل



بعينه نسبة د ه الي ل م كنسبة ل ع الي د ط وزاوية م ل ع كزاوية د ط
 فقاعدة د ق كقاعدة ل م بالشكل الرابع من السادسة والشكل الرابع
 والثلاثين من الاولي بعد اخراج قطري م ع ط ه ولان مجسمي د ا ل ف
 متوازيي السطوح المحيطة بهما لتوازي اضلاعهم وضلعا د ح ل س
 متساويان وجعلناهما سمكهما فيكون ارتفاعهما بقدر واحد بالشكل
 المتقدم فنسبة قاعدة ل م الي قاعدة د ق كنسبة ارتفاع مجسم د ا ل الي
 ارتفاع مجسم ل ق ه علي التكافؤ فالمجسمان متساويان باحد شكلي الرابع
 والثلاثين والثامن والثلاثين فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين
 ل ط

اذا كانت خطوط كم كانت وعملت عليها مجسمات
 متوازية الاضلاع متشابهة علي حلقه واحده فار
 كانت الخطوط متناسبة كانت المجسمات متناسبة
 وان كانت المجسمات متناسبة كانت الخطوط
 متناسبة

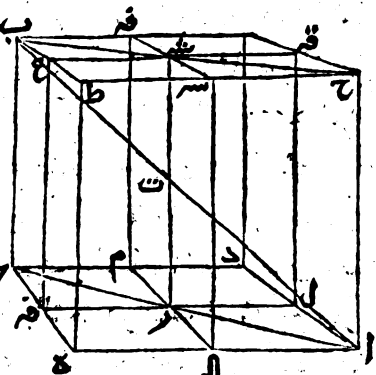
لتكن ا ب ح د ه ح ط اربعة خطوط وعملت عليها مجسمات ا ل ح ل م
 ح ن متوازية السطوح المحيطة بها ومتشابهة كلها علي حلقه واحدة
 بالشكل السابع والعشرين فاقول ان كانت نسبة ا ب الي ح د كنسبة د ه
 الي ح ط

१३३

363.

ثم الى مجسم حـه بالشكل السادس والثلاثين فنسبة هـم الى حـط مثلثة كنسبة مجسم هـم الى مجسم رت بالشكل الحادي عشر من الخامسة ونسبة هـم الى رشه مثلثة كنسبة مجسم هـم الى مجسم رت فبالشكل الحادي عشر من الخامسة نسبة هـم الى حـط كنسبته الى رشه وكانت نسبة اب الى حـد كنسبة هـم الى رشه فنسبة اب الى حـد كنسبة هـم الى حـط بالشكل الحادي عشر من الخامسة فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين .

كل مكعب يفصله سطحان ويمر كل منهما بانصاف اضلاع سطحين متقابلين من السطوح المحيطة به فان الفصل المشترك بين السطحين وقطر المكعب يتناصفان .

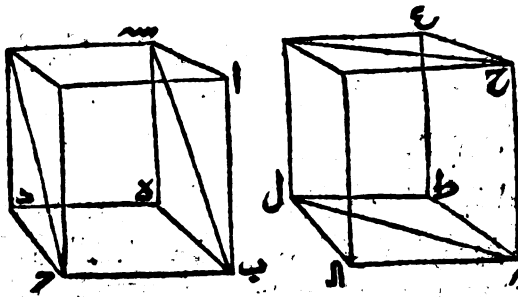


ليكن المكعب اب والسطحان المتقابلان من السطوح المحيطة به سطحي ا ب ح وقسمت اضلاعهما علي فقط ا ل م ن ه ه ق د ع وفصل المكعب بسطحي ا ق ل ع فبنقاطهما علي نقطتي م ر شه ونصل م ر شه اب بخطين مستقيمين فاقول ان كل واحد من خطي اب رشه ينصف الآخر علي نقطة وفي نقطة ت برهانه ليكن الفصل المشترك بين السطحين المتقاطعين والمتقابلين خطوط ا ل م ن ه ه ق د ع وفي مستقيمة بالشكل الثالث ونصل ا ر ح ر ب شه س ح بخطوط مستقيمة فلان السطوح المحيطة بالمكعب متوازية الاضلاع فلاضلاع المتقابلة من كل سطح منها متساوية بالشكل الرابع والثلاثين من الاولي فانصافها ايضا متساوية فلان ا د يوازي ح ه فزاويتي ا ل م ح ه المتقابلتان متساويتان بالشكل الثاني والعشرين من الاولي وضلعي ا ل ر ك ضلعي ح ه ن ه فزاويتي ا ر ل ك زاويتي ح ر ه بالشكل الرابع من الاولي ولان زاويتي ا ر ن ا ر ل ك قائمتين بالشكل الثالث عشر من الاولي ونجعل زاوية ا ر ن مشتركة بين زاويتي ا ر ل ح ر ه فتكون زاويتي ح ر ه ا ر ن معا كزاويتي ا ر ل ا ر ن معا فزاويتي ا ر ن ح ر ه لكأيتين خطا ا ر ح ر متصلان احدهما علي استقامة الآخر بالشكل الرابع عشر من الاولي وبمثله تبين ان خطي ب شه ح شه احدهما علي استقامة الآخر وخطا ب ح ا ح يوازيان خط

خط $هـ ط$ بالشكل الرابع والثلاثين من الاولي ولبست الخطوط الثلاثة في
سطح واحد فخط $ا ح ب$ متوازيان ومتساويان بالشكل التاسع فخطا
 $ا ح ب$ متساويان ومتوازيان بالشكل الثالث والثلاثين من الاولي فخطا
 $ا م ب$ متساويان وخط $ا ب$ مرتبة كائنان في سطح $ا ح ب$ بالشكل
السابع فقطر $ا ب$ يقطع خط $ر ت$ فليقطعه على نقطة $ت$ فلان زاويتي
 $ا ت م$ $ب ت م$ متساويتان بالشكل الخامس عشر من الاولي وزاوية $ا م ت$
كزاوية $ب م ت$ بالشكل التاسع والعشرين من الاولي وضيع $ا ر$ كضلع
 $ب م$ فبالشكل السادس والعشرين من الاولي ضلع $ا ت$ كضلع $ب ت$
وضلع $ر ت$ كضلع $ت م$ وذلك ما اردنا ان نبين

كل منشورين ارتفاعهما بقدر واحد وقاعدة
احدهما مثلث وقاعدة الآخر سطح متوازي الاضلاع
ضعف ذلك المثلث فهما متساويان

ليكن $ا ب ح د هـ$ منشورا قاعدته سطح $ح د$ المتوازي الاضلاع و $ح د$ ال $ط$
منشورا اخر قاعدته
مثلث $ن د ل$ و سطح $ح د$
ضعف مثلث $ن د ل$
وارتفاعهما بقدر واحد
فاقول ان المنشورين
متساويان برهانه نهم
مجسمي $ا ب ح د هـ$ كما بينا



في الشكل السادس والثلاثين فلان متوازي الاضلاع $ط ا$ ضعف مثلث
 $ن د ل$ بالشكل الرابع والثلاثين من الاولي وكان سطح $ب د$ ضعف مثلث
 $ن د ل$ فقاعدتا $ب د ط ا$ متساويتان فمجسمي $ا ب ح د هـ$ علي قاعدتين
متساويتين وبارتفاع واحد فهما متساويان بالشكل الواحد والثلاثين
والثاني والثلاثين والمنشوران نصف المجسمين بالشكل الثامن والعشرين
فهما متساويان وذلك ما اردنا ان نبين

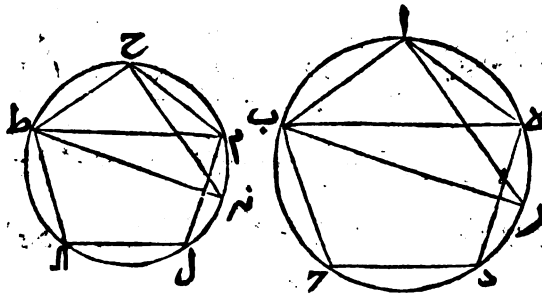
تمت المقالة الحادية عشر والحمد لله المساعد

المقالة الثانية عشرة عشر

كل سطحين كثيري الاضلاع والزوايا المتشابهين
الواقعين في دائرتين فان نسبة احد السطحين الى
الآخر كنسبة مربع قطر دائرته الى مربع قطر

الدائرة الاخرى

ليكن سطحاً AB حده
خط $الم$ كثير الاضلاع
والزوايا المتشابهان في
لدائرتين قطرها AB
طنه فاقول ان نسبة سطح



اد الى سطح $حل$ كنسبة مربع قطر AB الى مربع قطر $طنه$ بزها انه نصل
ارب $هـ$ حنه $طمر$ بخطوط مستقيمة فلان نسبة AB الى $حط$ كنسبة $اه$ الى
ح $م$ وزاوية $باه$ كزاوية $طحم$ فزاوية $اهب$ كزاوية $حمر$ بالشكل
العشرين من الثالثة فزاوية $ارب$ كزاوية $اهب$ وزاوية $حنه$ كزاوية
ح $م$ بالشكل العشرين من الثالثة فزاوية $امر$ كزاوية $حنه$ $ط$ وكل
من زاويتي $بار$ $طحه$ قائمة بالشكل الثلاثين من الثالثة فزاوية $امر$ كزاوية
اب $ر$ كزاوية $امر$ كزاوية $اب$ كزاوية $امر$ كزاوية $اب$ كزاوية $امر$ كزاوية $اب$
شبهه بمثلث $طحه$ بالشكل الثاني والثلاثين من الاولى فمثلث $اب$
شبهه بمثلث $طحه$ بالشكل الرابع من السادسة فنسبة $طمر$ الى $طنه$
كنسبة $اب$ الى $حط$ فنسبة $طمر$ الى $طنه$ كنسبة $اب$ الى $حط$
مثناة ونسبة سطح $اد$ الى سطح $حل$ كنسبة $اب$ الى $حط$ مثناة بالشكل التاسع
عشر من السادسة فنسبة سطح $اد$ الى سطح $حل$ كنسبة $طمر$ الى $طنه$ مثناة
بالشكل الحادي عشر من الخامسة ونسبة مربع $بار$ الى مربع $طنه$ كنسبة
 $بار$ الى $طنه$ مثناة بالشكل التاسع عشر من السادسة فبالشكل الحادي
عشر من الخامسة نسبة سطح $اد$ الى سطح $حل$ كنسبة مربع $بار$ الى مربع
 $طنه$ قطري الدائرتين فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين

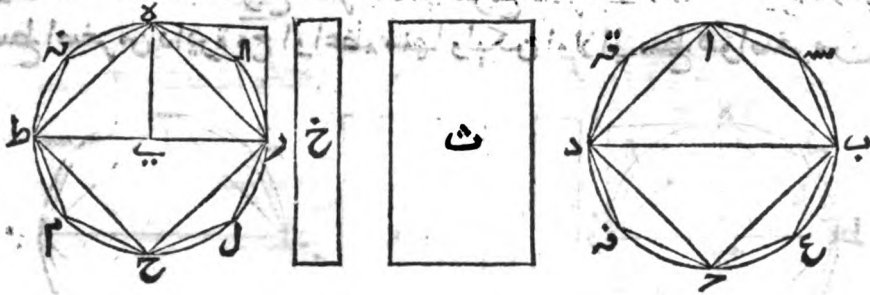
ب

كل

النظير من الذ ظير *

367

عشر من الخامسة وبالأبدال نسبة دائرة آح الى سطح سد ف كنسبة سطح ت الى سطح الم الذي هو اعظم من سطح ت بالشكل السادس عشر من الخامسة لكن دائرة آح اعظم من سطح سد فسطح ت اعظم من سطح الم وهو اصغر منه هذا خلف ثم لتكن نسبة مربع قطر بد الى مربع قطر رط كنسبة دائرة آح الى سطح هو اعظم من دائرة هح وهو سطح ت فبالخلاف نسبة مربع رط الى مربع بد كنسبة سطح ت الى دائرة آح



ونسبة دائرة هح الى سطح ما وليكن سطح خ كنسبة سطح ت الى دائرة آح لكن سطح ت اعظم من دائرة هح فدائرة آح اعظم من سطح خ بالشكل الرابع عشر من الخامسة فبالشكل الحادي عشر من الخامسة نسبة مربع رط الى مربع بد كنسبة دائرة آح الى سطح خ فنذكر مثل ما دبرنا وتبين الخلف بمثل ما بينا فلا يمكن ان تكون نسبة مربع بد الى مربع رط كنسبة دائرة آح الى سطح اصغر او اعظم من سطح دائرة هح فهي كنسبة دائرة آح الى سطح مساو لدائرة هح ونسبة دائرة آح الى دائرة هح كنسبتها الى سطح مساو لدائرة هح بالشكل السابع من الخامسة فبالشكل الحادي عشر من الخامسة نسبة مربع بد الى مربع رط كنسبة دائرة آح الى دائرة هح وذلك ما اردنا ان نبين

كل مخروط مثلث القاعدة فلنا ان فصله الى مخروطين متساويين متشابهين يشبهان المخروط الاعظم ومنشورين متساويين هما معا اعظم من نصف المخروط الاعظم

ليكن مخروط قاعدته مثلث ا ب ح ورأسه نقطة د فاقول لنا ان فصله الى مخروطين متساويين متشابهين يشبهان مخروط ا ب ح ومنشورين متساويين هما معا اعظم من نصف المخروط الاعظم برهانه فنصف كل

فزاياها المتناظرة متساوية فنسبة $\overline{أب}$ الى $\overline{أط}$ كنسبة $\overline{بأ}$ الى $\overline{بأ}$ ونسبة $\overline{أد}$ الى $\overline{أد}$ بالشكل الرابع من السادسة فثلثا $\overline{أب}$ $\overline{دأ}$ متشابهان وبمثله تبين ان مثلثي $\overline{أدأ}$ $\overline{أدأ}$ متشابهان وكذلك مثلثا $\overline{بأ}$ $\overline{بأ}$ فالمثلثات المحيطة بمخروط $\overline{أب}$ تشبه المثلثات المحيطة بمخروط $\overline{أه}$ $\overline{أه}$

شبيهة بالمثلثات المحيطة بمخروط $\overline{أد}$

فالمثلثات المحيطة بمخروط $\overline{أب}$ $\overline{أب}$

شبيهة بالمثلثات المحيطة بمخروط $\overline{أه}$ $\overline{أه}$

بالشكل الواحد والعشرين من

السادسة فمخروط $\overline{أب}$ $\overline{أب}$ $\overline{أه}$ $\overline{أه}$

متشابهان ولان المنشور الذي يحيط به

مثلثا $\overline{بأ}$ $\overline{بأ}$ $\overline{أه}$ $\overline{أه}$ وسطوح $\overline{طأ}$ $\overline{طأ}$

$\overline{بأ}$ المتوازية الاضلاع والمنشور الذي

يحيط به مثلثا $\overline{أه}$ $\overline{أه}$ $\overline{أه}$ $\overline{أه}$ وسطوح

$\overline{طأ}$ $\overline{طأ}$ المتوازية الاضلاع

ارتفاعها واحد لان مثلث $\overline{أه}$ $\overline{أه}$ مثلث $\overline{أب}$ $\overline{أب}$ فالاعمدة النازلة

من اي نقطة من نقط $\overline{أه}$ $\overline{أه}$ على سطح مثلث $\overline{أب}$ $\overline{أب}$ متساوية بعضها لبعض

وقاعدة احدهما وهو متوازي الاضلاع $\overline{بأ}$ $\overline{بأ}$ ضعف قاعدة $\overline{أه}$ $\overline{أه}$ لانا ان

وصلنا $\overline{أه}$ بخط مستقيم كان سطح $\overline{بأ}$ $\overline{بأ}$ مثلث $\overline{بأ}$ $\overline{بأ}$ بالشكل الرابع

والثلثين من الاول وكان مثلثا $\overline{بأ}$ $\overline{بأ}$ متساويين بالشكل السادس

والثلثين من الاول فالمنشوران متساويان بالشكل الحادي والاربعين من

الحادية عشر ولان ارتفاع مخروط $\overline{أه}$ $\overline{أه}$ ارتفاع منشور $\overline{أه}$ $\overline{أه}$

وقاعدتاها اعني مثلثي $\overline{أه}$ $\overline{أه}$ متساويان بالشكل السادس والثلثين

من الاول وراس المخروط نقطة $\overline{أه}$ $\overline{أه}$ وراس المنشور مثلث $\overline{أه}$ $\overline{أه}$ فالمنشور

اعظم من مخروط $\overline{أه}$ $\overline{أه}$ فالمنشوران معا اعظم من مخروطي $\overline{أه}$ $\overline{أه}$ $\overline{أه}$ $\overline{أه}$

معا فالمنشوران معا اعظم من نصف مخروط $\overline{أب}$ $\overline{أب}$ فالحكم ثابت وذلك

ما اردنا ان نبين

وقد استبان منه ان لنا ان نفصل كل مخروط من مخروطي $\overline{أه}$ $\overline{أه}$ $\overline{أه}$ $\overline{أه}$

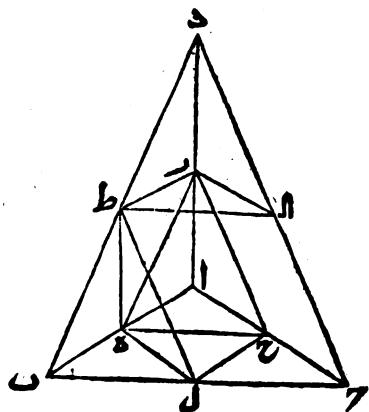
الى مخروطين متساويين متشابهين والي منشورين هما معا اعظم من

مخروطيهما وهكذا الى غير النهاية

كل مخروطين مثلثي القاعدتين ارتفاعهما

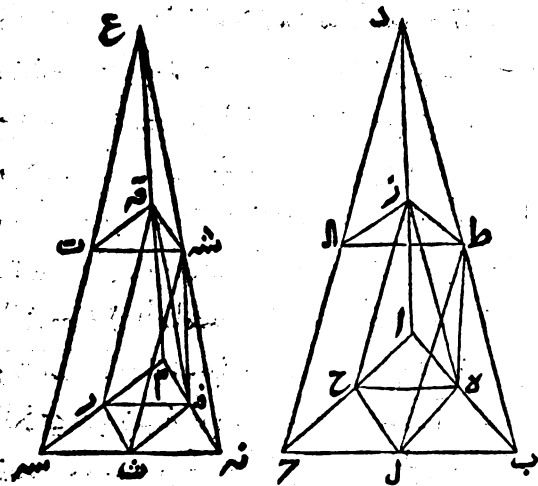
بقدر واحد فصل كل منهما الى مخروطين متساويين

متشابهين



متشابهين يشبهانه والي منشورين متساويين هما
معا اعظم من نصفه وفصل كل من المخروطين
الحادثين الى مخروطين متساويين متشابهين
فيشبهانه والي منشورين متساويين هما معا اعظم
من نصف مخروطه وهكذا بالغاما بلغ بشرط ان
يكون عدد المناشير التي يشتمل عليها احد
مخروطي الاعظم كعدد المناشير التي يشتمل عليها
المخروط الآخر الاعظم فان نسبة قاعدة احد مخروطي
الاعظم الى قاعدة المخروط الآخر الاعظم كنسبة
جميع المناشير التي يشتمل عليها المخروط الاول الى
جميع المناشير التي يشتمل عليها المخروط الثاني *

ليكن مخروطا ا ب ج د م ن ه س ع ارتفاعها بقدر واحد وقاعدتهما مثلثا
ا ب ج م ن ه س وفصل
مخروط ا ب ج د الى
مخروطي ا ه ج م ن ط الزد
المتساويين المتشابهين
يشبهان مخروط ا ب ج د
والي منشوري م ن ح ب ط
زحل المتساويين وهما
معا اعظم من نصف
مخروط ا ب ج د وفصل
كل من مخروطي ا ه ج م ن
ط الزد الى مخروطين
ومنشورين كما ذكرناه وهكذا بالغاما بلغ وفصل مخروط م ن ه س ع الى



مخروطي م قمر قمر شت ق قع والي منشوري قمر ت ش قمر شت ق قع
اعظم من نصف مخروط م ن س ع وكل من مخروطي م ن س ع والي منشوري
ومنشورين كما ذكرناه وهكذا بالغاما بلغ بحيث يكون عدد المنشير
التي يشتمل عليها مخروط ا ب ح د ك عدد المنشير التي يشتمل عليها مخروط
م ن س ع وبان تفصيل المخروطين الي المخاريط والمنشير المتساوية
بالشكل المتقدم فاقول ان نسبة قاعدة ا ب ح د الي قاعدة م ن س ع كنسبة
جميع المنشير التي يشتمل عليها مخروط ا ب ح د الي جميع المنشير التي يشتمل
عليها مخروط م ن س ع اذا كانت متساوية العدة برهان ذلك فلان

نسبة ا ب ح د الي م ن س ع

كنسبة ل ح الي ت س ع

بالشكل الخامس عشر

من الخامسة لان ا ب ح د

ضعف ل ح كما ان م ن س ع

ضعف ت س فنسبة

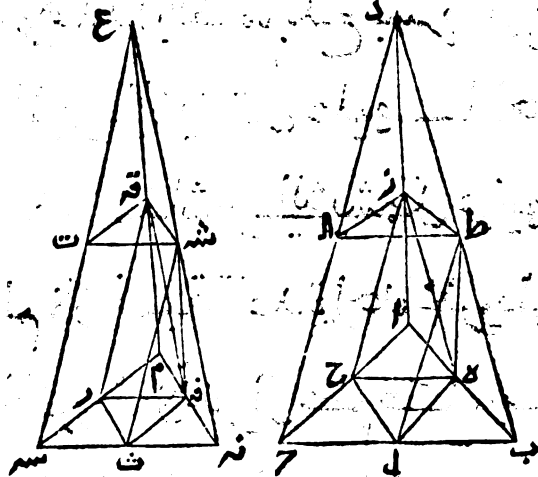
ل ح الي ت س مثناة

كنسبة ا ب ح د الي م ن س ع

مثناة ونسبة قاعدة

ا ب ح د الي قاعدة م ن س ع

كنسبة ا ب ح د الي م ن س ع



مثناة بالشكل التاسع عشر من السادسة فبالترتيب نسبة قاعدة ا ب ح د الي

قاعدة م ن س ع كنسبة ل ح الي ت س ع مثناة بالشكل الحادي عشر من الخامسة

ونسبة قاعدة ا ب ح د الي قاعدة ر ث س كنسبة ل ح الي ت س مثناة بالشكل

التاسع عشر من السادسة فبالشكل الحادي عشر من الخامسة نسبة

قاعدة ا ب ح د الي قاعدة م ن س ع كنسبة قاعدة ا ب ح د الي قاعدة ر ث س ولان

منشور حل ح د نصف مجسم متوازي الاضلاع ارتفاعه كارتفاع منشور

حل ح د بالشكل الثامن عشر من الحادية عشر وبمثله نقول ان منشور

ر ث س ت نصف مجسم متوازي الاضلاع ارتفاعه كارتفاع منشور

ر ث س ت بالشكل الثامن عشر من الحادية عشر وارتفاع المنشورين

متساويان فارتفاع المجسمين متساويان ونسبة الاجزاء كنسبة الاضعاف

بالشكل الخامس عشر من الخامسة فنسبة منشور حل ح د الي منشور

ر ث س ت كنسبة المجسم الذي هو ضعف منشور حل ح د الي المجسم

الذي هو ضعف منشور ر ث س ت ونسبة قاعدة المجسم الذي هو

ضعف منشور حل ح د الي قاعدة المجسم الذي هو ضعف منشور ر ث س ت

كنسبة المجسم الي المجسم بالشكل الثالث والثلاثين من الحادية عشر لان

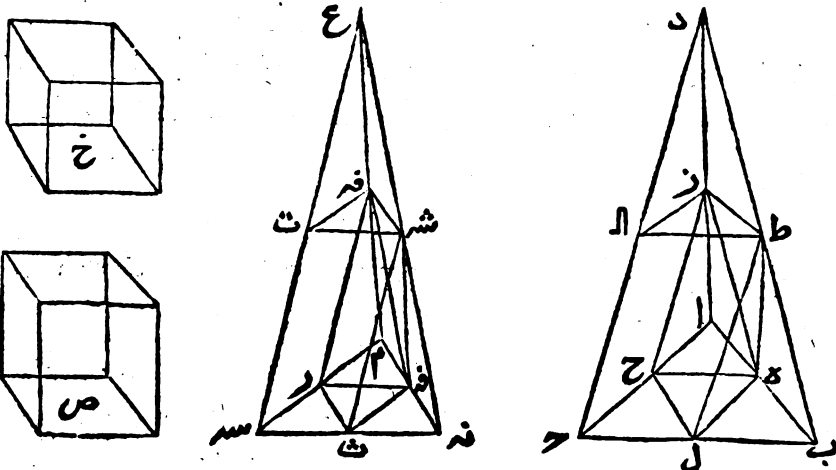
ارتفاع المجسمين متساويان فبالشكل الحادي عشر من الخامسة نسبة

منشور

الي جميع المناشير التي يشتمل عليها مخروط م ن س ع عند انقسامه الي
مخاريط ومناشير متساوية بشرط تساوي العدة بالحكم ثابت وذلك
ما اردنا ان نبين

كل مخروطين مثلثي القاعدتين متساويي الارتفاعين فان نسبة احدهما الي الآخر كنسبة قاعدته الي قاعدة الآخر

ليكن مخروطا $أ ب د$ م ن س ع قاعدة ثابتهما مثلثا $أ ب ح$ م ن س ع وارتفاعاهما
بقدر واحد فاقول ان نسبة قاعدة $أ ب ح$ الي قاعدة $م ن س ع$ كنسبة
مخروط $أ ب د$ الي مخروط $م ن س ع$ برهانه $و$ الا فلتكن نسبة قاعدة
 $أ ب ح$ الي قاعدة $م ن س ع$ كنسبة مخروط $أ ب د$ الي مجسم ما اما اصغر من



مخروط م ن س ع واما اعظم منه فليكن $و$ الا الي مجسم اصغر منه وليكن
هو مجسم $ص$ وتماه من مخروط م ن س ع مجسم $خ$ ونفصل من مخروط
م ن س ع مخروطين متساويين ومتشابهين ومشابهين لمخروط م ن س ع
ومنشورين متساويين هما اعظم من نصف مخروط م ن س ع ونفصل من
المخروطين المحادئين مخروطين متساويين ومتشابهين ويشبهان المخروطين
الذين فصلنا منه ومنشورين متساويين هما اعظم من نصف المخروط
الذي فصلنا منه وهكذا بالغنا ما بلغ بالشكل الثالث فسبيل التفصيل
الي ان يبقي مخروط م ن س ع مخروطان هما اصغر من مجسم $خ$ بالشكل الاول
من العاشرة وكان مخروط م ن س ع كجسمي $ص$ $خ$ فنشورا $م ن س ع$ $ث$
رث $و$ مع اعظم من مجسم $ص$ ونفصل من مخروط $أ ب د$ مخاريط
ومناشير بالصفة المذكورة عدتها كعدة ما يشتمل عليها مخروط م ن س ع
من

الثانية عشر

• لا

من المخاريط والمناشير بالشكل الثالث فليكن ما انفصل اليه مخروط
ث رفة $أ ب ح د$ من المخاريط والمناشير مخروطي $أ ه ح ز$ رط $أ د$ ومنشوري
حل $ح أ ل ح ه ز$ فنسبة منشوري مخروط $أ ب ح د$ الي منشوري مخروط
م ن ه س ع كنسبة قاعدة $أ ب ح د$ الي قاعدة م ن ه س بالشكل المتقدم وكانت
نسبة مخروط $أ ب ح د$ الي مجسم م ن ه س كنسبة قاعدة $أ ب ح د$ الي قاعدة م ن ه س
فبالشكل الحادي عشر من الخامسة نسبة منشوري مخروط $أ ب ح د$ الي
منشوري مخروط م ن ه س ع كنسبة مخروط $أ ب ح د$ الي مجسم م ن ه س فبالابدال
نسبة منشوري مخروط $أ ب ح د$ الي مخروط $أ ب ح د$ كنسبة منشوري مخروط
م ن ه س ع الي مجسم م ن ه س بالشكل السادس عشر من الخامسة لكن منشورا
مخروط $أ ب ح د$ اصغر من مخروط $أ ب ح د$ لانها جزء فنشورا مخروط
م ن ه س ع اصغر من مجسم م ن ه س وكانا اعظم هذا خلف . ثم لتكن نسبة
قاعدة $أ ب ح د$ الي قاعدة م ن ه س كنسبة مخروط $أ ب ح د$ الي مجسم ما هو اعظم
من مخروط م ن ه س ع وليكن هو مجسم خ فبالخلاف نسبة قاعدة م ن ه س
الي قاعدة $أ ب ح د$ كنسبة مجسم خ الي مخروط $أ ب ح د$ ونسبة مخروط م ن ه س ع
الي مجسم ما وليكن هو مجسم م ن ه س ع كنسبة مجسم خ الي مخروط $أ ب ح د$ لكن
مجسم خ اعظم من مخروط م ن ه س ع فمخروط $أ ب ح د$ اعظم من مجسم م ن ه س
بالشكل الرابع عشر من الخامسة فبالشكل الحادي عشر من الخامسة
قاعدة م ن ه س الي قاعدة $أ ب ح د$ كنسبة مخروط م ن ه س ع الي مجسم م ن ه س
الذي هو اصغر من مخروط $أ ب ح د$ فندبر مثل ما دبرنا ونبين الخلف مثل
ما بينا فلا يمكن ان تكون نسبة قاعدة $أ ب ح د$ الي قاعدة م ن ه س كنسبة
مخروط $أ ب ح د$ الي مجسم اصغر او اعظم من مخروط م ن ه س ع فنسبة قاعدة
 $أ ب ح د$ الي قاعدة م ن ه س كنسبة مخروط $أ ب ح د$ الي مجسم يساوي مخروط
م ن ه س ع ونسبة مخروط $أ ب ح د$ الي مخروط م ن ه س ع كنسبته الي مجسم
يساوي مخروط م ن ه س ع بالشكل السابع من الخامسة فبالشكل الحادي
عشر من الخامسة نسبة قاعدة $أ ب ح د$ الي قاعدة م ن ه س كنسبة مخروط
 $أ ب ح د$ الي مخروط م ن ه س ع وذلك ما اردنا ان نبين

و

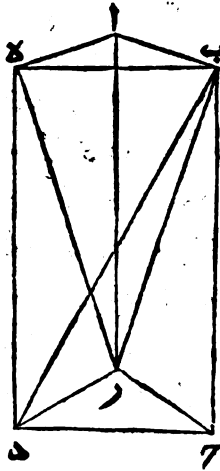
كل واحد من المناشير مثلثة القواعد يمكن

ان يفصل الي ثلث مخاريط متساوية قاعدة

كل مثلث

ليكن منشور $أ ب ح د ه ز$ قاعدته مثلث $ح د ز$ فاقول انه يمكن ان يفصل
الي ثلاثة مخاريط متساوية قاعدة كل مثلث برهانه فصل $ب د ب ر د ر$

بخطوط مستقيمة فلان مثلثي $\overline{ب د د}$ متساويان بالشكل الرابع
والثلثين من الاول لان $\overline{س ط}$ $\overline{ب د د}$ متوازي
الاضلاع ومخروطي $\overline{ب د د}$ $\overline{ب د د}$ متساويان
الارتفاعين فنسبة مخروط $\overline{ب د د}$ الى مخروط
 $\overline{ب د د}$ كنسبة قاعدة $\overline{ب د د}$ الى قاعدة $\overline{ب د د}$ بالشكل
المتقدم لكن القاعدتان متساويتان فمخروط
 $\overline{ب د د}$ مخروط $\overline{ب د د}$ واذا جعلنا مثلث $\overline{م ر ا}$
قاعدة مخروط $\overline{ر د ا}$ ومثلث $\overline{ر د ا}$ قاعدة مخروط
 $\overline{ر د ب}$ يكون مخروط $\overline{م ر ا}$ مخروط $\overline{ر د ب}$
بالبان المذكور فيكون مخروط $\overline{ب د د}$ مخروط
 $\overline{م ر ا}$ فالخاريط الثلاثة متساوية وذلك ما
اردنا ان نبين

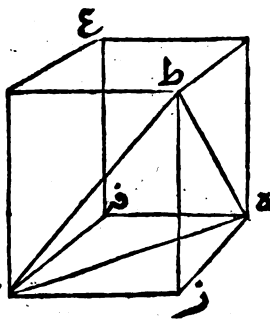


وقد بان منه ان كل مخروط مثلث القاعدة يتم منشورا مثلث
القاعدة هو ثلث المنشور

كل مخروطين قاعدة كل منهما مثلث فان كان
متساويين كانت قاعدتهما مكافئتين لارتفاعيهما
وان كانت قاعدتهما مكافئتين لارتفاعيهما فهما

متساويين

لتكن مثلثا $\overline{ا ب د}$ و $\overline{ا ب د}$
قاعدتي مخروطي $\overline{ا ب د}$
و $\overline{ا ب د}$ وزاويهما نقطتي
 $\overline{د ط}$ فاقول ان المخروطان
متساويين فقاعدتهما
متكافئتين لارتفاعيهما
برهانهم نخرج من نقطتي
 $\overline{ا ح}$ خطا $\overline{ا م ح م}$ موازيين

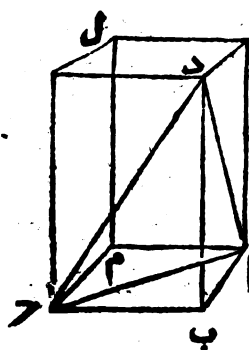
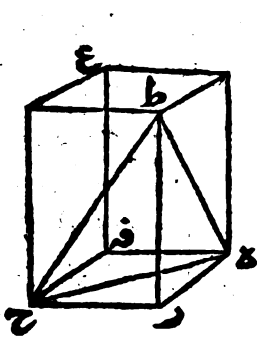


لخطي $\overline{ب ح ا}$ بالشكل الواحد والثلثين من الاول فهما يتلاقهان لان
زاويتي $\overline{ب ح ا}$ $\overline{ب ح ا}$ من قائمتين بالشكل التاسع عشر من الاول
وزاويتي $\overline{ا ح م}$ $\overline{ا ح م}$ تساويهما بالشكل التاسع والعشرين من الاول لتوازي
خطوط $\overline{ا ب م ح ا م ب ح}$ ويمثله نتم سطوح $\overline{ب ح ا}$ $\overline{ب ح ا}$ فيحصل
جسم

جسم بال متوازي السطوح لتوازي اضلاعها وبمثلها فقم جسم زفر
فكل من الجسمين يتقسم الى منشورين بالشكل الرابع والعشرين من
الحادية عشر وكل منشور ينقسم الى ثلث مثلثة القواعد بالشكل
الثالث فقم جسم بـم ل ستة امثال مخروط ا ب د و جسم زفر ستة امثال
مخروط هـ ز ح ط والمخروطان متساويان فالجسمان متساويان وكل جسمين
متساويين فقاعدتاها متكافئتان لارتفاعهما بالشكل الرابع او
الخامس والثلثين من الحادية عشر وارتفاع الجسمين والمخروطين
متساويين ونسبة الاجزاء كنسبة الاضلاع بالشكل الخامس عشر
من الخامسة فنسبة قاعدة ا ب ح الى قاعدة هـ ز ح كنسبة قاعدة بـم الى
قاعدة زفر بالشكل الحادي عشر من الخامسة فقاعدتا مخروطي ا ب د
هـ ز ح ط متكافئتان لارتفاعهما . وان كانت قاعدتا المخروطين متكافئتين
لارتفاعهما فهما متساويان فقم مجسمي المخروطين كما مروها مجسما بـم ل
زفر وقاعدة بـم ضعف مثلث ا ب ح وقاعدة زفر ضعف مثلث هـ ز ح
بالشكل الرابع والثلثين من الاولى وارتفاع المخروطين والجسمين
متساويان ونسبة الاجزاء كنسبة الاضلاع بالشكل الخامس عشر من
الخامسة فنسبة قاعدة بـم الى قاعدة زفر كنسبة ارتفاع مجسم زفر
الى ارتفاع مجسم بـم ل بالشكل الحادي عشر من الخامسة فبالشكل
الرابع والثلثين او الخامس والثلثين من الحادية عشر مجسما بـم ل زفر
متساويان ومجسم بـم ل ستة امثال مخروط ا ب د ومجسم زفر ستة امثال
مخروط هـ ز ح ط فالمخروطان متساويان وذلك ما اردنا ان نبين *

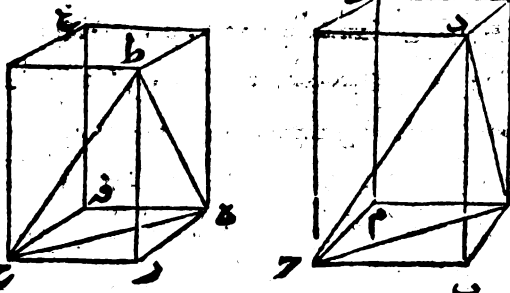
ح

كل مخروطين متشابهين قاعدة مثلث فان
نسبة احدهما الى الآخر كنسبة ضلع من اضلاع
السطوح المحيطة به الى نظيره من اضلاع السطوح
المحيطة بالآخر مثلثة بالتكرير *



لتكن مخروطا ا ب د
هـ ز ح ط فاقول ان نسبة
مخروط ا ب د الى مخروط
هـ ز ح ط كنسبة ضلع من
اضلاع السطوح المحيطة
باحدهما الى ضلع من

اضلاع السطوح المحبطة بالآخر وليكن كنسبة بـ ح الى زرع مثلثة
بالتكرير برهانه فقم مجسمي بـ مـ ل زرع كما مـ ر في الشكل فتكون
السطوح المقابلة من كل واحد منهما متساوية والاضلاع المقابلة من تلك
السطوح متوازية بالشكل الرابع والعشرين من الحادية عشر فتكون
الزوايا المقابلة من تلك
السطوح متساوية بالشكل
العاشر من الحادية عشر
فبالشكل الواحد
والعشرين من السادسة
تكون السطوح المحبطة
بالمجسمين متشابهة فنسبة



ضلع بـ ح الى ضلع زرع مثلثة بالتكرير كنسبة بـ مـ ل الى مجسم زرع
بالشكل الحادي والثلاثين من الحادية عشر وقد بين في الشكل الثامن
والعشرين من الحادية عشر ان كل مجسم متوازي السطوح ينصف
بمنشورين وفي الشكل السادس بينا ان كل منشور مثلث القاعدة
ينقسم الى ثلثة مخاريط متساوية مثلث القواعد فمحروط ا ب ح د
سدس مجسم بـ مـ ل ومحروط هـ ز ح ط سدس مجسم زرع ونسبة الاجزاء
كنسبة الاضلاع بالشكل الخامس عشر من الخامسة فنسبة محروط
ا ب ح د الى محروط هـ ز ح ط كنسبة مجسم بـ مـ ل الى مجسم زرع بالشكل
الحادي عشر من الخامسة ونسبة مجسم بـ مـ ل الى مجسم زرع كنسبة بـ ح
الى زرع مثلثة بالتكرير بالشكل الثامن والعشرين من الحادية عشر
فبالشكل الحادي عشر من الخامسة نسبة محروط ا ب ح د الى محروط
هـ ز ح ط كنسبة بـ ح الى زرع مثلثة بالتكرير وذلك ما اردنا ان نبين

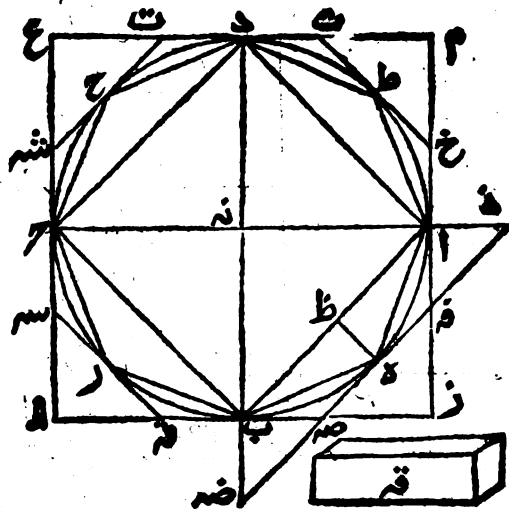
ط

كل اسطوانة مستديرة فان محروطها المستدير

ثلثه

لتكن احدي قاعدتي الاسطوانة المستديرة دائرة ا ب ح د وفي قاعدة
محروطها المستدير وارتفاعه كارتفاعها فتكون النقطة التي بين راس
المحروط متحدة بمركز الدائرة التي هي لقاعدة الاخرى للاسطوانة
فاقول ان المحروط المستدير كثلثها برهانه فلانه لم يكن كثلثها
لكن اصغر من ثلثها او اعظم وليكن اولا اصغر فالاسطوانة تكون اعظم
من ثلثة اما ان المحروط المستدير فضلها عليه مجسم فـ فنلثه امثال
المحروط

المحروط مع مجسم قـ كالاسطوانة فليمر سطح مستو بسهم الاسطوانة
فنفصلها بقسمين وليكن الفصل المشترك بين السطح القاطع وقاعدتي
الاسطوانة وسطها خطوط مستقيمة بالشكل الثالث من المحادية عشر
فالمشترك بينهما وبين القاعدتين قطرها على كل منهما وعلى متوازيان
لتوازي القاعدتين فالمشترك بينهما وبين الاسطوانة خطان مستقيمان
بين نهـ ايـ



القطرين ونرسم
في قاعدتي آـ بـ دـ
بالشكل المحادي
من الرابعة وليكن
القطر القاطع قطر
آـ عـ على زوايا قائمة
قطر بـ دـ وليربع
التقاطع على نقطة
نـ ولنخرج من
نقط آـ بـ دـ في
القاعدتين اعمدة
آزبـ آـ جـ دـ حـ على
اقطار آـ بـ دـ

بالشكل المحادي عشر من الاولي فتقع الاعمدة خارجة عن القاعدتين
عما منه لهما بالشكل الخامس عشر من الثالثة فبنتهي كل منهما الى
معددين منها فلبنته آـ زـ الى بـ دـ عـ على نقطتي زـ حـ و جـ الى بـ دـ عـ على
نقطتي آـ عـ لان كل واحدة من الزوايا التي يحيط بها احد الاعمدة مع
احد الاضلاع آـ بـ دـ حـ من قائمة فتكون الاضلاع المتقابلة من سطحي
آـ حـ المحيطين بالقاعدتين متوازية بالشكل الثامن والعشرين من الاولي
فتكون متساوية بالشكل الرابع والثلاثين من الاولي ونصل بين كل
واحدة من النقط الكائنة على اضلاع احد سطحي آـ حـ وبين النقط
الكائنة على اضلاع السطح الاخر منهما المتقاطر بخط مستقيم فتكون
الخطوط الواصلة متوازية بالشكل الثالث والثلاثين من الاولي فيحدث
مجسم على قاعدة آـ حـ متوازية السطوح المحيطة به لتوازي اضلاعها
محيطا بالاسطوانة وعلى ارتفاعه واربعة مجسمات متوازية السطوح
بارتفاع الاسطوانة وفي الكائنة على قواعد زـ نـ عـ حـ وكل من
المجسمات الاربعة منصف بالسطح المار آـ بـ دـ حـ الى منشوري
بالشكل الثامن والعشرين من المحادية عشر فكل من منشورات آـ بـ دـ حـ
د حـ حـ بـ من اعظم من نصف قطعة الاسطوانة التي ذك المنشور فيها

وخصف كل واحد من قسي ابي جرد اذ علي نقطة مخرج ط من
المقاصدين بالشكل التاسع والعشرين من الثالثة ونصل الوتار اذ
ب زرد مخرج د ط ا ط فتقع الاوتار كلها داخل المقاصدين بالشكل
الثاني من الثالثة ونخرج من كل واحدة من النقط المذكورة خطا موازيا

لاضلاع امر بیستع

أَجِبْ حُودَ الشَّيْءِ كُلِّ

الواحد والثلاثين

من الاولي فبنته

المختطوط الى اصلاخ

سقطی - الح - فلسطی

إِلَى نَقْطَةٍ وَصَدَحَ

فَمَنْ شَاءَ فَلْيُصَلِّ

فہرست سطران

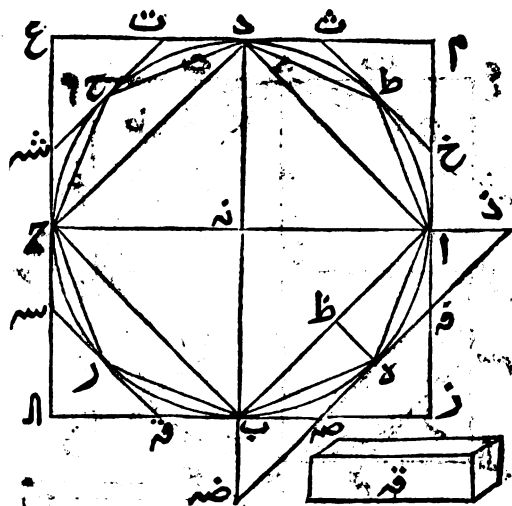
عَلَيْهِ سَلَامٌ يَا كَلِّ مَنَّهُ

نقطه من النقط

المذكورة ونخرج

من نقطة عمود

هـ ظ علي وتروا ب



بالشكل الثاني عشر من الاول ونخرج خط ف هـ في جهته مع كل واحد
من وترى اربعه جهته هي الاربعة لان كل واحد من الواويعين اللتين
يحيط بواحد قمتها وتزاد آة آر بالاخرية وتكون ب عـ وكل منهما اقل
من قائمة فلبنته الي نقطتي د هـ ونصل بين كل واحد من نقطتي د
ونقطتي هـ بخط مستقيم فيحدث مجسم اضيق ارتفاع الاسطوانة
مشقلا علي مجسمي ذ ط هـ ط وكل منها منصف للمسطح الخارج علي وترى
آة ب هـ الي منشورين متساويين بالشكل الثامن والعشرين من الحادية
عشر ولان مجسم ذ ط اعظم من قطعة الاسطوانة الكائنة علي قطعة آة ط
من قاعدتها فالمنشور الكاين علي مثلث ج هـ ط اعظم من نصف قطعة
الاسطوانة الكائنة علي قاعدة ب هـ ط من قاعدتها فالمنشور الكاين علي
مثلث آة ب اعظم من نصف قطعة الاسطوانة الكائنة علي قطعة آة ب من
قاعدتها وبمثلة تبين ان المنشورات الكائنة علي مثلثات ب ر ح و ج د ط
اعظم من انصاف قطع الاسطوانة الكائنة علي قطع ب ر ح و ج د ط من
قاعدتها فلو سلطنا هذه الطريقة فانه سيبقي من الاسطوانة المستديرة
بقايا هي اقل من مجسم ق بالشكل الاول من العاشرة ويمكن الباقي من
الاسطوانة هي القطع الكائنة علي قطع آة ب هـ ب ر ح و ج د ط آ ط من
قاعدتها فالمنشور الكاين علي قاعدة آة ب ر ح و ج د ط بار تفاع الاسطوانة
اعظم

اعظم من ثلثة لمثال المخروط المستدير فاذا وصلنا من نقطة نه راس
المخروط المستدير وبين كل واحدة من نقط آه ب ر ح د ط بخط
مستقيم يكون كل من تلك الخطوط كائنا في سطح المخروط المستدير
والا لكان داخلا فيه او خارجا عنه فنصل بين راس المخروط المستدير
وبين كل من تلك النقط بخط مستقيم في سطح المخروط المستدير فبلزم
حاطه خطين مستقيمين بسطح . هذا خلف فيحدث مخروط مضلع
علي قاعدة آه ب ر ح د ط بارتفاع المخروط المستدير ويكون داخلا
فيه لانا اذا وصلنا من راس المخروط المستدير وبين كل واحدة من
النقط التي تفرض علي اوتار آه ب ر ح د ط آ ط في سطح
المخروط المضلع يقع داخل المخروط المستدير لكن المخروط المضلع
ثلث المنشور الكاين علي قاعدة آه ب ر ح د ط بالشكل السادس وكان
المخروط المستدير اقل من ثلث ذلك المنشور فالمخروط المضلع الكاين
علي قاعدة آه ب ر ح د ط وبارتفاع المخروط المستدير اعظم من المخروط
المستدير فبلزم ان يكون جزء الشيء اعظم من كله هذا خلف فالمخروط
المستدير ليس باصغر من ثلث الاسطوانة . وليس باعظم منها والا
لكان اعظم من ثلثها فليكن اعظم مجسم ففرض في قاعدة الاسطوانة
مربعي اب ج د وعليها ذا اربعة اضلاع م ال ع ونجعلها قاعدة في مجسم
المتوازية السطوح المحيطة به وبارتفاع الاسطوانة محيطا بها بمثل
ما مر في القسم الاول ونصل بين نقطة نه راس المخروط المستدير وبين

كل واحدة من

نقط آه ب ر ح د ط

ه م بخط مستقيم

فيحدث ثمانية

مخمساريط مثلثة

المقواعد قواعدا

مثلثات اب نه اب ال

ب ح نه ب د ح د

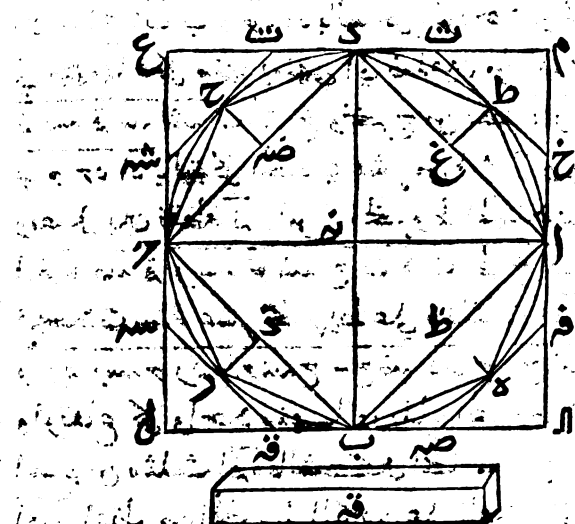
ح د نه د م د كل

منها داخل

المخروط المستدير

بمثل مسامري

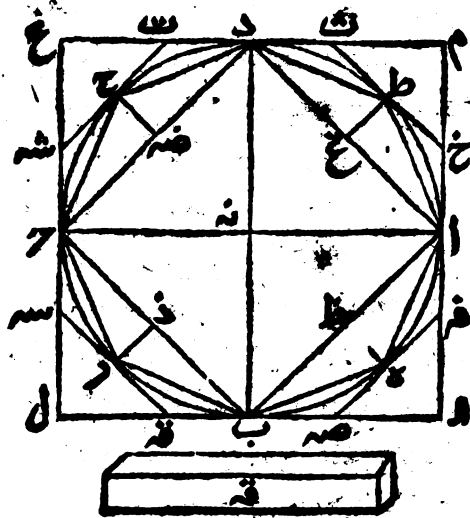
القسم الاول فلان



كلا من سطوح ال نه ل نه ع نه م نه متوازي الاضلاع فثلثه اب نه
مثلث اب نه ومثلث ام نه مثلث ا نه ومثلث ب نه ومثلث ب ح نه
ومثلث ح د نه ومثلث د م نه بالشكل السابع والثلاثين من الاولى

فنسبة المخروط الكاين على مثلث $\overline{آب}$ الى المخروط الكاين
على مثلث $\overline{آب}$ كنسبة مثلث $\overline{آب}$ الى مثلث $\overline{آب}$ بالشكل الخامس
لكن المثلث كالمثلث فالمخروط مثل المخروط لكن مجموع مخروطين $\overline{آب}$
 $\overline{آب}$ معا اعظم من قطعة المخروط المستدير الكاين على قطعة $\overline{آب}$ من
قاعدة الاسطوانة لان

المحيط اعظم من المحيط
فالمخروط المصليع الكاين
على مثلث $\overline{آب}$ اعظم
من نصف قطعة
المخروط المستدير
الكاين على قاعدة
 $\overline{آب}$ وبمثله تبين في
المخاريط الكائنة على
قواعد $\overline{ب ح}$ $\overline{د ح}$ $\overline{آ د}$
ثم ننصف كل واحدة
من قسي $\overline{آ ب}$ $\overline{ب ح}$ $\overline{آ د}$
آد من قاعدة الاسطوانة



على نقط $\overline{آ ر ح}$ ط بالشكل التاسع والعشرين من الثالثة وفصل
اوتار $\overline{آ ب}$ $\overline{ب ر ر ح}$ $\overline{ح د}$ $\overline{د ط}$ $\overline{آ ط}$ فبقع الشكل داخل القاعدة
بالشكل الثامن من الثالثة ونخرج من نقط $\overline{آ ر ح}$ ط سطوحا متوازية
الاضلاع $\overline{آ ب}$ $\overline{ب ح}$ $\overline{ح د}$ $\overline{آ د}$ بالشكل الواحد والثلاثين من الاولى ونخرجها
في جهتها فكل منها ينتهي الى ضلعين من اضلاع سطح $\overline{آ ح}$ فيحدث مقم
 $\overline{ق ر ر ح}$ $\overline{ق ر ح}$ $\overline{ق ر ح}$ $\overline{ق ر ح}$ $\overline{ق ر ح}$ $\overline{ق ر ح}$ ونخرج من نقط $\overline{آ ر ح}$ ط اعمدة على اوتار $\overline{آ ب}$
 $\overline{ب ح}$ $\overline{ح د}$ $\overline{آ د}$ بالشكل المحادي عشر من الاولى وفي اعمدة $\overline{ق ر ح}$ $\overline{ق ر ح}$ $\overline{ق ر ح}$
ونصل بين نقطة $\overline{ق ر ح}$ راس المخروط المستدير وبين كل واحدة من نقط
 $\overline{آ ر ح}$ $\overline{ق ر ح}$ $\overline{ق ر ح}$ $\overline{ق ر ح}$ $\overline{ق ر ح}$ $\overline{ق ر ح}$ $\overline{ق ر ح}$ $\overline{ق ر ح}$ $\overline{ق ر ح}$ $\overline{ق ر ح}$ $\overline{ق ر ح}$
فيحدث ستة عشر مخاريط على مثلثات $\overline{آ ط}$ $\overline{آ ر ح}$ $\overline{ب ر ح}$ $\overline{ب ر ح}$ $\overline{ب ر ح}$ $\overline{ب ر ح}$
 $\overline{ب ر ح}$ $\overline{ب ر ح}$ $\overline{ب ر ح}$ $\overline{ب ر ح}$ $\overline{ب ر ح}$ $\overline{ب ر ح}$ $\overline{ب ر ح}$ $\overline{ب ر ح}$ $\overline{ب ر ح}$ $\overline{ب ر ح}$ $\overline{ب ر ح}$
وارتفاع كل واحد منها كارتفاع المخروط المستدير ولان مثلث $\overline{آ ط}$
اعظم من مثلث $\overline{آ ر ح}$ فالشكل الخامس من المخروط الكاين على قاعدة
 $\overline{آ ط}$ اعظم من المخروط الكاين على قاعدة $\overline{آ ر ح}$ فنسبة المخروطين كنسبة
القاعدتين ويجمع المخروطين اعظم من قطعة المخروط المستدير الكائنة
على قطعة $\overline{آ ط}$ من قاعدة الاسطوانة فالمخروط المصليع الكاين على قاعدة
 $\overline{آ ط}$ اعظم من نصف قطعة المخروط المستدير الكاين على قاعدة
 $\overline{آ ط}$ من قاعدة الاسطوانة وايضا فلان المخروط الكاين على قاعدة
 $\overline{ب ر ح}$

بخط اعظم من المخروط الكاين على قاعدة بيضاوية فالحزب من معا
اعظم من قطعة المخروط المستدير الكاينة على قطعة بيضاوية من قاعدة
الاسطوانة وذلك لان المحيط اعظم من المحيط فالحزب الكاين على مثلث
آب وهار قبساع المخروط المستدير اعظم من نصف قطعة المخروط
المستدير الكاين على قطعة آب من قاعدة الاسطوانة ومثله تبين في
باقي المخروطات الكاينة على مثلثات ب ر ح د ا ط د فلو سلكتنا هذه
الطريقة فانه سيبقى من المخروط المستدير بقايا هي اصغر من مجسم ق
بالشكل الاول من العاشرة فليبق من المخروط المستدير القطع الكاينة
على قطع آه ب ب ر ر ح د د ا ط من قاعدة الاسطوانة وهو ثلث
المنشور الكاين على قاعدة آه ب ر ر ح د بارتفاع الاسطوانة بالشكل
السادس فهو اصغر من ثلث الاسطوانة وكان اعظم منه هذا خلف
فالمخروط المستدير لبس باعظم من ثلث الاسطوانة وقد انه لبس
باصغر من ثلثها وهو مساو لثلث الاسطوانة المستدير وارتفاع المخروط
المستدير وذلك ما اردنا ان نبين

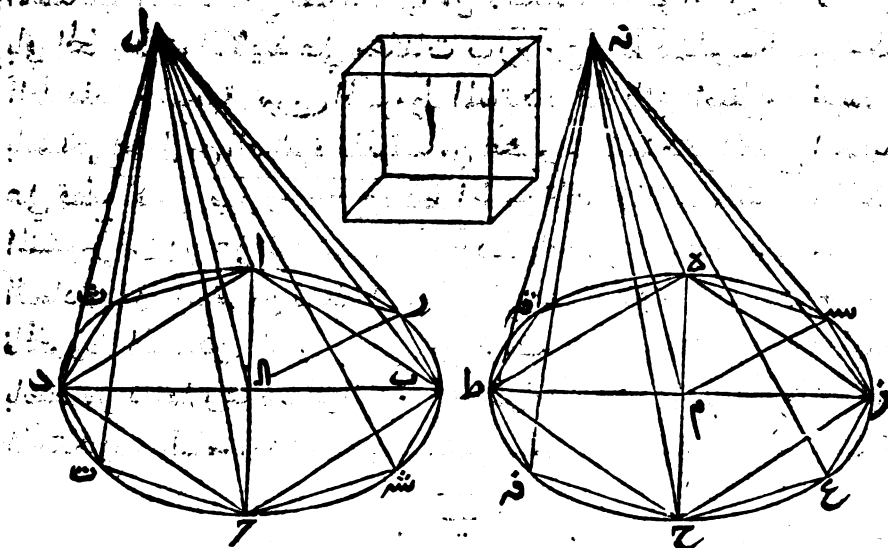
٢

كل مخروط واسطوانة مستديرة على دائرة واحدة
في قاعدتها وسهمها خط واحد يشبهان مخروطا
واسطوانة مستديرين قاعدتهما دائرة واحدة
وسهمها خط واحد غير سهم الاولين فان نسبة
المخروط الى المخروط والاسطوانة الى الاسطوانة
كنسبة خط قاعدتها مثلثة بالتكرير

ليكن مخروطا واسطوانة مستديرين قاعدتهما دائرة آب ح د وسهمها
ال يشبهان مخروطا واسطوانة قاعدتهما دائرة هـ ز ح ط وسهمها م ن
فاقول ان نسبة مخروط آب ح د الى مخروط هـ ز ح ط م ن كنسبة قطر ب د
الى قطر ز ط مثلثة بالتكرير برهانها فان لم تكن النسبة كما ذكرنا فليكن
نسبة قطر ب د الى خط ز ط مثلثة بالتكرير كنسبة مخروط آب ح د الى
مجسم اصغر او اكبر من مخروط هـ ز ح ط م ن وليكن اولا الى مجسم اصغر
منه وليكن مجسم آ ف ن يسم في دائرة هـ ز ح ط مربع هـ ز ح ط بالشكل

المضلع كائنا في داخل المخروط المستدير في دائرة مخرج ط ونرسم في دائرة
 أخرى شكلا لغير الاضلاع شبيها بالشكل الكثير الاضلاع المرسوم في دائرة
 مخرج ط وهو شكل ارب شعرت دث وعليه مخروط مضلع باارتفاع مخروط
 فيكونه الى المستدير كما تقدم فهو شبه المخروط المضلع الكاين على قاعدة
 هـ مخرج ف ط ق وذلك لان مخروطي ا ب ح د ال مخرج ط م هـ المستديرين
 متشابهان فتكون نسبة ال الى ب د كنسبة م نه الى ز ط وبالابدال بالشكل
 الحادي عشر من الخامسة نسبة ال الى م نه كنسبة ب د الى ز ط ونسبة ب ال
 الى ز م كنسبة ب د الى ز ط اذ نسبة الاجزاء كنسبة الاضلاع بالشكل
 الخامس عشر من الخامسة فبالشكل الحادي عشر من الخامسة نسبة ال
 الى م نه كنسبة ب ال الى ز م وكل واحدة من زاويتي ب ال ز م نه قائمة
 فبالشكل السادس من السادسة تصير الزوايا الباقية من مثلثي ب ال
 ز م نه متساوية والاضلاع المتناظرة من المثلثين متناسبة بالشكل الرابع
 من السادسة وبمثله تبين ان مبني ر ال م نه متشابهان ولان نسبة
 ب ال الى ز م كنسبة ر ال الى ز م بالشكل السابع من الخامسة ونسبة ر ال الى
 م نه كنسبة ر ال الى ز م بالشكل السابع من الخامسة فبالشكل الحادي عشر
 من الخامسة نسبة ب ال الى ز م كنسبة ر ال الى م نه وزوايا ب ال ز م نه
 متساويتان من مثلثي ب ال ز م نه فالزوايا الباقية منهما متساوية بالشكل
 السادس من السادسة فبالشكل الرابع من السادسة الاضلاع المتناظرة
 متناسبة فهما متشابهان فنسبة ب ر الى ز م كنسبة ب ال الى ز م وكانت
 نسبة كل واحد من ب ل ر الى ز م نه كنسبة ب ال الى ز م فبالشكل الحادي عشر
 من الخامسة نسبة ب ر الى ز م كنسبة ب ال الى ز م ونسبة ب ل الى م نه
 ونسبة ر ل الى م نه فتشابهان وبمثله تبين ان جميع
 المثلثات المحيطة بخاريط المحيطة بسهمي ال م نه متشابهة كل لتظهيره لكن
 نسبة مخروط ب ر ال الى مخروط ز م نه كنسبة ب ال الى ز م مثلثة
 بالتكرير بالشكل الثامن وكانت نسبة د ب الى ز ط كنسبة ب ال الى ز م
 فنسبة ب د الى ز ط كنسبة ب ال الى ز م فنسبة ب د الى ز ط مثلثة بالتكرير
 كنسبة ب ال الى ز م مثلثة بالتكرير فنسبة مخروط ب ر ال الى مخروط
 ز م نه كنسبة ب د الى ز ط مثلثة بالتكرير بالشكل الحادي عشر من
 الخامسة ونسبة جميع المقدمات الى جميع التوالي كنسبة مقدم الى قالية
 بالشكل الثالث عشر من الخامسة فنسبة المخروط المضلع الكاين
 على قاعدة ارب شعرت دث الى المخروط المضلع الكاين على قاعدة
 هـ مخرج ف ط ق كنسبة مخروط ب ر ال الى مخروط ز م نه وكانت
 نسبة ب د الى ز ط مثلثة بالتكرير كنسبة مخروط ب ر ال الى مخروط
 ز م نه فبالشكل الحادي عشر من الخامسة نسبة المخروط المضلع
 الكاين على قاعدة ارب شعرت دث الى المخروط المضلع الكاين على
 قاعدة

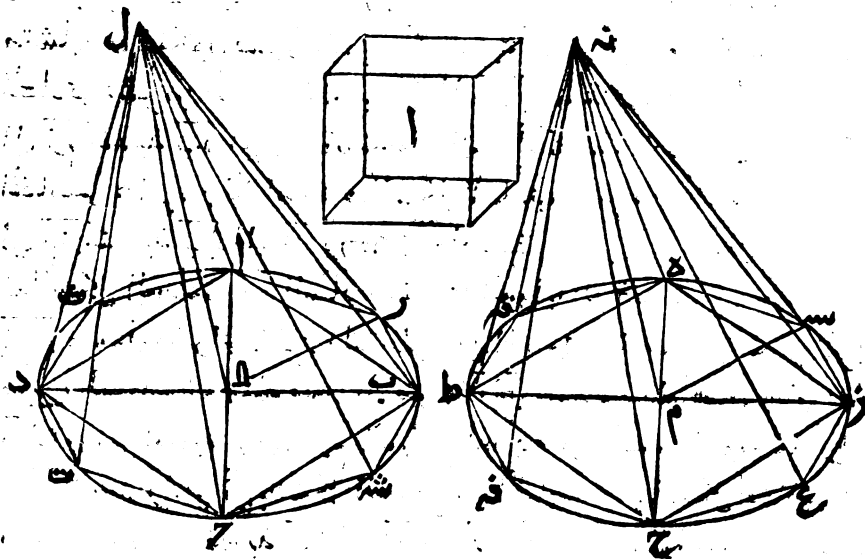
السادس من الرابعة ونصل بين نقطة \bar{b} وبين شكل واحدة من نقاط \bar{a} \bar{c} بخط مستقيم فتكون المخطوط الواصلة في سطح الضروط المستديرة
لأننا إذا وصلنا \bar{b} بين نقطتي \bar{a} \bar{c} مثلا بخط مستقيم حدث مثلث \bar{a} \bar{b} \bar{c}
فإذا اثبتنا ضلع \bar{a} \bar{b} وأدركنا المثلث \bar{a} \bar{b} \bar{c} أن عماد \bar{a} إلى وضعه الأول حفظ \bar{b}



يلزم سطح المخروط بالمصاورة فهنطبق على جميع تلك الخطوط والا
 لزم احاطة خطين مستقيمين بسطح هذا خلف فيحدث مخروطان
 متصلان على قاعدتي هـ ز ط هـ بارتفاع المخروط المستدير هما اعظم
 من نصف القطعة الكائنة من المخروط المستدير على مربع هـ ز ح ط لما
 بينا في الشكل المتقدم وننصف كل واحد من قسي هـ ز مـ ح ط ط هـ
 من محيط دائرة هـ ز ح ط بالشكل التاسع والعشرين من الثلاثة على نقط
 س س ع ق ق هـ ونصل اوتار س هـ س ز مـ ز ع ح ح هـ ف ط ط ق ق هـ فتكون واقعة
 في دائرة هـ ز ح ط بالشكل الثاني من الثلاثة ونصل بين نقطة ن وبين كل
 واحدة من نقط س س ع ق ق هـ بخط مستقيم فتكون الخطوط كائنة في
 سطح المخروط المستدير لما بينا قبل فيحدث اربعة محاريط مثلثات
 كائنة على قطاع س هـ ز مـ ز ع ح ح هـ ط ط ق ق هـ بارتفاع المخروط المستدير
 وتكون كل واحدة منها اعظم من نصف قطعة المخروط المستدير
 الكائنة على القطع المذكورة لما بينا في الشكل المتقدم فلو سلطنا هذه
 الطريقة فانه سببي من المخروط المستدير قطع اقل من مجسم آ بالشكل
 الاول من العاشرة ولتكن الباقية قطع المخروط المستدير كائنة على
 قطع س هـ س ز مـ ز ع ح ح هـ ف ط ط ق ق هـ فالمخروط المضلع الكائين
 على قاعدة س هـ ز مـ ز ع ح ح هـ ف ط ط ق ق هـ بارتفاع المخروط المستدير اعظم من مجسم
 آ ولان كل خط مستقيم يصل بين راسي المخروط وبين اي نقطة تفرض
 على الاوتار المذكورة يقع داخل المخروط المستدير يكون المخروط
 المضلع

المضلع كائنا في داخل المخروط المستدير في دائرة مخرج ط ونرسم في دائرة
 أخرى شكلا لغير الاضلاع شبيها بالشكل الكثير الاضلاع المرسوم في دائرة
 مخرج ط وهو شكل ارب شحت دث وعليه مخروط مضلع با ارتفاع مخروط
 فيكونه الى المستدير كما تقدم فهو شبه المخروط المضلع الكاين على قاعدة
 هـ مخرج ح ف ط ق وذلك لان مخروطي ا ب ح د ا ل مخرج ط م هـ المستديرين
 متشابهان فتكون نسبة ا ل الى ب د كنسبة م ن هـ الى ز ط وبالابدال بالشكل
 الحادي عشر من الخامسة نسبة ا ل الى م ن كنسبة ب د الى ز ط ونسبة ب ا
 الى ز م كنسبة ب د الى ز ط اذ نسبة الاجزاء كنسبة الاضلاع بالشكل
 الخامس عشر من الخامسة فبالشكل الحادي عشر من الخامسة نسبة ا ل
 الى م ن كنسبة ب ا الى ز م وكل واحدة من زاويتي ب ا ل ز م قائمة
 فبالشكل السادس من السادسة تصير الزوايا الباقية من مثلثي ب ا ل
 ز م متساوية والاضلاع المتناظرة من المثلثين متناسبة بالشكل الرابع
 من السادسة وبمثلثه تبين ان مبغني ر ا ل م ن متشابهان ولان نسبة
 ب ا الى ز م كنسبة ر ا ل الى ز م بالشكل السابع من الخامسة ونسبة ر ا ل الى
 م ن كنسبة ر ا ل الى ز م بالشكل السابع من الخامسة فبالشكل الحادي عشر
 من الخامسة نسبة ب ا الى ز م كنسبة ر ا ل الى م ن وزوايا ب ا ل ز م
 متساوية فبالمثلثي ب ا ل ز م فالزوايا الباقية منهما متساوية بالشكل
 السادس من السادسة فبالشكل الرابع من السادسة الاضلاع المتناظرة
 متناسبة فهما متشابهان فنسبة ب ا ر الى ز م كنسبة ب ا ل الى ز م وكانت
 نسبة كل واحد من ب ل ر الى ز م كنسبة ب ا ل الى ز م نظيره كنسبة ب ا ل الى ز م
 فبالشكل الحادي عشر من الخامسة نسبة ب ا ر الى ز م كنسبة ب ل الى ز م
 ونسبة ر ل الى م ن فثلاثا ب ل ر م ن متشابهان وبمثلثه تبين ان جميع
 المثلثات المحيطة بخارجيط المحيطة بسهمي ا ل م ن متشابهة كل لنظيره لكن
 نسبة مخروط ب ر ا ل الى مخروط ز م م ن كنسبة ب ا ل الى ز م مثلثة
 بالتكرير بالشكل الثامن وكانت نسبة د ب الى ز ط كنسبة ب ا ل الى ز م
 فنسبة ب د الى ز ط كنسبة ب ا ل الى ز م فنسبة ب د الى ز ط مثلثة بالتكرير
 كنسبة ب ا ل الى ز م مثلثة بالتكرير فنسبة مخروط ب ر ا ل الى مخروط
 ز م م ن كنسبة ب د الى ز ط مثلثة بالتكرير بالشكل الحادي عشر من
 الخامسة ونسبة جميع المقدمات الى جميع التوالي كنسبة مقدم الى تالية
 بالشكل الثالث عشر من الخامسة فنسبة المخروط المضلع الكاين
 على قاعدة ارب شحت دث الى المخروط المضلع الكاين على قاعدة
 هـ مخرج ح ف ط ق كنسبة مخروط ب ر ا ل الى مخروط م ن هـ وكانت
 نسبة ب د الى ز ط مثلثة بالتكرير كنسبة مخروط ب ر ا ل الى مخروط
 م ن م ن فبالشكل الحادي عشر من الخامسة نسبة المخروط المضلع
 الكاين على قاعدة ارب شحت دث الى المخروط المضلع الكاين على
 قاعدة

قاعدة مخرج ح ف ط ق كنسبة بد الى مرط مثلثة بالتكرير وكانت
نسبة مخروط أب ح د ل المستدير الى مجسم آ كنسبة بد الى مرط مثلثة
بالتكرير فبالشكل الحادي عشر من الخامسة نسبة المخروط المضلع
الكاين على قاعدة امر سد ث د ث الى المخروط المضلع الكاين على قاعدة

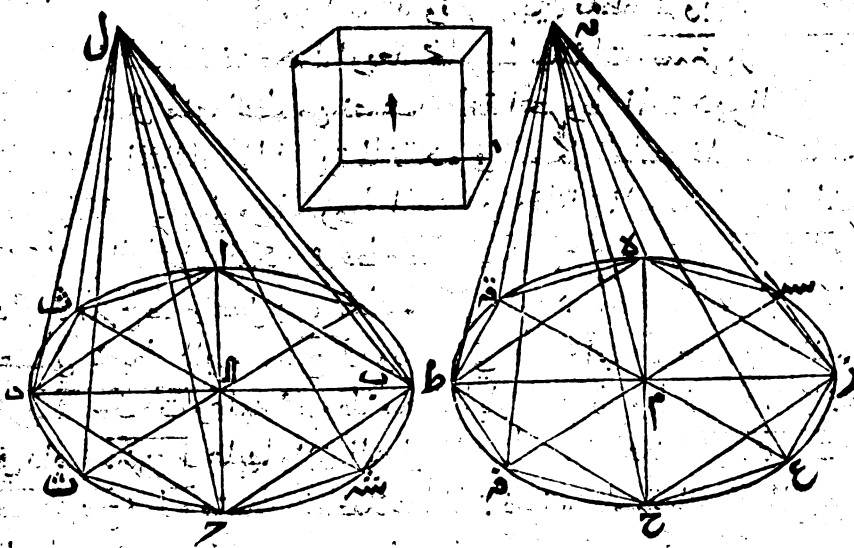


من مخرج فـ طـ ق كنسبة المخروط أ ب ح د ل المستدير أ الى جـ هـ م أ الى كـ ن
 المخروط الصلبي على قاعدة أ هـ م حدثت أ اصغر من مخروط أ ب ح د ل
 المستدير فالمخروط الصلبي الكاين على قاعدة أ هـ م من مخرج فـ طـ ق اصغر من
جـ هـ م أ بالشكل الرابع عشر من الخامسة وكان اعظم منه هذا خلف
 فليست نسبة قطر ب د الى قطر ز ط مثلثة بالتكرير كنسبة مخروط
أ ب ح د ل الى جـ هـ م اصغر من مخروط أ هـ م طـ مـ نـ أ ولا الى جـ هـ م اعظم
 منه والا لكانت نسبة ب د الى ز ط مثلثة بالتكرير كنسبة مخروط
أ ب ح د ل الى جـ هـ م اعظم من مخروط أ هـ م طـ مـ نـ أ وليكن هو جـ هـ م أ
 فبالخلاف والتقديم نسبة جـ هـ م أ الى مخروط أ ب ح د ل كنسبة ز ط
 الى ب د مثلثة بالتكرير ولتكون نسبة مخروط أ هـ م طـ مـ نـ أ الى جـ هـ م ما
 كنسبة ز ط الى ب د مثلثة بالتكرير فبالشكل الحادي عشر من الخامسة
 نسبة جـ هـ م أ الى مخروط أ ب ح د ل كنسبة مخروط أ هـ م طـ مـ نـ أ الى جـ هـ م
 ما كن جـ هـ م أ اعظم من مخروط أ هـ م طـ مـ نـ أ فمخروط أ ب ح د ل اعظم من
 ذلك الجـ هـ م بالشكل الرابع عشر من الخامسة فندير مثل ما دهرنا ونبين
 الخلف بمثل ما بينا فليست نسبة قطر ب د الى قطر ز ط مثلثة بالتكرير
 كنسبة مخروط أ ب ح د ل الى جـ هـ م اصغر او اعظم من مخروط أ هـ م طـ مـ نـ أ
 فهي كنسبة مخروط أ ب ح د ل الى جـ هـ م يساوي مخروط أ هـ م طـ مـ نـ أ
 ونسبة مخروط أ ب ح د ل الى مخروط أ هـ م طـ مـ نـ أ كنسبة جـ هـ م يساوي
 مخروط أ هـ م طـ مـ نـ أ بالشكل الرابع من الخامسة مثلثة بالتكرير كنسبة
 مخروط

مخروط $أ ب$ حد $أ ل$ الى مخروط $هـ ز ح ط$ $هـ$ بمثلها تبيين المحاكم في الاسطوانتين
الا اننا نقصد الاسطوانة الى المنشور ان او نقول ان نسبة الاخرى كنسبة
للاضلاع وتعم البيان فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبينه

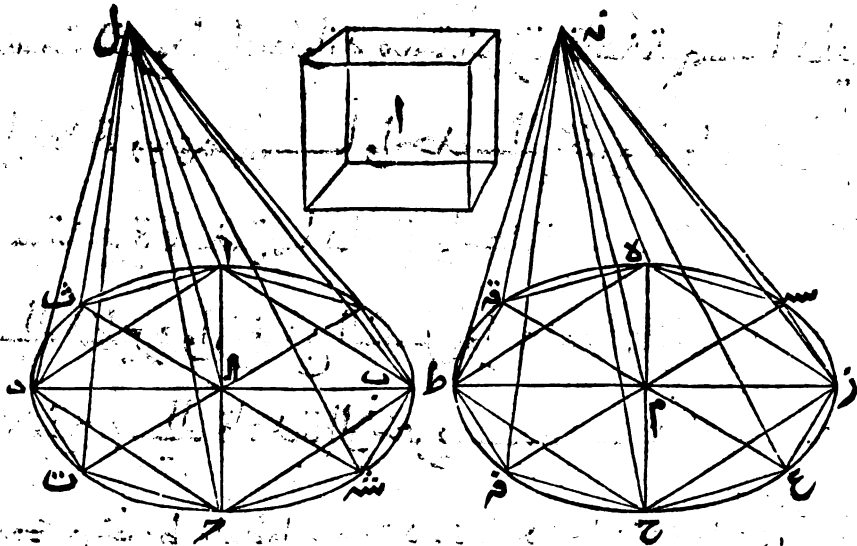
نسبة مخروط واسطوانة مستديرة قاعدتهما دائرة
واحدة وسهمهما واحد الى مخروط واسطوانة
مستديرة قاعدتهما دائرة واحدة وسهمهما واحد كل
الى نظيره وارتفاع الشكل واحد كنسبة قاعدة
الاولين الى قاعدة الاخرين

ليكن مخروط واسطوانة مستديرة قاعدتهما دائرة واحدة $أ ب$ حد
وسهمهما $أ ل$ ومخروط واسطوانة مستديرة قاعدتهما دائرة $هـ ز ح ط$
وسهمهما $هـ م$ وارتفاع كل واحد منهما بقدر واحد فاقول ان نسبة
مخروط واسطوانة مستديرة قاعدتهما دائرة $أ ب$ حد الى مخروط



واسطوانة مستديرة قاعدتهما دائرة $هـ ز ح ط$ كنسبة دائرة $أ ب$ حد الى
دائرة $هـ ز ح ط$ كل لنظيره برهانه فان لم يكن النسبة كذلك لكانت
نسبة دائرة $أ ب$ حد الى دائرة $هـ ز ح ط$ كنسبة مخروط $أ ب$ حد الى حجم
اصغر من مخروط $هـ ز ح ط$ او اعظم وليكن اولا الى حجم اصغر وليكن
حجم

مجسم آ فترسم في دائرة $\overline{هـ ز ح ط}$ مربع $\overline{هـ ز ح ط}$ بالشكل السادس من
الرابعة ونصل بين نقطة $هـ$ وبين كل واحدة من نقط $\overline{هـ ز ح ط}$ بخط
مستقيم فيحدث مخروطان مضلعان علي قاعدتي $\overline{هـ ز ح ط}$ وبارتفاع
المخروط المستديرهما اعظم من نصف قطعة مخروط $\overline{هـ ز ح ط}$ من الكائنة



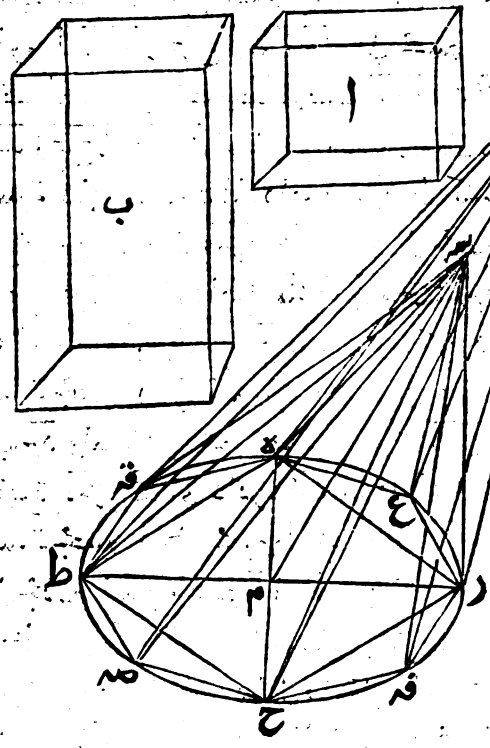
علي مربع $\overline{هـ ز ح ط}$ لما بينا في الشكل التاسع ونأخذ القسي التي اوتارها
اضلاع مربع $\overline{هـ ز ح ط}$ علي نقط $س هـ ع ف ق$ بالشكل التاسع والعشرين من
الثالثة ونصل اوتار $س هـ س ز ع ح ح ف ق ط ط ق ق هـ$ فهي تقع داخل
الدائرة بالشكل الثاني من الثالثة ونصل بين نقطة $هـ$ وبين كل واحدة
من النقط الحادثة فيحدث اربعة مخاريط مثلثات $هـ س ز ع ح ح ف ق$
 $ط ق هـ$ كل منها اعظم من نصف قطعة المخروط المستدير الكائنة علي
قاعدة من المثلثات المذكورة لما تقدم في الشكل التاسع فلو سلطنا هذه
الطريقة فانه سبقي من المخروط المستدير بقايا هي اقل من مجسم آ بالشكل
الاول من العاشرة ولتكن هي قطع $س هـ س ز ع ح ح ف ق ط ق هـ$ من
دائرة $\overline{هـ ز ح ط}$ ونصل بين نقطة $م$ وكل واحدة من نقط الزوايا الكائنة
علي محيط دائرة $\overline{هـ ز ح ط}$ ونرسم في دائرة $\overline{ا ب ح د}$ كثير الاضلاع
ارب $ش ح د ت$ وعليه مخروطا مضلعا بارتفاع مخروط $\overline{ا ب ح د}$ كما عملنا
في دائرة $\overline{هـ ز ح ط}$ عليها ولان الزوايا المتناظرة من قاعدتي ارب $ش ح د ت$
 $هـ س ز ح ف ق$ متساوية فاضلاعها المتناظرة متناسبة بالشكل الرابع من
السادسة فهي متشابهة فنسبة دائرة $\overline{ا ب ح د}$ الي دائرة $\overline{هـ ز ح ط}$ كنسبة مربع
قطر $\overline{ب د}$ الي مربع قطر $\overline{ز ط}$ بالشكل الثاني ونسبة قاعدة ارب $ش ح د ت$
الي قاعدة $هـ س ز ع ح ف ق ط ق هـ$ كنسبة مربع قطر $\overline{ب د}$ الي مربع قطر $\overline{ز ط}$
بالشكل الاول فبالشكل الحادي عشر من الخامسة نسبة دائرة $\overline{ا ب ح د}$ الي
دائرة $\overline{هـ ز ح ط}$ كنسبة قاعدة ارب $ش ح د ت$ الي قاعدة $هـ س ز ع ح ف ق ط ق هـ$ كنسبة

مقدمة

جهة

جهة منها وسهم احدها اقصر من سهم الآخر فان
نسبة المخروط الاعظم منهما الى المخروط الاصغر كنسبة
سهم الاعظم الى سهم الاصغر

ليكن مخروط مستدير قاعدته دائرة مركز ط وسهم منه ومخروط آخر
مستدير قاعدته تلك الدائرة بعينها وسهم منه فاقول ان نسبة م نه الى
م نه كنسبة مخروط ه ح م نه الى مخروط ه ح م نه فانه ان لم يكن نسبة م نه
الى م نه كنسبة مخروط ه ح م نه الى مخروط ه ح م نه لكانت نسبة مخروط
ه ح م نه الى مجسم اصغر
من مخروط ه ح م نه
او اعظم منه فليكن
اولا الى مجسم اصغر
وذلك هو مجسم ا
فلنرسم في دائرة
ه ح ط مربع مركز ط
بالشكل السادس
من الرابعة ونصل
بين كل واحدة من
نقطتي نه سه وسين
كل واحدة من نقط
ه ح ط بخط مستقيم
فيحدث اربعة
مخاريط علي مثلثات
ه م ر ه م ط م ح ط م ح



كل واحد من تلك المخاريط اعظم من نصف القطعة الكائنة علي مربع
دائرة ه ح ط من مخروط ه ح م نه لما بين في الشكل التاسع وننصف
كل واحدة من القسي ه ح ط ط ه علي نقط ع ف ه ق ونصل بين
كل واحدة من نقط ه ع م ر ف ح ص ط ق بخط مستقيم ونصل بين كل
واحدة من نقطتي نه سه وسين كل واحدة من نقط ه ع ر ف ح ص ط ق
خط مستقيم فيحدث اربعة مخاريط علي قطع ه ع ر ف ح ح ص ط ط ق
كل واحد من تلك المخاريط اعظم من نصف القطعة من مخروط ه ح م نه
الكائنة علي قاعدة ذلك المخروط المصنع من دائرة ه ح ط لما بينا في
الشكل التاسع فلو سلطنا هذه الطريقة فانه سيبقى من مخروط ه ح م نه
قطع

تقطع اصغر من مجسم بالشكل الاول من العشرة لتكن هي المقطع الكائنة
من مخروط ح م س على قطع $\text{ع ع ر ر ف ف ح ح م م ط ط ق ق م م}$
فايرة ع ر ح ط فيكون المخروط المصليع المكين على قاعدة $\text{ع ر ف ف ح ح م م ط ط ق ق م م}$
وبارتفاع مخروط ح م س المستدير اعظم من مجسم أ و ن ص ل ب د ن نقطة س
وبين كل واحدة من نقط $\text{ع ع ر ر ف ف ح ح م م ط ط ق ق م م}$ فيحدث مخروط مصلع
على قاعدة $\text{ع ر ف ف ح ح م م ط ط ق ق م م}$ وارتفاع مخروط ح م س فيكون المخروط المصلع
الذي ارتفاعه منه كائنا في مخروط ح م س ما بيننا في الشكل التاسع فلان
نسبة المخروط المصلع الذي قاعدته مثلث ن م ح ورأسه نقطة ط الى
المخروط المصلع الذي قاعدته مثلث س م ح ورأسه نقطة ط كنسبة
مثلث ن م ح الى مثلث س م ح بالشكل الخامس لان ارتفاعهما
متساويان ونسبة ن م ح الى س م ح كنسبة مثلث ن م ح الى مثلث س م ح
بالشكل الاول من السادسة لان ارتفاعهما متساويان وبمثله تبين ان
نسبة مخروط ن م ح الى مخروط س م ح كنسبة ن م ح الى س م ح ولذلك
نسبة مخروط ن م ح الى مخروط س م ح ونسبة مخروط ن م ح كنسبة
 ن م ح الى س م ح ونسبة جميع المقدمات الى جميع التوالي كنسبة مقدم
واحد الى تالفة بالشكل الثالث عشر من الخامسة فنسبة مخروط
 $\text{ع ر ف ف ح ح م م ط ط ق ق م م}$ الى المخروط $\text{ع ر ف ف ح ح م م ط ط ق ق م م}$ كنسبة
 ن م ح الى س م ح وكانت نسبة مخروط ح م س الى مجسم أ و ن ص ل ب د ن الى س م ح
فبالشكل الحادي عشر من الخامسة نسبة مخروط $\text{ع ر ف ف ح ح م م ط ط ق ق م م}$ الى
مخروط $\text{ع ر ف ف ح ح م م ط ط ق ق م م}$ كنسبة مخروط ح م س الى مجسم أ و ن ص ل ب د ن
ع س م ح المصليع الى مجسم أ و ن ص ل ب د ن المخروط $\text{ع ر ف ف ح ح م م ط ط ق ق م م}$ الى مجسم
أو كان اعظم منه هذا خلف فليست نسبة ن م ح الى س م ح كنسبة مخروط
 $\text{ع ر ف ف ح ح م م ط ط ق ق م م}$ الى مجسم أ و ن ص ل ب د ن مخروط $\text{ع ر ف ف ح ح م م ط ط ق ق م م}$ ولا الى
مجسم اعظم منه والا فليكن نسبة مخروط ح م س الى مجسم أ و ن ص ل ب د ن الى مجسم
اعظم من مخروط $\text{ع ر ف ف ح ح م م ط ط ق ق م م}$ المستدير كنسبة ن م ح الى س م ح وليكن ذلك
هو مجسم أ و ن ص ل ب د ن لاختلاف نسبة مجسم أ و ن ص ل ب د ن الى مخروط $\text{ع ر ف ف ح ح م م ط ط ق ق م م}$ كنسبة ن م ح الى
 س م ح ولتكن نسبة مخروط ح م س الى مجسم أ و ن ص ل ب د ن الى مجسم ما وليكن هو
مجسم ب ك ن س م ح الى ن م ح فبالشكل الحادي عشر من الخامسة نسبة
مجسم أ و ن ص ل ب د ن الى مخروط $\text{ع ر ف ف ح ح م م ط ط ق ق م م}$ المستدير كنسبة مخروط $\text{ع ر ف ف ح ح م م ط ط ق ق م م}$ الى
الى مجسم ب ك ن س م ح اعظم من مخروط $\text{ع ر ف ف ح ح م م ط ط ق ق م م}$ المستدير فنخروط
 $\text{ع ر ف ف ح ح م م ط ط ق ق م م}$ المستدير اعظم من مجسم ب ك ن س م ح فندير كادبرنا ونبين الخلف بمثل
ما بيننا فليست نسبة ن م ح الى س م ح كنسبة مخروط $\text{ع ر ف ف ح ح م م ط ط ق ق م م}$ الى مجسم
اصغر من مخروط $\text{ع ر ف ف ح ح م م ط ط ق ق م م}$ ولا الى مجسم اعظم منه فهي كنسبة الى مجسم
يساوي مخروط $\text{ع ر ف ف ح ح م م ط ط ق ق م م}$ بالشكل السابع من الخامسة فبالشكل الحادي
عشر من الخامسة نسبة ن م ح الى س م ح كنسبة مخروط $\text{ع ر ف ف ح ح م م ط ط ق ق م م}$ الى
الى

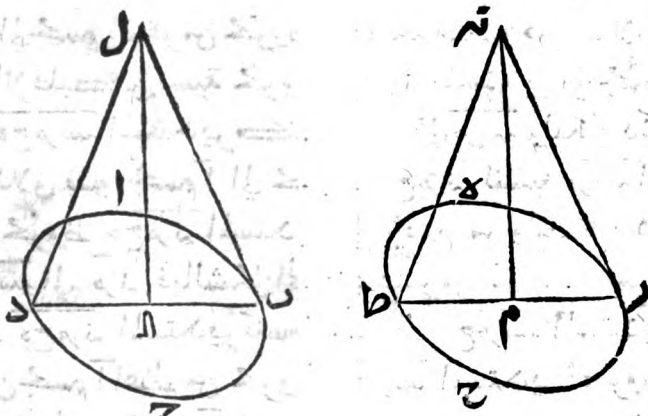
الي مخروط هـ م ر س هـ المستدير ومثله نبيين اذا كان يدل المخروطين
اسطوانتان مستديرتان الا انا نبذل المخاريط بالناشر او نبيين بالشكل
الخامس عشر من الخامسة فان نسبة الاجزاء كنسبة الارتفاع
المتساوية العدة وذلك ما اردنا ان نبين

يب

كل مخروطين مستديرين واسطوانتين
مستديرتين فان كانا متساويتين كانت قاعدتهما
مكافيتين لارتفاعهما وان كانت قاعدتهما
مكافيتين لارتفاعهما كانا متساويتين

لتكن قاعدة احد المخروطين او الاسطوانتين دائرة أ ب ج د وسهمه
ال ل وقاعدة الاخر دائرة هـ م ر ط هـ وسهمه م ن هـ فاقول ان مخروط أ ب ج د ل
او اسطوانته ان كانا مساويا لمخروط $\text{هـ م ر ط هـ م ن هـ}$ او اسطوانته كل لنظرة
كانت نسبة قاعدة أ ب ج د الى قاعدة $\text{هـ م ر ط هـ م ن هـ}$ كنسبة ارتفاع م ن هـ الى
ارتفاع ل وبالعكس برهانه فلان مخروط أ ب ج د ل ان كان مساويا
لمخروط $\text{هـ م ر ط هـ م ن هـ}$ فلا يخلو اما ان يكون ارتفاع ل مساويا لارتفاع
 م ن هـ او لرفان كانا الارتفاعان متساويتين فنسبة المخروط الى المخروط حينئذ
تكون لنسبة

القاعدة الى
القاعدة النظير
من النظير
بالشكل المتقدم
والمخروطان
متساويان
بالعرض
فالقاعدتان
متساويتان

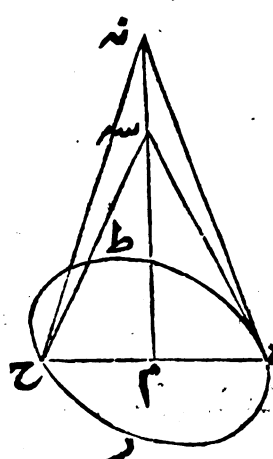
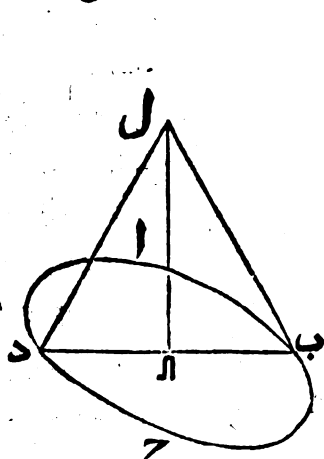


والارتفاعان متساويان بالعرض فنسبة قاعدة أ ب ج د الى قاعدة $\text{هـ م ر ط هـ م ن هـ}$
كنسبة ارتفاع م ن هـ الى ارتفاع ل ومثله تبين في الاسطوانتين ان كان
ارتفاعهما متساويين . وان لم يكن ارتفاع ل كارتفاع م ن هـ ولين
ارتفاع م ن هـ اعظم من ارتفاع ل فنحصل من م ر س هـ مساويا لارتفاع
 ل

الثانية عشر

٣٩٣

الـ بالشكل الثالث من الاول ونصل بين نقطة هـ مثلاً وبين كل واحدة من نقطتي مـ سـ بخط مستقيم فيحدث مثلث هـ مـ سـ زاوية هـ مـ سـ منه قائمة مثبت ضلع مـ سـ وندير المثلث الي ان يعود الي وضعه الاول فيحدث مخروط هـ ر ح ط مـ المستدير مساوياً لارتفاعه لارتفاع مخروط



أ ب ح د الـ
فنسبة قاعدة
أ ب ح د الي
قاعدة هـ ر ح ط
كنسبة مخروط
أ ب ح د الـ الي
مخروط هـ ر ح مـ
بالشكل
المتقدم لان
ارتفاعهما

متساويان ونسبة مخروط هـ ر ح مـ الي مخروط هـ ر ح مـ كنسبة مخروط
أ ب ح د الي مخروط هـ ر ح مـ بالشكل السابع من الخامسة فبالشكل الحادي
عشر من الخامسة نسبة قاعدة أ ب ح د الي قاعدة هـ ر ح ط كنسبة مخروط
هـ ر ح مـ الي مخروط هـ ر ح مـ ونسبة مـ نـ الي مـ سـ كنسبة مخروط هـ ر ح مـ الي
مخروط هـ ر ح مـ بالمقدمة فبالشكل الحادي عشر من الخامسة نسبة
قاعدة أ ب ح د الي قاعدة هـ ر ح ط كنسبة مـ نـ الي مـ سـ ونسبة مـ نـ الي الـ
كنسبته الي مـ سـ بالشكل السابع من الخامسة فبالشكل الحادي عشر من
الخامسة نسبة قاعدة أ ب ح د الي قاعدة هـ ر ح ط كنسبة مـ نـ الي الـ. واما
العكس وهو ان يكون نسبة قاعدة أ ب ح د الي قاعدة هـ ر ح ط كنسبة
ارتفاع مـ نـ الي ارتفاع الـ فان كان الارتفاعان متساويين تكونا
القاعدتان متساويتين ونسبة مخروط أ ب ح د الي مخروط هـ ر ح مـ كنسبة
قاعدة أ ب ح د الي قاعدة هـ ر ح ط المتساويتين بالشكل المتقدم للمخروطان
متساويان وان لم تكن الارتفاعان متساويين وليكن مـ نـ اعظمهما فنصل
منه مـ سـ مساوياً لارتفاع الـ بالشكل الثالث من الاول ونصل بين كل
واحدة من نقطتي مـ سـ وبين نقطة هـ بخط مستقيم فيحدث مثلث
هـ مـ سـ مثبت ضلع مـ سـ وندير المثلث الي ان يعود الي وضعه الاول
فيحدث مخروط هـ ر ح ط مـ المستدير فنسبة مخروط أ ب ح د الي مخروط
هـ ر ح مـ كنسبة قاعدة أ ب ح د الي قاعدة هـ ر ح ط بالشكل المتقدم لان
ارتفاعهما متساويان ونسبة مـ نـ الي الـ كنسبة قاعدة أ ب ح د الي قاعدة
هـ ر ح ط فبالشكل الحادي عشر من الخامسة نسبة مخروط أ ب ح د الي مخروط
هـ ر ح مـ كنسبة مـ نـ الي الـ ونسبة مـ نـ الي مـ سـ كنسبته الي الـ بالشكل
السابع

السابع من الخامسة في الشكل الحادي عشر من الخامسة نسبة مخروط
أح إلى مخروط ه ح م م م كنسبة م م م م م م ونسبة مخروط ه ح م م

إلى مخروط

ه ح م م كنسبة

م م م م م م

بالمقدمة

في الشكل

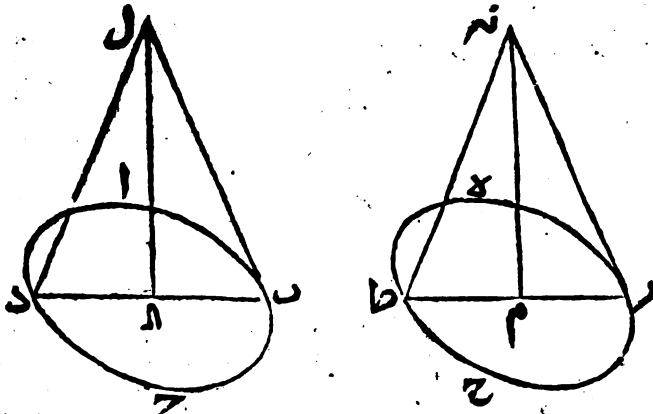
الحادي عشر

من الخامسة

نسبة مخروط

أ ب ح إلى

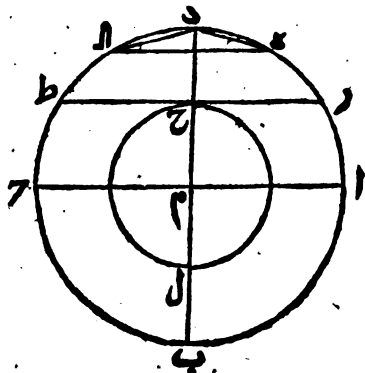
مخروط ه ح م م



كنسبة مخروط ه ح م م م إلى مخروط ه ح م م م مخروط أ ب ح إلى يساوي مخروط
ه ح م م م بالشكل التاسع من الخامسة وبمثل ما بيننا في الاسطوانتين
مستديرتين ونبدل المخاريط بالمناشير او نبين بان نسبة الاجزاء كنسبة
الاضعاف بالشكل الخامس عشر من الخامسة وذلك ما اردنا ان نبين *

كل دائرتين على مركز واحد احديهما اعظم من
الآخر فان لنا ان نرسم في اعظمها شكلا كثير
الاضلاع لا يماس الدائرة الصغرى ولا يفصلها
إلى قطعتين

ليكن دايرتا أ ب ح ح ل على مركز م ودائرة أ ب ح د اعظمها فاقول



لنا ان نرسم فيها شكلا كثيرا لاضلاع
لا يماس دائرة ح ل برهانه نصل بين
نقطتي أ م بخط مستقيم ونخرجه على
استقامته في جهة م إلى ان ينتهي إلى
محيط أ ب ح د ولينته إلى نقطة د ونخرج
من نقطة م إلى أ مود م بالشكل
الحادي عشر من الاول ونخرجه في
جهته على استقامته إلى ان ينتهي إلى

محيط الدائرة العظمى ولينته إلى نقطتي ب د وليقطع محيط الدائرة
الصغرى

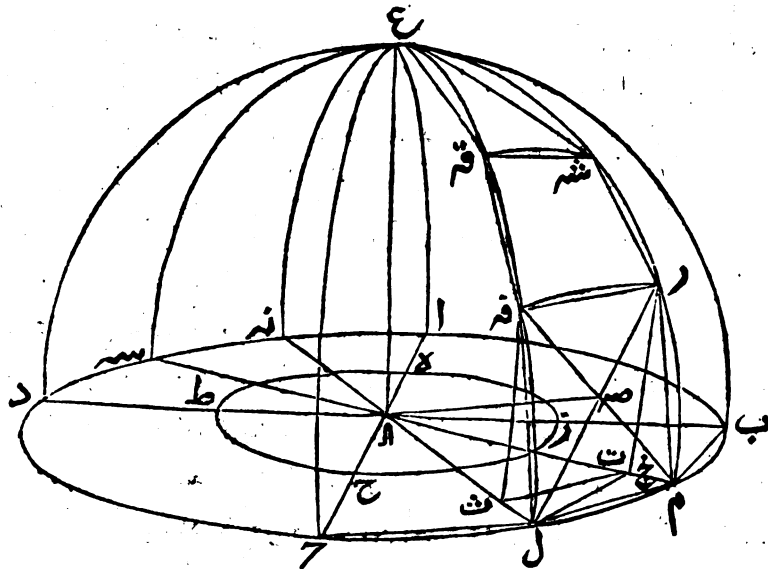
الصغري علي نقطتي ح ل ونخرج من نقطة ح علي قطر ح ل عمود م ر ح
بالشكل الحادي عشر من الاول في هو يماس دائرة ح ل علي نقطة ح باستبانة
الشكل الخامس عشر من الثالثة ونخرجه في جهته الي ان ينتهي الي
محيط العظمي علي نقطتي ر ط وننصف قوسي آ د وننصف احد نصفيه
وهكذا دائما بالشكل التاسع والعشرين من الثالثة الي ان يبق قوس
اقل من قوسي ر د بالشكل الاول من العاشرة ولتكن في قوس د ه ونخرج
من نقطة ه خطا موازيا لخط ر ط بالشكل الواحد والثلاثين من الاول
وليقطع محيط دائرة ا ب د علي نقطة ا فهو لا يماس دائرة ح ل ونصل د ه
بخط مستقيم فهو يقع داخل دائرة ا ب د بالشكل الثاني من الثالثة فخط
د ه لا يماس دائرة ح ل بالطريق الاول ولان قوس د ه تقدر محيط ا د فهي
بقدر محيط دائرة ا ب د ونفصل محيط دائرة ا ب د بامثال قوس د ه
بان نرسم علي نقطة د وببعد د ه دائرة و علي نقطة ه وبذلك البعد ايضا
دائرة اخري وهكذا الي ان تتعرف جميع المحيط ونفصل اوتار تلك
القصي فتكون متساوية فقصي تلك الاوتار متساوية بالشكل السابع
والعشرين من الثالثة فيكون قد رسمنا في دائرة ا ب د شكلا كثيرا
الاضلاع لا يماس دائرة ح ل ضلع من اضلاعه وذلك ما اردنا ان نبين

يد

كل كرتين عظمي وصغري علي مركز واحد في
الوضع فان لنا ان نرسم في العظمي مجسما كثير
القواعد لا يماس قواعد محيط الصغري ولا يفصله
الي قطعتين

ليكن كرتان علي مركز ا وليفصلها سطح ا ب د المستوي وليمر علي نقطة
ا فينصف كل واحدة منهما ونصل بين نقطتي ب ا ب خط مستقيم وليمر
علي محيط الصغري علي نقطة ن وندير خط ب ز ا في سطح ا ب د بحيث
يلازم نقطة ب محيط العظمي ونقطة ن محيط الصغري الي ان يعود الي
وضعه الاول فيحدث من مير نقطتي ب ن علي محيط الكرتين دائرة ا ب د
ح م ر ط ونخرج ب ا في جهة ا علي استقامته الي ان ينتهي الي محيط
العظمي علي نقطة د و الي محيط الصغري علي نقطة ط ونخرج من نقطة
ا علي قطر ب د عمود ا ا بالشكل الحادي عشر من الاول ونخرجه في جهة
ا الي ان ينتهي الي محيط العظمي علي نقطة ح وعلي محيط الصغري علي
نقطة ح ونرسم في دائرة ا ب د سطحا كثيرا الاضلاع لا يماس دائرة ه ز ح ط
ولا

ولا يفصلها الى قطعتين بالشكل المتقدم ونخرج من نقطة ح على سطح
دايرة أ ب ح د عمود ل ح بالشكل الحادي عشر من الحادية عشر ونخرج ه في
جهة ع الى ان ينتهي الى محيط العظمى فليبتئ الى نقطة ع وليمر بسطحين
مستويين ويفصلان محيط دايرة أ ب ح د على نقطتي م ل فيحدث في الكرة



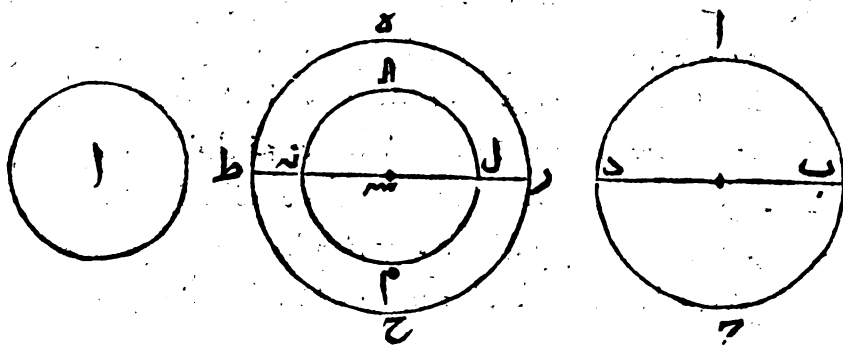
العظمى دايرة أ ب ح د مع ل ح لما تقدم فكل منهما يقوم على دايرة أ ب ح د
على زوايا قوائم وليكن الفصل المشترك بين دايرة أ ب ح د وبين دايرة
مع ل ح سطحاً كثيراً الاضلاع وليقسم كل من ارباع كل واحد منهما
بثلاثة اقسام متساوية بالشكل المتقدم وفي قسي م ر ر ش شع ل ح فـ
قرع من مربعي م ل ح ونخرج من نقطة م في سطح دايرة مع ل ح على قطر
م ل ح عمود م ر ت ومن نقطة ق في سطح دايرة ل ح على قطر ل ح عمود ق ت
بالشكل الثاني عشر من الاولي فيكون كل من العمودين عموداً على سطح
دايرة أ ب ح د باستبانة الشكل الثامن عشر من الحادية عشر ونصل بين
نقطتي ت ث بخط مستقيم وكذلك بين نقطتي م ر فعمودا م ر ت ق ت
متوازيان بالشكل السادس من الحادية عشر ولان قسي م ر ل ح متساويان
وهما من الدائرتين المتساويتين فضعاها متساويان فوتر الضعفين
متساويان بالشكل الثامن والعشرين من الثالثة والـ ل ح عمودان على
الوترين فكل واحد من العمودين ينصف احد الوترين بالشكل الثالث
من الثالثة فعمود م ر ت يساوي عمود ق ت لخطا م ر ت ق ت الواصلان بين
العمودين المتساويين المتوازيين متساويان بالشكل الثالث والثلاثين من
الاولي فعمودا ل ح الاذان هما ابعاد الوترين المتساويين عن المركز
متساويان بالشكل الثالث عشر من الثالثة لخطا م ل ح متساويان
فنسبة ت ل الى م ح كنسبة ث ل الى ل ح بالشكل السابع من
الخامسة

الخامسة خط ت ث يوازي وتر م ل بالشكل الثاني من السادسة وره مواز
لخط ت ث وليست الثلاثة في سطح واحد خط م ل يوازي خط ر ه بالشكل
التاسع من الحادية عشر خط م ر له الواصلان بين طرفي م ل ره في سطح
واحد ويمثله تبين ان ذا اربعة اضلاع ر ش ه ق في سطح واحد ولذلك
مثلث ع ق ش ه وكذلك نعمل في ساير الارباع الي ان يتم الجسم الذي
تحيط به الكرة العظمي . ولان اضلاع قواعد الجسم كائنة علي محيط
الكرة العظمي وسطحها في داخلها فيجوز الفعل في بادي النظر ان تلك
السطوح تماس الكرة الصغري او انفصلها الي قطعتين فنخرج لامتناع هذا
الجواز من نقطة آ عمود الم وبين كل واحدة من نقط م ل ق ر خط
مستقيم ونصل ايضا بين نقطة آ وبين كل واحدة من نقط م ل ق ر خط
مستقيم فانصاف أقطار الم الر ل اله متساوية ومربع الم كربي م ه
الم ومربع ال كربي الم ل ه ومربع اله ق ه الم ومربع الر كربي
م ه الم بالشكل السابع والاربعين من الاولى فربعات خطوط م ه
ل ه ق ه م ه متساوية فهي متساوية فاضلاع مثلثات م ه ل م ه ق
م ه ل ق ه من اوتار م ل م ه ق ه م ه متساوية بالشكل الثامن من
الاولي . ولان ضلعي ر ه ق ه يساويان ضلعي م ه ر ه مثلا وقاعدة
ق ر اصغر من قاعدة م ر فزاوية م ه ر اعظم من زاوية ر ه ق بالشكل
الخامس والعشرين من الاولي ولان الزوايا التي تحدث عند نقطة ه
من اخراج خطوط مستقيمة الي نقط م ل ق ر تساوي اربع قوائم
باستبانة الشكل الخامس عشر من الاولي وزاوية ر ه ق اقل من كل
واحدة من زوايا م ه ر م ه ل م ه ق فكل واحدة منها منفرجه ونخرج
من نقطة ل علي نصف قطر الم عمود ل خ بالشكل الثاني عشر من الاولي
مربع ل ه اقل من نصف مربع م ل بالشكل الثاني عشر من الثانية وزوايا
الم ل م متساويتان بالشكل الخامس من الاولي وزاوية ل م خ اعظم من
زاوية م ل خ فضلع ل خ اعظم من ضلع م خ بالشكل التاسع عشر من الاولي
مربع ل خ اعظم من نصف مربع ل م فل خ اعظم من ل ه ومربع ال
كربي الم ل ه وهو ايضا يساوي مربعي ل خ ل ه بالشكل السابع
والاربعين من الاولي فعمود الم اعظم من عمود ل خ وخط ل خ غير تماس
الكرة الصغري ولا واقع داخله بالشكل المتقدم فسطح ذي اربعة اضلاع
م ل ق ر ل تماس الكرة الصغري . ولا فاصل اياها بقطعتين ونصل بين
نقطة ك وبين كل واحدة من نقط قواعد الجسم المعول في الكرة العظمي
فتحدث مخاريط بعدة تلك القواعد مصلعات فيكون الجسم مولفا من
تلك المخاريط المصلعات ثم نعمل في الكرة اخرى مجسما بعدد قواعد
كعدة قواعد الجسم الذي علمناه ونصل بين مركز تلك الكرة وبين نقط
قواعد الجسم المعول فيها بخطوط مستقيمة فيكون الجسم مولفا من
تلك

تلك المخاريط . ولان عدد القواعد في الجسمين متساويتين ونسبة اضلاع قواعد احد الجسمين من الدواير الواقعة في كرتيه كنسبة اضلاع قواعد الجسم الآخر النظير الي الدواير الواقعة في كرتيه وزوايا السطوح المحيطة بتلك ايضا متساوية لانها تقع علي قسي متشابهة فتكون المخاريط الواقعة في الجسمين متشابهة وقاعدة كل مخروط من تلك المخاريط مثلث ضلعان من كل مثلث من تلك المثلثات نصف قطر الكرة ونسبة كل مخروط مثلث القاعدة الي مخروط آخر كذلك كنسبة ضلع من اضلاع قاعدته الي نظيره من اضلاع قاعدة الآخر مثلثة بالتكرير بالشكل الثامن فنسبة مخروط احد الجسمين الي مخروط نظيره من الجسم الآخر كنسبة نصف قطر كرتيه الي نصف قطر كرة الجسم الآخر مثلثة بالتكرير ونسبة الاضلاع متساوية العدة كنسبة الأجزاء بالشكل الخامس عشر من الخامسة فنسبة مخروط من احد الجسمين الي مخروط آخر نظيره من الجسم الآخر كنسبة قطر كرتيه الي كرة الجسم الآخر مثلثة بالتكرير ونسبة مقدم واحد الي تاليه كنسبة جميع المقدمات الي جميع التوالي بالشكل الثالث عشر من الخامسة فنسبة احد الجسمين الي الجسم الآخر كنسبة قطر كرتيه الي قطر كرة الآخر مثلثة بالتكرير . وذلك ما اردنا ان نبينه

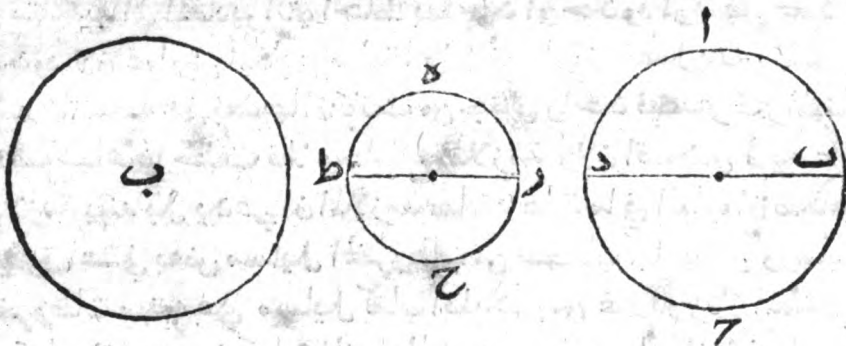
كل كرتين نسبة احديهما الي الاخرى كنسبة قطرها الي قطر الكرة الاخرى مثلثة بالتكرير

ليكن AB قطر Γ كرتين قطر احدهما BD وقطر الاخرى RP فاقول ان نسبة كرة AB الي كرة Γ كنسبة قطر BD الي قطر RP مثلثة



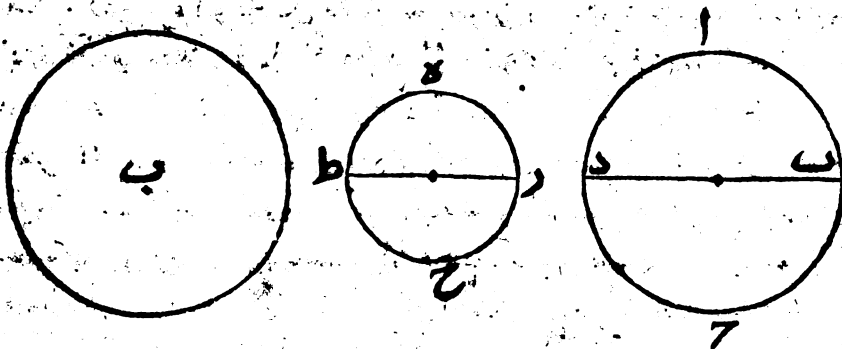
بالتكرير . برهانه فلاته لو لم تكون نسبة كرة AB الي كرة Γ كنسبة قطر BD الي قطر RP مثلثة بالتكرير لكانت نسبة كرة AB الي كرة أخرى اصغر من كرة Γ او اعظم منها كنسبة قطر BD الي قطر RP

رط مثلثة بالتكرير وليكن $\overline{اولا}$ الى كرة اصغر من كرة $\overline{هـ}$ ر ح ط وليكن في
 كرة $\overline{أ}$ وليكن نقطة $\overline{س}$ مركز كرة $\overline{هـ}$ ر ح ط فنصل من $\overline{ر}$ س ل $\overline{س}$ مساويا
 لنصف قطر كرة $\overline{أ}$ ونجعل نقطة $\overline{س}$ مركز وندير عليه ل $\overline{ل}$ انه نصف
 دائرة $\overline{الأم}$ نه ونديره الي ان يعود الي وضعه الاول فيحدث كرة $\overline{الأم}$ نه
 مساوية لكرة $\overline{أ}$ ونرسم في كرة $\overline{هـ}$ ر ح ط مجسما كثير القواعد بحيث لا يمس
 كرة $\overline{الأم}$ نه ولا يفصلها ونرسم في كرة $\overline{أ}$ ب ح د مجسما آخر كثير القواعد
 فتكون نسبة المجسم المعمول في كرة $\overline{أ}$ ب ح د الي المجسم المعمول في كرة $\overline{هـ}$ ر ح ط
 كنسبة $\overline{ب د}$ الي رط مثلثة بالشكل المتقدم فكانت نسبة كرة $\overline{أ}$ ب ح د الي كرة
 $\overline{أ}$ كنسبة $\overline{ب د}$ الي رط مثلثة فبالشكل الحادي عشر من الخامسة نسبة كرة
 $\overline{أ}$ ب ح د الي كرة $\overline{أ}$ كنسبة المجسم المعمول في كرة $\overline{أ}$ ب ح د الي المجسم المعمول في كرة
 $\overline{هـ}$ ر ح ط فنسبة كرة $\overline{أ}$ ب ح د الي المجسم المعمول في كرة $\overline{أ}$ ب ح د كنسبة كرة $\overline{أ}$ الي
 المجسم المعمول في كرة $\overline{هـ}$ ر ح ط بالشكل السادس عشر من الخامسة لكن كرة
 $\overline{أ}$ ب ح د اعظم من المجسم المعمول في كرة $\overline{أ}$ ب ح د فكرة $\overline{أ}$ اعظم من المجسم المعمول
 في كرة $\overline{هـ}$ ر ح ط هذا خلف لانه المجسم المعمول في كرة $\overline{هـ}$ ر ح ط اعظم من
 كرة $\overline{الأم}$ نه فهو اعظم من كرة $\overline{أ}$ ايضا فليست نسبة $\overline{ب د}$ الي رط مثلثة
 كنسبة كرة $\overline{أ}$ ب ح د الي كرة اصغر من كرة $\overline{هـ}$ ر ح ط . ولا الي كرة اعظم من كرة
 $\overline{هـ}$ ر ح ط والا فلتكن كنسبتها الي كرة اعظم من كرة $\overline{هـ}$ ر ح ط ولتكن في كرة $\overline{ب}$
 فبالخلاف نسبة رط الي $\overline{ب د}$ مثلثة كنسبة كرة $\overline{ب}$ الي كرة $\overline{أ}$ ب ح د وليكن



نسبة كرة $\overline{هـ}$ ر ح ط الي كرة $\overline{أ}$ ب ح د كنسبة رط الي $\overline{ب د}$ فبالشكل الحادي عشر
 من الخامسة نسبة كرة $\overline{ب}$ الي كرة $\overline{أ}$ ب ح د كنسبة كرة $\overline{هـ}$ ر ح ط الي كرة $\overline{ب}$ لكن
 كرة $\overline{ب}$ اعظم من كرة $\overline{هـ}$ ر ح ط فكرة $\overline{أ}$ ب ح د اعظم من كرة $\overline{ب}$ بالشكل الرابع من
 الخامسة فندير مثل ما دبرنا ونبين الخلف بمثل ما بينا فنسبة كرة $\overline{أ}$ ب ح د
 الي كرة $\overline{هـ}$ ر ح ط كنسبة قطر $\overline{ب د}$ الي قطر رط مثلثة بالتكرير وذلك ما
 اردنا ان نبين
 وقد اورد علي قوله لو لم تكون نسبة كرة $\overline{هـ}$ ر ح ط كنسبة قطر $\overline{ب د}$ الي قطر
 رط مثلثة لكانت نسبة كرة $\overline{أ}$ ب ح د الي كرة $\overline{أ}$ ب ح د كنسبة كرة $\overline{هـ}$ ر ح ط
 كنسبة قطر $\overline{ب د}$ الي قطر رط مثلثة لكانت كنسبة كرة $\overline{أ}$ ب ح د الي كرة
 أخرى

اخرى اعظم من حكمة مخرج ط او اصغر منها ان الملازمة غير بينه بل
الملازمة البينه ان يقل لو لم تكن نسبة الكرة الى الكرة كنسبة قطر ب د الى



قطر ط مثلثة لكانت نسبة كرة ا ب ح الى مجسم اصغر او اكبر من كرة
مخرج ط كما قال في نظائره لان النسبة من عوارض بالذات دون الاشكال لما
لم يبرهن على امكان وجود كرة تساوي اي مجسم يفرض لا تثبت الحكم بهذا
الوجه والبرهان على امكان وجود ذلك مبني على اصول ابلونيوس
المذكور في المخروطات اقول قال اقليدس في صدر المقالة الخامسة النسبة
اضافة ما في القدر بين مقدرين من جنس واحد وقال المقادير التي
تقال ان بين بعضها وبعض النسبة هي التي قد يمكن اذا ضوعفت ان
نفصل بعضها على بعض فالنسبة من عوارض المقادير المتناهية من حيث
هي متناهية الى المقادير التي احاط بها حد او حدود واسمى بحد او
حدود لان عوارض المقادير مطلقا والا لجار ان نفصل بعض المقادير
الغير المتناهية على بعضها ان كانت من جنس واحد فيصير غير المتناهي
متناهي هذا خلف فلا وجه لمنع الملازمة ولان اقليدس لم يدع ان
الملازمة بينه بل يدعي ان الملازمة صادقة غاية ما في الباب ان صدقتها
موقوف على بعض مسايل المخروطات من كتاب ابلونيوس ورسايل
المخروطات مبني على مسايل كتاب اقليدس من غير دور لان المستعمل
من كتاب اقليدس في كتاب المخروطات بين اول الكتاب الى اخر المقالة
السادسة وشي يسير من المقالة الحادية عشر

تمت المقالة الثانية عشر

والله الحمد وحده على ما وافق وساعد



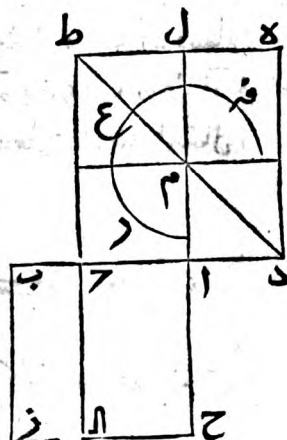
المقالة الثالثة عشر في إثبات

١

كل خط مستقيم محدود قسم على نسبة ذات
وسط وطرفين وزيد على قسمه الاطول خط يساوي
نصف الخط كله على استقامته فان مربع الخط
الحادث منها يساوي خمسة امثال مربع نصف
الخط

ط

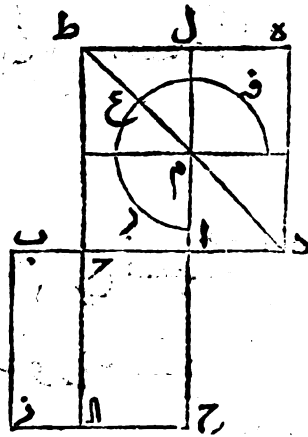
ليكن الخط AB وقسم على C على نسبة ذات وسط وطرفين بالشكل
التاسع والعشرين من السادسة وليكن قسمه الاطول AC ونزيد فيه على
استقامته خط AD مساويا لنصف خط AB فاقول ان مربع CD خمسة
امثال مربع AD برهانه نرسم على كل واحد من خطي AB CD مربعا



بالشكل التاسع والاربعين من الاولي وهما
مربعا AC CD ونخرج كل واحد من خطي
 AC CD على استقامته اما AC في جهة A
واما CD في جهة C الى ان ينتهي AC الى
ضلع DE على نقطة L و CD الى ضلع CH
على نقطة A ونخرج خط DE فيجتاز على
خط AL على نقط M ونخرج خطا موازيا
لضلع CD بالشكل الواحد والثلاثين من
الاولي ونخرجه في جهته الى ان ينتهي الى
ضلعي DE CD على نقطتي N S فلان

سطحي AN LS مربعا باستبانة الشكل الرابع من الثامنة والاضلاع
المتقابلة من السطوح المتوازية الاضلاع متساوية بالشكل الرابع
والثلاثين من الاولي يكون NM يساوي AD و MS يساوي AC ولان سطح
 AN مربع فخط AC يساوي AB و AD يساوي AM لكن AB يساوي ضعف
 AD ف AC يساوي ضعف AM ونسبة سطح AL الى AS كنسبة AC الى AM
بالشكل

بالشكل الاول من السادسة فسطح $\overline{آ}$ يساوي ضعف سطح $\overline{آس}$ فتما
 هم $\overline{آم}$ معا المتساويان بالشكل
 الثالث والاربعين من الاول يساويان
 سطح $\overline{آ}$ وسط $\overline{آز}$ وهو الحاصل من سطح
 $\overline{ب}$ في $\overline{ب}$ و $\overline{آب}$ يساوي $\overline{ب}$ فسطح
 $\overline{آز}$ يساوي سطح $\overline{آب}$ في $\overline{ب}$ وهو مربع
 $\overline{آ}$ المساوي لسطح $\overline{م}$ فعمل $\overline{آز}$ ريساوي
 مربع $\overline{آز}$ وهو اربعة امثال مربع $\overline{آد}$
 فاذا اضفنا اليه مربع $\overline{آه}$ حصل سطح $\overline{آه}$
 وهو مربع $\overline{آه}$ خمسة امثال مربع $\overline{آد}$
 وذلك ما اردنا ان نبين



ونبين هذا الدعوي في شكل آخر بوجه آخر برهانه فلان $\overline{آب}$ قسم علي
 نسبة ذات وسط وطرفين وقسمه الاطول $\overline{آ}$ يكون سطح $\overline{آب}$ في $\overline{ب}$ مربع
 $\overline{آ}$ فاجعل $\overline{آب}$ في $\overline{آ}$ مشتركا فيكون سطح $\overline{آب}$ في $\overline{ب}$ وسط $\overline{آب}$ في $\overline{آ}$ معا
 المساوي لمربع $\overline{آب}$ بالشكل الثاني من الثانية مساويا لمربع $\overline{آ}$ وسط $\overline{آب}$
 في $\overline{آ}$ كن مربع $\overline{آب}$ يساوي اربعة امثال
 مربع $\overline{آد}$ بحكم الشكل الرابع من الثانية لان
 $\overline{آد}$ نصف $\overline{آب}$ وسط $\overline{آب}$ في $\overline{آ}$ يساوي ضعف
 سطح $\overline{آد}$ في $\overline{آ}$ بالشكل الاول من السادسة فضعف سطح $\overline{آد}$ في $\overline{آ}$ مع مربع
 $\overline{آ}$ يساوي اربعة امثال مربع $\overline{آد}$ فاجعل مربع $\overline{آد}$ مشتركا فتكون خمسة
 امثال مربع $\overline{آد}$ يساوي مربعي $\overline{آد}$ وضعف سطح $\overline{آد}$ في $\overline{آ}$ كن مربع $\overline{آد}$
 $\overline{آ}$ وضعف سطح $\overline{آد}$ في $\overline{آ}$ مربع $\overline{آد}$ بالشكل الرابع من الثانية فربع $\overline{آد}$
 يساوي خمسة امثال مربع $\overline{آد}$ وذلك ما اردنا ان نبين



$\overline{ب}$

كل خط مستقيم محدود قسم بقسمين مختلفين
 وكان مربعه خمسة امثال مربع احد قسميه وزيد
 في القسم الاخر منه خط مستقيم علي استقامته
 وكان الخط الحاصل منهما ضعف القسم الاول
 فالخط الحادث الذي هو ضعف القسم الاول
 مقسوم

مقسوم علي نسبة ذات وسط وطرفين وقسمه الاطول
القسم الثاني من الخط المقسوم بمختلفين

ليكن الخط المقسوم بمختلفين علي نقطة آ خط ح د ومربعه خمسة
امثال مربع آ د وزيد في آ ح علي استقامته خط ب ح المستقيم فصار آ ب
ضعف آ د فاقول ان آ ب مقسوم بنقطة ح علي نسبة ذات وسط وطرفين
وقسمه الاول آ ح برهانه نرسم علي خطي ح د آ ب مربعاً ح د آ ب بالشكل



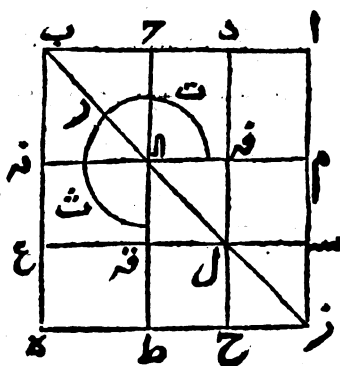
السابع والاربعين من الاول ونخرج
خطي آ ح ح ط علي استقامتهما اما خط
آ ح في جهة آ واما خط ح ط في جهة ح
فلينته آ ح الي ضلع ط علي نقطة ل وخط
ح ط الي ح ح علي نقطة ا ونخرج قطر ح ط
فيجتاز علي خط آ ل بنقطة م ونخرج منها
خطا يوازي ضلع ح د بالشكل الواحد
والثلاثين من الاول ونخرجه في جهته الي
ضلع د ح علي نقطتي ن س فكل
من سطحي د م م ط مربع باستبانة الشكل

الرابع من الثانية فاح يساوي آ ب واح يساوي آ م فيكون آ ح ضعف آ م
ونسبة سطح آ ل الي سطح آ س كنسبة آ ح الي آ م بالشكل الاول من السادسة
واح ضعف آ م فسطح آ ل ضعف سطح آ س ومنهما م ح المتساويان بالشكل
الثالث والاربعين من الاول ضعف سطح آ س فسطح آ ل يساوي مقامي م
ح م وسط آ م مربع آ د وسط ح د مربع خمسة امثال مربع آ د فعلم فرع م
اربعة امثال مربع آ د ومربع آ ب اربعة امثال مربع آ د بحكم الشكل
الرابع من الثانية فربع آ ز يساوي علم فرع ر فسطح ح ز يساوي مربع ل س
وضلع آ ح يساوي م س بالشكل الرابع والثلاثين من الاول فربع آ ح
المساوي لمربع ل س يساوي سطح ح ز الحاصل من سطح ب آ في ب ح وب
يساوي ب ح فسطح ح ز يساوي سطح آ ب في ب ح وسط آ ب في ب ح يساوي
مربع ب ح وسط آ ح في ح ب بالشكل الثالث من الثانية فاح اعظم من ب ح
خط آ ب مقسوم علي نقطة ح علي نسبة ذات وسط وطرفين وقسمه الاطول
آ ح فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين
ونبين هذا الدعوي في شكل آخر بوجه آخر برهانه فلان مربع ح د
يساوي مربعي آ د آ ح وضعف سطح آ ح في آ د بالشكل الرابع من الثانية وهو
ايضا يساوي خمسة امثال مربع آ د بالفرض فاذا القينا من مربع ح د مربع
آ د

أديبني ضعف سطح آد في آ مع مربع آ مساويا لاربعة أمثال مربع آ
ومربع آب اربعة أمثال مربع آد بحكم الشكل الرابع من الثانية و سطح
آب في آ مع سطح آب في ب مساوي مربع آب
بالشكل الثاني من الثانية فبصير ضعف
سطح آب في آ مع مربع آ مساويا لسطح آب
في آ و سطح آب في ب فإذا التقينا سطح آب في آ المشترك يبقى سطح آب في
ب مساويا لمربع آ و سطح آب في ب مساوي مربع ب و سطح آد في
ب بالشكل الثالث من الثانية فمربع آ اعظم من مربع ب و آ اعظم
من ب فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نثبت

كل قسم على نسبة ذات وسط وطرفين وذلك
نصف قسمه الاطول على قسمه الاصغر على استقامته
فمربع الخط الحادث منها يساوي خمسة امثال
مربع نصف قسمه الاطول

ليكن آب قسم على نسبة ذات وسط وطرفين بنقطة ح وقسمه الاطول آد
وننصف آد على نقطة د بالشكل العاشر من الاولي فاقول ان مربع ب د
يساوي خمسة امثال مربع ح د برهانه نرسم على آب مربع آه بالشكل
السادس والاربعين من الاولي ونخرج من كل واحد من نقطتي د ح خطا
يوازي ب ه بالشكل الواحد والثلاثين من
الاولي فهما متوازيان وموازيان لخط آد
بالشكل الثلاثين من الاولي ونخرجهما على
استقامتهما الي ان ينتهيا الي خط ز ه على
نقطتي ح ط ونخرج قطر ب ز فيجتاز على
نقطتي آ ل من خطا ح ط د ح ونخرج منهما
خطا آ ل ع موازيين لخط ه ز بالشكل
الواحد والثلاثين من الاولي فهما
متوازيان وموازيان لخط آب بالشكل
الثلاثين من الاولي ونخرجهما في جهتهما على استقامتهما الي ان ينتهيا الي
الي خطي آ ب ه على نقطتي م ن و ل ع الي خطي ب ه آ على نقطتي س ع
فيهر ان على خطي ح ط د ح على نقطتي ق ه و كل واحد من سطوح د ع م ط
ق ه



فقد سح مل ل ط مربع باستبانة الشكل الرابع من الثانية ولان الاضلاع المتقابلة من السطوح المتوازية الاضلاع متساوية بالشكل الرابع والثلاثين من الاولي فخط اد يساوي كل واحد من خطي م ق س ل وخط ح د يساوي كل واحد من خطي ق ا ل ق واد يساوي ح د واد يساوي م ا فربيع ا ح يساوي مربع م ط ومربع د ح يساوي مربع ف د واضلاع المربعات الكائنة في مربع م ط مساوية فربيع م ط اربعة امثال مربع ف د فربيع ا ح اربعة امثال مربع ح د وخط ه ع يساوي خط ن ع لانهما يساويان خطي ط ق ا ق المتساويين فسطح ط ع كسطح ا ع بالشكل السادس والثلاثين من الاولي ولان ا ب يساوي ب ه وسطح ح ه حاصل ضرب ب ح في ب ه فسطح ح ه يساوي سطح ا ب في ب ح ومربع ا ح يساوي سطح ا ب في ب ح فسطح ح ه يساوي مربع ا ح بل اربعة امثال مربع ح د وسطح ط ع كسطح ا ع وسطح ع ا كسطح ا د بالشكل الثالث والاربعين من الاولي لانهما متمان الاشياء المساوية بشي واحد متساوية فعلم ت م ث يساوي سطح ح ه بل مربع ا ح بل اربعة امثال مربع ح د وسطح ف د المساوي لمربع ح د اذا اضغناه الي علم ت م ث حصل مربع د ع فربيع ب د يساوي خمسة امثال مربع ح د فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين

ونبين هذا الدعوي في شكل آخر بوجه آخر برهانه فلان مربع ا ح المنصف علي نقطة د يساوي اربعة امثال مربع ح د بحكم الشكل الرابع من الثانية وسطح ا ب في ب ح المساوي لمربع ا ح يساوي مربع ب ح وسطح ا ح في ب ح بالشكل الثالث من الثانية وسطح ا ح في ب ح يساوي ضعف سطح ح د في ح ب بالشكل الاول من الثانية

فضعف سطح ح د في ب ح مع مربع ب ح يساوي اربعة امثال مربع ح د واذا زيد

علي ضعف سطح ح د في ب ح مع مربع ح د يصير خمسة امثال مربع ح د مساويا لمربعي ح د ح ب وضعف سطح ح د في ب ح ل يكن مربع ب د يساوي مربعي ح د ب ح وضعف سطح ح د في ب ح بالشكل الرابع من الثانية فربيع ب د يساوي خمسة امثال مربع ح د فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين واستبان من هذين الشكلين عكسهما فنقول كل خط مربع خمسة امثال مربع احد قسميه وزيد في ذلك القسم خط مستقيم ساويه علي استقامته كان الخط المحاذات مقسوما علي نسبة ذات

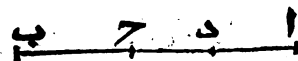
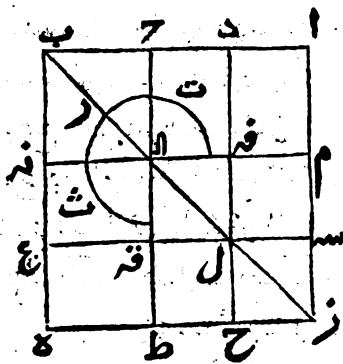
وسط وطرفين وقسمه الاصغر القسم الاخر

من الخط ول يكن مربع ب د خمسة امثال ربع

ح د وزيد علي استقامته ا د مساويا لخط ح د فاب مقسوم علي نسبة ذات وسط وطرفين وقسمه الاصغر ب ح

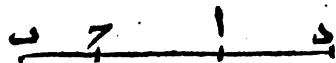
اما

أما على الشكل الأول فلان مربع د ع خمسة امثال مربع فة فاذا القينا من
مربع د ع مربع فة يبقى علم ت م ث مساويا لاربعة امثال ح د وسط ح د
يساوي العلم وهو حاصل من سطح ب د
اعني ان في ب ح فسطح ا ب في ب ح يساوي
اربعة امثال مربع ح د فبساوي مربع
م ط المساوي لمربع ا ح فسطح ا ب في ب ح
يساوي مربع ا ح وب ح اصغر من ا ح
وأما على الشكل الثاني فلان ب د يساوي
خمسة امثال مربع ح د فاذا القينا منه
مربع ح د يبقى ضعف سطح ح د في ب ح
مع مربع ب ح اربعة امثال مربع ح د
لكن ضعف سطح ح د في ب ح يساوي سطح
ا ب في ب ح وهو مربع ب ح يساوي سطح
ا ب في ب ح فسطح ا ب في ب ح يساوي
اربعة امثال مربع ح د اعني ا ح فالحاصل انكم ثابت

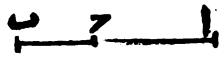


كل خط قسم على نسبة ذات وسط وطرفين وزيد
عليه مثل قسمه الاطول على استقامته كارج الخط
الحادث مقسوما على نسبة ذات وسط وطرفين
وقسمه الاطول هو الخط ك

ليكن ا ب قسم بنقطة ح على نسبة ذات وسط وطرفين وزيد فيه ا د على
استقامته مساويا لخط ا ح الذي هو قسمه الاطول فاقول ان خط ب د
مقسوم على نسبة ذات وسط وطرفين وقسمه الاطول هو خط ا ب برهانه
فلان ا ح يساوي ا د تكون نسبة ا ب الى ا د كنسبة ا ب الى ا ح بالشكل السابع
من الخامسة ونسبة ا ح الى ح ب كنسبة
ا ب الى ا ح فبالشكل الحادي عشر من
الخامسة نسبة ا ب الى ا د كنسبة ا ح الى
ح ب فبالخلاف نسبة ا د الى ا ب كنسبة ح ب الى ح ا وبالتركيب بالشكل
السابع عشر من الخامسة نسبة د ب الى ب ا كنسبة ب ا الى ا ح ونسبة ب ا
الى ا د كنسبة ب ا الى ا ح بالشكل السابع من الخامسة فنسبة ب د الى ب ا
كنسبة ب ا الى ا ح ونسبة ب ا الى ا د كنسبة ب ا الى ا ح بالشكل السابع من
الخامسة



الخامسة فنسبة د ب الى ب ا كنسبة ب ا الى ا د بالشكل الحادي عشر من
الخامسة فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين
واستبان منه انه اذا فصل اصغر قسمي خط قسم علي نسبة ذات وسط
وطرفين من اعظم قسميه كان القسم الاعظم مقسوما علي نسبة ذات وسط
وطرفين والمنفصول قسمه الاعظم وذلك لانا اذا فصلنا من ا ب ا ح مساويا
لخط ا د في هذه الصورة كان ا ب مقسوما علي نقطة ح علي نسبة ذات
وسط وطرفين وقسمه الاطول ا ح لان نسبة

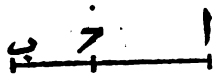


د ب الى ب ا كانت كنسبة ا ب الى ا د فتكون
نسبة د ب الى ب ا كنسبة ب ا الى ا ح لان ا د
يساوي ا ح فبالنصبل تكون نسبة د ا الى ا ب كنسبة ب ح الى ح ا فبالخلاف
نسبة ب ا الى ا ح المساوي لخط ا د كنسبة ا ح الى د ب

ت د

كل خط قسم علي نسبة ذات وسط وطرفين فان
مربع الخط كله مع مربع اصغر قسميه يساويان
ثلاثة امثال مربع الاعظم

ليكن الخط ا ب قسم علي نقطة ح علي نسبة ذات وسط وطرفين وقسمه
الاصغر ب ح فاقول ان مربعي ا ب ب ح يساويان ثلاثة امثال مربع ا ح
برهانه فلان مربع ا ب مع مربع ب ح يساوي ضعف سطح ا ب في ب ح
مع مربع ا ح بالشكل السابع من الثانية وسط
ا ب في ب ح يساوي مربع ا ح فضعف سطح ا ب
في ب ح يساوي مثلثة امثال مربع ا ح فالحكم



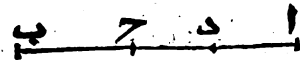
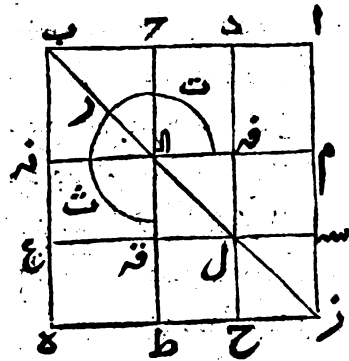
ثابت وذلك ما اردنا ان نبين

د

كل خط منطبق قسم علي نسبة ذات وسط
وطرفين فان كل واحد من قسميه منفصل

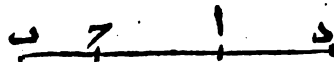
ليكن خطا منطبقا وليقسم علي نقطة ح علي نسبة ذات وسط وطرفين
بالشكل التاسع من السادسة وليكن قسمه الاطول ا ح فاقول ان كل واحد
من ا ح ب منفصل برهانه نزيد في خط ا ح خط ا د المستقيم علي
استقامته

أما على الشكل الأول فلان مربع د ع خمسة امثال مربع ف ه فاذا القينا من
مربع د ع مربع ف ه يبقى علم ت م ث مساويا لاربعة امثال د و وسط مربع
يساوي العلم وهو حاصل من سطح ب د
اعني ان في ب د فسطح ا ب في ب د يساوي
اربعة امثال مربع د ف يساوي مربع
م ط المساوي لمربع ا ح فسطح ا ب في ب د
يساوي مربع ا ح و ب د اصغر من ا ح
وأما على الشكل الثاني فلان ب د يساوي
خمس امثال مربع د فاذا القينا منه
مربع د يبقى ضعف سطح د في ب د
مع مربع ب د اربعة امثال مربع د
لكن ضعف سطح د في ب د يساوي سطح
ا ب في ب د وهو مربع ب د يساوي سطح
ا ب في ب د فسطح ا ب في ب د يساوي
اربعة امثال مربع د اعني ا ح فالحاصل انكم ثابت

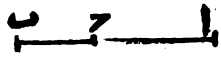


كل خط قسم على نسبة ذات وسط وطرفين وزيد
عليه مثل قسمه الاطول على استقامته كارج الخط
الحادث مقسوما على نسبة ذات وسط وطرفين
وقسمه الاطول هو الخط ك

ليكن ا ب قسم بنقطة ح على نسبة ذات وسط وطرفين وزيد فيه ا د على
استقامته مساويا لخط ا ح الذي هو قسمه الاطول فاقول ان خط ب د
مقسوم على نسبة ذات وسط وطرفين وقسمه الاطول هو خط ا ب برهانه
فلان ا ح يساوي ا د تكون نسبة ا ب الى ا د كنسبه ا ب الى ا ح بالشكل السابع
من الخامسة ونسبة ا ح الى ح ب كنسبة
ا ب الى ا ح فبالشكل الحادي عشر من
الخامسة نسبة ا ب الى ا د كنسبة ا ح الى
ح ب فبالخلاف نسبة ا د الى ا ب كنسبة ب ح الى ح ا وبالتركيب بالشكل
السابع عشر من الخامسة نسبة د ب الى ب ا كنسبة ب ا الى ا ح ونسبة ب ا
الى ا د كنسبة ب ا الى ا ح بالشكل السابع من الخامسة فنسبة ب د الى ب ا
كنسبة ب ا الى ا ح ونسبة ب ا الى ا د كنسبة ب ا الى ا ح بالشكل السابع من
الخامسة



الخامسة فنسبة د ب الى ب ا كنسبة ب ا الى آ بالشكل الحادي عشر من
الخامسة فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين
واستبان منه انه اذا فصل اصغر قسمي خط قسم علي نسبة ذات وسط
وطرفين من اعظم قسميه كان القسم الاعظم مقسوما علي نسبة ذات وسط
وطرفين والمفصول قسمه الاعظم وذلك لانا اذا فصلنا من آ ب ا ح مساويا
لخط آ د في هذه الصورة كان آ ب مقسوما علي نقطة ح علي نسبة ذات
وسط وطرفين وقسمه الاطول آ ح لان نسبة

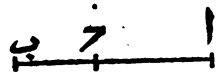


د ب الى ب ا كانت كنسبة آ ب الى آ د فتكون
نسبة د ب الى ب ا كنسبة ب ا الى آ لان آ د
يساوي آ ح فبالفصل تكون نسبة د ا الى آ ب كنسبة ب ح الى آ فبالخلاف
نسبة ب ا الى آ المسماة لخط آ د كنسبة آ ح الى د ب

ت د

كل خط قسم علي نسبة ذات وسط وطرفين فان
مربع الخط كله مع مربع اصغر قسميه يساويان
ثلاثة امثال مربع الاعظم

ليكن الخط آ ب قسم علي نقطة ح علي نسبة ذات وسط وطرفين وقسمه
الاصغر ب ح فاقول ان مربعي آ ب ب ح يساويان ثلاثة امثال مربع آ ح
برهانه فلان مربع آ ب مع مربع ب ح يساوي ضعف سطح آ ب في ب ح
مع مربع آ ح بالشكل السابع من الثانية وسط
آ ب في ب ح يساوي مربع آ ح فضعف سطح آ ب
في ب ح يساوي مثلثة امثال مربع آ ح فالحكم



ثابت وذلك ما اردنا ان نبين

د

كل خط منطبق قسم علي نسبة ذات وسط
وطرفين فان كل واحد من قسميه منفصل

ليكن خطا منطبقا وليقسم علي نقطة ح علي نسبة ذات وسط وطرفين
بالشكل التاسع من السادسة وليكن قسمه الاطول آ ح فاقول ان كل واحد
من آ ح ب منفصل برهانه نزيد في خط آ ح خط آ د المستقيم علي
استقامته

استقامته ونفصل منه \overline{AD} مثل نصف \overline{AB} بالشكل الثالث من الاول

فربع \overline{DC} خمسة امثال مربع \overline{DA}

بالشكل الاول فتكون نسبة مربع

\overline{DC} الي مربع \overline{AD} كنسبة الخمسة من

العدد الي الواحد فنسبتهما ان كانت كنسبة عددي ليست عدد من

المربعين لان الخمسة ليست بمربع فـ \overline{DC} يباين \overline{DA} في الطول يشاركه في القوة

بالشكل السابع من العاشرة فبالقلب نسبة مربع \overline{DC} الي فصل مربعه علي

مربع \overline{AD} كنسبة الخمسة الي المربع وليساعددين مربعين فـ \overline{DC} يقوي

علي \overline{AD} بمربع خط يباينه في الطول و \overline{AD} منطف في الطول \overline{AD} منفصل

خامس واذا اضفنا سطحين متوازيين الاضلاع الي خط \overline{AB} المنطف

مساويان لمربع \overline{AC} كان الضلع الثاني منه منفصل اول بالشكل الرابع

والتسعين من العاشرة وسط \overline{AB} في \overline{B} مساويا لمربع \overline{AC} وهو مضاف الي

خط \overline{AB} والعرض الحادث هو \overline{B} منفصل فالحكم ثابت وذلك ما اردنا

ان نبين

كل منحس متساوي الاضلاع تساوت ثلث زوايا

من زواياه متجاورة او غير متجاورة فجميع زواياه

متساوية

ليكن المنحس \overline{ABDE} وثلث زوايا من زواياه وفي زوايا \overline{BAE} \overline{BDE} \overline{EDB}

الغير المتجاورة متساوية فاقول ان جميع زواياه متساوية برهانه فصل

بين نقطة \overline{B} وبين كل واحد من نقطتي \overline{D} \overline{E} بخط مستقيم فلان ضلعي \overline{BA}

\overline{AE} وزاوية \overline{BAE} من مثلث \overline{ABE} يساوي ضلعي \overline{BD} \overline{DE} وزاوية \overline{BDE}

وقاعدة \overline{BE} كقاعدة \overline{BD} وزاوية

\overline{AEB} كزاوية \overline{DEB} بالشكل الرابع من

الاولي فزاوية \overline{BAE} كزاوية \overline{BDE}

بالشكل الخامس من الاول فزاوية

\overline{AED} كزاوية \overline{DEB} وايضا فصل بين

نقطتي \overline{D} \overline{E} بخط مستقيم فلان ضلعي

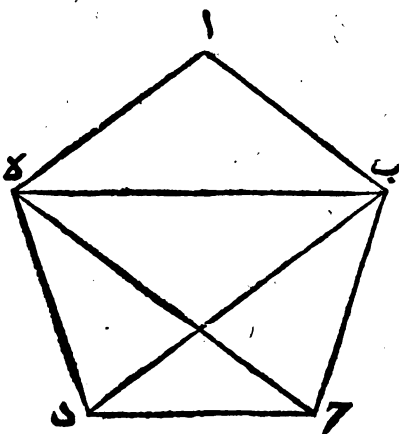
\overline{BD} \overline{DE} وزاوية \overline{BDE} تساوي ضلعي

\overline{BA} \overline{AE} وزاوية \overline{BAE} فقاعدة \overline{BE}

كقاعدة \overline{BD} فزاوية \overline{DEB} كزاوية

\overline{AEB} بالشكل الخامس من الاول

فزاوية



فزاوية \overline{AB} كزاوية \overline{BC} فزاويا الخمس كلها متساوية . ثم لتكن
الزاويا الثلث المتساوية هي زوايا \overline{BC} \overline{CD} \overline{DE} المتجاورة فاقول ان جميع
زوايا \overline{AB} متساوية فنصل بين نقطة \overline{B} وبين كل واحدة من نقطتي \overline{C} \overline{D}
بخط مستقيم ونصل بين نقطتي \overline{C} \overline{D} بخط مستقيم فيقطع ضلع \overline{AB}

فليقطع ضلع \overline{AB} علي نقطة \overline{P} فلان

ضلعي \overline{BC} \overline{CD} وزاوية \overline{BC} \overline{CD} من

مثلث \overline{BCD} يساويان ضلعي \overline{CD} \overline{DE}

وزاوية \overline{CD} \overline{DE} من مثلث \overline{CDE} فقاعدة

\overline{BD} كقاعدة \overline{CD} وزاوية \overline{BC} \overline{CD} كزاوية

\overline{CD} \overline{DE} وزاوية \overline{BC} \overline{CD} كزاوية \overline{CD} \overline{DE} بالشكل

الرابع من الاولي فضلع \overline{BC} كضلع \overline{CD}

بالشكل السادس من الاولي وكانت

قاعدتا \overline{BC} \overline{CD} متساويتين فضلعا

\overline{BC} \overline{CD} متساويان فزاوية \overline{BC} \overline{CD}

كزاوية \overline{CD} \overline{DE} بالشكل الخامس من الاولي وزاوية \overline{AB} كزاوية \overline{BC} بالشكل

الخامس من الاولي فزاوية \overline{AB} كزاوية \overline{BC} ونصل بين نقطة \overline{A} وبين كل

واحدة من نقطتي \overline{C} \overline{D} بخط مستقيم ونصل بين نقطتي \overline{C} \overline{D} بخط مستقيم

فليقطع \overline{AC} فليقطع علي نقطة \overline{P} فلان ضلعي \overline{AB} \overline{BC} وزاوية \overline{AB} \overline{BC}

يساويان ضلعي \overline{BC} \overline{CD} وزاوية \overline{BC} \overline{CD} كقاعدة \overline{BC} \overline{CD} وزاوية

\overline{BC} \overline{CD} كزاوية \overline{CD} \overline{DE} بالشكل الرابع من الاولي

فضلع \overline{BC} كضلع \overline{CD} وكانت قاعدتا \overline{BC} \overline{CD} متساويتين فضلعا \overline{BC} \overline{CD}

\overline{BC} \overline{CD} متساويان فزاويا \overline{BC} \overline{CD} \overline{CD} \overline{DE} متساويتان وزوايا \overline{BC} \overline{CD} \overline{CD} \overline{DE} متساويتان

بالشكل الخامس من الاولي فزاوية \overline{AB} كزاوية \overline{BC} \overline{CD} \overline{CD} \overline{DE} فالحكم ثابت وذلك

ما اردنا ان نبين

ح

كل دائرة نرسم فيها مثلث متساوي الاضلاع

فمربع ضلعه يساوي ثلثة امثال مربع نصف

قطر

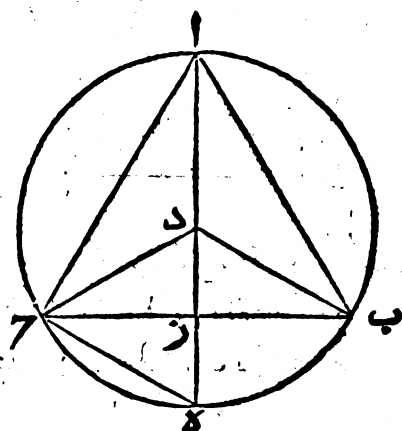
لتكن دائرة \overline{AB} ونرسم فيها مثلث \overline{ABC} متساوي الاضلاع باستبانة

الشكل السادس عشر من الرابعة ونجد مركزها بالشكل الاول

من الثالثة ولتكن نقطة \overline{D} ونصل بينهما وبين كل واحد من نقطتي

\overline{A} \overline{B}

آ ب حـ بخط مستقيم ونخرج خط آد علي استقامته الي أن ينتهي الي
 المحيط فلينبته علي نقطة هـ وليجتاز علي ضلع ب حـ علي نقطة ز ونصل بين
 نقطتي حـ هـ بخط مستقيم فلان ضلعي آ ب آد يساويان ضلعا آ هـ وقاعدة
 ب هـ كقاعدة د هـ فبالشكل الثامن من الاولي زاوية ب هـ آ كزاوية حـ هـ
 فقوس ب هـ كقوس د هـ بالشكل الخامس والعشرين من الثالثة ولان
 مثلث آ ب حـ متساوي الاضلاع وقسي الاوتار المتساوية متساوية
 بالشكل التاسع والعشرين من الثالثة فقوس ب هـ ثلث الدائرة
 فقوس د هـ سدسها فوتر د هـ يساوي نصف قطر آد باستبانة الشكل
 الحادي عشر من الرابعة ولان زاوية آ هـ الواقعة في نصف الدائرة
 قائمة بالشكل الثلاثين من الثالثة



فربع آه يساوي مربعي آ ح و معا
بالشكل السابع والاربعين من الاولي
لكن مربع آه اربعة امثال مربع
نصف القطر بحكم الشكل الرابع
من الثانية فربعا آ ح و معا يساويان
اربعة امثال مربع آه نصف القطر
لكن مربع ح و كمربع آ د فربع آ ح
ثلاثة امثال مربع آ د نصف القطر
فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نبين .

[illegible]

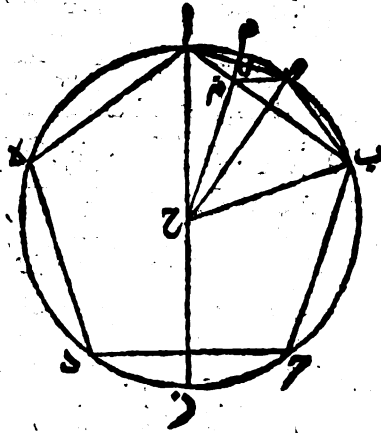
1

كل خط حاصل من اتصال ضلع معشر من
دايرة

بـ لانها متساويان فـ قوس زـ بـ كله ضعف قوس بـ مـ فزاوية زـ حـ بـ ضعف زاوية بـ حـ مـ بالشكل الثاني والثلاثين من الاولي او بالشكل العشرين من الثالثة وزاوية زـ حـ بـ ضعف ايضا زاوية حـ اـ بـ لان زاوية حـ اـ بـ كزاوية اـ بـ حـ فزاوية بـ حـ تـ كزاوية حـ اـ بـ وزاوية اـ بـ حـ مشترك بين مثلثي اـ بـ حـ تـ فزاوية اـ حـ بـ كزاوية بـ تـ حـ فبالشكل الرابع من السادسة نسبة اـ بـ الى بـ حـ كنسبة حـ بـ الى بـ تـ فسطح اـ بـ في بـ تـ كمربع بـ حـ ولان ضلع اـ لـ كضلع اـ لـ ومشتراك ضلع اـ تـ عمود علي اـ لـ فقاعدة اـ تـ كقاعدة تـ اـ فزاوية لـ اـ تـ كزاوية لـ اـ بـ لكن زاوية لـ اـ تـ كزاوية اـ بـ تـ فزاوية لـ اـ تـ كزاوية اـ بـ تـ وزاوية تـ اـ لـ مشترك بين مثلثي اـ بـ تـ اـ لـ فزاوية اـ بـ تـ كزاوية اـ بـ لـ فبالشكل الثاني والثلاثين من الاولي فبالشكل الرابع من السادسة نسبة بـ اـ الى اـ لـ كنسبة اـ لـ الى اـ تـ فسطح بـ اـ في اـ تـ كمربع اـ لـ وسط اـ بـ في بـ تـ كمربع بـ حـ فسطح اـ بـ في بـ تـ مع سطح بـ اـ في اـ تـ بل مربع اـ بـ يساوي مربع بـ حـ ومربع اـ لـ معا لكن اـ بـ ضلع الخمس و بـ حـ ضلع السادس و اـ لـ ضلع المعشر فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نـ

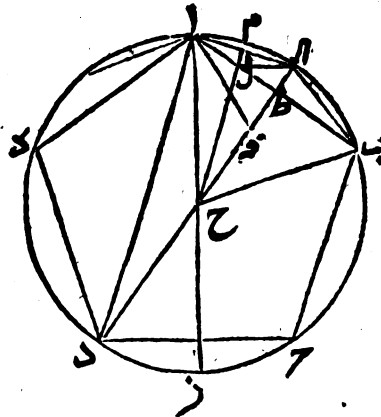
واستبان منه ان العمود الخارج من مركز اي دائرة الي وتر محسها كعمود
 ح ط يساوي نصف وتر المسدس والمعشر معا الواقعين في تلك الدائرة
 وهذا هو الشكل الاول من المقالة الرابعة عشر من اصلي الثابت والحجج
 وذلك لان \overline{AA} اذا كان علي استقامته $\overline{ح}$ كان الخط المحاصل منهما معشرا علي
 نسبة ذات وسط وطرفين وكان قسمه الاطول $\overline{ح}$ بالشكل المتقدم فاذا
 فصلنا $\overline{ح}$ مساويا لوتر \overline{AA} بالشكل الثالث من الاول كان خط $\overline{ح}$
 معشرا علي وسط وطرفين وقسمه الاطول $\overline{ح}$ باستبانة الشكل المتقدم
 فنقطة $\overline{ق}$ لا يقع علي نقطة $\overline{ط}$ والا لكان سطح $\overline{ح}$ في $\overline{ا}$ مربع $\overline{ح}$ اعني
 مربع عمود $\overline{ح}$ باستبانة الشكل السادس عشر من الخامسة فاذا اخرجنا
 $\overline{ح}$ الي المحيط علي استقامته ينتهي الي نقطة $\overline{د}$ منه ونصل $\overline{اد}$ بخط مستقيم
 فتكون زاوية $\overline{د}$ القائمة بالشكل الثلاثين من الثالثة فيكون سطح $\overline{د}$ الذي
 هو ضعف $\overline{ح}$ في $\overline{ا}$ مربع $\overline{ا}$ المساوي لخط $\overline{ح}$ وكان سطح $\overline{ح}$ في $\overline{ا}$
 مربع $\overline{ح}$ هذا خلف فنقطة $\overline{ق}$ تقع بين نقطتي $\overline{ح}$ $\overline{ط}$ فيكون سطح $\overline{د}$
 الذي هو ضعف خط $\overline{ح}$ في $\overline{ا}$ كسطح $\overline{ح}$ في $\overline{ا}$ فيكون خط $\overline{ا}$
 باستبانة الشكل الاول من السادسة فخط $\overline{ا}$ فخط $\overline{ط}$ فيكون ضلعا
 $\overline{ا}$ $\overline{ط}$ معا كخطي $\overline{ح}$ $\overline{ق}$ اعني عمود $\overline{ح}$ يساوي ضلعي وتر المسدس
 والمعشر معا . او نقول بوجه آخر فلان مربع $\overline{ا}$ مربي $\overline{ا}$ $\overline{ط}$ $\overline{ح}$
 ومربع $\overline{ا}$ مربي $\overline{ا}$ $\overline{ط}$ بالشكل السابع والاربعين من الاول و $\overline{ا}$ اعظم
 من $\overline{ا}$ $\overline{ط}$ الاصغر من $\overline{ح}$ فنفصل منه ما يساوي $\overline{ا}$ وهو $\overline{ق}$ بالشكل
 الثالث من الاول ونصل $\overline{ا}$ بخط مستقيم فتكون زاويتا $\overline{ا}$ $\overline{ط}$ $\overline{ق}$
 متساويتين

متساويتين وكذا ضلعي Δ اقر بالشكل الرابع من الاول ولان قوس Δ اربعة امثال قوس Δ فتكون نسبة قوس Δ الى قوس Δ كنسبة زاوية Δ الى زاوية Δ بالشكل الثاني والثلاثين من السادسة فزاوية Δ اربعة امثال زاوية Δ وضلع Δ Δ متساويان فزاويتا Δ Δ متساويتان



بالشكل الخامس من الاول وزاوية Δ كزاويتي Δ Δ بالشكل الثاني والثلاثين من الاول فزاوية Δ المساوية لزاوية Δ ضعف زاوية Δ فزاوية Δ ضعف زاوية Δ وهي مساوية لزاويتي Δ Δ بالشكل الثاني والثلاثين من الاول فزاويتي Δ Δ متساويتان فضلع Δ كضلع Δ بالشكل السادس من الاول فضلع Δ كضلع Δ وضلع Δ

Δ كضلع Δ فضلع Δ كضلع Δ وضلع Δ Δ متساويان فمربع Δ Δ المساوي لضلعي Δ Δ يساوي نصف وتر المثلث Δ Δ واستبانة ثالثة وهي ان مربع Δ وتر زاوية الخمس الواقع في دائرة مع مربع Δ ضلع Δ يساوي خمسة امثال مربع نصف قطرها وهذا هو الشكل الثاني من المقالة الرابعة



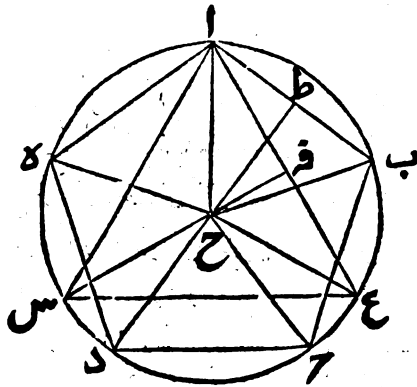
عشر من الثابت والحاج وذلك لان مربع Δ وتر زاوية الخمس مع مربع Δ ضلع Δ يساوي اربعة امثال مربع نصف القطر باستبانة الشكل الحادي عشر من الرابعة وقد تبين في هذا الشكل ان مربع Δ وتر الخمس يساوي مربع نصف القطر مع مربع Δ وتر المثلث Δ Δ مع مربع Δ ضلع Δ يساويان

Δ امثال من نصف القطر Δ واستبانة ثالثة وهي انا اذا رسمنا في دائرة Δ Δ مثلث Δ Δ متساوي الاضلاع باستبانة الشكل الخامس عشر من الرابعة ووصل بين نقطة Δ المركز وبين كل واحدة من نقطة زوايا المثلث والخمس بخط مستقيم يحدث في الخمس خمسة مثلثات متساويات باستبانة الشكل الثاني من الرابعة وفي المثلث ثلاثة مثلثات متساويات بالشكل الثامن وبالشكل الرابع من الاول لتساوي اضلاعها المتناظرة ونخرج من نقطة Δ الى ضلع

الثالثة عشر

١٤٦

ضلع \overline{AC} عمود \overline{CF} بالشكل الثاني عشر من الاولي فسطح عمود \overline{CF} في \overline{AP} يساوي مثلث \overline{AB} وسط عمود \overline{CF} في \overline{AQ} يساوي مثلث \overline{AC} باستبانة الشكل الثالث عشر من الثانية فسطح عمود \overline{CF} في \overline{AB} يساوي ضعف مثلث \overline{AB} وسط عمود \overline{CF} في \overline{AC} يساوي ضعف مثلث \overline{AC} فستون



مثلا مثلث \overline{AB} يساوي اثني عشر مثلا لخمس \overline{AB} حدة لان الخمس ينقسم الي خمس مثلثات متساويات فسطح عمود \overline{CF} في ضلع \overline{AB} ثلثون مرة يساوي ستين مثلا لمثلث \overline{AB} وهي تساوي اثني عشر مثلا لخمس \overline{AB} حدة وستون مثلا لمثلث \overline{AC} يساوي عشرين مثلا لمثلث \overline{AC} حدة منقسم الي ثلاثة امثال مثلث \overline{AC} فسطح عمود \overline{CF} في \overline{AC} ثلثون مرة يساوي ستين

مثلا لمثلث \overline{AC} وهي تساوي عشرين مثلا لمثلث \overline{AC} حدة ومن اول الاستبانة الي ههنا هو تقرير الشكل الرابع والخامس من المقالة الرابعة عشر من اصلي الثابت والحاج ولان نسبة الاضعاف اذا كانت متساوية كنسبة الاجزاء بالشكل الخامس عشر من الخامسة تكون نسبة اثني عشر مثلا لخمس \overline{AB} حدة الي عشرين مثلا لمثلث \overline{AC} حدة كنسبة مثلث \overline{AB} الي مثلا

واستبانة رابعة وهي انه اذا كان مجسمان يحيط باحدهما اثنا عشر مجسما متساويات وبالاخر عشرون مثلثات متساويات وكانت الدائرة التي تحيط بالخمس مساوية للدائرة التي تحيط بالمثلث فان سطح ذي الاثني عشر قاعدة الي سطح ذي العشرين قاعدة كنسبة مثلث من المثلثات الي ينقسم اليها بخمس ذي الاثني عشر قاعدة الي مثلث من المثلثات التي ينقسم اليها مثلث ذي العشرين قاعدة بل تكون كنسبة مثلث دال الي بخمس هذا علي التبدل

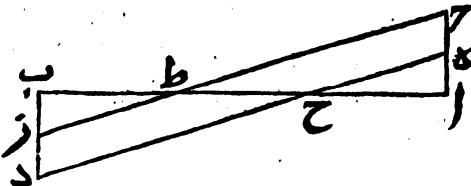
مقدمة

كل خط مستقيم محدود لنا ان نقسمه

ثلاثة اقسام متساوية

ليكن الخط \overline{AB} فنخرج من نقطتي \overline{AB} عمودي \overline{AD} علي خط \overline{AB} احدهما في

في جهة من خط $آب$ والآخري في جهة أخرى منه بالشكل الحادي عشر
من الأولي وننصف عمود $آح$ علي
نقطة $ط$ بالشكل العاشر من
الأولي ونجعل عمود $ب د$ مساويا
لعمود $آح$ بالشكل الثالث من
الأولي وننصف عمود $ب د$ علي



نقطة $ز$ بالشكل العاشر من الأولي ونصل بين كل واحدة من نقطتي $ح د ز$
بخط مستقيم فيقسم $آب$ علي نقطتي $ح ط$ بثلاثة اقسام متساوية .
برهانه فلان كلا من زاويتي $آب د$ المتقابلتان قائمتان وعمودا $آب د$
متساويان $ح د$ يساوي $د ز$ فخط $آ د$ متساويان ومتوازيان بالشكل
الثالث والثلاثين من الأولي ولان قاعدتي $ح ط$ $ح د$ متوازيان تكون
نسبة $آه$ الي $د$ كنسبة $آح$ الي $ح ط$ بالشكل الثاني من السادسة لكن $آه$
يساوي $د$ و $آح$ يساوي $ح ط$ وبمثلثه نبين ان خط $ب ط$ يساوي خط
 $ط ح$ فخطوط $آح ط ب$ متساوية وان اردنا ان نقسم خط $آب$ باربعة
اقسام متساوية فينقسم عمود $آح$ بثلاثة اقسام متساوية ثم نقسم عمود
 $ب د$ بثلاثة اقسام متساوية كما قسمنا $آح$ ونبين بمثل ما بينا انقسام خط
 $آب$ باربعة اقسام متساوية وان اردنا ان نقسم $آب$ بخمسة اقسام متساوية
نقسم كل واحد من العمودين باربعة اقسام متساوية وسواي بعضها
بعضا ثم تبين بمثل ما بينا الانقسام وعلي هذا القياس ان اردنا ان نقسمه
بسته اقسام او اكثر وذلك ما اردنا ان نبين

يا

كل مخمس متساوي الاضلاع يقع في دائرة فان
اي وترين من اوتار زواياه يتقاطعان فانهما
يتقاسمان علي نسبة ذات وسط وطرفين والقسم
الاطول من كل منهما يساوي ضلع المخمس

فترسم في دائرة $آب ح د ه$ مخمس $آب ح د ه$ بالشكل الحادي عشر من الرابعة
ونخرج وترين $ب ه$ $آح$ فيقع كل منهما في دائرة $آب ح$ بالشكل الثاني من
الثالثة فيتقاطعا فليبتقاطعا علي نقطة $ز$ فاقول ان كل واحد من وترين $آح$
 $ب ه$ مقسوم بنقطة $ز$ علي نسبة ذات وسط وطرفين والقسم الاطول من
كل منهما يساوي ضلع مخمس $آب ح د ه$ برهانه فلان قوس $آب$ كقوس $ب ح$
فزاوية

الثالث عشر

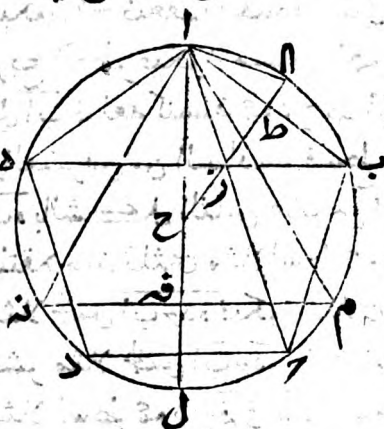
الحام

فزاوية $\overline{ب\alpha\gamma}$ زاوية $\overline{أ\beta\gamma}$ بالشكل الحادي والعشرين من السادسة وضع
 $\overline{أ\beta}$ كضلع $\overline{أ\gamma}$ وزاوية $\overline{أ\beta\gamma}$ زاوية $\overline{أ\beta\gamma}$ بالشكل الخامس من الاول
 فزاويتا $\overline{أ\beta\gamma}$ $\overline{أ\gamma\beta}$ متساويتان فهما
 ضعف زاوية $\overline{ب\alpha\gamma}$ وزاوية $\overline{أ\gamma\beta}$ زاوية $\overline{أ\gamma\beta}$
 $\overline{أ\beta}$ $\overline{أ\gamma}$ بالشكل الثاني والثلاثين من
 الاول فزاوية $\overline{أ\gamma\beta}$ ضعف زاوية $\overline{ب\alpha\gamma}$
 وقوس $\overline{أ\gamma}$ ضعف قوس $\overline{ب\alpha}$ فزاوية
 $\overline{أ\gamma\beta}$ ضعف زاوية $\overline{ب\alpha\gamma}$ لان نسبة
 القوس الى القوس كنسبة الزاوية الى
 الزاوية بالشكل الثاني والثلاثين من
 السادسة فزاويتا $\overline{أ\gamma\beta}$ $\overline{أ\gamma\beta}$ متساويتان



فضلع $\overline{ز\alpha}$ كضلع $\overline{أ\gamma}$ بالشكل السادس من الاول ولان زوايا كل مثلث
 كقائمتين بالشكل الثاني والثلاثين من الاول فزاوية $\overline{ب\alpha\gamma}$ من مثلث $\overline{أ\beta\gamma}$
 كزاوية $\overline{أ\gamma\beta}$ من مثلث $\overline{أ\gamma\beta}$ فزاويتا $\overline{أ\gamma\beta}$ $\overline{أ\gamma\beta}$ متساويتان
 ولان ضلع $\overline{ز\alpha}$ كضلع $\overline{أ\gamma}$ فاضلاع $\overline{أ\beta}$ $\overline{أ\gamma}$ متساوية فنسبة $\overline{ب\alpha}$ الى $\overline{ز\alpha}$
 كنسبة $\overline{ب\alpha}$ الى $\overline{أ\beta}$ بالشكل التاسع من الخامسة وبالشكل الرابع من السادسة
 نسبة $\overline{أ\beta}$ الى $\overline{ب\alpha}$ كنسبة $\overline{ب\alpha}$ الى $\overline{أ\beta}$ فبالشكل الحادي عشر من الخامسة
 نسبة $\overline{ب\alpha}$ الى $\overline{ز\alpha}$ كنسبة $\overline{أ\beta}$ الى $\overline{ب\alpha}$ ونسبة $\overline{ز\alpha}$ الى $\overline{ب\alpha}$ كنسبة $\overline{أ\beta}$ الى $\overline{ب\alpha}$
 بالشكل التاسع من الخامسة فبالشكل الحادي عشر من الخامسة نسبة
 $\overline{ب\alpha}$ الى $\overline{ز\alpha}$ كنسبة $\overline{ز\alpha}$ الى $\overline{ب\alpha}$ فوتر $\overline{ب\alpha}$ انقسم بنقطة $\overline{ز}$ على نسبة ذات وسط
 وطرفين وقسمه الاطول $\overline{ز\alpha}$ مساويا لضعف $\overline{ب\alpha}$ ضلع الخمس فالحكم ثابت
 وذلك ما اردنا ان نبين

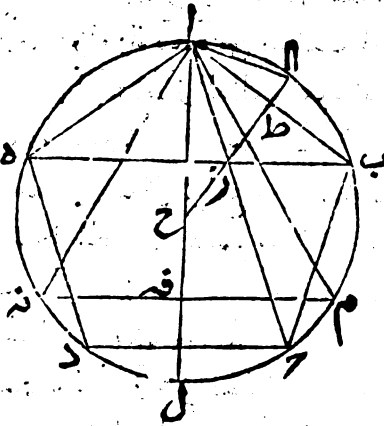
واستبان منه ان نسبة وتر زاوية الخمس المتساوي الاضلاع الواقع
 في اي دائرة الى ضلع المثلث المتساوي الاضلاع الواقع في تلك



الدائرة او في دائرة تساويها كنسبة
 اثني عشر مثلا لسطح الخمس الى عشرين
 مثلا لسطح المثلث وهذا هو الشكل
 السادس من المقالة الرابعة عشر من
 اصلي الثابت والحاج وانما يتم هذا
 ابعث ما نذكر في استبانة الشكل
 العشرين ان الخمس ذي الاثني عشر
 ومثلث ذي العشرين اللذين
 يقعان في كرة يحيط بها دايرتان

متساويتان لانه قد بين في هذا الشكل ان وتر زاوية الخمس المتساوي
 الاضلاع الواقع في اي دائرة اذا قسم على نسبة ذات وسط وطرفين كان
 قسمه

قسمه الاطول مساويا لضلع الخمس وتبين في الشكل السابع ان ضلعي
المسدس والمعشر اذا انصل احدهما علي استقامة الآخر كان الخط
الحاصل منهما مقسوما علي نسبة ذات وسط وطرفين ويكون قسمه الاطول
وتر المسدس فنجد مركز دائرة $\overline{اب}$ بالشكل الاول من الثالثة وليكن
نقطة $\overline{ح}$ ونصل بينها وبين نقطة $\overline{آ}$ بخط مستقيم ونخرجه علي استقامته
الي المحيط علي نقطة $\overline{ل}$ ونرسم قبهامثلث $\overline{امنه}$ المتساوي الاضلاع
باستبانة الشكل السادس عشر من الرابعة فضلع $\overline{منه}$ يقطع القطر علي
نقطة $\overline{فم}$ فيكون $\overline{افم}$ عمودا علي $\overline{منه}$ باستبانة الشكل الثامن ونخرج من نقطة
 $\overline{ح}$ عمود $\overline{حط}$ علي ضلع $\overline{اب}$ بالشكل الثاني عشر من الاولى ونخرجه الي
المحيط علي نقطة $\overline{آ}$ ونصل $\overline{آحط}$ مستقيم فيقع في الدائرة بالشكل
الثاني من الثالثة فعود $\overline{حط}$ بنصف وتر $\overline{اب}$ بالشكل الثالث من الثالثة



وقوس $\overline{اب}$ بالشكل التاسع والعشرين
من الثالثة علي نقطة $\overline{آ}$ فالضلع المعشر
وقد تبين في استبانة الشكل التاسع
والعشرين من السادسة ان جميع
الخطوط المقسومة علي نسبة ذات
وسط وطرفين المعشر مقسومة علي
نسبة واحدة فتكون نسبة الخط الي
الخط كنسبة قسمه للاطول وللصغير
الي الاصغر علي الولاء فاذا قسم عمود
 $\overline{حط}$ علي نسبة ذات وسيط وطرفين

بالشكل التاسع والعشرين من السادسة كانت نسبة $\overline{الاج}$ اذا كان خطا
واحدا الي عمود $\overline{حط}$ كنسبة $\overline{ح}$ الي القسم الاطول من عمود $\overline{حط}$ لكن $\overline{الاج}$
اذا كان خطا واحدا كان ضعف عمود $\overline{حط}$ باستبانة الشكل المتقدم
فيكون $\overline{اج}$ ضعف القسم الاطول من عمود $\overline{حط}$ فيكون القسم الاطول منه
ربع القطر فيكون مساويا لعمود $\overline{حفم}$ فتكون نسبة $\overline{بفم}$ وتر زاوية الخمس
الي $\overline{اب}$ ضلعه كنسبة عمود $\overline{حط}$ الي عمود $\overline{حفم}$ باستبانة الشكل التاسع
والعشرين من السادسة فسطح عمود $\overline{حط}$ في ضلع $\overline{اب}$ كسطح عمود $\overline{حفم}$ في
 $\overline{بفم}$ بالشكل الثامن عشر من السادسة وقد تبين في استبانة الشكل
المتقدم ان ثلثين مثلا لسطح عمود $\overline{حط}$ في ضلع الخمس يساوي اثني عشر
مثلا لخمس $\overline{اب}$ حده فيكون ثلثين مثلا لسطح عمود $\overline{حفم}$ في $\overline{بفم}$ يساوي اثني
عشر مثلا لخمس $\overline{اب}$ حده وقد تبين في الشكل المتقدم ايضا ان ثلثين
مثلا لسطح عمود $\overline{حفم}$ في $\overline{منه}$ يساوي عشرين مثلا لسطح مثلث $\overline{امنه}$ وكل
خط ضرب في خطين فنسبة الخطين كنسبة السطحين الخارجين من ضرب
ذلك الخط في الخطين باستبانة الشكل الاول من السادسة فتكون نسبة
خط

خطبـه وقتر زاوية الخمس الي خط مـن ضلع المثلث المتساوي الاضلاع كنسبة سطح عمود حـفـ في بـه الي سطح عمود حـفـ في مـن ونسبة الاضلاع اذا كانت متساوية العدة كنسبة الاجزاء بالشكل الثامن عشر من الخامسة فمكون نسبة ثلثين مثلاً لسطح عمود حـفـ في بـه المساوية لاثني عشر مثلاً لسطح نجس ابـ حـده الي مثلاً لسطح عمود حـفـ في ضلع مـن المساوية لعشرين مثلاً لمثلث اـمـنـه كنسبة بـه الي مـنـه

وَأَسْتَبَآنَةُ ثَانِيَةً إِنْ النِّسْبَةُ سَوَاكَانِ الْمَثَلُثُ الْمُنْتَسَاوِي الْأَضْلَاعِ وَاقْعَا فِي دَائِرَةٍ مَخْمَسٍ أَوْ فِي دَائِرَةٍ تَسَاوِيهَا وَأَقُولُ فِي بَيَانِ هَذَا الْمَطْلُوبِ بِوَجْهِ آخَرٍ وَهُوَ الْوَجْهِ هُوَ الشَّكْلُ الْتَّاسِعُ وَالثَّامِنُ مِنَ الْمَقَالَةِ الرَّابِعَةِ عَشْرَ مِنْ أَصْلِي الثَّابِتِ وَالْحَاجَّ فُلَانٌ وَتَرِي بَالٌ عَالٍ مُتَسَاوِيَانِ تَكُونُ زَاوِيَتَا

بِاسْمِهِ وَاسْمِهِ مَتَسَاوِيَتَيْنِ بِالشَّكْلِ

السادس والعشرين من الثالثة فصلها

آب آسہ وزاویۃ بآسہ تساوی ضلعي

آه آسه وزاوية ه آسه فبالشكل الرابع

من الاولي قاعدة بـ كقاعدة سـ

ونقسم بـ ٣ بثلاثة اقسام متساوية

بالمقدمة المذكورة قبل هذا الشكل

ولیکن احد اقسامہ بے فیکون

خط و ع خمسة اسداس ب ه فيكون

سسه مثل ونصف سعه ولان حقه

مربع القطر فيكون آف مثل ونصف آح فنسبة آف الي آح كنسبة ٥٥٥

الى سمة في الشكل الخامس عشر من السادسة سطح آ في سمة كسطح سمة

آح يساوي ضعف مثلث ا ه ح و ح ف مثلث نصف ا ح فسطح ه س في ح ف

يساوي مثلث ACH فاذا اضفنا الى سطح ACE في ACH يصير المجموع مساويا

ثلاثة امثال مثلث ا د ح فاذا اضغنا اليه سطح ا ب في سطح المساوي لسطح

هـ - في أح - يكون المجموع مساويا لوسط مجلس أب ح د هـ ان كل مجلس متساوي

الاضلاع ينقسم الى خمس مثلثات متساويات وسط اف هـ سـ ع يساوي

سطح آف في هـ بالشكل الاول من الثانية فثلثة ارباع قطر آل في خمسة

اسداس ب و ت زاویه الخمس مساوی محسوس اب حده فسط اب فی اثنی

عش مثلاً لخط ٤ بساوی اثنی عشر مثلاً لحس اب حده وسط آفری، اثنی

عش مثلاً لخط $\frac{1}{2}$ يساوي سطح $\frac{1}{2}$ في عشرة أمثال سطح $\frac{1}{2}$ في $\frac{1}{2}$ يساوي

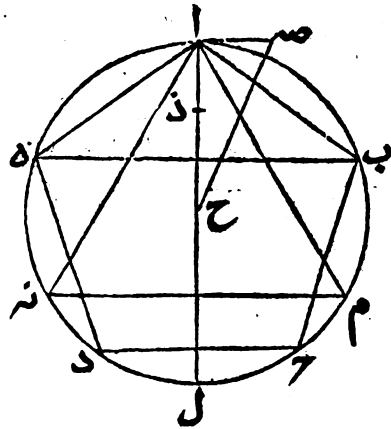
(ثاني عشر مثلاً) الخس، أب حدة وسط أف، ف منه ضعف مثلث أدنه فسقط

آف ف عشة امثال من بساوي مثلا لثلاث امة فنسبة ب الى من كنسبة

٢٢٢
 ٢٢٣
 ٢٢٤
 ٢٢٥
 ٢٢٦
 ٢٢٧
 ٢٢٨
 ٢٢٩
 ٢٣٠
 ٢٣١
 ٢٣٢
 ٢٣٣
 ٢٣٤
 ٢٣٥
 ٢٣٦
 ٢٣٧
 ٢٣٨
 ٢٣٩
 ٢٤٠
 ٢٤١
 ٢٤٢
 ٢٤٣
 ٢٤٤
 ٢٤٥
 ٢٤٦
 ٢٤٧
 ٢٤٨
 ٢٤٩
 ٢٥٠
 ٢٥١
 ٢٥٢
 ٢٥٣
 ٢٥٤
 ٢٥٥
 ٢٥٦
 ٢٥٧
 ٢٥٨
 ٢٥٩
 ٢٦٠
 ٢٦١
 ٢٦٢
 ٢٦٣
 ٢٦٤
 ٢٦٥
 ٢٦٦
 ٢٦٧
 ٢٦٨
 ٢٦٩
 ٢٧٠
 ٢٧١
 ٢٧٢
 ٢٧٣
 ٢٧٤
 ٢٧٥
 ٢٧٦
 ٢٧٧
 ٢٧٨
 ٢٧٩
 ٢٨٠
 ٢٨١
 ٢٨٢
 ٢٨٣
 ٢٨٤
 ٢٨٥
 ٢٨٦
 ٢٨٧
 ٢٨٨
 ٢٨٩
 ٢٩٠
 ٢٩١
 ٢٩٢
 ٢٩٣
 ٢٩٤
 ٢٩٥
 ٢٩٦
 ٢٩٧
 ٢٩٨
 ٢٩٩
 ٣٠٠
 ٣٠١
 ٣٠٢
 ٣٠٣
 ٣٠٤
 ٣٠٥
 ٣٠٦
 ٣٠٧
 ٣٠٨
 ٣٠٩
 ٣١٠
 ٣١١
 ٣١٢
 ٣١٣
 ٣١٤
 ٣١٥
 ٣١٦
 ٣١٧
 ٣١٨
 ٣١٩
 ٣٢٠
 ٣٢١
 ٣٢٢
 ٣٢٣
 ٣٢٤
 ٣٢٥
 ٣٢٦
 ٣٢٧
 ٣٢٨
 ٣٢٩
 ٣٣٠
 ٣٣١
 ٣٣٢
 ٣٣٣
 ٣٣٤
 ٣٣٥
 ٣٣٦
 ٣٣٧
 ٣٣٨
 ٣٣٩
 ٣٤٠
 ٣٤١
 ٣٤٢
 ٣٤٣
 ٣٤٤
 ٣٤٥
 ٣٤٦
 ٣٤٧
 ٣٤٨
 ٣٤٩
 ٣٥٠
 ٣٥١
 ٣٥٢
 ٣٥٣
 ٣٥٤
 ٣٥٥
 ٣٥٦
 ٣٥٧
 ٣٥٨
 ٣٥٩
 ٣٦٠
 ٣٦١
 ٣٦٢
 ٣٦٣
 ٣٦٤
 ٣٦٥
 ٣٦٦
 ٣٦٧
 ٣٦٨
 ٣٦٩
 ٣٧٠
 ٣٧١
 ٣٧٢
 ٣٧٣
 ٣٧٤
 ٣٧٥
 ٣٧٦
 ٣٧٧
 ٣٧٨
 ٣٧٩
 ٣٨٠
 ٣٨١
 ٣٨٢
 ٣٨٣
 ٣٨٤
 ٣٨٥
 ٣٨٦
 ٣٨٧
 ٣٨٨
 ٣٨٩
 ٣٩٠
 ٣٩١
 ٣٩٢
 ٣٩٣
 ٣٩٤
 ٣٩٥
 ٣٩٦
 ٣٩٧
 ٣٩٨
 ٣٩٩
 ٤٠٠
 ٤٠١
 ٤٠٢
 ٤٠٣
 ٤٠٤
 ٤٠٥
 ٤٠٦
 ٤٠٧
 ٤٠٨
 ٤٠٩
 ٤١٠
 ٤١١
 ٤١٢
 ٤١٣
 ٤١٤
 ٤١٥
 ٤١٦
 ٤١٧
 ٤١٨
 ٤١٩
 ٤٢٠
 ٤٢١
 ٤٢٢
 ٤٢٣
 ٤٢٤
 ٤٢٥
 ٤٢٦
 ٤٢٧
 ٤٢٨
 ٤٢٩
 ٤٣٠
 ٤٣١
 ٤٣٢
 ٤٣٣
 ٤٣٤
 ٤٣٥
 ٤٣٦
 ٤٣٧
 ٤٣٨
 ٤٣٩
 ٤٤٠
 ٤٤١
 ٤٤٢
 ٤٤٣
 ٤٤٤
 ٤٤٥
 ٤٤٦
 ٤٤٧
 ٤٤٨
 ٤٤٩
 ٤٥٠
 ٤٥١
 ٤٥٢
 ٤٥٣
 ٤٥٤
 ٤٥٥
 ٤٥٦
 ٤٥٧
 ٤٥٨
 ٤٥٩
 ٤٦٠
 ٤٦١
 ٤٦٢
 ٤٦٣
 ٤٦٤
 ٤٦٥
 ٤٦٦
 ٤٦٧
 ٤٦٨
 ٤٦٩
 ٤٧٠
 ٤٧١
 ٤٧٢
 ٤٧٣
 ٤٧٤
 ٤٧٥
 ٤٧٦
 ٤٧٧
 ٤٧٨
 ٤٧٩
 ٤٨٠
 ٤٨١
 ٤٨٢
 ٤٨٣
 ٤٨٤
 ٤٨٥
 ٤٨٦
 ٤٨٧
 ٤٨٨
 ٤٨٩
 ٤٩٠
 ٤٩١
 ٤٩٢
 ٤٩٣
 ٤٩٤
 ٤٩٥
 ٤٩٦
 ٤٩٧
 ٤٩٨
 ٤٩٩
 ٥٠٠
 ٥٠١
 ٥٠٢
 ٥٠٣
 ٥٠٤
 ٥٠٥
 ٥٠٦
 ٥٠٧
 ٥٠٨
 ٥٠٩
 ٥١٠
 ٥١١
 ٥١٢
 ٥١٣
 ٥١٤
 ٥١٥
 ٥١٦
 ٥١٧
 ٥١٨
 ٥١٩
 ٥٢٠
 ٥٢١
 ٥٢٢
 ٥٢٣
 ٥٢٤
 ٥٢٥
 ٥٢٦
 ٥٢٧
 ٥٢٨
 ٥٢٩
 ٥٣٠
 ٥٣١
 ٥٣٢
 ٥٣٣
 ٥٣٤
 ٥٣٥
 ٥٣٦
 ٥٣٧
 ٥٣٨
 ٥٣٩
 ٥٤٠
 ٥٤١
 ٥٤٢
 ٥٤٣
 ٥٤٤
 ٥٤٥
 ٥٤٦
 ٥٤٧
 ٥٤٨
 ٥٤٩
 ٥٥٠
 ٥٥١
 ٥٥٢
 ٥٥٣
 ٥٥٤
 ٥٥٥
 ٥٥٦
 ٥٥٧
 ٥٥٨
 ٥٥٩
 ٥٦٠
 ٥٦١
 ٥٦٢
 ٥٦٣
 ٥٦٤
 ٥٦٥
 ٥٦٦
 ٥٦٧
 ٥٦٨
 ٥٦٩
 ٥٧٠
 ٥٧١
 ٥٧٢
 ٥٧٣
 ٥٧٤
 ٥٧٥
 ٥٧٦
 ٥٧٧
 ٥٧٨
 ٥٧٩
 ٥٨٠
 ٥٨١
 ٥٨٢
 ٥٨٣
 ٥٨٤
 ٥٨٥
 ٥٨٦
 ٥٨٧
 ٥٨٨
 ٥٨٩
 ٥٩٠
 ٥٩١
 ٥٩٢
 ٥٩٣

وَاسْتِبَانَةٌ

وإستبانة الثالثة وفي أن نسبة كل وتر زاوية الخمس المتساوي الاضلاع
الواقع في أي دائرة إلى ضلع أي مثلث متساوي الاضلاع الواقع في
تلك الدائرة وفي أي دائرة تساويها كنسبة الخط القوي على الخط
المقسوم على نسبة ذات وسط وطرفين وعلى قسمه الاعظم إلى الخط القوي
على المقسوم على نسبة ذات وسط وطرفين وعلى قسمه الاصغر فنقسم
نصف قطر آح على نسبة ذات وسط



وطرفين بالشكل التاسع والعشرين
من السادسة وليكن قسمه الاعظم ح ذ
والاصغر آ ذ ولأن آح ضلع المسدس
باستبانة الشكل الحادي عشر من الرابع
فيكون ح ذ ضلع المعشر باستبانة
الشكل السابع فقول أن نسبة ب ه وتر
زاوية الخمس إلى آ م ضلع المثلث
المتساوي الاضلاع كنسبة الخط القوي
على آح ح ذ معاً إلى الخط القوي آح آ ذ

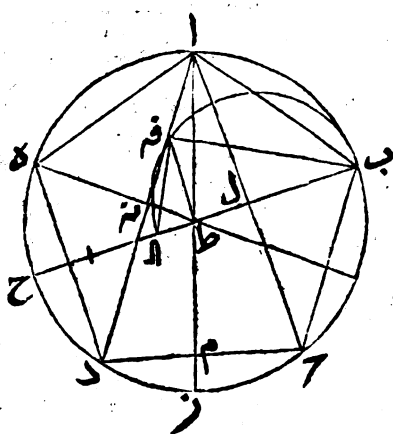
معاً فنخرج من نقطة آ على خط آح عموداً ص بالشكل الحادي عشر من
الاولي فيقع خارج دائرة آ ب ح بالشكل الخامس عشر من الثالثة ونفصل
منه ص م مساوياً خط آ ذ بالشكل الثالث من الاول ونصل بين نقطتي
ص ح بخط مستقيم فلان مربع آ م ثلاثة امثال آح بالشكل الثامن ومربع
ح ص يساوي مربع آح ص بالشكل السابع والامر يعين من الاول وأص
يساوي آ ذ فربع ح ص يساوي مربعي آح آ ذ معاً وهما يساويان ثلاثة امثال
مربع ح ذ فربع ح ص يساوي ثلاثة امثال مربع ح ذ ولأن نسبة آ م إلى
ح ص مثناة كنسبة مربع آ م إلى مربع ح ص بالشكل الثامن عشر من
السادسة ونسبه الاضعاف اذا كانت متساوية كنسبة الاجزاء بالشكل
الخامس عشر من الخامسة ومربع آ م ثلاثة امثال مربع آح ومربع ح ص
ثلاثة امثال مربع ح ذ فبالتبديل نسبة مربع آح إلى ح ذ كنسبة مربع آ م
إلى مربع ح ص فبالشكل الحادي عشر من الخامسة نسبة آ م إلى ح ص
مثناة كنسبة مربع آح إلى مربع ح ذ ونسبة آح إلى ح ذ مثناة كنسبة مربع
آح إلى مربع ح ذ بالشكل الثامن عشر من السادسة فبالشكل الحادي عشر
من الخامسة نسبة آ م إلى ح ص مثناة كنسبة آح إلى ح ذ مثناة فنسبة آ م
إلى ح ص كنسبة آح إلى ح ذ ولأن وتر زاوية الخمس اذا قسم على نسبة ذات
وسط وطرفين كان قسمه الاطول ضلع الخمس فنسبة ب ه إلى ب آ كنسبة
آح إلى ح ذ باستبانة الشكل التاسع والعشرين من السادسة فنسبة ب ه
إلى ب آ كنسبة آ م إلى ح ص فبالابدال بالشكل الحادي عشر من الخامسة
نسبة ب ه إلى آ م كنسبة ب آ إلى ح ص لكن ب آ يقوي على آح ضلع المسدس
وعلى

وعلى ذلك ضلع المثلث معاً بالشكل المتقدم وجـه يقوي على آح بالمثلث
فنسبة بـه وتر زاوية الخمس المتساوي الاضلاع الواقع في تلك الدائرة
فكسبة الخط القوي على الخط المقسوم على نسبة ذات وسط وطرفين
وعلى قسمة الاعظم على الخط القوي على ذلك الخط المقسوم وعلى قسمة
الاصغر معاً ولو كان المثلث المتساوي الاضلاع الذي هو مثلث أمـه
واقعا في دائرة تساوي دائرة أبـه لكانت النسبة بحالها فالمطلوب
اصل

بـ

ضلع كل خمس متساوي الاضلاع نرسم في اي
دائرة قطرها منطوق فانه اصغر

نرسم خمس أبـه في دائرة أبـه التي قطرها منطوق فاقول ان كل
واحد من اضلاع خمس أبـه اصغر برهانه نجد مركز الدائرة
بالشكل الاول من الثالثة ولتكن نقطة ط ونصل بينها وبين كل واحدة
من نقطتي آ ب بخط مستقيم ونخرجهما على استقامتهما الى المحيط فليبتدا
آ ط الى ز وب ط الى ح ونصل بين



نقطتي آ ح بخط مستقيم فبقع في
دائرة أبـه بالشكل الثاني من الثالثة
فبقع قطر بـه على نقطة ل ولان
قوسي آ ب بـه قوسي آ هـ هـ بـه يكون
قوسا حـز هـ ز متساويين لان كل
واحدة من قوسي آ ب بـه زاهـ ز نصف
دائرة وبمثله تبين ان قوسي هـ ح د ح
متساويان فزاويتي آ ح بـه ل آ بـه
متساويتان بالشكل السادس

والعشرين من الثالثة فضلعا آ بـه ل والزاوية التي بينهما تساوي ضلعي
بـه ل والزاوية التي بينهما فبالشكل الرابع من الاولي زاوية بـه لـه
كزاوية آ بـه ل فكل منهما قائمة وكذلك كل من زاويتي آ طـه ل طـه ل بالشكل
الثالث عشر من الاولي واذا وصلنا بين نقطة آ هـ ط بخط مستقيم تبين
بمثل ما بينا ان كل واحدة من الزوايا التي عند نقطة هـ قائمة وننصف
نصف قطر طـه وننصف نصف الشكل العاشر من الاولي وليكن هو
طـه ل و طـه ل ربع طـه فهو يساوي ربع آ ط فلان زاويتي آ طـه ل طـه ل من
مثلي آ طـه ل قائمتان وزاوية ل آ طـه ل مشتركة بينهما وزوايا كل مثلث
كقائمتين

الثالثة عشر

١٥٠

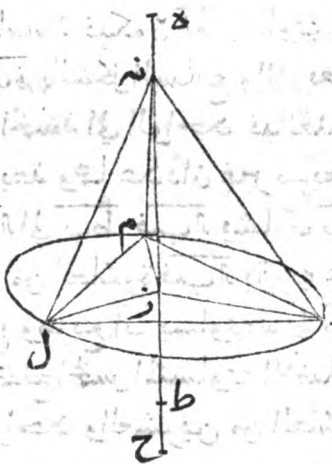
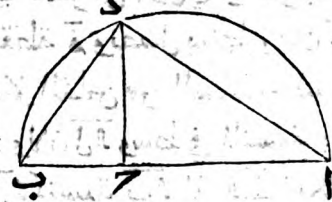
كنسبة لـ α الى α مثناة بالشكل المحادي عشر من الخامسة فنسبة الوسيط الى α كنسبة لـ α الى α فلـ α يساوي الوسيط بالشكل التاسع من الخامسة فخط لـ α الوسيط في النسبة بين خطي β لـ α ونسبة مربع β لـ α الى مربع لـ α مثناة بالشكل الثامن عشر من السادسة ونسبة لـ α الى α مثناة كنسبة β لـ α الى α مثناة فبالشكل المحادي عشر من الخامسة نسبة مربع β لـ α الى مربع لـ α كنسبة لـ α الى α بالشكل المحادي عشر من الخامسة لكن مربع لـ α خمسة امثال مربع α فمربع β خمسة امثال مربع لـ α فنسبة مربع β لـ α الى مربع لـ α كنسبة خمسة الى الواحد فنسبة مربع β لـ α الى مربع لـ α كنسبة غير مربعين فبالشكل التاسع من العاشرة خط β لـ α يشارك لـ α في القوة ويباينه في الطول وبـ α منطلق لانه يشاركه قطر β لـ α المنطلق باستبانة الشكل العاشر من العاشرة فلـ α اصم نصف β لـ α بالشكل العاشر من الاولي ونرسم عليه نصف دائرة بـ α ونخرج من نقطة α عمود α فـ α على β لـ α بالشكل المحادي عشر من الاولي ونخرجه على امتداعه الى ان ينتهي الى المحيط على نقطة α ونصل بينها وبين كل من نقطتي β لـ α بخط مستقيم فباستبانة الشكل الثامن من السادسة نسبة مربع β لـ α الى مربع α كنسبة β لـ α الى α ولان لـ α وسط في النسبة بين β لـ α فـ α تكون نسبة مربع β لـ α الى مربع لـ α كنسبة β لـ α الى α فـ α يكون مربع لـ α كـ α بالشكل السابع من الخامسة فـ α يكون لـ α يساوي لـ α فـ α لا يقوي على لـ α اعني لـ α بمربع خط β لـ α بالشكل السابع والاربعين من الاولي وكانت نسبة β لـ α الى α كنسبة الخمسة الى الواحد فبالقلب فنسبة β لـ α الى α كنسبة الخمسة الى الاربعة وهما عددان غير مربعين ونسبة مربع β لـ α الى مربع β كنسبة β لـ α الى α فـ α يشارك β لـ α في القوة ويباينه في الطول بالشكل التاسع من العاشرة فـ α لا يقوي على لـ α بمربع خط يباينه فـ α المنفصل الرابع ومربع α يساوي سطح β لـ α المنطلق في β لـ α المنفصل الرابع فـ α يكون α ضلع الخمس المتساوي الاضلاع الواقع في دائرة α اصغر بالشكل الواحد والعشرين من العاشرة فالحكم ثابت وذلك ما اردنا ان نثبت

كل كرة مفروضة لنا ان نرسم فيها شكلا مجسما به اربع مثلثات متساويات الاضلاع على اربع مربع قطر تلك الكرة مثل مربع ضلع من اضلاع

المثلثات

المثلثات المحيطة بالمخروط ومثل نصف مربعه
ولنا ان نرسم ايضا في اي مخروط تحيط به اربع
مثلثات متساويات الاضلاع شكلا مجسما ذا ثماني
تواعد مثلثات متساويات الاضلاع

ليكن AB مساويا لقطر الكرة المفروضة فننصف AB بالشكل العاشر
من الاولي ونرسم عليه نصف دائرة ADB ونقسم AB بثلاثة اقسام
متساوية بالمقدمة المذكورة قبل الشكل الحادي عشر وليكن احد اقسامه
 BC ونخرج من نقطة C عمود CD على AB بالشكل الحادي عشر من الاولي
ونخرجه الى ان ينتهي الى قوس ADB على
نقطة D ونصل بين نقطة D وبين كل
واحدة من نقطتي A B بخط مستقيم ولان
نسبة AB الى BC كنسبة مربع AB الى
مربع BC باستبانة الشكل الثامن من
السادسة ونسبة AB الى BD مثناة كنسبة
مربع AB الى مربع BD بالشكل الثامن عشر
من السادسة فبالشكل الحادي عشر من
الخامسة AB الى BC كنسبة AB الى BD
مثناة ولان نسبة AD الى DC كنسبة AB
الى BD باستبانة الشكل الثامن من السادسة
فنسبة AD الى DC مثناة كنسبة AB الى BD
ونسبة مربع AD الى مربع DC كنسبة AD الى
الى DC مثناة بالشكل الثامن عشر من
السادسة فبالشكل الحادي عشر من

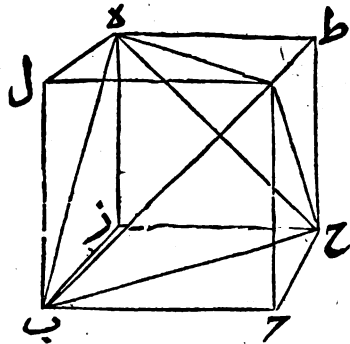


الخامسة نسبة AB الى BC كنسبة مربع AD الى مربع DC لكن AB ثلاثة
امثال BC فربع AD ثلاثة امثال مربع DC ونفرض نقطتي Z A في سطح
مستو ونصل بينهما بخط مستقيم ونخرجه في جهته الى غير النهاية
ونفصل منه ZA مساويا لخط DC بالشكل الثالث من الاولي ونرسم على
مركز Z وببعد ZA دائرة $الـم$ ونرسم فيها مثلث $الـم$ متساوي الاضلاع
باستبانة الشكل السادس عشر من الرابعة ونصل بين نقطة Z وبين كل
واحدة من نقطتي $لـم$ ونخرج من نقطة Z على السطح المفروض عمود $زهـ$
في السمك بالشكل الثاني عشر من الحادية عشر ونخرجه في جهته الى غير
النهاية

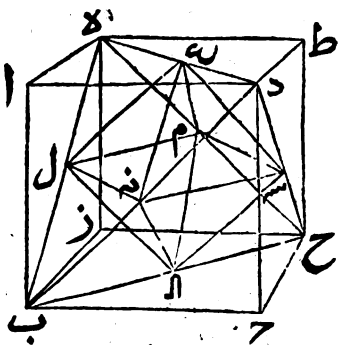
في جهته على استقامته الى غير النهاية ونفصل منه خط $\overline{هـ ز}$ مساويا
 لخط $\overline{ب د}$ بالشكل الثالث من الاول ونرسم على $\overline{هـ ز}$ مربع $\overline{هـ ز ح ط}$ بالشكل
 التاسع والاربعين من الاول ونخرج من نقطة $\overline{هـ ز ح ط}$ على سطح $\overline{ن ط}$
 اعمدة $\overline{ز م ح ن ط ل هـ س هـ}$ بالشكل الثاني عشر من الحادية عشر ونجعل كل
 واحد من الاعمدة مساويا للضلع $\overline{هـ ز}$ بالشكل الثالث من الاول ونصل
 بين كل واحدة من نقطتي $\overline{س هـ ن هـ}$ وبين كل واحدة من نقطتي $\overline{م ل ب ح ط}$
 مستقيم فلان كل واحدة من زاويتي $\overline{س هـ ز هـ م}$ قائمة فعمود $\overline{س هـ}$ يوازي
 عمود $\overline{ز م}$ بالشكل الثامن والعشرين من الاول وعمود $\overline{س هـ}$ $\overline{ز م}$ متساويان
 فضلع $\overline{هـ ز}$ يوازي ويساوي ضلع $\overline{س م}$ بالشكل الثالث والثلاثين من الاول
 فزاويتا $\overline{ز م س هـ}$ قائمتان بالشكل التاسع والعشرين من الاول
 فسطح $\overline{هـ م}$ مربع ومساو لمربع $\overline{ز ط}$ لتساوي اضلاعهما وزواياهما وبمثل
 تبين ان كل واحد من سطح $\overline{هـ ل ز ن ح ل م ر ج ط هـ}$ ولان كل
 واحدة من زاويتي $\overline{س م ن هـ ز ح ط}$ ومثل $\overline{ن د ل هـ ز ح ط}$ ونل $\overline{س هـ ج ط هـ}$ ول $\overline{س م ر}$
 $\overline{ط هـ}$ متساويان بالشكل العاشر من الحادية عشر وكل من زوايا مربع $\overline{ز ط}$
 قائمة فكل من زوايا سطح $\overline{ل م}$ قائمة فالسطوح المحيطة بمجسم $\overline{ز ل}$ مربعات
 متساويات وكل متقابلتين منها متوازيتين بالشكل الرابع عشر من
 الحادية عشر لان كل ضلع من اضلاعها عمود على سطحين متقابلتين منها
 فمجسم $\overline{ز ل}$ مكعب . ونصل بين نقطة $\overline{ح}$ وبين كل واحدة من نقطتي $\overline{هـ س هـ}$
 $\overline{س هـ}$ بخط مستقيم فلان مربع $\overline{س هـ ح}$ يساوي مربعي $\overline{س هـ هـ ح}$ بالشكل التاسع
 والاربعين من الاول واضلاع $\overline{هـ ز ح ط}$ متساوية فمربع $\overline{س هـ ح}$ يساوي
 ثلاثة امثال مربع $\overline{هـ ز}$ و $\overline{هـ ز}$ يساوي $\overline{ب د}$ فمربع $\overline{س هـ ح}$ يساوي ثلاثة امثال
 مربع $\overline{ب د}$ ولان نسبة مربع $\overline{أ ب}$ الى مربع $\overline{ب د}$ كنسبة $\overline{أ ب}$ الى $\overline{ب د}$ باستبانة
 الشكل الثامن من السادسة وقطر $\overline{أ ب}$ ثلاثة امثال $\overline{ب د}$ فمربع $\overline{أ ب}$
 ثلاثة امثال مربع $\overline{ب د}$ وكان مربع $\overline{س هـ ح}$ ثلاثة امثال مربع $\overline{ب د}$ فضلع
 $\overline{س هـ ح}$ يساوي قطر $\overline{أ ب}$ فاذا نصفنا $\overline{س هـ ح}$ بالشكل العاشر من الاول ورسمنا
 عليه نصف دائرة ولتبثنا $\overline{س هـ ح}$ وادرنا نصف الدائرة الى ان يعود الى
 وضعه الاول محيط نصف الدائرة المرسوم على ضلع $\overline{س هـ ح}$ بنقطة $\overline{هـ}$
 لكون زاوية $\overline{س هـ ح}$ قائمة والزوايا الواقعة في نصف الدائرة قائمة
 بالشكل الثلاثين من الثالثة ولذلك يمر بنقطة $\overline{ن د ل ط}$ وحدثت
 كرة مساوية للكرة التي احاطت بالشكل الناري بل هي عنها لان
 $\overline{س هـ ح}$ من اقطار تلك الكرة فقد رسمنا في الكرة المحيطة بالشكل
 الناري مكعبا مربع نصف قطرها ثلاثة امثال مربع ضلع المكعب
 فالحكم ثابت

واما

وأما ان نعمل في مكعب شكلا نامريا فليكن المكعب مجسم بـ ط قاعدته
مربع ا ب ح د والمربع المقابل الي سطح
هـ ز ح ط فنصل خطوط ب ح بـ هـ ح
بـ د دـ هـ ح فيحدث شكل ناري يحيط
به مثلثات بـ هـ ح بـ د هـ ح بـ د ح و د ح
الاربعة واضلاعها اقطار المربعات
المحيط بالمكعب وهي متساوية فيكون
المثلثات متساوية بالشكل الثامن
من الاول



وأما ان لنا ان نرسم في مكعب ذا ثمان قواعد مثلثات متساوية
الاضلاع فنقسم مكعب بـ ط ونرسم فيه شكلا نامريا يحيط به مثلثات
بـ هـ ح بـ د هـ ح بـ د ح و د ح بالاضلاع
بـ هـ ح بـ د هـ ح بـ د ح بالشكل العاشر من الاول علي نقط ا ل م ن هـ
سـ ونصل بين نقطة ا وبين واحدة
من نقط ل ن م سـ بخط مستقيم وبين
نقطة ع وبين كل واحدة من نقط ل ن
م سـ بخط مستقيم وبين نقطة م وكل
واحدة من نقط ل سـ بخط مستقيم
وبين نقطة سـ وبين نقطة ن بخط
مستقيم وبين نقطة ل وبين نقطة ن بخط
مستقيم فيحدث في مجسم بـ ح دـ د الناري



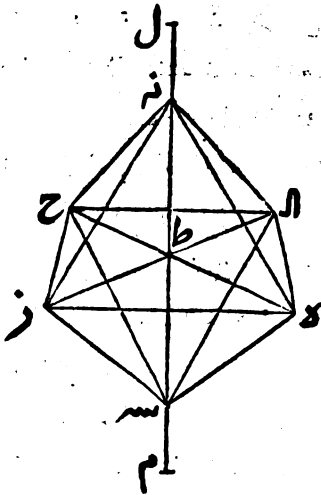
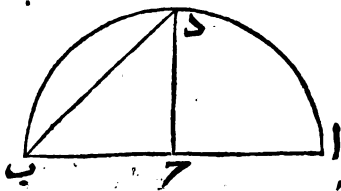
ذو ثمان قواعد بالشكل المتقدم فيكون قد رسمنا في مكعب بـ ط ذا
ثمان قواعد متساوية متساوية الاضلاع وذلك ما اردنا ان نبين
وهذا الشكل يلقب بالتراي باعتبار ان كرة التراب مولفة من اجسام
صغار جدا كل واحد منها مكعب
واستبان منه ان مربع قطر الكرة المعول فيها يساوي ستة امثال مربع
نصف قطر دائرة محيط ثمان مربع من المربعات المحيط بالمكعب لان
مربع ضلع المربع يساوي ضعف مربع نصف قطر دائرة يحيط
بالمربع باستبانة الشكل التاسع من الرابعة ومربع قطر الكرة ثلاثة امثال
مربع ضلع اي مربع من المربعات المحيط بالمكعب كما تبين في هذا
الشكل فمربع قطر الكرة يساوي ستة امثال مربع نصف قطر دائرة
يحيط باي مربع من المربعات المحيط بالمكعب

يـ

لنا ان نرسم في الكرة اليه احاطت بالشكل
الناري

الخاري وفي اي كرة مفروضة شكلا ذا ثمانية
قواعد مثلثات متساويات متساويات الاضلاع
يكون مربع قطر الكرة ضعف مربع احد اضلاع
المثلثات المحيط بدي ثمان قواعد . وان نرسم
مكعبا في اي شكل ذي ثمان قواعد مثلثات
متساويات الاضلاع

فبعثد قطرا ب وننصفه علي نقطة ح بالشكل العاشر من الاولي ونرسم
علي قطر ا ب نصف دائرة ا د ب ونخرج عمود ح د الي ان ينتهي الي قوس
ا د ب علي نقطة د ونصل ب د بخط مستقيم ونرسم في سطح مستوي نقطتي ه
ز ونصل بينهما بخط مستقيم ونخرجه في جهته الي غير النهاية ونفصل
منه ه ز مساويا ل ب بالشكل الثالث

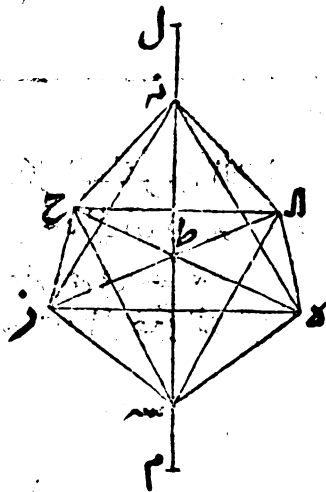
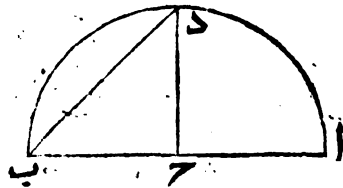


من الاولي ونرسم عليه مربع ه م ر ح
بالشكل السادس والاربعين من الاولي
وزاوية ه م ر قائمة فكل من زاويتي ز ه ح
م ر ح ه نصف قائمة بالشكل الثاني
والثلثين من الاولي اذ يبين فيه ان كل
مثلث فان زواياه كقائمتين وبمثلته تبين
ان كل واحد من زاويتي ه ز ا ه الم ر ح ه ا
ه ح ا ز ا ح الم ر ح نصف قائمة فخطوط
ط ه ط ز ط ح ا متساوية بالشكل
السادس من الاولي فالاضلاع المتناظرة
من مثلثا ه ط ز ه ط ا ز ط ح ط ا
متساوية فالزوايا المتناظرة منها
متساوية بالشكل الثامن من الاولي
فكل واحدة من زوايا ه ط ز ه ط ا ز ط ح
ح ط ا قائمة ونخرج من نقطة ط عمود

ط ل علي سطح مربع ه ح بالشكل الثاني عشر من المحادية عشر ونخرجه في
جهته علي استقامته الي غير النهاية ونفصل من ط ل ط م المخرجين
ط ن ط س يساوي ه ط بالشكل الثالث من الاولي ونصل بين نقطتي ن
س

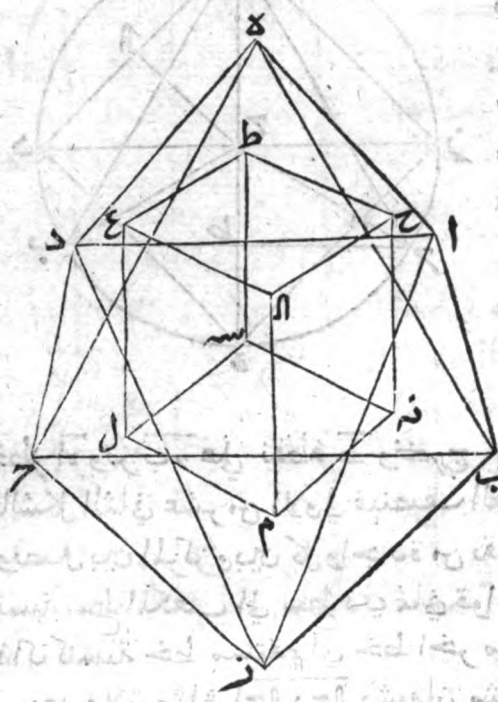
سـ وبين كل واحدة من نقطـه مـر حـ الخط مستقيم فيحدث شكل مجسم
يحيط به ثماني مثلثات فاقول انها متساويات الاضلاع فلان كلامي
ضلي طـنـه طـسـه يساوي احد خطوط طـه طـر طـح طـا يساوي ضعف
مربع احد خطوط طـه طـر طـح طـا ومربع هـر يساوي مربعي طـر طـه

بالشكل التاسع والاربعين من الاولي
ومربع هـر يساوي مربعي طـنـه طـه
بالشكل التاسع والاربعين من
الاولي وكل من مربعي طـنـه طـه
يساوي ضعف مربع طـه فربعا مـر
نـه متساويان فهما متساويان وبمثله
تبين ان كل واحد من اضلاع نـه لـنـر
نـح سـه لـسـه سـر سـح يساوي احد
اضلاع مربع مـر حـ افاضلاع المثلثات
الثمان القواعد متساوية فتكون تلك
المثلثات متساوية بالشكل الثامن من
الاولي ولان ضلي طـه طـنـه متساويان
لفزاويتان طـه نـه طـنـه متساويتان
وزاوية طـه نـه قائمة وزوايا كل مثلث
كقائمتين بالشكل الثاني والثالثين من
الاولي فزاوية طـه نـه نصف قائمة وبمثله



تبين ان كل واحدة من زوايا طـه سـه طـر نـه طـر سـه طـح نـه طـح سـه طـا نـه
طـا سـه نصف قائمة وكل من زوايا نـه سـه نـه لـسـه نـه رـسـه نـح سـه قائمة فاذا
رسمنا علي خط نـه سـه نصف دائرة واثبتنا خط نـه سـه وادرنا نصف
الدائرة المرسومة الي ان يعود الي وضعه الاول فان محيط يمر بنقطـه لـنـر
ح لان الزاوية الواقعة في نصف الدائرة قائمة بالشكل الثلثين من الثالثة
وحدثت كرة قطرها نـه سـه فلان مربع هـر المساوي لبـر حـر مساوي لمربعي
طـه طـر المتساويين ومربع بـد يساوي مربعي حـد حـب المتساويين
يكون بـر مساويا لـطـه وطـنـه يساوي طـه وطـنـه يساوي بـر فـنـه سـه
يساوي اـب ومربع نـه يساوي مربعي طـنـه طـه فربعا نـه يساوي مربع
بـد فهو يساوي نـه فنسبة مربع نـه سـه الي مربع نـه كنسبة نـه سـه الي نـه طـ
باستبانة الشكل الثامن من السادسة لـبـكن نـه سـه ضعف طـنـه فربعا
نـه سـه الذي قطر الكرة المقروضة ضعف مربع نـه الذي ضلع احد
المثلثات المتساويات الاضلاع المحيطة بذوي ثماني قواعد فالحكم ثابت.
واما ان لنا ان نرسم في اي ذي ثماني قواعد مثلثات متساويات
متساويات الاضلاع مكعبا . فليكن مجسم اـب حـد مـر ذا ثماني
قواعد

قواعد مثلثات متساويات الاضلاع ولنجد مراكز المثلثات المحيطة
بالمجسم باستبانة الشكل الرابع من الرابعة وفيه مثلثات ا ب ه د ه ح
ح د ب ح د ذ ا ز ب ب ز ح ومراكزها نقط ح ط ع ا ل م ن س ه ونصل
خطوط ح ط ط ع ع ا ل م م ن ن س ه س ل ط س ه ع ل ا ل م ح ن المستقيمة
فاقول انا رسمنا ذي ثماني قواعد ا ب ح د ه ز مكعب م ط برهانه فلان
المثلثات المحيطة بذي ثماني قواعد مثلثات متساويات الاضلاع تكون

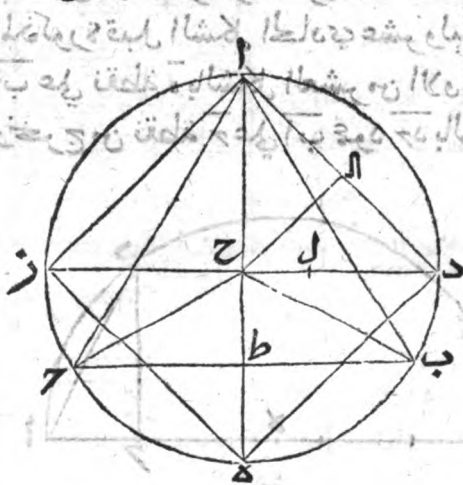


الاعمدة الخارجة من نقط
زواياها الى اوتارها
متساوية بالشكل السادس
والاربعين من الاولي واقطار
الواصلة بين كل واحدة من
نقطتي ز ا ح ب د متساوية
فتكون الزوايا التي بها
سطوح تلك المثلثات
متساوية فاذا اخرجنا من
مراكز الزوايا اعمدة علي
اضلاعها تكون متساوية
باستبانة الشكل الرابع من
الرابعة والزوايا الحادثة
عند التقاء الاعمدة الخارجة
من المراكز متساوية فالخطوط

المستقيمة الواصلة بين المراكز متساوية بالشكل الرابع من الاولي فتكون
اضلاع مجسم ح ط ع ا ل م ن س ه س ل ط س ه ع ل ا ل م ح ن المستقيمة الواصلة
بين نقطة ه وبين مراكز ح ط ع ا ل وبين نقطة ز وبين مراكز ل م ن س ه
متساوية والزوايا التي تحيط بها تلك الخطوط عند نقطتي ز ا ايضا
متساوية فتكون اقطار المربعات متساوية بالشكل الرابع فبالشكل
الثامن من الاولي تكون الزوايا المثلثات التي تحيط بها اضلاع المربعات
واقطارها متساوية علي التناظر فتكون الاضلاع المتقابلة من المربعات
متوازية فتكون زوايا تلك المربعات قوائم فمجسم ح ط ع ا ل س ل م ن
مكعب وذلك ما اردنا ان ن

واستبان منه ان مربع قطر الكرة يساوي ستة امثال مربع نصف قطر
دايرة تحيط باي مثلث من المثلثات بذي ثماني قواعد لانه قد تبين
ان مربع قطر الكرة يساوي ضعف مربع اي ضلع من اضلاع المثلثات
المحيطة بذي الثماني قواعد وقد تبين في الشكل الحادي عشر ان مربع
ضلع اي مثلث متساوي الاضلاع يساوي ثلاثة امثال مربع نصف
قطر

الرابع والثلاثين من الاول اعني مثلث $\alpha\beta\gamma$ فسطح $\alpha\beta\gamma$ في قطراه مرتين
يساوي مربع $\alpha\beta\gamma$ فسطح $\alpha\beta\gamma$ في قطراه اعني عشرة مرة تساوي سطح
المكعب وسطح $\alpha\beta\gamma$ في $\alpha\beta\gamma$ يساوي ضعف مثلث $\alpha\beta\gamma$ بالشكل الرابع
والثلاثين من الاول فسطح $\alpha\beta\gamma$ في ضلع $\alpha\beta$ اعني عشرة مرة تساوي
سطح ذي ثماني قواعد فنسبة سطح المكعب الى سطح ذي ثماني قواعد
كنسبة سطح قطراه في $\alpha\beta\gamma$ الى سطح ضلع $\alpha\beta$ في $\alpha\beta\gamma$ لكن نسبة سطح
قطراه في $\alpha\beta\gamma$ الى سطح ضلع $\alpha\beta$ في $\alpha\beta\gamma$ كنسبة قطراه الى ضلع $\alpha\beta$
بالشكل الاول من السادسة فبالشكل الحادي عشر من الخامسة نسبة
سطح المكعب الى سطح ذي ثماني قواعد كنسبة قطراه الى ضلع $\alpha\beta$ في
وبوجه آخر بالمقدمة المذكورة قبل الشكل الحادي عشر وليكن قسم
منها $\alpha\beta\gamma$ كنسبة $\alpha\beta\gamma$ الى $\alpha\beta\gamma$ فنسبة $\alpha\beta\gamma$ الى $\alpha\beta\gamma$ كنسبة $\alpha\beta\gamma$ الى $\alpha\beta\gamma$
في قطراه كنسبة $\alpha\beta\gamma$ في $\alpha\beta\gamma$ لكن سطح $\alpha\beta\gamma$ في قطراه يساوي ضعف مثلث
 $\alpha\beta\gamma$ اعني مربع $\alpha\beta\gamma$ باستبانة الشكل الثالث عشر من الثانية فسطح $\alpha\beta\gamma$



في قطراه ست مرات تساوي
سطح المكعب فسطح $\alpha\beta\gamma$ في $\alpha\beta\gamma$
ست مرات تساوي سطح المكعب
لكن $\alpha\beta\gamma$ مثلثا زد فسطح $\alpha\beta\gamma$ في $\alpha\beta\gamma$
ستة مرات تساوي سطح $\alpha\beta\gamma$ في
 $\alpha\beta\gamma$ اربع مرات فسطح $\alpha\beta\gamma$ في
قطر $\alpha\beta\gamma$ يساوي سطح المكعب
لكن سطح $\alpha\beta\gamma$ في $\alpha\beta\gamma$ اربع مرات
تساوي سطح ذي ثماني قواعد
فنسبة سطح المكعب الى سطح ذي
ثماني قواعد كنسبة سطح $\alpha\beta\gamma$ في

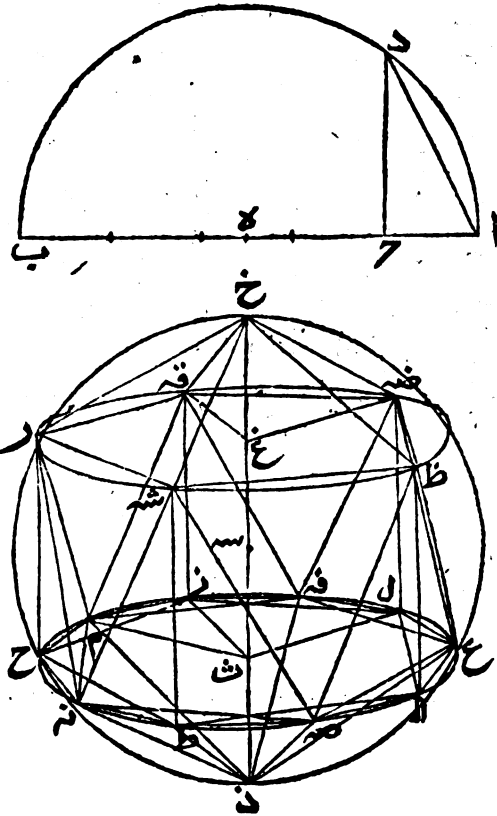
قطر $\alpha\beta\gamma$ الى سطح $\alpha\beta\gamma$ في ضلع $\alpha\beta$ لكن نسبة قطر $\alpha\beta\gamma$ الى ضلع $\alpha\beta$ كنسبة
سطح $\alpha\beta\gamma$ في قطر $\alpha\beta\gamma$ الى سطح $\alpha\beta\gamma$ في ضلع $\alpha\beta$ بالشكل الاول من السادسة
فنسبة سطح المكعب الى سطح ذي ثماني قواعد كنسبة قطر $\alpha\beta\gamma$ الى ضلع
 $\alpha\beta$ بالشكل الحادي عشر من الخامسة
واستبان من الشكل الحادي عشر ان مربع ضلع اي مثلث متساوي
الاضلاع الواقع في دائرة ثلثة ارباع مربع قطر ما فنسبة قطر الدائرة
الى المثلث المتساوي الاضلاع الواقع فيها كنسبة خط الى الخط الذي
يقوي على ثلثة ارباع مربعه ونسبة السطح المجسم الواقع في كرة الى سطح
مجسم اخر كان واقعا في تلك الكرة او في كرة اخر كنسبة المجسم الى المجسم
باستبانة الشكل الاخير من الثانية عشر فنسبة سطح المكعب الى سطح
ذي ثماني قواعد الواقعين في كرة ونسبة مجسم هذا الى مجسم ذاك كنسبة
خط

لضلع الخمس مثلثات قـضـخ ضـطـخ ظـشـخ شـرـح رـقـح متساوية
 الاضلاع كل ضلع منها يساوي ضلع الخمس الواقع في دائرة مزح ط ال
 ولان خط ث م ضلع المسدس و ث ذ ضلع المعشرو زاوية م ث ذ قائمة فخط
 م ذ يساوي ضلع الخمس الواقع في دائرة مزح ط ال وبمثله تبين ان ضلع
 ن ذ يساوي ضلع الخمس وم ن ذ ضلع الخمس فثلث م ن ذ متساوي الاضلاع
 كل ضلع من اضلاعه يساوي ضلع الخمس الواقع في دائرة مزح ط ال
 وبمثله تبين ان كل من مثلثات ن ذ ص ذ ع ذ ف ذ م ذ متساويات
 الاضلاع وان كل ضلع من اضلاعها يساوي ضلع الخمس الواقع في دائرة
 مزح ط ال فالمثلثات المذكورة تساوي بعضها لبعض فالمثلثات متساوية
 فقد رسمنا مجسما ذا عشرين قاعدة مثلثات متساويات متساويات
 الاضلاع كل ضلع من اضلاعها يساوي ضلع الخمس الواقع في دائرة
 مزح ط ال . فاقول انه يحيط به كرة قطرها يساوي آ ب وذلك لان ث غ
 يساوي ضلع المسدس الواقع في دائرة مزح ط ال لانه يساوي نصف
 قطر ز ت و غ خ ضلع المعشر فخط ث خ مقسوم على نسبة ذات وسط
 وطرفين وقسمه الاعظم ث غ فسطح ث خ في خ غ يساوي مربع ث غ
 باستبانة الشكل السادس عشر من السادسة لكن ث غ يساوي ث م و غ خ
 يساوي ث ذ فسطح خ ت في ث ذ يساوي مربع ث م فاذا رسمنا على مركز
 س ه وبعد س د نصف دائرة واد رنا مع ثبات خط خ ذ الي ان يعود الي
 وضعه الاول فان محيطه يمر بنقطة م ويساير نقط ن ه ع ف ه ر ش ط
 ضه بقوة الشكل التاسع من السادسة وحدث كرة فقد احاط بمجسم
 ذي عشرين قاعدة مثلثات متساويات متساويات الاضلاع كرة
 قطرها خط خ ذ . فاقول انه يساوي آ ب قطر الكرة المفروضة وذلك لان
 نسبة مربع آ ب الي مربع آ د كنسبة آ ب الي آ ح باستبانة الشكل الثامن
 من السادسة لكن آ ب خمسة امثال آ ح فربع آ ب خمسة امثال مربع آ د ولان
 ث خ قسم على نقطة غ بنسبة ذات وسط وطرفين وقسمه الاطول ث غ
 ونصف ث غ س د ف يكون مربع س د خمسة امثال مربع س د غ بالشكل
 الثالث فنسبة مربع س د غ الي مربع س د كنسبة س د غ الي س د غ مثناة
 بالشكل الثامن عشر من السادسة وس د يساوي س د غ وس د ث يساوي
 س د غ ف د ضعف س د و ث غ ضعف ث س ونسبة الاضعاف كنسبة
 الاجزاء اذا كانت الاضعاف متساوية العدة بالشكل الخامس من
 الخامسة فنسبة خ ذ الي ث غ كنسبة س د غ الي س د غ فنسبة خ ذ الي ث غ
 مثناة كنسبة س د غ الي س د غ مثناة فبالشكل الحادي عشر من الخامسة
 نسبة مربع س د غ الي مربع س د غ كنسبة خ ذ الي ث غ مثناة ونسبة مربع
 خ ذ الي مربع ث غ كنسبة خ ذ الي ث غ مثناة بالشكل الثامن عشر من
 السادسة فبالشكل الحادي عشر من الخامسة نسبة مربع س د غ الي مربع
 س د غ

في الشكل الرابع عشر من
الثانية عشرة وليكن قطرها
خ د ونقسم فيها بخس
متساوي الاضلاع والزوايا
بالشكل الحادي عشر من
الرابعة فنسبة خ د الي قطر
دايرة ز ح ط ال مثلثة كنسبة
مربع خ د الي مربع قطر
دايرة ز ح ط ال بالشكل
الثامن عشر من السادسة
ونسبة الخمس المجهول في
العظمة التي قطرها خ د الي
مخمس ز ح ط ال كنسبة مربع
خ د الي مربع قطر دايرة
ز ح ط ال بالشكل الاول من
الثانية عشر فبالشكل
الحادي عشر من الخامسة
نسبة قطر خ د الي قطر دايرة

43.7

القوة فضلع الخمس المعول في العظمة يشارك ضلع مخمس مزح ط ال
 بالشكل العاشر من
 العاشرة لكن ضلع الخمس
 المعول في العظمة اصغر
 بالشكل الخامس عشر
 لان قطر العظمة وهو
 قد فرضناه منطقا
 والمشارك للاصغر في
 الطول او في القوة اصغر
 بالشكل المائة والاثنين
 من العاشرة فكل واحد
 من اضلاع المثلثات
 المحيطة بذي عشرين
 قاعدة المساوي لضع
 مخمس مزح ط ال اصغر
 فالحكم ثابت وذلك ما
 اردنا ان نبين

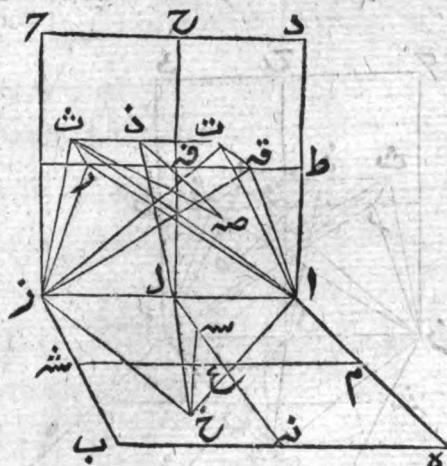


يز

لنا ان نرسم في الكرة الى رسمنا فيها بالشكل
 الناري وفي اي كرة مفروضة مجسما ذا اثنتي عشر
 قاعدة مخمسات متساويات الاضلاع والزوايا ويكون
 ضلع المخمس منفصلا اذا كان قطر الكرة منطقا.
 وان نرسم مجسما ذا اثنتي عشر قاعدة مخمسات في
 اي مجسم ذي عشرين قاعدة مثلثات

فانرسم في الكرة المفروضة مكعبا بالشكل الرابع عشر وليكن سطحا
 ادم من اوجهه من السطوح المحيطة به وليكن قطر الكرة المفروضة منطقا
 فننصف كل واحد من الاضلاع المحيطة بسطح ادم بالشكل العاشر
 من

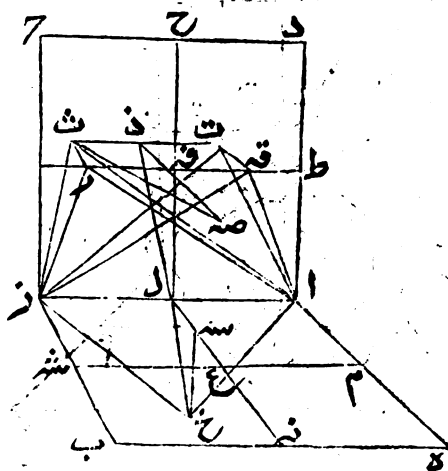
من الاولي وليكن نقط ط ح ا ل م ن ه س ع علي مواضع التنصيف ونصل
بين كل واحدة من نقطتي ط ا ح ل م ن ه س ع بخط مستقيم فليبتقاطع ح ل
ط ا علي نقطة ف ه ومن ه س ع علي نقطة ع و لان اضلاع المربعات متوازية
متساوية بالشكل الخامس والاربعين من الاولي فتكون ايضا فيها
متساوية متوازية فالخطوط المستقيمة الواقعة بين خطوط متوازية
متساوية متوازية متساوية بالشكل الثالث والثلاثين من الاولي
فيكون سطوح د ف ه ف ا ف ز ا ع ع ب متساوية وكذلك اضلاعها
وتوازي اضلاع السطوح الواقعة منها في كل واحد من سطحي ا ب
بعضها لبعض ولاضلاعها فيكون



كل واحدة من زوايا تلك السطوح
قائمة بالشكل التاسع والعشرين
من الاولي ولنقسم كل واحد من
اضلاع طفه فاللع علي نسبة
ذات وسطو طرفين بالشكل التاسع
والعشرين من السادسة وليكن
قسم الاطول من طفه فرقه ومن
فرقه ومن لع سنع ولان اضلاع
طفه فاللع متساوية فيكون
اقسامها العظام مساوية

[illegible]

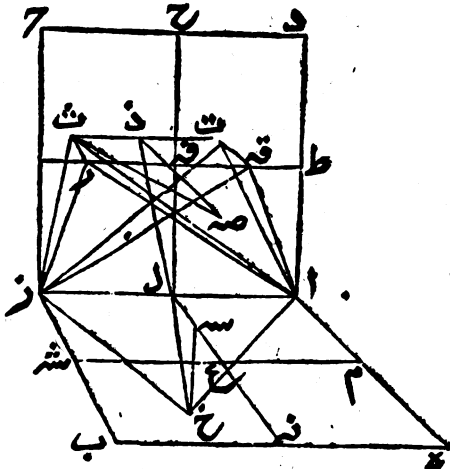
الاولي تساووي اربعة امثال مربع قه وبمثله تبين ان مربع زت يساووي
اربعة امثال مربع قه وهو يساووي قه فضلع ات يساووي ضلع ب ز فافه
وصلنا بين نقطتين وبين كل واحد من نقطتي ا ب بخط مستقيم فبين
بمثله ما بينا ان كل واحد من مربعي ا ب و ب ز يساووي اربعة امثال مربع
س د ع المساوي لخط قه فكل من ا ب و ب ز يساووي ضلع ات ولان ضلع ات
منصوب على نقطة د وكل واحد من خطي قه دت يساووي قه قه ومربع
ت ت اربعة امثال مربع ت ت فبحكم الشكل الرابع من الملاحظة يكون
ضلع ت ت يساووي ضلع ا ب فاضلاع ا ب ت ت ت ت و ب ز ا الخمسة متساوية
ونصل بين نقطة ل وبين كل واحدة من نقطتي ب ز بخط مستقيم وقد
استبان من الشكل التاسع



والعشرين من السادسة ان
الخطوط المقسومة على نسبة
قلت وسط وطرفين فان نسبة
بعضها الى بعض كنسبة اقسامها
العظمى الى العظمى والصغرى
الى الصغرى وخط طه قسم
بنقطة قه على نسبة ذات وسط
وطرفين وقسمه الاعظم قه
والاصغر طه فتكون نسبة طه
الى قه كنسبة قه الى طه وخط

له يساووي طه وقد يساووي س د ع ول س يساووي طه فبنسبة ل ه الى
س د ع كنسبة قه الى س د ع ول قه يوازي س د ع وقد يوازي س د ع فبالشكل
الثاني والثلاثين من السادسة ضلع د ل على استقامة ضلع ل ح فخط ا ب
از المستقيمان المتقاطعان كيان في سطح واحد بالشكل الثاني من الحادية
عشرة وهو خمس ا ب ت ز و اضلاع كانية في ذلك السطح ولان ضلع طه
مقسوم بنقطة قه على نسبة ذات وسط وطرفين وخط قه دت يساووي قه
قسمه الاطول فخط طه مقسوم على نسبة ذات وسط وطرفين بنقطة قه
وقسمه الاطول طه بالشكل الرابع فبالشكل الخامس مربع طه ر ف ر معا
يساوويان ثلاثة امثال مربع طه فاذ لا اضغبا اليها مربع ا ب صار المجموع
اربعة امثال مربع ا ب فربعات ا ب طه طه الثلاثة مع مربع ر ت
المساوي لخط قه يساووي اربعة امثال ا ب لكن مربع ا ر رت معا يساوويان
ا ب طه بالشكل التاسع والاربعين من الاول فربعا ا ر رت معا يساوويان
اربعة امثال مربع ا ب لكن مربع ا ب يساووي مربعي ا ر رت بالشكل
التاسع والاربعين من الاول لكون زاوية ا ر ت قائمة فمربع ا ب يساووي
اربعة امثال مربع ا ب و ا ب يساووي ا ل ومربع ا ر يساووي اربعة امثال
مربع

مربع ثمة يساوي مربعي ث ذ و ص بالشكل التاسع والاربعين من الاول
وكان مربعاً ص د ذ ق معاً مساوياً لثلاثة امثال مربع نصف ضلع المكعب
ومربع قطر الكرة الذي هو قطر المكعب يساوي ثلاثة امثال مربع
ضلع المكعب بالشكل الرابع عشر ونسبة الاضلاع كنسبة الاجزاء
بالشكل الخامس عشر من الخامسة



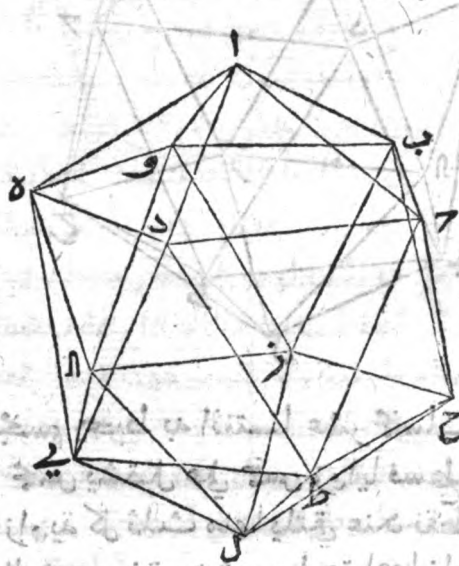
اذا كانت متساوية لمربع نصف
قطر الكرة لثلاثة امثال مربع نصف
ضلع المكعب وكان مربع ث ص
ثلاثة امثال مربع نصف ضلع
المكعب فخط ث ص يساوي
نصف قطر الكرة وبمثله تبين ان
المخطوط المستقيمة الواصلة بين
نقطة ص وبين النقط التي علي
زوايا الخمس كل منها يساوي
نصف قطر الكرة فاذا عملنا علي

قطر الكرة نصف دائرة واثبتناه وادركنا نصف الدائرة الي ان يعود الي
وضعه الاول فحيط نصف الدائرة يلزم سطح الكرة ويمر علي نقط زوايا
الخمسات المحيطة بالمجسم المعول فتكون الكرة محيطة بذوي اثنتي عشر
قاعدة الجسمات فاقول ان ضلع الخمس منفصل وذلك لان مربع قطر
الكرة ثلاثة امثال مربع ضلع المكعب فنسبة مربع قطر الكرة الي مربع
ضلع المكعب كنسبة ثلاثة الي الواحد وهي كنسبة عددين مربعين وان
كانت كنسبة عدد الي عدد فبالشكل السابع من العاشرة ضلع المكعب
يشارك في القوة قطر الكرة المنطق وببانه في الطول واذا كل واحد من
قطر الكرة وضلع المكعب وليكن هو ضلع آ ز علي نسبة ذات وسط
وطرفين بالشكل التاسع والعشرين من السادسة كانت نسبة القطر الي
ضلع المكعب كنسبة قسمي القطر الي قسمي ضلع المكعب الاعظم الي
الاعظم والاقصر الي الاقصر باستبانة الشكل التاسع والعشرين من
السادسة فنسبة قطر الكرة الي ضلع المكعب كنسبة قسم الاعظم من قطر
الكرة الي قسم الاعظم من ضلع المكعب لكن قطر الكرة يشارك ضلع المكعب
في القوة فالتقسيم الاعظم من ضلع المكعب يشارك قسم الاعظم من قطر
الكرة بالشكل الثاني عشر من العاشرة وقطر الكرة منطق وكل خط منطق
قسم علي نسبة ذات وسط وطرفين فكل قسم من قسمه منفصل بالشكل
التاسع فالتقسيم الاعظم من آ ز ضلع المكعب يشارك المنفصل في القوة
وآ ز وتر زاوية آ ز التي هي زاوية الخمس وكل وتر زاوية الخمس قسم علي
نسبة ذات وسط وطرفين فان قسمه الاعظم يساوي ضلع الخمس بالشكل
الرابع

الثامنة عشر

٣٣٣

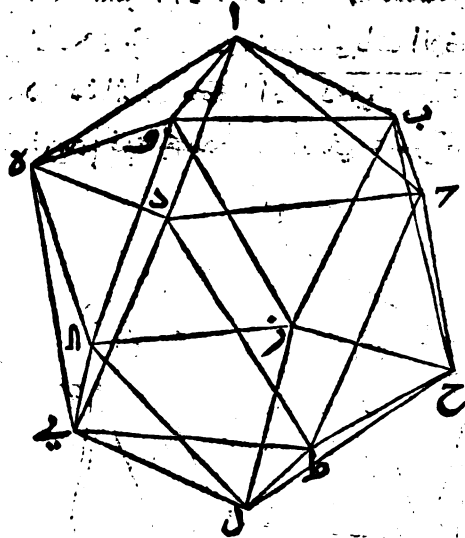
الرابع عشر فضلع خمس ات ترخ وليكن هو آخ يشارك المنفصل في القوة وكل خط يشارك المنفصل في الطول او في القوة فهو منفصل بالشكل المائة من العاشرة فاضلاع الخمسات المحيطة بذوي اثني عشر قاعدة الخمسات منفصلات فالحكم ثابت
واما ان لنا ان نرسم في اي مجسم ذي عشرين قاعدة مثلثات متساويات الاضلاع والزوايا ذا اثني عشر قاعدة مجسمات متساويات الاضلاع والزوايا فليكن ذو عشرين قاعدة مثلثات كل اب حدة وخرج ط الى و مثلثات العشرون فاقول لنا ان نرسم فيه مجسما ذا اثني عشر قاعدة



مخمسات برهانه فلان سطح ذي العشرين يشتمل على عشرين مثلثات وكل مثلث على ثلث زوايا فالسطح يشتمل على ستين زاوية وكل خمسة من تلك الزوايا محيطة بزاوية مجسمة فالمجسم ذي العشرين يشتمل على اثني عشر زاوية مجسمة وكل ضلعين من اضلاع الزوايا الخمسة المحيطة بالزاوية المجسمة يحيطان

بزاوية خمس من الخمسات المتساوية الاضلاع والزوايا التي كل زاوية من الزوايا المجسمة لذوي العشرين قاعدة لواحد منها لمعني انه اذا وصل بين الزوايا المجسمة وبين زاوية من ثلث المجسمات بخط مستقيم واذخني
المخمسات فسطحا كل مثلثين من مثلثات ذي العشرين يحيطان بزاوية لجميع تلك الزوايا متساوية فنجد مركز كل واحد العشرين من مثلثات ذي العشرين باستبانة الشكل الرابع من الرابعة ونرسم على كل واحد من تلك المراكز نقطة ع ونخرج من كل واحد من تلك المراكز ثلاثة اعمدة على اضلاع كل مثلث من مثلثات ذي العشرين بالشكل الحادي عشر من الاولي فتكون الاعمدة كلها متساوية باستبانة الشكل الرابع من الرابعة ونصل بين مركزي كل مثلثين متجاورين بخط مستقيم فلان الاعمدة متساوية بالشكل الرابع من الاولي فتحصل اثنتا عشر مخمسات متساويات الاضلاع واذا وصلنا بين نقط الزوايا المجسمة وبين جميع مراكز مثلثات ذي العشرين بخطوط مستقيمة حدث مائة وعشرين مثلثات في كل منها زاوية قائمة محيطة بها نصف ضلع من اضلاع مثلثات ذي العشرين وعمود تلك الاعمدة

الاعمدة المتساوية وجميع الاضلاع متساوية فبالشكل الرابع من الاول
تكون جميع الخطوط المستقيمة الواصلة متساوية التي هي اوتار تلك
الزوايا القوام فاذا جعلنا نقط الزوايا الخمسة مراكز وادركنا بعد
الخطوط المستقيمة المتساوية دوائر محيط كل منها على مراكز المثلثات
فتقع اوتار كل واحد من



المخمسات في دائرة بالشكل
الثاني من الثالثة وتكون
جميع تلك الدوائر متساوية
فتكون جميع المفروضة من
محيطاتها باوتارها التي
اضلاع الخمسات متساوية
بالشكل السابع والعشرين
من الثالثة وكل زاوية من
زوايا كل مخمس على ثلث من
تلك المقس فتكون المخمسات
متساوية الزوايا فحصل

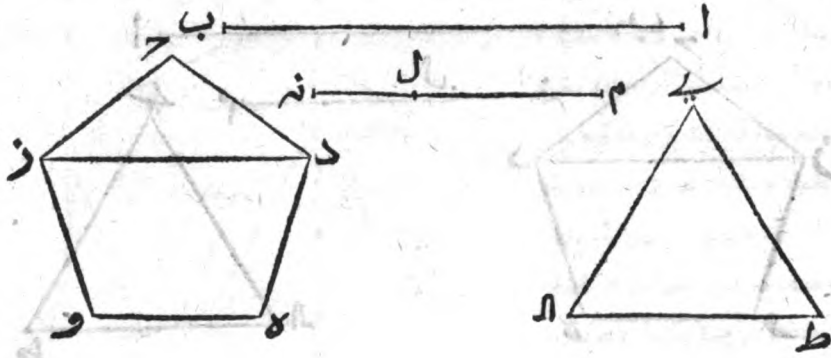
مجسم يحيط به اثنتا عشر مخمسات متساويات الاضلاع والزوايا وكل
مخمس يشتمل على خمس زوايا فسطح هذا المجسم يشتمل على عشرين
زاوية كل ثلث منها يلتقي عند نقطة التي هي مركز من مراكز
العشرين فتحدث من اجتماعها زاوية محسوبة عند تلك النقطة فتكون
الزوايا الخمسة التي يشتمل عليها سطح ذي الاثني عشر قاعدة عشرين
زاوية فقد روي في هذه العشرين في ذاتها اثني عشر قاعدة خمسات
متساوية للاضلاع والزوايا ولنا ان نرسم ايضاً في ذي اثني عشر
قاعدة خمسات في العشرين قاعدة مثلثات فكل ما ذكرنا. ولك ما اردنا

ان نعلم ان هذا المجسم هو الذي هو
استقامة قد تبين في الشكل المتقدم ان مربع قطر الكرة وليكن هو خط
اب المستقيم اعني قطر الكرة التي تحيط بدورها العشرين قاعدة خمسات
الاثني عشر قاعدة معاً فكل واحد من مربع نصف قطر دائرة ضلع
مجسم يساوي ضلع مثلث ذي العشرين قاعدة وليكن هو خط د
المستقيم ولكن خمس هذه من احدى قواعد ذي الاثني عشر قاعدة
وان مثلث خط ا احدى قواعد ذي العشرين قاعدة وقد تبين ايضاً
في الشكل المتقدم ان ضلع مثلث ذي العشرين من اعني خط د مثلث
على ضلع المسدس والعشرون دائرة ضلع د يساوي ضلع خمس
وقد تبين ان مربع اب قطر الكرة المذكورة يساوي ثلاثة امثال مربع
ضلع المثلث الواقع فيها وقد تبين في هذا الشكل ان قطر دائرة
مخمس

الثالثة عشر

و ٤٤

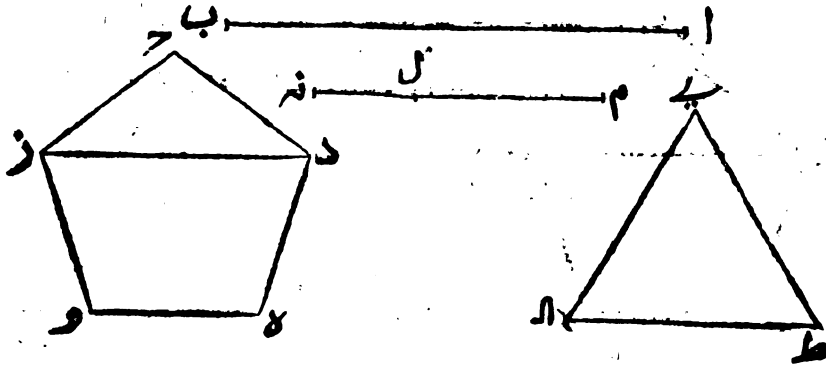
مخمس من مخمسات التي هي قواعد ذي الاثني عشر قاعدة هو ضلع المكعب الواقع في الكرة المذكورة فتكون ثلاثة امثال دز الذي هو وتر زاوية دز من مخمس حده م يساوي خمسة امثال مربع م نه واستبان من الشكل الثاني عشر ان وتر المعشر اذا فصل من وتر المسدس كان وتر



المسدس مقسوما بنسبة الفصل علي نسبة ذات وسط وطرفين ويكون قسمه الاطول وتر المعشر واستبان من الشكل الحادي عشر ان وتر زاوية المخمس اذا قسم علي نسبة ذات وسط وطرفين كان ضلع المخمس قسمه الاطول وخط م نه نصف قطر دايرة ضلع مخسها يساوي ضلع م نه فهو يساوي ضلع مسدس تلك الدايرة بالشكل الخامس عشر من الرابعة فاذا قسمنا خط م نه علي نسبة ذات وسط وطرفين علي ان يكون قسمه الاطول م ل فيكون م ل ضلع معشر دايرة ضلع م نه يساوي ضلع مخسها بحكم الشكل السابع واذا قسمنا ضلع دز ايضا علي نسبة ذات وسط وطرفين بالشكل التاسع والعشرين من السادسة يكون ضلع حده اطول قسمه باستبانة الشكل الحادي عشر وقد تبين في استبانة الشكل التاسع والعشرين من السادسة ان نسبة اقسام الخطوط المقسومة علي نسبة ذات وسط وطرفين الي نفس تلك الخطوط ونسب بعضها الي بعض النظير من النظير نسبة واحدة فنسبة حده الي دز كنسبة م ل الي م نه فنسبة مربع حده الي مربع دز كنسبة حده الي دز مثناة بالشكل الثامن من السادسة ونسبة م ل الي م نه مثناة كنسبة حده الي دز مثناة فبالشكل الحادي عشر من الخامسة نسبة مربع حده الي مربع دز كنسبة م ل الي م نه مثناة ونسبة مربع م ل الي مربع م نه كنسبة م ل الي م نه مثناة بالشكل الثامن عشر من السادسة فنسبة مربع حده الي مربع دز كنسبة مربع م ل الي مربع م نه فنسبة حده الي دز كنسبة م ل الي م نه مثناة فبالشكل السادس عشر من الخامسة ونسبة الاضعاف اذا كانت متساوية العدة كنسبة اجزاها بالشكل الخامس عشر من الخامسة وكانت ثلاثة امثال مربع دز

رب

دريساوي خمسة امثال مربع م نه فثلثة امثال مربع د يساوي خمسة
امثال مربع م ل فثلثة امثال مربع د مع ثلثة امثال مربع د يساوي ان
خمس امثال م ل مع خمسة امثال مربع م نه لكن مربع ضلع م ل يساوي
مربعي م نه م ل معا فربعا د دز معا يساوي ان خمسة امثال مربع م ل



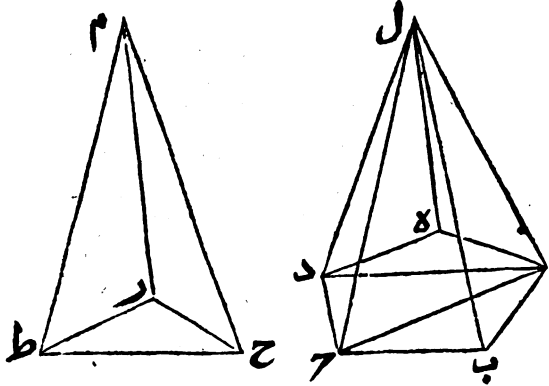
ومربع ضلع كل مثلث متساوي الاضلاع يساوي ثلثة امثال مربع
نصف قطر دائرة محيط به خمسة امثال مربع ضلع م ل يساوي خمسة
عشر مثلاً مربع نصف دائرة محيط بمثلث م ل و مربع ضلع المثلث
مع مربع وتر زاوية يساوي ان خمسة امثال مربع نصف قطر دائرة
محيط بالمثلث بالاستبانة الثانية من استبانات الشكل العاشر فثلثة
امثال مربع ضلع المثلث مع ثلثة امثال مربع وتر المسوايان خمسة
امثال مربع ضلع م ل يساوي ان خمسة عشر مثلاً مربع نصف قطر
دائرة محيط بالمثلث والدائرة التي محيط بالمثلث في الاثنى عشر قاعدة
تساوي الدائرة التي محيط بمثلث ذي العشرين قاعدة وهذا هو
الشكل الثالث من المقالة الرابعة عشر من اصلي الثابت والخمس ج ه
استبانة ثانية وهي ان نسبة خمس ذي الاثنى عشر قاعدة الى مثلث
ذي العشرين قاعدة الواقعين في كرة واحدة كنسبة ضلع المكعب
الواقع في تلك الكرة الى ضلع ذي العشرين قاعدة الواقعة فيها لانه
قد تبين في الاستبانة الاولى ان الدائرة التي محيط بالمثلث ذي الاثنى
عشر قاعدة تساوي الدائرة التي محيط بمثلث ذي العشرين قاعدة
فخرج من مركز الكرة الى كل واحد من سطوح الدوائر الخمسات
والمثلثات مجودا بالشكل الثاني عشر من الثانية عشر ونصل بين مركز
الكرة وبين كل واحدة من زوايا المثلثات والخمسات بخط مستقيم ونصل
بين مستط الامحدة وبين جميع زوايا المثلثات وفي ثلث زوايا من زوايا
الخمسات بخطوط مستقيمة فلان الخطوط المستقيمة الواصلة بين مركز
الكرة وبين زوايا المثلثات والخمسات متساوية لانها انصاف اقطار الكرة
ومربع كل منها يساوي مربعي المجدو خط واحد من الخطوط الواصلة
بين

الثالثة عشر

٧٤٤ م

بين مستط العود وزوايا المثلثات والخمسات بالشكل التاسع والاربعين من الاول فاذا استقطنا مربع من كل واحد من انصاف الاقطار تبقي مربعات الخطوط الواصلة بين مستط الاعمدة وبين زوايا المثلثات والخمسات متساوية وتلك الخطوط متساوية فمستط الاعمدة مراكز الدوائر المحيطة بالخمسات والمثلثات متساوية وجميع الدوائر المحيطة بالمثلثات والخمسات متساوية فتكون انصاف اقطارها متساوية فالاعمدة

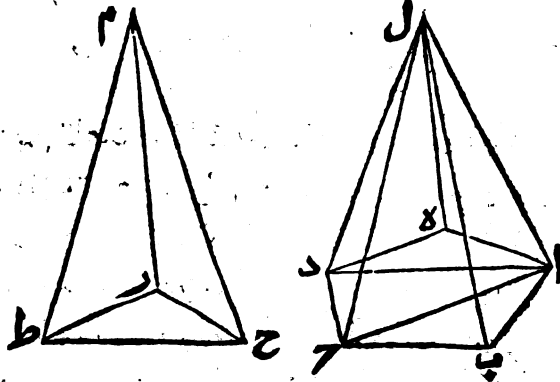
كلها متساوية فيحصل
اثني عشر مخروطاً خمس
القواعد متساوية
الارتفاعات مساوية
لمجسم ذي اثني عشر
قاعدة خمسات ويحصل
ايضا عشرون مخروطاً
مثلث القواعد
متساوية الارتفاعات



مساوية لمجسم ذي عشرين قاعدة مثلث القواعد وتكون ارتفاعات جميع المخاريط التي لذي الاثني عشر ولذي العشرين متساوية واذا قسمنا خمسا من تلك القواعد الي ثلث مثلثات انقسم المخروط الخمس القواعد الي ثلث مخاريط مثلث القواعد ارتفاعاتها متساوية ومساوية لباني ارتفاعات المخاريط مثلث القواعد او خمستها وليكن المخروط المنقسم هو مخروط $أ ب ح د$ لمخاريط الحادثه هي مخروطات $أ ب ح د$ $أ د ل$ وليكن مخروط $م ح ط$ من مخاريط مثلث القواعد فلان ارتفاعات الجميع متساوية تكون نسبة مخروط $أ ب ح د$ الاول الي مخروط $م ح ط$ الثاني كنسبة قاعدة $أ ب ح د$ الثالث الي قاعدة $م ح ط$ الرابع ونسبة مخروط $أ د ل$ الخامس الي مخروط $م ح ط$ الثاني كنسبة قاعدة $أ د ل$ السادس الي قاعدة $م ح ط$ الرابع ونسبة مخروط $أ د ل$ الرابع الي مخروط $م ح ط$ الثاني كنسبة قاعدة $أ د ل$ الثامن الي قاعدة $م ح ط$ الرابع بالشكل الخامس من الثانية عشر فبالشكل الرابع والعشرين من الخامسة نسبة مخروط $أ ب ح د$ المشتمل علي مخاريط الاول والخامس الي مخروط $م ح ط$ كنسبة قاعدة $أ ب ح د$ المشتمل علي قواعد الثالث والسادس والثامن الي قاعدة $م ح ط$ واذا اخذ للاول والثالث اضعاقي متساوية العدة ولتكن عدة الاضعاقي اثني عشر فتكون اضعاقي الاول مجسم ذي الاثني عشر قاعدة واهضاقي الثالث المستط المحيطة بمجسم ذي الاثني عشر قاعدة المشتمل علي اثني عشر قاعدة خمسات واخذ ايضا للثاني والرابع اضعاقي متساوية العدة وليكن هو عدة الاضعاقي

الاضعاف عشرين فتكون اضعاف الثاني مجسم ذي العشرين قاعدة
واضعاف الرابع السطح المحيط بذوي عشرين قاعدة المشتمل على عشرين
قاعدة مثلثات كانت نسبة اضعاف الاول وهي مجسم ذي الاثني عشر
قاعدة الى اضعاف الثاني وهي مجسم ذي العشرين قاعدة كنسبة اضعاف
الثالث وهي السطح المحيط بذوي الاثني عشر قاعدة الى اضعاف الرابع
وهي السطح المحيط بذوي عشرين قاعدة بالشكل الرابع من الخامسة
فتكون نسبة مجسم ذي الاثني عشر قاعدة الى مجسم ذي عشرين قاعدة
كنسبة السطح المحيط بذوي الاثني عشر الى السطح المحيط بذوي العشرين
وقد تبين في الاستبانة الاولى من استبانات الشكل الحادي عشر ان نسبة
وتر زاوية الخمس المتساوي الاضلاع والزوايا الى ضلع المثلث المتساوي
الاضلاع والزوايا الواقعين في دايرتين متساويتين كنسبة اثني عشر
مثلا لسطح الخمس الى عشرين مثلا لسطح المثلث وهي المساوي للسطح
المحيط بمجسم ذي

العشرين قاعدة فتكون
نسبة وتر زاوية الخمس
المتساوي الاضلاع من
الخمسات التي هي قواعد
مجسم ذي الاثني عشر
قاعدة الخمسات الى ضلع
المثلث المتساوي
الاضلاع من المثلثات



المحيطه بذوي عشرين قاعدة مثلثات كنسبة السطح المحيط بمجسم ذي
الاثني عشر قاعدة الى السطح المحيط بمجسم ذي عشرين قاعدة وكانت
نسبة المجسم ذي الاثني عشر قاعدة الى مجسم ذي عشرين قاعدة كنسبة
السطح المحيط بالاول الى السطح المحيط بالثاني فبالشكل الحادي عشر من
الخامسة نسبة مجسم ذي الاثني عشر قاعدة الى مجسم ذي عشرين
قاعدة كنسبة وتر زاوية خمس من الخمسات المحيطه بذوي الاثني عشر
قاعدة الى ضلع مثلث من المثلثات المحيطه بذوي عشرين قاعدة وقد
تبين في هذا الشكل ان خط آرا الذي هو وتر زاوية الخمس من الخمسات
المحيطه بذوي الاثني عشر قاعدة هو ضلع المكعب الواقع في الكرة
المحيطه بالمجسمات المذكورة فتكون نسبة مجسم ذي الاثني عشر قاعدة
الى مجسم ذي العشرين قاعدة الواقعين في كرة واحدة كنسبة ضلع
المكعب الواقع في تلك الكرة الى ضلع المثلث من المثلثات المحيطه بذوي
عشرين قاعدة الواقعة في تلك الكرة ايضا فالحكم ثابت

استبانة

استبانة ثالثة قد تبين في استبانة الثانية من استبانات الشكل الحادي عشر ان نسبة كل خط يقوي علي اي خط مقسوم علي نسبة ذات وسط وطرفين وعلي قسمه الاعظم الي اي خط يقوي علي ذلك الخط بعينه وعلي قسمه الاصغر كنسبة وتر زاوية اي مخمس متساوي الاضلاع واقع في اي دايرة الي ضلع اي مثلث متساوي الاضلاع الواقع في تلك الدايرة بعينها او في اي دايرة تساويها وقد تبين في هذا الشكل ان وتر زاوية اي مخمس من المخمسات التي هي قواعد مجسم ذي اثنتي عشر قاعدة الواقع في كرة هو ضلع مكعب تلك الكرة وقد تبين في استبانة الاولى من هذا الشكل ان الدايرة التي تحيط بمخمس ذي اثنتي عشر قاعدة يساوي للدايرة التي تحيط بمثلث ذي عشرين قاعدة كانا واقعين في كرة واحدة فتكون نسبة اي خط يقوي علي اي خط قسم علي نسبة ذات وسط وطرفين وعلي قسمه الاعظم الي اي خط يقوي علي ذلك الخط بعينه وعلي قسمه الاصغر كنسبة ضلع مكعب الكرة الي ضلع مثلث ذي عشرينها وقد تبين في استبانة الاولى والثانية من استبانات الشكل الحادي عشر ان نسبة سطح ذي الاثنتي عشر قاعدة الي سطح ذي عشرين قاعدة اذا كانا واقعين في كرة واحدة كنسبة ضلع مكعبها الي ضلع ذي عشرينها فتكون نسبة اي خط يقوي علي اي خط قسم علي نسبة ذات وسط وطرفين وعلي قسمه الاعظم الي اي خط يقوي علي ذلك الخط بعينه وعلي قسمه الاصغر كنسبة سطح ذي اثنتي عشر قاعدة الواقع في كرة الي سطح ذي عشرينها بالشكل الحادي عشر من الخامسة وقد تبين في استبانة الثانية من هذا الشكل ان نسبة مجسم ذي اثنتي عشر قاعدة الي مجسم ذي عشرين قاعدة اذا كانا واقعين في كرة كنسبة ضلع مكعبها الي ضلع ذي عشرينها فبالشكل الحادي عشر من الخامسة نسبة اي خط يقوي علي اي خط قسم علي نسبة ذات وسط وطرفين وعلي قسمه الاعظم الي اي خط يقوي علي ذلك الخط بعينه وعلي قسمه الاصغر كنسبة مجسم ذي اثنتي عشرة قاعدة الي مجسم ذي عشرين قاعدة اذا كانا واقعين في كرة واحدة

ج

نريد ان نحصل اضلاع الاسكال الخمسة في شكل واحد ونعيس بعضه الي بعض

ليكن اب قطر الكرة التي في صناها محبط بالمجسمات الخمس وبمثلثة بالمقدمة

ان تحيط بزواوية مجسمة ثلث زوايا من زوايا المسدس ولا مما
 حاور المسدس من الاشكال الكثيرة الاضلاع المتساوية الاضلاع فما يمكن
 وقوعه في الكرة المجسمات التي هي ذوات قواعد متساويات الاضلاع
 والزوايا وتلك القواعد كلها من جنس واحد متحصري المجسمات الخمسة
 المذكورة. واما اذا لم يشترط كون قواعد المجسمات من جنس واحد
 فيجب ان لا يتجاوز زواويتان من جنس واحد والا لخرجت المجسمات
 عن التشابه فلا يمكن وقوعها في كرة فبكون حينئذ عدد الزوايا
 المحيطة بالزواوية المجسمة زوجا وهو اربعة لان لزوايتين لا يحيطان
 بزواوية مجسمة والزوايا الستة وما فوقها اكثر من اربع قوائم فان كانت
 الزوايا المحيطة بالزواوية المجسمة مولفة من المثلثات المتساويات الاضلاع
 والزوايا والمربعات يكون الشكل ذا اربع عشر قاعدة ثمانية منها مثلثات
 وستة مربعات وتاليفه ان نعمل مربعا وعلي كل ضلع منه مثلثا متساوي
 الاضلاع والزوايا فتحدث علي كل زاوية من زوايا المربع زاوية من
 احاطه ضلعي مثلثين شكلا فنقم تلك الزاوية مربعا فتحدث اربع
 مربعات فبوصل زواياها المقابلة للزوايا المحاذية علي زوايا المربع بضلع
 من الاضلاع الذي يعمل منها الاشكال فيحدث مربعا مقابلا للمربع الاول
 واربع مثلثات اخر فيشتمل الكل علي ستة مربعات وثمانية مثلثات
 متساوية الاضلاع والزوايا وتحدث في الشكل ثلاثة مسدسات ما يقع
 في اعظم الدوائر الواقعة في الكرة المعول فيها المجسم فبكون ضلع قواعد
 المحيطة بذلك الشكل متساويا لضلع مسدس اعظم دائرة يقع في الكرة
 المعول فيها الشكل فان كانت الزوايا المحيطة بالزواوية المجسمة مولفة من
 مثلثات والمجسمات كان المجسم ذا اثنين وثلثين قاعدة عشرين مثلثات
 متساويات الاضلاع والزوايا واثنى عشر مجسمات متساويات الاضلاع
 والزوايا وتاليفه بان نعمل مجسما متساوي الاضلاع والزوايا وعلي كل
 ضلع منه مثلثا متساوي الاضلاع والزوايا فتحدث علي كل زاوية من
 زوايا الخمس زاوية من احاطه ضلعي مثلثين منها فنقم كل زاوية مجسما
 ونقم الشكل علي هذا النصف فتحدث فيه خمسة معشرات كل منها
 شكلا مما يقع في اعظم دوائر الكرة المعول فيها الشكل فضلع قاعدة هذا
 الشكل يساوي ضلع معشر مما يقع في اعظم دوائر الكرة المعول فيها
 الشكل فتصير المجسمات المتكئة الوقوع في الكرة سبعة واذ يسر الله تعالى
 اتمام ما قصدته من تحرير هذا الكتاب



هذه صورة امر بادشاه اسلام السلطان ابن السلطان

السلطان مراد خارج *

مفاخر الامراء الكرام مراجع الكبراء الفخام اولو القدر والاحترام
المختصين بمزيد عناية الملك العلام ممالك محروسه واقع اولان سنجاق
بكلري وقبودانلردام عزهم ومفاخر القضاة والحكام معادن الفضائل
والكلام ذكر اولنان يرلرده اولان قاضيلر زيد فضلهم توقيع رفع هايون
واصل اوليچاق معلوم اولاكه ممالك محروسه تجارت ايدن افرنج
تاجرلرندن دارندكان فرمان هايون برانتون واوراسبولدي بانديني
نام بازاركانلر دركاه معلامه كلوب ولايت فرنكستاندن تجارت ايجون
بعض متاع وعربي وفارسي وتوركي باصها بعض معتبر كتابلر ورساله لر
كتوروب ممالك محروسه كنده حاللر نده بيع وشرا ايدر لر ايك
بعض كمسنه لر يولده وايزده واسكله ومعبرلرده فضولي يوكلرين ييتيوب
دنكلرين بوزوب ايجندن بكنند وكلري اقشه وسایر امتعه قسمي اجه
سوز وجزوي بها ايله خيرا الوب وسزده عربي وفارسي كتابلر نبلرديو
تجارت ايجون كتور دوكلري جميع كتابلر في اللرنندن الوب بها سن
وير محبوب وكندولرك ووكبللر نيك وادملي نيك بيع وتجار تلرينه مانع
اولد قلرين بلدروب من بعد امن وامان اوزره كلوب كيدوب كندو
حاللر نده تجارت اتدوكلر نده بر فرد دخل الكيوب منت ومحانا
متاعلري الغيوب ويوكلري بوزلر محبوب منع اولمقب باينده حكم هايونم
طلب اتدوكلري اجلدن بپوردم كيه حكم شريعه هر قنكر ك تحت
حكومت نده داخل اولور لرايسه يولده وايزده ومنازل ومراجلده
واسكلر لر ومعبرده كندو حاللر نده امن وامان اوزره بيع وشرا تجارت
ايدر لر كن خارجدن بر فرد متاعلرينه دخل ايدر محبوب وصاحبك
رضاسي اولمدين خيرا برنسنه لر ين واول مقوله كتابلرين غصب
اتدر محبوب هر نه الور لرايسه حسن رضا ايله بيع ايدنلردن بتمام
ذكر بها لريله الدروب اجه سوز وياكسوك بها ايله جزویدن وكبلدن
برنسنه لر ين الدر محبوب من بعد مذكوران بازاركانلره ووكبللر نده
وادملي نده شرم شريفه وعهدنامه هايونم مخالف اصلا وقطعا كمسنه دخل
وتجاوز اتدر مبه سز ممنوع اولوب عناد ومحالفت ايلنلري اسما
لريله يازوب عرض ايلبه سز بو خصوص ايجون تكرار شكايه
اتدر مبه سز شويله بلسز وبعد اليوم بو حكم شريفه اللرنده ابقا
ايدوب علامت شريفه اعقاد قلاسز * تحرير افي اوایل ذي الح سنة
ست وتسعين وتسعايه * محروسه قسطنطينية *

2. a. gr. b. 541

Euclides

<36607916240010

<36607916240010

Bayer. Staatsbibliothek



